I. 静止センサのノイズとバイアスに関する参考分析例

*) カレントフォルダ(このNotebookと同じフォルダ)にデータCSVファイルがあるものとする。

1. ノイズ

1-1. データフレームと要約統計量

■ pandas, scipy.stats, matplotlib.pyplot モジュールをそれぞれ, pd, stats, plt という名前でインポートする:

```
In [1]: import pandas as pd import scipy.stats as stats import matplotlib.pyplot as plt
```

■ pandas モジュールの read_csv 関数を用いて、センサデータCSVファイル 'memdata_TSND121-06120699_2019-04-12_140934.329.csv' を読み込み、変数 df に格納する(p.244-245):

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 1/22ページ

analysis 2019/04/21 20:43

```
センサデータCSVファイルには項目名がないため、オプション引数
header=None
と
names=['item', 'time', 'acc_x', 'acc_y', 'acc_z', 'omega_x', 'omega_y', 'omega_z']
を指定して、データフレーム df に項目名を設定している。
```

■ df の最上部と最下部を表示してみる(p.224):

```
head(n) あるいは tail(n) の n を省略すると n は5に取られる:
```

```
In [3]: df.head()
```

Out[3]:

	item	time	acc_x	acc_y	acc_z	omega_x	omega_y	omega_z
0	ags	53055784	-7	-29	10206	-70	-44	-6
1	ags	53055785	25	-26	10216	-70	-38	-6
2	ags	53055786	78	-72	10255	-83	-31	-24
3	ags	53055787	64	-77	10206	-89	-38	-24
4	ags	53055788	56	-79	10299	-70	-44	-12

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 2 / 22 <-5

In [4]: df.tail()

Out[4]:

	item	time	acc_x	acc_y	acc_z	omega_x	omega_y	omega_z
303148	ags	53358932	105	32	10140	-76	-62	-36
303149	ags	53358933	44	-24	10145	-76	-44	-30
303150	ags	53358934	27	-47	10113	-70	-38	-6
303151	ags	53358935	30	-77	10157	-83	-31	-12
303152	ags	53358936	27	-21	10262	-89	-44	-24

■ データの最初と最後の部分は怪しい (撹乱が入る場合がある) ので、 df の10000~35000行目までを残し、後はカットすることにした(p.226):

```
In [5]: df = df.iloc[10000:290001]
```

□カットしたデータフレームdfの最上部と最下部を表示してみる:

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 3 / 22 ページ

analysis 2019/04/21 20:43

In [6]: df.head()

Out[6]:

	item	time	acc_x	acc_y	acc_z	omega_x	omega_y	omega_z
10000	ags	53065784	66	-69	10250	-58	-44	-12
10001	ags	53065785	71	-62	10257	-58	-44	-6
10002	ags	53065786	47	-34	10196	-70	-38	-6
10003	ags	53065787	47	-55	10201	-76	-25	-12
10004	ags	53065788	15	-50	10218	-70	-31	-6

In [7]: df.tail()

Out[7]:

	item	ume	acc_x	acc_y	acc_z	omega_x	omega_y	omega_z
289996	ags	53345780	42	-38	10252	-64	-50	-18
289997	ags	53345781	37	-31	10277	-76	-62	-36
289998	ags	53345782	39	-38	10235	-76	-50	-24
289999	ags	53345783	30	-77	10177	-76	-38	-12
290000	ags	53345784	-12	-101	10167	-76	-31	-6

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 4 / 22 ページ

■ データフレームオブジェクトのメソッド describe() で、データの要約統計量を見てみる:

データフレームオブジェクト.describe()

Return: データフレームオブジェクト の要約統計量データフレームを返す。

Parameters :なし

In [8]: df.describe()

Out[8]:

	time	acc_x	acc_y	acc_z	omega_x	omega_y	omega_z
count	2.800010e+05	280001.000000	280001.000000	280001.000000	280001.000000	280001.000000	280001.000000
mean	5.320578e+07	36.918793	-51.503087	10187.744408	-77.517487	-45.746362	-16.654248
std	8.082947e+04	32.906436	30.996179	43.780445	8.857339	9.304337	8.396877
min	5.306578e+07	-124.000000	-199.000000	9972.000000	-125.000000	-92.000000	-60.000000
25%	5.313578e+07	15.000000	-72.000000	10160.000000	-83.000000	-50.000000	-24.000000
50%	5.320578e+07	37.000000	-52.000000	10186.000000	-76.000000	-44.000000	-18.000000
75%	5.327578e+07	59.000000	-31.000000	10218.000000	-70.000000	-38.000000	-12.000000
max	5.334578e+07	188.000000	93.000000	10401.000000	-28.000000	17.000000	24.000000

5 / 22 ページ file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html

2019/04/21 20:43 analysis

ここで,		
	要約名称	意味
	count	個数
	mean	平均値
	std	標準偏差
	min	最小値
	25%	第1四分位数
	50%	第2四分位数(中央値)
	75%	第3四分位数
	max	最大値

6 / 22 ページ file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html

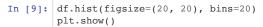
■ データフレームオブジェクトの hist(...) メソッドを用いて、 df のすべての項目についてヒストグラムを描く。 □その前にデータフレームの全てのデータについてのヒストグラムを描く関数の公式を書いておこう:

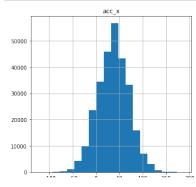
データフレームオブジェクト.hist(figsize=(数値1, 数値2), bins=数値3)

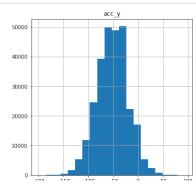
Return : データフレームオブジェクト の全ての項目についてのヒストグラムを返す。

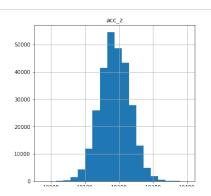
- figsize=(数値1,数値2):グラフの横縦の大きさを数値1:数値2に設定する。
- bins=数値3:ヒストグラムの棒の区切り数を数値3にする。

□上の公式を使って、dfの各種データについてのヒストグラムを描こう:









file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html

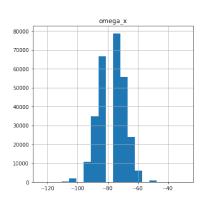
7 / 22 ページ

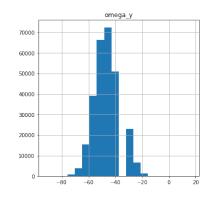
analysis 2019/04/21 20:43

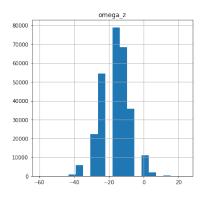


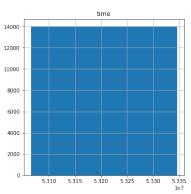












file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 8 / 22 ページ

1-2. 分析

■ ヒストグラム、正規Q-Qプロットおよび箱ひげ図を横に並べて描く(p.290)。

□その前に、必要なデータフレーム関するメソッドと、 matplotlib.pyplot モジュールにあるグラフ描画のための関数の公式を書いておこう:

データフレームオブジェクト.columns.values

Return : データフレーム の行番号またはそれに当たる項目名のリストを返す。

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 9 / 22 ページ

analysis 2019/04/21 20:43

データフレームオブジェクト['項目名']

Return : データフレームの指定された '項目名' に対応する項目のデータシリーズを取り出す。

取り出したデータは pandas の Series (正確には pandas.core.series.Series) というオブジェクトで 1 8 2 2 2 3 2 2 5 6 -4 -16 8 -16 9 -16 10 2 11 -10 12 -10 13 -16

という**データシリーズ**を返す。ここで上記右列の 0,1,2,...,13 は単なるレコード番号、左列の 8,8,2,...-16 はデータである。

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 10 / 22 ページ

データフレームオブジェクト.iloc[:, 列のindex]

Return : データフレームの指定された 列のindex (0,1,2,...) に対応する項目のデータシリーズを取り出す。

データフレームオブジェクト.iloc[行のindex,:]

Return : データフレームの指定された 行のindex (0,1,2,...) に対応する項目行のデータフレームを取り出す。

データフレームオブジェクト.iloc[:, 列のindex1:列のindex2+1]

Return: データフレームの指定された列のindex1 ~列のindex2 に対応する連続した複数の項目列のデータシリーズを取り出す。

データフレームオブジェクト.iloc[行のindex1:行のindex2+1,:]

Return: データフレームの指定された 行のindex1 ~ 行のindex2 に対応する連続した複数の項目行のデータフレームを取り出す。

データフレームオブジェクト.iloc[行のindex1:行のindex2+1, : 列のindex1:列のindex2+1]

Return : データフレームの指定された **行のindex1 ~ 行のindex2** , **列のindex1 ~ 列のindex2** に対応する連続した複数の項目行の**データフレーム**を取り出す。

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 11/22ページ

analysis 2019/04/21 20:43

plt.hist(データシリーズ, bins=正の整数)

Return : データシリーズ のヒストグラムオブジェクト。

• bins=正の整数 は階級数の指定(省略した場合は階級数10)。

stats.probplot(データシリーズ, dist="norm", plot=plt)

Return : データシリーズ の正規Q-Qプロットオブジェクト。

plt.boxplot(データシリーズ, labels=リスト)

Return: データシリーズ の箱ひげ図オブジェクト。

• labels=リスト は複数の箱ひげ図に項目名を表示する場合に使用する(省略した場合は、 1,2,... と表示されるので、これが不必要な場合 は labels=[''] とすればよい)。

□まずはデータフレームdfから、項目リストを取得する:

```
In [10]: items = df.columns.values
print(items)
```

 $\hbox{['item' 'time' 'acc_x' 'acc_y' 'acc_z' 'omega_x' 'omega_y' 'omega_z']}$

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 12 / 22 ベージ

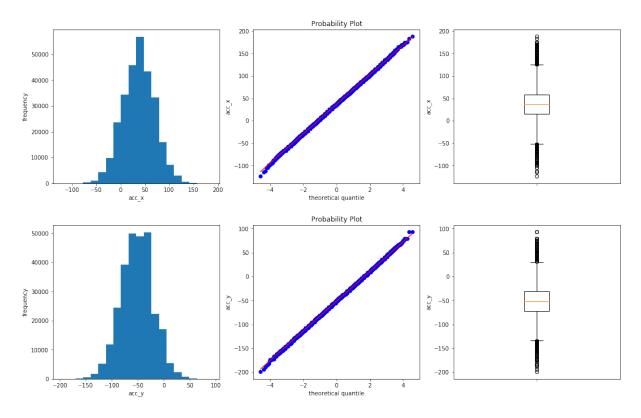
リスト変数 items に df の項目名が、確かに取得されている。

 \Box for 文を使って、'acc_x', 'acc_y', 'acc_z', 'omega_x', 'omega_y', 'omega_z' のヒストグラム、Q-Qプロット、箱ひげ図を順に描画していく:

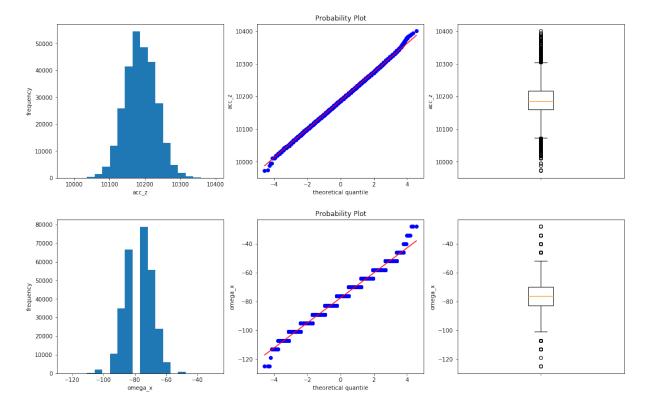
```
In [11]: for i in range(2,8):
                                    #iについて2,3,...,7を逐次代入して以下のブロックを繰り返す
            plt.figure(figsize=(18,5)) #1描画パレットをサイズを18:5に設定
            ##### ヒストグラム #####
                                             #パレットを1行3列に分割し、最左列に以下のグラフを描画
            plt.subplot(1,3,1)
                                            #dfのi列目の項目データについて100区切りのヒストグラムを描画
#x軸ラベルをitemリストのi番目の要素に設定
            plt.hist(df.iloc[:, i], bins=20)
            plt.xlabel(f'{items[i]}')
                                             #y軸ラベルを'frequency'に設定
            plt.ylabel('frequency')
            ##### Q-Qプロット #####
                                                             #パレットを1行3列に分割し、中間列に以下のグラフを描画
            plt.subplot(1,3,2)
            stats.probplot(df.iloc[:, i], dist="norm", plot=plt) #dfのi列目の項目データのQ-Qプロットを描画
                                                             #x軸ラベルを'theoretical quantile'に設定
            plt.xlabel('theoretical quantile')
            plt.ylabel(f'{items[i]}')
                                                             #y軸ラベルをitemリストのi番目の要素に設定
            ##### 箱ひげ図 #####
            plt.subplot(1,3,3)
                                                 #パレットを1行3列に分割し、最右列に以下のグラフを描画
            plt.boxplot(df.iloc[:, i], labels=['']) #dfのi列目の項目データの箱ひげ図を描画(x軸メモリに何も表示しない) plt.ylabel(f'{items[i]}') #y軸ラベルをitemリストのi番目の要素に設定
            plt.ylabel(f'{items[i]}')
            plt.show() #各種グラフ描画関数の戻り値を表示しない
```

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 13 / 22 ページ

analysis 2019/04/21 20:43

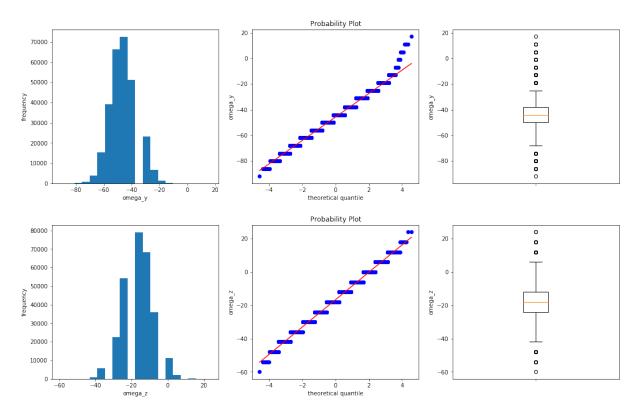


file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html



file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 15 / 22 ページ

analysis 2019/04/21 20:43



file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 16 / 22 ページ

角速度についてのヒストグラムが**歯抜け**していることは気にするな。これは、階級数の取り方で異なってくる。重要なのは、正規Q-Qプロットで、全て**理論直線上**に乗る。これでデータの度数分布が**正規分布**していることが分かる。

■ 以下のメソッドでデータの度数分布の**尖度と歪度**を調べれば、データの正規分布性を数値的に確かめられる。

データシリーズ.kurt()

Return: データシリーズの度数分布の尖度を算出し、値が0に近ければ正規分布に近い(完全な正規分布は0)。

• 尖度は度数分布の正規分布からの尖り具合の指標で、正なら完全正規分布から尖っており、負ならへしゃげている。

データシリーズ.skew()

Return: データシリーズの度数分布の歪度を算出し、値が0に近ければ正規分布に近い(完全な正規分布は0)。

• 歪度は度数分布の正規分布からの左右の偏り具合の指標で、正なら完全正規分布から右に偏り、負なら左に偏っている。

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 17 / 22 ページ

analysis 2019/04/21 20:43

□まず data_items というリスト変数に、データフレームの物理量の全ての項目名を順に並べておく:

```
In [12]: data_items = items[2:]
    print(data_items)

['acc_x' 'acc_y' 'acc_z' 'omega_x' 'omega_y' 'omega_z']
```

□ data items のそれぞれの要素の項目について、尖度と歪度を求める:

全ての物理量の度数分布の尖度と歪度は0に非常に近い。これらのことと、ヒストグラムおよび正規Q-Qプロットの結果を総合して、センサのノイズの度数分布は全て正規分布しているといえるだろう。

1-3. 結論

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 18 / 22 ページ

■ 床(机上)に静止させたセンサの計測データより、物理データにはノイズが存在することが分かった。これらのノイズは正規分布する。ガウシアンノイズと呼ばれるこれらのノイズは、計測機器に普通に現れる機械的誤差の一部であり、実地の計測に影響を及ぼす可能性がある。特に微小な運動を計測する場合には、これらのノイズを考慮して慎重に実験計画を立ててそれを実行しなければならない。また、データ分析を行う際、これらのノイズを取り除く方法は、各種のフィルタリングという数学的方法をコンピュータに実装して行われるが完全なものではない。したがって、データを分析して結果を出す際には、前述のことを踏まえて、どの程度の誤差が生じているのかを見積もり、それを明らかにしておく必要がある。なお、ノイズが正規分布していない場合、つまりガウシアンノイズでない場合、計測機器の純粋なノイズ以外に別種のノイズが混ざっている可能性があるので、原因を調査し、その要因を極力取り除かなければならない。

1-4. 注意

■ ここで用いたデータは、坂本先生が新たに、静寂な研究室で慎重に計測したものであるので、(同じ機器でも)君達のデータとは異なった結果が出ていると思う。なぜか? どうすればよいか? 考えて考察に述べよ。

ヒストグラムの両端のロングテール部分に現れる比較的少数の小さな検出値は、センサ固有のものではない。この部分(**外れ値**)を取り除く 関数を用意したので、そのモジュールをDLしてして使ってみよ。外れ値は、 平均 \pm 4×標準偏差 の範囲から外れるデータとしている。

import remove_outlieis as ro ro.remove outlieis(データフレームオブジェクト,項目名)

で実行できる。詳しくは,

ro.remove outlieis?

でマニュアルが表示されるので、それを読め。

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 19 / 22 ページ

analysis 2019/04/21 20:43

2. バイアス

■ データフレームの統計的要約の平均(mean)と標準偏差(std)の部分をみてみよう:

In [14]: df.describe().iloc[1:3]

Out[14]:

	time	acc_x	acc_y	acc_z	omega_x	omega_y	omega_z
mean	5.320578e+07	36.918793	-51.503087	10187.744408	-77.517487	-45.746362	-16.654248
std	8.082947e+04	32.906436	30.996179	43.780445	8.857339	9.304337	8.396877

- *) データフレーム df に describe メソッドを作用させると、 df の要約統計量が表形式で作成されるが、これは実はデータフレームオブジェクトであるので、それにもまた iloc プロパティが適用できることに注意。
- センサを静止しさせているにも関わらず、加速度と角速度が計測されている。例えば加速度のx成分は 3.6846638[mG] , 角速度のx成分は -0.77461077[deg/sec] である。ただし、加速度z成分は 1018.796412[mG] で重力加速度の大きさとほぼ同等(ただし重力加速度ときっちり同じ値ではない)の加速度を検出している。

なお、標準偏差はノイズの(平均からの)ばらつき程度である。

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 20 / 22 ベージ

ただし、実験によってはバイアスが無視できる場合がある。

3. 重力加速度

■ 地球上での重力加速度の大きさは、 $9.806 [m/s^2]$ で、これを単位として1[G]と表す場合がある(重力単位系)。本加速度センサは重力単位系を用いているが、出力する単位を 10^{-1} mGとしているので、 $9.806 [m/s^2] = 10000 [10^{-1}$ mG]と出力する。 $\S 2$ で掲げた表で、 acc_z の平均値が 10187.744408 を取っているのは、(バイアスを取り除くと)地球重力加速度を検出しているからである。さて、本実験でセンサz軸が鉛直上向きになるようにセンサを水平な机上に置いて計測したことを思い出そう。一方、地球に結び付けられた直交座標系(O; i, j, k)の基本ベクトルi, j(それぞれx, y軸に沿う)を水平面上にとり、k(2軸に沿う)を鉛直上向きにとったとき、物体の重力は鉛直下向きにかかるので、重力加速度ベクトルは $-9.806k[m/s^2] = -1k[G]$ である。明らかにセンサで計測された重力加速度は(正の値をとっているので)、地球に結び付けられた座標系における重力加速度とは、その符号が反転している。これはなぜか?

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 21/22ページ

analysis 2019/04/21 20:43

ヒント:

1. よく知られたガリレオのピサの斜塔での実験で、異なる質量の物体の重力加速度は同じである*。

*空気抵抗を無視する。

2. 1の事実により、自由落下する閉ざされた箱の中にいる人は、その箱の内部で重力を感じない。実際、宇宙ステーションの中が無重力状態なのは、宇宙ステーションが自由落下しているからである**。

**しかし、宇宙ステーションは地球表面に対してほぼ水平に高速で移動しているので地球に衝突しない!

- 3. 2の逆もいえる。つまり、地球やその他の星から遠く離れた無重力の宇宙空間にある箱を重力加速度と同じ大きさで一直線に加速させたとき、箱の中にいる人は、その箱の内部であたかも地球上にいるのと同じ重力を感じる。
- 4 センサは重力のことを知らない。

file:///Users/me/Downloads/analysis-4.html 22 / 22 ページ