Pedro Pacheco Mendes Filho

Trabalho de Modelagem Computacional

Pedro Pacheco Mendes Filho

Trabalho de Modelagem Computacional

Esse trabalho foi criado como avaliador na obtenção de nota para a disciplina de Modelagem Computacional.

Universidade Federal do Oeste do Pará Instituto de Engenharia e Geociência Programa de Ciência e Tecnologia

Professora: Dra. Marciana Lima Góes

Santarém, Pará 2018

Pedro Pacheco Mendes Filho

Trabalho de Modelagem Computacional/ Pedro Pacheco Mendes Filho. — Santarém, Pará, 2018.

25 p.

Professora: Dra. Marciana Lima Góes

Trabalho Acadêmico – Universidade Federal do Oeste do Pará Instituto de Engenharia e Geociência Programa de Ciência e Tecnologia, 2018.

Resumo

Esse trabalho tem como objetivo demonstrar o uso de métodos iterativos, no caso, de Gauss-Jacobi e Gauss-Seidel, para a resolução de sistemas lineares propostos e relacionando a problemas comuns, para fins de demonstrar suas diferenças enquanto desempenho e precisão. Além disso, mostrar como a Modelagem Computacional é um ótimo recurso para resolução de problemas de cálculo como operações matriciais, sistemas, somatória e equações lineares.

Palavras-chave: Gauss-Jacobi. Gauss-Seidel. Métodos Iterativos. Sistemas Lineares. Modelagem Computacional.

Sumário

	Introdução
1	MÉTODO ITERATIVOS PARA SISTEMAS LINEARES
1.1	Critérios de Covergência:
1.2	Valores Iniciais
1.3	Critério de Parada 10
1.4	Algoritmo de Gauss-Jacob
1.5	Algoritmo Completo
1.6	Algoritmo de Gauss-Jacob
2	RESOLUÇÃO DE PROBLEMAS
2.1	Transferência de calor em uma placa
2.2	Vitaminas equilibradas diariamente
3	CONCLUSÃO

Introdução

A resolução de sistemas lineares é muito importante para a resolução de problemas reais, para isso usamos a solução numérica com auxílio computacional para resolver e solucionar problemas de maneira rápida e precisa. O sistema linear é descrito por m equações com n incógnitas x_i como em: $a_{i1}x_1 + a_{i2}x_2 + ... + a_{in}x_n = b_i$, e é usualmente representado na forma matricial Ax = b, que facilita a visualização computacional.

Os métodos iterativos usados para achar o valor aproximado, partem de um valor inicial e calculando a discretização numérica se aproximando cada vez do resultado, até o erro ser inferior à tolerância, significando assim a convergência do método; ou quando o número de iterações exceder o limite definido, portanto, não convergindo a um resultado. É possível encontrar um resultado tão aproximado quanto queira, mas a baixa tolerância pode significar um número de iterações muito grande e talvez desnecessário.

O método de Gauss-Jacob e de Gauss-Seidel usados na resolução dos problemas necessitam de alguns parâmetros, são eles, o sistema linear, o chute inicial, a tolerância desejada e também o limite de iterações.

Será apresentado o algoritmo desenvolvido em Python, tanto para o teste de critérios de convergência: critério de linha, diagonal dominante e critério de Sassenfeld; e também a resolução do métodos numéricos.

Os resultados serão demonstrados aos seus respectivos métodos, será também apresentado algumas iterações, o gráfico de rapidez de convergência e os parâmetros usados na resolução. E haverá comparativos dos dois métodos usados e qual foi o melhor em termo de rapidez de convergência e precisão.

1 Método Iterativos para Sistemas Lineares

O **método iterativo**s permite obter-se uma solução única para um sistema $Ax = b, A = (a_{ij})$ com i, j = 1, ..., n e $det(A) \neq 0$. É denominado iterativo porque fornece uma sequência de raízes aproximadas obtidas através dos resultados anteriores. A construção do método é descrito como a transformação do sistema Ax = b para forma x = Cx + d, que a partir dela, lança-se um valor inicial para o sistema, para encontrar a primeira solução aproximada. Antes que os métodos sejam executados, os **critérios de convergência** precisam ser testados no sistema, para isso, apresenta primeiramente um tratamento, que é a divisão de cada equação pela sua diagonal, para facilitar o algoritmo na verificação do critério e para fins de analise. O tratamento no Python fica:

```
1 for i in range(m):
2  b[i] = b[i]/A[i,i]
3  A[i] = A[i]/A[i,i]
```

Nos problemas, todos os critérios são testados respectivamente como condição para execução do método, se um desses critérios forem atendido o método é executado. Se nenhum deles retornar um valor verdadeiro, o algoritmo cessará pois não irá convergir.

1.1 Critérios de Covergência:

Os critérios de convergência que envolve o método iterativo de sistemas lineares, são esses:

+

a) Critério de Linha:

$$\max_{1 \le i \le n} = \sum_{\substack{i=1 \ i \ne i}}^{n} |a_{ij}^*| < 1$$

Em Python,

```
max_somatoria = 0
for i in range(m):
    somatoria = 0
for j in range(n):
    somatoria += abs(A[i,j])

if(somatoria > max_somatoria):
    max_somatoria = somatoria

if(max_somatoria < 2):
    print("Criterio de Linha foi Atendido!")</pre>
```

```
12 return True
```

b) Se a matriz for diagonal dominante.

Em Python,

```
diagonais = 0
for i in range(m):
   if(A[i,i] > A[:,i].sum()-A[i,i] and A[i,i] > A[i,:].sum()-A[i,i]):
      diagonais +=1

if diagonais == n:
   print('Criterio da Diagonal Dominante Atendido!')
   return True
```

c) Critério de Sassenfeld:

$$\max_{1 \le i \le n} \beta_i < 1$$

, onde

$$\beta_i = \sum_{j=1}^{i-1} |a_{ij}^*| \beta_j + \sum_{j=i+1}^n |a_{ij}^*|$$

Em Python,

```
max_sassenfeld = 0
2 \text{ bj} = [0]
3 for i in range(m):
    bi = 0
     if i > 0:
5
       for j in range (m-1):
         bi += abs(A[i,j]) * bj[j]
8
9
    for j in range (i + 1, n):
       bi += abs(A[i,j])
10
11
    bj.append(bi)
12
13
     if (bi > max_sassenfeld):
14
       max\_sassenfeld = bi
15
16
  if (\max_{sassenfeld} < 1):
     print('Criterio de Sassenfeld foi Atentido!')
18
    return True
```

1.2. Valores Iniciais 9

1.2 Valores Iniciais

Primeiramente, para a execução de um sistema pelo método, é necessário definir os valores iniciais para aquele específico problema. São parâmetros como as funções do sistema, chute inicial, tolerância, limite de iterações e número de variáveis.

Esses parâmetros tem como características:

+

a) Funções do sistema:

As funções são colocadas em forma de matriz para que analise e resolva de forma rápida através de operações matriciais:

$$\begin{vmatrix}
A = a_{1A}x + a_{2A}y \\
B = a_{1B}x + a_{2B}y
\end{vmatrix} \rightarrow
\begin{vmatrix}
a_{1A} & a_{2A} \\
a_{1B} & a_{2B}
\end{vmatrix} \cdot
\begin{vmatrix}
x \\
y
\end{vmatrix} =
\begin{vmatrix}
A \\
B
\end{vmatrix}$$

$$Ax = b$$

No algoritmo, elas são definidas e armazenadas em variáveis como:

$$A \to \begin{bmatrix} a_{1A} & a_{2A} \\ a_{1B} & a_{2B} \end{bmatrix} \qquad b \to \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix}$$

Em exemplo, ele se apresenta dessa forma:

$$A \to \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 5 & 6 \\ 2 & 3 & 4 \end{bmatrix} \qquad b \to \begin{bmatrix} 23, 5 \\ 50 \\ 36 \end{bmatrix}$$

Agora no Python,

```
1 A = numpy.array([[1,2,3],
2 [2,5,6],
3 [2,3,4]], dtype=float)
4 b = [23.5,50,36]
```

A bibilioteca *numpy* servirá para auxiliar nas operações matriciais.

b) Chute Inicial

Em valores iniciais você define os valores b para cada equação do sistema. No caso, esses valores vem de analise previamente feitas do sistema. O chute inicial vai ser determinante para definir a quantidade de iterações necessárias para que se encontre o valor aproximado, de acordo com a tolerância definida, de cada raiz.

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

E no Python,

$$chute_inicial = [0,0,0]$$

c) Tolerância:

A tolerância é o valor menor valor de aproximação da raiz aceito pelo algoritmo. Quanto menor o valor, maior será a precisão do método, porém, aumentará também o número de iterações. Nos problemas, definimos como padrão a tolerância de 1×10^{-3} . No python, fica:

```
tolerancia= 1E-3
```

d) Limite de iterações:

O limite de iterações é necessário para o caso de houver erros programas e levar ao programa executar inúmeras iterações e entrando em um *loop infinito*, fazendo o código executar cálculos desnecessário e ocupando muita memória. Definimos por padrão, o número limite de iterações como 1×10^3 . No Python, fica:

```
1 	 iterMax = 1E3
```

e) Números de Variáveis:

No caso do número de variáveis é necessário para alguns cálculos. No caso, fazemos com que Python detecte de forma automática o tamanho da primeira linha da matriz A, e defina como número de coeficientes, logo, também o número de variáveis. No algoritmo, fica:

$$coef = A[0,:].size$$

1.3 Critério de Parada

a) Os critérios de parada são usados para fim de não manter o algoritmo rodando quando o resultado já é o bastante preciso e quando, por algum motivo, não alcançar a convergência. Há dois critérios que encerrara a execução do método, são eles:

Máxima Iterações:

Será quando o limite de iterações forem atingidas, que poderá ser o caso de não convergência (serve para não sobrecarregar o computador quando não houver convergência).

Critério de distância:

Critério de distância avalia a precisão que o algoritmo chegou a partir do módulo da diferença da iteração atual e da anterior se o valor, porém o erro de cada variável do sistema tem que estar abaixo da tolerância para ser satisfeito:

$$d^{(k)} = \max_{1 \le i \le n} |x_i^{(k)} - x_i^{(k-1)}| < \varepsilon_1$$

Então a condicional para execução do loop iterativo do método, se torna em Python:

```
iterAtual = 0 #Zerando as Iteracoes
erro = 2  #Erro Inicial
while(k < iterMax and erro >= tol):
###Execucao do metodo
```

Enquanto, que o condicional presente dentro de while resultar verdadeiro (True), o método iterativo irá executar.

Obs: A variável 'erro' é definido 2 apenas para fim que o condicional da iteração inicial resulte em verdadeiro, se não fosse definido, o método nunca iria executar.

1.4 Algoritmo de Gauss-Jacob

O método, de forma geral, consiste em dado x_0 , aproximação inicial, obter aproximações através da relação recursiva $x(k+1) = Cx^k + d$.

Para i = 1, 2, ..., n, podemos reescrever o sistema na (2.2) seguinte forma:

$$x_i = \frac{b_i - \sum_{j=1, j \neq i}^n a_{ij} x_j}{a_{ii}}, i = 1, 2, ..., n.$$

até que o critério de parada seja satisfeito.

Agora, com todas as variáveis definidas, definiremos o método iterativo usado. Todos os valores entram no algoritmo do método e são executadas até que ache os valores

das raízes, ou seja, a convergência. O algoritmo é auto-regulável, então, executará sistemas bidimensionais de tamanhos totalmente distintos. Seu desenvolvimento foi feito em Python, como apresentado logo abaixo:

```
while (k < iterMax and erro >= tol):
    erro = 0
                #Redefine o erro para iteracao atual
3
    xant = x.copy() #Copia os valores de 'x' antigos
4
5
    for i in range(n):
6
7
      soma = 0 #Redefine a somatoria para Iteracao atual
      for j in range(n):
8
        if (j != i):
9
          soma = soma + float(A[i,j])*xant[j] #Metodo de Gauss-Jabob
10
      x[i] = (b[i] - soma)/float(A[i,i]) #Metodo de G-Jacob(se j = i)
11
      if (abs(x[i]-xant[i])>erro): #Acha o Maximo erro das raizes
12
        erro = abs(x[i] - xant[i])
13
    k +=1 #Incremento da Iteracao
14
```

1.5 Algoritmo Completo

Apresentado abaixo o algoritmo completo om todas as definições e algumas f erramentas para analise como o *matplotlib*(para plotagem de gráfico).

```
1 \# -*- coding: utf-8 -*-
3 Metodo = Metodo iterativo de Gauss Jacobi
  Professora = Marciana Lima Goes
6 import numpy as np
  import matplotlib.pyplot as plt
  def jacobi(n, A, b, iterMax, tol, x):
9
10
11
       aray.append(x.copy())
12
       print(x)
13
      k = 0
14
       erro = 2
15
16
       while (k < iterMax and erro >= tol):
17
18
19
           erro = 0
20
           xant = x.copy()
21
22
```

```
for i in range(n):
23
                soma = 0
24
                for j in range(n):
25
                    if (j != i):
26
                        soma = soma + float(A[i,j]) * xant[j]
27
28
                x[i] = (b[i] - soma)/float(A[i,i])
                if(abs(x[i]-xant[i])>erro):
29
                    erro = abs(x[i] - xant[i])
30
           k +=1
32
           aray.append(x.copy())
33
34
35
       if(erro < tol):
36
           print('iteracoes = ', k)
37
           print('erro = ', erro)
38
           print("x = ", x)
39
           sist_array = np.array(aray, dtype=float)
40
           return k, sist_array
41
42
       else:
43
           print('Nao houve convergencia')
44
           return 0, 0
46
47
48
49
  def crit_convergencia(n,m):
50
51
52
      #Simplificando o sistema
53
       for i in range(m):
           b[i] = b[i]/A[i,i]
54
           A[i] = A[i]/A[i,i]
55
56
57
  ########Criterio de Linha
58
       max\_somatoria = 0
59
       for i in range (m):
60
           somatoria = 0
61
           for j in range(n):
62
                somatoria += abs(A[i,j])
63
64
           if (somatoria > max_somatoria): max_somatoria = somatoria
65
66
       if (\max_{\text{somatoria}} < 2):
67
           print("Criterio de Linha foi Aprovado!")
68
           return True
69
```

```
70
   ########Criterio de Diagonal dominante
71
        diagonais = 0
72
73
        for i in range(m):
             if(A[i,i]>A[:,i].sum()-A[i,i] and A[i,i]>A[i,:].sum()-A[i,i]):
74
75
                 diagonais +=1
76
        if diagonais == n:
            print('Criterio da Diagonal Dominante Aprovado!')
77
      return True
78
79
   ########Criterio de Sassenfeld
80
        max\_sassenfeld = 0
81
        bj = [0]
82
        for i in range (m):
83
            bi = 0
84
            if i > 0:
                 for j in range (m-1):
86
87
                      bi += abs(A[i,j]) * bj[j]
88
89
            for j in range (i + 1, n):
90
                 bi += abs(A[i,j])
91
92
            bj.append(bi)
93
94
            if (bi > max_sassenfeld):
95
                 \max sassenfeld = bi
96
97
        if ( max sassenfeld < 1):</pre>
98
             print('Criterio de Sassenfeld foi Aprovado!')
99
100
            return True
        print("Nenhum criterio foi atendido!")
101
102
103 A = np.array([[1,2,3],
104
                   [2,5,6],
                   [2,3,4], dtype=float)
105
106
107
the chute_inicial = [0,0,0]
109 b = [23.5, 50, 36]
110 \text{ aray} = []
111 \text{ iterMax} = 1000
112 \text{ tol} = 1E-3
113 n = A[0, :]. size
114 \text{ m} = A[:, 0]. \text{ size}
115
116 ### Plotagem do Grafico e Execucao do Codigo
```

```
if (crit_convergencia(n,m)):
        total_iter, sstm = jacobi(n,A,b,iterMax,tol,chute_inicial)
118
119
        for i in range(n):
120
            plt.plot(range(tot_iter+1), sstm[:,i], '-o', label='X{}'.format(i+1))
121
        plt.xlabel("Iteracoes")
122
        plt.ylabel("Aproximacao")
123
        plt.title("Gauss Jacob")
124
        {\tt plt.grid}\,(\,{\tt True}\,,\ {\tt linestyle='-.'}\,)
125
        plt.legend()
126
        plt.savefig("gaus.png")
127
```

1.6 Algoritmo de Gauss-Jacob

2 Resolução de Problemas

Resolveremos problemas do cotiano para testar a veracidade do método, desempenho e precisão. Os parâmetros de entrada do problema serão:

$$A = a_{1A}x + a_{2A}y B = a_{1B}x + a_{2B}y$$
 $\rightarrow \begin{bmatrix} a_{1A} & a_{2A} \\ a_{1B} & a_{2B} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix}$

$$A \to \begin{bmatrix} a_{1A} & a_{2A} \\ a_{1B} & a_{2B} \end{bmatrix} \qquad b \to \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix}$$

+

a) Matriz de A:

A matriz dos coeficientes das variáveis:

$$A \to \begin{bmatrix} a_{1A} & a_{2A} \\ a_{1B} & a_{2B} \end{bmatrix}$$

b) Matriz de b:

$$b \to \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix}$$

c) Chute Inicial: $x_1, x_2, x_3, ..., x_n = 0$

d) Tolerância: 1×10^{-3}

e) Iterações Máxima: 1×10^3

E como resultado terá valores como:

+

a) Critério de Convergência:

Em qual critério o sistema passou.

b) Número de Iterações:

Quantas iterações para achar o resultado com a tolerância desejada.

c) Primeiras Iterações:

O resultado das 3 primeiras iterações.

d) Resultado Obtido:

Resultado obtido pelo método com a tolerância desejada.

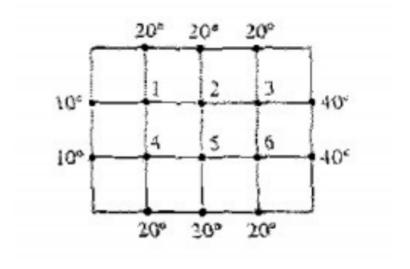
e) Gráfico de Convergência: É o gráfico que demonstra qual a rapidez que o método convergiu para o resultado.

2.1 Transferência de calor em uma placa

Uma consideração importante no estudo da transferência de calor é a de se determinar a distribuição de temperatura assintótica de uma placa fina quando a temperatura em seu bordo é conhecida. Suponha que a placa represente uma seção transversal de uma barra de metal, com fluxo de calor desprezível na direção perpendicular à placa. Sejam $T_1, ..., T_6$ as temperaturas em seis vértices interiores do reticulado da figura. A temperatura num vértice é aproximadamente igual à média dos quatro vértices vizinhos mais próximos - à esquerda, acima, à direita, e abaixo. Por exemplo,

$$T_1 = \frac{(10 + 20 + T_2 + T_4)}{4}$$
, ou $4T_1 - T_2 - T_4 = 30$

Escreva um sistema de seis equações cuja solução fornece estimativas para as temperaturas $T_1,...,T_6$.



Resolução:

A solução desse problema primeiramente devemos encontrar o sistema. O próprio problema da um exemplo para seguir, então foi feito como demonstrado a definição do problema

abaixo:

$$\begin{cases}
-4T_1 + T_2 + T_4 = -30 \\
T_1 - 4T_2 + T_3 + T_5 = -20 \\
T_2 - 4T_3 + T_6 = -60 \\
T - 1 - 4T_4 + T_5 = -30 \\
T_2 + T_4 - 4T_5 + T_6 = -20 \\
T_3 + T_5 - 4T_6 = -60
\end{cases}$$

criando agora as matrizes A e b:

$$A \rightarrow \begin{bmatrix} -4 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & -4 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -4 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & -4 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & -4 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & -4 \end{bmatrix} \qquad b \rightarrow \begin{bmatrix} -30 \\ -20 \\ -60 \\ -30 \\ -20 \\ 60 \end{bmatrix}$$

Colocando-a no algoritmo ela retornará os resultados:

+

- a) Critério de Convergência: Critério de linha.
- b) Número de Iterações: 20.
- c) **Precisão:** $7,14 \times 10^{-3}$
- d) Primeiras Iterações:

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \rightarrow_{1} \begin{bmatrix} 7,5 \\ 5 \\ 15 \\ 7,5 \\ 5 \\ 0 \end{bmatrix} \rightarrow_{2} \begin{bmatrix} 10,625 \\ 11,875 \\ 20 \\ 10,625 \\ 11,875 \\ 20 \end{bmatrix} \rightarrow_{3} \begin{bmatrix} 13,125 \\ 15,625 \\ 22,96875 \\ 13,125 \\ 15,625 \\ 22,96875 \end{bmatrix}$$

e) Resultado Obtido:

[17, 142]

21,427

27, 142 17, 142

21,427

 $\lfloor 27, 142 \rfloor$

f) Gráfico de Convergência:

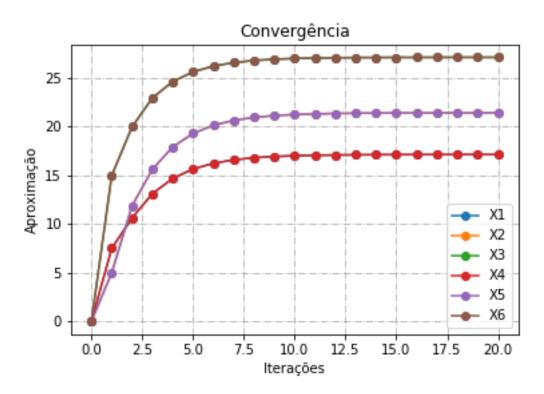


Gráfico de convergência de Gauss Jacob no sistema da placa transversal

2.2 Vitaminas equilibradas diariamente

Sabe-se que uma alimentação diária equilibrada em vitaminas deve constar de 170 unidades de vitamina A, 180 unidades de vitamina C, 140 unidades de vitamina C, 180 unidades de vitamina D e 350 unidades de vitamina E.

Com o objetivo de de descobrir como deverá ser uma refeição equilibrada, foram estudados cinco alimentos. Fixada na mesma quantidade (1g) de cada alimento, determinou-se:

- 1. O alimento I tem 1 de unidade de vitamina A, 10 unidades de vitamina B, 1 unidade de vitamina C, 2 unidades de vitamina D e 2 unidades de vitamina E.
- 2. O alimento II tem 9 unidades de vitamina A, 1 unidade de vitamina B, 0 unidade de vitamina C, 1 unidade de vitamina D e 1 unidade de vitamina E.
- 3. O alimento III tem 2 unidades de A, 2 unidades de B, 5 unidades de C, 1 unidade de D e 2 unidades de E.
- 4. O alimento IV tem 1 unidade de A, 1 unidade de B, 1 unidade de C, 2 unidades de D e 13 unidades de E.

5. O alimento V tem 1 unidade de A, 1 unidade de B, 1 unidade de C, 9 unidades de D e 2 unidades de E.

Quantos gramas de cada um dos alimentos I, II, III, IV e V devemos ingerir diariamente para que nossa alimentação seja equilibrada?

Resolução:

A solução desse problema primeiramente devemos encontrar o sistema. O sistema encontrado a partir da analise do problema foi esse:

$$\begin{cases} 1I + 9II + 2III + IV + V = 170 \\ 10I + II + 2III + IV + V = 180 \\ 1I + 0II + 5III + IV + V = 140 \\ 2I + II + III + 2IV + 9V = 180 \\ 2I + II + 2III + 13IV + 2V = 350 \end{cases}$$

criando agora as matrizes A e b, já ajustadas, de modo de tentar a diagonal dominante, apenas trocando as posições da equações:

$$A \rightarrow \begin{bmatrix} 10 & 1 & 2 & 1 & 1 \\ 1 & 9 & 2 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 5 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 2 & 13 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & 2 & 9 \end{bmatrix} \qquad b \rightarrow \begin{bmatrix} 180 \\ 170 \\ 140 \\ 350 \\ 180 \end{bmatrix}$$

Colocando-a no algoritmo ela retornará os resultados:

+

- a) Critério de Convergência: Critério de linha.
- b) Número de Iterações: 20.
- c) **Precisão:** $6,05 \times 10^{-4}$
- d) Primeiras Iterações:

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 18 \\ 18,888 \\ 28 \\ 26,923 \\ 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 5,818 \\ 5,452 \\ 15,015 \\ 15,316 \\ 4,807 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 12,439 \\ 12,669 \\ 22,811 \\ 22,558 \\ 13,029 \end{bmatrix}$$

e) Resultado Obtido:

f) Gráfico de Convergência:

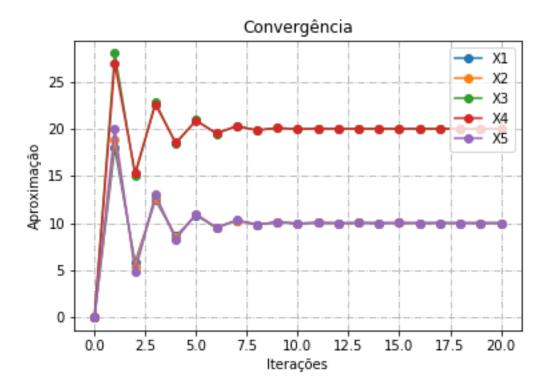


Gráfico de convergência de Gauss Jacob no sistema da vitaminas diárias

3 Conclusão

O método numérico de Gauss-Jacob é preciso e rápido para resolver sistemas, porém e limitado em questão de abrangência de sistema, pois, somente convergem sistemas se, e somente se, passar pelos seus *Critérios de Convergência*. Por isso, não poderá ser usado para resolução para qualquer problema. A convergência de sistemas é rápida, por isso, é usual tratando sistemas grandes, pois pelo método convencional é inviável resolver número grande de equações e variáveis, ae que torna o método eficaz. Há também a possibilidade de paralelização de seu algoritmo, o que aumenta mais ainda a rapidez do código.