Отчёт по эксперименту

«Колебания зарядки и разрядки конденсатора»

Латыпов Владимир

Постановка задачи

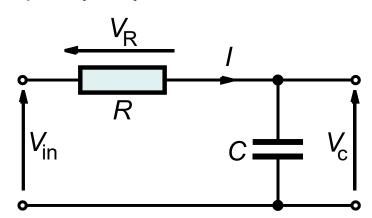
Собирается RC цепь, подключенная к источнику сигнала формы «меандр», в которой происходят колебания напряжения на конденсаторе.

 ${\it C}$ помощью осциллографа требуется получить устойчивую их картину и найти с помощью неё постоянную $au=R\cdot C$ рассматриваемого контура, а затем, зная сопротивление, найти ёмкость конденсатора.

Методика && теоретическое обоснование

(если что, « $\mathcal{E}\mathcal{E}$ » – это амперсанды)

Соберём такую схему:



Для начала вспомним, что зависимость напряжения от времени во время разрядки описывается таким соотношением:

$$U(t) = U_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = U_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}}$$

А во время зарядки:

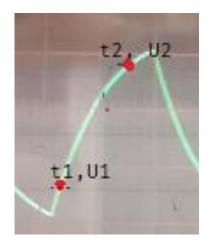
$$U(t) = U_0 \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right) = U_0 \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$$

Где U_0 — максимальное напряжение в меандре, его можно узнать с помощью дополнительных измерений, но я не шцу лёгких путей надёжнее рассматривать его как отдельный неизвестный параметр.

Заметим, что тогда в этой зависимости этих параметра 2, то есть рассмотрев 2 *хорошие* точки, в которых фиксируем, мы получим систему из 2-х уравнений с 2-мя неизвестными.

За ноль напряжения и времени берём начало соответствующей части волны

Например, для случая ЗАрядки:



$$-\begin{cases} U_0 \cdot \left(1 - e^{-\frac{t_1}{\tau}}\right) = U_1 \\ U_0 \cdot \left(1 - e^{-\frac{t_2}{\tau}}\right) = U_2 \end{cases}$$

$$U_1 - U_2 = U_0 \left(e^{-\frac{t_2}{\tau}} - e^{-\frac{t_1}{\tau}}\right)$$

$$\frac{U_1 - U_2}{U_0} = e^{-\frac{t_2}{\tau}} - e^{-\frac{t_1}{\tau}}$$

$$\frac{U_1 - U_2}{U_0} = e^{-\frac{1}{\tau}} \cdot (e^{t_2} - e^{t_1})$$

$$e^{-\frac{1}{\tau}} \cdot U_0 = \frac{U_1 - U_2}{e^{t_2} - e^{t_1}}$$

$$e^{-\frac{1}{\tau}} = \frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1}) \cdot U_0}$$

$$\begin{split} U_0 \cdot \left(1 - e^{-\frac{t_1}{\tau}}\right) &= U_1 \Longrightarrow e^{-\frac{t_1}{\tau}} \cdot U_0 = U_0 - U_1 \\ &\frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1}) \cdot U_0} \cdot U_0 = U_0 - U_1 \\ &\frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1})} = U_0 - U_1 \\ &U_0 = U_1 + \frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1})} \\ &e^{-\frac{1}{\tau}} &= \frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1}) \cdot U_0} = \frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1}) \cdot \left(U_1 + \frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1})}\right)} = \frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1}) \cdot U_1 + U_1 - U_2} \\ &- \frac{1}{\tau} = \ln \left(\frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1}) \cdot U_1 + U_1 - U_2}\right) \end{split}$$

$$\tau = -\frac{1}{\ln\left(\frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1}) \cdot \left(U_1 + \frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1})}\right)}\right)} = -\frac{1}{\ln\left(\frac{U_1 - U_2}{(e^{t_2} - e^{t_1}) \cdot U_1 + U_1 - U_2}\right)}$$

Для случая **РА**Зрядки:



$$\div \begin{cases} U_0 \cdot e^{-\frac{t_1}{\tau}} = U_1 \\ U_0 \cdot e^{-\frac{t_2}{\tau}} = U_2 \end{cases}$$

$$\frac{e^{-\frac{t_1}{\tau}}}{e^{-\frac{t_2}{\tau}}} = \frac{U_1}{U_2}$$

$$e^{+\frac{t_2}{\tau} - \frac{t_1}{\tau}} = \frac{U_1}{U_2}$$

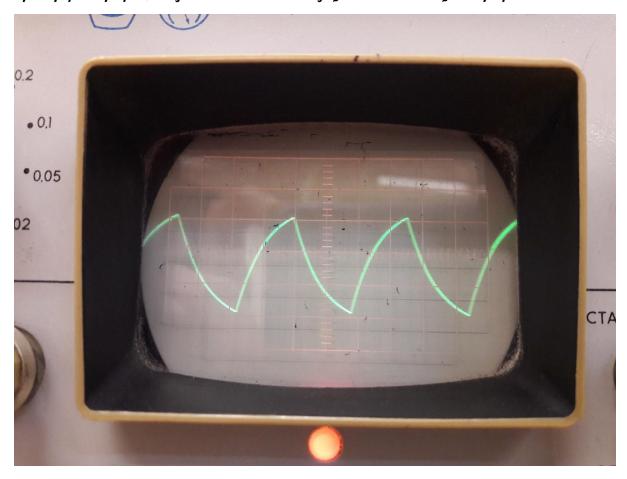
$$\frac{t_2}{\tau} - \frac{t_1}{\tau} = \frac{t_1 - t_2}{\tau} = \ln\left(\frac{U_1}{U_2}\right)$$

$$\tau = \frac{t_1 - t_2}{\ln\left(\frac{U_1}{U_2}\right)}$$

$$U_0 = \frac{U_1}{e^{-\frac{t_1}{\tau}}}$$

Результаты измерений

Пример фотографии, полученной после стабилизации сигнала на осциллографе:



Совмещая одну из нижних точек с одной из вершиной сетки, рассмотрим её и, например, какую-нибудь точку повыше ⇔ подальше, но в той же части волны.

Для конденсатора известной ёмкости было зафиксировано 2 точки

Вывод

Попытаемся применить выведенную формулу и поймём, что нельзя просто так взять и принять некую точку за ноль в данном случае, делать это можно только если $T\gg \tau$ и только для «настоящего» нуля, так как тогда можно считать, что график подбирается к нему достаточно близко и это действительно почти ноль. В данном случае это не так, мы не можем утверждать, например, что кривая разрядки — это $U_0\cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$, выбрав ноль в точке окончания, так как мы не знаем, где «настоящий» ноль, к которому оно стремится.

Р. S. под нулём здесь понимается не нулевое напряжение, а минимально, но не суть важно.

Следует отдельно измерять максимальное напряжение и либо брать $T\gg au$, либо рассматривать сдвиг по оси ординат как отдельный параметр