运动学

位移 速度 加速度 轨迹方程

相对论

相对论效应(同时性、时间延缓、长度收缩)

1.电场强度(叠加 电通量 高斯定律 静电力)

静电场

2电势(保守性 环路定理 做功) 3.电容

#### 振动波动

- 1.振动(方程(相位)、图像、合成)
- 2.波动(方程、图像、干涉)

光的干涉衍射

- 1.干涉: 光程、杨氏双缝; 增透(反) 膜
- 2. 衍射: 单缝衍射 光栅衍射

(各级明暗条纹中心的坐标、间距)





运动学:

位矢r 位移 $\Delta r$  速度 $\bar{v}$  加速度 $\bar{a}$ 

1. 理解物理意义

比如: 加速度—速度变化的快慢

2. 已知运动函数, 求轨迹、位移、速度、加速度





$$\vec{r}(t) = x(t)\vec{i} + y(t)\vec{j} + z(t)\vec{k}$$

◈〕速度

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k}$$
$$= v_x\vec{i} + v_y\vec{j} + v_z\vec{k}$$

速度大小: 
$$\upsilon = |\vec{\upsilon}| = \sqrt{\upsilon_x^2 + \upsilon_y^2 + \upsilon_z^2}$$





◆ 加速度

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

$$= \frac{dv_x}{dt}\vec{i} + \frac{dv_y}{dt}\vec{j} + \frac{dv_z}{dt}\vec{k}$$

$$= a_x\vec{i} + a_y\vec{j} + a_z\vec{k}$$

加速度大小: 
$$a = |\vec{a}| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2}$$





练习:设质点做二维运动:  $\vec{r} = -t^2\vec{i} + 2t^2\vec{j}$ 

- 求: (1) t=1s到2s之间质点的位移
  - (2) 质点任意时刻的速率,加速度
  - (3) 质点做什么运动,求轨迹方程



#### 相对论

- 一、牛顿的经典力学时空观
- 二、狭义相对论的基本原理

# 三、狭义相对论的时空效应

(同时的相对性,动钟变慢,长度收缩)

四、狭义相对论动力学





#### 基础:两个假设;洛伦兹变换

$$x' = \frac{x - ut}{\sqrt{1 - u^2/c^2}}$$

$$y' = y$$

时空坐标变换



#### 时间间隔 空间间隔

$$t' = \frac{t - \frac{u}{c^2}x}{\sqrt{1 - u^2/c^2}}$$





- ◆ 相对论效应(时空观)
  - 1.同时的相对性(一定不同时?推导证明)
  - 2.时间延缓

$$\Delta t = \frac{\Delta t_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{u}{c}\right)^2}}$$

3.长度收缩

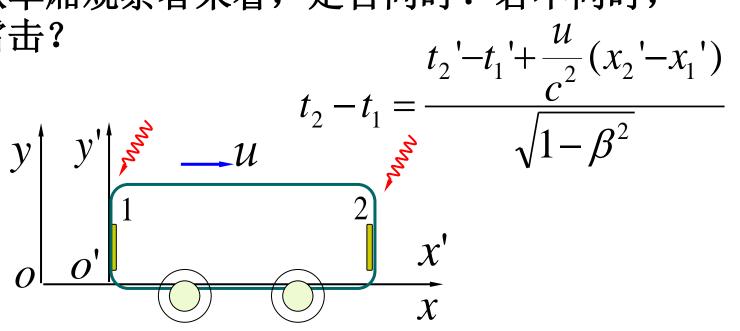
$$l = l_0 \sqrt{1 - \left(\frac{u}{c}\right)^2}$$





讨论:火车匀速,地面的人观察到车头车尾同时遭雷击,请问从车厢观察者来看,是否同时?若不同时,

何处先被雷击?



(A) 同时

(B) 1处先被雷击

(C) 2处先被雷击





# 某种粒子静止时的寿命是10-8g,如它以

$$v = \frac{2}{3}c$$
 的速度运动,它能飞行的距离s  
为(

A. 
$$\frac{6}{\sqrt{5}}m$$

B. 2*m* 

$$C. 10^{-3} m$$

D. 
$$\sqrt{5}m$$





静止边长为a的立方体,当它以速率u=0.8c沿与它的一个边平行的方向相对 地面运动时,地面观测者中测得它的体积是



静电场

一、静电场的描述  $ec{E}$  arphi

(定义; 物理意义; 计算; 几何描述)

二、静电场的基本性质方程

(有源场、保守场)

三、静电场中的导体 (静电感应 电容)

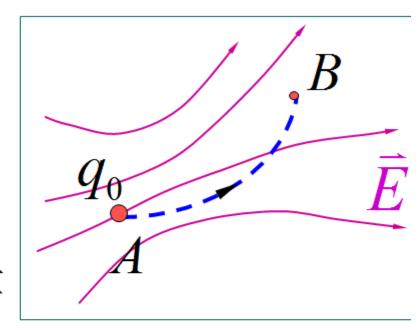




#### 概念的引入

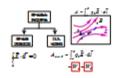
$$\vec{F}_{\mbox{\scriptsize $\hat{F}$}} = q_0 \vec{E}$$

◆ 电场强度、电场线、电通量



$$A = \int_{A}^{B} \vec{F}_{\text{filth}} \cdot d\vec{l}$$

◆ 保守性、电势能、电势、电势差







◆ 静电场两个基本性质方程

静电场高斯定律

$$\oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{\sum q_{\text{int}}}{\mathcal{E}_{0}}$$
—有源场

静电场环路定理

$$\oint_{L} \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$$

——保守场 无旋场

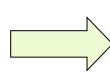




# $\vec{E}, \varphi$ 计算: 两种方法

①用高斯定律

$$\oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{\sum_{i} q_{i}}{\varepsilon_{0}}$$



$$\vec{E}$$

$$\varphi = \int_{(P)}^{(0)} \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$U_{ab} = \int_{a}^{b} \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

② 叠加原理

$$\vec{E} = \int_{(Q)} d\vec{E} \quad \varphi = \int_{(Q)} d\varphi$$

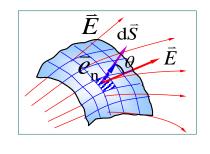


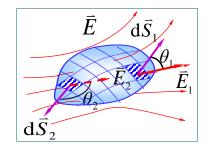


$$\Phi_{e} = \oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{1}{\varepsilon_{0}} \sum_{i=1}^{n} q_{i}$$

#### 相关知识点:

1. 物理意义——有源场





$$\Phi_{\rm e} = \int_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S}$$

$$\Phi_{\rm e} = \int_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S}$$
  $\Phi_{\rm e} = \oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \oint_{S} E \cos\theta dS$ 

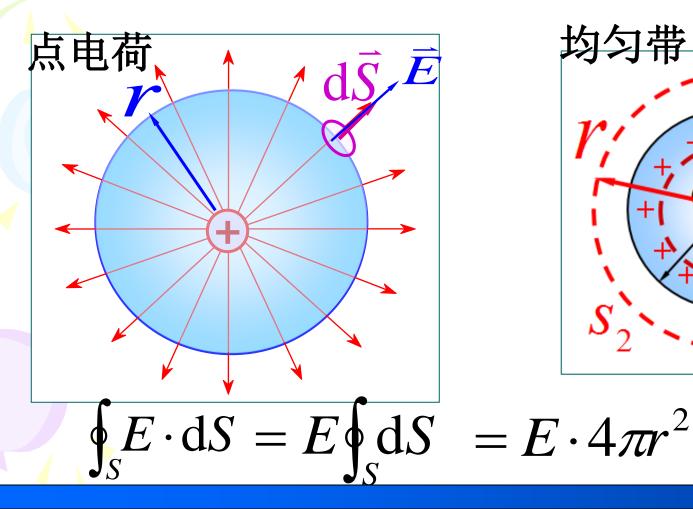
3. 利用高斯定律求静电场的分布( $\overline{E}$ )

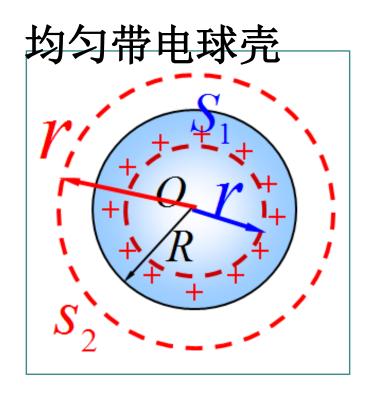




#### 场源电荷模型: 1.电场分布球形对称

高斯面取半径为r的球面



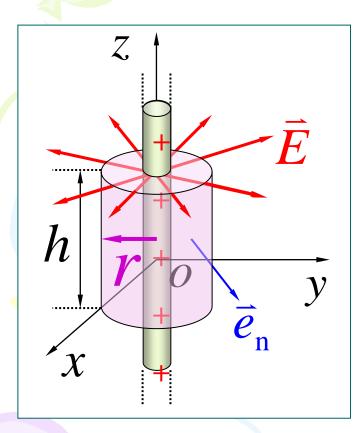


$$= E \cdot 4\pi r^2$$

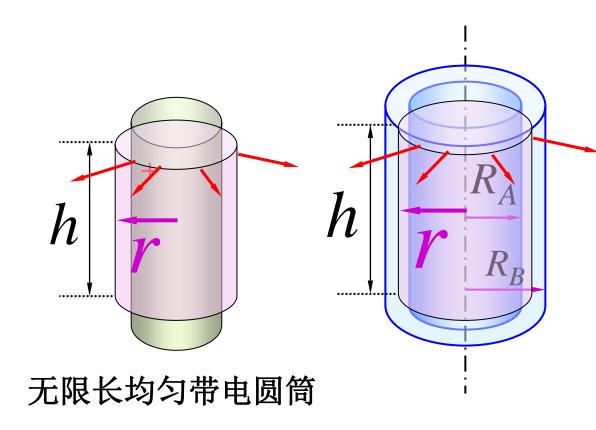




2. 电场分布轴对称: 取高为h, 半径为r圆柱面为高斯面



无限长均匀带电棒



$$\oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = E \cdot 2\pi rh$$





电势 电势能相关公式

$$\varphi_A = \int_A^{\varphi=0} \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$rac{A}{q_0} = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = rac{W_A}{q_0} = rac{W_B}{q_0} = \varphi_A - \varphi_B$$
A点电势 B点电势

电势差 
$$U_{AB} = \varphi_A - \varphi_B = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

电场力做的功

$$A_{AB} = q_0 U_{AB}$$

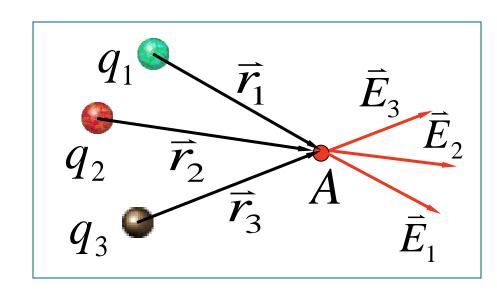




#### (二)叠加原理

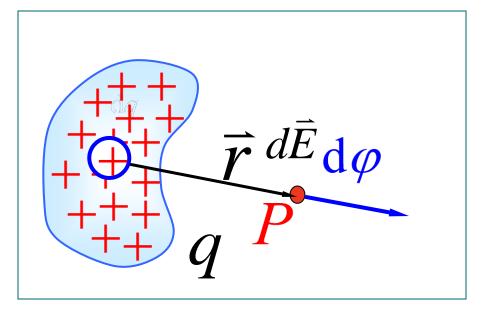
◆ 点电荷系

$$ec{E} = \sum_i ec{E}_i \quad arphi_A = \sum_i arphi_{Ai}$$



#### ◈ 带电体

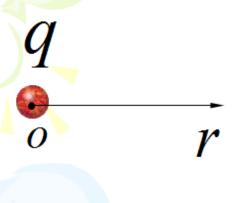
$$\vec{E} = \int d\vec{E} \quad \varphi = \int d\varphi$$
(线、面、体)







◆ 点电荷



$$\vec{E} = \frac{q}{4 \pi \varepsilon_0 r^2} \vec{e}_r$$



$$|\varphi| = \frac{|q|}{4 \pi \varepsilon_0 r}$$

$$|d\varphi| = \frac{|q|}{4 \pi \varepsilon_0 r}$$

$$\vec{E} = \int d\vec{E}$$

$$\varphi_P = \int \frac{\mathrm{d}q}{4 \, \pi \varepsilon_0 r}$$

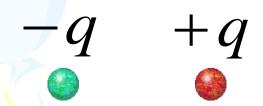
——叠加原理

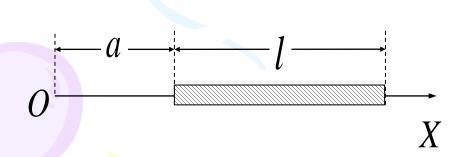




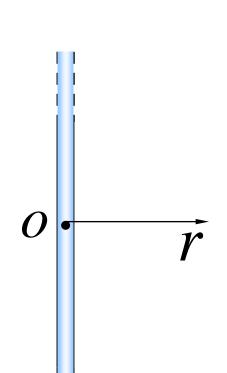
基本模型:请写出以下模型的 $\overline{E}$ q

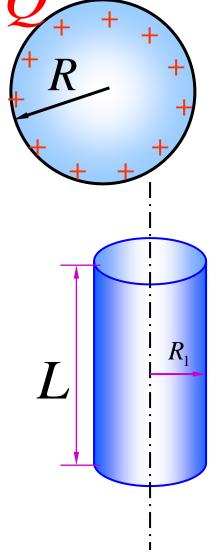














静电场中的导体(静电平衡; 电容)

1. 静电感应、静电平衡及其条件

2. 电容的计算





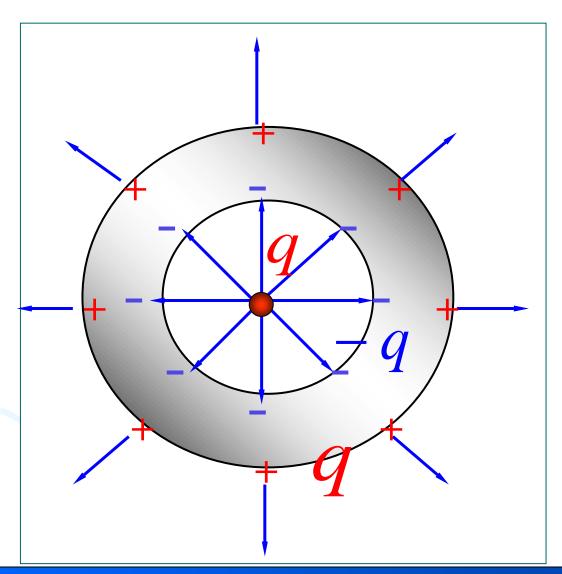
# 静电平衡

$$\vec{E}_{int}=0$$
;  $\vec{E}_{s}$  上表面

静电感应



静电平衡

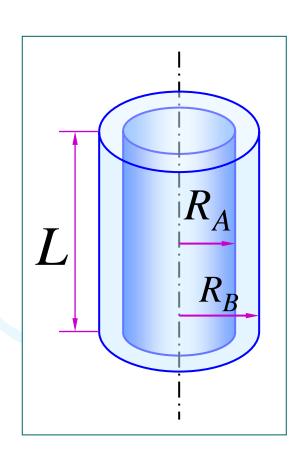


等势体

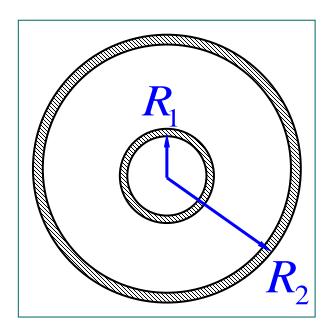




# 电容计算



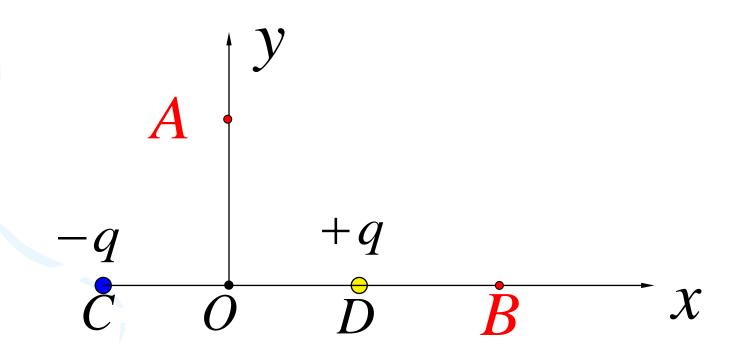
$$C = \frac{Q}{U}$$





习题1 已知: OC = OD = DB = l

求单位正电荷e从A移到B过程中, 电偶极子对其做的功.



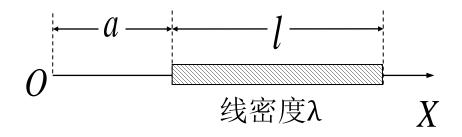




#### 习题2

带电细棒延长线上一点的电场强度和电势

---叠加法



O点的电场强度和电势

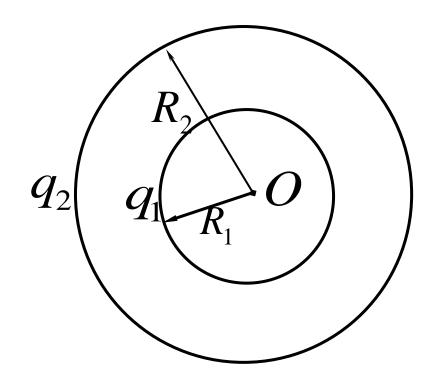




习题3 两个同心球面半径分别为 $R_1$ 和 $R_2$ ,各自带有电荷  $q_1$ 、 $q_2$ ,如图所示。

求:

- (1)  $\vec{E}$  的分布
- (2) 任意一点的电势
- (3) 两球面上的电势差







两棒带电,左棒无限长,右棒长L 习题4 求两带电棒之间的静电力

# 振动

机械振动

简谐运动 的描述 特征量

振动方程

旋转矢量图

振动曲线图

简谐运动的合成





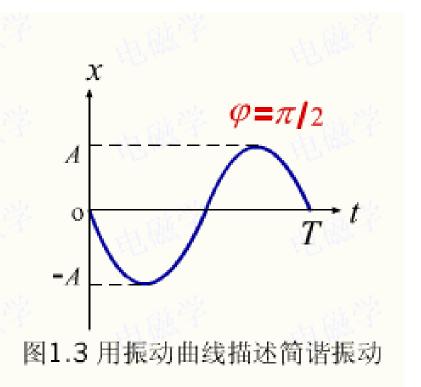
◈描述简谐运动的特征量

两个振动的关系:同相、反相

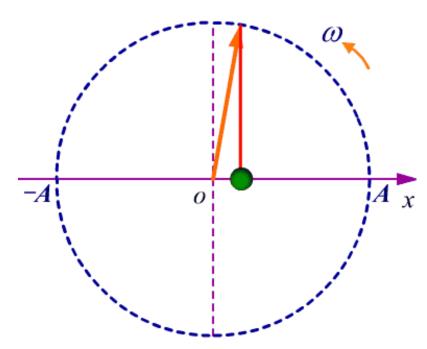




#### 图像描述



#### 旋转矢量图

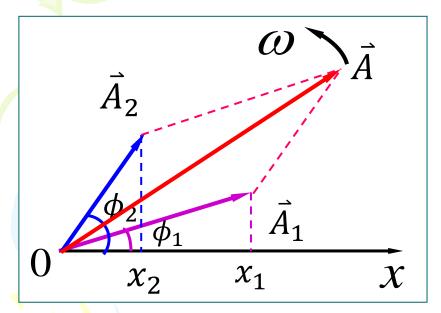


了解各特征量在图线上的意义





#### ◆ 简谐运动的合成



#### 同方向同频率

$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos\Delta\varphi}$$

#### 相位差:

同相; 反相

$$\Delta \varphi = \pm 2k \pi \qquad A = A_1 + A_2$$

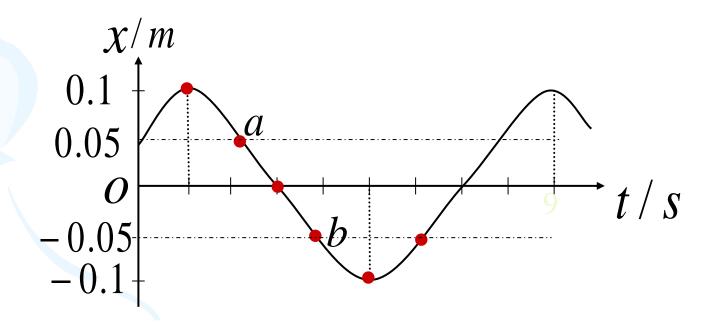
$$\Delta \varphi = \pm (2k+1)\pi \quad A = |A_1 - A_2|$$





练习:已知简谐运动的 x-t 图线, 写出六个点对应的相位

(易错:最后一个点)



$$\Delta t_{ab} = \underline{\phantom{a}} T$$





波动

机械行波的产生及特点

机械波

波的描述

物理量;波函数;图形; 传播规律

波的叠加

干涉 半波损失



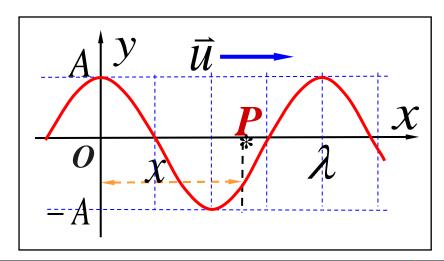


- 1. 描述波的物理量
  - ◈ 波长 周期 频率 波速

$$\lambda = uT = u/v$$

$$\Delta \varphi_{AB} = \frac{2\pi}{\lambda} r_{AB}$$

### 2.能从波形曲线中读出有用信息



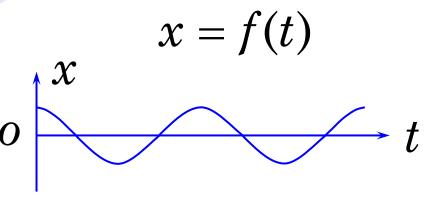




# 振动方程与波函数

$$x = A\cos(\omega t + \varphi)$$

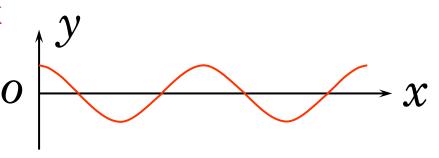
振动方程是时间t的函数



波函数是波程X 和时间 t 的函数,描写某一时刻任 意位置处质点振动位移。

$$y = A\cos\left[\omega\left(t - \frac{x}{u}\right) + \varphi\right]$$

$$y = f(x,t)$$





#### 3波动方程(波函数)

# 振动方程

已知:点 $X_0$ 振动方程

$$y_{x_0} = A\cos(\omega t + \varphi)$$

求:波函数

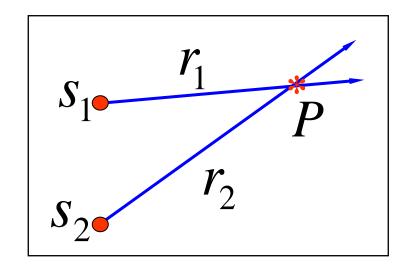
$$y = A\cos[\omega(t \mp \frac{x - x_0}{u}) + \varphi]$$

$$y = A\cos[\omega t + \varphi \mp \frac{2\pi(x - x_0)}{\lambda}]$$



4.波的叠加:干涉

干涉:波的相干叠加



干涉的相干条件是什么?

干涉特点: 振幅在空间有稳定的分布

相位差

$$\Delta \varphi = \varphi_2 - \varphi_1 - 2\pi \frac{r_2 - r_1}{\lambda}$$





干涉加强和减弱的条件

$$\Delta \varphi = \pm 2k \pi \quad k = 0,1,2,\cdots$$
 $A = A_1 + A_2$  振动始终加强—干涉相长
 $\Delta \varphi = \pm (2k+1) \pi \quad k = 0,1,2,\cdots$ 
 $A = |A_1 - A_2|$  振动始终减弱—干涉相消
 $\Delta \varphi = \pm \ell \quad |A_1 - A_2| < A < A_1 + A_2$ 





练习

A、B是简谐波波线上的两点,已知B点的相位比

A点落后d3, A、B两点相距0.5m,波的频率为

100Hz,则该波的

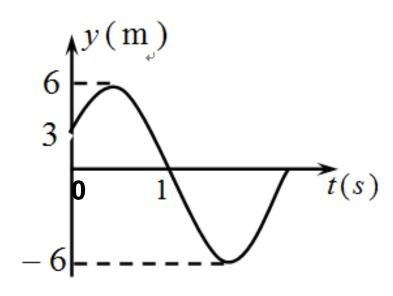
波长
$$\lambda =$$
\_\_\_\_\_\_m,





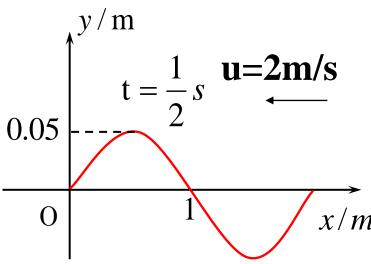
一列负x轴方向(u = 3m/s)传播的简谐横波在x=-1m处的点P振动图像如图所示,求:

- (1) 点P的振动方程
- (2) 波函数





- 一平面波沿一x方向传播, u=2m/s。求:
  - (1) 0点初相
  - (2) x=1m处质点的初相
  - (3) x=1m处振动的状态 (即相位)需要多久传到O点?
  - (4) 平面波的波函数。

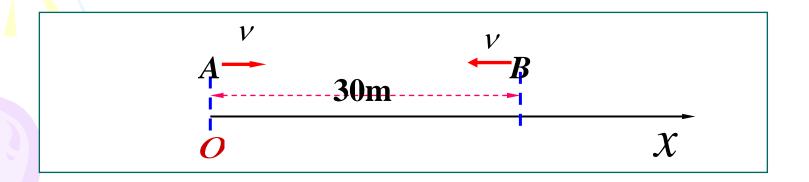






练习:

**AB**两个相干波源,振幅相等,频率都是**100Hz**,初相差为 $\pi$ ,若|AB|=30m波速为**400**m/s,求**AB**连线之间因叠加而静止的各点位置。







一、相干光的获得(波阵面振幅)

光

二、双缝干涉

的

三、光程 半波损失

干

涉

四、薄膜干涉(增透/反膜)





- > 波程:波所走过的几何路程 r
- $\rightarrow$  光程: 介质折射率 n 与光的几何路程 r 之积 nr

波速和波长随着介质的变化而变化

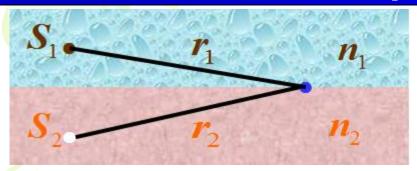
折射率为n介质中

波长为 
$$\lambda_n = \frac{\lambda}{n}$$

$$\Delta \varphi = 2\pi \frac{l!}{\lambda_n} = 2\pi \frac{nl}{\lambda}$$







$$\varphi_2 - \varphi_1 = 0$$

波程差 
$$\Delta r = r_2 - r_1$$

有不同介质,*几何 路程差*没有意义

光程差 
$$\Delta = (n_2 r_2 - n_1 r_1)$$

相位差 
$$\Delta \varphi = \varphi_2 - \varphi_1 - \frac{2\pi}{\lambda} (n_2 r_2 - n_1 r_1) = -2\pi \frac{\Delta}{\lambda}$$

$$\Delta \varphi = (\varphi_2 - \frac{2\pi}{\lambda_{n2}} r_2) - (\varphi_1 - \frac{2\pi}{\lambda_{n1}} r_1)$$





光的干涉的相关计算

步骤:

①找出两束相干光

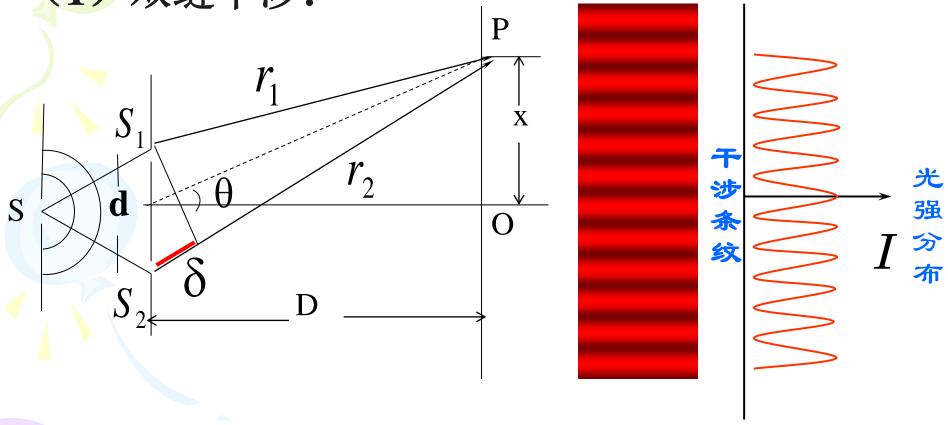
$$\Delta \boldsymbol{\varphi} = 2\pi \frac{\Delta}{\lambda}$$

②计算 光程差 $\Delta$ 





(1) 双缝干涉:



$$\Delta r = r_2 - r_1 \approx d \sin \theta$$

求各级角位置、线位置及间距





# 干涉明暗原理

$$\Delta \varphi = \begin{cases} \pm 2k\pi \\ \pm (2k-1)\pi \end{cases}$$



#### 干涉明暗条件

$$\Delta r = \begin{cases} \pm k\lambda \\ \pm (2k-1)\frac{\lambda}{2} \end{cases}$$

# 明暗条纹 间距

$$\Delta x = \frac{D}{d} \lambda$$

#### 明暗条纹的位置

$$x = \begin{cases} \pm k \frac{D}{d} \lambda \\ \pm \frac{D}{d} (2k-1) \frac{\lambda}{2} \end{cases}$$

# 波程差

$$\Delta r = d \sin \theta$$

$$\approx d \tan \theta$$

$$=d\frac{x}{D}$$

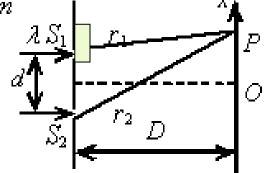




- 练习、双缝干涉实验装置如图所示,双缝与屏之间的距离D=100 cm,两缝间 距d=0.50 mm,用波长λ=500 nm 单色光垂直照射双缝.试求:
- (1) 求原点O (零级明条纹所在处)上方的第3级明条纹的坐标x。
- (2) 如果用厚度为h,折射率为n的透明薄膜,覆盖在图中的S1缝后面,此时双缝至P点的光程差表达式
- (3)如果n=1.58,且零级明纹移至原7级明纹处,求该薄膜的厚度h。

解:(1) 
$$\delta = \frac{dx}{D} = 3\lambda$$
  $x = \frac{3\lambda D}{d} = 3.0 \times 10^{-3} m$ 

(2) 
$$\delta' = r_2 - [(r_1 - h) + nh]$$

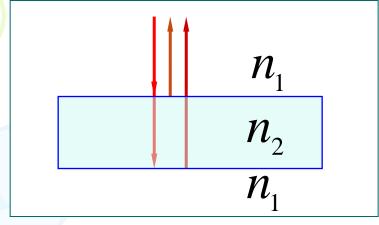


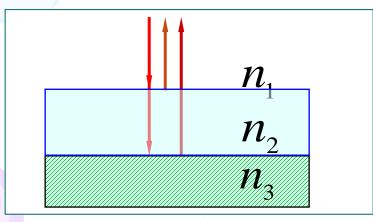
$$h = \frac{7\lambda}{n-1}$$





# (2) 薄膜干涉





- ①找到薄膜
- 透射光?
- ②明确相干光 反射光?
- ③计算光程差

$$\Delta = 2dn_2 + \frac{\lambda}{2}$$
?

◆ 增透膜和增反膜

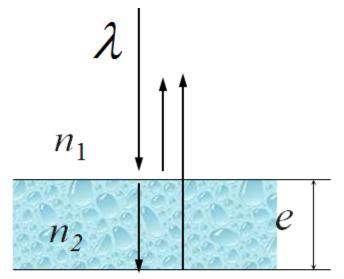




 $n1 \le n2 \le n3$ 如图,

增透膜应满足条件(1);

增反膜应满足条件(2).



条件(1),条件(2)分别是  $n_3$ 

**(A)** (1)
$$2n_2e = k\lambda$$
,

$$(2) 2n_2 e = k\lambda.$$

**(B)** (1)
$$2n_2e = k\lambda + \lambda/2$$
, (2)  $2n_2e = k\lambda$ .

$$(2) 2n_2e = k\lambda.$$

(C) 
$$(1)2n_2e = k\lambda$$
,

(C) (1) 
$$2n_2e = k\lambda$$
, (2)  $2n_2e = k\lambda - \lambda/2$ .

**(D)** (1)
$$2n_2e = k\lambda - \lambda/2$$
, (2)  $2n_2e = k\lambda - \lambda/2$ .

(2) 
$$2n_2e = k\lambda - \lambda/2$$
.

答案:





一、光的衍射(现象;分类;惠一菲原理)

光

的

二、单缝衍射

(半波带法)

衍

三、光栅衍射

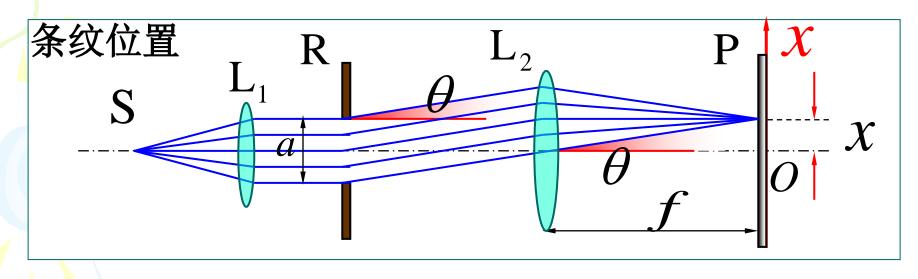
射

(光栅方程; 缺级; 光谱)





单缝衍射: 哪里是半波带?数目固定吗?



当 $\theta$ 较小时, $\sin \theta \approx \theta \approx \tan \theta$ 

$$x = \theta f$$

推导: 中央明纹宽度; 各级明纹宽度

各级明暗纹中心坐标,对应的半波带数目





#### 单缝衍射公式

$$a\sin\theta = 0$$

#### 中央明纹中心

$$a\sin\theta = \pm 2k\frac{\lambda}{2} = \pm k\lambda$$

暗纹中心

级数?

半波带数?

会义?

$$a\sin\theta = \pm(2k+1)\frac{\lambda}{2}$$

明纹中心

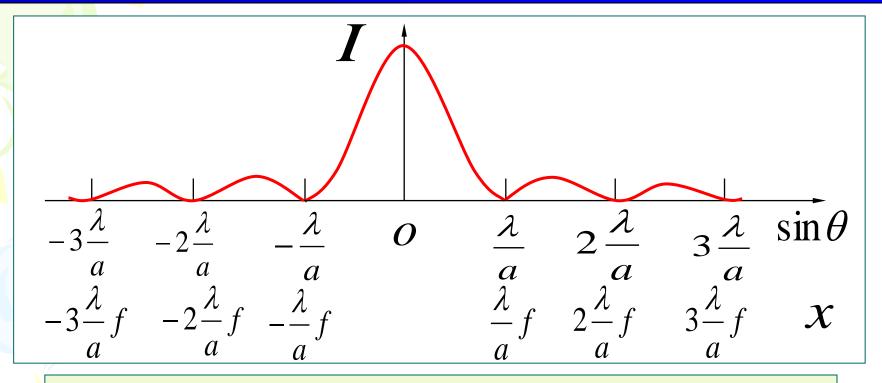
$$(k = 1, 2, 3, \cdots)$$

注意: k不取0

求各级 角位置、线位置及条纹宽度







$$\Delta x_0 = 2\Delta x = 2\frac{\lambda f}{a}$$

中央明纹的线宽度

$$\Delta x = \theta_{k+1} f - \theta_k f = \frac{\lambda f}{a}$$

除了中央明纹外其它明 纹 (暗纹)的宽度





练习:

单缝衍射中,当衍射角 $\varphi$ 满足 $a\sin \varphi = 3\lambda$ 时

阵面可分为\_\_\_6\_\_个半波带。

若将缝宽缩小一半,则此位置将变为第<u>1</u>级明 条纹





练习:可见平行光入射单缝,已知缝宽0.5mm,透镜 f=100cm,在离屏上中央明纹中心距离1.5mm处

- 的P点为某级亮纹中心,求:
  - (1)入射光波长
  - (2) P点条纹级数和及其对应的衍射角
  - (3) P点对应的波阵面可分为几个半波带
  - (4) 中央明纹的宽度







光

栅

衍

射

光栅构造: 光栅常数 a+b

定性:

单缝衍射+多缝(光束)干涉

光栅条纹

定量:

光栅方程+缺级条件





#### 光栅方程(明纹位置)

$$d\sin\theta = \pm k\lambda$$
  $(k = 0,1,2,\cdots)$ 

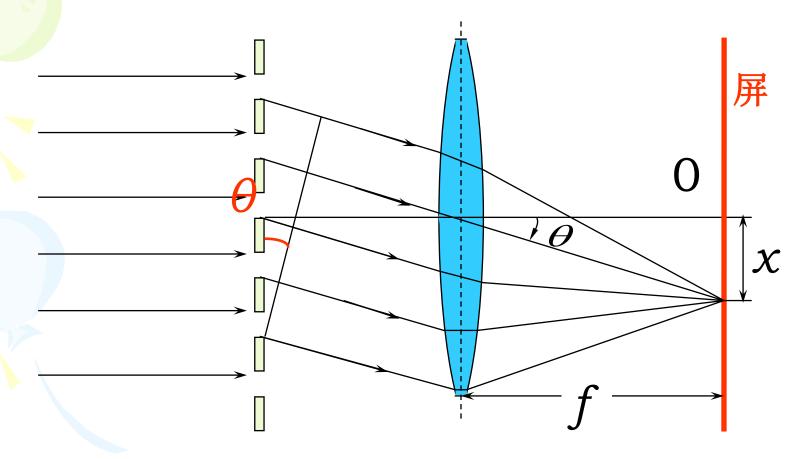
#### 缺级条件:

$$d\sin\theta = k\lambda$$

$$a\sin\theta = k'\lambda$$

$$\frac{d}{a} = \frac{k}{k'} \quad (k' = \pm 1, \pm 2, \cdots)$$



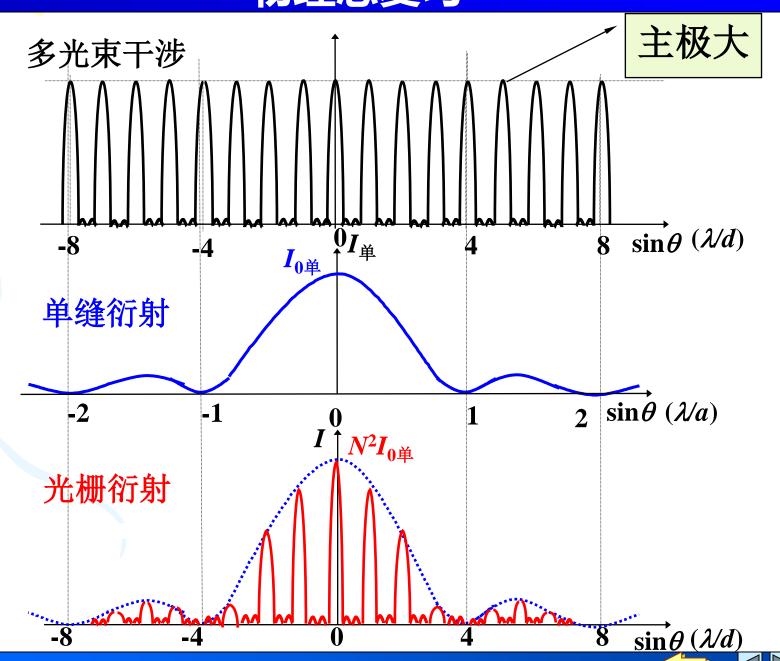


当 $\theta$ 较小时, $\sin\theta \approx \theta \approx \tan\theta$   $x = \theta f$ 

求各级 角位置、线位置  $\theta_k$   $x_k$ 







练习:

光栅夫琅禾费衍射中*单缝中央宽度* 内有13条主极大明条纹,则光栅常数 d与缝宽a应有什么关系?





- $\lambda = 600nm$  单色光垂直入射光栅,已知2个相邻明纹分别位于 $\sin \theta = 0.2$ 与 $\sin \theta' = 0.3$ 处,明纹第4级缺级,求
  - (1) 光栅常数
  - (2) 可能缝宽
- (3) 对应最小缝宽,单缝中央条纹内有多少条明纹?整个屏上的明纹有多少?





# 题型:

- 一、选择题(10题)
- 二、判断题(5题)
- 三、填空题(6题)
- 四、计算题(6题)



$$t = \frac{t' + ux'/c^2}{\sqrt{1 - u^2/c^2}} \quad \Delta t = \frac{\Delta t_0}{\sqrt{1 - u^2/c^2}}$$
相对论 
$$|l = l_0 \sqrt{1 - u^2/c^2}$$
 双缝干涉  $r_2 - r_1 \approx d \sin \theta \approx d \frac{x}{D}$ 

静电力做功 
$$A=q_0U_{ab}=q_0\int\limits_a^b \bar{E}\cdot d\bar{l}=q_0(\varphi_a-\varphi_b)$$
 光程  $\Delta\varphi=\frac{2\pi}{\lambda_n}r=\frac{2\pi}{\lambda}m$   $\leftarrow$ 

相位差 
$$\Delta \varphi = \varphi_2 - \varphi_1 - \frac{2\pi}{\lambda}(r_2 - r_1)$$
 夫琅禾费衍射  $\theta \approx \sin \theta \approx \frac{x}{f}$  光栅缺级  $\frac{d}{a} = \frac{k}{k'} \leftrightarrow \frac{\pi}{k'}$ 

波函数 
$$y = A\cos[\omega(t\mp\frac{x-x_0}{u})+\varphi] = A\cos[\omega\ t+\varphi\mp\frac{2\pi}{\lambda}(x-x_0)]$$



