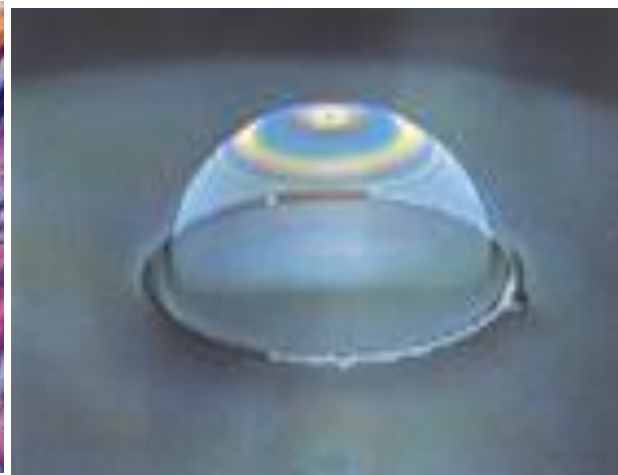
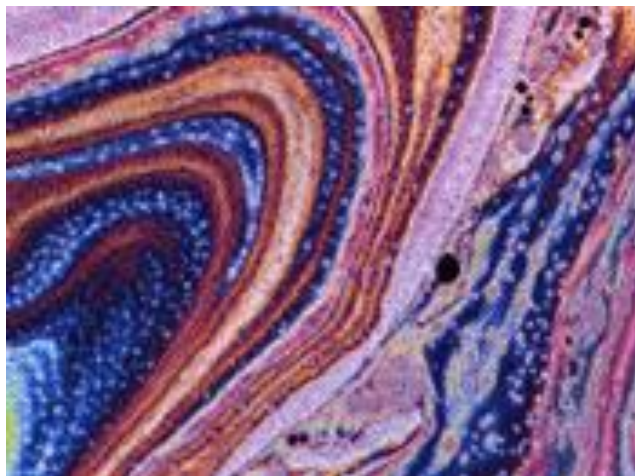
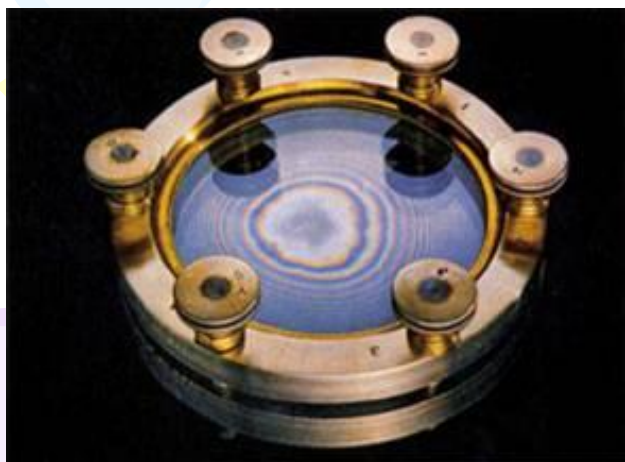


# 波动光学



## 杨氏双缝干涉

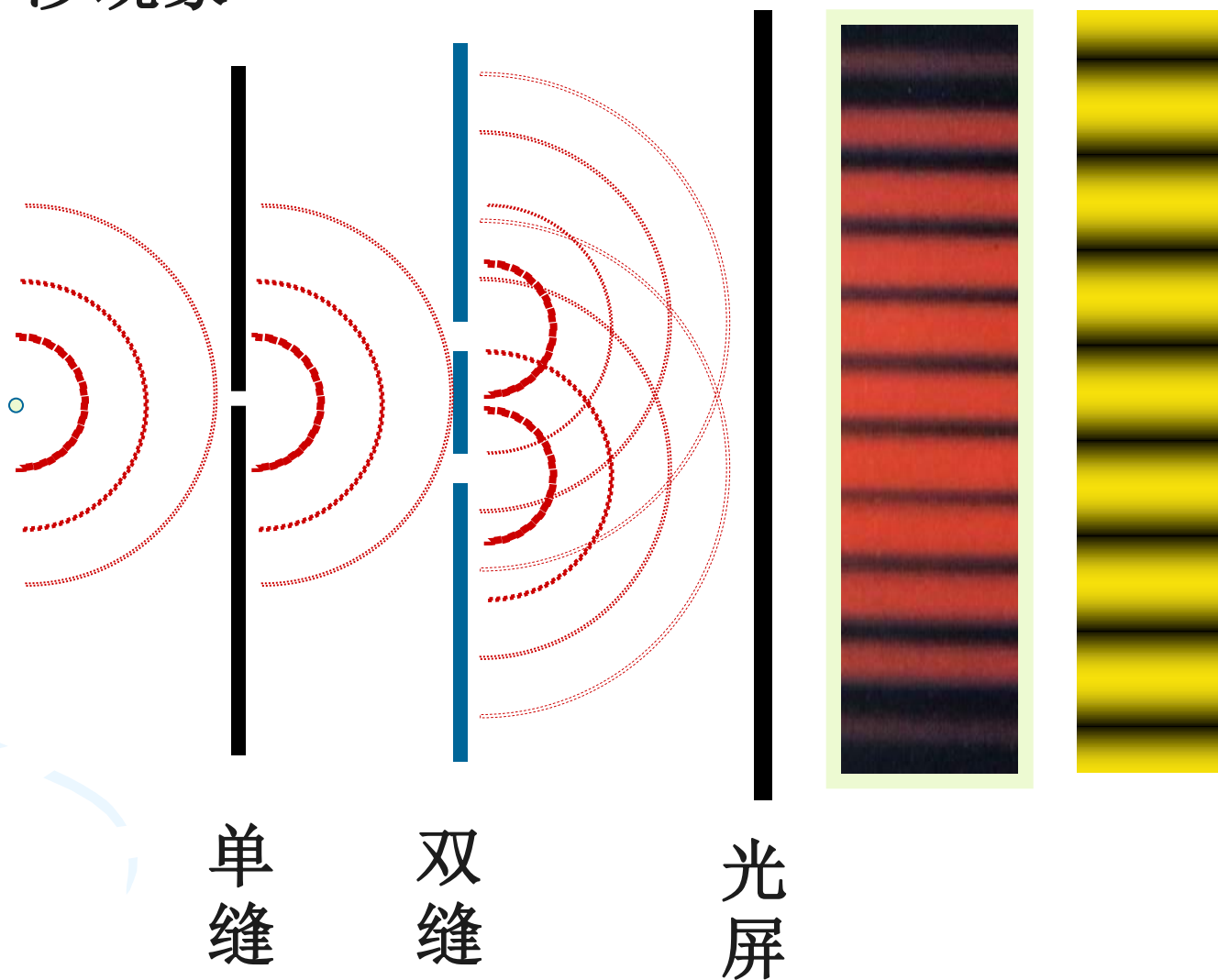
内容：

- 1.干涉现象
- 2.干涉的计算
- 3.干涉图样的特点

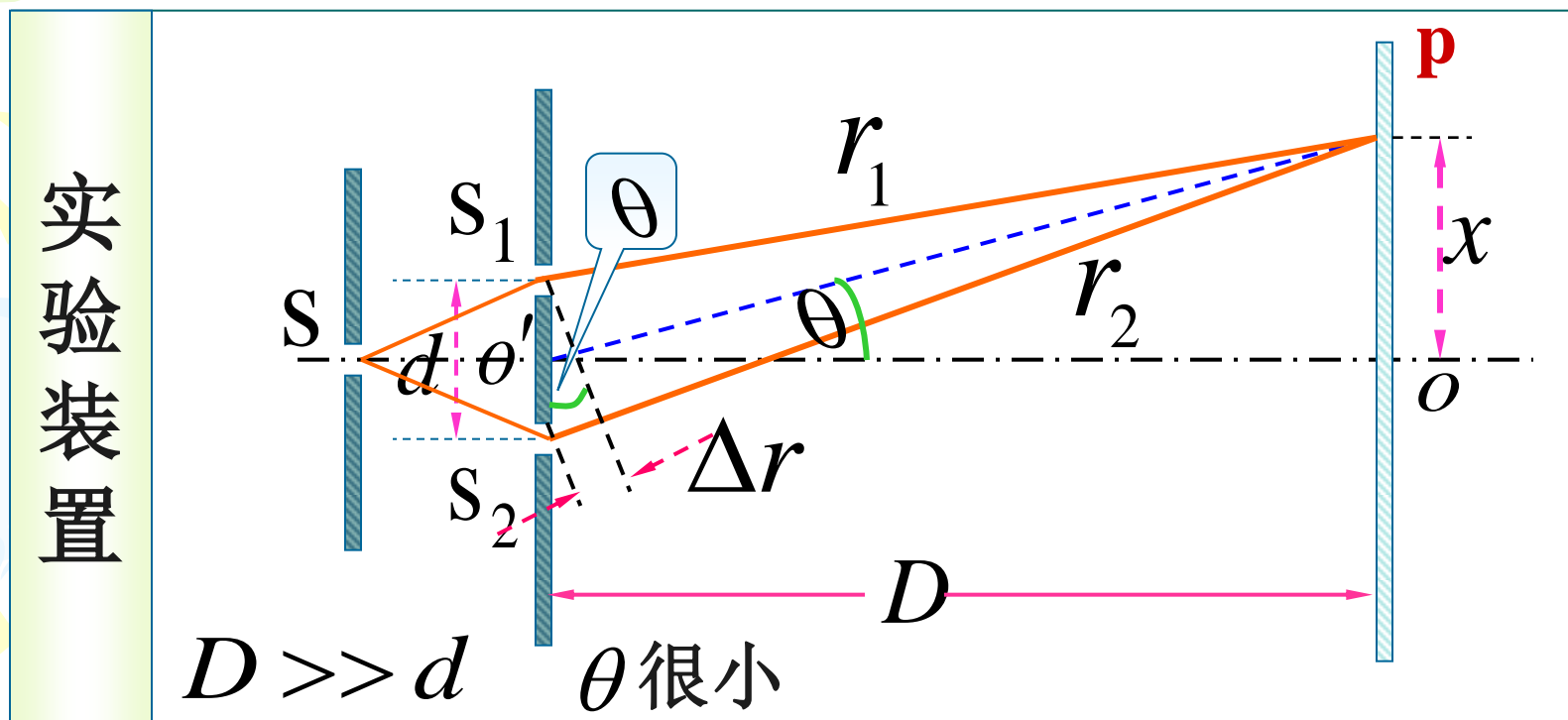


# 光的双缝干涉现象

光源



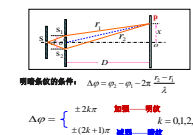
## 二 杨氏双缝干涉实验的计算 ——明暗条件

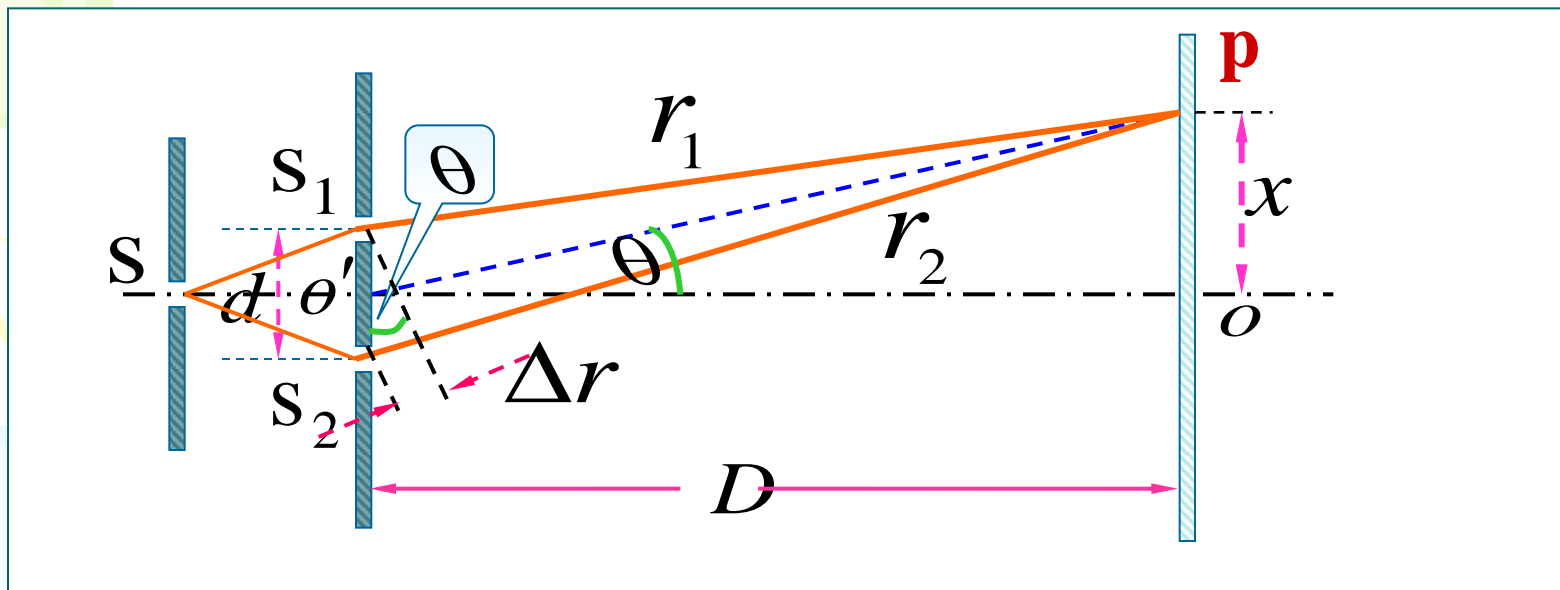


问题:  $x$  满足什么条件时是明/暗纹中心?

波程差

$$\Delta r = r_2 - r_1 \approx d \sin \theta$$





1.干涉条件:

$$d \sin \theta = \begin{cases} \pm k\lambda & \text{加强} & k = 0, 1, 2, \dots \\ \pm (2k-1)\frac{\lambda}{2} & \text{减弱} & k = 1, 2, \dots \end{cases}$$



波程差  $\Delta r = d \sin \theta$  ( $\theta$  很小)

$$\approx d \tan \theta$$

$$= d \frac{x}{D} = \begin{cases} \pm k\lambda & \text{明} \\ \pm (2k-1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗} \end{cases}$$

## 2. 明暗条纹的位置

$$x = \begin{cases} \pm k \frac{D}{d} \lambda \\ \pm \frac{D}{d} (2k-1) \frac{\lambda}{2} \end{cases}$$

明纹中心

$$k = 0, 1, 2, \dots$$

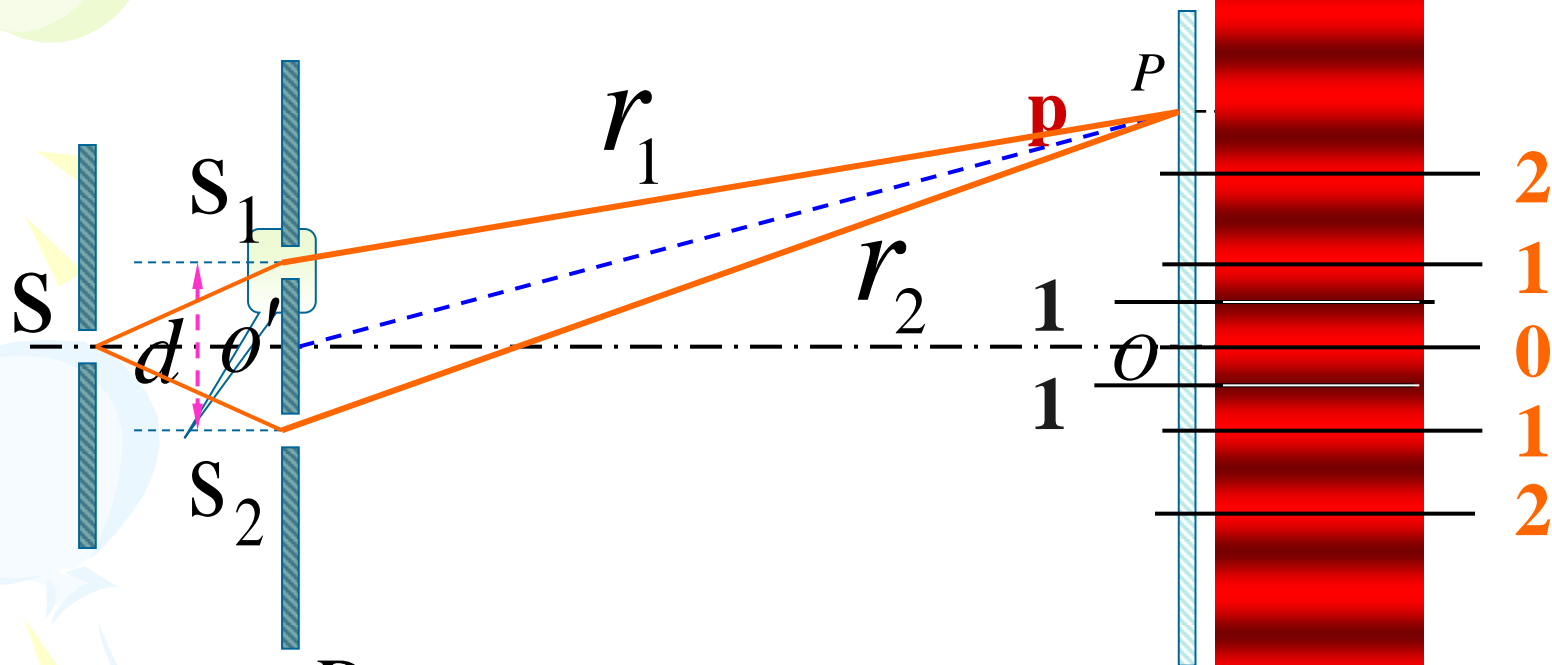
暗纹中心

$$k = 1, 2, \dots$$

干涉相长

干涉相消

## 明暗条纹的位置（画法一）



$$x = \begin{cases} \pm k \frac{D}{d} \lambda \\ \pm \frac{D}{d} (2k-1) \frac{\lambda}{2} \end{cases}$$

明纹中心（相长）

$$k = 0, 1, 2, \dots$$

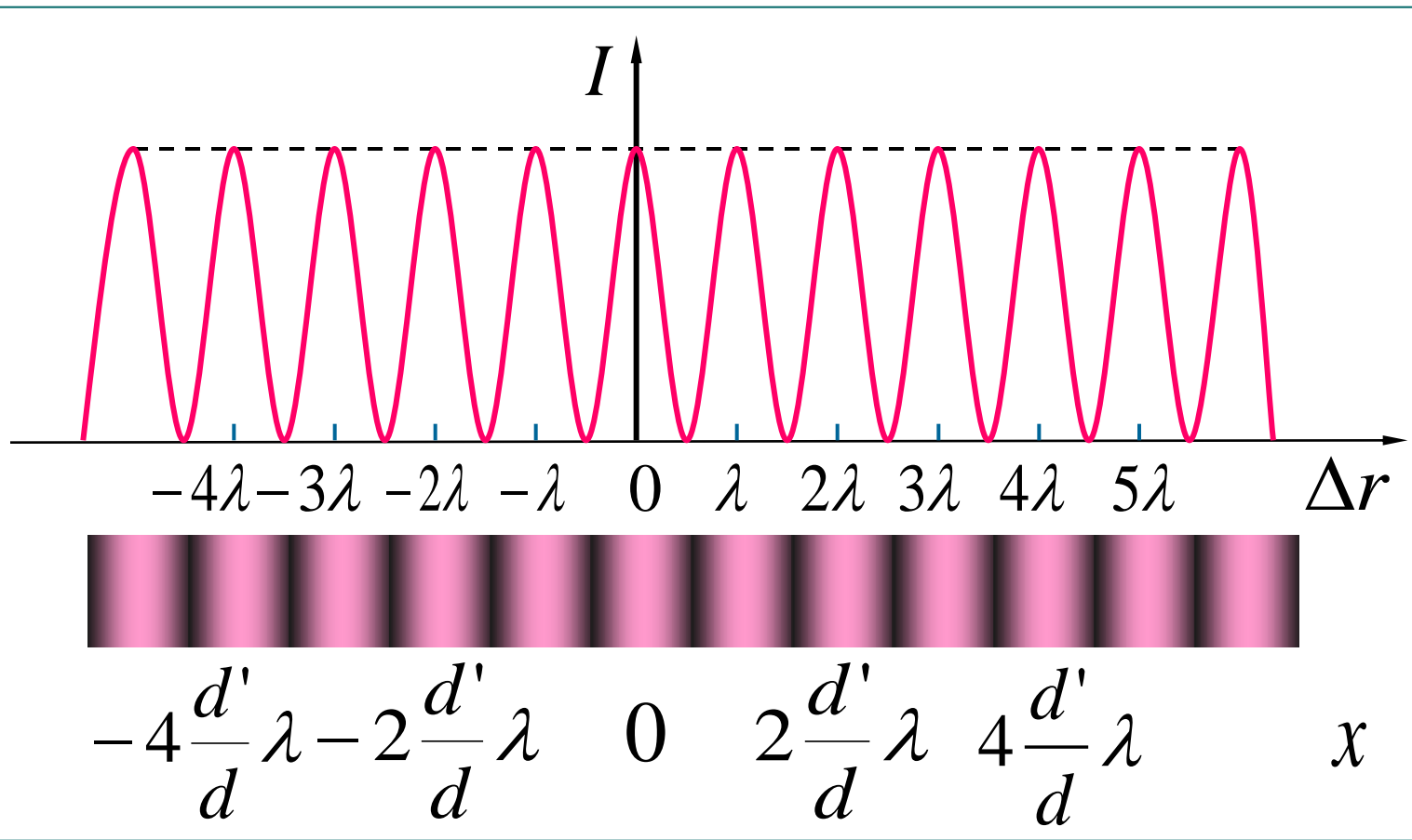
暗纹中心（相消）

$$k = 1, 2, \dots$$



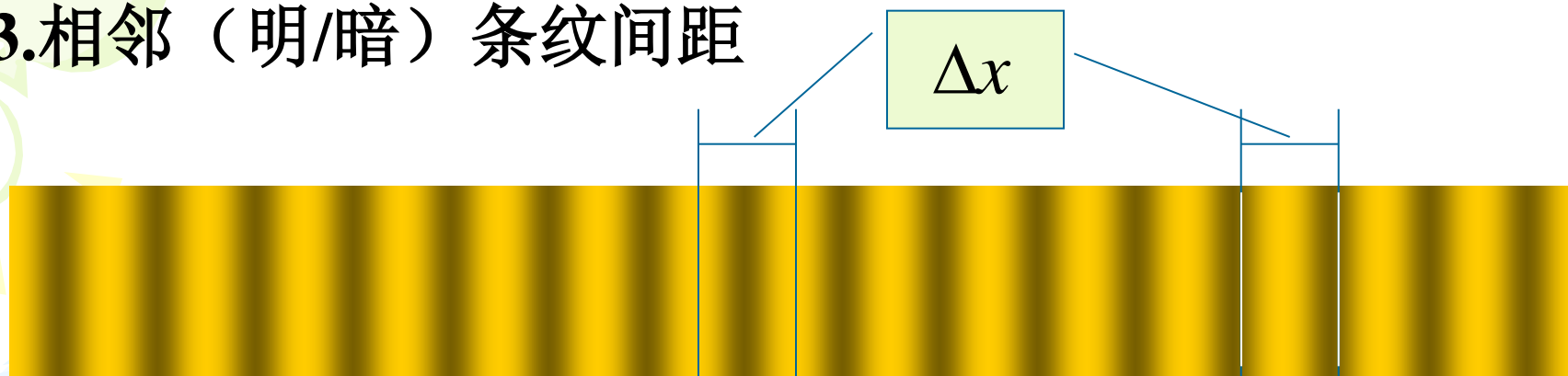
## 明暗条纹的位置（画法二）

光强分布图





## 3.相邻（明/暗）条纹间距



$$\Delta x = \frac{D}{d} \lambda$$

条纹等间隔排列

双缝干涉条纹：明暗相间地、均匀、等间距地分布在中央明纹两侧。



**例1** 以单色光照射到相距为0.2mm的双缝上,双缝与屏幕的垂直距离为1m.

(1) 从第一级明纹到同侧的第四级明纹的距离为7.5mm,求单色光的波长;

(2) 求两条第四级明纹间的距离.

**解** (1)  $x_k = \pm k \frac{D}{d} \lambda, \quad k = 0, 1, 2, \dots$

$$\Delta x_{14} = x_4 - x_1 = \frac{D}{d} (k_4 - k_1) \lambda \quad \lambda = 500 \text{nm}$$

$$(2) \Delta x = 8 \frac{D}{d} \lambda = 20 \text{mm}$$



## 干涉明暗原理

$$\Delta\varphi = \begin{cases} \pm 2k\pi \\ \pm (2k-1)\pi \end{cases}$$

## 干涉明暗条件

$$\Delta r = \begin{cases} \pm k\lambda \\ \pm (2k-1)\frac{\lambda}{2} \end{cases}$$

明暗条纹  
间距

$$\Delta x = \frac{D}{d}\lambda$$

## 明暗条纹的位置

$$x = \begin{cases} \pm k \frac{D}{d} \lambda \\ \pm \frac{D}{d} (2k-1) \frac{\lambda}{2} \end{cases}$$

## 波程差

$$\begin{aligned} \Delta r &= d \sin \theta \\ &\approx d \tan \theta \\ &= d \frac{x}{D} \end{aligned}$$