Типовик по линейной алгебре модуль 1: Задание 4 «Аналитическая геометрия на плоскости»

Латыпов Владимир Витальевич, ИТМО КТ М3138, **Вариант 12**

25 сентября 2021 г.

Содержание

1	Формулировка условия	3
2	Переформулировка	3
3	Нахождение множества точек, отстоящего на нужное расстояние от прямой	3
4	Нахождение ответа	3
5	Построение рисунка	4

1. Формулировка условия

Утверждение 1. Условие таково:

12. На прямой x - 3y + 13 = 0 найти точки, отстоящие от прямой x + 2y + 3 = 0 на расстоянии $\sqrt{5}$. Сделать рисунок.

2. Переформулировка

Вспомним, что расстояние от точки p до прямой L:

$$\rho(p,L) = \frac{|L_A p_x + L_B P_y + P_c|}{\sqrt{L_A^2 + L_B^2}} \tag{1}$$

Нам нужно найти точки прямой x-3y+13=0 такие, чтобы $\rho(p,x+1)$ 2y + 3 = 0) было равно $\sqrt{5}$.

3. Нахождение множества точек, отстоящего на нужное расстояние от прямой

$$\frac{|1p_x + 2p_y + 3|}{\sqrt{1^2 + 2^2}} = \sqrt{5} \tag{2}$$

$$\frac{|p_x + 2p_y + 3|}{\sqrt{5}} = \sqrt{5} \tag{3}$$

$$|p_x + 2p_y + 3| = 5 (4)$$

$$\begin{bmatrix} p_x + 2p_y + 3 = 5 \\ p_x + 2p_y + 3 = -5 \\ p_x + 2p_y - 2 = 0 \\ p_x + 2p_y + 8 = 0 \end{bmatrix}$$
 (5)

$$\begin{cases}
p_x + 2p_y - 2 = 0 \\
p_x + 2p_y + 8 = 0
\end{cases}$$
(6)

4. Нахождение ответа

Расссмотрим персечения одной из этий прямых и исходной, то есть x - 3y + 13 = 0 (ведь рассматриваемые точки лежат лишь на ней).

$$\begin{cases} x + 2y - 2 = 0 \\ x - 3y + 13 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + 2y + 8 = 0 \\ x - 3y + 13 = 0 \end{cases}$$
(7)

$$\begin{cases}
5y - 15 = 0 \Leftrightarrow y = 3 \\
x - 3y + 13 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
5y - 5 = 0 \Leftrightarrow y = 1 \\
x - 3y + 13 = 0
\end{cases}$$
(8)

$$\begin{cases} x + 2y - 2 = 0 \\ x - 3y + 13 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + 2y + 8 = 0 \\ x - 3y + 13 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5y - 15 = 0 \Leftrightarrow y = 3 \\ x - 3y + 13 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5y - 5 = 0 \Leftrightarrow y = 1 \\ x - 3y + 13 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 3 \\ x - 9 + 13 = 0 \Leftrightarrow x = -4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 1 \\ x - 3 + 13 = 0 \Leftrightarrow x = -10 \end{cases}$$

$$(9)$$

То есть в ответе точки:

- (-4,3)
- $\cdot (-10, 1)$

5. Построение рисунка

Нарисуем рисунок

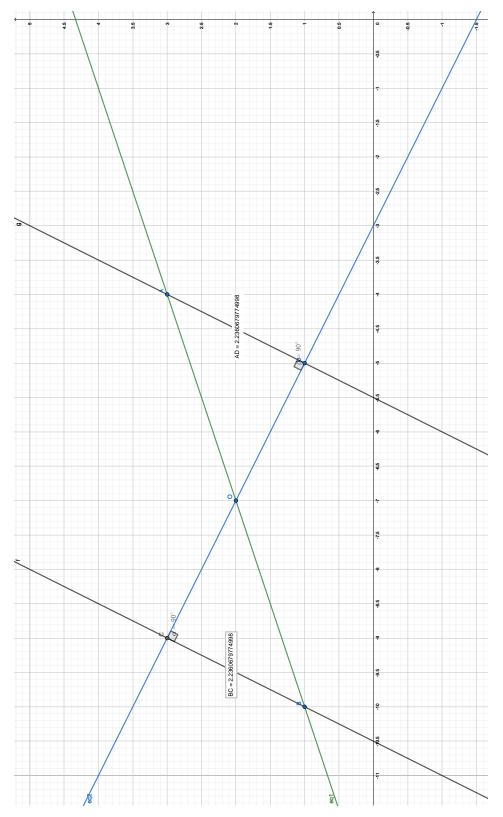


Рис. 1: Чертёж