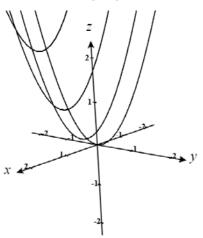
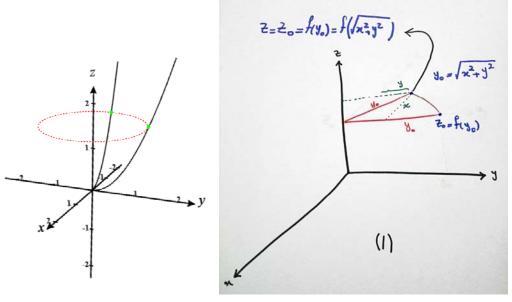
۳ نیمجلسهی سوم، چهارشنبه

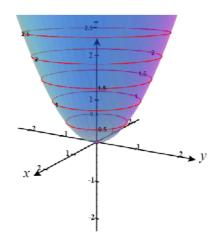
در پایان جلسه ی قبل گفتیم که رویه ی به معادله ی $z=x^\intercal+y^\intercal$ را می توان مجموعه ی دوایری تصور کرد که شعاعشان با پیش رفتن در سوی محور z بیشتر و بیشتر می شود. این رویه را می توان همچنین مجموعه ی سهمی هائی نیز تصور کرد که هر چه بالاتر می روند باریکتر می شوند:



در زیر روش دیگری نیز برای نگاه کردن به رویهی مورد نظر آوردهایم.

سوال ۳۰. معادلهی رویهی حاصل از دوران منحنی z=f(y) حول محور z را بنویسید.





با توجه به اَشکالِ بالا (و توضیحاتی که در کلاس درس دادهایم) معادلهی رویهی مورد نظر عبارت میات از $z=f(\sqrt{x^{\mathsf{T}}+y^{\mathsf{T}}})$

z به طور کلی معادلهی رویه ی حاصل از دوران منحنی به معادله ی ضمنی $f(z,y)=\cdot$ حول محور عبارت است از

$$f(z,\sqrt{x^{\mathsf{Y}}+y^{\mathsf{Y}}})={}\cdot$$

مثال ۳۱. رویهی $z=x^{\rm r}+y^{\rm r}$ از دوران منحنی $z=y^{\rm r}$ از دوران منحنی میشود؛ زیرا می توان نوشت:

$$z = (\sqrt{x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}}})^{\mathsf{Y}} = f(\sqrt{x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}}})$$

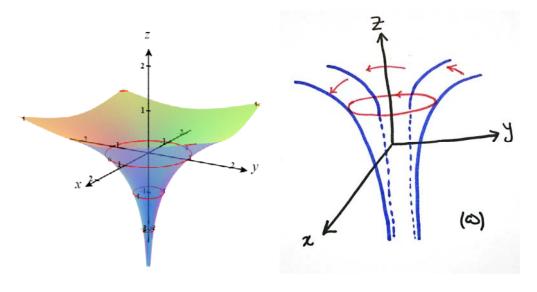
مثال ۳۲. رویههای زیر را رسم کنید.

$$z = \ln(\sqrt{x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}}})$$
 .

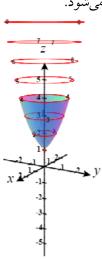
قرار دهید:

$$f(\sqrt{x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}}}) = \ln(\sqrt{x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}}}).$$

بنا به آنچه گفته شد، رویهی مورد نظر از دوران منحنی $z=\ln(y)$ حول محور z ایجاد می شود.



این رویه نیز از دوران منحنی $z=e^y$ (برای $z=e^y$ این رویه نیز از دوران منحنی : $z=e^{\sqrt{x^{\mathrm{Y}}+y^{\mathrm{Y}}}}$.۲

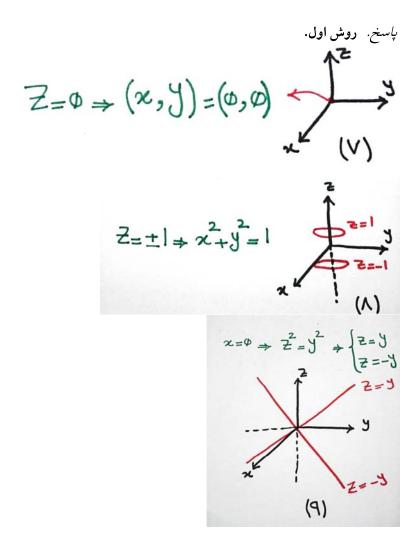


 $f(t_1,\pm\sqrt{t_1}+t_1)=\cdot$ توجه ۳۳. از دوران منحنی $f(t_1,t_1)=\cdot$ حول محور t_1 به رویه ی نید! $t_i\neq t_j\in\{x,y,z\}$ داریم $i\neq j$ داریم نید!

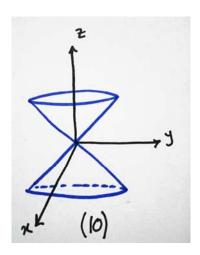
۱.۳ مخروطها

مثال ۳۴. رویه به معادلهی زیر را رسم کنید.

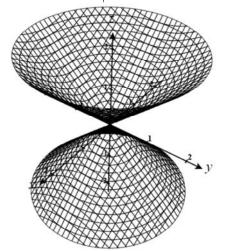
$$z^{\mathsf{\tiny T}} = x^{\mathsf{\tiny T}} + y^{\mathsf{\tiny T}}$$



حاصل تلفیق شكلهای بالا به صورت زیر است:



رویهی مورد نظر را با نرمافزارهای رایانهای به صورت زیر کشیدهایم:



روش دوم. معادلهی مورد نظر را میتوان به صورت زیر نوشت: $z^{\mathsf{r}} = (\sqrt{x^{\mathsf{r}} + y^{\mathsf{r}}})^{\mathsf{r}}$ بنابراین شکل مورد نظر از دوران منحنی $z^{\mathsf{r}} = y^{\mathsf{r}}$ حول محور z ایجاد میشود؛ به بیان دیگر از دوران دو منحنی $z = \pm y$ حول محور z ایجاد میشود.

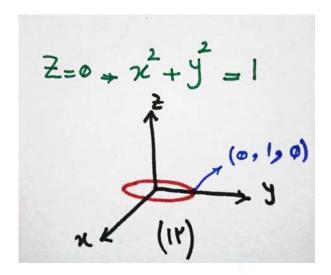
معادلهی کلّیِ یک مخروط به صورت زیر است:

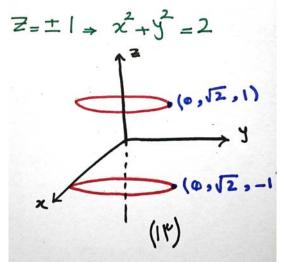
$$rac{z^{ ext{ iny r}}}{c^{ ext{ iny r}}} = rac{x^{ ext{ iny r}}}{a^{ ext{ iny r}}} + rac{y^{ ext{ iny r}}}{b^{ ext{ iny r}}}$$

۲.۳ هذلولیوار یکپارچه

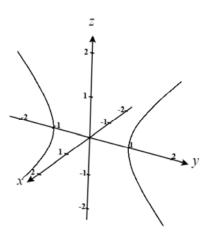
مثال ۳۵. رویهی به معادله $x^{\mathrm{Y}}+y^{\mathrm{Y}}$ را رسم کنید.

پاسخ.

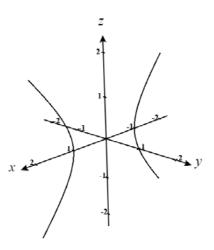




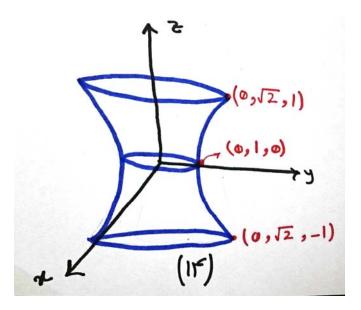
$$x = \cdot \Rightarrow y^{\mathsf{T}} - z^{\mathsf{T}} = \mathsf{T}$$



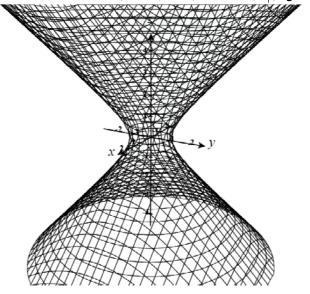
$$y = \cdot \Rightarrow x^{\mathsf{T}} - z^{\mathsf{T}} = \mathsf{T}$$



نتیجهی تلفیق چهار شکل بالا به صورت زیر است:



شکل نرمافزاری رویه نیز به صورت زیر است:



تمرین ۳۶. شکل بالا را با استفاده از دوران رسم کنید.

پاسخ.

$$z^{\mathsf{Y}} + \mathsf{Y} = (\sqrt{x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}}})^{\mathsf{Y}}$$

پس رویه ی مورد نظر از دوران منحنی به معادله ی $z^{\mathsf{Y}} + \mathsf{I} = x^{\mathsf{Y}}$ (یا $z^{\mathsf{Y}} + \mathsf{I} = z^{\mathsf{Y}}$) حاصل می شود؛ به بیان دیگر از دوران یک هذلولی. به شکل حاصل هذلولوی یکپارچه z^{Y} می گویند.

معادلهی کلّیِ هذلولوی یکپارچه به صورت زیر است:

$$\frac{z^{\mathsf{r}}}{c^{\mathsf{r}}} + \mathsf{r} = \frac{x^{\mathsf{r}}}{a^{\mathsf{r}}} + \frac{y^{\mathsf{r}}}{b^{\mathsf{r}}}$$

توجه ۳۷. (سوال یکی از دانشجویان) برای رسم معادلهی $z^{\intercal}+ { }^{\intercal}= x^{\intercal}+ y^{\intercal}$ طرفین را بر $z^{\intercal}+ y^{\intercal}$ عمیکنیم، تا به معادله یا استاندار د بالا برسیم.

$$\frac{z^{\mathsf{Y}}}{(\sqrt{\mathsf{Y}})^{\mathsf{Y}}} + \mathsf{Y} = \frac{x^{\mathsf{Y}}}{(\sqrt{\mathsf{Y}})^{\mathsf{Y}}} + \frac{y^{\mathsf{Y}}}{(\sqrt{\mathsf{Y}})^{\mathsf{Y}}}$$

^{&#}x27;Hyperboloid of one sheet