

# 12 Weitere Regressionsarten

Dominic Schmitz & Janina Esser

Regression	abhängige Variable	Beispiel
Lineare	kontinuierlich	Reaktionszeiten, Dauern
Logistische/Binominale	binär kategorisch	richtig/falsch
Ordinale	geordnet kategorisch	Likert-Skala
Multinominale	kategorisch	Wortarten
Quantil	numerisch mit Autokorrelation	Mouse-Tracking-Daten
Poisson	integer	Zähldaten
Polynomielle		
Ridge		
Lasso		

Regression	abhängige Variable	Beispiel
Lineare	kontinuierlich	Reaktionszeiten, Dauern
Logistische/Binominale	binär kategorisch	richtig/falsch
Ordinale	geordnet kategorisch	Likert-Skala
Multinominale	kategorisch	Wortarten
Quantil	numerisch mit Autokorrelation	Mouse-Tracking-Daten
Poisson	integer	Zähldaten
Polynomielle		
Ridge		
Lasso		

Regression	abhängige Variable	Beispiel
Lineare	kontinuierlich	Reaktionszeiten, Dauern
Logistische/Binominale	binär kategorisch	richtig/falsch
Ordinale	geordnet kategorisch	Likert-Skala
Multinominale	kategorisch	Wortarten
Quantil	numerisch mit Autokorrelation	Mouse-Tracking-Daten
Poisson	integer	Zähldaten
Polynomielle		
Ridge		
Lasso		

Regression	abhängige Variable	Beispiel
Lineare	kontinuierlich	Reaktionszeiten, Dauern
Logistische/Binominale	binär kategorisch	richtig/falsch
Ordinale	geordnet kategorisch	Likert-Skala
Multinominale	kategorisch	Wortarten
Quantil	numerisch mit Autokorrelation	Mouse-Tracking-Daten
Poisson	integer	Zähldaten
Polynomielle		
Ridge		
Lasso		

- Modellierung von Zusammenhängen zwischen einer binären abhängigen
   Variablen und einer oder mehreren unabhängigen Variablen
- Schätzt die Wahrscheinlichkeit oder die Odds Ratio für das Eintreten des Ereignisses als Funktion der unabhängigen Variablen
- Basiert auf der logistischen Verteilungsfunktion, die eine S-förmige Kurve bildet und die Wahrscheinlichkeit für das Eintreten eines Ereignisses im Bereich von 0 bis 1 abbildet

#### **Beispiel: Same-Different Task**

korrekt	Differenz	Wortart	Komplexität	Wortlänge	VP
0	5	Nomen	simplex	9	VP1
0	5	Verb	komplex	21	VP1
0	25	Nomen	simplex	13	VP1
1	25	Verb	komplex	12	VP1
1	45	Nomen	simplex	4	VP1
1	45	Verb	komplex	25	VP1
•••	•••	•••	•••	•••	•••

#### **Beispiel: Same-Different Task**

```
korrekt ~

Differenz +

Wortart +

Komplexität +

Wortlänge +

(1 | Versuchsperson)
```

#### **Beispiel: Same-Different Task**

	Chisq	Df	p-Value
Differenz	173.04	2	0.000 ***
Wortart	0.35	1	0.553
Komplexität	0.02	1	0.880
Wortlänge	0.74	1	0.391

#### **Beispiel: Same-Different Task**

	Estimate Std.	Error	z-value	p-value
Intercept	-3.246	0.532	-6.096	0.000 ***
Differenz_25	2.355	0.343	6.864	0.000 ***
Differenz_45	5.604	0.432	12.985	0.000 ***
Wortart_Verb	0.161	0.271	0.593	0.553
Komplexität_komplex	0.039	0.261	0.150	0.880
Wortlänge	0.018	0.021	0.858	0.391

Regression	abhängige Variable	Beispiel
Lineare	numerisch	Reaktionszeiten, Dauern
Logistische/Binominale	binär kategorisch	richtig/falsch
Ordinale	geordnet kategorisch	Likert-Skala
Multinominale	kategorisch	Wortarten
Quantil	numerisch mit Autokorrelation	Mouse-Tracking-Daten
Poisson	integer	Zähldaten
Polynomielle		
Ridge		
Lasso		

- Modellierung von Zusammenhängen zwischen einer ordinalen abhängigen
   Variablen und einer oder mehreren unabhängigen Variablen
- Schätzt (ähnlich der logistischen Regression) die Wahrscheinlichkeit oder die Odds Ratio für das Eintreten des Ereignisses als Funktion der unabhängigen Variablen
- Es wird angenommen, dass die Kategorien der abhängigen Variablen in einer bestimmten Reihenfolge angeordnet sind, wobei der Abstand zwischen den Kategorien gleichmäßig ist

#### **Beispiel: Likert-Skala**

Größe	Vokal	Onset1	Onset2	Alter
5	а	k	d	19
3	е	f	j	19
4	0	r	f	19
1	i	j	r	37
2	u	d	k	37
•••	•••	•••	•••	•••

#### **Beispiel: Likert-Skala**

```
Größe ~
Vokal +
Onset1 +
Onset2 +
Alter
```

#### **Beispiel: Likert-Skala**

	Chisq	Df	p-Value
voka1	689.11	7	0.000 ***
Onset1	74.49	4	0.000 ***
Onset1	70.14	4	0.000 ***
Alter	3.49	1	0.062

#### **Beispiel: Likert-Skala**

	Estimate Std.	Error	z-value	p-value
Vokal_A	-0.561	0.066	-8.464	0.000 ***
Vokal_e	-0.622	0.067	-9.332	0.000 ***
Vokal_i	-1.637	0.069	-23.601	0.000 ***
Onset1_f	-0.105	0.066	-1.575	0.115
Onset2_f	0.016	0.066	0.248	0.804
Alter	-0.002	0.001	-1.869	0.062

Regression	abhängige Variable	Beispiel
Lineare	numerisch	Reaktionszeiten, Dauern
Logistische/Binominale	binär kategorisch	richtig/falsch
Ordinale	geordnet kategorisch	Likert-Skala
Multinominale	kategorisch	Wortarten
Quantil	numerisch mit Autokorrelation	Mouse-Tracking-Daten
Poisson	integer	Zähldaten
Polynomielle		
Ridge		
Lasso		

- Modellierung von Zusammenhängen zwischen einer nominalen abhängigen
   Variablen und einer oder mehreren unabhängigen Variablen
- Schätzt (ähnlich der logistischen Regression) die Wahrscheinlichkeit oder die Odds Ratio für das Eintreten des Ereignisses als Funktion der unabhängigen Variablen
- Es wird angenommen, dass die Kategorien der abhängigen Variablen in keiner bestimmten Reihenfolge angeordnet sind

#### Beispiel: Generische Maskulina vs. Spezifische Maskulina & Feminina

Form	Stereotyp- wertung	Verständnis- qualität	Nachbarschafts- dichte	Aktivierungs- vielfalt
GM	74.87	0.811	0.918	5.041
SM	74.87	0.809	0.917	5.042
SF	74.87	0.980	0.991	8.310
GM	24.01	0.901	0.681	4.312
SM	24.01	0.923	0.682	4.313
•••		•••	•••	•••

#### Beispiel: Generische Maskulina vs. Spezifische Maskulina & Feminina

```
Form ~

Stereotypwertung +

Verständnisqualität +

Nachbarschaftsdichte +

Aktivierungsvielfalt
```

#### Beispiel: Generische Maskulina vs. Spezifische Maskulina & Feminina

	Chisq	Df	p-Value
Stereotypwertung	3.734	2	0.155
Verständnisqualität	42.669	2	0.000 ***
Nachbarschaftsdichte	38.951	2	0.000 ***
Aktivierungsvielfalt	10.128	2	0.006 **

#### Beispiel: Generische Maskulina vs. Spezifische Maskulina & Feminina

	Estimate Std.	Error	z-value	p-value
(Intercept)	49.923	3.761	13.275	0.000 ***
Stereotypwertung	0.019	0.011	1.754	0.079
Verständnisqualität	36.542	5.756	6.349	0.000 ***
Nachbarschaftsdichte	-81.108	4.123	-19.674	0.000 ***
Aktivierungsvielfalt	-1.037	0.335	-3.092	0.002 **

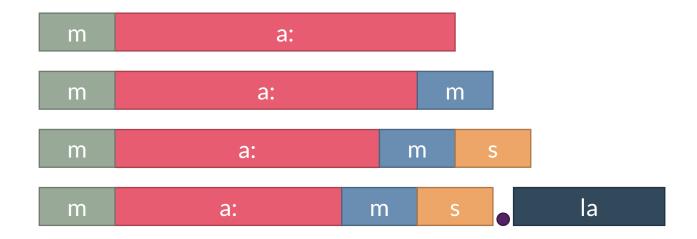
Regression	abhängige Variable	Beispiel
Lineare	numerisch	Reaktionszeiten, Dauern
Logistische/Binominale	binär kategorisch	richtig/falsch
Ordinale	geordnet kategorisch	Likert-Skala
Multinominale	kategorisch	Wortarten
Quantil	numerisch mit Autokorrelation	Mouse-Tracking-Daten
Poisson	integer	Zähldaten
Polynomielle		
Ridge		
Lasso		

- Modellierung von Zusammenhängen zwischen einer numerischen abhängigen Variablen und einer oder mehreren unabhängigen Variablen
- Funktioniert prinzipiell wie lineare Regression, nutzt aber die Daten spezifizierter konditionaler Quantile (statt aller Daten)
- Bietet eine robuste Schätzung der Bedingungswahrscheinlichkeiten, insbesondere wenn die Daten nicht normal verteilt, heteroskedastisch und/oder autokorreliert sind

Achtung: Bei Quantil-Regression befinden wir uns im Reich der nicht-linearen Regression – Effekte können also nicht-linearer Natur sein!

#### **Beispiel: Compensatory Vowel Shortening in German**

Stressed Vowels sind kürzer je nachdem wie viele Konsonanten ihnen folgen



#### **Beispiel: Compensatory Vowel Shortening in German**

Stressed Vowels sind kürzer je nachdem wie viele Konsonanten ihnen folgen

```
Dauer ~
   Sprechgeschwindigkeit +
   Silbenstruktur +
   Vokal +
    (1 | Wort) +
    (1 | VP),
    qu = c(0.3, 0.6)
```

#### **Beispiel: Compensatory Vowel Shortening in German**

Stressed Vowels sind kürzer je nachdem wie viele Konsonanten ihnen folgen

	0.3	Quantil	0.6	Quantil
	Estimate	p-value	Estimate	p-value
(Intercept)	0.157	0.000 ***	0.172	0.000 ***
vokal_e	-0.025	0.000 ***	-0.025	0.000 ***
Vokal_i	-0.038	0.000 ***	-0.037	0.000 ***
Vokal_o	-0.023	0.000 ***	-0.021	0.000 ***
Vokal_u	-0.041	0.000 ***	-0.038	0.000 ***
Struktur_open	0.060	0.000 ***	0.075	0.000 ***
Struktur_single	0.016	0.000 ***	0.017	0.000 ***
	edf	p-value	edf	p-value
Geschwindigkeit	1.001	0.038 *	1.052	0.636
Wort	4.141	0.057	3.031	0.044 *
VP	8.922	0.000 ***	8.907	0.000 ***

Regression	abhängige Variable	Beispiel
Lineare	numerisch	Reaktionszeiten, Dauern
Logistische/Binominale	binär kategorisch	richtig/falsch
Ordinale	geordnet kategorisch	Likert-Skala
Multinominale	kategorisch	Wortarten
Quantil	numerisch mit Autokorrelation	Mouse-Tracking-Daten
Poisson	integer	Zähldaten
Polynomielle		
Ridge		
Lasso		

- Modellierung von Zusammenhängen zwischen einer integeren abhängigen
   Variablen und einer oder mehreren unabhängigen Variablen
- Basiert auf der Poisson-Verteilung, die zur Modellierung von diskreten
   Zählvariablen verwendet wird
- Nützliches Werkzeug zur Modellierung von Zählvariablen zur Identifikation der Faktoren, die die Häufigkeit von Ereignissen beeinflussen

#### Beispiel: Auszeichnungen an High Schools

Anhand des Kurrikulums und der Mathenoten soll die Menge der Auszeichnungen modelliert werden

Auszeichnungen	Kurrikulum	Mathenote
0	allgemein	41
0	allgemein	42
0	Ausbildung	47
1	allgemein	53
2	akademisch	67
•••	•••	•••

#### Beispiel: Auszeichnungen an High Schools

Anhand des Kurrikulums und der Mathenoten soll die Menge der

Auszeichnungen modelliert werden

Auszeichnungen ~

Kurrikulum +

Mathenote

#### Beispiel: Auszeichnungen an High Schools

Anhand des Kurrikulums und der Mathenoten soll die Menge der

Auszeichnungen modelliert werden

	Chisq	Df	p-Value
Kurrikulum	14.572	2	0.000 ***
Mathenote	45.010	1	0.000 ***

#### Beispiel: Auszeichnungen an High Schools

Anhand des Kurrikulums und der Mathenoten soll die Menge der

Auszeichnungen modelliert werden

	Estimate Std.	Error	z-value	p-value
(Intercept)	-5.247	0.658	-7.969	0.000 ***
Kurrikulum_aka	1.084	0.358	3.025	0.002 **
Kurrikulum_aus	0.370	0.441	0.838	0.402
Mathenote	0.070	0.011	6.619	0.000 ***

Regression	abhängige Variable	Beispiel
Lineare	numerisch	Reaktionszeiten, Dauern
Logistische/Binominale	binär kategorisch	richtig/falsch
Ordinale	geordnet kategorisch	Likert-Skala
Multinominale	kategorisch	Wortarten
Quantil	numerisch mit Autokorrelation	Mouse-Tracking-Daten
Poisson	integer	Zähldaten
Polynomielle		
Ridge		
Lasso		