

# 2018 年河北省初中毕业生升学文化课考试

## 数学答案

### 一、选择

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
选项	A	B	C	C	C	D	A	B	D	A	A	B	A	D	B	D

### 二、填空

17、2； 18、0； 19、14,21。

### 三、解答

20、

$$\begin{aligned}
 (1) \text{ 解: } & (3x^2+6x+8)-(6x+5x^2+2) \\
 & = 3x^2+6x+8-6x-5x^2-2 \\
 & = -2x^2+6
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (2) \text{ 设印刷不清楚的数字为 } a, \\
 \text{ 则原式 } & (ax^2+6x+8)-(6x+5x^2+2) \\
 & = ax^2+6x+8-6x-5x^2-2 \\
 & = (a-5)x^2+6
 \end{aligned}$$

∵ 该题标准答案的结果是常数

$$\therefore a-5=0, \text{ 即 } a=5$$

即原题中印刷不清楚的数字为 5

21、

(1) 解：由条形图可知，读书为 6 册的学生有 6 人  
由扇形图可知，读书为 6 册的学生站总人数的 25%

$$\therefore \text{总人数} = \frac{6}{25\%} = 24 \text{ (人)}$$

∴ 读书为 5 册的学生数为  $24-5-6-4=9$  (人)，即被遮盖的数是 9

∴ 共抽取了 24 名学生的调查结果

∴ 中位数是第 12、13 名学生读书册数的平均数

又 ∵ 第 12、13 名学生读书册数均是 5，即中位数是 5

(2) 解：读书超过 5 册的学生数为  $6+4=10$  (人)

$$\therefore P(\text{读书超过 5 册}) = \frac{10}{24} = \frac{5}{12}$$

(3) 设补查人数为  $x$  人，则补查后共有  $(24+x)$  名学生参与调查

∴ 中位数不改变，仍然是 5

∴ 当  $x$  为奇数时，第  $\frac{24+x+1}{2}$  名学生的调查结果为中位数，即第  $\frac{24+x+1}{2}$  名学生读书册数为 5

$$\therefore \frac{24+x+1}{2} \leq 14, \text{ 解得 } x \leq 3$$

∴ 当  $x$  为偶数时，第  $\frac{24+x}{2}$  和  $\frac{24+x}{2} + 1$  名学生的调查结果的平均值为中位数，即第  $\frac{24+x}{2}$  和

$\frac{24+x}{2} + 1$  名学生读书册数均为 5

$$\therefore \frac{24+x}{2} + 1 \leq 14, \text{ 解得 } x \leq 2$$

∴ 最多补 3 人

22、

尝试：(1) 由题意得  $-5-2+1+9=3$

$\therefore$  前 4 个台阶上的数字和是 3.

(2) 由题意得  $-2+1+9+x=3$

解得  $x=-5$ , 即第 5 个台阶上的数  $x$  是 -5

应用：由题意可知，台阶上的数字每 4 个一循环

$$\because 31 \div 4 = 7 \dots 3$$

$$\therefore 7 \times 3 - 5 - 2 + 1 = 15$$

即从下到上 31 个台阶上数的和是 15.

发现：由循环规律可知“1”所在的台阶数为  $4k-1$

23、

(1) 证明： $\because P$  为  $AB$  中点

$$\therefore AP=BP$$

$$\therefore \text{在 } \triangle APM \text{ 和 } \triangle BPN \text{ 中} \begin{cases} \angle A = \angle B & (\text{已知}) \\ AP = BP & (\text{已求}) \\ \angle APM = \angle BPN & (\text{对顶角}) \end{cases}$$

$$\therefore \triangle APM \cong \triangle BPN \text{ (ASA)}$$

(2) 解：由 (1) 结论可得  $PM=PN$

$$\therefore 2PN=MN$$

$$\text{又 } \because MN=2BN$$

$$\therefore MN=BN$$

$$\text{又 } \because \angle A = \angle B = 50^\circ$$

$$\therefore \angle \alpha = \angle B = 50^\circ$$

(3)  $40^\circ < \alpha < 90^\circ$  (提示，外心钝角  $\triangle$  在外， $Rt\triangle$  在斜边中点，锐角  $\triangle$  在内)

24、

(1) 解：代入  $C(m, 4)$  到  $y = -\frac{1}{2}x + 5$ , 得  $4 = -\frac{1}{2}m + 5$

解得  $m=2$

设  $l_2$  的解析式为  $y=kx$

代入  $C(2, 4)$  到  $y=kx$  得  $4=k \cdot 2$

解得  $k=2$ , 即  $l_2$  的解析式为  $y=2x$

(2) 解：把  $x=0$  和  $y=0$  分别代入到  $y = -\frac{1}{2}x + 5$ , 得  $y = -\frac{1}{2} \times 0 + 5$ ; 和  $0 = -\frac{1}{2}x + 5$ ;

解得  $y=5$ ,  $x=10$

$$\text{又 } \because (1) \text{ 的结论得 } S_{\triangle AOC} = \frac{1}{2} \times 10 \times 4 = 20; S_{\triangle BOC} = \frac{1}{2} \times 5 \times 2 = 5$$

$$\therefore S_{\triangle AOC} - S_{\triangle BOC} = 20 - 5 = 15$$

(3) ①过点  $C$  时,  $k=\frac{3}{2}$ ; ②  $l_3$  平行于  $l_1$  时  $k=-\frac{1}{2}$ ; ③  $l_3$  平行于  $l_2$  时  $k=2$

25、

(1) 解：设  $\widehat{AP}$  的角度为  $n$

由题意可知，圆半径  $r=OA=26$ ,  $\widehat{AP}=13$

$$\therefore \widehat{AP} = \frac{n\pi r}{180} = \frac{n\pi \times 26}{180} = 13\pi$$

解得  $n=90^\circ$ , 即  $\angle AOP=90^\circ$

又  $\because l \parallel OB$

$$\therefore \angle PQO = \angle AOB$$

$$\text{又 } \because \tan \angle AOB = \frac{4}{3}$$

$$\therefore \text{Rt}\triangle POQ \text{ 中, } \frac{PO}{OQ} = \frac{4}{3}, \text{ 即 } \frac{26}{OQ} = \frac{4}{3}$$

$$\therefore OQ = \frac{39}{2}, \text{ 即 } x = \frac{39}{2}$$

- (2) 解: 要使  $x$  最小,  $Q$  点需在最左的位置  
 $\therefore$  平移  $PQ$  使  $l$  与  $\widehat{AB}$  所在的圆相切于  $P$ , 如图  
 $\therefore l \parallel OB$ , 即  $QP \parallel OB$

$$\therefore \tan \angle OQP = \tan \angle AOB = \frac{4}{3}$$

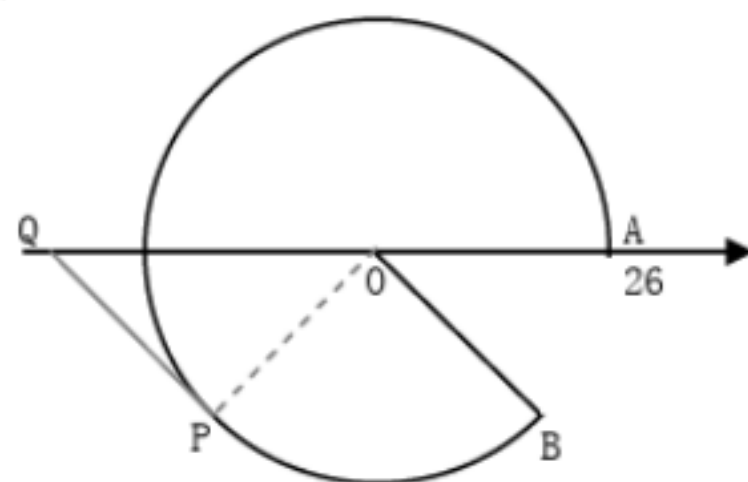
$$\therefore \frac{OP}{OQ} = \frac{4}{\sqrt{3^2+4^2}} = \frac{4}{5}$$

$$\therefore \frac{26}{OQ} = \frac{4}{5}$$

$$\therefore OQ = \frac{65}{2} = 32.5$$

$\therefore x$  的最小值为  $-32.5$

此时  $l$  与  $\widehat{AB}$  所在的圆相切



- (3)  $x$  的值为  $\pm 31.5$ 、 $-16.5$

(如图  $P$ 、 $Q$ 、 $M$ ;  $P'$ 、 $Q'$ 、 $M'$ ;  $P''$ 、 $Q''$ 、 $M''$  三组。

已知  $PQ$  ( $P'Q'$ 、 $P''Q''$ )  $= 12.5$ ;

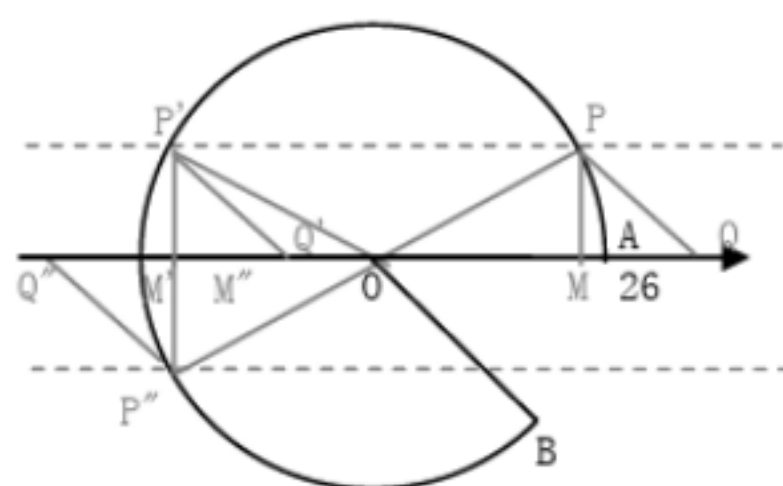
则  $QM$  ( $M'Q'$ 、 $M''Q''$ )  $= 7.5$ ;

$PM$  ( $P'M'$ 、 $P''M''$ )  $= 10$ ;

又因为  $OP$  ( $OP'$ 、 $OP''$ )  $= 26$ ;

所以  $OM$  ( $OM'$ 、 $OM''$ )  $= 24$ ;

则  $OQ = 24 + 7.5 = 31.5$ 、 $OQ' = -(24 - 7.5) = -16.5$ 、  
 $OQ'' = -(24 + 7.5) = -31.5$ )



26、

- (1) 解: 由题意得, 点  $A(1, 18)$ , 代入  $y = \frac{k}{x}$  得  $18 = \frac{k}{1}$

解得  $k = 18$

设  $h = at^2$ , 将  $t = 1$ ,  $h = 5$  代入得  $5 = a \cdot 1^2$

解得  $a = 5$

$\therefore h = 5t^2$

- (2) 解: 当  $v = 5$  时,  $M$ 、 $A$  的水平距离,  $vt = 5t$

$\therefore M$  的横坐标  $x = 5t + 1$

$$\therefore t = \frac{x-1}{5}$$

$$\therefore M \text{ 的纵坐标 } y = 18 - h = 18 - 5t^2 = 18 - 5\left(\frac{x-1}{5}\right)^2 = -\frac{(x-1)^2}{5} + 18$$

$$\text{当 } y = 13 \text{ 时, } 13 = -\frac{(x-1)^2}{5} + 18$$

解得  $x = 6$  或  $-4$

$\therefore x \geq 1$

$\therefore x = -4$  不符合题意, 舍去, 即  $x = 6$

把  $x = 6$  代入  $y = \frac{18}{x}$  得  $y = \frac{18}{6} = 3$  (米)

$\therefore$  运动员与下方滑道的竖直距离为:  $13 - 3 = 10$  (米)

- (3)  $t = 1.8$ ;  $v_z > 7.5$  米/秒

( $t$  由  $1.8 = 18 - 5t^2$  解得, 注意, 舍去负值;  $v_z$  由  $1.8v_z - 1.8 \times 5 > 4.5$  解得)