

# Exercício Prático 2 de Programação Paralela

## Seleção Aleatória

Douglas Rodrigues de Almeida  
douglasralmeida@live.com

### 1. Introdução

O objetivo do trabalho foi a implementação de um algoritmo que calcule, de um conjunto de números, o  $i$ -ésimo menor número deste conjunto.

O algoritmo utilizado foi o Seleção Aleatória (do inglês Randomized-Select), que é baseado no Quicksort, que utiliza partições randômicas para separar os números do conjunto de acordo com um pivô escolhido aleatoriamente.

### 2. Implementação sequencial

O Seleção Aleatória se baseia no paradigma de dividir e conquistar. Ele é dividido em dois passos para escolher o  $i$ -ésimo elemento de um vetor  $A[e..d]$ .

**Dividir:** O vetor  $A[e..d]$  é particionado em dois subvetores  $A[e..p-1]$  e  $A[p+1..d]$  tais que cada elemento de  $A[e..p-1]$  é menor ou igual a  $A[p]$ , aqui chamado de pivô, e todos os elementos de  $A[p+1..d]$  é maior ou igual ao pivô. O pivô é escolhido aleatoriamente.

**Conquistar:** Caso o pivô não seja o  $i$ -ésimo elemento, um dos subvetores,  $A[e..p-1]$  ou  $A[p+1..d]$ , aquele que contém o  $i$ -ésimo elemento, será particionado recursivamente pela mesma regra da divisão.

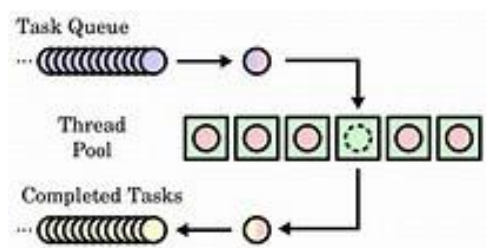
Em algum momento, ou pivô será o  $i$ -ésimo elemento, ou o subvetor resultante da divisão terá apenas um único elemento que será o  $i$ -ésimo procurado.

89	32	75	55	49	69	50
----	----	----	----	----	----	----

50	49	32	55	89	69	75
<55	<55	<55		>55	>55	>55

### 3. Implementação paralela

A versão paralela do algoritmo foi implementada usando a biblioteca Pthreads. Foi criado um pool, ou piscina de threads, uma estrutura de dados que mantém uma quantidade fixa de threads alocadas previamente que recebem tarefas para serem executadas.



O paralelismo ocorre na partição do vetor quando os valores são copiados para o subvetor que está sendo criado após a checagem com o pivô. Cada tarefa de transferência de elemento para a futura posição no subvetor será uma tarefa a ser executada pela piscina de threads. Após a execução de todas as threads da fila, um novo subvetor estará formado. Daí o pivô escolhido aleatoriamente poderá ser o i-ésimo elemento, ou ocorrerá um novo particionamento do subvetor gerado.

A cada chamada recursiva que gerar um novo subvetor, será criada uma fila de tarefas para a piscina de threads.

#### 4. Avaliação

Os testes foram feitos em uma máquina da Google Cloud com 8 CPUs e 32GB de RAM.

Entrada N	$10^3$	$10^4$	$10^5$	$10^6$	$10^7$
Tempo (s) (sequencial)	0,000013	0,000087	0,003857	0,321868	31,6157
Tempo (s) (paralelo) p/ 2 threads	0,002400	0,008666	0,124731	1,498747	17,314892
Tempo (s) (paralelo) p/ 4 threads	0,006456	0,066019	0,410576	6,672222	
Tempo (s) (paralelo) p/ 8 threads	0,014050	0,076790	1,156507	15,33921	
Tempo (s) (paralelo) p/ 16 threads	0,017732	0,252677	2,97247	16,1832	

Percebe-se que a implementação sequencial é mais rápida que a versão paralela. A versão paralela realiza várias alocações de memória que a deixa mais lenta.

O *speedup* entre a versão sequencial e a paralela para  $n$  é sempre abaixo de 1,0.

A implementação não é fortemente escalável pois a medida que aumentamos o número de CPUs, mantendo o número da entrada ocorre perda de eficiência. Ela também não é fracamente escalável pois a medida que variamos a entrada juntamente com o número de CPUs também ocorreu perda de eficiência.