

문제해결프로그래밍실습 (CSE4152)

14주차

Greedy Algorithm & Dynamic Programming

목차

- Greedy Algorithm
- Dynamic Programming
- Bit-mask
- 실습 문제 및 과제

Greedy Algorithm

- Greedy 는 '탐욕스러운'이란 뜻
- 선택의 순간마다 당장 눈앞에 보이는 최적의 상황을 쫓음
- 최적해를 구하는 데에 사용되는 근사적인 방법
- 근사적인 방법이기에 최적(Optimal)이라는 보장은 없음
- 지역적으로 최적이고, 전역적으로 최적인 문제의 경우에는 Greedy algorithm으로 최적의 해를 찾는 것이 가능

Greedy Algorithm

- 탐욕스러운 선택 조건 (Greedy choice property)
 - 앞의 선택이 이후 선택에 영향을 줌 (최적해 탐색이 제한됨)
- 최적 부분 구조
 - 문제에 대한 최종 해결 방법은 부분 문제에 대한 최적 문제 해결 방법으로 구성됨 (전역적이 아닌 부분 문제의 최적해를 찾아감)

Greedy Algorithm 예시

• 거스름돈 주기

• 거스름돈의 동전 개수를 최소화 하기 (동전이 더 작은 단위 동전의 배수

가 아니라면, 최적해 X)

```
int main() {
  int price = 4040;
  int m oney = 5000;
  int change = money - price;
  std::vector(int) change_coin = { 500, 100, 50, 10, 1 };
  int num_of_coins = 0;
  int hand_money = 0;
  int index = 0;
  while (change != hand_money) {
     if (hand_money + change_coin[index] > change) {
       index++;
       hand_money += change_coin[index];
       num_of_coins++;
                                                   Answer: 7
  std::cout << num_of_coins << std::endl;
  return 0;
                Greedy solution = optimal solution
```

```
int main() {
  int price = 4100;
  int money = 5000;
  int change = money - price;
  std::vector(int) change_coin = { 500, 300, 200, 60, 1 };
  int num_of_coins = 0;
  int hand_m oney = 0;
  int index = 0;
  while (change != hand_money) {
     if (hand_money + change_coin[index] > change) {
                                                   Answer: 43
       hand_money += change_coin[index];
       num_of_coins++;
                                                   Optimal Answer: 3
  std::cout << num_of_coins << std::endl;
  return 0;
                  Greedy solution != optimal solution
```

Dynamic Programming

- 동적 계획법이란 복잡한 문제를 간단한 여러 개의 문제로 나누어 푸는 방법
- 메모이제이션 (Memoization)
 - 동일한 계산을 반복해야 할 때, 이전에 계산한 값을 메모리에 저장해 반복 수행을 제거해 속도 향상

Dynamic Programming

top-down 방식

계산한 문제라면 그대로 반환 계산한 적 없는 문제라면 점화식에 따라 결과 반환 but, 큰 수의 경우 recursion의 depth가 limit를 초과할 수 있음

bottom-up 방식

가장 작은 sub-problem부터 계산하여 array를 채워나가는 방식 recursive가 아닌 반복문을 사용하여 recursion depth 제한 문제 해결

Dynamic Programming 예시

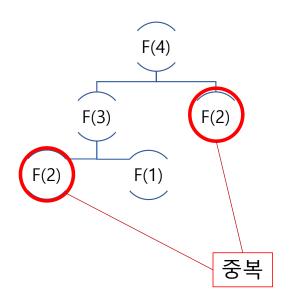
- Dynamic Programming 조건
 - 부분 반복 문제 : 어떤 문제가 여러 개의 부분 문제로 쪼개질 수 있을 때
 - 최적 부분 구조 : 작은 부분 문제에서 구한 최적의 답으로 합쳐진 큰 문제의 최적의 답을 구함

```
int fibo_overlapping_subproblem(int n) {
    if (n <= 2) {
        return 1;
    }
    else {
        return fibo_overlapping_subproblem(n - 1) + fibo_overlapping_subproblem(n - 2);
    }
}
int main() {
    int fibo_num = 7;
    std::cout << fibo_overlapping_subproblem(fibo_num) << std::endl;
    return 0;
}</pre>
```

Answer: 13

Dynamic Programming 예시

피보나치 수열: F(n) = F(n-1) + F(n-2)



단순 재귀 함수로 피보나치 수열 계산 시, 지수 시간 복잡도를 가진다. (2ⁿ)

시간 복잡도를 줄이기 위해 DP 사용

Dynamic Programming 예시

• 메모이제이션 : 계산 값을 메모리에 저장 후 동일한 계산 반복 제거

```
std::vector<int> memo = { 1, 1 };

To a std::vector<int> memo = { 1, 1 };

To a std::vector<int> memo(int n) {

for (int i = 2; i < n; ++i) {

memo.push_back(memo[i - 1] + memo[i - 2]);

}

return memo[n.- 1];

int main() {

int fibo_num = 7;

std::cout << fibo_memo(fibo_num) << std::endl;

return 0;
}
```

Answer: 13

- 영업사원 A는 판매를 위해 N개 업체와 미팅을 해야하는데, 각 회의의 시작 시간과 회의 종료 시간이 입력에 주어졌을 때, A영업사원이 최대한 많은 업체와, 최대한 오래 미팅을 하려고 한다. 이때, 진행할 회의 각각의 시작시간, 종료시간을 출력하시오.
- Hint: Greedy 알고리즘을 이용해, 문제를 풉니다.
 - 가장 많은 회의를 진행하기 위해서는 회의 종료 시간이 빨리 종료되어야 함. (Sort)
 - Greedy 알고리즘은 항상 같은 답을 출력하지는 못함. 다만, 각각의 에지에 가중치가 있을 때에는, 위상정렬 알고리즘을 이용할 수 있음. Ex) 입력을 시작시간, 종료시간 (회의에 드는 노력) 을 받는다고 하면, greedy로는 정답을 낼 수 없는 경우가 있음.
 - 이런 가중치를 포함해 계산하고 싶을 때에는 위상정렬(Topological Sorting)을 이용할 수 있음.

예제 입력	greedy 정답	위상 정렬
4 1 2 (10) 1 3 (1) 2 4 (100) 3 4 (10)	1 2 2 4 (110)	1 3 3 4 (11)

예제 입력	예제 출력
2 0 2 2 2	0 2 2 2
11 1 4 3 5 0 6 5 7 3 8 5 9 6 10 8 11 8 12 2 13 12 14	1 4 5 7 8 11 12 14

• 나라 방문

1부터 N까지 번호가 매겨져 있는 나라들이 있고, 나라들 사이에는 길이 있다. 이제 한 대학생이 어느 한 나라에서 출발해 N개의 나라를 모두 거쳐 원래의 나라로 돌아오는 <u>순회 여행</u>을 계획하려 한다. 단, 한 번 갔던 나라로는 다시 갈 수 없다. 이때, 각 나라 간의 입국심사에 쓰이는 노력(비용)의 양이 다르다. (이는 대칭적이지 않음)이때, 가장 적은 노력(비용)을 들여 순회 여행을 하려 한다. 가장 적은 비용을 출력해라. (수행시간 제한이 있음. 제한 시간 안에 완료가 돼야 함.)

입력: N, N x N 의 노력배열

출력 : <u>순회 여행</u>을 할 수 있는 최소 노력

예제 입력	예제 출력
4 0 10 15 20 5 0 9 10 6 13 0 12 8 8 9 0	35

N : 4 각 나라별 필요 노력을 입력해주세요 0 10 15 20 5 0 9 10 6 13 0 12 8 8 9 0 정답은 35 입니다.

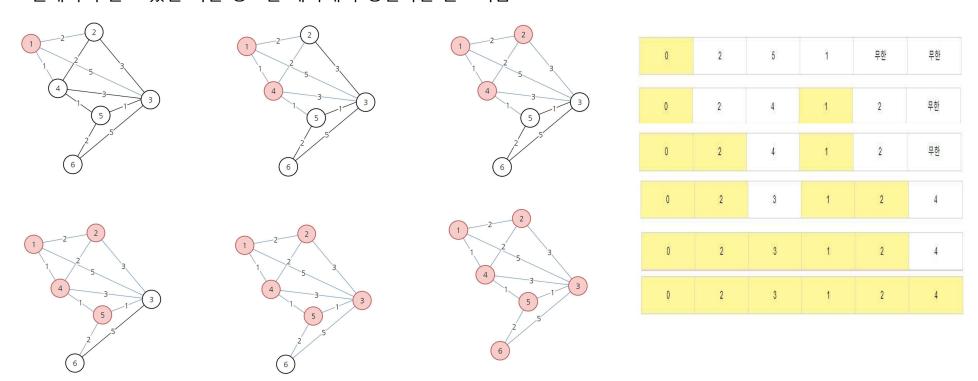
- Hint:
 - DFS, DP를 이용해 문제를 풉니다.
 - DFS로 각 여행지를 체크하는데, DP를 이용해 노력의 양을 저장합니다. (다익스트라 기법과 비슷합니다.)
 - DP 에는 2차원 배열로 DP[현재위치][방문할위치] 의 노력의 최소값을 저장합니다.
 - 정답이 정상적으로 나오지만, 시간이 오래 걸린다면, DFS에서 방문조건을 비트마스킹 기법을 이용해 나타냅니다.
- 다익스트라 (Dijkstra) 알고리즘
 - 현재까지 알고 있던 최단 경로를 계속해서 갱신하는 알고리즘

0	2	5	1	무한	무한
2	0	3	2	무한	무한
5	3	0	3	1	5
1	2	3	0	1	무한
무한	무한	5	1	0	2
무한	무한	5	무한	2	0

- Hint : 다익스트라 (Dijkstra) 알고리즘
 - 현재까지 알고 있던 최단 경로를 계속해서 갱신하는 알고리즘

- 2. 시작 노드에서 갈 수 있는 노드의 비용을 저장
- 3. 방문하지 않은 노드 중 가장 작은 비용의 노드를 선택
- 4. 3에서 포함된 노드를 경유하는 경우를 고려하여 비용 갱신
- 5. 모든 노드를 방문할 때까지 3-4 반복

1. 시작 노드 지정



코딩 과제 10-1, Hint: Bit-Masking

- 정수의 이진 표현을 자료구조로 쓰는 기법
- 더 빠른 수행 시간, 더 간결한 코드, 더 적은 메모리 사용
- 집합을 쉽게 표현할 수 있음

코딩 과제 10-1, Hint: Bit-Masking

비트 연산자

A & B	A의 모든 비트와 B의 모든 비트를 AND 연산한다. 둘 다 1이라면 1 아니면 0	A = 100(2), B = 111(2) A & B = 100(2)	
A B	A의 모든 비트와 B의 모든 비트를 OR 연산한다. 둘 다 0이라면 0, 아니면 1	A = 010(2), B = 101(2) A B = 111(2)	
A ^ B	A의 모든 비트와 B의 모든 비트를 XOR 연산한다. 둘이 다르다면 1, 아니면 0	A = 011(2), B = 101(2) A ^ B = 110(2)	
~A	A의 모든 비트에 NOT 연산한다 0이면 1, 1이면 0	A = 011(2) ~A = 100(2)	
A << B	A를 B비트만큼 왼쪽으로 시프트	A = 001(2) A << 2 = 100(2)	
A >> B	A를 B비트만큼 오른쪽으로 시프트	A = 100(2) A >> 2 = 001(2)	

코딩 과제 10-1, Hint: Bit-Masking

집합의 표현

• 각각의 원소를 0부터 N-1까지 번호를 부여하고, 번호에 해당하는 비트가 1이면 포함, 0이면 불포함

이런 특성으로 합집합, 교집합, 차집합을 표현할 수 있음

- 1. 합집합: A | B
- 2. 교집합: A & B
- 3. 차집합 : A & ~B

코딩 과제 10-1, Hint: Bit-Masking 예시

```
switch_states = [True, False, False, True, True, False, False, False, True, True]
# 집합을 이진으로 표현함
switch_states_with_bit = 0b1001100011
# 인덱스 2를 True로 바꿈
n = len(switch states) - 1 - 2
print(bin(switch_states_with_bit | (1 << n)))</pre>
# 인덱스 3을 False로 바꿈
n = len(switch_states) - 1 - 3
print(bin(switch_states_with_bit & ~(1 << n)))</pre>
# 원소 토글 (켜져있으면 끄고 꺼져있으면 켜기)
n = len(switch_states) - 1 - 6
print(bin(switch_states_with_bit ^ (1 << n)))</pre>
0b1011100011
0b1000100011
```

0b1001101011

보고서 과제 10

• 앞에서 다루지 않은 문제 중에 Dynamic programming을 사용했을 때 더 효율적으로 풀 수 있는 문제를 2개 들고, 알고리즘을 설명하시오. brute force 방식에 비하여 DP를 사용하는 경우 어느 정도 빨라지는지도 설명하시오.