Quesito 1. Si consideri la funzione  $f(x) = \sqrt[4]{x^7} - 6\sin x$ .

- 1. Calcolare l'integrale indefinito  $\int f(x)dx$ .
- 2. Determinare l'area (con segno) sottesa alla funzione f nell'intervallo [0,1].

### Risposta

$$\int f(x)dx = \frac{4}{11}x^{4/11} + 6\cos x + C.$$

Risposta 1

Il valore dell'area è  $6\cos 1 - \frac{62}{11}$ .

Risposta 2

**Quesito 2.** Si consideri la funzione  $f(x) = \cos(8x)$ .

- 1. Calcolare l'integrale indefinito  $\int f(x)dx$ .
- 2. Determinare l'area (con segno) sottesa alla funzione f nell'intervallo  $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{4}\right]$ .

## Risposta

$$\int f(x)dx = \frac{\sin(8x)}{8} + C.$$

Risposta 1

Il valore dell'area è 0.

Risposta 2

**Quesito 3.** Si consideri la funzione  $f(x) = e^{7x}$ .

- 1. Calcolare l'integrale indefinito  $\int f(x)dx$ .
- 2. Determinare l'area (con segno) sottesa alla funzione f nell'intervallo [0,5].

#### Risposta

$$\int f(x)dx = \frac{e^{7x}}{7} + C.$$

Risposta 1

Il valore dell'area è

$$(e^{35}-1)/7.$$

Risposta 2

Quesito 4. Si consideri la funzione  $f(x) = (2x+6)^2$ .

- 1. Calcolare l'integrale indefinito  $\int f(x)dx$ .
- 2. Determinare l'area (con segno) sottesa alla funzione f nell'intervallo [0,1].

#### Risposta

$$\int f(x)dx = \frac{(2x+6)^3}{6} + C.$$

Risposta 1

Quesito 5. Si consideri la funzione  $f(x) = 3x^2$  nell'intervallo [0, 4].

- 1. Suddividere tale intervallo in 8 parti e scrivere gli intervalli in cui è stato diviso. Calcolare la funzione f nel punto medio di ciascuno di tali intervalli.
- 2. Calcolare la somma di Riemann della funzione f relativa alla suddivisione e ai punti di campionamento trovati al punto precedente.

## Risposta

Gli intervalli sono [0,0.5], [0.5,1], [1,1.5], [1.5,2], [2,2.5], [2.5,3], [3,3.5], [3.5,4]. Inoltre, f(0.25)=0.1875, f(0.75)=1.6875, f(1.25)=4.6875, f(1.75)=9.1875, f(2.25)=15.1875, f(2.75)=22.6875, f(3.25)=31.6875, f(3.75)=42.1875. Risposta 1

La somma di Riemann vale 96.5625.

Risposta 2

**Quesito 6.** Si consideri la funzione  $f(x) = x^2 - 4x$ .

- 1. Determinare l'area (con segno) sottesa da tale funzione nell'intervallo [0, 10].
- 2. Determinare l'area (con segno) sottesa dalla funzione |f(x)| nell'intervallo [0, 10].

### Risposta

L'area è

L'area è 154.666666666667

Risposta 2

Quesito 7. Si consideri la funzione definita a tratti

$$f(x) = \begin{cases} 3 & 1 \le x < 4 \\ -5 & 4 \le x \le 7 \end{cases}$$

- 1. Determinare l'area (con segno) sottesa da tale funzione.
- 2. Determinare l'area (con segno) sottesa dalla funzione f(2x+4).

### Risposta

Il valore dell'area è -6

Risposta 1

Il valore dell'area è -3

Risposta 2

**Quesito 8.** Si consideri la funzione  $f(x) = e^x - 6$ 

- 1. Calcolare l'integrale indefinito  $\int f(x)dx$ .
- 2. Determinare l'area della parte di piano compresa tra la funzione f e le due rette di equazioni x=0 e x=3.

# Risposta

$$e^x - 6x + C$$
. Risposta 1

Il valore dell'area è  $e^3 - 17$ . Risposta 2

Quesito 9. Si consideri la funzione  $f(x) = x^3 + 2$ 

- 1. Calcolare l'integrale indefinito  $\int f(x)dx$ .
- 2. Determinare l'area della parte di piano compresa tra la funzione f e le due rette di equazioni x=-1 e x=3.

# Risposta

$$\frac{x^4}{4} + 2x + C.$$
 Risposta 1

Il valore dell'area è 28. Risposta 2

Quesito 10. Si consideri la funzione  $f(x) = 4\sin(x)$ 

- 1. Calcolare l'integrale indefinito  $\int f(x)dx$ .
- 2. Determinare l'area della parte di piano compresa tra la funzione f e le due rette di equazioni  $x=\pi/2$  e  $x=2\pi$ .

# Risposta

L'integrale indefinito è 
$$-4\cos x + C$$
. Risposta 1

Il valore dell'area è 12. Risposta 2

Quesito 11. Si considerino le funzioni f(x) = 7x e  $g(x) = 5x^3 + 2x$ 

- 1. Calcolare gli integrali indefiniti  $\int f(x)dx \in \int g(x)dx$ .
- 2. Determinare l'area della parte di piano compresa tra le funzioni  $f \in g$ .

#### Risposta

$$\int f(x)dx = \frac{7x^2}{2} + C, \int g(x)dx = \frac{5x^4}{4} + \frac{2x^2}{2} + C.$$

Risposta 1

Il valore dell'area è  $\frac{5}{2}$ .

Risposta 2

Quesito 12. Si considerino le funzioni  $f(x) = x^2$  e  $g(x) = -x^3 - x^2$ 

- 1. Calcolare gli integrali indefiniti  $\int f(x)dx$  e  $\int g(x)dx$ .
- 2. Determinare l'area della parte di piano compresa tra le due funzioni nell'intervallo [-2,0].

Quesito 13. Si consideri la funzione  $v(t) = 3t^2 - t + 1$  che descrive la velocità di un corpo ad ogni istante di tempo t.

- 1. Determinare lo spostamento netto di tale corpo nell'intervallo di tempo [1,6].
- 2. Determinare lo spostamento neto di un corpo la cui velocità è descritta dalla funzione v(t/2).

Quesito 14. Si consideri una funzione f(x) tale che  $\int_1^4 f(2x)dx = 6$ 

- 1. Determinare l'area sottesa dalla funzione f(x) nell'intervallo [2,8].
- 2. Determinare l'area sottesa dalla funzione f(3x) nell'intervallo [6, 24].