

# Algorithm Engineering — Übungsblatt 2

Wintersemester 2015/16 — Ausgabe 2. Nov. — Besprechung 16. Nov.

## Aufgabe 2.1: External Array-Heap

(Alle Teilnehmer)

Beweisen Sie die in der Vorlesung angesprochenen Lemmata C und D:

**Lemma C.** Sei  $cM > 3B$ . Nach  $N$  Operationen werden maximal  $L \leq \log_\alpha(N/B)$  Level benutzt.

**Lemma D.**  $Store(i, S)$ ,  $compact(i)$  und  $merge(i - 1, S, S')$  benötigen maximal  $3\ell_i/B$  I/Os.

## Aufgabe 2.2: Externes Mergesort (Implementierung)

(Matthias Bultmann, Enno Lohmeier, Simon Veltel)

Implementieren Sie den in der Vorlesung besprochenen externen Mergesort-Algorithmus. Untersuchen Sie Ihre Implementierung in Bezug auf Laufzeit (absolut, pro Schlüssel, ...) und die *tatsächliche* Cache-Größe für:

- uniform zufällig verteilte Schlüssel (z.B. 32-bit Integers) in Feldern interessanter Größe (z.B.  $2^{12}$  bis  $2^{25}$ ... gerne auch mehr),
- unterschiedliche Elementgrößen,
- unterschiedliche Werte für  $M$  und  $B$ ,
- unterschiedliche Rechner.

*Anmerkung: Die beobachteten Unterschiede sollten also durch Caches vs. RAM entstehen, nicht durch RAM vs. HDD. Bei Nachfragen zur Aufgabenstellung bitte zeitnah melden!*

## Aufgabe 2.3: Funnelsort

(Waldemar Smirnow, Michael Stypa)

(Lazy) Funnelsort ist ein cache-oblivious Sortieralgorithmus. Wie und warum funktioniert er? Was sind seine Laufzeit- und I/O-Garantien? Was kann man über seine Praxistauglichkeit sagen?

## Aufgabe 2.4: Externes Hashing

(Patrick Schulz, Felix Siebert)

Das Paper „*How Caching Affects Hashing*“ von G.L. Heileman und W. Luo (Proc. 7th ALENEX, 2005) untersucht die Auswirkungen von Caches auf das Verhalten verschiedener Hashfunktionen. Stelle die wesentlichen Resultate vor.