Laboratoriniai darbai

Domantas Keturakis Lapkritis 2024

Turinys

Užduotis #1	2
Pirma dalis	2
Lygiagretinimo galimybių analizė	2
Sprendimo lygiagretinimas	4
Rezultatai	5
Antra dalis	5
Rezultatai	6
Užduotis #2	
Pirma dalis	7
Pirmas bandymas	7
Rezultatai	9
Antras bandymas	9
Rezultatai	
Antra dalis	12
Užduotis	12
Lygiagretinimas	
Rezultatai	
Priedai	

Užduotis #1

Pirma dalis

Lygiagretinimo galimybių analizė

Pirmasis skaičiavimo skaičiavimo ciklas (Pav. 1) palyginus užtrunka nedaug laiko (apie 0.002 sekundės). Praktiniems tikslams, jį galima ignoruoti.

```
1 for (int i=0; i<numX; i++) {
2    X[i] = i;
3    bestX[i] = i;
4 }
5 u = evaluateSolution(X);
6 bestU = u;</pre>
```

Pav. 1: Pradinės naujo ir geriausio sprendinių reikšmių apskaičiavimas

Didžiąją dalį laiko užima šis ciklas:

```
1 while (increaseX(X, numX-1, numCL) == true) {
2         u = evaluateSolution(X);
3         if (u > bestU) {
4             bestU = u;
5             for (int i=0; i<numX; i++) bestX[i] = X[i];
6         }
7 }</pre>
```

Pav. 2: Visų galimų sprendinių perrinkimas

Šio ciklo iš esmės "aklai" parelilizuoti negalima, nes reikia atsižvelgti į tai kad:

- increaseX keičia masyvo X reikšmę (Pav. 3), ir ne tik index-ąjį elementą, rekursyviai kviesdamas save sumažina index reikšmę vienu, t.y. iškvietus increaseX visos masyvos reikšmės yra keičiamos. To pasekmė, kad index-ojo elemento skaičiavimo negalima paskirstyti skirtingoms gijoms, kitaip vėlesnėms gijoms reikėtų laukti, kol praeita gija baigs savo darbą, visiškai nustelbiant parelelizavimo naudą.
- increaseX skaičiavimai priklauso vienas nuo kito, t.y. norint apskaičiuoti X reikšmę n-ame ciklo vykdyme, reikia pirma apskaičiuoti X reikšmę (n-1)-ame ciklo vykdyme. Analogiškai negalima lygiagretinti nes kitos gijos lauktų, kol praeita gija baigs savo darbą.
- if (u > bestU) { ... } irgi gali tik vienas ciklas vienu metu, nes bestU ir X pakeitimas turi būti atliekamas "žingsniu" t.y. atomiškai.

Iš esmės neperrašius increaseX, X skaičiavimų lygiagretinti nėra praktiška.

```
C
   int increaseX(int *X, int index, int maxindex) {
2
        if (X[index]+1 < maxindex-(numX-index-1)) {</pre>
3
            X[index]++;
4
        }
5
        else {
6
            if ((index == 0) \& (X[index]+1 == maxindex-(numX-index-1))) {
7
                 return 0;
8
            }
9
            else {
10
                if (increaseX(X, index-1, maxindex)) X[index] = X[index-1]+1;
11
                else return 0;
12
            }
        }
13
14
        return 1;
15 }
```

Pav. 3: Funkcija increseX

Tuo tarpu funkcija evaluateSolution (Pav. 4) nekeičia jokių globalių kintamųjų ar savo argumentų. Analitiškai žiūrint galima spėti, kad čia ir didžioji dalis skaičiavimo laiko yra sugaištama. Teorinis šios funkcijos $big\ O$ yra $O(\mathsf{numDP} \cdot \mathsf{numX})$, tuo tarpu increseX rekursyviai save gali iškviesti daugiausiai numX kartų.

```
C
1
    double evaluateSolution(int *X) {
2
        double U = 0; double totalU = 0;
3
        int bestPF, bestX;
4
        double d;
5
6
        for (int i=0; i<numDP; i++) {</pre>
7
             totalU += demandPoints[i][2];
8
             bestPF = 1e5;
9
             for (int j=0; j<numPF; j++) {</pre>
10
                 d = HaversineDistance(i, j);
11
                 if (d < bestPF) bestPF = d;</pre>
12
13
             bestX = 1e5;
14
             for (int j=0; j<numX; j++) {</pre>
15
                 d = HaversineDistance(i, X[j]);
16
                 if (d < bestX) bestX = d;</pre>
            }
17
18
19
             if (bestX < bestPF) U += demandPoints[i][2];</pre>
             else if (bestX == bestPF) U += 0.3*demandPoints[i][2];
20
21
        }
22
        return U/totalU*100;
23 }
```

Pav. 4: Funkcija evaluateSolution

Sprendimo lygiagretinimas

Dėl anksčiau išvardintų priežąsčių increaseX apskaičiavimas išskiriamas į critical bloką, tam, kad tik viena gija galėtų modifikuoti X reikšmę vienu metu. Apskaičiavus ir atnaujinus X, kiekviena gija susikuria savo X kopiją - localX. Šią kopiją galima naudoti evaluateSolution nes jinai ne bus keičiama. Kiekviena gija taip pat gauna u kopiją į kurią įrašo evaluateSolution apskaičiuotą reikšmę. Ciklo gale vėl naudojamas critical, tam kad tik viena gija vienu metu galėtų įvertinti u > bestU ir pakeisti bestU ir bestX reikšmes.

```
\left[\mathsf{c}\right]
   bool increased = true;
1
2
   int *manyXs = new int[NUM_THREADS * numX];
3
4
   #pragma omp parallel private(u)
5
   {
6
        while (increased) {
7
            int thread_id = omp_get_thread_num();
8
            int *localX = manyXs + (thread_id * numX);
9
10
            #pragma omp critical(increaseX)
11
            {
12
                 increased = increaseX(X, numX-1, numCL);
13
                 memcpy(localX, X, sizeof(int) * numX);
14
            }
15
            u = evaluateSolution(localX);
16
17
18
            #pragma omp critical(best)
19
            {
20
                 if (u > bestU) {
21
                     bestU = u;
                     memcpy(bestX, localX, sizeof(int) * numX);
22
23
                 }
24
            }
        }
25
26 }
```

Pav. 5: Sulygiagretintas visų galimų sprendinių perrinkimas

Rezultatai

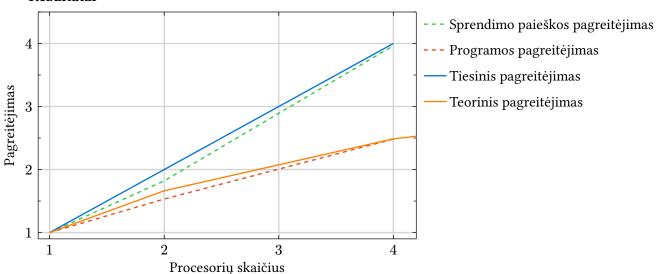


Fig. 1: Pagreitėjimo ir Procesorių skaičiaus santykis, kai matricos skaičiavimas nuoseklus

Iš Fig. 1 matoma, kad lygiagretinamos dalies pagreitėjimas seka tiesinį pagreitėjimą. O visos programos pagreitėmijas seka teorinį pagreitėjimą nusakytą pagal Amdalo dėsnį.

Antra dalis

Šioje vietoje for direktyva atrodo lengvai pritaikoma, kadangi atstumų matricos kiekvieną eilutę galima apskaičiuoti nepriklausomai nuo to ar praeitos eilutės yra apskaičiuotos. Tačiau, pirmos eilutėms reikia žymiau mažiau laiko negu paskutinesnėms, todėl pritaikyta guided paskirstymo (angl. scheduling) direktyva. Tai leidžia efektyviau paskirstyti ciklų darbą per skirtingas gijas.

```
\left[\mathsf{c}\right]
1
    distanceMatrix = new double*[numDP];
2
    #pragma omp parallel
3
    {
4
         #pragma omp for schedule(guided)
5
         for (int i=0; i<numDP; i++) {</pre>
6
             distanceMatrix[i] = new double[i+1];
7
             for (int j=0; j<=i; j++) {</pre>
8
                  distanceMatrix[i][j] = HaversineDistance(
9
                    demandPoints[i][0],
10
                    demandPoints[i][1],
11
                    demandPoints[j][0],
                    demandPoints[j][1]
12
13
                  );
14
             }
15
         }
16 }
```

Pav. 6: Sulygiagretintas atstumų matricos skaičiavimas

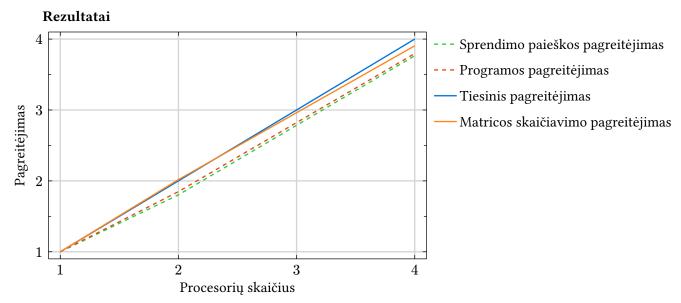


Fig. 2: Pagreitėjimo ir Procesorių skaičiaus santykis, kai matricos skaičiavimas sulygiagretintas Iš Fig. 2 matoma, kad matricos skaičiavimo ir sprendimo ieškojimo pagreitėjimas seka tiesinę kreivę, kas matosi ir visos programos pagreitėjime, kuri irgi seka tiesinę kreivę.

Užduotis #2

Sulygiagretinti skaičiavimus naudojantis MPI biblioteka.

Pirma dalis

Sulygiagretinti sprendinio skaičiavimus.

Pirmas bandymas

Procesus galima paskirstyti taip, kad yra vienas pagrindinis (*main*) procesas ir likę - darbuotojai (*workers*). Kur pagrindinis procesas skaičiuoja atnaujintas X reikšmes ir jas išsiunčia kitiem procesam.

```
C
   int world_size; MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &world_size);
2
   int world rank; MPI Comm rank(MPI COMM WORLD, &world rank);
3
   // Iškirpta: loadDemandPoints(), distanceMatrix skaičiavimas, MPI Buffer attach,
   MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
5
6
7
   bool increased = true;
8
   while (increased) {
9
      int sends = 1;
      if (world rank == 0) {
10
11
          for(int ix = 1; ix < world_size; ++ix) {</pre>
12
             increased = increaseX(X, numX - 1, numCL);
13
             MPI_Send(X, numX, MPI_INT, ix, DATA_X, MPI_COMM_WORLD);
14
15
             sends = ix + 1;
16
17
             if (!increased) {
18
                for (int ix = 1; ix < world_size; ++ix) {</pre>
                   MPI_Bsend(X, 0, MPI_BYTE, ix, SIGNAL_DONE, MPI_COMM_WORLD);
19
20
21
                break;
22
             }
23
          }
24
       }
25
       // ...
26 }
```

Radus galutinę X reikšmę pagrindinis procesas išsiučia žinutę su žyme SIGNAL_DONE, kad pranešti procesams darbuotojiems, kad šie gali baigti savo darbą.

Tuo tarpu procesai darbuotojai laukia naujos X reiškės, jos sulaukę, apskaičiuoja u reikšmę ir išsiunčia ją, kartu su X, pagrindiniam procesui. Taip pat jie patikrinina ar negavo žinutės su SIGNAL_DONE žyma, kurios pagalba jie sužino, kad daugiau negaus X reiškmių ir todėl gali baigti savo darbą.

```
C
   while(increased) {
2
     // ...
3
     if (world_rank != 0) {
4
        MPI Status status;
5
        MPI_Probe(0, MPI_ANY_TAG, MPI_COMM_WORLD, &status);
6
7
        if (status.MPI_TAG == SIGNAL_DONE) {
8
        MPI_Recv(NULL, 0, MPI_BYTE, 0, SIGNAL_DONE, MPI_COMM_WORLD, MPI_STATUS_IGNOR
9
        break;
10
        }
11
12
        MPI_Recv(X, numX, MPI_INT, 0, DATA_X, MPI_COMM_WORLD, MPI_STATUS_IGNORE);
13
        u = evaluateSolution(X);
14
15
        MPI_Send(&u, 1, MPI_DOUBLE, 0, DATA_U, MPI_COMM_WORLD);
16
       MPI_Send(X, numX, MPI_INT, 0, DATA_X, MPI_COMM_WORLD);
     }
17
18
     // ...
19 }
```

Tuo tarpu pagrindinis procesas laukia tiek u ir X reikšmių kiek išsiuntė procesams darbuotojams (šis skaičius saugomas kintamajame sends), gavęs reikšmę su didesne u reikšme atnauja savo bestU ir bestX kintamuosius.

```
C
   while(increased) {
1
2
      // ...
3
       if (world_rank == 0) {
4
          for (int ix = 1; ix < sends; ++ix) {
5
             MPI_Recv(&u, 1, MPI_DOUBLE, ix, DATA_U, MPI_COMM_WORLD, MPI_STATUS_IGNOR
6
             MPI Recv(X, numX, MPI INT, ix, DATA X, MPI COMM WORLD, MPI STATUS IGNORE
7
8
             if (u > bestU) {
9
                bestU = u;
10
                memcpy(bestX, X, sizeof(int) * numX);
11
             }
12
         }
13
      }
14 }
```

Rezultatai

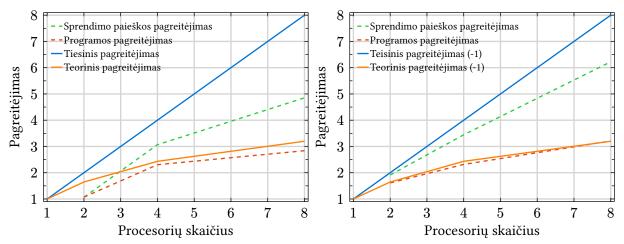


Fig. 3: Pagreitėjimo ir Procesorių skaičiaus santykis

Fig. 4: Pagreitėjimo ir Procesorių skaičiaus santykis, neskaičiuojant pagrindinio proceso

Šis sprendimas nėra pilnai optimalus (Fig. 3), nes pilnai neišnaudoja pagrindinio proceso, galima daryti išvadas, kad jis dažnai neturi darbo ir laukia kol galės kitiem procesam išsiųsti atnaujintas X reikšmes. Neskaičiuojant pagrindinio proceso (Fig. 4), t.y. skaičiuojant pagreitėjimą su 8 procesais ištikrųjų paleidžiami 9 procesai, praktiškai pasiekiamas teorinis pagreitėjimas.

Antras bandymas

Visgi galima pilnai išnaudoti, pagrindinio proceso pajėgumus, kad šis irgi skaičiuotu X reikšmes.

```
\left[\mathsf{c}\right]
1
    while (true) {
2
       if (world rank == 0 \&\& increased) {
3
           for(int ix = 1; ix < world_size; ++ix) {</pre>
4
              increased = increaseX(X, numX - 1, numCL);
5
              MPI_Bsend(X, numX, MPI_INT, ix, DATA_X, MPI_COMM_WORLD);
6
              sends += 1;
7
8
              if (!increased) {
9
                  for (int ix = 1; ix < world_size; ++ix) {</pre>
                     MPI Bsend(&dummy load, 1, MPI INT, ix, SIGNAL DONE, MPI COMM WORLD
10
                 }
11
12
                  break:
13
              }
14
15
       }
16
    // ...
17 }
```

Kad procesai darbuotojai nelauktų, kol pagrindinis procesas baigs skaičiuoti savo dalį, nebelaukiama atsakymo iš procesų darbuotojų, X siuntimui pasitelkiamas MPI Bsend.

Toliau while cikle pridedamas paskaičiavimas pagrindiniam procesui ir SIGNAL_DONE išsiuntimas, jeigu šiame cikle būtų pasiektas paskutinis X skaičiavimas:

```
c
1
   while(true) {
2
       // ...
3
       if (world_rank == 0 && increased) {
4
          increased = increaseX(X, numX - 1, numCL);
5
6
          u = evaluateSolution(X);
7
          if (u > bestU) {
8
             bestU = u;
             memcpy(bestX, X, sizeof(int) * numX);
9
10
          }
11
12
          if (!increased) {
13
             for (int ix = 1; ix < world_size; ++ix) {</pre>
14
                MPI_Bsend(&dummy_load, 1, MPI_INT, ix, SIGNAL_DONE, MPI_COMM_WORLD);
15
             }
16
          }
17
       }
18
       // ...
19 }
```

Pagrindinis procesas

Procesams darbuotojams ypač daug pakeitimų nereikia. Šie irgi pakeičia MPI Send į MPI Bsend.

```
C
1
       if (world rank != 0) {
2
          int master_done = WRP_Check_for(0, SIGNAL_DONE, MPI_COMM_WORLD);
3
          int master_sent_X = WRP_Check_for(0, DATA_X, MPI_COMM_WORLD);
4
5
          if (master_sent_X) {
             MPI_Recv(X, numX, MPI_INT, 0, DATA_X, MPI_COMM_WORLD, MPI_STATUS_IGNORE)
6
7
8
             u = evaluateSolution(X);
9
             if (bestU < u) { bestU = u; bestX = memcpy(bestX, X, sizeof(int) * numX)</pre>
10
11
             MPI_Bsend(&u, 1, MPI_DOUBLE, 0, DATA_U, MPI_COMM_WORLD);
12
            MPI Bsend(X, numX, MPI INT, 0, DATA X, MPI COMM WORLD);
13
          }
14
15
          if (master_done && !master_sent_X) { break; }
16
```

Čia WRP_Check_for(int source, int tag, MPI_Comm comm) (apibrėžimas Pav. 7) viduje naudoja MPI_Iprobe(int source, int tag, MPI_Comm communicator, int* flag, MPI_Status* status) ir gražina flag dalį.

```
C
1
   while(true) {
2
       // ...
3
       if (world rank == 0) {
4
          if (!increased && receives == sends) { break; }
5
6
          MPI_Status status;
7
          int worker_sent_X;
8
          MPI_Iprobe(MPI_ANY_SOURCE, DATA_X, MPI_COMM_WORLD, &worker_sent_X, &status)
9
          while(worker_sent_X) {
           MPI_Recv(&copy_u, 1, MPI_DOUBLE, status.MPI_STATUS, DATA_U, MPI_COMM WORLD,
   MPI_STATUS_IGNORE);
            MPI_Recv(copy_X, numX, MPI_INT, status.MPI_STATUS, DATA_X, MPI_COMM_WORLD,
11
   MPI_STATUS_IGNORE);
12
             receives += 1;
13
14
             if (copy_u > bestU) {
15
                bestU = copy_u;
16
                memcpy(bestX, copy_X, sizeof(int) * numX);
17
             }
18
19
             worker_sent_X = WRP_Check_for(MPI_ANY_SOURCE, DATA_X, MPI_COMM_WORLD);
20
21
      }
22 }
```

Tam kad pagrindinis procesas nelauktų atsakymo iš kitų procesų, naudojamas MPI_Iprobe patikrinti ar procesai darbuotojai jau apskaičiavo savo dalį ir išsiuntė žinutes, šios surenkos ir palyginamos pagrindiniame procese.

Rezultatai

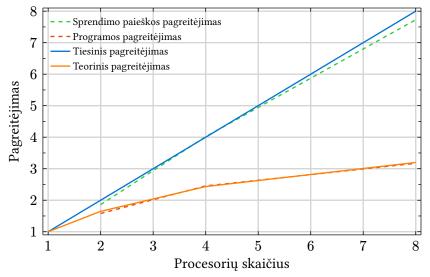


Fig. 5: Pagreitėjimo ir Procesorių skaičiaus santykis

Šis metodas pasieka teorinį pagreitėjimą be papildomo proceso.

Antra dalis

Užduotis

Sulygiagretinti matricos skaičiavimus.

Lygiagretinimas

Kad tinkamai sulygiagretinti, reikia paskirstyti skaičiavimus taip, kad kiekvienas procesas tūrėtų po tiek pat darbo. Tam panaudojama funkcija Lengths (Jos apibrėžimas - Pav. 8), kuri parenka tinkamus intervalus, taip, kad kiekvienas procesas paskaičiuotu apytiksliai tiek pat matricos elementų.

```
C
   int main() {
2
      // ...
3
      int *lens = lengths(numDP, world_size);
4
5
      distanceMatrix = calloc(sizeof(double), numDP * numDP);
6
      for (int i = lens[world_rank]; i < lens[world_rank + 1]; i++) {</pre>
7
          for (int j = 0; j \le i; j++) {
8
             distanceMatrix[numDP * i + j] =
                          HaversineDistance4(demandPoints[i][0], demandPoints[i][1],
9
   demandPoints[j][0], demandPoints[j][1]);
10
          }
      }
11
12
      // ...
13 }
```

Čia svarbu paminėti, kad distanceMatrix tipas buvo pakeistas iš double ** į double * ir atmintis visai matricai priskiriamia iškarto (calloc(sizeof(double), numDP * numDP)), prieeiga prie patricos irgi atitinkamai pakeista iš distanceMatrix[i][j] = v į distanceMatrix[i * numDP + j] = v. Šis pakeitimas iš esmės pakeičia greitaveikos savybės (eksperimentiškai nelygiagretintos programos skaičiavimas sumažėja nuo 22s iki 17s), atitinkamai nelygiagretinta programa, su kuria lygininama lygiagretinta, buvo pakeista, tam kad palyginimai būtų teisingi.

Kai procesas baigia savo dalį, jis nusiunčia kitiem savo dalį ir laukia kitų dalių naudojant MPI_Allgatherv.

```
\left[\mathsf{c}\right]
1
    int main() {
2
       // ...
3
       int *counts = calloc(sizeof(int), world_size);
4
       for (int ix = 0; ix < world_size; ++ix) {</pre>
5
           counts[ix] = (lens[ix + 1] - lens[ix]) * numDP;
6
       }
7
8
       int *disps = calloc(sizeof(int), world_size);
9
       for (int ix = 0; ix < world_size; ++ix) {</pre>
10
          disps[ix] = lens[ix] * numDP;
11
       }
12
13
       MPI_Allgatherv(
14
          distanceMatrix + disps[world_rank],
15
           counts[world_rank],
16
          MPI_DOUBLE,
17
          distanceMatrix,
18
          counts,
19
          disps,
20
          MPI DOUBLE,
21
          MPI COMM WORLD
22
23
       // ...
24 }
```

Galima pakeisti duomenų apsikeitimą naudojant MPI_Iallgatherv, pridedant prieš kiekvieną evaluateSolution iškvietimą (tik funkcijoje evaluateSolution naudojami distanceMatrix duomenys), tam, kad visi duomenys būtų pilnai surinkti.

```
1 if (first_run) { MPI_Wait(&req, MPI_STATUS_IGNORE); first_run = false; }
```

Tiesa, iškart po MPI_Iallgatherv nuskaitomas laikas, todėl laiko matavimas tampa šiek tiek apgaulingas. Galima laikyti, kad matricos skaičiavimas baigiasi tada, kai pirmą kartą prireikia matricos duomenų, t.y. prideda ši eilutė prieš kiekvieną funkcijos evaluateSolution iškvietimą:

```
1 if (first_run) {
2  MPI_Wait(&req, MPI_STATUS_IGNORE);
3  first_run = false;
4  t_matrix = getTime();
5 }
```

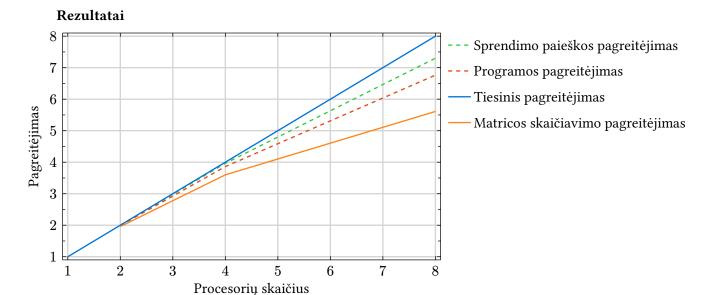


Fig. 6: Pagreitėjimo ir Procesorių skaičiaus santykis, kai matricos skaičiavimas sulygiagretintas (MPI_Allgatherv)

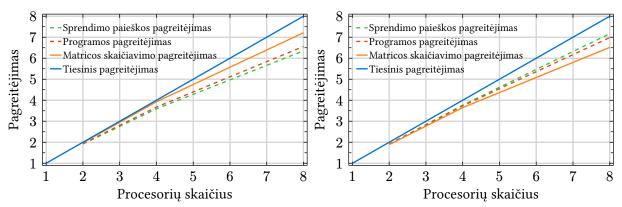


Fig. 7: Pagreitėjimo ir Procesorių skaičiaus santykis, kai matricos skaičiavimas sulygiagretintas (MPI_Iallgatherv), kai laikas nuskaitomas iškart po MPI_Iallgatherv

Fig. 8: Pagreitėjimo ir Procesorių skaičiaus santykis, kai matricos skaičiavimas sulygiagretintas (MPI_Iallgatherv), kai laikas nuskaitomas kai matricos prireikia pirmą kartą

PRIEDAI

```
1 int WRP_Check_for(int source, int tag, MPI_Comm comm) {
2   MPI_Status status;
3   int flag;
4   MPI_Iprobe(source, tag, comm, &flag, &status);
5   return flag;
7 }
```

Pav. 7: Funkcija WRP_Check_for

```
int *lengths(int leg_length, int process_count) {
       int area = leg_length * leg_length / 2;
3
       int small_area = area / process_count;
        int *lenghts = calloc(sizeof(int), process_count + 1);
5
6
        for (int ix = 1; ix < process_count; ++ix) {</pre>
            lenghts[ix] = (int) sqrt(2 * ( ix ) * small_area);
7
8
        lenghts[process_count] = leg_length;
9
10
11
        return lenghts;
12 }
```

Pav. 8: Optimalus intervalų parinkimas