## Matematica e BioStatistica con Applicazioni Informatiche Esercitazione in aula del 25 ottobre 2018

**Quesito 1.** Si consideri la funzione f(x) = |x| - |x+3|.

- 1. Determinare dominio e immagine della funzione.
- 2. Determinare  $f^{-1}(3)$ .

**Quesito 2.** Si consideri la funzione  $f(x) = \log(x+4)$ .

- 1. Determinare dominio e immagine della funzione.
- 2. Per quali valori si annulla la funzione f(-x)?

Esprimere il risultato come frazione di interi, ed eventualmente multipli di e.

Quesito 3. Le v.a. discrete X e Y sono indipendenti. La loro distribuzione di probabilità è data da

$$\Pr(X = 4) = \frac{1}{2}$$
  $\Pr(Y = 1) = \frac{4}{5}$   $\Pr(X = 5) = \frac{1}{2}$   $\Pr(Y = 0) = \frac{1}{5}$ 

- 1. Calcolare la distribuzione di probabilità di  $X \cdot Y$
- 2. Calcolare  $E(X \cdot Y)$ .

Esprimere i numeri razionali come frazioni.

**Quesito 4.** Una fabbrica produce confezioni di biglie rosse e blu. Una confezione corretta contiene  $5 \cdot 10^4$  biglie con circa il 40% di biglie rosse.

Vogliamo essere ragionevolmente sicuri che la percentuale non scenda mai sotto 30%. Stabiliamo quindi due livelli di controllo. Al primo controllo preleviamo 80 biglie a caso da ogni confezione e se  $\leq$  31 biglie sono rosse la confezione viene sottoposta a ulteriori controlli. Altrimenti viena dichiarata soddisfacente.

- 1. Si calcoli la probabilità che una confezione con 40% di biglie rosse venga sottoposta al secondo controllo.
- 2. Si calcoli la probabilità che una confezione con 30% di biglie rosse venga dichiarata soddisfacente.

Il secondo controllo comporta l'estrazione di altre biglie, 800 in totale. Se meno di x% è rosso la confezione viene scartata definitivamente, altrimenti viene dichiarata soddisfacente.

- 3. A quanto dovremmo fissare x per non scartare al secondo controllo più del 5% di confezioni con 40% di biglie rosse?
- 4. A quanto dovremmo fissare x per non dichiare soddisfacente al secondo controllo più del 3% di confezioni con 30% di bigie rosse?

Si trattino tutte le estrazioni come estrazioni con reimbussolamento.

Si assuma noto il valore delle seguenti funzioni della libreria scipy.stats di Python

binom.pmf(k,n,p) = 
$$\Pr(X = k)$$
 dove  $X \sim B(n,p)$ 

binom.cdf(k) = 
$$\Pr(X \le k)$$
 dove  $X \sim B(n, p)$ 

 $bimom.ppf(q, n, p) = k dove k è tale che <math>Pr(X \leq k) \cong q per X \sim B(n, p)$