Quesito 1. Si consideri la funzione  $f(x) = \cos\left(\left|\frac{5x-3}{2x+1}\right|\right)$ .

- 1. Determinare dominio e immagine della funzione.
- 2. Determinare il punto di massimo assoluto per  $x \geq 0$ .

## Risposta

$$dom f = \mathbb{R} \setminus \left\{ -\frac{1}{2} \right\} \quad e \quad im f = [-1, 1]$$

$$x = \frac{3}{5}$$

Risposta 1

Risposta 2

Quesito 2. Si consideri la funzione  $f(x) = \frac{e^{5x}}{3|x|-1}$ .

- 1. Determinare il dominio di f.
- 2. Determinare  $f\left((-\infty, -\frac{1}{3})\right)$ .

# Risposta

$$\operatorname{dom} f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \pm \frac{1}{3} \right\}$$
$$f\left((-\infty, -\frac{1}{3})\right) = (0, +\infty)$$

Risposta 1

Risposta 2

Quesito 3. Si consideri la funzione f(x) = |x| - |x+1|.

- 1. Determinare dominio e immagine della funzione.
- 2. Determinare  $f^{-1}(1)$ .

# Risposta

 $\operatorname{dom} f = \mathbb{R}$ . Si ha

$$f(x) = \begin{cases} -1, & x \ge 0 \\ -1x - 1, & -1 \le x < 0 \\ 1, & x < -1 \end{cases}$$

da cui im f = [-1, 1]

$$f^{-1}(1) = (-\infty, -1]$$

Risposta 2

Quesito 4. Si considerino le funzioni  $f(x) = \frac{x+5}{2x+3}$  e  $g(x) = \sqrt{-x+1}$ 

1. Scrivere esplicitamente le funzioni  $f\circ g$  e  $g\circ f.$ 

2. Determinare dominio di  $f \circ q$ .

## Risposta

$$(f\circ g)(x) = \frac{\sqrt{-x+1}+5}{2\sqrt{-x+1}+3} \qquad \text{e} \qquad (g\circ f)(x) = \sqrt{-\frac{x+5}{2x+3}+1}$$
 Risposta 1 
$$\mathrm{dom}(f\circ g) = (-\infty,\ 1]$$
 Risposta 2

Si consideri la funzione  $f(x) = \log(5x + 1)$ .

- 1. Determinare dominio e immagine della funzione.
- 2. Per quali valori si annulla la funzione f(-x)?

## Risposta

Quesito 5.

$$\operatorname{dom} f = \left(-\frac{1}{5}, +\infty\right) \quad \operatorname{im} f = \mathbb{R}$$
 Risposta 1
$$x = 0$$
 Risposta 2

Quesito 6. Si considerino le funzioni  $f(x) = \frac{1}{x}$  e  $g(x) = x^2 - 3x$ .

- 1. Scrivere esplicitamente le funzioni  $f \circ g$  e  $g \circ f$ .
- 2. Determinare dominio di  $f \circ g$  e  $g \circ f$ .

# Risposta

$$(f\circ g)(x) \ = \ \frac{1}{x^2-3x} \qquad \text{e} \qquad (g\circ f)(x) \ = \ -\frac{3}{x}+\frac{1}{x^2}$$
 Risposta 1 
$$\dim(f\circ g) \ = \ \mathbb{R}-\{0,3\} \qquad \text{e} \qquad \dim(g\circ f) \ = \ \mathbb{R}-\{0\}$$
 Risposta 2

Quesito 7. Si considerino le funzioni  $f(x) = \frac{1}{3x} e g(x) = \log(x)$ .

- 1. Scrivere esplicitamente le funzioni  $f\circ g$  e  $g\circ f.$
- 2. Determinare dominio di  $f \circ g$  e  $g \circ f$ .

## Risposta

$$(f \circ g)(x) = \frac{1}{3\log(x)} \qquad \text{e} \qquad (g \circ f)(x) = \log\left(\frac{1}{3x}\right)$$
 Risposta 1 
$$\text{dom}(g \circ f) = (0, +\infty) \qquad \text{e} \qquad \text{dom}(f \circ g) = (0, 1) \cup (1, +\infty)$$
 Risposta 2

Quesito 8. Si considerino le funzioni 
$$f(x) = \sqrt{x}$$
 e  $g(x) = \frac{x^2 + 5}{x^2 - 6}$ .

- 1. Scrivere esplicitamente le funzioni  $f \circ g$  e  $g \circ f$ .
- 2. Determinare dominio di  $f \circ g$  e  $g \circ f$ .

# Risposta

$$(f\circ g)(x)=\sqrt{rac{x^2+5}{x^2-6}}$$
 e  $(g\circ f)(x)=rac{x+5}{x-6}$  Risposta 1

$$\operatorname{dom}(f \circ g) \ = \ (-\infty, -\sqrt{6}) \cup (\sqrt{6}, +\infty) \qquad \text{e} \qquad \operatorname{dom}(g \circ f) \ = \ [0, 6) \cup (6, +\infty)$$
 Risposta 2

Quesito 9. Si consideri la funzione  $f(x) = \left| 5 + \frac{1}{x} \right|$ .

- 1. Determinare il dominio della funzione.
- 2. In quale punto si annulla la funzione f(x+3)?

**Risposta** 
$$dom(f) = \mathbb{R} - \{0\}$$
 Risposta 1

$$x = -\frac{16}{5}$$
 Risposta 1

Quesito 10. Si considerino le funzioni  $f(x) = x^2 - 3$  e  $g(x) = \frac{1}{x}$ .

- 1. Scrivere esplicitamente le funzioni  $f \circ g$  e  $g \circ f$ .
- 2. Determinare dominio  $f \circ g$  e  $g \circ f$ .

### Risposta

$$(f \circ g)(x) = -3 + \frac{1}{x^2}$$
 e  $(g \circ f)(x) = \frac{1}{x^2 - 3}$  Risposta 1

$$\mathrm{dom}(f\circ g) \ = \ \mathbb{R} - \{0\} \qquad \text{e} \qquad \mathrm{dom}(g\circ f) \ = \ \mathbb{R} - \{\pm\sqrt{3}\}$$
 Risposta 2

Quesito 11. Sia f(x) la funzione che misura in parti per milione (ppm) la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera nell'anno x. Si supponga che tale concentrazione abbia una crescita lineare di fattore m = 0.4 ppm.

- 1. In quanti anni la concentrazione di anidride carbonica aumenterà di 5 ppm?
- 2. Sapendo che nel 1965 la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera era di 316 ppm, scrivere esplicitamente la funzione f(x).

#### Risposta

$$\Delta x = 12.5$$
 Risposta 1

$$f(x) = 0.4(x - 1965) + 316$$
 Risposta 2

Quesito 12. Sia f(x) la funzione che misura in parti per milione (ppm) la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera nell'anno x. Si supponga che tale concentrazione abbia una crescita lineare di fattore m=0.2 ppm.

- 1. Sapendo che nel 1980 la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera era di 313 ppm, scrivere esplicitamente la funzione f(x).
- 2. Quale sarà la concentrazione di anidride carbonica nel 2015?

## Risposta

f(x) = 0.2(x - 1980) + 313 Risposta 1 320.0 Risposta 2

Quesito 13. Sia f(x) la funzione che misura in parti per milione (ppm) la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera nell'anno x. Si supponga che tale concentrazione abbia una crescita lineare di fattore m = 0.8 ppm.

- 1. Sapendo che nel 2015 la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera era di 362 ppm, scrivere esplicitamente la funzione f(x).
- 2. Quale era la concentrazione di anidride carbonica nel 1990?

## Risposta

f(x) = 0.8(x - 2015) + 362 Risposta 1 342.0

Quesito 14. Sia f(x) la funzione che misura in parti per milione (ppm) la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera nell'anno x. Si supponga che tale concentrazione abbia una crescita lineare di fattore m=0.8 ppm.

- 1. Sapendo che nel 2010 la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera era di 340 ppm, scrivere esplicitamente la funzione f(x).
- 2. In quale anno la concentrazione supererà 450 ppm?

## Risposta

f(x) = 0.8x - 1268 Risposta 1 Quando f(x) = 0.8x - 1268 > 450, ovvero per x > 2147.5, quindi nell'anno 2148 Risposta 2