

Politecnico di Bari



A.A. 2018/19

Cinematica del manipolatore Kuka: modello e test

C. Perri
D. Bevilacqua

Tema d'anno di
«*Modeling of Discrete
Event System*»

Prof.ssa Fanti
Prof. Mangini
Ing. Parisi

Problematica e risoluzione: introduzione

Problema: il manipolatore KUKA presente nei laboratori Fablab del Politecnico di Bari effettua operazioni di inversione cinematica non accessibili dall'esterno



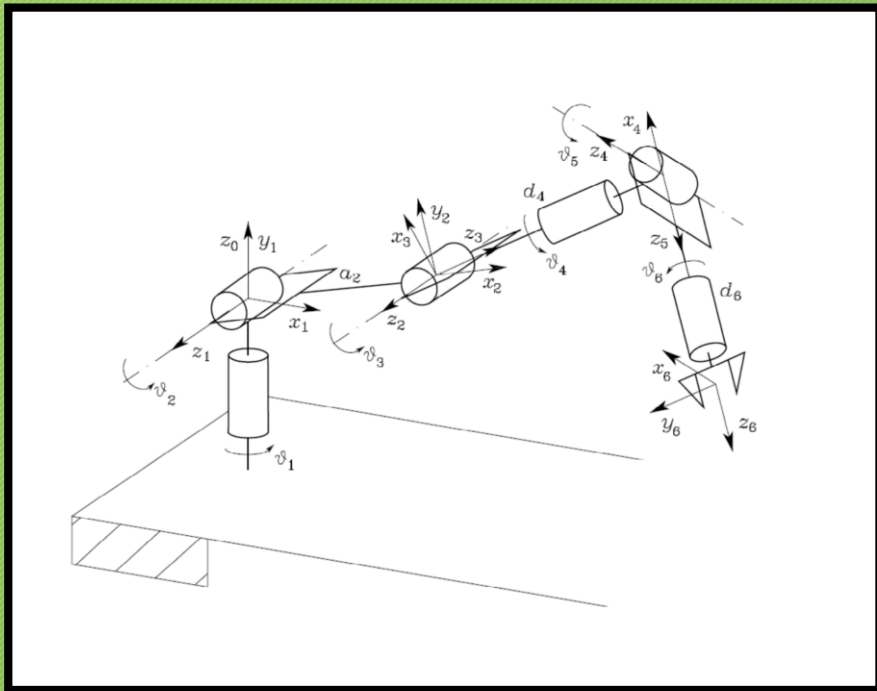
Procedimento: creare un modello matematico su Matlab, simularlo e eseguire test effettivi in laboratorio



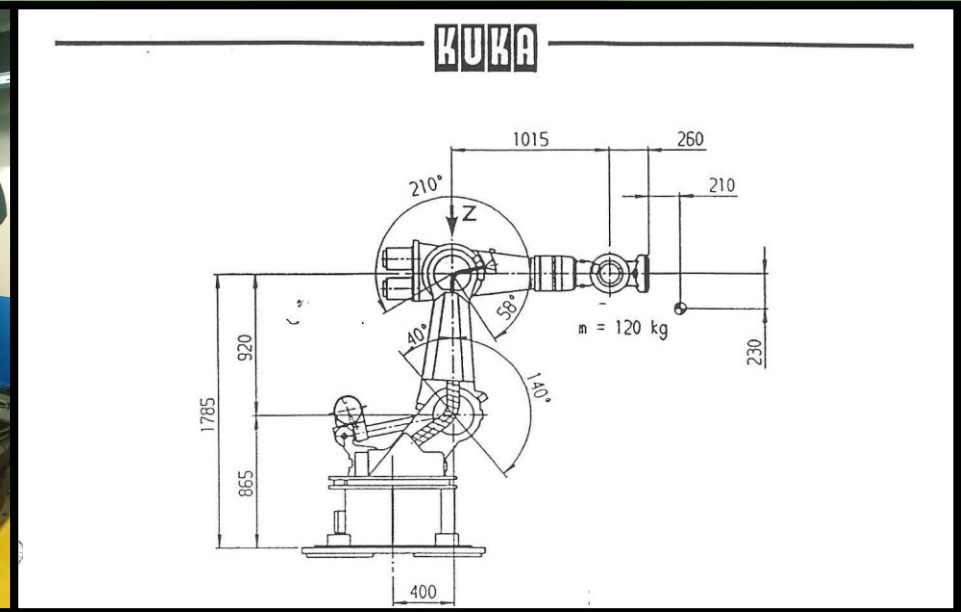
Scopo: creare una logica ben definita di calcolo di traiettoria per l'end-effector e implementarla sul manipolatore

Creazione del modello

Modello di un manipolatore antropomorfo con polso sferico



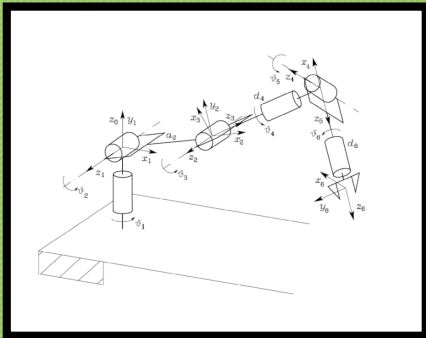
6 giunti -> 6 gradi di libertà



Dimensioni reali

Creazione del modello

Convenzione di Denavit-Hartenberg



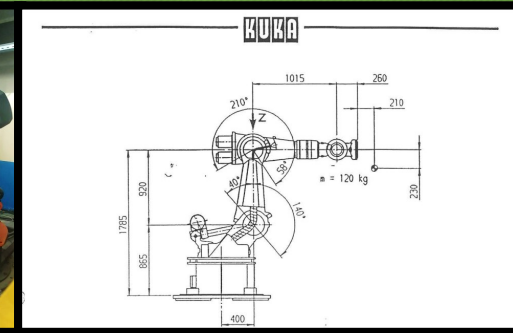
Modello di un manipolatore antropomorfo
con polso sferico

Braccio	a_i	α_i	d_i	ϑ_i
1	0	$\pi/2$	0	ϑ_1
2	a_2	0	0	ϑ_2
3	0	$\pi/2$	0	ϑ_3
4	0	$-\pi/2$	d_4	ϑ_4
5	0	$\pi/2$	0	ϑ_5
6	0	0	d_6	ϑ_6

Orientamento
bracci

Variabili di
giunto

Dimensione bracci



Creazione del modello in Matlab

Robotics System Toolbox

```
%% INIZIALIZZAZIONE DEL MANIPOLATORE KUKA FABLAB
```

```
L(1) = Link([0 0.865*1e3 0.4*1e3 pi/2]);
```

```
L(2) = Link([0 0 0.92*1e3 0]);
```

```
L(3) = Link([0 0 0 pi/2]);
```

```
L(4) = Link([0 1.15*1e3 0 -pi/2]);
```

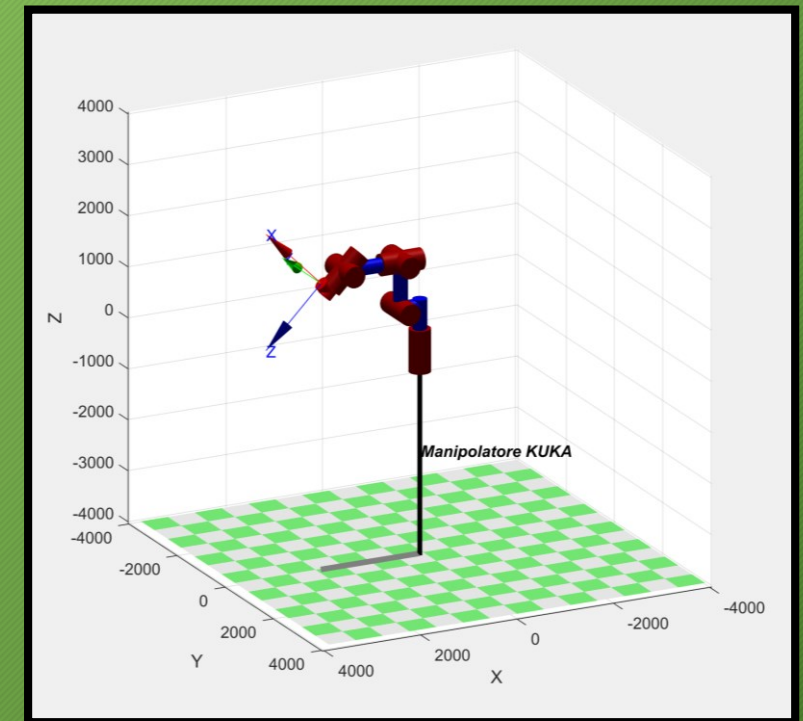
```
L(5) = Link([0 0 0 pi/2]);
```

```
L(6) = Link([0 0.470*1e3 0.23*1e3 0]);
```

```
KUKA = SerialLink(L, 'name', 'Manipolatore KUKA');
```

```
q0 = [0 90*pi/180 0 0 -45*pi/180 0];
```

```
T0 = KUKA.fkine(q0);
```



Con q_0 si è riportata la condizione iniziale delle variabili di giunto

Cinematica inversa

Per il calcolo della cinematica inversa è stata creata un'opportuna funzione obbiettivo da minimizzare al fine di capire quale sia il criterio di inversione intrinseco al manipolatore.

```
function f = cinematica_inversa(q)
```



```
f = det(T_in) - det(T1);
```



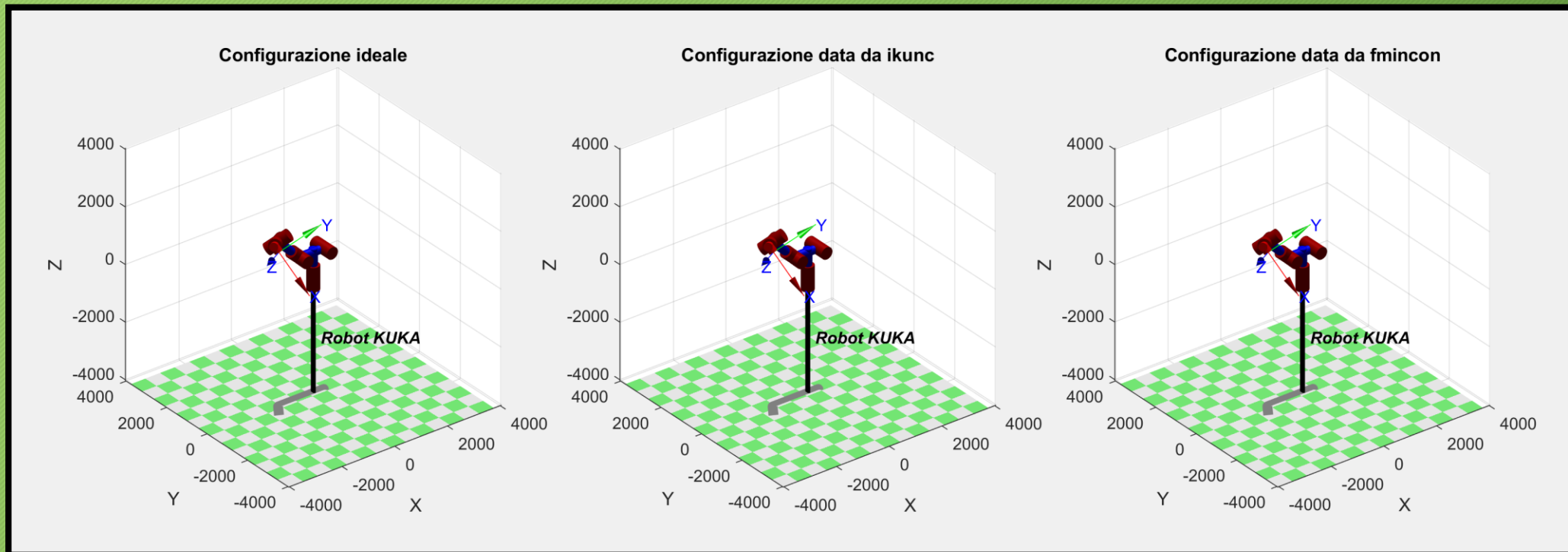
```
q_inverso = fminsearch('Cinematica_inversa', q)
```



Funzione che determina il vettore di variabili di giunto ottimo fra tutti quelli che minimizzano f

Cinematica inversa

Confronto fra le configurazioni determinate tramite algoritmi di inversione cinematica differenti:



Generazione della traiettoria

$$p(t) = a_3 t^3 + a_2 t^2 + a_1 t + a_0 \quad \text{posizione}$$



$$\dot{p}(t) = 3a_3 t^2 + 2a_2 t + a_1 \quad \text{velocità}$$



$$\ddot{p}(t) = 6a_3 t + 2a_2 \quad \text{accelerazione}$$

La disponibilità di 4 coefficienti consente di imporre 4 vincoli:

posizione iniziale e finale $\begin{cases} p_i = a_0 \\ p_f = a_3 t_f^3 + a_2 t_f^2 + a_1 t_f + a_0 \end{cases}$

velocità iniziale e finale $\begin{cases} \dot{p}_i = a_1 \\ \dot{p}_f = 3a_3 t_f^2 + 2a_2 t_f + a_1 \end{cases}$

Generazione della traiettoria su Matlab

Funzione creata ad-hoc per calcolare la traiettoria dell'end-effector:

```
function [pe,ve] = Pianifica_ee(pei,pef,pei_dot,pef_dot,tf,deltat)
```

Posizione e velocità per ogni
istante di tempo



- pos.iniziale
- pos.fineale
- vel.inziale
- vel.fineale
- tempo finale
- intervallo campionamento

```
%% Equazioni cubiche di traiettorie e velocità lungo x y z
```

```
sx = Cx(1)*t.^3 + Cx(2)*t.^2 + Cx(3)*t + Cx(4);  
sx_dot = 3*Cx(1)*t.^2 + 2*Cx(2)*t+Cx(3);
```

```
sy = Cy(1)*t.^3 + Cy(2)*t.^2 + Cy(3)*t + Cy(4);  
sy_dot = 3*Cy(1)*t.^2 + 2*Cy(2)*t+Cy(3);
```

```
sz = Cz(1)*t.^3 + Cz(2)*t.^2 + Cz(3)*t + Cz(4);  
sz_dot = 3*Cz(1)*t.^2 + 2*Cz(2)*t+Cz(3);
```

```
pe = [sx; sy; sz]';  
ve = [sx_dot; sy_dot; sz_dot]';  
end
```

Jacobiano e singolarità del manipolatore

La cinematica differenziale caratterizza i legami tra le velocità dei giunti e le corrispondenti velocità lineare e angolare dell'organo terminale. Tali legami vengono espressi tramite una matrice di trasformazione denominata **Jacobiano geometrico**:

$$J(q) = \begin{bmatrix} -s_1(a_2c_2 + a_3c_{23}) & -c_1(a_2s_2 + a_3s_{23}) & -a_3c_1s_{23} \\ c_1(a_2c_2 + a_3c_{23}) & -s_1(a_2s_2 + a_3s_{23}) & -a_3s_1s_{23} \\ 0 & a_2c_2 + a_3c_{23} & a_3c_{23} \\ 0 & s_1 & s_1 \\ 0 & -c_1 & -c_1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

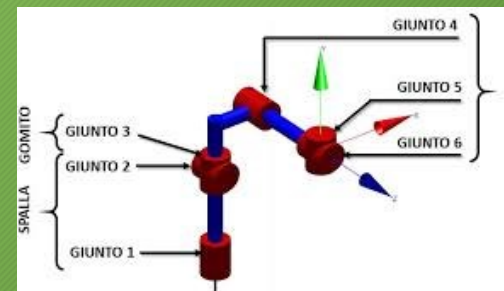
Jacobiano del manipolatore antropomorfo

Tutte quelle configurazioni per le quali J diminuisce il suo rango sono chiamate **singolarità cinematiche**, le quali comportano una perdita di mobilità della struttura:

$j_{\text{singu}}(J)$



1 linearly dependent joints:
 q_6 depends on: q_4



Singolarità del polso sferico

Cinematica differenziale inversa

Data la traiettoria dell'end-effector, si possono calcolare le velocità angolari dei singoli giunti tramite la **cinematica differenziale inversa**:

$$\dot{q} = J^{\dagger} v_e$$

↓ ↓
vel.giunti vel.end-effector

↓
pesudo-inversa
dello jacobiano

Ottimizzazione: $\dot{q} = J^{\dagger} v_e + \underbrace{(I - J^{\dagger}J)\dot{q}_d}_{\text{vel.giunti arbitrario}}$

è possibile sceglierlo per
esempio per evitare
situazioni di singolarità

Simulazione della traiettoria

Matlab esegue un ciclo *for* per calcolare la cinematica differenziale inversa ogni istante campionato:

```
%% Esecuzione della cinematica differenziale

for i = 1:1:n
    q = qnew;
    jacob13 = KUKA.jacob0(q);           % Calcolo jacobiano
    q13_dot = pinv(jacob13(1:3,1:3))*Ve(i,:); % Inversione differenziale  $\dot{q} = J' \times V_e$ 
    q13 = q13 + q13_dot'*deltat;        % Integrazione discreta  $q(t+1) = q(t) + \text{deltat} \times \dot{q}(t)$ 
    qnew(:,1:3) = q13;
    mov(i,:) = qnew;
    T = KUKA.fkine(qnew);
    PeEff_kuk(i,:) = A*[T.t;1];
end

plot(KUKA,mov);                        % Simulazione
```

Generazione del file G-Code

Il file G-Code permette di programmare il manipolatore:

```
function [] = G_Code(Pe)

fileID = fopen('Kuka.txt', 'w+');      % Creazione del file di testo

formatSpec1 = 'G1 X%f Y%f Z%f\n';      % Movimento punto-punto
formatSpec0 = 'G0 X%f Y%f Z%f F2000\n'; % Riposizionamento al punto iniziale

fprintf(fileID, formatSpec0, Pe(1,:)); % Generazione del file
for n = 2 : length(Pe)
    fprintf(fileID, formatSpec1, Pe(n,:));
end

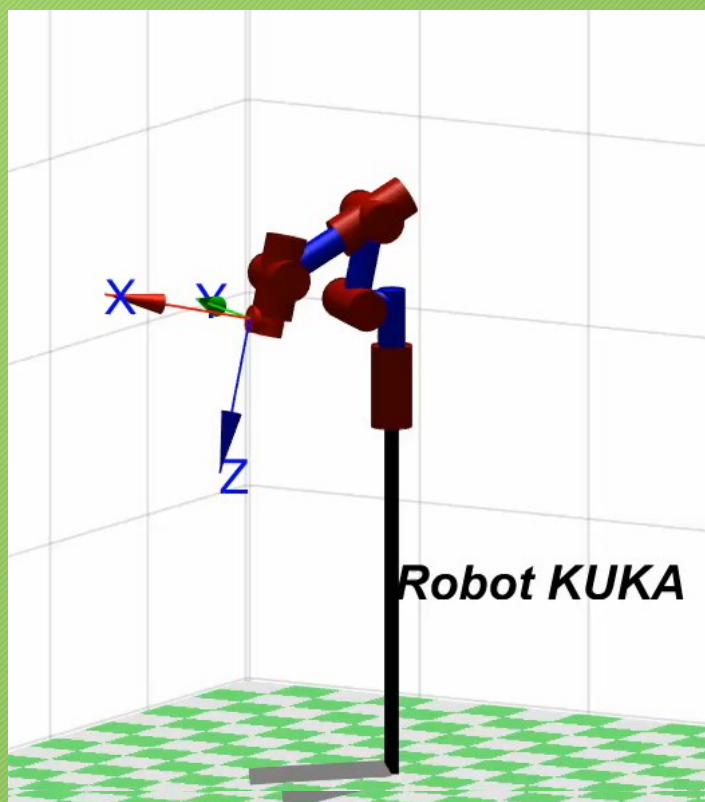
fclose('all');      % Chiusura del file di testo
end
```



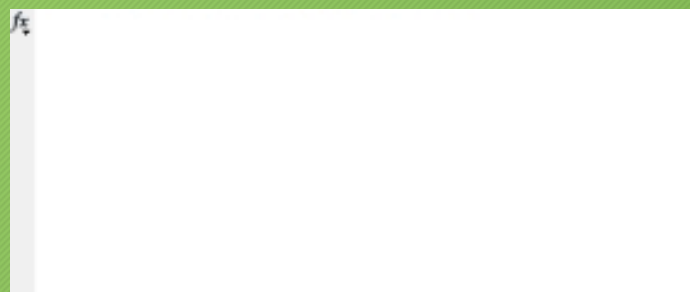
```
G_Code(PeEff_kuk);
```

```
G0 X0.000036 Y0.001002 Z-0.000136 F2000
G1 X12.282328 Y17.526416 Z9.929529
G1 X34.834117 Y50.239255 Z28.343630
G1 X65.764915 Y95.736253 Z53.849732
G1 X103.289357 Y151.562125 Z85.090577
G1 X145.710065 Y215.212637 Z120.704362
G1 X191.398964 Y284.134248 Z159.286508
G1 X238.771423 Y355.728824 Z199.376028
G1 X286.250423 Y427.367744 Z239.475387
G1 X332.228448 Y496.412361 Z278.089958
G1 X375.041482 Y560.235320 Z313.761023
G1 X412.962268 Y616.240335 Z345.074825
G1 X444.206522 Y661.880566 Z370.648377
G1 X466.939997 Y694.675386 Z389.104088
G1 X479.278362 Y712.225144 Z399.045916
G1 X479.278363 Y712.225144 Z399.045916
```

Simulazione vs test



SIMULAZIONE MATLAB



```
Kuka.txt - Blocco note di Windows
File Modifica Formato Visualizza ?
G0 X0.000036 Y-0.001002 Z-0.000136 F2000
G1 X0.003736 Y0.004178 Z0.002824
G1 X0.011127 Y0.014525 Z0.008737
G1 X0.022201 Y0.030029 Z0.017596
G1 X0.036950 Y0.050677 Z0.029395
G1 X0.055365 Y0.076459 Z0.044127
G1 X0.077439 Y0.107363 Z0.061786
G1 X0.103163 Y0.143377 Z0.082365
G1 X0.132529 Y0.184490 Z0.105857
G1 X0.165529 Y0.230691 Z0.132256
G1 X0.202154 Y0.281067 Z0.161556
Linea 1, colon 100% Unix (LF) UTF-8
```



TEST DEL G-CODE GENERATO

Conclusioni

- In conclusione il test effettuato dimostra che il manipolatore segue abbastanza fedelmente la traiettoria assegnatoli
- Si potrebbe raggiungere un controllo più fine solo programmando direttamente il controllore già montato all'interno del manipolatore (o sostituirlo)
- Uno sviluppo futuro potrebbe comportare la concatenazione di traiettorie punto-punto al fine di creare percorsi che l'end-effector che evitino, ad esempio, oggetti e ostacoli all'interno dello spazio di lavoro