

# **ALGORITMO DE OPERAÇÃO BUBBLE SORT**

---

Espaço de apresentação criado para alocar os materiais de  
recomendados sobre o conteúdo abordado

Antonio Hiroky, David do Carmo, Douglas Masuzzo

Praia Grande, 25 de setembro de 2025

# SUMÁRIO

<b>1. INTRODUÇÃO A ALGORITMO DE ORDENAÇÃO.....</b>	<b>4</b>
1.1. O que é um Algoritmo?.....	4
1.2. Algoritmo de Ordenação.....	4
<b>2. ORDENAÇÃO DE BOLHA - BUBBLE SORT.....</b>	<b>4</b>
2.1. Origem.....	4
2.2. Descrição.....	5
<b>3. PROCESSO DE FUNCIONAMENTO.....</b>	<b>5</b>
3.1. Mecanismos de Ordenação.....	5
3.1.1. Etapas de funcionamento.....	6
3.2. Pseudocódigo.....	6
<b>4. NÍVEIS DE COMPLEXIDADE.....</b>	<b>7</b>
4.1. Melhor caso - Lista Ordenada.....	7
4.2. Pior caso - Lista Desordenada.....	7
4.3. Análise de Complexidade de Algoritmos.....	7
<b>5. VANTAGENS E DESVANTAGENS.....</b>	<b>8</b>
5.1. Vantagens.....	8
5.2. Desvantagens.....	8
<b>6. APLICABILIDADE.....</b>	<b>8</b>
6.1. Cenário Adequado.....	8
6.2. Cenário Inadequado.....	8
<b>7. USO EM LINGUAGENS DE PROGRAMAÇÃO.....</b>	<b>9</b>
7.1. Java.....	9
• Declaração.....	10
• Entrada de dados.....	10
• Loop Aninhado.....	10
◦ Loop Externo.....	10
◦ Loop Interno.....	10
• Saída.....	10
7.2. Python.....	11
• Declaração.....	11
• Entrada.....	11
• Loop Externo.....	11
• Loop Interno.....	11
• Operação.....	12
• Saída.....	12

7.3. C++ .....	12
• Declaração.....	13
• Entrada.....	13
• Operação.....	13
• Saída.....	13
<b>8. EXPLICAÇÃO.....</b>	<b>13</b>
8.1. Estrutura do Algoritmo.....	13
8.1.1. Entrada de Dados.....	13
8.1.2. Processamento de Ordenação ( Bubble Sort ).....	13
8.1.2.1. Loop Aninhado.....	13
8.1.2.2. Troca de posição.....	14
8.1.3. Saída de Dados.....	14
8.2. Processamento.....	14
8.2.1. Vetor Inicial.....	14
8.2.2. Primeira passada ( i = 0 ).....	14
8.2.3. Segunda passada ( i = 1 ).....	15
8.2.4. Passada seguinte.....	15
8.2.5. Fim do processo.....	15
<b>9. CONCLUSÃO.....</b>	<b>15</b>
<b>10. REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS.....</b>	<b>17</b>
<b>11. SLIDES.....</b>	<b>17</b>

## **1. INTRODUÇÃO A ALGORITMO DE ORDENAÇÃO**

### **1.1. O que é um Algoritmo?**

Um algoritmo pode ser entendido como um procedimento computacional bem definido que, a partir de uma ou mais entradas, gera uma ou mais saídas. Em essência, trata-se de uma sequência de etapas que transforma dados de entrada em resultados. Nesse sentido, o algoritmo é uma ferramenta para a resolução de problemas computacionais bem especificados, nos quais se define a relação entre a entrada e a saída desejada. Um exemplo clássico é o problema da ordenação de números, que, além de ser recorrente na prática, serve de base para o estudo e aplicação de diversas técnicas de projeto e análise de algoritmos (CORMEN, 2012).

### **1.2. Algoritmo de Ordenação**

Os algoritmos de ordenação são procedimentos computacionais que organizam elementos de uma lista ou array, em uma sequência específica, de ordem crescente ou decrescente. A eficiência de uma sequência ordenada pode impactar diretamente na manipulação de dados e no desempenho de sistemas que lidam com grandes volumes de informações.

## **2. ORDENAÇÃO DE BOLHA - BUBBLE SORT**

### **2.1. Origem**

Buscando compreender a popularidade do método, pesquisadores realizaram diversos estudos para identificar sua origem. A primeira descrição registrada data de 1956, mencionada por Donald Knuth, que analisou o funcionamento do algoritmo sob o nome de “ sorting by exchange “ (ordenação por troca).

Em 1962, a Association for Computing Machinery (ACM) publicou uma bibliografia em sua conferência, utilizando o mesmo termo. Essa denominação também aparece em materiais didáticos da época, como o livro Programming Business Computers, de Daniel McCracken, bem como em artigos da Journal of the ACM (1961–1962), onde era comumente referido como exchange sorting.

Acredita-se que o termo Bubble Sort tenha sido empregado pela primeira vez, em 1962, por Kenneth Iverson, em sua obra A Programming Language. Embora não haja consenso absoluto, essa é considerada a primeira menção documentada do nome.

Em 1963, o algoritmo foi registrado oficialmente no repositório da ACM como Algorithm 175, sob a denominação “ Shuttle Sort( ) “. Posteriormente, identificaram-se erros no código publicado, levando à proposta de uma versão corrigida, incluindo a otimização que permite a parada antecipada quando não ocorrem trocas. Esse mesmo procedimento já havia sido estudado em 1955, no computador ORDVAC, localizado no Aberdeen Proving Ground.

## 2.2. Descrição

O Bubble Sort, também conhecido como método da bolha, é um dos algoritmos de ordenação mais simples e didáticos utilizados em programação. Seu nome vem da ideia de que, a cada passagem pelo vetor, os maiores elementos “flutuam” para o final da lista, assim como bolhas que sobem à superfície da água.

Apesar de ser considerado pouco eficiente para grandes quantidades de dados, o método é utilizado em ambientes acadêmicos por sua facilidade de compreensão e implementação. Ajudando estudantes a entenderem conceitos de lógica de programação, como comparações, trocas, laços de repetição e a complexidade de algoritmos.

## 3. PROCESSO DE FUNCIONAMENTO

### 3.1. Mecanismos de Ordenação

O mecanismo é um algoritmo de ordenação simples baseado em comparações sucessivas entre elementos adjacentes de uma lista. Sua lógica consiste em percorrer a lista diversas vezes, comparando pares consecutivos e realizando trocas sempre que o elemento da esquerda for maior que o da direita.

Ao final da primeira iteração, o maior elemento da lista estará na última posição, ou seja, em seu lugar definitivo. Na segunda iteração, o segundo maior elemento também ocupará sua posição correta, e assim sucessivamente. Esse processo continua até que toda a lista esteja ordenada.

### 3.1.1. Etapas de funcionamento

- O Bubble Sort percorre o vetor várias vezes, comparando sempre dois elementos vizinhos (posição  $i$  e  $i+1$ ).
- O Bubble Sort percorre o vetor várias vezes, comparando sempre dois elementos vizinhos (posição  $i$  e  $i+1$ ).
- Ao final de cada passagem pelo vetor, o maior elemento daquela sequência “sobe” para o final, como uma bolha na água.
- Na próxima passagem, não é mais necessário considerar o último elemento, pois ele já está no lugar certo.
- Esse processo se repete até que não seja mais necessária nenhuma troca, o que significa que o vetor está ordenado.

### 3.2. Pseudocódigo

```
INÍCIO
  PROCEDIMENTO BubbleSort(VETOR A[1..N])
    PARA  $i \leftarrow 1$  ATÉ  $N - 1$  FAÇA
      trocou  $\leftarrow$  FALSO

      PARA  $j \leftarrow 1$  ATÉ  $N - i$  FAÇA
        SE  $A[j] > A[j + 1]$  ENTÃO
          temp  $\leftarrow$   $A[j]$ 
           $A[j] \leftarrow A[j + 1]$ 
           $A[j + 1] \leftarrow$  temp
          trocou  $\leftarrow$  VERDADEIRO
        FIM SE
      FIM PARA

      SE trocou = FALSO ENTÃO
        SAIR DO LAÇO
      FIM SE
    FIM PARA
  FIM PROCEDIMENTO
FIM
```

## 4. NÍVEIS DE COMPLEXIDADE

A complexidade de um algoritmo de ordenação é verificada de acordo com a rapidez e o espaço do processo de organização de uma lista de elementos. A complexidade é expressa em notação ao “ Big O ”, que descreve o tempo de execução em relação ao tamanho de entrada daquele vetor. Através dessa análise, estima-se que o desempenho geral apresentado pelo método é considerado ruim em comparação aos demais algoritmos de ordenação, que possuem uma classificação superior.

### 4.1. Melhor caso - Lista Ordenada

- A técnica pode apresentar uma complexidade linear  $O(n)$  se o método for implementado com uma otimização para o processo se nenhuma troca for feita em uma passagem.

### 4.2. Pior caso - Lista Desordenada

- O método apresenta uma complexidade de  $O(n^2)$ , pois são necessárias múltiplas passagens pela lista para ordenar todos os elementos, exigindo constantes comparações e trocas.

### 4.3. Análise de Complexidade de Algoritmos

	Constante	Logaritmo	Linear	N-log( N )	Quadrante	Cúbico	Exponencial
$N$	$O(1)$	$O(\log N)$	$O(N)$	$O(N \log N)$	$O(N^2)$	$O(N^3)$	$O(2^N)$
1	1	1	1	1	1	1	2
2	1	1	2	2	4	8	4
4	1	2	4	8	16	64	16
8	1	3	8	24	64	512	256
16	1	4	16	64	256	4096	65.536
32	1	5	32	160	1024	32.768	4.294.967...

A análise de complexidade busca avaliar a eficiência de um algoritmo em termos de tempo de execução e uso de memória, considerando o crescimento do problema. O objetivo é prever como o desempenho se comporta à medida que o tamanho da entrada aumenta. Um dos principais instrumentos dessa análise é a Big O Notation, que descreve a ordem de crescimento do algoritmo, expressando o limite superior do número de operações realizadas. Ela permite comparar algoritmos independentemente da máquina ou linguagem usada.

- $O(1)$ 
  - Complexidade constante o tempo de execução do algoritmo independe do tamanho da entrada é bem rápido.
- $O(\log(n))$ 
  - Complexidade logarítmica o tempo de execução pode ser considerado menor do que uma constante grande. É super rápido
- $O(n)$ 
  - Complexidade linear o algoritmo realiza um número fixo de operações sobre cada elemento da entrada
- $O(n \log(n))$ 
  - Típico de algoritmos que dividem um problema em subproblemas, resolve cada subproblema de forma independente, e depois combina os resultados
- $O(n^2)$ 
  - Complexidade quadrática. Típico de algoritmos que operam sobre pares dos elementos de entrada
- $O(n^3)$ 
  - Complexidade cúbica que é útil para resolver problemas pequenos como multiplicação de matrizes
- $O(2^n)$ 
  - Complexidade exponencial. Típicos de algoritmos que fazem busca exaustiva (força bruta) para resolver um problema
- $O(n!)$ 
  - Complexidade fatorial. É normalmente encontrado ao analisar a complexidade de algoritmos de força bruta, que tentam todas as possibilidades para problemas de otimização combinatória.



## **5. VANTAGENS E DESVANTAGENS**

### **5.1. Vantagens**

O algoritmo reforça a ágil implementação e a fluída clareza conceitual sendo aplicado em recursos didáticos pela facilidade de compreensão e exemplificação ( através da codificação ), pois a lógica algorítmica se baseia apenas na comparação entre os elementos adjacentes e a substituição destes valores quando excedem o espaço de ordem.

A técnica ocupa espaço constante na memória, pois as trocas ocorrem diretamente no array original, sem intervenção de estruturas auxiliares. Além disso, a sua capacidade de aproveitar listas pré-ordenadas possibilita alcançar o baixo nível de complexidade de  $O(n)$  em determinados casos.

### **5.2. Desvantagens**

Ao contrário do que é apresentado como qualidade, o grande ponto que destaca sua ineficiência é o nível de desempenho em relação às diferentes ordenações. A complexidade do nível escalonável na tabela  $O(n^2)$  torna impraticável sua operação com grande conjuntos de dados, pois o número de comparações e substituições evolui quadraticamente em relação ao tamanho da lista.

Em comparação com os algoritmos como Merge Sort, Quick Sort e Insertion Sort, a eficiência torna-se complexa por considerar a aplicação corretamente devido a instabilidade de sua implementação.

## **6. APLICABILIDADE**

### **6.1. Cenário Adequado**

Adequado para cenários de aprendizagem inicial de conceitos algoritmos e programação, simulando breve cenários com o uso de pequenas limitações, ressaltando a simplicidade, o baixo nível de complexidade e contextos com restrições de uso de memória.

### **6.2. Cenário Inadequado**

Inadequado para cenários com manipulação de grande volume de dados ou aplicações que requerem alta performance e eficiência em

tempo.

## 7. USO EM LINGUAGENS DE PROGRAMAÇÃO

O algoritmo de ordenação é uma tarefa funcional que manipula dados e organiza os elementos em uma determinada sequência. O método abordado ( Bubble Sort ) representa sua lógica de organização através da comparação e substituição entre os elementos adjacentes, permitindo compreender e visualizar o conceito de Estrutura de Repetição, por meio do Loop Aninhado e a Manipulação de Array/List.

A implementação desta função pode variar conforme a ferramenta utilizada, destacando uma leve mudança entre a sintaxe e os pequenos detalhes que consolidam a semântica da linguagem, reforçando a versatilidade e a adaptabilidade do pensamento algorítmico. Pode-se destacar a utilização desta abordagem para os níveis iniciais de aprendizagem, enfatizando a simplicidade e o fácil entendimento entre os conceitos fundamentais da Linguagem de Programação. Porém, sua funcionalidade não pode ser considerada eficiente em específicas aplicações com grande volume de dados.

### 7.1. Java

```
import java.util.Scanner;
import java.util.Arrays;

public class OrdenacaoVetor {

    public static void bubbleSort(int[] vetor) {
        int n = vetor.length;
        int temp;

        for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
            for (int j = 0; j < n - i - 1; j++) {
                if (vetor[j] > vetor[j + 1]) {
                    temp = vetor[j];
                    vetor[j] = vetor[j + 1];
                    vetor[j + 1] = temp;
                }
            }
        }
    }
}
```

```

public static void main(String[] args) {
    final int TAMANHO = 8;
    int[] vetor = new int[TAMANHO];
    Scanner scanner = new Scanner(System.in);

    System.out.println("Digite 8 numeros inteiros:");

    for (int i = 0; i < TAMANHO; i++) {
        System.out.print("Elemento " + (i + 1) + ": ");
        vetor[i] = scanner.nextInt();
    }

    bubbleSort(vetor);

    System.out.println("Vetor Original: " + Arrays.toString(vetor));
    System.out.println("Vetor Ordenado: " + Arrays.toString(vetor));

    scanner.close();
}
}

```

- Declaração
  - `int[ ] vetor = new[ ] vetor;`
- Entrada de dados
  - `vetor[ i ] = scanner.nextInt();`
- Loop Aninhado
  - Loop Externo
    - `for ( int i = 0; i < n; i ++ )`
  - Loop Interno
    - `for ( int j = 0; j < n - i - 1; j++ )`
- Saída
  - `vetor[ j + 1 ] = temp`
  - `bubble_sort( vetor )`

## 7.2. Python

```
def bubble_sort(vetor):
    """Implementa o algoritmo Bubble Sort para ordenar o vetor."""
    n = len(vetor)
    for i in range(n - 1):
        for j in range(0, n - i - 1):
            if vetor[j] > vetor[j + 1]:
                vetor[j], vetor[j + 1] = vetor[j + 1], vetor[j] # Troca de forma
        return vetor

TAMANHO = 8
vetor = []

print("--- Ordenacao de Vetor em Python (Bubble Sort) ---")
print("Digite 8 numeros inteiros, um por linha:")

for i in range(TAMANHO):
    try:
        numero = int(input(f"Elemento {i + 1}: "))
        vetor.append(numero)
    except ValueError:
        print("Entrada invalida. Por favor, digite um numero inteiro.")
        i -= 1

vetor_original = list(vetor)

vetor_ordenado = bubble_sort(vetor)

print(f"\nVetor Original: {vetor_original}")
print(f"Vetor Ordenado: {vetor_ordenado}")
```

- Declaração
  - def bubble\_sort( vetor )
  - n = len( vetor )
- Entrada
  - numero = int ( input ( f" Elemento { i + 1 } " ) )
- Loop Externo
  - for i in range ( n - 1 )

- Loop Interno
  - for j in range ( 0, n - i - 1 )
- Operação
  - vetor[ j ], vetor[ j + 1 ] = vetor[ j + 1 ], vetor[ j ]
- Saída
  - vetor\_original = list( vetor )
  - vetor\_ordenado = bubble\_sort( vetor

### 7.3. C++

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>

int main() {
    const int TAMANHO = 8;
    int vetor[TAMANHO];

    std::cout << "Digite 8 numeros inteiros para o vetor:" <<
std::endl;
    for (int i = 0; i < TAMANHO; ++i) {
        std::cin >> vetor[i];
    }

    // Bubble Sort
    for (int i = 0; i < TAMANHO - 1; ++i) {
        for (int j = 0; j < TAMANHO - i - 1; ++j) {
            if (vetor[j] > vetor[j+1]) {
                // Troca os elementos
                int temp = vetor[j];
                vetor[j] = vetor[j+1];
                vetor[j+1] = temp;
            }
        }
    }

    std::cout << "\nVetor ordenado:" << std::endl;
    for (int i = 0; i < TAMANHO; ++i) {
        std::cout << vetor[i] << " ";
    }
    std::cout << std::endl;

    return 0;
}
```

```
}
```

- Declaração
  - `int vetor [ tamanho ]`
- Entrada
  - `std :: cin >> vetor[ i ]`
- Operação
  - `int temp = vetor[ i ]`
  - `vetor[ j ] = vetor[ j + 1 ]`
  - `vetor[ j + 1] = temp`
- Saída
  - `std :: cout << vetor[ i ]`

## 8. EXPLICAÇÃO

### 8.1. Estrutura do Algoritmo

#### 8.1.1. Entrada de Dados

- Cria um vetor de tamanho fixo ( 8 posições )

```
const int TAMANHO = 8;
```

- Usuário digita os valores que serão armazenados no vetor

```
std::cin >> vetor[i];
```

#### 8.1.2. Processamento de Ordenação ( Bubble Sort )

##### 8.1.2.1. Loop Aninhado

- Controla o número de passagens

```
for (int i = 0; i < TAMANHO - 1; ++i) {
```

- Controla os pares de elementos adjacentes

```
for (int j = 0; j < TAMANHO - i - 1; ++j) {
```

#### 8.1.2.2. Troca de posição

- Verificador de posição

```
if (vetor[j] > vetor[j+1]) {}
```

#### 8.1.3. Saída de Dados

- Exibe o vetor ordenado em ordem crescente

```
for (int i = 0; i < TAMANHO; ++i) {  
    std::cout << vetor[i] << " ";  
}
```

### 8.2. Processamento

#### 8.2.1. Vetor Inicial

- Usuário fornece 8 números

```
int vetor[ 8 ] = { 7, 4, 6, 5, 0, 1, 3, 2 };
```

#### 8.2.2. Primeira passada ( i = 0 )

- Comparar os demais valores

```
int vetor[ 8 ] = ( 7 > 4 ) , ( 7 > 6 ) , ( 7 > 5 ).....
```

- O maior valor vai ser direcionado à última posição.

```
int vetor[ 8 ] = { 4, 6, 5, 0, 1, 3, 2, 7 };
```

#### 8.2.3. Segunda passada ( i = 1 )

- Agora, 2º maior valor deve ser direcionado à última posição

```
int vetor[ 8 ] = { 4, 5, 0, 1, 3, 2, 6, 7 };
```

#### 8.2.4. Passada seguinte

- Cada passa fixa o próximo maior elemento

```
int vetor[ 8 ] = { 4, 0, 1, 3, 2, 5, 6, 7 };
```

#### 8.2.5. Fim do processo

- Vetor totalmente ordenado

```
int vetor[ 8 ] = { 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 };
```

## 9. CONCLUSÃO

O estudo do método ressalta a dualidade presente entre a simplicidade e sua limitação. O algoritmo apresenta uma ineficiência em termos de desempenho ao comparar com os demais métodos de ordenação, apesar de sua implementação ser clara e intuitiva para o desenvolvimento cognitivo de programação. Entende-se que, diferentemente de sua efetividade em cenários que demandam praticidade sob grande porte, o Bubble Sort cumpre sua responsabilidade ao possibilitar a compreensão de estruturas de



repetição, comparações sucessivas e os conceitos de complexidade algorítmica, utilizando como um recurso didático ao introduzir simples conceitos de ordenação.

Assim, entende-se que a relevância não se define apenas a sua aplicação prática, mas em sua contribuição aos conceitos acadêmicos ao unir a simplicidade de implementação e a capacidade de exemplificar os fundamentos que sustentam a ciência da computação. (ASTRACHAN, 2003).

## 10. REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

ASTRACHAN, O. An Archaeological Algorithmic Analysis. Duham: Computer Science Department, Duke University. 2003. Disponível em: <https://users.cs.duke.edu/~ola/papers/bubble.pdf>. Acesso em: 26 set, 2025.

CORMEN, Thomas H.; LEISERSON, Charles E.; RIVEST, Ronald L.; STEIN, Clifford. Algoritmos: Teoria e Prática. 3. ed. Tradução de Arlete Simille Marques. Rio de Janeiro: Elsevier, 2012. Acesso em: 26 set. 2025.

ELEMARJR. O que é e como funciona o Bubble Sort. [s. d.] Disponível em: <https://elemarjr.com/clube-de-estudos/artigos/o-que-e-e-como-funciona-o-bubblesort/>. Acesso em: 26 set, 2025

GATTO, Elaine C. Algoritmos de Ordenação: Bubble Sort. 16 ago, 2017. Disponível em: <https://embarcados.com.br/algoritmos-de-ordenacao-bubble-sort/#Sobre-o-Bubble-Sort>. Acesso em: 26 set, 2025.

SILVA, W. Análise de Complexidade de Algoritmos. 8 ago, 2020. Disponível em: <https://growthcode.com.br/java/analise-de-complexidade-de-algoritmos/>. Acesso em: 26 set, 2025.

SMART IA SOLUTIONS. O que é: Algoritmos de Ordenação. 28 set. 2024. Disponível em: <https://smartiasolutions.com.br/glossario/o-que-e-algoritmos-de-ordenacao/>. Acesso em: 26 set. 2025.

## 11. SLIDES

[https://www.canva.com/design/DAG0DemsY1o/3HQCZVe2ojfzgB\\_IXE\\_45Q/edit?utm\\_content=DAG0DemsY1o&utm\\_campaign=designshare&utm\\_medium=link2&utm\\_source=sharebutton](https://www.canva.com/design/DAG0DemsY1o/3HQCZVe2ojfzgB_IXE_45Q/edit?utm_content=DAG0DemsY1o&utm_campaign=designshare&utm_medium=link2&utm_source=sharebutton)