

**Quesito 1.** Pat is required to sell candy bars to raise money for the 6th grade field trip. There are ?? houses in the neighborhood, and Pat is not supposed to return home until ?? candy bars have been sold. So the child goes door to door, selling candy bars. At each house, there is a ?? probability of selling one candy bar and a ?? probability of selling nothing.

1. What is the probability of selling the last candy bar at the  $i$ -th house?
2. What is the probability of selling all 5 candies in the neighborhood?

Esprimere il risultato numerico tramite (solo) le funzioni elencate in calce.

**Risposta** Sia  $Y \sim NB(??, ??)$ .

The probability of selling the last candy bar at the  $i$ -th house is

$$\Pr(Y + ?? = i) = \text{nbinom.pmf}(i-??, ??, ??) \quad \text{Risposta 1}$$

The probability of selling all ?? candies in the neighborhood is

$$\Pr(Y + ?? \leq ??) = \text{nbinom.cdf}(??, ??, ??) = ?? \quad \text{Risposta 2}$$

**Quesito 2.** Abbiamo una scatola di viti di cui il ??% è difettoso. I nostri prodotti richiedono ?? viti per pezzo. Procediamo nel seguente modo. Prendiamo una vite a caso e, se difettosa, la sostituiamo con un'altra, anche scelta a caso, fino ad avere le ?? viti richieste.

1. In media quante viti dovremmo provare per completare un pezzo?
2. Qual è la probabilità di riuscire a finire un pezzo scegliendo  $\leq ??$  viti?
3. Quanti tentativi dovremo preventivare perchè la probabilità di finire un pezzo sia almeno il ??%?

Esprimere il risultato numerico tramite (solo) le funzioni elencate in calce.

**Risposta** Consideriamo successo una vite non difettosa. Sia  $Y \sim NB(??, ??)$ .

$$E(Y + ??) = \frac{?? \cdot (1 - ??)}{??} + ?? = ?? \quad \text{Risposta 1}$$

$$\Pr(Y + ?? \leq ??) = \text{nbinom.cdf}(??, ??, ??) = ?? \quad \text{Risposta 2}$$

$$\Pr(Y + ?? \leq x) = ?? \text{ quindi } x \cong ?? + \text{nbinom.ppf}(??, ??, ??) = ?? \quad \text{Risposta 3}$$

**Quesito 3.** Consideriamo sequenze di ?? caratteri dell'alfabeto  $\{a, g, c, ??\}$ . Assumiamo che tutti i caratteri occorranza con la stessa probabilità indipendentemente dalla posizione. Fissata una sequenza  $s_0$ , qual è la probabilità che un'altra sequenza  $s_1$  scelta in modo indipendente coincida con  $s_0$  in  $\geq ??$  posizioni?

Esprimere il risultato numerico tramite (solo) le funzioni elencate in calce.

**Risposta**

$$X \sim NB(??, 1/4)$$

$$\Pr(X \geq ??) = 1 - \Pr(X \leq ??) = 1 - \text{nbinom.cdf}(??, ??, 1/4) = ??$$

Risposta

---

Formulario: se  $X \sim B(n, p)$  allora  $E(X) = np$  e  $\text{Var}(X) = np(1-p)$   
 se  $X \sim NB(n, p)$  allora  $E(X) = n(1-p)/p$  e  $\text{Var}(X) = n(1-p)/p^2$

Si assuma noto il valore delle seguenti funzioni della libreria `scipy.stats` di Python

`nbinom.pmf(k, n, p)` =  $\Pr(X = k)$  dove  $X \sim NB(n, p)$

`nbinom.cdf(k, n, p)` =  $\Pr(X \leq k)$  dove  $X \sim NB(n, p)$

`nbinom.ppf(q, n, p)` =  $k$  dove  $k$  è tale che  $\Pr(X \leq k) \cong q$  per  $X \sim NB(n, p)$