第9讲:函数递归

目录

- 1. 什么是递归
- 2. 递归的限制条件
- 3. 递归的举例
- 4. 递归与迭代

正文开始

1. 递归是什么?

递归是学习C语言函数绕不开的一个话题,那什么是递归呢?

递归其实是一种解决问题的方法,在C语言中,递归就是函数自己调用自己。

写一个史上最简单的C语言递归代码:

```
1 #include <stdio.h>
2
3 int main()
4 {
5    printf("hehe\n");
6    main();//main函数中又调用了main函数
7    return 0;
8 }
```

上述就是一个简单的递归程序,只不过上面的递归只是为了演示递归的基本形式,不是为了解决问题,代码最终也会陷入死递归,导致栈溢出(Stack overflow)。

1.1 递归的思想:

把一个大型复杂问题层层转化为一个与原问题相似,但规模较小的子问题来求解;直到子问题不能再被拆分,递归就结束了。所以递归的思考方式就是**把大事化小**的过程。

递归中的**递就是递推**的意思,**归就是回归**的意思,接下来慢慢来体会。

1.2 递归的限制条件

递归在书写的时候,有2个必要条件:

- 递归存在限制条件,当满足这个限制条件的时候,递归便不再继续。
- 每次递归调用之后越来越接近这个限制条件。

在下面的例子中,我们逐步体会这2个限制条件。

2. 递归举例

2.1 举例1: 求n的阶乘

一个正整数的**阶乘**(factorial)是所有小于及等于该数的正整数的积,并且0的阶乘为1。

自然数n的阶乘写作n!。

题目: 计算n的阶乘(不考虑溢出), n的阶乘就是1~n的数字累积相乘。

2.1.1 分析和代码实现

我们知道n的阶乘的公式: n! = n*(n-1)!

```
Fact(n)  \begin{cases} 1, & n=0 \\ \\ n*Fact(n-1), & n>0 \end{cases}
```

那我们就可以写出函数Fact求n的阶乘,假设Fact(n)就是求n的阶乘,那么Fact(n-1)就是求n-1的阶乘,函数如下:

```
1 int Fact(int n)
2 {
3    if(n==0)
4       return 1;
5    else
6       return n*Fact(n-1);
7 }
```

测试:

```
1 #include <stdio.h>
 2
 3 int Fact(int n)
 4 {
    if(n==0)
         return 1;
 7
     else
     return n*Fact(n-1);
 8
9 }
10
11 int main()
12 {
13 int n = 0;
14
     scanf("%d", &n);
      int ret = Fact(n);
15
     printf("%d\n", ret);
16
17
     return 0;
18 }
                      比特就业课主页:https://m.cctalk.com/inst/s9yewhfr
```

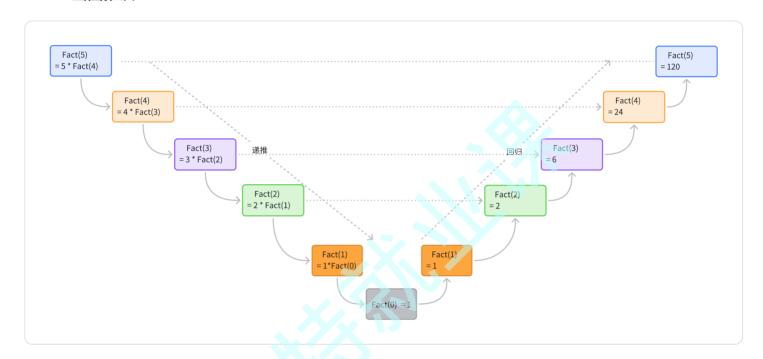
运行结果(这里不考虑n太大的情况,n太大存在溢出):

🜃 Microsoft Visual Studio 调试控制台

5 120

D:\code\2023\test\课件代码测试\Debug\课件代码测试.exe (进程 52252)已退出,

2.1.2 画图推演



2.2 举例2: 顺序打印一个整数的每一位

输入一个整数m,按照顺序打印整数的每一位。

比如:

输入: 1234 输出: 1234

输入: 520 输出: 520

2.2.1 分析和代码实现

这个题目,放在我们面前,首先想到的是,怎么得到这个数的每一位呢?

如果n是一位数,n的每一位就是n自己 n是超过1位数的话,就得拆分每一位

1234%10就能得到4,然后1234/10得到123,这就相当于去掉了4

然后继续对123%10,就得到了3,再除10去掉3,以此类推

不断的 %10 和 /10 操作,直到1234的每一位都得到:https://hi/cctalk.com/inst/s9yewhfr

但是我们有了灵感,我们发现其实一个数字的最低位是最容易得到的,通过%10就能得到那我们假设想写一个函数Print来打印n的每一位,如下表示:

```
1 Print(n)
2 如果n是1234,那表示为
3 Print(1234) //打印1234的每一位
4 
5 其中1234中的4可以通过%10得到,那么
6 Print(1234)就可以拆分为两步:
7 1. Print(1234/10) //打印123的每一位
8 2. printf(1234%10) //打印4
9 完成上述2步,那就完成了1234每一位的打印
10
11 那么Print(123)又可以拆分为Print(123/10) + printf(123%10)
```

以此类推下去,就有

直到被打印的数字变成一位数的时候,就不需要再拆分,递归结束。那么代码完成也就比较清楚:

```
1 void Print(int n)
2 {
3
       if(n>9)
       {
 5
           Print(n/10);
 6
      }
     printf("%d ", n%10);
7
8 }
9
10 int main()
11 {
      int m = 0;
12
       scanf("%d", &m);
                        比特就业课主页:https://m.cctalk.com/inst/s9yewhfr
```

```
14 Print(m); 比特就业课主页:https://m.cctalk.com/inst/s9yewhfr
15 return 0;
16 }
```

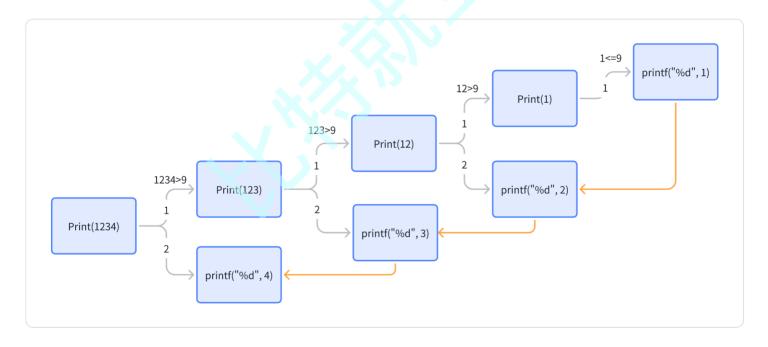
输入和输出结果:



在这个解题的过程中,我们就是使用了大事化小的思路 把Print(1234) 打印1234每一位,拆解为首先Print(123)打印123的每一位,再打印得到的4 把Print(123) 打印123每一位,拆解为首先Print(12)打印12的每一位,再打印得到的3 直到Print打印的是一位数,直接打印就行。

2.2.2 画图推演

以1234每一位的打印来推演一下



3. 递归与迭代

递归是一种很好的编程技巧,但是和很多技巧一样,也是可能被误用的,就像举例1一样,看到推导的公式,很容易就被写成递归的形式:

```
1 int Fact(int n)
2 {
3    if(n==0)
4     return 1;
5    else
6     return n*Fact(n-1);
7 }
```

Fact函数是可以产生正确的结果,但是在递归函数调用的过程中涉及一些运行时的开销。

在C语言中每一次函数调用,都需要为本次函数调用在内存的栈区,申请一块内存空间来保存函数调 用期间的各种局部变量的值,这块空间被称为**运行时堆栈**,或者**函数栈帧**。

函数不返回,函数对应的栈帧空间就一直占用,所以如果函数调用中存在递归调用的话,每一次递归函数调用都会开辟属于自己的栈帧空间,直到函数递归不再继续,开始回归,才逐层释放栈帧空间。

所以如果采用函数递归的方式完成代码,递归层次太深,就会浪费太多的栈帧空间,也可能引起栈溢出(stack overflow)的问题。

注:关于**函数栈帧**的详细内容,鹏哥录制了视频专门讲解的,下课导入课程,自行学习。

所以如果不想使用递归,就得想其他的办法,通常就是迭代的方式(通常就是循环的方式)。

比如: 计算 n 的阶乘, 也是可以产生 $1\sim n$ 的数字累计乘在一起的。

```
1 int Fact(int n)
2 {
3    int i = 0;
4    int ret = 1;
5    for(i=1; i<=n; i++)
6    {
7       ret *= i;
8    }
9    return ret;
10 }</pre>
```

事实上,我们看到的许多问题是以递归的形式进行解释的,这只是因为它比非递归的形式更加清晰,但是这些问题的迭代实现往往比递归实现效率更高。

当一个问题非常复杂,难以使用迭代的方式实现时,此时递归实现的简洁性便可以补偿它所带来的运行时开销。

举例3: 求第n个斐波那契数

我们也能举出更加极端的例子,就像计算第n个斐波那契数,是不适合使用递归求解的,但是斐波那契数的问题通过是使用递归的形式描述的,如下:

```
Fib(n) = \begin{cases} 1, & n \leq 2 \\ \\ Fib(n-1) + Fib(n-2), & n \geq 2 \end{cases}
```

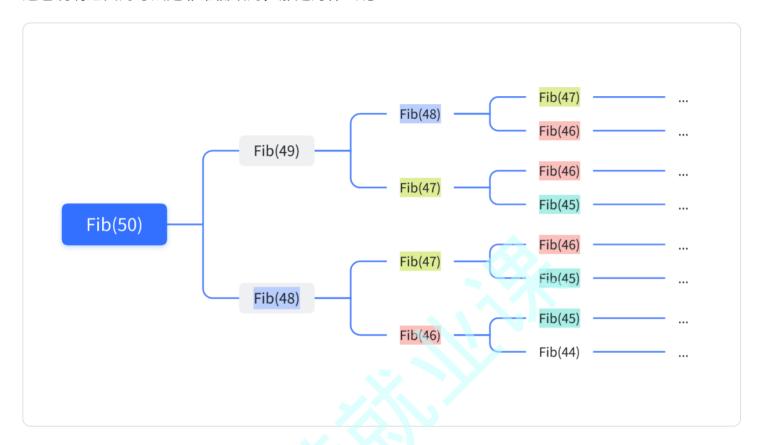
看到这公式,很容易诱导我们将代码写成递归的形式,如下所示:

```
1 int Fib(int n)
2 {
3    if(n<=2)
4        return 1;
5    else
6        return Fib(n-1)+Fib(n-2);
7 }</pre>
```

测试代码:

```
1 #include <stdio.h>
2
3 int main()
4 {
5    int n = 0;
6    scanf("%d", &n);
7    int ret = Fib(n);
8    printf("%d\n", ret);
9    return 0;
bt特就业课主页:https://m.cctalk.com/inst/s9yewhfr
```

当我们n输入为50的时候,需要很长时间才能算出结果,这个计算所花费的时间,是我们很难接受的, 这也说明递归的写法是非常低效的,那是为什么呢?



其实递归程序会不断的展开,在展开的过程中,我们很容易就能发现,在递归的过程中会有重复计算,而且递归层次越深,冗余计算就会越多。我们可以作业测试:

```
1 #include <stdio.h>
 2 int count = 0;
 3
 4 int Fib(int n)
 5 {
 6
       if(n == 3)
           count++;//统计第3个斐波那契数被计算的次数
 7
 8
       if(n<=2)
 9
           return 1;
       else
10
           return Fib(n-1)+Fib(n-2);
11
12 }
13
14
15 int main()
16 {
17
       int n = 0;
       scanf("%d", &n);
比特就业课主页:https://m.cctalk.com/inst/s9yewhfr
18
```

```
int ret = Fib(n);<sup>比特就业课主页:https://m.cctalk.com/inst/s9yewhfr

printf("%d\n", ret);

printf("\ncount = %d\n", count);

return 0;

3 }</sup>
```

输出结果:

Microsoft Visual Studio 调试控制台

```
40
102334155
count = 39088169
```

这里我们看到了,在计算第40个斐波那契数的时候,使用递归方式,第3个斐波那契数就被重复计算了39088169次,这些计算是非常冗余的。所以斐波那契数的计算,使用递归是非常不明智的,我们就得想迭代的方式解决。

我们知道斐波那契数的前2个数都1,然后前2个数相加就是第3个数,那么我们从前往后,从小到大计算就行了。

这样就有下面的代码:

```
1 int Fib(int n)
2 {
3
      int a = 1;
 4
      int b = 1;
 5
      int c = 1;
 6
      while(n>2)
 7
           c = a+b;
8
           a = b;
10
           b = c;
11
           n--;
12
13
       return c;
14 }
```

迭代的方式去实现这个代码,效率就要高出很多了。

有时候,递归虽好,但是也会引入一些问题,所以我们一定不要迷恋递归,适可而止就好。

拓展学习:

- 青蛙跳台阶问题
- 汉诺塔问题

以上2个问题都可以使用递归很好的解决,有兴趣可以研究。

完

