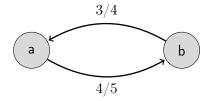
Esperimento con HMM (senza definirli)

Quesito 1. Consideriamo il percorso aleatorio descritto in figura. Nello stato a viene lanciata una moneta a valori T o C. La probabilità che esca T è 1/2. Nello stato b viene lanciata una moneta con probabilità 1/3 che esca T.



Le transizioni aa e bb sono implicite.

Il percorso comincia (al tempo t=0) dallo stato a. Al tempo t=2 il risultato del lancio della moneta è T. Non abbiamo informazioni sul pescorso, qual è la probabilità che il processo al tempo t=2 si trovi nello stato a ?

Indichiamo con $S_t \in \{a, b\}$ le variabili aleatorie che danno lo stato al tempo t. Indichiamo con $X_t \in \{T, C\}$ le variabili aleatorie che danno il risultato del lancio al tempo t. Si esprima usando queste v.a. la probabilità condizionata che si intende calcolare.

Esprimere i risultati numerici come frazioni di interi.

Risposta

$$\Pr\left(S_2 = \mathsf{a} \mid X_2 = \mathsf{T}\right)$$

$$=\frac{8}{11}$$