Quesito 1. In un gioco a due giocatori, A e B, ogni partita vale un punto che è vinto da uno dei due giocatori (non ci sono patte). Vince il gioco chi per primo raggiunge 8 punti. In ciascuna partita vince A con probabilità 0.6.

Qual è la probabilità che A vinca il gioco in ≤ 11 partite?

Risposta

Sia $X \sim B(11, 0.6)$. Il giocatore A vince se $X \geq 8$.

$$\Pr(X \ge 8) = 1 - \Pr(X \le 7) = 1 - \text{binom.cdf}(7, 11, 0.6) = 0.2963$$

Si assuma noto il valore delle seguenti funzioni della libreria scipy.stats di Python

$$\texttt{binom.pmf(k,n,p)} = \Pr(X = \texttt{k}) \text{ dove } X \sim B(\texttt{n},\texttt{p})$$

$$\mathtt{binom.cdf(k)} = \Pr(X \leq \mathtt{k}) \text{ dove } X \sim B(\mathtt{n},\mathtt{p})$$

 $\mathtt{bimom.ppf}(\alpha, \mathtt{n}, \mathtt{p}) = \mathtt{x}_{\alpha} \ \mathrm{dove} \ \mathtt{x}_{\alpha} \ \mathrm{\grave{e}} \ \mathrm{tale} \ \mathrm{che} \ \mathrm{Pr} \left(X \leq \mathtt{x}_{\alpha} \right) = \alpha \ \mathrm{per} \ X \sim B(\mathtt{n}, \mathtt{p})$