## لطفا توجه كنيد

- ۱ نام، شماره دانشجویی و نام مدرس خود را حتما در بالای صفحهی اول پاسخنامه بنویسید.
  - ۲- از جدا کردن صفحات پاسخنامه جدا خودداری کنید.
  - ٣- در طول امتحان به هيچ سئوالي پاسخ داده نمي شود.
- ٣- استفاده از موبایل در طول مدت امتحان ممنوع است. لطفاً دستگاههای خود را در این مدت خاموش نگه دارید.
- و میدان برداری  $\mathbf{F}$  با ضابطه ی  $D = \{(x,y) \in \mathbb{R}^{\mathsf{T}} \mid x^{\mathsf{T}} + y^{\mathsf{T}} \leq \mathsf{T}y\}$  ،  $f(x,y) = \mathsf{F} x^{\mathsf{T}} y^{\mathsf{T}}$  و میدان برداری  $\mathbf{F} = (xz)\mathbf{i} + (\mathsf{T}yz + x^{\mathsf{T}})\mathbf{j} + y^{\mathsf{T}}\mathbf{k}$

 $f(x,y) \geq \circ$  ،  $f(x,y) \in D$  هر که برای هر که برای مهای تابع f روی ناحیه که برای هر که برای هر الف) با تعیین اکسترممهای تابع f

ب) مطلوبست تعیین مقدار عبارت  $x \, dx dy$ 

 $x^{7} + y^{7} = 7y$  معادلهی به معادلهی  $z = \sqrt{4 - x^{7} - y^{7}}$  با استوانهی به معادلهی به معادلهی ج) اگر  $z = \sqrt{4 - x^{7} - y^{7}}$  با اگر  $z = \sqrt{4 - x^{7} - y^{7}}$  مثبت (نسبت به نرمال خارجی کره) باشد، مطلوبست محاسبهی  $z = \sqrt{4 - x^{7} - y^{7}}$  (نمره)  $z = \sqrt{4 - x^{7} - y^{7}}$  با اشد، مطلوبست محاسبه کرده)

 $-x_+y_=1$  کرنی کنید D ناحیه ی محصور توسط خم بسته ی |x|+|y|=1 باشد (مطابق شکل زیر)  $-x_-y_-y_-=1$   $-x_-y_-y_-=1$  .  $\int_D (x^\intercal-y^\intercal) \, dx \, dy$  الف) مطلوبست محاسبه ی  $\int_D (x^\intercal-y^\intercal) \, dx \, dy$ 

ب) مطلوبست محاسبه ی |x|+|y|=1 که در آن C که در آن C خم بسته ی با مطلوبست محاسبه ی  $\int_C (y^r+x^r-y)dx+(x^r+y^r)dy$  خم بسته ی C خم بسته ی باشد.

- $S_{\mathsf{T}}$  و  $z=\mathsf{T}$  و و  $z=\mathsf{T}$  فرض کنید کنید  $x^{\mathsf{T}}+y^{\mathsf{T}}+z^{\mathsf{T}}=\mathsf{T}$  قسمتی از کره  $S_{\mathsf{T}}$  ،  $\mathbf{F}(x,y,z)=x\mathbf{i}+y\mathbf{j}+z\mathbf{k}$  بالای صفحه ی  $-\mathsf{T}$  قسمتی از مخروط  $z=\sqrt{x^{\mathsf{T}}+y^{\mathsf{T}}}$  ناحیه محصور توسط قسمتی از مخروط  $z=\sqrt{x^{\mathsf{T}}+y^{\mathsf{T}}}$  ناحیه محصور توسط  $S_{\mathsf{T}}\cup S_{\mathsf{T}}$  است.
  - الف) مطلوبست محاسبهی حجم ناحیهی T.
  - ب) مطلوبست محاسبه ی  $\int \int_{S_1} \mathbf{F} \cdot \mathbf{n} \, d\sigma$  که در آن  $\mathbf{n}$  بردار نرمال بر S رو به سمت خارج کره است.
- ج) مطلوبست محاسبه ی  $\int_{S_1}^{\infty} \mathbf{F} \cdot \mathbf{n} \, d\sigma$  که در آن  $\mathbf{n}$  بردار نرمال بر  $S_7$  رو به سمت پایین است. (۲۴ نمره)