Domande per verificare il riconoscimento di esperimenti che si modellano con distribuzione binomiale.

Quesito 1. In un gioco a due giocatori, A e B, ogni partita vale un punto che è vinto da uno dei due giocatori (non ci sono patte). Vince il gioco chi per primo raggiunge 8 punti. In ciascuna partita vince A con probabilità 0.6.

Qual è la probabilità che A vinca il gioco in ≤ 11 partite?

Risposta

$$1-\text{binom.cdf}(7, 11, 0.6) =$$

Quesito 2. Suppose that you take a 9-question multiple-choice quiz by randomly guessing. Each question has 5 possible answers and only one is correct. What is the probability that answering at random you correctly guess at least 3 answers?

Leave the answer in impicit form using one of the functions listed below.

Risposta

Quesito 3. Consideriamo sequenze di 26 caratteri dell'alfabeto $\{a, g, c, u\}$. Assumiamo che tutti i caratteri occorrano con la stessa probabilità indipendentemente dalla posizione. Qual è la probabilità che due sequenze coincidano in ≥ 14 posizioni?

Esprimere il risutato numerico tramite (solo) le funzioni elencate in calce.

Risposta

Si assuma noto il valore delle seguenti funzioni della libreria scipy.stats di Python

binom.pmf(k,n,p) =
$$\Pr(X = k)$$
 dove $X \sim B(n,p)$

$$binom.cdf(k) = Pr(X \le k) dove X \sim B(n, p)$$

 $\texttt{bimom.ppf}(\alpha, n, p) = \mathtt{x}_{\alpha} \text{ dove } \mathtt{x}_{\alpha} \text{ è tale che } \Pr\left(X \leq \mathtt{x}_{\alpha}\right) = \alpha \text{ per } X \sim B(\mathtt{n}, \mathtt{p})$