

ShoppingTour

Einkaufsoptimierung informatiCup 2012 Aufgabe 1

Kai Fabian

Hasso-Plattner-Institut, IT-Systems Engineering, 3. Semester kai.fabian@student.hpi.uni-potsdam.de

Dominik Moritz

Hasso-Plattner-Institut, IT-Systems Engineering, 3. Semester dominik.moritz@student.hpi.uni-potsdam.de

Matthias Springer

Hasso-Plattner-Institut, IT-Systems Engineering, 3. Semester matthias.springer@student.hpi.uni-potsdam.de

Malte Swart

Hasso-Plattner-Institut, IT-Systems Engineering, 3. Semester malte.swart@student.hpi.uni-potsdam.de

15. Januar 2012

Inhaltsverzeichnis

1	Installation	;
	1.1 ShoppingTour	;
	1.2 Python 2.7	;
	1.3 PyQt 4.9	
	1.4 Clingo (part of Potassco)	
2	Ein NP-schweres Problem	
3	Pre- und Postprocessing	
	3.1 Preprocessing	
	3.2 Implementierung des Preprocessing	
	3.3 Postprocessing	
4	Optimierungsalgorithmen	
	4.1 ASP solver clingo	
	4.2 Genetischer Algorithmus	

1 Installation

Windows-Nutzer können weitgehende Installationsschritte durch die Verwendung unserer Windows One-Click Distribution in der beigelegten Datei shoppingtour-w32.zip vermeiden. Hierzu wird diese Datei in einen beliebigen Ordner entpackt und die enthaltene shoppingtour.exe-Datei ausgeführt.

Da dieses Projekt ausschließlich in der plattformunabhängigen Skriptsprache Python geschrieben wurde, ist eine Distribution auf fast alle Betriebssysteme möglich. Notwendige Voraussetzung hierfür ist jedoch, dass die im Projekt verwendeten notwendigen Bibliotheken für das Zielsystem verfügbar sind. Da dies meist nur für verbreitete Betriebssysteme der Fall ist, können wir eine Lauffähigkeit zum aktuellen Zeitpunkt nur für $Microsoft\ Windows\ (2000,\ XP,\ Vista,\ 7,\ 8\ Developer\ Preview),\ Apple\ Mac\ OS\ X\ (>=10.4)\ und\ Linux\ (Kernel\ 2.6/3.0,\ insbesondere\ Distributionen\ "Debian",\ "Ubuntu"\ und\ "Gentoo") garantieren.$

Im Folgenden werden die notwendigen Softwarepakete aufgeführt, die für die Verwendung von *ShoppingTour* erforderlich sind.

1.1 ShoppingTour

http://www.myhpi.de/~kai.fabian/shoppingtour/

ShoppingTour benötigt keine Installation und kann nach dem Entpacken in ein beliebiges Verzeichnis, welches das Ausführen von Anwendungen erlaubt, verwendet werden.

1.2 Python 2.7

http://www.python.org/

Als Interpreter für die verwendete Programmiersprache empfehlen wir die Referenzimplementierung *CPython* in der *Version 2.7*, wobei auch andere kompatible Python-Implementierungen verwendbar sein sollten, solange die weiteren Abhängigkeiten Kompatibilität zu diesen aufweisen.

Bezüglich der Python-Prozessorarchitekturen konnten die Intel 32-bit-Architektur (x86) sowie die AMD 64-bit-Architektur (x64) erfolgreich erprobt werden.

1.3 PyQt 4.9

http://www.riverbankcomputing.co.uk/software/pyqt/download

Das Benutzer-Interface verwendet Nokias Qt-Bibliothek. Die hierfür notwendigen Python-Bindungen werden durch Riverbank Computing Limited bereitgestellt. Für Windows existieren vorkompilierte Pakete, während Linux- und Mac-Nutzer die Bibliothek selbst kompilieren müssen, sofern nicht bereits vorgefertigte Pakete für das Betriebssystem existieren (bspw. das Paket py27-pyqt4 für Mac OS X unter Verwendung von Mac-Ports).

Anzumerken ist hierbei, dass zur Verwendung (und eventuellen manuellen Übersetzung) der PyQt-Bibliothek Nokias Qt-Bibliothek neben weiteren Abhängigkeiten (hierzu

sei an die Seiten des PyQt-Distributors verwiesen) auf dem System vorhanden sein müssen.

1.4 Clingo (part of Potassco)

http://potassco.sourceforge.net/

Das von der Universität Potsdam gepflegte Potassco-Projekt stellt Softwarewerkzeuge für ASP-Programmierung (Answer Set Programmung) bereit. *ShoppingTour* verwendet *Clingo*, welches die Verbindung von clasp, einem Lösungsproblem für logische Probleme, und Gringo, einem Konvertierer zur Erzeugung von variablen-freien logischen Problembeschreibungen, darstellt. Vorkompilierte Binärdateien für Windows, Mac OS/Darwin und Linux sind von der Anbieterseite ebenso zu erhalten wie der Software-Quellcode.

2 Ein NP-schweres Problem

Bei dem vorliegenden Problem handelt es sich um NP-schweres Problem. Das ist deshalb interessant, weil es somit nahezu ausgeschlossen ist, einen Algorithmus zu finden, der die optimale Lösung des Problems effizient (in polynomieller Zeit) berechnet. Durch polynomielle Reduktion des *Travelling Salesman Problems* (TSP) auf das vorliegende Problem kann die NP-Schwierigkeit gezeigt werden.

Beim TSP geht man von einem ungerichteten, gewichteten Graphen aus, wobei die Knoten des Graphen Städte und die Kanten des Graphen Verkehrswege zwischen den Städten repräsentieren. Das Gewicht einer Kante gibt Aufschluss 'ber die Länge des Weges zwischen zwei Städten. Nun soll eine Rundreise, also ein Pfad mit dem gleichen Start- und Endknoten, mit dem kleinstm^glichen Reiseweg gesucht werden, wobei alle St‰dte einmal besucht werden m¸ssen.

Das TSP lässt sich auf das Problem der Einkaufsplanung reduzieren, indem man den Graphen ohne Veränderung übernimmt¹. Wenn $S = \{s_1, s_2, \ldots\}$ die Menge der Städte ist, erzeugen wir für jede Stadt s_i einen Artikel a_i , den es nur in dieser Stadt zu kaufen gibt. F_sr die letzte Stadt s_n gibt es keinen Artikel, denn das soll unser Startund Endpunkt sein, an dem die Reise beginnt. Der Preis der Artikel spielt keine Rolle, solange er endlich ist, also setzen wir ihn einfach auf 0.

Jeder Artikel soll nun einmal eingekauft werden. Durch die Lösung des Einkaufsplanungsproblems erhalten wir eine optimale Lösung des TSP, denn es werden die Gesamtkosten minimiert, die in diesem Fall nur aus den Reisekosten bestehen. Die Reisekosten aber ist die Länge der Rundreise. Um jeden Artikel einzukaufen, muss des weiteren jede Stadt einmal besucht werden. Als Ergebnis erhalten wir u.a. die Reihenfolge, in der die Städte besucht werden sollen, was der Lösung des TSP entspricht. Die Transformation des Problems ist trivialerweise in polynomieller Zeit möglich, denn es muss lediglich für jede Stadt ein Artikel erstellt werden (linearer Zeitaufwand).

Um zu zeigen, dass es sich außerdem um ein NP-vollständiges Problem handelt, muss nachgewiesen werden, dass das Problem in der Menge NP enthalten ist. Es muss also

¹Einkaufsgeschäfte sind Städte.

gezeigt werden, dass eine Lösung in polynomieller Zeit verifiziert werden kann. An dieser Stelle soll nur das Entscheidungsproblem betrachtet werden: Gibt es eine Lösung des des Einkaufsplanungsproblems, deren Gesamtkosten unter dem Betrag n liegen? Eine mögliche Lösung kann durch Aufsummieren der Reisekosten zwischen den Einkaufsläden^2 und dem Addieren der Artikelpreise bei den entsprechenden Einkaufsläden in polynomieller Zeit³ verifiziert werden. Somit handelt es sich um ein NP-schweres Problem, das selbst in NP liegt, also folglich um ein NP-vollst%ondiges Problem.

3 Pre- und Postprocessing

Um die Implementierung unserer Algorithmen zu verbessern und den Zustandsraum zu verkleinern, wird vor der Ausführung ein Preprocessing-Schritt und nach der Ausführung ein Postprocessing-Schritt durchgeführt.

3.1 Preprocessing

Als Eingabe erhält das Programm u.a. eine Adjazenzmatrix eines gewichteten, ungerichteten Graphen, in dem die Geschäfte auf Knoten und die Wege zwischen den Geschäften auf Kanten abgebildet werden. Das Gewicht einer Kante ist der Abstand zwischen zwei Geschäften bzw. die Kosten, die bei der Fahrt entstehen. Es ist auch möglich, dass zwischen Geschäften gar keine Verbindung existiert, was entweder bedeutet, dass das Geschäft nur über ein anderes Geschäft erreichbar ist, oder dass der Graph nicht zusammenhängend ist.

Falls der Graph nicht zusammenhängend ist, können die Knoten, die nicht vom Startund Endknoten aus erreichbar sind, einfach verworfen werden. Diese sind dann nämlich nicht relevant für die Berechnung, weil sie in keiner validen Lösung auftauchen können. Sie würden den Suchraum nur unnötig vergrößern. Nicht erreichbare Knoten können mit einer Tiefensuche in linearer Zeit⁴ gefunden und gelöscht werden.

Die eigentlichen Algorithmen entscheiden nur, ob und in welcher Reihenfolge bestimmte Knoten angesteuert werden sollen. Es wird also nicht direkt betrachtet, welchen Preis die Einkaufsartikel haben. Die Lösung, die ein Algorithmus generiert, ist nur eine Liste mit den anzusteuernden Knoten. Welche Artikel bei welchem Geschäft gekauft werden, muss nicht gespeichert werden. Dazu geht man einfach alle Artikel durch ein wählt für jeden Artikel das Geschäft unter den besuchten Geschäften aus, das den Artikel zum niedrigsten Preis anbietet.

Eine solche Rundreise kann aber sehr groß sein, da es passieren kann, dass ein Geschäft mehrmals besucht werden muss⁵. Durch eine Optimierung im Preprocessing kann der

²Die Reisekosten ergeben sich aus den Kantengewichten.

³Wie man sich leicht überlegen kann, macht es keinen Sinn, eine Kante mehr als zweimal zu benutzen.

 $^{{}^4\}mathcal{O}(|V|+|E|)$, wobei |V| die Anzahl der Knoten und |E| die Anzahl der Kanten ist.

⁵Man denke z.B. an einen Fall, wo ein Geschäft A nur über ein einziges anderes Geschäft B erreichbar ist. Dann muss man dieses Geschäft B mindestens zweimal besuchen, einmal um zu A zu gelangen und einmal um A wieder zu verlassen. Analog lassen sich Fälle konstruieren, bei denen ein Geschäft beliebig oft besucht werden muss.

Suchraum aber stark verkleinert werden.

Dazu wird der Graph in einen vollständigen Graphen umgewandelt. Jeder Knoten ist dann von jedem anderen Knoten aus direkt erreichbar. Als Kantengewicht einer hinzugefügten Kante wählt man den minimalen Abstand zwischen den beiden betroffenen Knoten. In einem solchen Graphen muss kein Knoten mehr als einmal besucht werden. Um einen Artikel in einem bestimmten Geschäft zu kaufen, reicht es aus, den Knoten ein einziges Mal zu besuchen. Von diesem Knoten aus ist aber jeder andere Knoten direkt erreichbar. Man steuert nun also nur Geschäfte an, in denen man auch etwas kaufen will. Fälle, in denen man einen Knoten nur ansteuert, um einen anderen Knoten zu erreichen, gibt es nicht mehr.

Der Suchraum kann durch diese Optimierung verkleinert werden, da nur noch zyklenfreie Rundreisen⁶ betrachtet werden. Ein Algorithmus muss nur noch entscheiden, welche Geschäfte er überhaupt besuchen will und dann eine optimale TSP-Rundreise finden.

3.2 Implementierung des Preprocessing

Um den Graphen in einen vollständigen Graphen zu überführen, wird zunächst mit dem Floyd-Warshall Algorithmus der kürzeste Weg zwischen allen Paaren von Knoten berechnet⁷. Es wird sowohl die Länge als auch der eigentliche Weg gespeichert. Die Adjazenzmatrix des Graphen kann nun mit den berechneten Längen vervollständigt werden.

3.3 Postprocessing

Die generierte Lösung eines Algorithmus kann Kanten benutzen, die im vollständigen Graphen zwar enthalten sind, nicht aber im ursprünglichen Graphen. Solche Kanten müssen im Postprocessing identifiziert werden und durch den kürzesten Pfad zwischen den beiden betroffenen Knoten ersetzt werden. Das ist mit wenig Aufwand möglich, weil während der Berechnung der minimalen Pfade im Floyd-Warshall Algorithmus auch die Knoten, aus denen ein Pfad besteht, gespeichert wurden.

Die grafische Oberfläche zeigt Zwischenlösungen der Algorithmen an. Kanten, die nur im vollständigen Graphen existieren, nicht aber im originalen Graphen, sind gestrichelt eingezeichnet. Die endgültige Lösung enthält keine solchen Kanten mehr. Stattdessen kann es sein, dass Knoten dort mehrmals besucht werden.

4 Optimierungsalgorithmen

Nach dem Preprocessing wird auf die Daten ein Optimierungsalgorithmus angewendet, welcher iterativ bessere Lösungen findet und anschließend die beste gefundene präsentiert. Wir haben aus den Erfahrungen des letzten Informaticups und erneuten Analy-

⁶Eine Rundreise ist natürlich auch ein Zyklus, aber dieser Zyklus zählt hier nicht.

⁷Laufzeit $\mathcal{O}(|V|^3)$ bei |V| Geschäften.

sen verschiedene Algorithmen evaluiert. Um die Komplexität nicht unnötig zu steigern wollten wir uns auf maximal zwei Algorithmen beschränken. Um trotzdem ausrechend Flexibilität zu behalten sollten die Parameter der Algorithmen aber so weit wie möglich anpassbar sein. Da die Probleminstanzen im Allgemeinen eine geringe Größe (ca. 10 Läden und ebensoviele Produkte) und wir den Suchraum durch unser Preprocessing schon weit einschränken konnten, haben wir uns dazu entschieden auch die Möglichkeit zur Berechnung von Optimalen Lösungen zu geben.

Nachdem wir verschiedene Metaheurstiken wie Simulierte Abkühlung, Greedy-Suche und Tabusuche untersucht haben, haben wir uns dazu entschieden einen genetischen Algorithmus für die Lösung des Problems zu nutzen. Greedy-Suche hätte leicht in einem lokalen Minimum landen können, sodass dieser Algorithmus für uns ausschied. Simulierte Abkühlung hätte das Problem der lokalen Minima gelöst, aber die Performance von Genetischen Algorithmen ist im Allgemeinen höher. Die Tabusuche...

4.1 ASP solver clingo

4.2 Genetischer Algorithmus

Genetsiche Algorithmen lassen sich leicht auch das TSP-Problem anwenden und es wurde schon oft erläutert. Aus diesem Grund werden wir an dieser Stelle nicht weiter darauf eingehen, und verweisen für weitere Informationen auf http://www.lalena.com/AI/Tsp/ verweisen.