

AG3 - Actividad Guiada 3

Nombre: Domingo Jiménez Liébana

Link: <https://colab.research.google.com/drive/1mYvOr1jh4QWaB1f51ddAbek9KcnSUQRd?usp=sharing>

Github: https://github.com/domiTEN/O3miar-algoritmos-optimizacion/blob/main/actividad-guiada-3/Domingo_Jimenez_Liebana_AG3.ipynb

✓ Carga de librerías

```
!pip install requests      #Hacer llamadas http a paginas de la red
!pip install tsplib95      #Modulo para las instancias del problema del TSP

Requirement already satisfied: requests in /usr/local/lib/python3.12/dist-packages (2.32.4)
Requirement already satisfied: charset_normalizer<4,>=2 in /usr/local/lib/python3.12/dist-packages (from requests) (3.4.4)
Requirement already satisfied: idna<4,>=2.5 in /usr/local/lib/python3.12/dist-packages (from requests) (3.11)
Requirement already satisfied: urllib3<3,>=1.21.1 in /usr/local/lib/python3.12/dist-packages (from requests) (2.5.0)
Requirement already satisfied: certifi>=2017.4.17 in /usr/local/lib/python3.12/dist-packages (from requests) (2026.1.4)
Collecting tsplib95
  Downloading tsplib95-0.7.1-py2.py3-none-any.whl.metadata (6.3 kB)
Requirement already satisfied: Click>=6.0 in /usr/local/lib/python3.12/dist-packages (from tsplib95) (8.3.1)
Collecting Deprecated~1.2.9 (from tsplib95)
  Downloading Deprecated-1.2.18-py2.py3-none-any.whl.metadata (5.7 kB)
Collecting networkx~2.1 (from tsplib95)
  Downloading networkx-2.8.8-py3-none-any.whl.metadata (5.1 kB)
Collecting tabulate~0.8.7 (from tsplib95)
  Downloading tabulate-0.8.10-py3-none-any.whl.metadata (25 kB)
Collecting wrapt<2,>=1.10 (from Deprecated~1.2.9->tsplib95)
  Downloading wrapt-1.17.3-cp312-cp312-manylinux1_x86_64.manylinux2_28_x86_64.manylinux2_5_x86_64.whl.metadata (6.4 kB)
Downloaded tsplib95-0.7.1-py2.py3-none-any.whl (25 kB)
Downloaded Deprecated-1.2.18-py2.py3-none-any.whl (10.0 kB)
Downloaded networkx-2.8.8-py3-none-any.whl (2.0 MB)
----- 2.0/2.0 MB 23.5 MB/s eta 0:00:00
Downloaded tabulate-0.8.10-py3-none-any.whl (29 kB)
Downloaded wrapt-1.17.3-cp312-cp312-manylinux1_x86_64.manylinux2_28_x86_64.manylinux2_5_x86_64.whl (88 kB)
----- 88.0/88.0 kB 4.6 MB/s eta 0:00:00
Installing collected packages: wrapt, tabulate, networkx, Deprecated, tsplib95
  Attempting uninstall: wrapt
    Found existing installation: wrapt 2.1.0
    Uninstalling wrapt-2.1.0:
      Successfully uninstalled wrapt-2.1.0
  Attempting uninstall: tabulate
    Found existing installation: tabulate 0.9.0
    Uninstalling tabulate-0.9.0:
      Successfully uninstalled tabulate-0.9.0
  Attempting uninstall: networkx
    Found existing installation: networkx 3.6.1
    Uninstalling networkx-3.6.1:
      Successfully uninstalled networkx-3.6.1
ERROR: pip's dependency resolver does not currently take into account all the packages that are installed. This behaviour is t
bigframes 2.33.0 requires tabulate>=0.9, but you have tabulate 0.8.10 which is incompatible.
mapclassify 2.10.0 requires networkx>=3.2, but you have networkx 2.8.8 which is incompatible.
spopt 0.7.0 requires networkx>=3.2, but you have networkx 2.8.8 which is incompatible.
momepy 0.11.0 requires networkx>=3.2, but you have networkx 2.8.8 which is incompatible.
scikit-image 0.25.2 requires networkx>=3.0, but you have networkx 2.8.8 which is incompatible.
Successfully installed Deprecated-1.2.18 networkx-2.8.8 tabulate-0.8.10 tsplib95-0.7.1 wrapt-1.17.3
```

✓ Carga de los datos del problema

```
import urllib.request      #Hacer llamadas http a paginas de la red
import tsplib95            #Modulo para las instancias del problema del TSP
import math                #Modulo de funciones matematicas. Se usa para exp
import random              #Para generar valores aleatorios

#http://elib.zib.de/pub/mp-testdata/tsp/tsplib/
#Documentacion :
# http://comopt.ifl.uni-heidelberg.de/software/TSPLIB95/tsp95.pdf
# https://tsplib95.readthedocs.io/en/stable/pages/usage.html
# https://tsplib95.readthedocs.io/en/v0.6.1/modules.html
# https://pypi.org/project/tsplib95/

#Descargamos el fichero de datos(Matriz de distancias)
file = "swiss42.tsp" ;
urllib.request.urlretrieve("https://raw.githubusercontent.com/shredderzjw/TSPLIB/refs/heads/master/res/swiss42.tsp", file)
# alternativa: github.com/coin-or/jorlib/blob/master/jorlib-core/src/test/resources/tspLib/tsp/swiss42.tsp

#!gzip -d swiss42.tsp.gz      #Descomprimir el fichero de datos
```

```
#Coordendas 51-city problem (Christofides/Eilon)
#file = "eil51.tsp" ; urllib.request.urlretrieve("http://comopt.ifi.uni-heidelberg.de/software/TSPLIB95/tsp/eil51.tsp.gz", fi

#Coordenadas - 48 capitals of the US (Padberg/Rinaldi)
#file = "att48.tsp" ; urllib.request.urlretrieve("http://comopt.ifi.uni-heidelberg.de/software/TSPLIB95/tsp/att48.tsp.gz", fi
```

```
('swiss42.tsp', <http.client.HTTPMessage at 0x7bafc8f62ab0>)
```

```
#Carga de datos y generación de objeto problem
#####
problem = tsplib95.load(file)

#Nodos
Nodos = list(problem.get_nodes())

#Aristas
Aristas = list(problem.get_edges())
```

Aristas

```
(22, 19),
(22, 20),
(22, 21),
(22, 22),
(22, 23),
(22, 24),
(22, 25),
(22, 26),
(22, 27),
(22, 28),
(22, 29),
(22, 30),
(22, 31),
(22, 32),
(22, 33),
(22, 34),
(22, 35),
(22, 36),
(22, 37),
(22, 38),
(22, 39),
(22, 40),
(22, 41),
(23, 0),
(23, 1),
(23, 2),
(23, 3),
(23, 4),
(23, 5),
(23, 6),
(23, 7),
(23, 8),
(23, 9),
(23, 10),
(23, 11),
(23, 12),
(23, 13),
(23, 14),
(23, 15),
(23, 16),
(23, 17),
(23, 18),
(23, 19),
(23, 20),
(23, 21),
(23, 22),
(23, 23),
(23, 24),
(23, 25),
(23, 26),
(23, 27),
(23, 28),
(23, 29),
(23, 30),
(23, 31),
(23, 32),
(23, 33),
...]
```

```

NOMBRE: swiss42
TIPO: TSP
COMENTARIO: 42 Staedte Schweiz (Fricker)
DIMENSION: 42
EDGE_WEIGHT_TYPE: EXPLICIT
EDGE_WEIGHT_FORMAT: FULL_MATRIX
EDGE_WEIGHT_SECTION
0 15 30 23 32 55 33 37 92 114 92 110 96 90 74 76 82 72 78 82 159 122 131 206 112 57 28 43 70 1
15 0 34 23 27 40 19 32 93 117 88 100 87 75 63 67 71 69 62 63 96 164 132 131 212 106 44 33 5
30 34 0 11 18 57 36 65 62 84 64 89 76 93 95 100 104 98 57 88 99 130 100 101 179 86 51 4 18
23 23 11 0 11 48 26 54 70 94 69 75 75 84 84 89 92 89 54 78 99 141 111 109 89 89 11 11 11 54
32 27 18 11 0 40 20 58 67 92 61 78 65 76 83 89 91 95 43 72 110 141 116 105 190 81 34 19 35
55 40 57 48 40 0 23 55 96 123 78 75 36 36 66 66 63 95 34 34 137 174 156 129 224 90 15 59 75
33 19 36 26 20 23 0 45 85 111 75 82 69 60 63 70 71 85 44 52 115 161 136 122 210 91 25 37 54
37 32 65 54 58 55 45 0 124 149 118 126 113 80 42 42 40 40 87 87 94 158 158 163 242 135 65 6
92 93 62 70 67 96 85 124 0 28 29 68 63 122 148 155 156 159 67 129 148 78 80 39 129 46 82 65
114 117 84 94 92 123 111 149 28 0 54 91 88 150 174 181 182 181 95 157 159 50 65 27 102 65 11
92 88 64 69 61 78 75 118 29 54 0 39 34 99 134 142 141 157 44 110 161 103 109 52 154 22 63 6
110 100 89 89 78 75 82 126 68 91 39 0 14 80 129 139 135 167 39 98 187 136 148 81 186 28 61 9
96 87 76 75 65 62 69 113 63 88 34 14 0 72 117 128 124 153 26 88 174 136 142 82 187 32 48 79
90 75 93 84 76 36 60 80 122 150 99 80 72 0 59 71 63 116 56 25 170 201 189 151 252 104 44 95
74 63 95 84 83 56 63 42 148 174 134 129 117 59 0 11 8 63 93 35 135 223 195 184 273 146 71 9

```

```
#Probamos algunas funciones del objeto problem
```

```
#Distancia entre nodos
problem.get_weight(0, 1)
```

```
#Todas las funciones
#Documentación: https://tsplib95.readthedocs.io/en/v0.6.1/modules.html
```

```
#dir(problem)
```

```
15
```

Funcionas basicas

```

#Funcionas basicas
#####

#Se genera una solucion aleatoria con comienzo en el nodo 0
def crear_solucion(Nodos):
    solucion = [Nodos[0]]
    for n in Nodos[1:]:
        solucion = solucion + [random.choice(list(set(Nodos) - set({Nodos[0]}) - set(solucion)))]
    return solucion

#Devuelve la distancia entre dos nodos
def distancia(a,b, problem):
    return problem.get_weight(a,b)

#Devuelve la distancia total de una trayectoria/solucion
def distancia_total(solucion, problem):
    distancia_total = 0
    for i in range(len(solucion)-1):
        distancia_total += distancia(solucion[i],solucion[i+1] , problem)
    return distancia_total + distancia(solucion[len(solucion)-1],solucion[0], problem)

sol_temporal = crear_solucion(Nodos)

distancia_total(sol_temporal, problem), sol_temporal

```

```

(5427,
 [0,
  32,
  4,
  29,
  16,
  21,
  18,
  2,
  17,
  39,
  35,
  19,
  12,
  40,
  15,
  26,
  22,
  28,
  6,
  23,
  37,
  13,
  34,
  11,

```

```

33,
3,
24,
20,
5,
25,
1,
8,
30,
41,
7,
14,
36,
9,
38,
10,
31,
27])

```

BUSQUEDA ALEATORIA

```

#####
# BUSQUEDA ALEATORIA
#####

def busqueda_aleatoria(problem, N):
    #N es el numero de iteraciones
    Nodos = list(problem.get_nodos())

    mejor_solucion = []
    #mejor_distancia = 10e100                                #Inicializamos con un valor alto
    mejor_distancia = float('inf')                            #Inicializamos con un valor alto

    for i in range(N):
        solucion = crear_solucion(Nodos)                    #Genera una solucion aleatoria
        distancia = distancia_total(solucion, problem)       #Calcula el valor objetivo(distancia total)

        if distancia < mejor_distancia:                     #Compara con la mejor obtenida hasta ahora
            mejor_solucion = solucion
            mejor_distancia = distancia

    print("Mejor solución:" , mejor_solucion)
    print("Distancia      :" , mejor_distancia)
    return mejor_solucion

#Busqueda aleatoria con 5000 iteraciones
solucion = busqueda_aleatoria(problem, 10000)

Mejor solución: [0, 31, 30, 21, 39, 22, 23, 25, 3, 32, 37, 14, 2, 26, 11, 10, 33, 35, 34, 24, 29, 19, 16, 7, 1, 17, 36, 13, 18]
Distancia      : 3700

```

BUSQUEDA LOCAL

```

#####
# BUSQUEDA LOCAL
#####
def genera_vecina(solucion):
    #Generador de soluciones vecinas: 2-opt (intercambiar 2 nodos) Si hay N nodos se generan (N-1)x(N-2)/2 soluciones
    #Se puede modificar para aplicar otros generadores distintos que 2-opt
    #print(solucion)
    mejor_solucion = []
    mejor_distancia = 10e100
    for i in range(1,len(solucion)-1):                      #Recorremos todos los nodos en bucle doble para evaluar todos los intercambios
        for j in range(i+1, len(solucion)):

            #Se genera una nueva solución intercambiando los dos nodos i,j:
            # (usamos el operador + que para listas en python las concatena) : ej.: [1,2] + [3] = [1,2,3]
            vecina = solucion[:i] + [solucion[j]] + solucion[i+1:j] + [solucion[i]] + solucion[j+1:]

            #Se evalua la nueva solución ...
            distancia_vecina = distancia_total(vecina, problem)

            #... para guardarla si mejora las anteriores
            if distancia_vecina <= mejor_distancia:
                mejor_distancia = distancia_vecina
                mejor_solucion = vecina
    return mejor_solucion

```

```
#solucion = [1, 47, 13, 41, 40, 19, 42, 44, 37, 5, 22, 28, 3, 2, 29, 21, 50, 34, 30, 9, 16, 11, 38, 49, 10, 39, 33, 45, 15, 2]
print("Distancia Solucion Inicial:" , distancia_total(solucion, problem))
```

```
nueva_solucion = genera_vecina(solucion)
print("Distancia Mejor Solucion Local:", distancia_total(nueva_solucion, problem))
```

```
Distancia Solucion Inicial: 3700
Distancia Mejor Solucion Local: 3394
```

```
#Busqueda Local:
# - Sobre el operador de vecindad 2-opt(funcion genera_vecina)
# - Sin criterio de parada, se para cuando no es posible mejorar.
def busqueda_local(problem):
    mejor_solucion = []

    #Generar una solucion inicial de referencia(aleatoria)
    solucion_referencia = crear_solucion(Nodos)
    mejor_distancia = distancia_total(solucion_referencia, problem)

    iteracion=0          #Un contador para saber las iteraciones que hacemos
    while(1):
        iteracion +=1     #Incrementamos el contador
        #print('#',iteracion)

        #Obtenemos la mejor vecina ...
        vecina = genera_vecina(solucion_referencia)

        #... y la evaluamos para ver si mejoramos respecto a lo encontrado hasta el momento
        distancia_vecina = distancia_total(vecina, problem)

        #Si no mejoramos hay que terminar. Hemos llegado a un minimo local(según nuestro operador de vecindad 2-opt)
        if distancia_vecina < mejor_distancia:
            #mejor_solucion = copy.deepcopy(vecina)    #Con copia profunda. Las copias en python son por referencia
            mejor_solucion = vecina                  #Guarda la mejor solución encontrada
            mejor_distancia = distancia_vecina

        else:
            print("En la iteracion ", iteracion, ", la mejor solución encontrada es:" , mejor_solucion)
            print("Distancia      :", mejor_distancia)
            return mejor_solucion

    solucion_referencia = vecina

sol = busqueda_local(problem )
```

```
En la iteracion 29 , la mejor solución encontrada es: [0, 4, 18, 12, 11, 13, 19, 15, 36, 35, 9, 23, 41, 25, 7, 37, 17, 31, 20]
Distancia      : 2190
```

✧ SIMULATED ANNEALING

```
#####
# SIMULATED ANNEALING
#####

#Generador de 1 solucion vecina 2-opt 100% aleatoria (intercambiar 2 nodos)
#Mejorable eligiendo otra forma de elegir una vecina.
def genera_vecina_aleatorio(solucion):

    #Se eligen dos nodos aleatoriamente
    i,j = sorted(random.sample( range(1,len(solucion)) , 2))

    #Devuelve una nueva solución pero intercambiando los dos nodos elegidos al azar
    return solucion[:i] + [solucion[j]] + solucion[i+1:j] + [solucion[i]] + solucion[j+1:]

#Funcion de probabilidad para aceptar peores soluciones
def probabilidad(T,d):
    if random.random() < math.exp( -1*d / T) :
        return True
    else:
        return False

#Funcion de descenso de temperatura
def bajar_temperatura(T):
    return T*0.99
```

```
def recocido_simulado(problem, TEMPERATURA ):
    #problem = datos del problema
    #T = Temperatura
```

```

#T = temperatura

solucion_referencia = crear_solucion(Nodos)
distancia_referencia = distancia_total(solucion_referencia, problem)

mejor_solucion = []          #x* del pseudocódigo
mejor_distancia = 10e100     #F* del pseudocódigo

N=0
while TEMPERATURA > .0001:
    N+=1
    #Genera una solución vecina
    vecina =genera_vecina_aleatorio(solucion_referencia)

    #Calcula su valor(distancia)
    distancia_vecina = distancia_total(vecina, problem)

    #Si es la mejor solución de todas se guarda(siempre!!!)
    if distancia_vecina < mejor_distancia:
        mejor_solucion = vecina
        mejor_distancia = distancia_vecina

    #Si la nueva vecina es mejor se cambia
    #Si es peor se cambia según una probabilidad que depende de T y delta(distancia_referencia - distancia_vecina)
    if distancia_vecina < distancia_referencia or probabilidad(TEMPERATURA, abs(distancia_referencia - distancia_vecina) ) :
        #solucion_referencia = copy.deepcopy(vecina)
        solucion_referencia = vecina
        distancia_referencia = distancia_vecina

    #Bajamos la temperatura
    TEMPERATURA = bajar_temperatura(TEMPERATURA)

print("La mejor solución encontrada es " , end="")
print(mejor_solucion)
print("con una distancia total de " , end="")
print(mejor_distancia)
return mejor_solucion

sol = recocido_simulado(problem, 10000000)

```

La mejor solución encontrada es [0, 1, 32, 34, 20, 17, 31, 36, 35, 33, 28, 8, 9, 21, 40, 24, 39, 25, 12, 26, 18, 11, 10, 4, 3, 2, 5, 6, 7, 13, 14, 15, 16, 19, 22, 23, 27, 29, 30, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79, 80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89, 90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99, 100, 101, 102, 103, 104, 105, 106, 107, 108, 109, 110, 111, 112, 113, 114, 115, 116, 117, 118, 119, 120, 121, 122, 123, 124, 125, 126, 127, 128, 129, 130, 131, 132, 133, 134, 135, 136, 137, 138, 139, 140, 141, 142, 143, 144, 145, 146, 147, 148, 149, 150, 151, 152, 153, 154, 155, 156, 157, 158, 159, 160, 161, 162, 163, 164, 165, 166, 167, 168, 169, 170, 171, 172, 173, 174, 175, 176, 177, 178, 179, 180, 181, 182, 183, 184, 185, 186, 187, 188, 189, 190, 191, 192, 193, 194, 195, 196, 197, 198, 199, 200, 201, 202, 203, 204, 205, 206, 207, 208, 209, 210, 211, 212, 213, 214, 215, 216, 217, 218, 219, 220, 221, 222, 223, 224, 225, 226, 227, 228, 229, 230, 231, 232, 233, 234, 235, 236, 237, 238, 239, 240, 241, 242, 243, 244, 245, 246, 247, 248, 249, 250, 251, 252, 253, 254, 255, 256, 257, 258, 259, 260, 261, 262, 263, 264, 265, 266, 267, 268, 269, 270, 271, 272, 273, 274, 275, 276, 277, 278, 279, 280, 281, 282, 283, 284, 285, 286, 287, 288, 289, 290, 291, 292, 293, 294, 295, 296, 297, 298, 299, 300, 301, 302, 303, 304, 305, 306, 307, 308, 309, 310, 311, 312, 313, 314, 315, 316, 317, 318, 319, 320, 321, 322, 323, 324, 325, 326, 327, 328, 329, 330, 331, 332, 333, 334, 335, 336, 337, 338, 339, 340, 341, 342, 343, 344, 345, 346, 347, 348, 349, 350, 351, 352, 353, 354, 355, 356, 357, 358, 359, 360, 361, 362, 363, 364, 365, 366, 367, 368, 369, 370, 371, 372, 373, 374, 375, 376, 377, 378, 379, 380, 381, 382, 383, 384, 385, 386, 387, 388, 389, 390, 391, 392, 393, 394, 395, 396, 397, 398, 399, 400, 401, 402, 403, 404, 405, 406, 407, 408, 409, 410, 411, 412, 413, 414, 415, 416, 417, 418, 419, 420, 421, 422, 423, 424, 425, 426, 427, 428, 429, 430, 431, 432, 433, 434, 435, 436, 437, 438, 439, 440, 441, 442, 443, 444, 445, 446, 447, 448, 449, 450, 451, 452, 453, 454, 455, 456, 457, 458, 459, 460, 461, 462, 463, 464, 465, 466, 467, 468, 469, 470, 471, 472, 473, 474, 475, 476, 477, 478, 479, 480, 481, 482, 483, 484, 485, 486, 487, 488, 489, 490, 491, 492, 493, 494, 495, 496, 497, 498, 499, 500, 501, 502, 503, 504, 505, 506, 507, 508, 509, 510, 511, 512, 513, 514, 515, 516, 517, 518, 519, 520, 521, 522, 523, 524, 525, 526, 527, 528, 529, 530, 531, 532, 533, 534, 535, 536, 537, 538, 539, 540, 541, 542, 543, 544, 545, 546, 547, 548, 549, 550, 551, 552, 553, 554, 555, 556, 557, 558, 559, 560, 561, 562, 563, 564, 565, 566, 567, 568, 569, 570, 571, 572, 573, 574, 575, 576, 577, 578, 579, 580, 581, 582, 583, 584, 585, 586, 587, 588, 589, 590, 591, 592, 593, 594, 595, 596, 597, 598, 599, 600, 601, 602, 603, 604, 605, 606, 607, 608, 609, 610, 611, 612, 613, 614, 615, 616, 617, 618, 619, 620, 621, 622, 623, 624, 625, 626, 627, 628, 629, 630, 631, 632, 633, 634, 635, 636, 637, 638, 639, 640, 641, 642, 643, 644, 645, 646, 647, 648, 649, 650, 651, 652, 653, 654, 655, 656, 657, 658, 659, 660, 661, 662, 663, 664, 665, 666, 667, 668, 669, 670, 671, 672, 673, 674, 675, 676, 677, 678, 679, 680, 681, 682, 683, 684, 685, 686, 687, 688, 689, 690, 691, 692, 693, 694, 695, 696, 697, 698, 699, 700, 701, 702, 703, 704, 705, 706, 707, 708, 709, 710, 711, 712, 713, 714, 715, 716, 717, 718, 719, 720, 721, 722, 723, 724, 725, 726, 727, 728, 729, 730, 731, 732, 733, 734, 735, 736, 737, 738, 739, 740, 741, 742, 743, 744, 745, 746, 747, 748, 749, 750, 751, 752, 753, 754, 755, 756, 757, 758, 759, 760, 761, 762, 763, 764, 765, 766, 767, 768, 769, 770, 771, 772, 773, 774, 775, 776, 777, 778, 779, 780, 781, 782, 783, 784, 785, 786, 787, 788, 789, 790, 791, 792, 793, 794, 795, 796, 797, 798, 799, 800, 801, 802, 803, 804, 805, 806, 807, 808, 809, 810, 811, 812, 813, 814, 815, 816, 817, 818, 819, 820, 821, 822, 823, 824, 825, 826, 827, 828, 829, 830, 831, 832, 833, 834, 835, 836, 837, 838, 839, 840, 841, 842, 843, 844, 845, 846, 847, 848, 849, 850, 851, 852, 853, 854, 855, 856, 857, 858, 859, 860, 861, 862, 863, 864, 865, 866, 867, 868, 869, 870, 871, 872, 873, 874, 875, 876, 877, 878, 879, 880, 881, 882, 883, 884, 885, 886, 887, 888, 889, 890, 891, 892, 893, 894, 895, 896, 897, 898, 899, 900, 901, 902, 903, 904, 905, 906, 907, 908, 909, 910, 911, 912, 913, 914, 915, 916, 917, 918, 919, 920, 921, 922, 923, 924, 925, 926, 927, 928, 929, 930, 931, 932, 933, 934, 935, 936, 937, 938, 939, 940, 941, 942, 943, 944, 945, 946, 947, 948, 949, 950, 951, 952, 953, 954, 955, 956, 957, 958, 959, 960, 961, 962, 963, 964, 965, 966, 967, 968, 969, 970, 971, 972, 973, 974, 975, 976, 977, 978, 979, 980, 981, 982, 983, 984, 985, 986, 987, 988, 989, 990, 991, 992, 993, 994, 995, 996, 997, 998, 999, 1000, 1001, 1002, 1003, 1004, 1005, 1006, 1007, 1008, 1009, 1010, 1011, 1012, 1013, 1014, 1015, 1016, 1017, 1018, 1019, 1020, 1021, 1022, 1023, 1024, 1025, 1026, 1027, 1028, 1029, 1030, 1031, 1032, 1033, 1034, 1035, 1036, 1037, 1038, 1039, 1040, 1041, 1042, 1043, 1044, 1045, 1046, 1047, 1048, 1049, 1050, 1051, 1052, 1053, 1054, 1055, 1056, 1057, 1058, 1059, 1060, 1061, 1062, 1063, 1064, 1065, 1066, 1067, 1068, 1069, 1070, 1071, 1072, 1073, 1074, 1075, 1076, 1077, 1078, 1079, 1080, 1081, 1082, 1083, 1084, 1085, 1086, 1087, 1088, 1089, 1090, 1091, 1092, 1093, 1094, 1095, 1096, 1097, 1098, 1099, 1100, 1101, 1102, 1103, 1104, 1105, 1106, 1107, 1108, 1109, 1110, 1111, 1112, 1113, 1114, 1115, 1116, 1117, 1118, 1119, 1120, 1121, 1122, 1123, 1124, 1125, 1126, 1127, 1128, 1129, 1130, 1131, 1132, 1133, 1134, 1135, 1136, 1137, 1138, 1139, 1140, 1141, 1142, 1143, 1144, 1145, 1146, 1147, 1148, 1149, 1150, 1151, 1152, 1153, 1154, 1155, 1156, 1157, 1158, 1159, 1160, 1161, 1162, 1163, 1164, 1165, 1166, 1167, 1168, 1169, 1170, 1171, 1172, 1173, 1174, 1175, 1176, 1177, 1178, 1179, 1180, 1181, 1182, 1183, 1184, 1185, 1186, 1187, 1188, 1189, 1190, 1191, 1192, 1193, 1194, 1195, 1196, 1197, 1198, 1199, 1200, 1201, 1202, 1203, 1204, 1205, 1206, 1207, 1208, 1209, 1210, 1211, 1212, 1213, 1214, 1215, 1216, 1217, 1218, 1219, 1220, 1221, 1222, 1223, 1224, 1225, 1226, 1227, 1228, 1229, 1230, 1231, 1232, 1233, 1234, 1235, 1236, 1237, 1238, 1239, 1240, 1241, 1242, 1243, 1244, 1245, 1246, 1247, 1248, 1249, 1250, 1251, 1252, 1253, 1254, 1255, 1256, 1257, 1258, 1259, 1260, 1261, 1262, 1263, 1264, 1265, 1266, 1267, 1268, 1269, 1270, 1271, 1272, 1273, 1274, 1275, 1276, 1277, 1278, 1279, 1280, 1281, 1282, 1283, 1284, 1285, 1286, 1287, 1288, 1289, 1290, 1291, 1292, 1293, 1294, 1295, 1296, 1297, 1298, 1299, 1300, 1301, 1302, 1303, 1304, 1305, 1306, 1307, 1308, 1309, 1310, 1311, 1312, 1313, 1314, 1315, 1316, 1317, 1318, 1319, 1320, 1321, 1322, 1323, 1324, 1325, 1326, 1327, 1328, 1329, 1330, 1331, 1332, 1333, 1334, 1335, 1336, 1337, 1338, 1339, 1340, 1341, 1342, 1343, 1344, 1345, 1346, 1347, 1348, 1349, 1350, 1351, 1352, 1353, 1354, 1355, 1356, 1357, 1358, 1359, 1360, 1361, 1362, 1363, 1364, 1365, 1366, 1367, 1368, 1369, 1370, 1371, 1372, 1373, 1374, 1375, 1376, 1377, 1378, 1379, 1380, 1381, 1382, 1383, 1384, 1385, 1386, 1387, 1388, 1389, 1390, 1391, 1392, 1393, 1394, 1395, 1396, 1397, 1398, 1399, 1400, 1401, 1402, 1403, 1404, 1405, 1406, 1407, 1408, 1409, 1410, 1411, 1412, 1413, 1414, 1415, 1416, 1417, 1418, 1419, 1420, 1421, 1422, 1423, 1424, 1425, 1426, 1427, 1428, 1429, 1430, 1431, 1432, 1433, 1434, 1435, 1436, 1437, 1438, 1439, 1440, 1441, 1442, 1443, 1444, 1445, 1446, 1447, 1448, 1449, 1450, 1451, 1452, 1453, 1454, 1455, 1456, 1457, 1458, 1459, 1460, 1461, 1462, 1463, 1464, 1465, 1466, 1467, 1468, 1469, 1470, 1471, 1472, 1473, 1474, 1475, 1476, 1477, 1478, 1479, 1480, 1481, 1482, 1483, 1484, 1485, 1486, 1487, 1488, 1489, 1490, 1491, 1492, 1493, 1494, 1495, 1496, 1497, 1498, 1499, 1500, 1501, 1502, 1503, 1504, 1505, 1506, 1507, 1508, 1509, 1510, 1511, 1512, 1513, 1514, 1515, 1516, 1517, 1518, 1519, 1520, 1521, 1522, 1523, 1524, 1525, 1526, 1527, 1528, 1529, 1530, 1531, 1532, 1533, 1534, 1535, 1536, 1537, 1538, 1539, 1540, 1541, 1542, 1543, 1544, 1545, 1546, 1547, 1548, 1549, 1550, 1551, 1552, 1553, 1554, 1555, 1556, 1557, 1558, 1559, 1560, 1561, 1562, 1563, 1564, 1565, 1566, 1567, 1568, 1569, 1570, 1571, 1572, 1573, 1574, 1575, 1576, 1577, 1578, 1579, 1580, 1581, 1582, 1583, 1584, 1585, 1586, 1587, 1588, 1589, 1590, 1591, 1592, 1593, 1594, 1595, 1596, 1597, 1598, 1599, 1600, 1601, 1602, 1603, 1604, 1605, 1606, 1607, 1608, 1609, 1610, 1611, 1612, 1613, 1614, 1615, 1616, 1617, 1618, 1619, 1620, 1621, 1622, 1623, 1624, 1625, 1626, 1627, 1628, 1629, 1630, 1631, 1632, 1633, 1634, 1635, 1636, 1637, 1638, 1639, 1640, 1641, 1642, 1643, 1644, 1645, 1646, 1647, 1648, 1649, 1650, 1651, 1652, 1653, 1654, 1655, 1656, 1657, 1658, 1659, 1660, 1661, 1662, 1663, 1664, 1665, 1666, 1667, 1668, 1669, 1670, 1671, 1672, 1673, 1674, 1675, 1676, 1677, 1678, 1679, 1680, 1681, 1682, 1683, 1684, 1685, 1686, 1687, 1688, 1689, 1690, 1691, 1692, 1693, 1694, 1695, 1696, 1697, 1698, 1699, 1700, 1701, 1702, 1703, 1704, 1705, 1706, 1707, 1708, 1709, 1710, 1711, 1712, 1713, 1714, 1715, 1716, 1717, 1718, 1719, 1720, 1721, 1722, 1723, 1724, 1725, 1726, 1727, 1728, 1729, 1730, 1731, 1732, 1733, 1734, 1735, 1736, 1737, 1738, 1739, 1740, 1741, 1742, 1743, 1744, 1745, 1746, 1747, 1748, 1749, 1750, 1751, 1752, 1753, 1754, 1755, 1756, 1757, 1758, 1759, 1760, 1761, 1762, 1763, 1764, 1765, 1766, 1767, 1768, 1769, 1770, 1771, 1772, 1773, 1774, 1775, 1776, 1777, 1778, 1779, 1780, 1781, 1782, 1783, 1784, 1785, 1786, 1787, 1788, 1789, 1790, 1791, 1792, 1793, 1794, 1795, 1796, 1797, 1798, 1799, 1800, 1801, 1802, 1803, 1804, 1805, 1806, 1807, 1808, 1809, 1810, 1811, 1812, 1813, 1814, 1815, 1816, 1817, 1818, 1819, 1820, 1821, 1822, 1823, 1824, 1825, 1826, 1827, 1828, 1829, 1830, 1831, 1832, 1833, 1834, 1835, 1836, 1837, 1838, 1839, 1840, 1841, 1842, 1843, 1844, 1845, 1846, 1847, 1848, 1849, 1850, 1851, 1852, 1853, 1854, 1855, 1856, 1857, 1858, 1859, 1860, 1861, 1862, 1863, 1864, 1865, 1866, 1867, 1868, 1869, 1870, 1871, 1872, 1873, 1874, 1875, 1876, 1877, 1878, 1879, 1880, 1881, 1882, 1883, 1884, 1885, 1886, 1887, 1888, 1889, 1890, 1891, 1892, 1893, 1894, 1895, 1896, 1897, 1898, 1899, 1900, 1901, 1902, 1903, 1904, 1905, 1906, 1907, 1908, 1909, 1910, 1911, 1912, 1913, 1914, 1915, 1916, 1917, 1918, 1919, 1920, 1921, 1922, 1923, 1924, 1925, 1926, 1927, 1928, 1929, 1930, 1931, 1932, 1933, 1934, 1935, 1936, 1937, 1938, 1939, 1940, 1941, 1942, 1943, 1944, 1945, 1946, 1947, 1948, 1949, 1950, 1951, 1952, 1953, 1954, 1955, 1956, 1957, 1958, 1959, 1960, 1961, 1962, 1963, 1964, 1965, 1966, 1967, 1968, 1969, 1970, 1971, 1972, 1973, 1974, 1975, 1976, 1977, 1978, 1979, 1980, 1981, 1982, 1983, 1984, 1985, 1986, 1987, 1988, 1989, 1990, 1991, 1992, 1993, 1994, 1995, 1996, 1997, 1998, 1999, 2000, 2001, 2002, 2003, 2004, 2005, 2006, 2007, 2008, 2009, 2010, 2011, 2012, 2013, 2014, 2015, 2016, 2017, 2018, 2019, 2020, 2021, 2022, 2023, 2024, 2025, 2026, 2027, 2028, 2029, 2030, 2031, 2032, 2033, 2034, 2035, 2036, 2037, 2038, 2039, 2040, 2041, 2042, 2043, 2044, 2045, 2046, 2047, 2048, 2049, 2050, 2051, 2052, 2053, 2054, 2055, 2056, 2057, 2058, 2059, 2060, 2061, 2062, 2063, 2064, 2065, 2066, 2067, 2068, 2069, 2070, 2071, 2072, 2073, 2074, 2075, 2076, 2077, 2078, 2079, 2080, 2081, 2082, 2083, 2084, 2085, 2086, 2087, 2088, 2089, 2090, 2091, 2092, 2093, 2094, 2095, 2096, 2097, 2098, 2099, 2100, 2101, 2102, 2103, 2104, 2105, 2106, 2107, 2108, 2109, 2110, 2111, 2112, 2113, 2114, 2115, 2116, 2117, 2118, 2119, 2120, 2121, 2122, 2123, 2124, 2125, 2126, 2127, 2128, 2129, 2130, 2131, 2132, 2133, 2134, 2135, 2136, 2137, 2138, 2139, 2140, 2141, 2142, 2143, 2144, 2145, 2146, 2147, 2148, 2149, 2150, 2151, 2152, 2153, 2154, 2155, 2156, 2157, 2158, 2159, 2160, 2161, 2162, 2163, 2164, 2165, 2166, 2167, 2168, 2169, 2170, 2171, 2172,