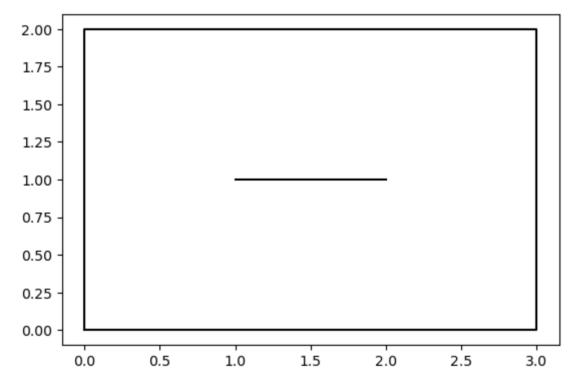
Tímagdæmi 08 Stærð- og Reiknifræði REI201G

Donn Eunice Bartido deb5@hi.is

febrúar 2023

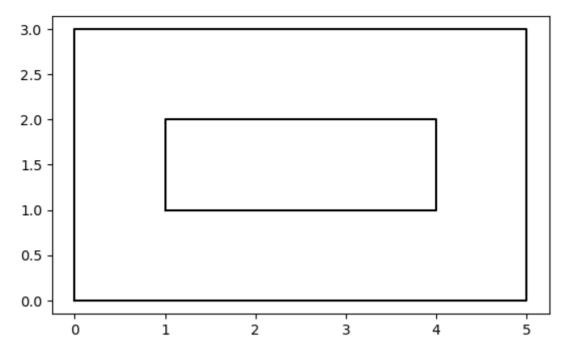
Lausn 30.1



```
# Snúum rétthyrningnum í lið 1
M = np.array([[0, 3, 3, 0, 0],
              [0, 0, 2, 2, 0]])
M snud = R @ M
print(M snud)
import matplotlib.pyplot as plt
plt.plot(M[0], M[1], color='black')
plt.plot(M snud[0], M snud[1], color='red')
plt.gca().set aspect('equal')
plt.show()
[[ 0.8660254 -0.5
[ 0.5
              0.866025411
[[ 0.
               2.59807621
                           1.59807621 -1.
                                                     0.
                                                                ]
                            3.23205081 1.73205081
[ 0.
               1.5
                                                     0.
                                                                ]]
3.0
2.5
2.0
1.5
1.0
0.5
0.0
           -0.5
                    0.0
                           0.5
                                  1.0
                                         1.5
                                                2.0
     -1.0
                                                       2.5
                                                              3.0
```

```
In [47]: import numpy as np
         import matplotlib.pyplot as plt
         stærri = np.array([[0, 0], [0, 3], [5, 3], [5, 0], [0, 0]])
         minni = np.array([[1, 1], [1, 2], [4, 2], [4, 1], [1, 1]])
         M = np.hstack([stærri.T, np.nan*np.ones((2,1)), minni.T])
         print(M)
         plt.plot(M[0], M[1], color='black')
         plt.gca().set_aspect('equal')
         plt.show()
         .0]]
                        5.
                             0. nan 1.
                                         1.
                                             4.
                                                 4.
                                                     1.]
                    3.
                        0.
                             0. nan
                                     1.
                                         2.
          [ 0.
                                             2.
                                                 1.
                                                     1.]]
```

02/03/2023, 00:29 t



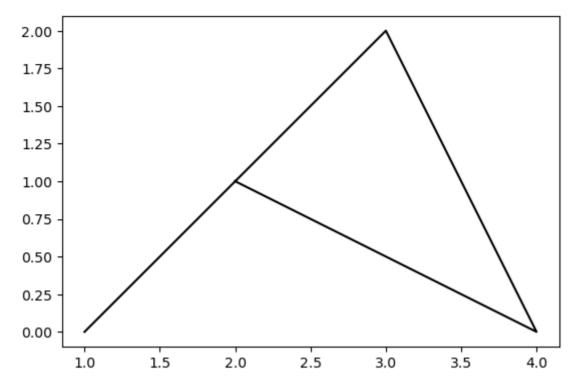
```
In [48]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

A = np.array([1, 0])
B = np.array([3, 2])
C = np.array([4, 0])
H = np.array([3, 0])

AB = B - A
AC = C - A
AH = H - A
proj_H = A + ((np.dot(AH, AB) / np.dot(AB, AB)) * AB)

T = np.array([A, B, C, proj_H]).T

plt.plot(T[0], T[1], color='black')
plt.gca().set_aspect('equal')
plt.show()
```

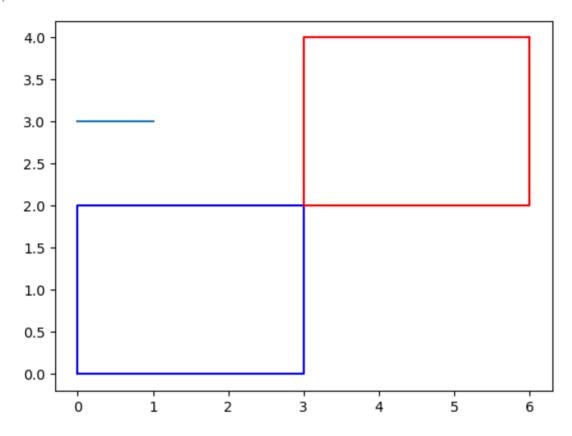


```
In [59]: import numpy as np
         import matplotlib.pyplot as plt
         def hiðra_snúa_hliðra(mynd, horn, punktur):
             # Hliðra myndinni svo punkturinn sem skal snúa um verður í (0,0)
             T1 = np.array([[1, 0, -punktur[0]], [0, 1, -punktur[1]], [0, 0, 1]])
             mynd_hlidrad = T1 @ mynd
             # Snúa um hornið
             radianar = np.deg2rad(horn)
             R = np.array([[np.cos(radianar), -np.sin(radianar), 0],
                           [np.sin(radianar), np.cos(radianar), 0],
                           [0, 0, 1]])
             mynd snud = R @ mynd hlidrad
             # Hliðra myndinni aftur á réttan stað
             T2 = np.array([[1, 0, punktur[0]], [0, 1, punktur[1]], [0, 0, 1]])
             mynd snud hlidrad = T2 @ mynd snud
             return mynd snud hlidrad
         # Liður 4: Þríhyrningur með hæð
         A = np.array([1, 0, 1])
         B = np.array([3, 2, 1])
         C = np.array([4, 0, 1])
         # Hæðin gengur frá B niður á hliðina AC
         AC = C - A
         hæðstika = np.array([-AC[1], AC[0], 0])
         T = np.array([[1, 0, B[0]], [0, 1, B[1]], [0, 0, 1]])
         T_1 = np.array([[1, 0, -B[0]], [0, 1, -B[1]], [0, 0, 1]])
         AC hliðrað = T 1 @ AC
         lengd hæðar = np.linalg.norm(AC hliðrað)
         # Mynda lista með hornum fyrir rétthyrningar á samsíða yfirborði
```

```
horn = [0, 30, 60, 90, 120, 150]
rett_hy = np.array([[0, 0, 1], [3, 0, 1], [3, 2, 1], [0, 2, 1], [0, 0, 1]])
# Liour 5: Hliora—snúa—hliora
rett_hy_snud = hiora_snúa_hliora(rett_hy.T, 180, B).T

# Teikna upphaflega og snúna rétthyrningana
plt.plot(rett_hy[:,0], rett_hy[:,1], 'b-')
plt.plot(rett_hy_snud[:,0], rett_hy_snud[:,1], 'r-')
plt.plot([B[0], B[0] + hæðstika[0]])
```

Out [59]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x12004c070>]

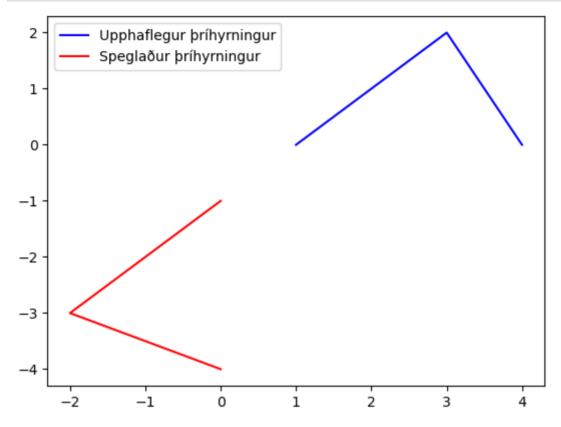


```
In [62]:
         import numpy as np
         import matplotlib.pyplot as plt
         # Þríhyrningur með hæð
         T = np.array([[1, 3, 4], [0, 2, 0]])
         B = np.array([[3], [2]])
         \# Reiknum stigulhorn línu y = ax
         a = 1 # Breyta með ákveðnu gildi
         theta = np.arctan(a)
         # Finnum snúningsfylkið
         R = np.array([[np.cos(theta), -np.sin(theta)], [np.sin(theta), np.cos(theta)
         # Finnum speglunarfylkið
         S = np.array([[1, 0], [0, -1]])
         # Finnum fylkið sem snýr til baka
         R inv = np.linalg.inv(R)
         # Finnum samanlagt fylki sem snýr, speglar og snýr til baka
```

```
M = R_inv @ S @ R

# Spegla T um línuna y = ax
T2 = M @ T

# Teiknum upphaflega og snúna þríhyrninginn á sama mynd
plt.plot(T[0], T[1], 'b-', label='Upphaflegur þríhyrningur')
plt.plot(T2[0], T2[1], 'r-', label='Speglaður þríhyrningur')
plt.legend()
plt.show()
```



Lausn við 33.1

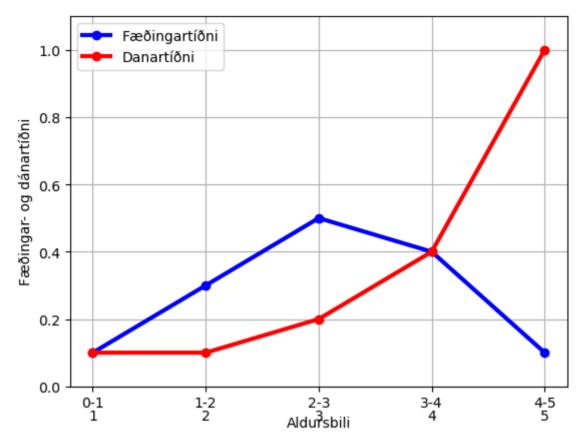
```
In [64]: import numpy as np
         fylki = np.array([[0.1, 0.1], [0.3, 0.1], [0.5, 0.2], [0.4, 0.4], [0.1, 1.0]
         fjoldi = np.array([100, 200, 300, 200, 200])
         stofnstaerd = np.zeros((7, 2))
         stofnstaerd[0] = fjoldi[0] - (fylki[0, 1] * fjoldi[0])
         for i in range(1, 7):
             f = fylki[i%5]
             stofnstaerd[i] = stofnstaerd[i-1] * (1 + f[0] - f[1])
         print(stofnstaerd)
         [[ 90.
                    90.
          [108.
                   108.
          [140.4
                   140.4
                         - 1
          [140.4
                   140.4
          [ 14.04
                   14.04 ]
                    14.04 ]
          [ 14.04
```

Lausn 33.2

Já, stofninn mun að lokum deyja út vegna mismunandi fæðingar- og danartíðni í mismunandi aldursbölum. Eins og má sjá í upphafspóstinum er fæðingartíðni lægst á 0-1 ára aldri og hækkar síðan á eftir, með hámarki á 2-3 ára aldri. Danartíðni hækkar hins vegar með aldrinum og nálgast hámarki á 4-5 ára aldri. Þegar stofnstærðin verður neikvæð, þá er hún orðin jafnvel minni en enginn fjöldi, svo það er þá ekki lengur hægt að tala um lífi stofnsins. Þetta gerist í þessu tilfelli á árinu 7, eins og var sýnt í útreikningum.

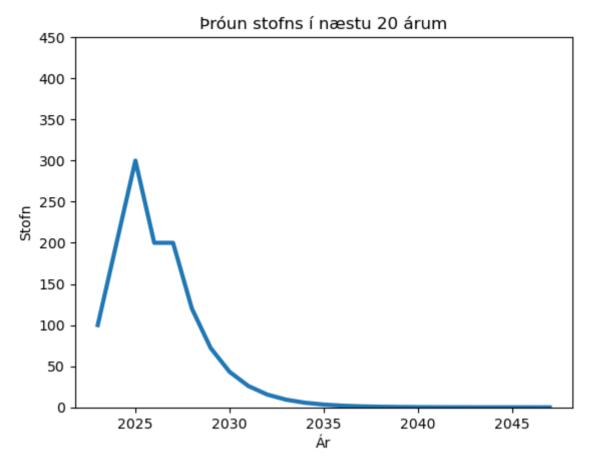
Lausn 33.3

```
In [67]: import numpy as np
         import matplotlib.pyplot as plt
          aldur = np.array([0.5, 1.5, 2.5, 3.5, 4.5])
          fæ\deltaing = np.array([0.1, 0.3, 0.5, 0.4, 0.1])
         danir = np.array([0.1, 0.1, 0.2, 0.4, 1.0])
         x fæðing = aldur
         y fæðing = fæðing
         x danir = aldur
         y danir = danir
         plt.plot(x fæðing, y fæðing, 'o-', color='blue', linewidth=3, label='Fæðinga
         plt.plot(x_danir, y_danir, 'o-', color='red', linewidth=3, label='Danartíðni
         plt.ylim(0, 1.1)
         plt.ylabel('Fæðingar- og dánartíðni')
         plt.xticks(aldur, ['0-1', '1-2', '2-3', '3-4', '4-5'])
         plt.xlabel('Aldursbili')
         plt.legend()
         plt.grid()
         for i, v in enumerate(aldur):
             plt.text(v, -0.1, str(i+1), fontsize=10, ha='center')
         plt.show()
```



Lausn 33.4

```
In [70]: import numpy as np
         import matplotlib.pyplot as plt
         # Gögn sem tilgreina fæðingar- og dánartíðni ásamt stofnstærðum í byrjun
         fæ\deltaingartíðni = np.array([0.1, 0.3, 0.5, 0.4, 0.1])
         danartíðni = np.array([0.1, 0.1, 0.2, 0.4, 1.0])
         stofn = np.array([100, 200, 300, 200, 200])
         # Reiknum út stofnstærðirnar fyrir næstu 20 ár
         for ár in range(1, 21):
             # Reiknum út nýja stofnstærðina með því að margfalda gömlu stofnstærðina
             # með einu plús mismun milli fæðingar- og dánartíðni
             n\acute{y} stofn = stofn[-1] + (stofn[-1] * (fæðingartíðni - danartíðni)).sum()
             stofn = np.append(stofn, ný_stofn)
         # Búum til fylki af öllum árunum sem við viljum mynda línurit af
         # Teiknum línurit
         plt.plot(árin, stofn, linewidth=3)
         plt.ylim(0, 450)
         plt.xlabel('Ár')
         plt.ylabel('Stofn')
         plt.title('Próun stofns í næstu 20 árum')
         plt.show()
```



In []: