

## UNIVERSIDADE TECNOLÓGICA FEDERAL DO PARANÁ

# BACHARELADO EM CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

## Algoritmos e Estruturas de Dados I

Prova 2 - Trabalho Prático

Prof. Rodrigo Hübner

João Gabriel Wolf

Campo Mourão - PR Junho de 2025

1. Introdução	3
2. Geração de Dados	3
3. Ordenação de Arquivos	3
3.1. Bubble Sort e Optimized Bubble Sort	3
3.2. Selection Sort e Optimized Selection Sort	3
3.3. Insertion Sort	4
3.4. Resultados de Ordenação	4
3.4.1. Arquivos Pequenos (18.000 valores inteiros)	4
3.4.2. Arquivos Médios (90.000 valores inteiros)	4
3.4.3. Arquivos Grandes (210.000 valores inteiros)	5
3.4.4. Gráfico	5
4. Busca em Arquivos	6
4.1. Busca Sequencial (Linear Search)	6
4.2. Busca Binária (Binary Search)	6
4.3. Resultados de Busca	6
4.3.1. Arquivos Pequenos (18.000 valores inteiros)	6
4.3.2. Arquivos Médios (90.000 valores inteiros)	7
4.3.3. Arquivos Grandes (210.000 valores inteiros)	7
4.3.4. Gráfico	8
5. Conclusão	8
5.1. Ordenação	8
5.2. Buscas	9

## 1. Introdução

Esse trabalho prático tem como objetivo implementar, comparar e analisar o desempenho dos algoritmos de ordenação SelectionSort (padrão e otimizado), BubbleSort (padrão e otimizado), InsertionSort e dos algoritmos de busca sequencial e binária, utilizando dados armazenados em arquivos binários. O guia de compilação e execução se encontra no arquivo "README". A linguagem escolhida para a execução do trabalho foi C.

## 2. Geração de Dados

Os dados gerados são valores inteiros aleatoriamente gerados do intervalo [0, 1.000.000[ a partir do uso da função rand(), e inclui valores repetidos. Os tamanhos de arquivos escolhidos foram:

- 18.000 valores para arquivos pequenos (~1 segundo);
- 90.000 para arquivos médios (~30 segundos);
- 210.000 para arquivos grandes (~3 minutos).

O método de escolha dos valores foi empírico, baseado em testes de aproximação com resultados de ordenação bubble sort não otimizada com o hardware do aluno. É esperado que computadores com hardware diferentes tenham resultados diferentes.

Após o uso do arquivo "gerador\_dados.c", serão gerados os arquivos "pequeno.bin", "medio.bin" e "grande.bin" localizados dentro do diretório "dados". Esses arquivos serão utilizados por códigos de ordenação.

## 3. Ordenação de Arquivos

Todos os algoritmos de ordenação se localizam no arquivo "ordenacao.c", dentro do diretório "codigo". Para fatores de pesquisa, serão contabilizadas todas as trocas de valores de vetores (swaps) e comparações entre valores de vetores (comparisons), além do tempo necessário para cada ordenação de arquivos pequenos, médios e grandes.

### 3.1. Bubble Sort e Optimized Bubble Sort

O método de ordenação Bubble Sort possui complexidade  $O(n^2)$  em pior e médio caso, e complexidade O(n) em melhor caso. Se baseia na comparação e troca (swap) de elementos adjacentes, com iterações suficientes para que o vetor inteiro esteja ordenado. Na sua ordenação otimizada, possui uma verificação de trocas (swaps), que caso seja falsa, significa que o arquivo já está ordenado e não necessita de mais verificações.

### 3.2. Selection Sort e Optimized Selection Sort

O método de ordenação Selection Sort possui complexidade  $O(n^2)$  em pior, médio e melhor caso. Se baseia em iterações de encontro do menor valor e trocas com o primeiro elemento não ordenado. O método de otimização escolhido foi o Bidirectional Selection Sort, que além de

possuir um valor mínimo (*min*) procurado ao longo da ordenação, também possui um valor máximo (*max*), o que diminui o tempo de ordenação significativamente.

#### 3.3. Insertion Sort

O método de ordenação Insertion Sort possui complexidade  $O(n^2)$  em pior e médio caso, e complexidade O(n) em melhor caso. Se baseia em iterações que dividem os valores em dois grupos: ordenados e não ordenados. O primeiro valor é assumido como ordenado, e gradualmente os valores não ordenados são inseridos no grupo ordenado.

## 3.4. Resultados de Ordenação

#### 3.4.1. Arquivos Pequenos (18.000 valores inteiros)

Método de Ordenação	Тетро	Comparações	Trocas (swaps)
Bubble Sort	1,250 s	161.991.000	80.682.759
Optimized Bubble Sort	1,257 s	161.987.840	80.682.759
Selection Sort	0,409 s	161.991.000	17.990
Optimized Selection Sort	0,255 s	162.018.000	17.992
Insertion Sort	0,248 s	80.700.754	80.682.759 (deslocamentos)

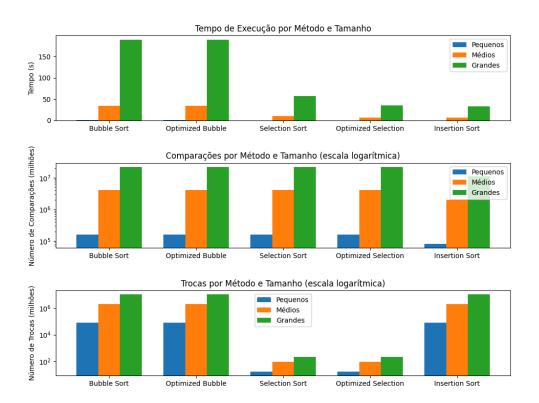
### 3.4.2. Arquivos Médios (90.000 valores inteiros)

Método de Ordenação	Тетро	Comparações	Trocas (swaps)
Bubble Sort	34,344 s	4.049.955.000	2.014.926.783
Optimized Bubble Sort	34,351 s	4.049.874.800	2.014.926.783
Selection Sort	10,473 s	4.049.955.000	89.991
Optimized Selection Sort	6,497 s	4.050.090.000	89.996
Insertion Sort	6,174 s	2.015.016.777	2.014.926.783 (deslocamentos)

### 3.4.3. Arquivos Grandes (210.000 valores inteiros)

Método de Ordenação	Тетро	Comparações	Trocas (swaps)
Bubble Sort	189,579 s	22.049.895.000	11.036.422.619
Optimized Bubble Sort	189,892 s	22.049.753.754	11.036.422.619
Selection Sort	56,717 s	22.049.895.000	209.987
Optimized Selection Sort	35,424 s	22.050.210.000	209.987
Insertion Sort	32,991 s	11.036.632.613	11.036.422.619 (deslocamentos)

#### 3.4.4. Gráfico



## 4. Busca em Arquivos

Todos os algoritmos de busca se localizam no arquivo "busca.c", dentro do diretório "codigo". Para fatores de pesquisa, serão contabilizadas todas as comparações entre valores de vetores (comparisons), além do tempo necessário para 100.000 repetições de buscas de arquivos pequenos, médios e grandes. Cada busca tem um tempo extremamente curto, fazendo com que 100.000 repetições demonstrem resultados mais compreensíveis. O método para encontrar o alvo de busca é o maior valor possível+1, ou seja, um valor que não existe no vetor para medir a pior situação possível..

Todas as buscas são feitas no diretório *dados/ordenado*, e se assume que os arquivos buscados já estão ordenados.

### 4.1. Busca Sequencial (Linear Search)

O método de Busca Sequencial tem complexidade O(N) em pior e médio caso, e complexidade O(1) em melhor caso. itera sobre todos os elementos do vetor e os compara, não precisando ter arquivos ordenados para leitura. Ele é mais lento, ineficiente e mais simples comparado a Busca Binária.

### 4.2. Busca Binária (Binary Search)

O método de Busca Binária tem complexidade  $O(log\ N)$  em pior e médio caso, e complexidade O(1) em melhor caso. Necessita de arquivos ordenados para leitura, e se baseia em diversas iterações com a divisão do vetor com metades (center) e comparações entre maiores (right) e menores (left) valores das metades. Caso metade seja maior ou menor que o valor buscado, se descarta metade dos valores de busca sucessivamente até que se encontre o valor desejado.

#### 4.3. Resultados de Busca

#### 4.3.1. Arquivos Pequenos (18.000 valores inteiros)

Método de Busca	Tempo (1000 repetições)	Tempo (1 busca)	Comparações (1000 repetições)	Comparações (1 busca)
Busca Sequencial	4,724 s	47,240 μs	1.800.000.000	18.000
Busca Binária	0,008 s	0,08 μs	1.500.000	15

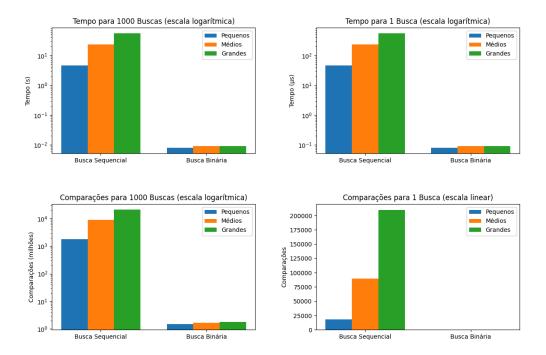
## 4.3.2. Arquivos Médios (90.000 valores inteiros)

Método de Busca	Tempo (1000 repetições)	Tempo (1 busca)	Comparações (1000 repetições)	Comparações (1 busca)
Busca Sequencial	23,687 s	236,870 μs	9.000.000.000	90.000
Busca Binária	0,009 s	0,09 μs	1.700.000	17

## 4.3.3. Arquivos Grandes (210.000 valores inteiros)

Método de Busca	Tempo (1000 repetições)	Tempo (1 busca)	Comparações (1000 repetições)	Comparações (1 busca)
Busca Sequencial	55,675 s	556,750 μs	21.000.000.000	210.000
Busca Binária	0,009 s	0,09 μs	1.800.000	18

#### 4.3.4. Gráfico



## 5. Conclusão

### 5.1. Ordenação

Ao comparar os resultados da ordenação com Bubble Sort e Optimized Bubble Sort (*OBS*), é perceptível que embora o OBS deveria ser, em geral, mais eficiente e com menos tempo necessário para ordenação quando comparado a Bubble Sort, ele teve resultados minimamente piores que até mesmo sua versão não otimizada. Isso ocorre porque o OBS apenas contribui positivamente para dados que possuem certo grau de ordenação. Caso a geração dos dados seja semi-aleatória, o OBS contribui negativamente, com mais verificações do que o Bubble Sort padrão.

A diferença entre Optimized Selection Sort (Bidirectional) e Selection Sort foi positiva, com a otimização tendo uma redução de  $\sim 40\%$  no tempo necessário para ordenação, e aumento extremamente mínimo entre comparações ( $\sim 0.001\%$  maior), demonstrando que utilizar tanto min quanto max foi produtivo para a ordenação.

O Insertion Sort, comparado a todos os outros métodos de ordenação pesquisados (Bubble Sort, Optimized Bubble Sort, Selection Sort, Optimized Selection Sort) foi o algoritmo que apresentou menor tempo de ordenação, mas continua ineficiente para ordenações de grande escala, demorando ~30 segundos para uma ordenação de ~200.000 valores inteiros no hardware utilizado para testes. O motivo de Insertion Sort ter sido o método de ordenação mais rápido testado foi por não utilizar trocas (*swaps*) e sim deslocamentos, sendo mais eficiente no gerenciamento de memória.

#### 5.2. Buscas

Os métodos de busca analisados possuem diferenças extremas e limitações específicas. A Busca Sequencial (*Linear Search*) possui tempo diretamente proporcional à quantidade de valores lidos no pior caso, sendo muito ineficiente em buscas grandes. Comparativamente, a Busca Binária (*Binary Search*), tem uma quantidade extremamente inferior de comparações, fazendo buscas em tempos menores que 0,01 segundos. Entretanto, a Busca Binária necessita de dados previamente ordenados, o que significa que a Busca Sequencial apenas é viável em dados não ordenados e em pequenas quantidades.