

نام و نام خانوادگی:...... شماره دانشجویی: نام استاد:

۱. حد هر یک از دنبالههای زیر را با ذکر دلیل تعیین نمایید.

(الف
$$a_n = \frac{1}{\sqrt{n}}\sin(n^r+1)$$
 (ب $a_n = \sqrt{n^r+1}$



نام و نام خانوادگی:...... شماره دانشجویی: نام استاد:

۲. فرض کنید دنباله ی همگرای $a_n=(1+rac{1}{n})^n$ حدی برابر lpha داشته باشد. حد هر یک از دنبالههای زیر را بر حسب lpha تعیین کنید.

الف)
$$b_n = (1 + \frac{1}{n})^{n+4}$$

ب)
$$c_n = (1 + \frac{1}{n})^{r_n}$$

ج)
$$d_n = (\frac{n}{n+1})^n$$



نام و نام خانوادگی:..... شماره دانشجویی: نام استاد:

۳. دنباله ی $\{a_n\}_n$ را دنباله ی بازگشتی نامیم هرگاه جمله ی آغازین (یا چند جمله ی آغازین) دنباله داده شده باشد و $\{a_n\}_{n\in\mathbb{N}}$ یا چند جمله ی قبل از خود وابسته باشد. نشان دهید دنباله ی بازگشتی $\{a_n\}_{n\in\mathbb{N}}$ با دستور $\{a_n\}_{n\in\mathbb{N}}$ یا چند جمله ی قبل از خود وابسته باشد. نشان دهید این دنباله همگرا دستور $\{a_n\}_n=1$ و $\{a_n\}_n=1$ برای ۲ $\{a_n\}_n=1$ دنباله ای صعودی است. نشان دهید این دنباله همگرا است.



نام و نام خانوادگی:...... شماره دانشجویی: نام استاد:

۴. همگرایی یا واگرایی سریهای زیر را تحقیق نمایید.

الف
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{1^r + 1^r + \dots + n^r}$$
 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt[n]{n}}{n^r}$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{n}}}$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 \times r \times \dots \times (rn-1)}{r \times r \times \dots \times (rn)(r^n+1)}$



نام و نام خانوادگی:...... شماره دانشجویی: نام استاد:

. اگر $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ یک سری با جملات نامنفی و همگرا باشد، نشان دهید هر یک از سریهای زیر همگرا است.

الف
$$\sum_{n=1}^{\infty} a_n^{\mathsf{r}}$$

ب)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_n}{a_n+1}$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_n^{\mathsf{Y}}}{a_n^{\mathsf{Y}} + 1}$$