Matematica e BioStatistica con Applicazioni Informatiche Esercitazione in aula del 20 novembre 2018

Quesito 1. Calcolare un valore α tale che la seguente funzione è una corretta densità di probabilità

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x < 1 \\ \alpha \cdot x & \text{se } 1 \le x \le 3 \\ 0 & \text{se } x > 3 \end{cases}$$

Risposta

$$\sum_{i=0}^{\infty} a_i^2 = \sum_{i=2}^{\infty} a_i^2 + 2^2 + 1^2 = 14 + 4 + 1 = 19.$$

Quesito 2. Un urna contiene biglie il cui diametro è distribuito noralmente con media 30mm e deviazione standard 3mm. Preleviamo 10 biglie a caso dall'urna.

- 1. Quante biglie con diametro ≤ 33 mm ci aspettiamo di ottenere?
- 2. Qual'è la probabilità che almeno 7 abbiano diametro ≤ 33 mm?

Estraiamo casualmente biglie dall'urna fino a trovarne una di diametro compreso tra 29 e 31mm

- 1. Quante estrazioni ci aspettiamo di dover fare?
- 2. Qual'è la probabilità di trovarne una prima della quinta estrazione?

Risposta

```
Formulario: se X \sim B(\mathbf{n}, \mathbf{p}) allora E(X) = np
se X \sim NB(\mathbf{n}, \mathbf{p}) allora E(X) = n(1-p)/p
```

Si assuma noto il valore delle seguenti funzioni della libreria scipy.stats di Python

$$\texttt{binom.pmf(k, n, p)} = \Pr\left(X = \texttt{k}\right) \text{ dove } X \sim B(\texttt{n},\texttt{p})$$

$$exttt{binom.cdf(k, n, p)} = \Pr\left(X \leq \mathtt{k}\right) ext{dove } X \sim B(\mathtt{n},\mathtt{p})$$

$$bimom.ppf(q, n, p) = k \text{ dove } k \text{ è tale che } \Pr(X \leq k) \cong q \text{ per } X \sim B(n, p)$$

nbinom.xxx(k, n, p), è l'analogo per $X \sim NB(n, p)$.

norm.xxx(k, n, p), è l'analogo per $X \sim N(\mu, \sigma)$.