Matematica e BioStatistica con Applicazioni Informatiche Esercitazione in aula del 8 novembre 2018

Quesito 1. Si consideri una funzione f(x) la cui derivata prima è data dalla funzione $f'(x) = 1 e^{-3x}$.

- 1. Indicare gli intervalli in cui la funzione f(x) cresce e quelli in cui la funzione decresce.
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Quesito 2. Si consideri un corpo lasciato cadere da una torre alta 500 metri. Sia $f(t) = 5t^2$ la funzione che ne descrive la distanza dalla cima della torre ad ogni secondo (quando t = 0, f(t) = 0 ovvero il corpo si trova in cima alla torre).

- 1. Qual è la velocità istantanea del corpo dopo 1 secondi?
- 2. Qual è la velocità istantanea del corpo quando tocca terra?

Quesito 3. La concentrazione di un farmaco nel sangue dopo 12 ore è il 70% della concentrazione iniziale. Vogliamo che la concentrazione massima a regime sia 4. Somministriamo il farmaco giornalmente (ogni 24 ore). Di quanto deve aumentare la concentrazione ad ogni somministrazione? Ricordiamo che l'equazione $x_{n+1} = ax_n + b$ ha come soluzione generale $Ca^n + b/(1-a)$.

Quesito 4. Per quali valori di q la seguente serie converge?

$$\sum_{i=2}^{\infty} (1+q)^{i-1}$$

A cosa converge? Ricordiamo che, per i valori -1 < r < 1, la serie geometrica

$$\sum_{i=0}^{\infty} r^i$$

converge a 1/(1-r).

Si assuma noto il valore delle seguenti funzioni della libreria scipy.stats di Python

nbinom.pmf(k, 1, p) =
$$\Pr(X = k)$$
 dove $X \sim NB(1, p)$

nbinom.cdf(k, 1, p) =
$$\Pr(X \leq k)$$
 dove $X \sim NB(1,p)$

nbimom.ppf(q, 1, p) = k dove k è tale che $Pr(X \leq k) \cong q per X \sim NB(1,p)$