Линейная Алгебра. Заметки по практике

Латыпов Владимир

16 октября 2021 г.

Содержание

1	Занятие 1	3
2	Занятие 2 (начало долбёжки с векторами)	3
3	Занятие номер 3 (долбёжка с векторами)	3
4	Заняние номер 4 (продолжение долбёжки с векторами)	4
5	Заняние номер 5 (конец долбёжки с векторами)	4

1. Занятие 1

2. Занятие 2 (начало долбёжки с векторами)

Направляющие косинусы = орт - отношения координат к длине, то есть длина орта = 1

Можно ли составить вектор с заданными координатами? Смотрим, верно ли, что $\cos \alpha^2 + \cos \beta^2 + \cos \gamma^2$

Чтобы построить биссектриссу нужной длины делаем оба вектора равной длины и

Как найти координаты вектора в базисе? Просто решить систему уравнений

$$\vec{v} = c_1 \times v\vec{b}_1 + c_2 \times v\vec{b}_2 + c_2 \times v\vec{b}_2 =$$

$$c_1 \times \begin{pmatrix} vb_{1_x} \\ vb_{2_y} \\ vb_{3_z} \end{pmatrix} + c_2 \times \begin{pmatrix} vb_{2_x} \\ vb_{2_y} \\ vb_{2_z} \end{pmatrix} + c_3 \times \begin{pmatrix} vb_{3_x} \\ vb_{3_y} \\ vb_{3_z} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v_x \\ v_y \\ v_z \end{pmatrix} \quad (1)$$

На тупость угла с осью OZ влияет только координата z.

Мнемоническое правило для вычисления векторного произведения: записываем координаты векторо в друг под другом, записываем:

- 1. Закрываем первый столбец, записываем определитель
- 2. Закрываем второй, записываем опеделитель *со знаком минус!*. Все про этот минус забывают!
- 3. Закрываем первый столбец, записываем определитель

Площадь треугольника - это половина прощади слоответствующего параллелограмма, то есть полвина векторного произведения векторов, на которые он натянут (векторы являются сторонами и отложены от одной точки).

3. Занятие номер 3 (долбёжка с векторами)

Как найти остальные вершины треугольника по одной точке-вершине и двум медианам, через неё не проходящим? Введём по две неизвестных на точку. Перейдём к одной, ведь прямая известна. Вторая либо

константа, либо её можно выразить через первую с помощью уравнения. Составим систему из расчёта на то, что середина сторон - это сренее арифметическое векторов

Как найти остальные вершины треугольника по одной точке-вершине и двум биссектрисам, через неё не проходящим? Отразим известную точку относительно обеих биссектрисс, проведём через два отражения прямую. Эта прямая будет содержать противоположную сторону. А противоположная сторона будет зажата на этой прямой между точками пересечения с биссектриссами.

4. Заняние номер 4 (продолжение долбёжки с векторами)

Как найти уравнение плоскости по, например, трём точкам точками? Делаем из них два вектора, векторно перемножаем, получаем нормальный вектор. Далее - можно подсчитать коэффициент D через уравнение.

Как найти расстояние от точки до прямой, заданной через направляющий вектор?

$$d = \rho(P, L) = \frac{|\vec{S} \times \vec{M_0P}|}{\vec{S}}$$
 (2)

5. Заняние номер 5 (конец долбёжки с векторами)

Расстояние между прямыми: если параллельны, один алгорим, иначе - другой (для пересекающихся другой тоже работает)

Для параллельных - через ппараллелограмм Иначе - через параллелепипед.