## Matematica e BioStatistica con Applicazioni Informatiche Esercitazione in aula del 20 novembre 2018

Quesito 1. Calcolare un valore  $\alpha$  tale che la seguente funzione è una corretta densità di probabilità

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x < 1 \\ \alpha \cdot x & \text{se } 1 \le x \le 3 \\ 0 & \text{se } x > 3 \end{cases}$$

Risposta

$$\sum_{i=0}^{\infty} a_i^2 = \sum_{i=2}^{\infty} a_i^2 + 2^2 + 1^2 = 14 + 4 + 1 = 19.$$

Quesito 2. Un urna contiene biglie il cui diametro è distribuito noralmente con media 30mm e deviazione standard 3mm. Preleviamo 10 biglie a caso dall'urna.

- 1. Quante biglie con diametro  $\leq 33$ mm ci aspettiamo di ottenere?
- 2. Qual'è la probabilità che almeno 7 abbiano diametro  $\leq 33$ mm?

Estraiamo casualmente biglie dall'urna fino a trovarne una di diametro compreso tra 29 e 31mm

- 1. Quante estrazioni ci aspettiamo di dover fare?
- 2. Qual'è la probabilità di trovarne una prima della quinta estrazione?

## Risposta

```
Formulario: se X \sim B(\mathtt{n},\mathtt{p}) allora E(X) = np se X \sim NB(\mathtt{n},\mathtt{p}) allora E(X) = n(1-p)/p
```

```
Si assuma noto il valore delle seguenti funzioni della libreria scipy.stats di Python nbinom.pmf(k, n, p) = \Pr\left(X = \mathtt{k}\right) dove X \sim NB(\mathtt{n},\mathtt{p}) nbinom.cdf(k, n, p) = \Pr\left(X \leq \mathtt{k}\right) dove X \sim NB(\mathtt{n},\mathtt{p}) nbinom.ppf(q, n, p) = k dove k è tale che \Pr\left(X \leq \mathtt{k}\right) \cong \mathtt{q} per X \sim NB(\mathtt{n},\mathtt{p})
```

binom.pmf(k, n, p), bimom.ppf(q, n, p) sono l'analogo per  $X \sim B(n,p)$ .