PJJ Tahap 3 IMO 2016 Tidak Resmi

Paket 4

DJ Ilhan rmx

1 Aturan Main

- Solusi dikumpul paling lambat Sabtu, 16 April 2016 22:59 WIB.
- Soal dibuat sehingga no. 1 kira-kira sesusah no. 2 IMO, no. 3 sesusah no. 3 IMO. No. 2 somewhere in between. Anak tahap 3 udah ga jaman ngerjain soal no. 1 atau 4.
- Solusi boleh diketik, discan ataupun difoto.
- Kirimkan ke: 7744han@gmail.com ATAU h.i@u.nus.edu ATAU e0008984@u.nus.edu. Tulis nama Anda di subjek email.
- Umpan balik akan diberikan ke Anda. (Udah kayak KTO aja)
- Juara 1, 2, dan 3 bakal dapat hadiah (woo!)
- Soal akan di-post di olimpiade.org setelah batas pengumpulan. Harap partisipasinya dalam meramekan forum anak bangsa.
- Above all, PJJ ini tidak di-enforce kok. Iseng-iseng aja.

2 Soal-soal

(Balik lagi ke Bahasa Indonesia, supaya semangat kenegaraaan kalian tumbuh (?))

- 1. Diberikan P dan Q suku banyak monik dengan koefisien kompleks sehingga P(P(x)) = Q(Q(x)) untuk setiap x kompleks. Buktikan P(x) = Q(x) untuk setiap x kompleks.
- 2. Diberikan dua bilangan bulat positif m dan n. Diketahui pula terdapat sebuah perkumpulan yang berisi k orang yang mana untuk setiap 2 orang A dan B di perkumpulan tersebut, antara A dan B saling mengenal atau keduanya saling tidak mengenal. Kemudian, diketahui bahwa selalu terjadi: antara ada 2m orang $a_1, a_2, \ldots, a_m, b_1, b_2, \ldots, b_m$ sehingga a_i dan b_i saling mengenal untuk setiap i, atau ada 2n orang $c_1, c_2, \ldots, c_n, d_1, d_2, \ldots, d_n$ sehingga c_i dan d_i saling tidak mengenal untuk setiap i. Tentukan nilai k terkecil dalam m dan n.
- 3. Cari semua $f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ sehingga (f(x) + y)(f(y) + x) kuadrat sempurna untuk semua $x, y \in \mathbb{N}$.

"Saya sudah punya KTP loh" - Gede Bagus Bayu Pentium