

# Išgyvenamumo analizė (trukmės modeliai)

Laboratorinis darbas

Darbą atliko:

Vainius Gataveckas, Matas Gaulia, Dovydas Martinkus

Duomenų Mokslas

3 kursas 2 gr.

# Turinys

| Naudoti metodai             | 3  |
|-----------------------------|----|
| Duomenys ir jų šaltiniai    | 4  |
| Tikslas ir uždaviniai       | 5  |
| Atliktos analizės aprašymas | 6  |
| Naudojant R                 | 6  |
| Išvados                     | 23 |

# Naudoti metodai

Šiame darbe naudoti Kaplan-Meier išgyvenamumo funkcijos įverčiai, Cox semiparametrinis ir AFT parametrinis regresijos modeliai. Darbas atliktas naudojant R.

| Naudoti R paketai: |
|--------------------|
| tidyverse          |
| survival           |
| survminer          |
| eha                |

## Duomenys ir jų šaltiniai

Telekomunikacijų bendrovės klientų paslaugų atsisakymo (churn) duomenys pagal bendrovės klientų demografines ir naudojamų paslaugų kovariantes.

Duomenų šaltinis – modeldata R paketas.

Originalus šaltinis IBM Watson Analytics churn data. Prieiga per interneta:

https://ibm.co/2sOvyvy.

Duomenis sudaro šie kintamieji:

"churn" – ar klientas atsisakė bendrovės paslaugų.

"tenure" – mėnesių skaičius, kurį laiką klientas naudojosi įmonės paslaugomis (cenzūruota iš dešinės).

"female" – ar klientas yra moteris.

"senior\_citien" – ar klientas yra pensijinio amžiaus.

"partner" – ar klientas turi partnerį (partnerę).

"dependents" – ar klientas turi išlaikytinių.

"phone\_service" – ar klientas naudojami bendrovės telefono ryšiu.

"internet\_service" – ar klientas iš bendrovės užsisakęs internetą.

"monthly\_charges" – per mėnesį sumokoma suma.

Kitos kovariantės, esančios originaliame duomenų rinkinyje nėra stipriai susijusios su tyrimo uždaviniais, todėl iš anksto pasirinkta jų tyrime nenaudoti.

#### Tikslas ir uždaviniai

Tikslas: Sudarius trukmės modelį telekomunikacijų bendrovės paslaugų atsisakymo trukmei įvertinti demografinių požymių įtaką paslaugų atsisakymui.

#### Uždaviniai:

Demografinių požymių įtakos įvertinimas naudojant tiriamąja duomenų analizę ir Kaplan-Meier išgyvenamumo funkcijas.

Trukmės regresijos modelių, atsižvelgiančių į kitų kovariančių reikšmes sudarymas:

- Cox semiparametrinio modelio sudarymas
- AFT parametrinio modelio sudarymas

Modelių tinkamumo analizė.

#### Atliktos analizės aprašymas

#### Naudojant R

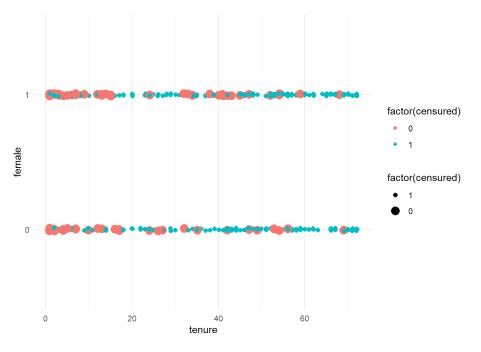
Didžioji dalis duomenų aibėje esančių duomenų yra cenzūruoti. Naudotas cenzūravimas iš dešinės. Kitokio tipo cenzūravimo duomenyse nebuvo. Nubrėžti tiriamieji paslaugų naudojimosi trukmės grafikai pagal kiekvieną kovariantę.

Apskaičiuoti naivūs (daug mažesni negu yra iš tikrųjų) paslaugų naudojimo trukmės vidurkiai, kurie neatsižvelgia į duomenų cenzūravimą. Apskaičiuotas ir grafiškai pavaiduotas Kaplan-Meier išgyvenamumo funkcijos įvertinys visai duomenų aibei. Vidutinis gauta paslaugų naudojimosi trukmė 41.48. Ši reikšmė ryškiai skiriasi nuo prieš tai gautų vidurkių.

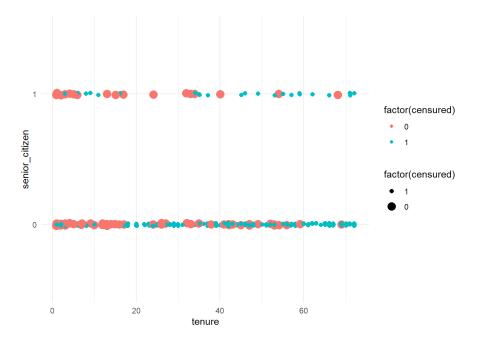
```
library(tidyverse)
library(modeldata)
x <- read_csv("wa_churn.csv")
library(survival)
library(survminer)
x <- x %>%
 select(
  churn, tenure, female, monthly_charges, phone_service, internet_service, senior_citizen,
  dependents, partner
 ) %>%
 mutate(internet_service = factor(if_else(internet_service == "No", 0, 1))) %>%
 mutate(across(-c(monthly_charges, tenure), ~ as.factor(.)),
 censured = if_else(churn == "No", 1, 0)
 ) %>%
 select(-churn)
table(x$censured)
##
## 0 1
## 86 265
prop.table(table(x$censured))
       0
             1
## 0.2450142 0.7549858
# vidutinis laikas nejskaitant cenzūravimo
mean(x$tenure[x$censured == 0])
## [1] 19.51163
# bendras vidutinis laikas (mažesnis negu yra iš tikrųjų dėl cenzūravimo)
mean(x$tenure)
## [1] 33.63533
```

```
plot <- function(column) {
    ggplot(x, aes({{ column }}, tenure, color = factor(censured))) +
        geom_point(aes(size = factor(censured)), position = position_jitter(width = 0.01, height = 0.1)) +
        scale_x_discrete() +
        coord_flip() +
        theme_minimal() +
        scale_size_manual(values = c("1" = 2, "0" = 4))
}

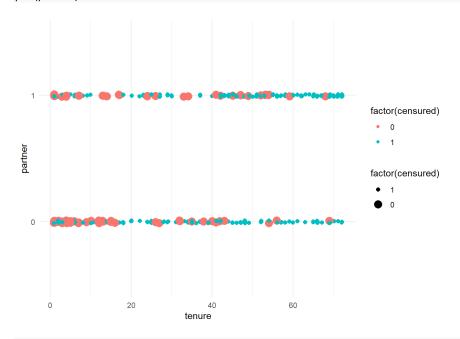
plot(female)</pre>
```



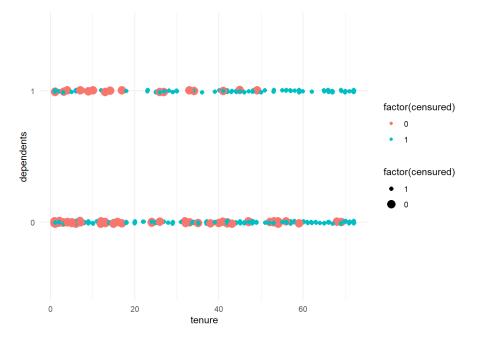
plot(senior\_citizen)



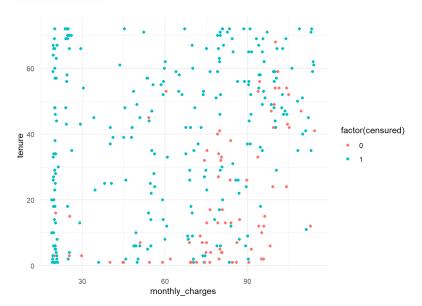
# plot(partner)



## plot(dependents)



```
ggplot(x, aes(monthly_charges, tenure, color = factor(censured))) +
geom_point() +
theme_minimal()
```



```
km <- survfit(Surv(tenure, censured) ~ 1, data = x)

print(km, print.rmean = TRUE) # 46 mediana, 41 vidurkis (palyginti su prieš tai gautu vidurkiu)

## Call: survfit(formula = Surv(tenure, censured) ~ 1, data = x)

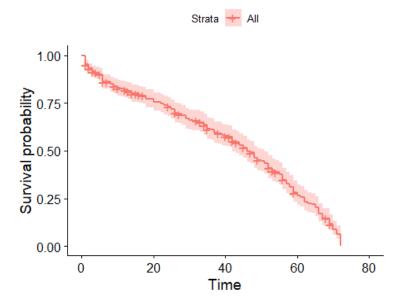
##

## n events *rmean *se(rmean) median 0.95LCL 0.95UCL

## 351.00 265.00 41.48 1.34 46.00 42.00 51.00

## * restricted mean with upper limit = 72

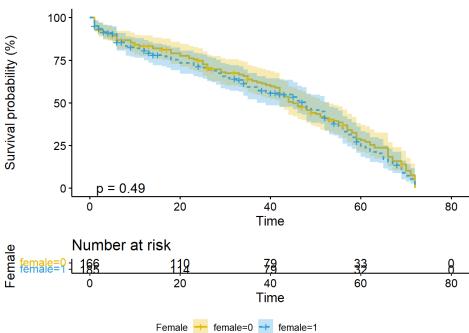
ggsurvplot(km)
```



Apskaičiuotas Kaplan-Meier išgyvenamumo funkcijos įvertinys dalijant duomenų aibę atskirai pagal demografines kovariantes. Gauta, kad vyrai paslaugomis vidutiniškai naudojosi ilgiau už moteris, pensijinio amžiaus žmonės ilgiau už jaunesnius, partnerius ar išlaikytinius turintys žmonės paslaugomis naudojosi ilgiau už neturinčius. Statistiškai reikšmingas skirtumas naudojant log-rank testą gautas tik tarp turinčių partnerį ir neturinčių (p<0.001). Šis naudotas išgyvenamumo funkcijos vertinimas neatsižvelgia į kitų kovariančių reikšmių skirtumus, todėl reikia sudaryti pilną regresijos modelį norint tinkamai įvertinti demografinių faktorių įtaką paslaugų naudojimosi trukmei.

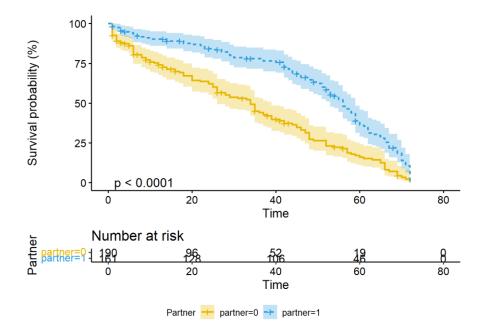
```
individual <- function(variable, title) {</pre>
 model <-
  eval(substitute(survfit(Surv(tenure, censured) ~ variable, data = x)))
 print(model, print.rmean = TRUE)
 print(eval(substitute(survdiff(Surv(tenure, censured) ~ variable, data = x, rho = 0))))
 ggsurvplot(model,
  conf.int = TRUE,
  pval = TRUE,
  fun = "pct",
  risk.table = TRUE,
  size = 1,
  linetype = "strata",
  palette = c(
   "#E7B800",
   "#2E9FDF"
  ),
  legend = "bottom",
  legend.title = title,
```

```
)
}
individual(female, "Female")
## Call: survfit(formula = Surv(tenure, censured) ~ female, data = x)
##
##
        n events *rmean *se(rmean) median 0.95LCL 0.95UCL
## female=0 166 128 42.2
                              1.93
                                    45
                                           42
## female=1 185 137 40.8
                              1.86
                                     48
                                           37
                                                53
    * restricted mean with upper limit = 72
## survdiff(formula = Surv(tenure, censured) ~ female, data = x,
##
     rho = 0)
##
##
         N Observed Expected (O-E)^2/E (O-E)^2/V
## female=0 166
                  128
                        133 0.210 0.469
## female=1 185
                  137
                         132
                               0.213
## Chisq= 0.5 on 1 degrees of freedom, p= 0.5
```

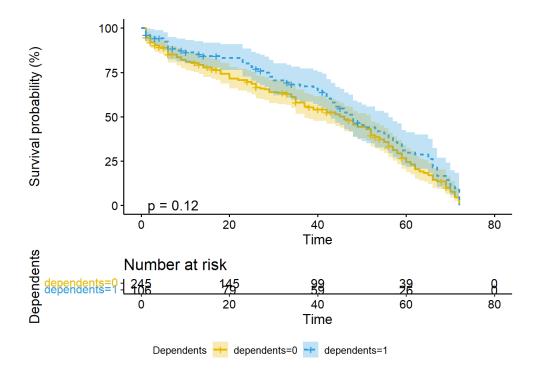


```
100
Survival probability (%)
                  75
                  50
                  25
                                         20
                                                           40
                                                                             60
                                                                                              80
                                                         Time
                      Number at risk
                                                                             57
                                                          140
                                                           40
                                                                             60
                                                         Time
                          Senior - senior_citizen=0 - senior_citizen=1
```

```
individual(partner, "Partner")
## Call: survfit(formula = Surv(tenure, censured) ~ partner, data = x)
##
##
         n events *rmean *se(rmean) median 0.95LCL 0.95UCL
## partner=0 190 137 33.3
                              1.83
                                     34
## partner=1 161 128 49.8
                              1.71 56
## * restricted mean with upper limit = 72
## survdiff(formula = Surv(tenure, censured) ~ partner, data = x,
##
    rho = 0)
##
        N Observed Expected (O-E)^2/E (O-E)^2/V
## partner=0 190 137 93.7
                               20.0
                                        35
## partner=1 161 128 171.3
                                10.9
## Chisq= 35 on 1 degrees of freedom, p= 3e-09
```



```
individual(dependents, "Dependents")
## Call: survfit(formula = Surv(tenure, censured) ~ dependents, data = x)
##
         n events *rmean *se(rmean) median 0.95LCL 0.95UCL
## dependents=0 245 176 40.0
                              1.65 46 37
## dependents=1 106 89 44.6
                              2.26 48
                                        43
                                             56
## * restricted mean with upper limit = 72
## Call:
## survdiff(formula = Surv(tenure, censured) ~ dependents, data = x,
##
         N Observed Expected (O-E)^2/E (O-E)^2/V
##
## dependents=1 106
                    89
                          101 1.323
## Chisq= 2.4\, on 1 degrees of freedom, p= 0.1\,
```

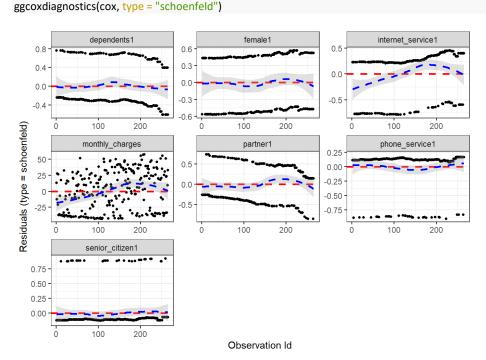


# Individualiai imant demografinius faktorius statistiškai reikšmingas skirtumas rastas tik # su kintamuoju dependents

Sudarytas Cox semiparametrinis modelis, naudojantis visas duomenyse esančias kovariantes. Naudojantis schoenfeld liekanų grafikais ir proporcingų rizikos funkcijų statistiniu testu gauta, kad kovariantęs "internet\_service" ir "monthly\_charges" netenkina proporcingos rizikos prielaidos. Kadangi tai nėra tyrime pagrindinės kovariantės, naudotas sluoksniavimas (angl. stratification), "monthly\_charges" kovariantę diskretizuojant.

```
# Cox semiparametrinis modelis
cox <- coxph(Surv(tenure, censured) ~ phone_service + dependents + internet_service +
senior_citizen + monthly_charges + female + partner, data = x)
summary(cox)
## Call:
## coxph(formula = Surv(tenure, censured) ~ phone service + dependents +
    internet_service + senior_citizen + monthly_charges + female +
    partner, data = x)
##
##
##
   n= 351, number of events= 265
##
             coef exp(coef) se(coef) z Pr(>|z|)
##
-0.017813 0.982344 0.149234 -0.119 0.904987
## dependents1
## internet service1 1.652410 5.219546 0.312656 5.285 1.26e-07 ***
## senior citizen1 -0.168112 0.845259 0.210612 -0.798 0.424752
## monthly charges -0.028832 0.971580 0.004602 -6.265 3.73e-10 ***
              0.162386 1.176315 0.126779 1.281 0.200241
## female1
## partner1
              ## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

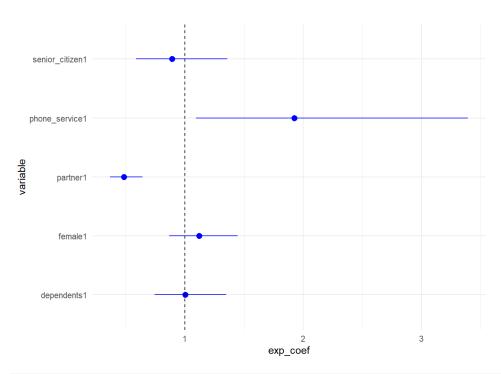
```
##
##
          exp(coef) exp(-coef) lower .95 upper .95
## phone_service1
                 ## dependents1
                 0.9823 1.0180 0.7332 1.3161
## internet_service1 5.2195 0.1916 2.8281 9.6331
## monthly_charges
                   0.9716 1.0293 0.9629 0.9804
## female1
               1.1763 0.8501 0.9175 1.5081
## partner1
               0.4823 \quad 2.0733 \quad 0.3651 \quad 0.6372
##
## Concordance= 0.689 (se = 0.016)
## Likelihood ratio test= 74.27 on 7 df, p=2e-13
## Wald test
               = 74.42 on 7 df, p=2e-13
## Score (logrank) test = 77.15 on 7 df, p=5e-14
cox.zph(cox)
##
           chisq df
## phone service 0.00288 1 0.95721
## dependents
               0.03993 1 0.84162
## internet service 19.07878 1 1.3e-05
## senior citizen 0.72715 1 0.39381
## monthly_charges 22.09409 1 2.6e-06
## female
             0.31643 1 0.57376
## partner
             2.65362 1 0.10331
## GLOBAL
             26.41982 7 0.00042
```



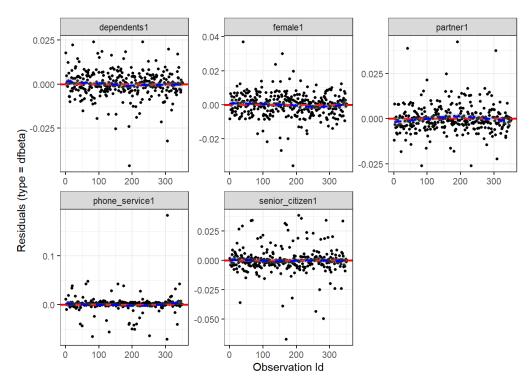
#Kadangi kovariantės, kurios pagal modelio diagnostikas pažeidžia proporcingų
#rizikos funkcijų prielaidą pagal tyrimo tikslus yra nepagrindinės (nuisance)
#naudojamas sluoksniavimas
x\$monthly\_charges\_binned <- cut\_number(x\$monthly\_charges, 3)

cox2 <- coxph(Surv(tenure, censured) ~ phone\_service + dependents + female + partner +
senior\_citizen + strata(internet\_service) + strata(monthly\_charges\_binned), data = x)

```
cox.zph(cox2)
         chisq df p
## phone_service 0.3296 10.566
## dependents 0.2475 1 0.619
## female
           0.0023 1 0.962
## partner
           4.1402 1 0.052
## senior_citizen 0.1165 1 0.733
## GLOBAL
          5.2461 5 0.387
# Kovariančių poveikis multiplikatyvus
# exp(beta_i) lygus rizikos funkcijų santykiui
summary(cox2)
## Call:
## coxph(formula = Surv(tenure, censured) ~ phone service + dependents +
   female + partner + senior citizen + strata(internet service) +
##
   strata(monthly_charges_binned), data = x)
##
## n= 351, number of events= 265
##
           coef exp(coef) se(coef) z Pr(>|z|)
## phone service1 0.654936 1.925018 0.288634 2.269 0.0233 *
## female1
           0.112945 1.119570 0.130259 0.867 0.3859
## partner1
            ## senior_citizen1 -0.113261 0.892917 0.213702 -0.530 0.5961
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
##
         exp(coef) exp(-coef) lower .95 upper .95
## female1
             1.1196 0.8932 0.8673 1.445
## partner1
             0.4855 2.0599 0.3671 0.642
##
## Concordance= 0.625 (se = 0.02)
## Likelihood ratio test= 36.14 on 5 df, p=9e-07
## Wald test
              = 35.48 on 5 df, p=1e-06
## Score (logrank) test = 36.53 on 5 df, p=7e-07
exp(confint(cox2)) %>%
cbind(exp(coef(cox2))) %>%
as.data.frame() %>%
tibble::rownames_to_column() %>%
as tibble() %>%
set names(c("variable", "low", "high", "exp coef")) %>%
ggplot(aes(variable, exp coef)) +
geom_pointrange(aes(ymin = low, ymax = high), color = "blue") +
coord flip() +
theme minimal() +
geom hline(yintercept = 1, color = "black", linetype = "dashed")
```



#### ggcoxdiagnostics(cox2, type = "dfbeta")



```
dfbetas <- resid(cox2, "dfbeta")
colnames(dfbetas) <- c("senior", "phone", "partner", "female", "dependents")

dfbetas <- dfbetas[, -c(2)]

ind_max <- function(column) {
    max <- sort(column)[1:4]
```

```
which(column %in% max)
ind <- dfbetas %>%
abs() %>%
apply(2, ind_max)
x[ind[, "senior"], ]
## # A tibble: 4 x 10
## tenure female monthly_charges phone_service internet_service senior_citizen
## <int> <fct> <dbl> <fct>
                                 <fct>
## 1 60 0
                 20.0 1
## 2 41 1
                 114. 1
                                      0
                             1
## 3 42 1
                 105. 1
                                      0
                             1
## 4 43 1
                 105. 1
                                      0
                             1
## # ... with 4 more variables: dependents <fct>, partner <fct>, censured <dbl>,
## # monthly_charges_binned <fct>
x[ind[, "partner"], ]
## # A tibble: 4 x 10
## tenure female monthly_charges phone_service internet_service senior_citizen
## <int> <fct> <dbl> <fct> <fct>
## 1 11
                 69.2 1 1
                                     1
## 2 11
                86 1
                           1
                                     1
## 3 42 1
                                      0
                 67.7 1
                         1
## 4 11
                 74.4 1
                             1
                                      1
## # ... with 4 more variables: dependents <fct>, partner <fct>, censured <dbl>,
### monthly charges binned <fct>
x[ind[, "female"], ]
## # A tibble: 4 x 10
## tenure female monthly_charges phone_service internet_service senior_citizen
## <int> <fct>
                 <dbl> <fct> <fct>
                                           <fct>
##1 11
                 35.90
                                      0
                         1
## 2 60 0
                 20.0 1
                            0
                                      0
## 3 66 1
                 101. 1
                             1
                                      1
## 4 60 1
                 59.80
                             1
                                      0
## # ... with 4 more variables: dependents <fct>, partner <fct>, censured <dbl>,
## # monthly_charges_binned <fct>
x[ind[, "dependents"], ]
## # A tibble: 4 x 10
## tenure female monthly_charges phone_service internet_service senior_citizen
## <int> <fct>
                 <dbl> <fct> <fct>
                                            <fct>
## 1 200
                  19.7 1 0
                                 0
                             0
                                      0
## 2 6 1
                 19.8 1
## 3 26 0
                 83.8 1
                                      0
## 4 28 1
                  20.2 1
                             0
                                      0
## # ... with 4 more variables: dependents <fct>, partner <fct>, censured <dbl>,
## # monthly_charges_binned <fct>
# išskirtys išsiskiria labai ilgu (ar labai trumpu) paslaugų naudojimosi laiku,
# tačiau nėra priežasčių jas šalinti iš modelio.
```

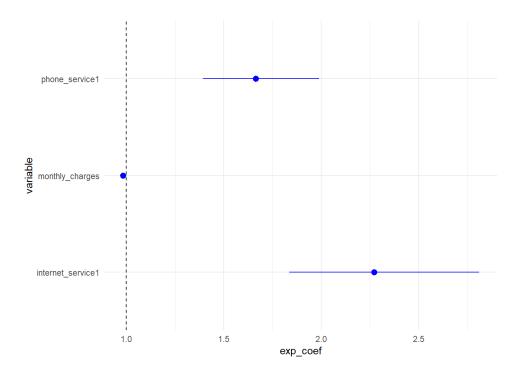
Gautame modelyje gauti geresni diagnostinių grafikų ir statistinio testo rezultatai. Modelyje iš demografinių kovariančių statistiškai reikšminga tik kovariantė "partner". Partnerio turėjimas 51% sumažina riziką atsisakyti telekomunikacijų kompanijos paslaugų. Statistiškai reikšmingai paslaugų naudojimosi trukmę įtakoja ir telefono paslaugų naudojimasis, bet tai nėra tyrimui svarbi kovariantė.

Papildomai ištirtos galimos išskirtys pagal dfbeta kriterijų. Gautos išskirtys visoms dominančioms kovariantėms išsiskiria labai ilga arba labai trumpa paslaugų naudojimosi trukme, tačiau šios reikšmės yra galimos (nėra kilusios dėl duomenų įvedimo klaidų), todėl šių reikšmių pasirinkta nešalinti iš duomenų aibės, naudojamos sudaryti modelius.

```
library(eha)
aft <- aftreg(Surv(tenure, censured) ~ phone service + dependents + internet service + female +
 senior citizen + monthly charges,
data = x, dist = "weibull", shape = 1
) # eksponentinis skirstinys
aft2 <- aftreg(Surv(tenure, censured) ~ phone service + dependents + internet service + female +
 senior citizen + monthly charges,
data = x, dist = "Weibull"
aft3 <- aftreg(Surv(tenure, censured) ~ phone_service + dependents + internet_service + female +
 senior citizen + monthly charges,
data = x, dist = "lognormal"
)
aft4 <- aftreg(Surv(tenure, censured) ~ phone_service + dependents + internet_service + female +
 senior citizen + monthly charges,
data = x, dist = "loglogistic"
)
AIC(aft)
## [1] 2523.455
AIC(aft2)
## [1] 2484.269
AIC(aft3)
## [1] 2583.786
AIC(aft4)
## [1] 2563.306
# geriausi rezultatai gaunami su Weibull skirstiniu
summary(aft2)
```

```
## Covariate
                W.mean Coef Time-Accn se(Coef) LR p
## phone_service
                                      0.0042
##
         0 0.114 0
                          1 (reference)
         1
             0.886 0.499 1.648 0.177
## dependents
         0 0.648 0 1 (reference)
##
##
         1
             0.352 -0.125 0.883 0.093
## internet_service
                                      0.0001
         0 0.217 0
                          1 (reference)
##
##
         1 0.783 0.842 2.321 0.212
                                   0.2549
## female
##
         0
             0.489 0
                        1 (reference)
##
         1
             0.511 0.101 1.106 0.089
## senior_citizen
                                     0.3273
##
         0 0.877 0
                        1 (reference)
##
         1 0.123 -0.140 0.869 0.146
## monthly_charges 68.731 -0.018 0.982 0.003 0.0000
## Events
                  265
                     11806
## Total time at risk
## Max. log. likelihood -1234.1
## LR test statistic
                    40.33
## Degrees of freedom
## Overall p-value
                    3.92112e-07
aft2_step <- step(aft2)
## Start: AIC=2480.27
## Surv(tenure, censured) ~ phone_service + dependents + internet_service +
## female + senior_citizen + monthly_charges
##
           Df AIC
##
## - senior citizen 1 2479.2
## - female
               1 2479.6
## - dependents
                1 2480.1
                2480.3
## <none>
## - phone_service 1 2486.4
## - internet_service 1 2493.0
## - monthly_charges 1 2509.0
##
## Step: AIC=2479.23
## Surv(tenure, censured) ~ phone_service + dependents + internet_service +
## female + monthly_charges
##
##
            Df AIC
## - female
               1 2478.2
## - dependents
                1 2478.6
## <none>
                2479.2
## - phone_service 1 2485.5
## - internet_service 1 2491.4
## - monthly_charges 1 2507.7
##
## Step: AIC=2478.25
## Surv(tenure, censured) ~ phone_service + dependents + internet_service +
##
   monthly_charges
##
##
           Df AIC
## - dependents
                 1 2477.8
## <none>
                2478.2
```

```
## - phone_service 1 2484.6
## - internet_service 1 2490.4
## - monthly_charges 1 2506.1
##
## Step: AIC=2477.75
## Surv(tenure, censured) ~ phone_service + internet_service + monthly_charges
##
##
            Df AIC
## <none>
                 2477.8
## - phone service 1 2484.2
## - internet_service 1 2489.6
## - monthly_charges 1 2504.9
summary(aft2_step)
## Covariate
                 W.mean Coef Time-Accn se(Coef) LR p
## phone_service
                                        0.0036
          0 0.114 0 1 (reference)
##
          1 0.886 0.510 1.665 0.178
##
## internet service
                                        0.0002
##
          0 0.217 0
                         1 (reference)
          1 0.783 0.820 2.272 0.213
##
## monthly_charges 68.731 -0.017 0.983 0.003 0.0000
##
## Events
                  265
## Total time at risk
                     11806
## Max. log. likelihood -1235.9
## LR test statistic
                    36.86
## Degrees of freedom 3
## Overall p-value
                      4.93799e-08
# exp(beta_i) parodo kiek kartų padidėjo laikas iki įvykio (išgyvenamumo funkcija)
# exp(beta_i) > 0 -> jvykis jvyksta vėliau
# exp(beta_i) < 0 -> įvykis įvyksta anksčiau
summary(aft2 step)$coefficients %>%
as.data.frame() %>%
rownames to column() %>%
select(rowname, coef, `se(coef)`) %>%
mutate(low = exp(coef - `se(coef)`), high = exp(coef + `se(coef)`), coef = exp(coef)) %>%
select(-`se(coef)`) %>%
set names(c("variable", "exp coef", "low", "high")) %>%
ggplot(aes(variable, exp_coef)) +
geom_pointrange(aes(ymin = low, ymax = high), color = "blue") +
coord_flip() +
theme minimal() +
geom hline(yintercept = 1, color = "black", linetype = "dashed")
```



Sudarytas parametrinis AFT (Accelerated Failure Time) modelis naudojantis visas kovariantes. Pagal AIC kriterijų lyginti modeliai, naudojant eksponentinį, Veibulo, loglogistinį ir lognormalujį skirstinius. Geriausi rezultatai gauti naudojant Veibulo skirstinį. Naudojant pažingsninę regresiją gautas modelis nepriklauso nuo demografinių faktorių: pagal šį modelį išgyvenamumo funkcijai statistiškai reikšmingą poveikį turi interneto, telefono paslaugų naudojimasis, per mėnesį kliento sumokama suma.

#### Išvados

Tyrime siekta ištirti, kokia yra demografinių faktorių įtaka telekomunikacijų bendrovės paslaugų atsisakymo trukmei.

Pagal Kaplan-Meier išgyvenamumo funkcijų įverčius gautas statistiškai reikšmingas skirtumas tarp partnerius turinčių ir jų neturinčių klientų.

Kadangi toks vertinimo metodas neatsižvelgia į kitų kovariančių reikšmes, sudarytas Cox semiparametrinis modelis. Nepagrindinėms (su klientų demografinėmis grupėmis nesusijusioms) kovariantėms, kurioms negaliojo proporcingų rizikos funkcijų prielaida naudotas sluoksniavimas (stratifikacija). Šiuo modeliu taip pat gauta statistiškai reikšminga partnerio turėjimo įtaka (p<0.001). Partnerio turėjimas 51% sumažina riziką atsisakyti telekomunikacijos įmonės paslaugų. Kiti demografiniai faktoriai nebuvo statistiškai reikšmingi.

Palyginimui sudarytas parametrinis AFT modelis. Geriausi rezultatai gauti naudojant Veibulo skirstinį. Panaudojus pažingsninę regresiją galutinis modelis nepriklausė nuo demografinių faktorių – pagal šį modelį išgyvenamumo funkcijai svarbiausia ne demografinių požymių įtaka, bet ar klientas naudojasi interneto, telefono paslaugomis, per mėnesį kliento sumokama suma.