Quesito 1. Si consideri una funzione f(x) la cui derivata prima è data dalla funzione $f'(x) = e^{-5x}$.

- 1. Indicare gli intervalli in cui la funzione f(x) cresce e quelli in cui la funzione decresce.
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

$$f(x)$$
 cresce in $(-\infty, \infty) = \mathbb{R}$

Risposta 1

f(x) non ha massimi e minimi locali

Risposta 2

Quesito 2. Si consideri una funzione f(x) definita su tutto \mathbb{R} la cui derivata prima è data dalla funzione $f'(x) = \frac{x^2 - 5}{x}$.

- 1. Indicare gli intervalli in cui la funzione f(x) cresce e quelli in cui la funzione decresce.
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

$$f(x)$$
 cresce in $(-\sqrt{5},0)$ e $(\sqrt{5},+\infty)$; $f(x)$ decresce in $(-\infty,-\sqrt{5})$ e $(0,\sqrt{5})$

Risposta 1

$$f(x)$$
ha minimi locali in $-\sqrt{5}$ e $\sqrt{5}$

Risposta 2

Quesito 3. Si consideri una funzione f(x) definita su tutto \mathbb{R} la cui derivata prima è data dalla funzione $f'(x) = \frac{x^2 + 3}{x}$.

- 1. Indicare gli intervalli in cui la funzione f(x) cresce e quelli in cui la funzione decresce.
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

$$f(x)$$
 cresce in $(0, +\infty)$; $f(x)$ decresce in $(-\infty, 0)$

Risposta 1

f(x) non ha punti critici.

Risposta 2

Quesito 4. Si consideri una funzione f(x) definita sull'intervallo $(0, +\infty)$ la cui derivata prima è data dalla funzione $f'(x) = 6 \log(x)$.

- 1. Indicare gli intervalli in cui la funzione f(x) cresce e quelli in cui la funzione decresce.
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

f(x) cresce in $(1, +\infty)$; f(x) decresce in (0, 1)

Risposta 1

f(x) ha minimo locale in 1

Risposta 2

Quesito 5. Si consideri un corpo lasciato cadere da una torre alta 500 metri. Sia $f(t) = 5t^2$ la funzione che ne descrive la distanza dalla cima della torre ad ogni secondo (quando t = 0, f(t) = 0 ovvero il corpo si trova in cima alla torre).

- 1. Qual è la velocità istantanea del corpo dopo 2 secondi?
- 2. Qual è la velocità istantanea del corpo quando tocca terra?

Risposta

f'(2) = 20

Risposta 1

f'(10) = 100

Risposta 2

Quesito 6. Sia data la funzione $f(x) = x^2 + 3x$

- 1. Scrivere l'equazione della retta tangente nel punto (-5, 10).
- 2. In quali intervalli la funzione è decrescente?

Risposta

$$y = -7x - 25$$

f(x) decresce in $(-\infty, -\frac{3}{2})$

Risposta 1

Risposta 2

Quesito 7. Sia data la funzione $f(x) = x^3 + 1$

- 1. Scrivere l'equazione della retta tangente nel punto (1, 2).
- 2. In quali intervalli la funzione è crescente?

Risposta

$$y = 3x - 1$$

Quesito 8. Si consideri una particella che si muove lungo una retta. Sia $f(t) = 4t^3 + 6t$ la funzione che ne descrive la distanza in metri dal punto di partenza ogni secondo.

- 1. Qual è la velocità istantanea del corpo dopo 4 secondi?
- 2. Quando la velocità del corpo è superiore a 100 metri al secondo?

Risposta

$$f'(4) = 198$$

Risposta 1

$$t > \sqrt{\frac{47}{6}}$$
 Risposta 2

Quesito 9. Si consideri la funzione $f(x) = x^3 + 7x + 1$.

- 1. Determinare la derivata prima f'(x).
- 2. Trovare massimi e minimi locali di f(x).

Risposta

$$f'(x) = 3x^2 + 7$$

Risposta 1

f(x) non ha massimi e minimi locali

Risposta 2

Quesito 10. Si consideri la funzione $f(x) = x \cos(x)$.

- 1. Determinare la derivata f'(x).
- 2. Scrivere l'equazione della retta tangente a f(x) nel punto $(\pi, -\pi)$.

Risposta

$$f'(x) = x \sin x + \cos x$$
 Risposta 1
 $y = -x - 2\pi$ Risposta 2

Quesito 11. Si consideri la funzione $f(x) = \sqrt{x}$.

- 1. Scrivere l'approssimazione lineare di f(x) in 4.
- 2. Usare il risultato precedente per approssimare i valori di $\sqrt{4.1}$ e $\sqrt{3.9}$.

Risposta

 $\frac{1}{4}x + 1$

Risposta 1

$$\sqrt{4.1} \cong 2.025 \text{ e } \sqrt{3.9} \cong 1.975$$

Risposta 2

Quesito 12. Si consideri la funzione $f(x) = e^x$.

- 1. Scrivere l'approssimazione lineare di f(x) in 1.
- 2. Usare il risultato precedente per approssimare i valori di $e^{0.9}$ e $e^{1.1}$ (si approssimi e con 2.7).

Risposta

1

 $e \cdot x$ Risposta

 $e^{0.9} \cong 2.43 \text{ e } e^{1.1} \cong 2.97$

Risposta 2

Quesito 13. Si consideri la funzione $f(x) = \sqrt[3]{x}$.

- 1. Scrivere l'approssimazione lineare di f(x) in 1.
- 2. Usare il risultato precedente per approssimare i valori di $\sqrt[3]{1.1}$ e $\sqrt[3]{1.2}$.

Risposta

 $\frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$

Risposta 1

$$\sqrt[3]{1.1} \cong 1.0\overline{3}$$
 e $\sqrt[3]{1.2} \cong 1.0\overline{6}$

Risposta 2