

Quesito 1. Si consideri la funzione $f(x) = (4x + 6)^3$.

1. Calcolare l'integrale indefinito $\int f(x)dx$.
2. Determinare l'area (con segno) sottesa alla funzione f nell'intervallo $[0, 1]$.

Quesito 2. Un campione di pazienti assume un certo farmaco. Ad ognuno di questo viene misurata

1. Glicemia
2. Colesterolo totale
3. Emoglobina
- ...

... ecc. ecc. (100 parametri fisiologici in totale)

I valori vengono confrontati con quelli di un campione di controllo (o con quelli in letteratura).

Per ognuna di queste misure consideriamo un test di ipotesi:

$H_{0,i}$: il valore del parametro i è uguale a quello del campione di controllo

$H_{A,i}$: il valore del parametro i è diverso a quello del campione di controllo

Assumiamo che tutte le ipotesi nulle siano vere e che questi 100 parametri si comportino come v.a. stocasticamente indipendenti. Quant'è la probabilità di rigettare (erroneamente) almeno 1 ipotesi nulla con una significatività del 5%?

Quant'è la probabilità di rigettare almeno 5 ipotesi nulla con una significatività del 5%?

Quesito 3. La variabile aleatoria X ha distribuzione normale con media $\mu = 7$ e deviazione standard $\sigma = 5$

1. Calcolare la probabilità dell'evento $X \in [1, 9]$
2. Calcolare la probabilità che da un campione di rango $n = 16$ si ottenga una media in $[1, 9]$.

Esprimere il risultato numerico tramite (solo) le funzioni elencate in calce.

Quesito 4. Da una popolazione con distribuzione normale con media μ ignota e deviazione standard 45 estraiamo un campione di 16 individui. Qual è la probabilità che la media campionaria risulti $> \mu + 15$?

Esprimere il risultato numerico tramite (solo) le funzioni elencate in calce.

Formulario: se $X \sim B(n, p)$ allora $E(X) = np$
se $X \sim NB(n, p)$ allora $E(X) = n(1 - p)/p$

Si assuma noto il valore delle seguenti funzioni della libreria `scipy.stats` di Python

`binom.pmf(k, n, p)` = $\Pr(X = k)$ dove $X \sim B(n, p)$

`binom.cdf(k, n, p)` = $\Pr(X \leq k)$ dove $X \sim B(n, p)$

`bimom.ppf(q, n, p)` = k dove k è tale che $\Pr(X \leq k) \cong q$ per $X \sim B(n, p)$

`nbinom.xxx(k, n, p)`, è l'analogo per $X \sim NB(n, p)$.

`norm.xxx(z)`, è l'analogo per $Z \sim N(0, 1)$.