ДЗ 10 (криптография и теория чисел)

Владимир Латыпов

donrumata03@gmail.com

Содержание

4	3
18 ged novomposaling tofinalis	ç

4 ...

$$\begin{split} \varphi(n) &= (p-1)(q-1) = pq - q - p + 1 \\ n &= pq \\ n - \varphi(n) = p + q - 1 \\ p &= \frac{n}{q} \\ \frac{n}{q} + q - 1 = n - \varphi(n) \\ \frac{n}{q} + q - 1 - (n - \varphi(n)) = 0 \\ n + q^2 - q(1 - (n - \varphi(n))) = 0 \\ a &= 1, b = -(1 - (n - \varphi(n))), c = n \\ D &= b^2 - 4ac \\ q &= \frac{-b + -\sqrt{D}}{2}a \\ q &= \left((1 - (n - \varphi(n))) + -\sqrt{(1 - (n - \varphi(n)))^2 - 4n}\right) \mid 2 \\ p &= \frac{N}{q} \end{split}$$

18 gcd декомпозиция таблицы

Условие 1: Дана таблица d[i,j]. Построить массивы a и b такие, что $\gcd\left(a_i,b_j\right)=d[i,j].$

Заметим, что

$$\begin{cases} \forall j: a_i : d[i,j] \Rightarrow a_i = c \lim_{k \in [1,n]} d[i,k] \\ \forall i: b_j : d[i,j] \Rightarrow b_j = c \lim_{k \in [1,n]} d[k,j] \end{cases}$$

Возьмём $c \coloneqq 1$ везде. Пройдёмся по таблице и проверим, что $\gcd\left(a_i, b_j\right) = d[i, j].$

- \cdot Всегда верно, что $\gcd\left(a_i,b_j
 ight) \geq d[i,j]$, так как a_i и b_j оба делятся на d[i,j].
- \cdot Если нашлось d[i,j], для которого $\gcd\left(a_i,b_j\right)>d[i,j]$, задача не имеет решения, так как это неравенство останется для любого выбора c-шек.