

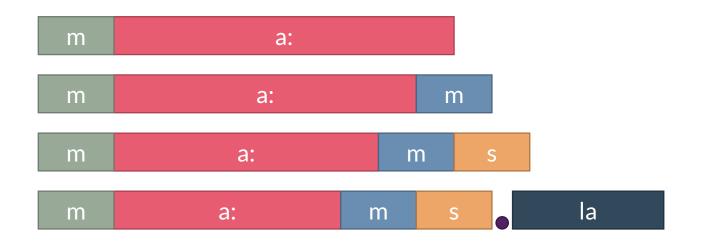
Dominic Schmitz & Janina Esser

## Beispieldaten

• Für die folgenden Beispiele werden wir Daten folgender Studie nutzen:

#### **Compensatory Vowel Shortening in German<sup>1</sup>**

 Stressed Vowels sind k\u00fcrzer je nachdem wie viele Konsonanten ihnen folgen:



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Schmitz, D., Cho, H.-E., & Niemann, H. (2018). Vowel shortening in German as a function of syllable structure.

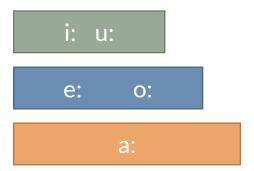
Proceedings 13. Phonetik Und Phonologie Tagung (P&P13), 181–184.

### Beispieldaten

Für die folgenden Beispiele werden wir Daten folgender Studie nutzen:

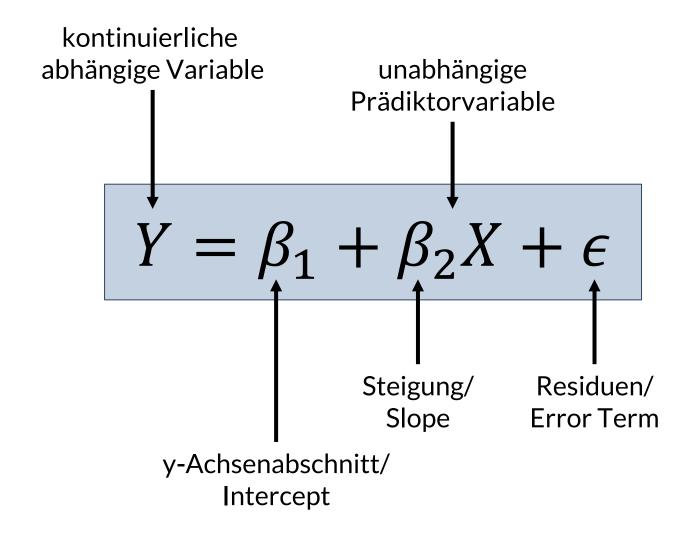
#### **Compensatory Vowel Shortening in German<sup>1</sup>**

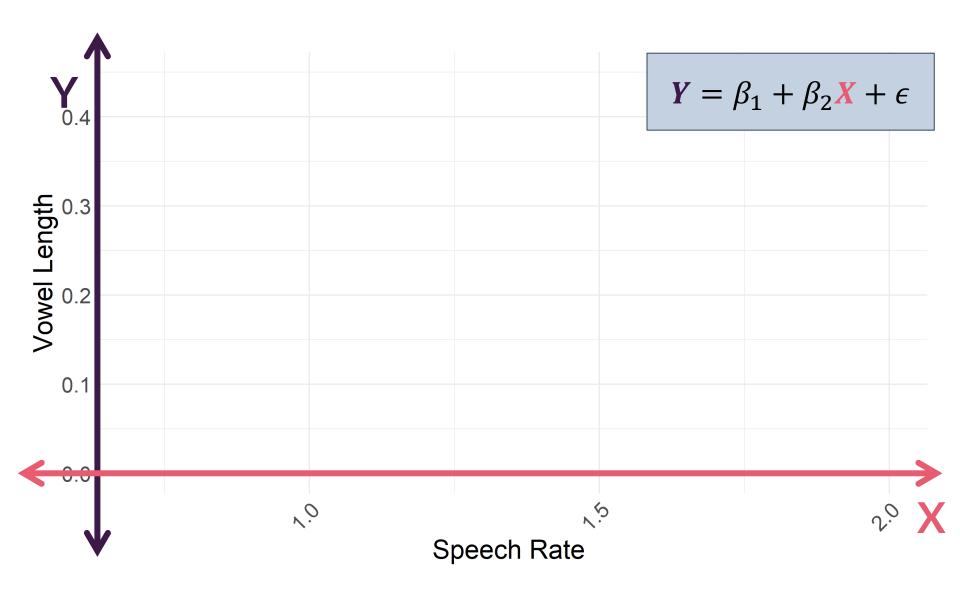
 Unabhängig von diesem Vowel Shortening gilt, dass offene Vokale länger sind als halb-offene Vokale, und halb-offene Vokale sind länger als geschlossene Vokale:

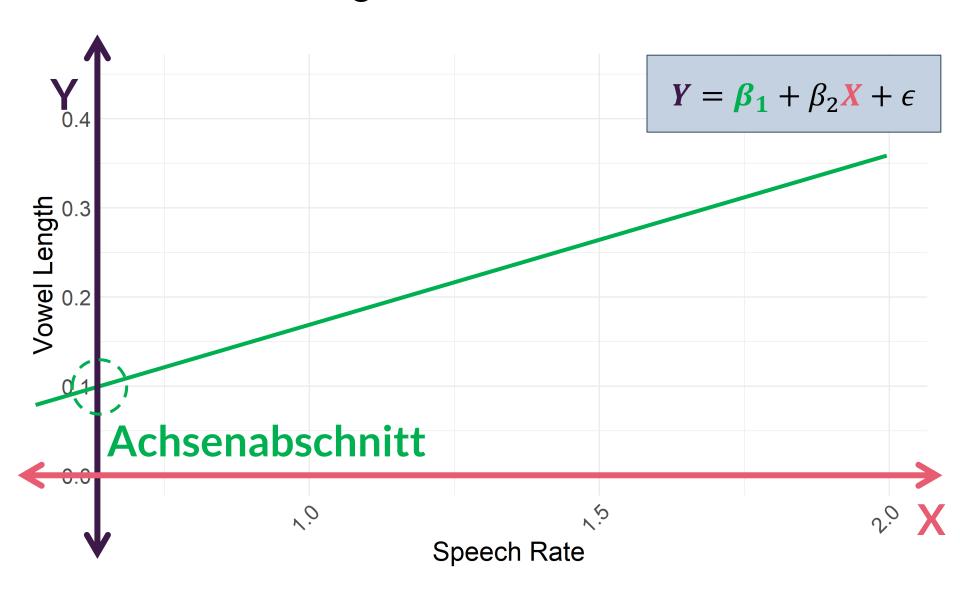


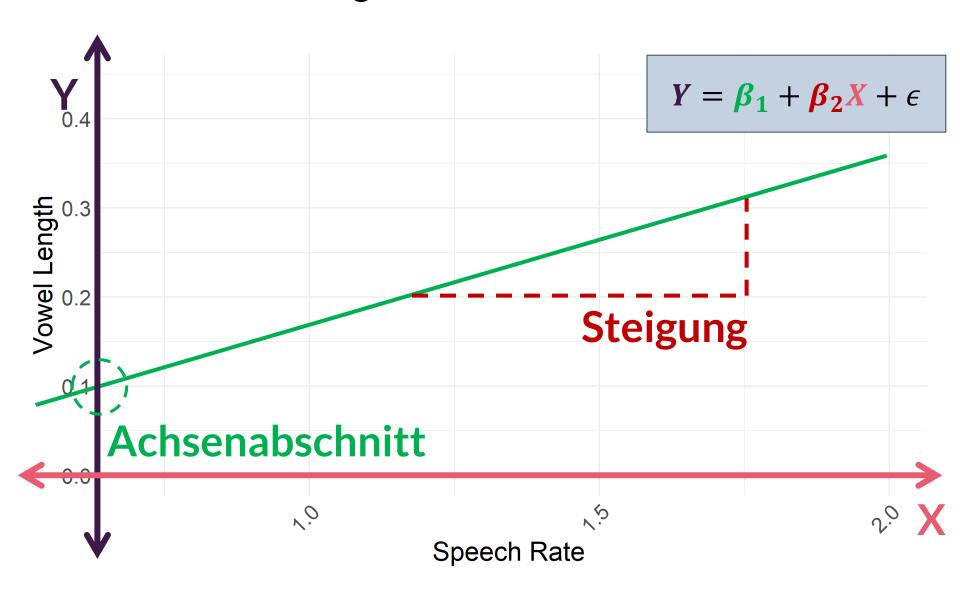
<sup>1</sup>Schmitz, D., Cho, H.-E., & Niemann, H. (2018). Vowel shortening in German as a function of syllable structure.

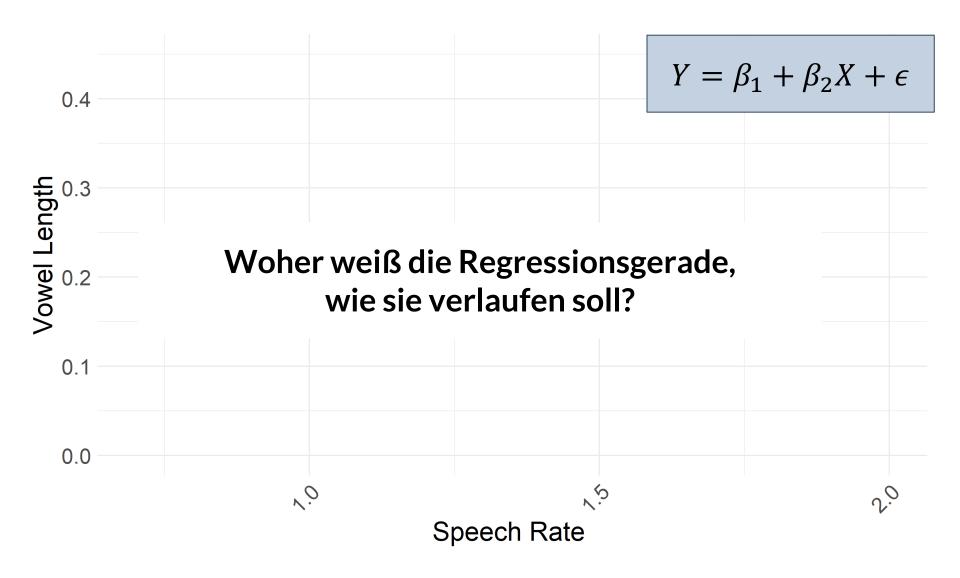
Proceedings 13. Phonetik Und Phonologie Tagung (P&P13), 181–184.

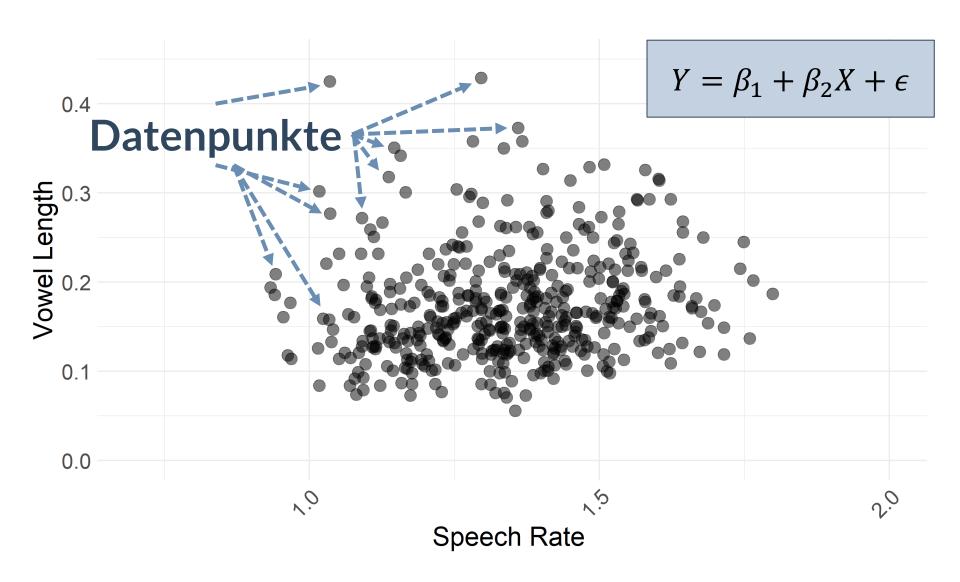


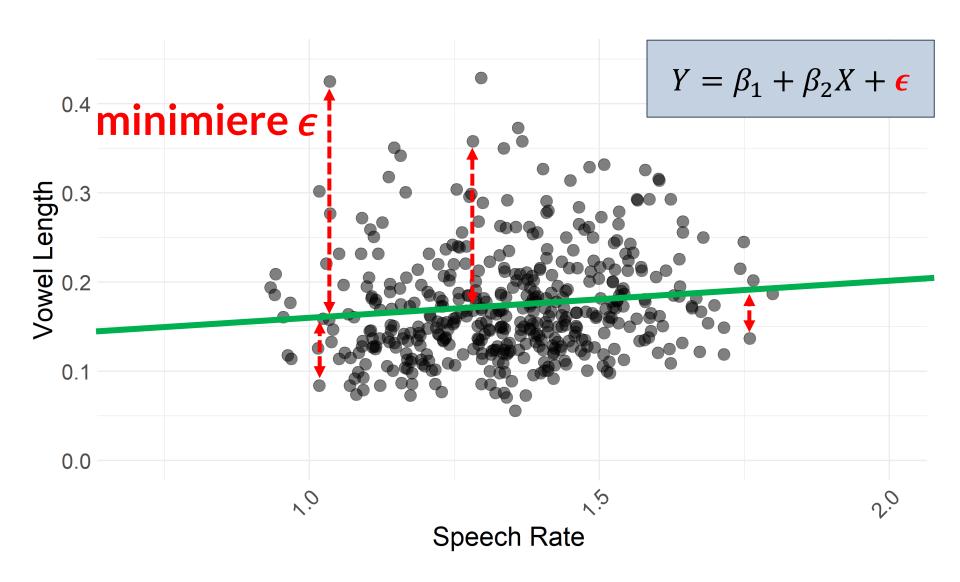












In R erstellt man ein Einfaches lineares Regressionsmodell

$$Y = \beta_1 + \beta_2 X + \epsilon$$

mit folgendem Befehl und folgender Syntax:

$$lm(Y \sim X, data)$$

 y-Achsenabschnitt und Steigung berechnet R, indem es die Residuen zwischen tatsächlichen Datenpunkten und der Regressionsgeraden minimiert

Beispiel: vowel duration modelliert durch speech rate

```
model = lm(duration ~ rate, data)
```

Nach der Berechnung erhalten wir folgende Information zum Modell:

```
Call:
lm(formula = duration ~ rate, data = data)

Coefficients:
(Intercept) rate
0.22301 -0.03687
```

Beispiel: vowel duration modelliert durch speech rate

```
model = lm(duration ~ rate, data)
```

Nach der Berechnung erhalten wir folgende Information zum Modell:

```
Call:

lm(formula = duration ~ rate, data = data)

Coefficients:

(Intercept) rate

0.22301 -0.03687

Achsenabschnitt Steigung
```

• Einen *p*-Wert erhalten wir mit der anova() Funktion:

```
anova(model)

Analysis of Variance Table

Response: duration

Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)

rate 1 0.01787 0.0178734 4.8468 0.02821 *

Residuals 446 1.64468 0.0036876
```

#### Freiheitsgrade

Die Anzahl der unabhängigen Informationen, die in die Berechnung der Schätzung der jeweiligen Variable einfließen.

#### **Quadratsumme / Squared Sum**

Je höher der Wert, desto wichtiger ist die Variable für das Modell.

#### **Quadratisches Mittel / Squared Mean**

Je höher der Wert, desto wichtiger ist die Variable für das Modell.

#### **Fisher-Wert**

Je höher der Wert ist, desto mehr Einfluss hat die Variable auf die abhängige Variable.

#### p-Wert / Probability Value

Zeigt an, ob die jeweilige Variable einen signifikanten Einfluss auf die abhängige Variable hat.

#### Residuen

Der Fehler, der nicht durch die unabhängigen Variablen/Faktoren erklärt wird.  $\rightarrow \epsilon$ 

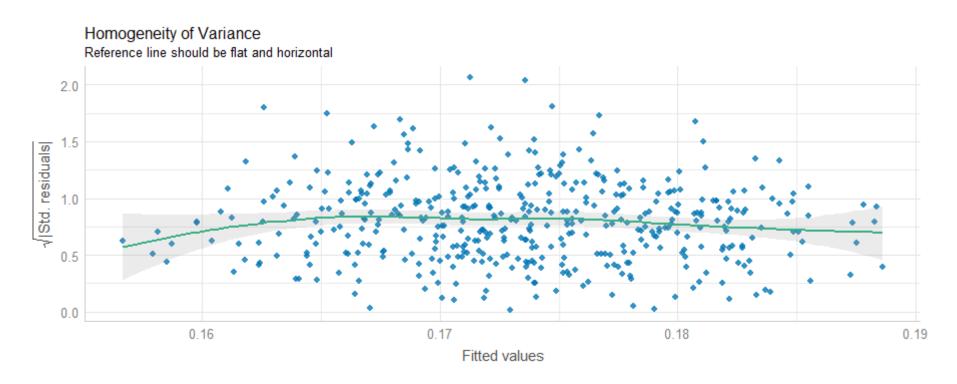
#### Annahmen

- Laut unserem Modell sinkt die Vowel Duration signifikant, wenn die Speaking Rate ansteigt
- Allerdings wissen wir gar nicht, ob unser Modell zuverlässig ist wir haben nicht überprüft, ob es den Annahmen linearer Regression folgt:
  - Linearität / Linearity
  - Homoskedastizität / Homoscedasticity
  - Normalität / Normality
  - Unabhängigkeit / Independence

#### Annahmen: Linearität

• Annahme:

Die Beziehung zwischen X und dem Mittelwert von Y ist linear.

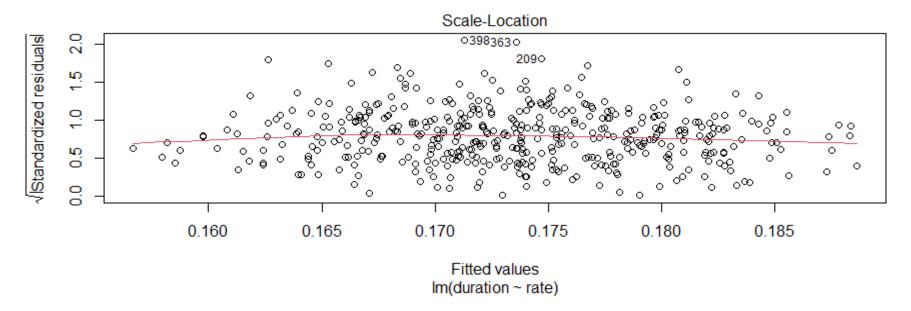


• Die Linie sollte horizontal und flach verlaufen.

#### Annahmen: Homoskedastizität

Annahme:

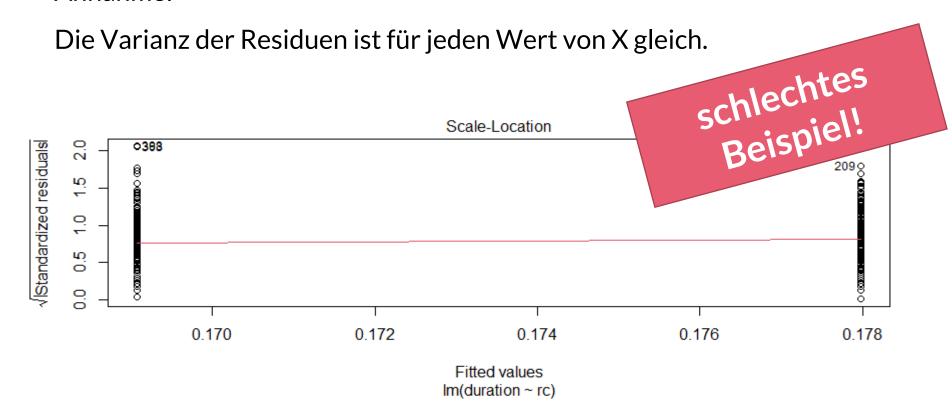
Die Varianz der Residuen ist für jeden Wert von X gleich.



• Die Daten sollten gleichmäßig über die Linie verteilt sein und keine offensichtlichen Muster aufweisen.

#### Annahmen: Homoskedastizität

Annahme:

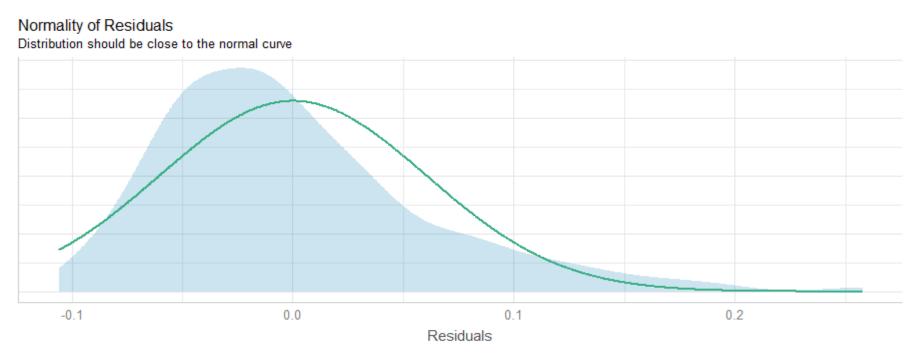


• Die Daten sollten gleichmäßig über die Linie verteilt sein und keine offensichtlichen Muster aufweisen.

#### Annahmen: Normalität

• Annahme:

Für jeden festen Wert von X ist Y normalverteilt.

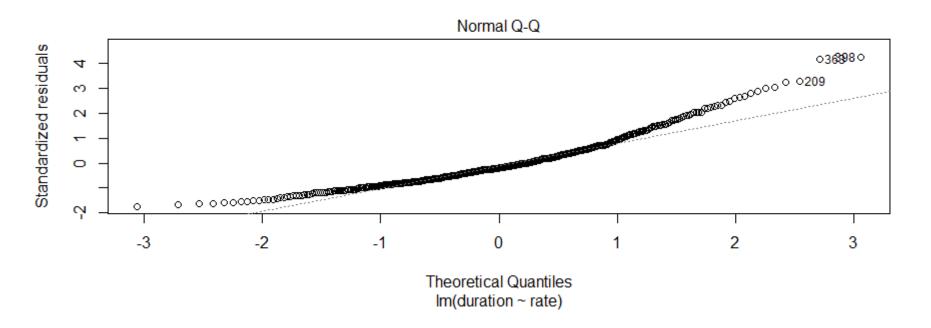


 Die Verteilung der Residuen eines linearen Modells sollte einer Normalverteilung folgen.

#### Annahmen: Normalität

Annahme:

Für jeden festen Wert von X ist Y normalverteilt.



Die einzelnen Residualwerte sollten auf der Linie liegen.

## Annahmen: Unabhängigkeit

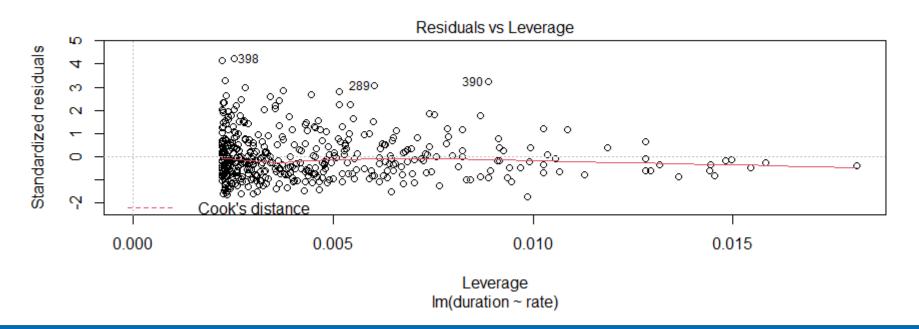
Annahmen:

Beobachtungen sind unabhängig voneinander.

- Unabhängigkeit kann nicht visuell überprüft werden
- Es handelt sich um eine Annahme, die durch Untersuchung des Studiendesigns getestet wird

### Extra: Beeinflussende Datenpunkte

- Cook-Abstand:
  - Ein Maß für den Einfluss der einzelnen Beobachtungen auf die Regressionskoeffizienten
  - Jede Beobachtung, für die der Cook-Abstand nahe bei 1 liegt oder die wesentlich größer ist als andere Cook-Abstände, muss untersucht werden.



- Lineare Regressionsmodelle sind zuverlässiger, wenn ihre abhängige
   Variable einer Normalverteilung folgt
- Daher sollte man vor dem Erstellen von Modellen überprüfen, ob die abhängige Variable diese Voraussetzung erfüllt
- Falls die Verteilung fernab einer Normalverteilung liegt, ist es ratsam die Variable zu transformieren
- In seltenen Fällen hilft keine Transformation dabei, die Variable näher an eine Normalverteilung zu bringen – hier kann Lineare Regression dennoch genutzt werden

- Wie wir bereits gelernt haben, kann man die Verteilung einer Variable mit einem Shapiro-Wilk Test überprüfen
- Je höher der p-Wert, desto normaler verteilt ist die Variable

```
shapiro.test(data$duration)
```

Shapiro-Wilk normality test

data: data\$duration

W = 0.93844, p-value = 1.171e-12

- Duration ist nicht normal verteilt; der p-Wert ist extrem niedrig
- Daher erstellen wir eine log-transformierte (= logarithmierte) Version

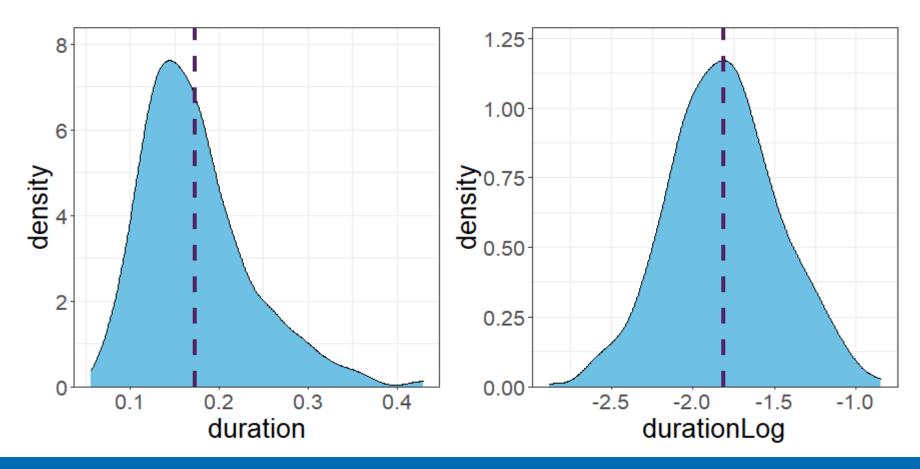
```
data$durationLog = log(data$duration)
shapiro.test(data$durationLog)
```

Shapiro-Wilk normality test

data: data\$duration

W = 0.99762, p-value = 0.7798

 Eine Visualisierung zeigt deutlich, dass die transformierte Variable normalverteilter ist



Wenn wir das zuvor erstellte Modell nun mit der log-transformierten
 Duration-Variable erneut erstellen, finden wir eine Verbesserung für die
 Normalitäts-Annahme

