Quesito 1. Si consideri una funzione f(x) la cui derivata prima è data dalla funzione $f'(x) = 3e^{-5x}$.

- 1. Indicare gli intervalli in cui la funzione f(x) cresce e quelli in cui la funzione decresce.
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

f(x) cresce in $(-\infty, \infty) = \mathbb{R}$

Risposta 1

f(x) non ha massimi e minimi locali

Risposta 2

Quesito 2. Si consideri una funzione f(x) definita su tutto \mathbb{R} la cui derivata prima è data dalla funzione $f'(x) = \frac{x^2 - 5}{x}$.

- 1. Indicare gli intervalli in cui la funzione f(x) cresce e quelli in cui la funzione decresce.
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

f(x) cresce in $(-\sqrt{5},0)$ e $(\sqrt{5},+\infty)$;

$$f(x)$$
 decresce in $(-\infty, -\sqrt{5})$ e $(0, \sqrt{5})$

Risposta 1

f(x)ha massimo locale in 0, minimi locali in $-\sqrt{5}$ e $\sqrt{5}$

Risposta 2

Quesito 3. Si consideri una funzione f(x) definita su tutto \mathbb{R} la cui derivata prima è data dalla funzione $f'(x) = \frac{x^2 + 5}{x}$.

- 1. Indicare gli intervalli in cui la funzione f(x) cresce e quelli in cui la funzione decresce.
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

f(x) cresce in $(0,+\infty)$; f(x) decresce in $(-\infty,0)$

Risposta 1

f(x) ha minimo locale in 0

Risposta 2

Quesito 4. Si consideri una funzione f(x) definita sull'intervallo $(0, +\infty)$ la cui derivata prima è data dalla funzione $f'(x) = 3\log(x)$.

- 1. Indicare gli intervalli in cui la funzione f(x) cresce e quelli in cui la funzione decresce.
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

f(x) cresce in $(1, +\infty)$; f(x) decresce in (0, 1)

Risposta 1

Quesito 5. Si consideri un corpo lasciato cadere da una torre alta 500 metri. Sia $f(t) = 5t^2$ la funzione che ne descrive la distanza dalla cima della torre ad ogni secondo (quando t = 0, f(t) = 0 ovvero il corpo si trova in cima alla torre).

- 1. Qual è la velocità istantanea del corpo dopo 1 secondi?
- 2. Qual è la velocità istantanea del corpo quando tocca terra?

Risposta

$$f'(1) = 10$$
 Risposta 1

$$f'(10) = 100$$
 Risposta 2

Quesito 6. Sia data la funzione $f(x) = x^2 + 3x$

- 1. Scrivere l'equazione della retta tangente nel punto (-5, 10).
- 2. In quali intervalli la funzione è decrescente?

Risposta

$$y = -7x - 25$$
 Risposta 1

$$f(x)$$
 decresce in $\left(-\infty, -\frac{3}{2}\right)$ Risposta 2

Quesito 7. Sia data la funzione $f(x) = x^3 + 5$

- 1. Scrivere l'equazione della retta tangente nel punto (1,6).
- 2. In quali intervalli la funzione è crescente?

Risposta

$$y = 3x + 3$$
 Risposta 1

$$f(x)$$
 cresce in $(-\infty, +\infty) = \mathbb{R}$ Risposta 2

Quesito 8. Si consideri una particella che si muove lungo una retta. Sia $f(t) = 5t^3 + 4t$ la funzione che ne descrive la distanza in metri dal punto di partenza ogni secondo.

- 1. Qual è la velocità istantanea del corpo dopo 1 secondi?
- 2. Quando la velocità del corpo è superiore a 105 metri al secondo?

Risposta

$$f'(1) = 19$$

Risposta 1

$$t > \sqrt{\frac{101}{15}}$$

Risposta 2

Quesito 9. Si consideri la funzione $f(x) = x^3 + 4x + 1$.

- 1. Determinare la derivata prima f'(x).
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

$$f'(x) = 3x^2 + 4$$

Risposta 1

f(x) non ha massimi e minimi locali

Risposta 2

Quesito 10. Si consideri la funzione $f(x) = x \cos(x)$.

- 1. Determinare la derivata f'(x).
- 2. Scrivere l'equazione della retta tangente a f(x) nel punto $(\pi, -1)$.

Risposta

$$f'(x) = x\sin x + \cos x$$

Risposta 1

$$y = -x + \pi + 1$$

Risposta 2

Quesito 11. Si consideri la funzione $f(x) = \sqrt{x}$.

- 1. Scrivere l'approssimazione lineare di f(x) in 4.
- 2. Usare il risultato precedente per approssimare i valori di $\sqrt{4.1}$ e $\sqrt{3.9}$.

Risposta

$$\frac{1}{4}x + 1$$

Risposta 1

$$\sqrt{4.1} \cong 2.025 \text{ e } \sqrt{3.9} \cong 1.975$$

Risposta 2

Quesito 12. Si consideri la funzione $f(x) = e^x$.

- 1. Scrivere l'approssimazione lineare di f(x) in 1.
- 2. Usare il risultato precedente per approssimare i valori di $e^{0.9}$ e $e^{1.1}$ (si approssimi e con 2.7).

Risposta

$$f(x) \simeq e \cdot x$$
 Risposta 1
$$e^{0.9} \cong 2.43 \text{ e } e^{1.1} \cong 2.97$$
 Risposta 2

Quesito 13. Si consideri la funzione $f(x) = \sqrt[3]{x}$.

- 1. Scrivere l'approssimazione lineare di f(x) in 1.
- 2. Usare il risultato precedente per approssimare i valori di $\sqrt[3]{1.1}$ e $\sqrt[3]{1.2}$.

Risposta

$$f(x)\simeq \frac{1}{3}x+\frac{2}{3}$$
 Risposta 1
$$\sqrt[3]{1.1}\cong 1.03 \text{ e } \sqrt[3]{1.2}\cong 1.1$$
 Risposta 2