

Quesito 1. Si consideri la funzione $f(x) = \cos\left(\left|\frac{5x-3}{2x+1}\right|\right)$.

1. Determinare dominio e immagine della funzione.
2. Determinare il punto di massimo assoluto per $x \geq 0$.

Risposta

$$\text{dom}f = \mathbb{R} \setminus \left\{-\frac{1}{2}\right\} \quad \text{e} \quad \text{im}f = [-1, 1]$$

Risposta 1

$$x = \frac{3}{5}$$

Risposta 2

Quesito 2. Si consideri la funzione $f(x) = \frac{e^{5x}}{2|x|-4}$.

1. Determinare il dominio di f .
2. Determinare $f((-\infty, -2))$.

Risposta

$$\text{dom}f = \mathbb{R} \setminus \{\pm 2\}$$

Risposta 1

$$f((-\infty, -2)) = (0, +\infty)$$

Risposta 2

Quesito 3. Si consideri la funzione $f(x) = |x| - |x+3|$.

1. Determinare dominio e immagine della funzione.
2. Determinare $f^{-1}(3)$.

Risposta

$$\text{dom}f = \mathbb{R}.$$

$$\text{im}f = [-3, 3]$$

Risposta 1

$$f^{-1}(3) = (-\infty, -3]$$

Risposta 2

Quesito 4. Si considerino le funzioni $f(x) = \frac{x+5}{4x+1}$ e $g(x) = \sqrt{-x+2}$

1. Scrivere esplicitamente le funzioni $f \circ g$ e $g \circ f$.
2. Determinare dominio di $f \circ g$.

Risposta

$$(f \circ g)(x) = \frac{\sqrt{-x+2}+5}{4\sqrt{-x+2}+1} \quad \text{e} \quad (g \circ f)(x) = \sqrt{-\frac{x+5}{4x+1}+2} \quad \text{Risposta 1}$$

$$\text{dom}(f \circ g) = (-\infty, 2] \quad \text{Risposta 2}$$

Quesito 5. Si consideri la funzione $f(x) = \log(5x+2)$.

1. Determinare dominio e immagine della funzione.
2. Per quali valori si annulla la funzione $f(-x)$?

Esprimere il risultato come frazione di interi, ed eventualmente multipli di e .

Risposta

$$\text{dom} f = \left(-\frac{2}{5}, +\infty\right) \quad \text{im} f = \mathbb{R} \quad \text{Risposta 1}$$

$$x = \frac{1}{5} \quad \text{Risposta 2}$$

Quesito 6. Si considerino le funzioni $f(x) = \frac{1}{x}$ e $g(x) = x^2 - 5x$.

1. Scrivere esplicitamente le funzioni $f \circ g$ e $g \circ f$.
2. Determinare dominio di $f \circ g$ e $g \circ f$.

Risposta

$$(f \circ g)(x) = \frac{1}{x^2 - 5x} \quad \text{e} \quad (g \circ f)(x) = -\frac{5}{x} + \frac{1}{x^2} \quad \text{Risposta 1}$$

$$\text{dom}(f \circ g) = \mathbb{R} - \{0, 5\} \quad \text{e} \quad \text{dom}(g \circ f) = \mathbb{R} - \{0\} \quad \text{Risposta 2}$$

Quesito 7. Si considerino le funzioni $f(x) = \frac{1}{5x}$ e $g(x) = \log(x)$.

1. Scrivere esplicitamente le funzioni $f \circ g$ e $g \circ f$.
2. Determinare dominio di $f \circ g$ e $g \circ f$.

Risposta

$$(f \circ g)(x) = \frac{1}{5 \log(x)} \quad \text{e} \quad (g \circ f)(x) = \log\left(\frac{1}{5x}\right) \quad \text{Risposta 1}$$

$$\text{dom}(f \circ g) = (0, +\infty) \quad \text{e} \quad \text{dom}(g \circ f) = (0, 1) \cup (1, +\infty) \quad \text{Risposta 2}$$

Quesito 8. Si considerino le funzioni $f(x) = \sqrt{x}$ e $g(x) = \frac{x^2 + 2}{x^2 - 5}$.

1. Scrivere esplicitamente le funzioni $f \circ g$ e $g \circ f$.
2. Determinare dominio di $f \circ g$ e $g \circ f$.

Risposta

$$(f \circ g)(x) = \sqrt{\frac{x^2 + 2}{x^2 - 5}} \quad \text{e} \quad (g \circ f)(x) = \frac{x + 2}{x - 5} \quad \text{Risposta 1}$$

$$\text{dom}(f \circ g) = (-\infty, -\sqrt{5}) \cup (\sqrt{5}, +\infty) \quad \text{e} \quad \text{dom}(g \circ f) = [0, 5) \cup (5, +\infty) \quad \text{Risposta 2}$$

Quesito 9. Si consideri la funzione $f(x) = \left| 3 + \frac{1}{x} \right|$.

1. Determinare il dominio della funzione.
2. In quale punto si annulla la funzione $f(x + 3)$?

Risposta $\text{dom}(f) = \mathbb{R} - \{0\}$ Risposta 1

$x = -\frac{10}{3}$ Risposta 1

Quesito 10. Si considerino le funzioni $f(x) = x^2 - 4$ e $g(x) = \frac{1}{x}$.

1. Scrivere esplicitamente le funzioni $f \circ g$ e $g \circ f$.
2. Determinare dominio di $f \circ g$ e $g \circ f$.

Risposta

$$(f \circ g)(x) = -4 + \frac{1}{x^2} \quad \text{e} \quad (g \circ f)(x) = \frac{1}{x^2 - 4} \quad \text{Risposta 1}$$

$$\text{dom}(f \circ g) = \mathbb{R} - \{0\} \quad \text{e} \quad \text{dom}(g \circ f) = \mathbb{R} - \{\pm 2\} \quad \text{Risposta 2}$$

Quesito 11. Sia $f(x)$ la funzione che misura in parti per milione (ppm) la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera nell'anno x . Si supponga che tale concentrazione abbia una crescita lineare di fattore $m = 0.8$ ppm.

1. In quanti anni la concentrazione di anidride carbonica aumenterà di 3 ppm?
2. Sapendo che nel 1960 la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera era di 316 ppm, scrivere esplicitamente la funzione $f(x)$.

Risposta

$\Delta x = 3.75$ Risposta 1

$$f(x) = 0.8(x - 1960) + 316$$

Risposta 2

Quesito 12. Sia $f(x)$ la funzione che misura in parti per milione (ppm) la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera nell'anno x . Si supponga che tale concentrazione abbia una crescita lineare di fattore $m = 0.6$ ppm.

1. Sapendo che nel 1960 la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera era di 312 ppm, scrivere esplicitamente la funzione $f(x)$.
2. Quale sarà la concentrazione di anidride carbonica nel 2030?

Risposta

$$f(x) = 0.6(x - 1960) + 312$$

Risposta 1

354.0

Risposta 2

Quesito 13. Sia $f(x)$ la funzione che misura in parti per milione (ppm) la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera nell'anno x . Si supponga che tale concentrazione abbia una crescita lineare di fattore $m = 0.4$ ppm.

1. Sapendo che nel 2010 la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera era di 362 ppm, scrivere esplicitamente la funzione $f(x)$.
2. Quale era la concentrazione di anidride carbonica nel 1992?

Risposta

$$f(x) = 0.4(x - 2010) + 362$$

Risposta 1

354.8

Risposta 2

Quesito 14. Sia $f(x)$ la funzione che misura in parti per milione (ppm) la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera nell'anno x . Si supponga che tale concentrazione abbia una crescita lineare di fattore $m = 0.8$ ppm.

1. Sapendo che nel 2010 la concentrazione di anidride carbonica nell'atmosfera era di 340 ppm, scrivere esplicitamente la funzione $f(x)$.
2. In quale anno la concentrazione supererà 450 ppm?

Risposta

$$f(x) = 0.8x - 1268$$

Risposta 1

2148

Risposta