# Kwadratury adaptacyjne Laboratorium 7

Jakub Ciszewski, Wiktor Smaga

3 czerwca 2024

#### Wstęp1

Celem ćwiczenia jest porównanie błędów generowanych przez kwadratury adaptacyjne - kwadratura adaptacyjna trapezów i kwadratura adaptacyjna Gaussa-Kronroda razem z kwadraturami wykorzystanymi w Laboratorium 6 - Simpsona, trapezów oraz środkowych prostokątów.

#### 2 Zadanie

#### Opis 2.1

Obliczono wartości całek

$$\int_0^1 \frac{4}{1+x^2} dx,$$
 (1)

$$\int_0^1 \sqrt{x} \log x dx \tag{2}$$

$$\int_{0}^{1} \sqrt{x} \log x dx$$

$$\int_{0}^{1} \left( \frac{1}{(x - 0.3)^{2} + 0.001} + \frac{1}{(x - 0.9)^{2} + 0.004} - 6 \right) dx$$
(2)

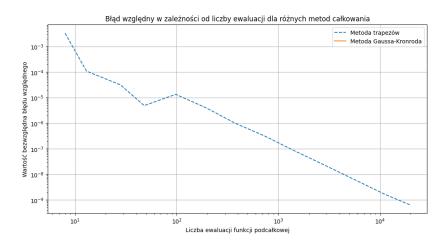
korzystając z

- kwadratur adaptacyjnych trapezów
- kwadratur adaptacyjnych Gaussa-Kronroda

oraz porównano wyniki z kwadraturami z poprzedniego laboratorium.

## 2.2 Porównanie kwadratur adaptacyjnych

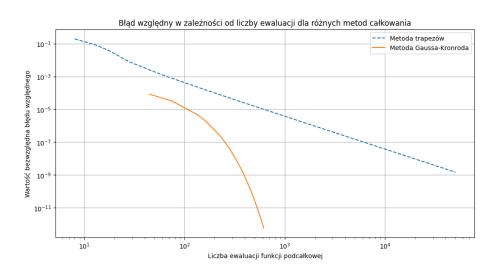
### 2.2.1 Całka (1)



Wykres 1: Błąd względny w zależności od liczby ewaluacji dla całki (1)

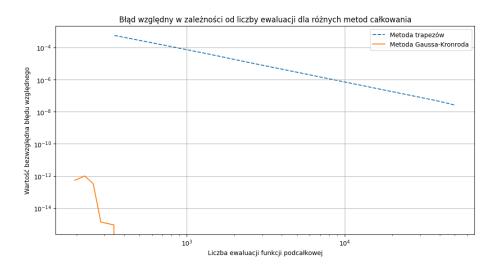
Na wykresie 1 możemy zauważyć, że metoda Gaussa-Kronroda dla całki (1) praktycznie nie generuję żadnego błędu, przez co przez użycie skali logarytmicznej nie widać wykresu tej metody.

### 2.2.2 Całka (2)



Wykres 2: Błąd względny w zależności od liczby ewaluacji dla całki (2)

### 2.2.3 Całka (3)

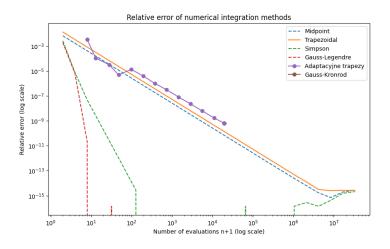


Wykres 3: Błąd względny w zależności od liczby ewaluacji dla całki (3)

Na wykresach 1,2,3 widać, że kwadratura Gaussa-Kronroda generuję o wiele mniejsze błędy od kwadratury adaptacyjnych trapezów.

## 2.3 Porównanie wszystkich kwadratur

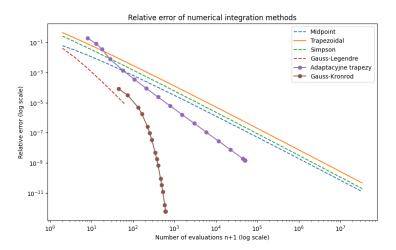
### 2.3.1 Całka (1)



Wykres 4: Błąd względny wszystkich kwadratur dla całki (1)

Pomimo podejścia adaptacyjnego kwadratura adaptacyjnych trapezów dała gorsze rezultaty niż kwadratura Simpsona, która nie stosuje podejścia adaptacyjnego.

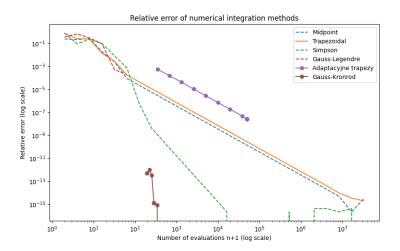
### 2.3.2 Całka (2)



Wykres 5: Błąd względny wszystkich kwadratur dla całki (2)

Dla większej liczby ewaluacji kwadratura adaptacyjnych trapezów zaczyna generować mniejsze błędy od kwadratur nieadaptacyjnych.

### 2.3.3 Całka (3)



Wykres 6: Błąd względny wszystkich kwadratur dla całki (3)

Kwadratura adaptacyjnych trapezów daje najgorsze rezultaty względem pozostałych metod dla całki (3).

# 3 Wnioski

- Kwadratura adaptacyjna Gaussa-Kronroda generuję najmniejsze błędy numeryczne spośród wszystkich testowanych podczas tego laboratorium.
- Kwadratura adaptacyjnych trapezów generuje większe błędy od metod nieadaptacyjnych dla bardziej złożonych funkcji.