

# Logistinė regresija

Laboratorinis darbas

Darbą atliko:

Vainius Gataveckas, Matas Gaulia, Dovydas Martinkus Duomenų Mokslas

3 kursas 2 gr.

#### Naudoti metodai



Naudoti R paketai:

tidyverse

caret

MASS

cutpointr

yardstick

effects

## Duomenys ir jų šaltiniai

Pimų tautybės moterų diagnostiniai matavimai skirti nustatyti ar pacientas sergama diabetu.

Duomenų šaltinis - Kaggle. Prieiga per internetą: <a href="https://www.kaggle.com/uciml/pima-indians-diabetes-database">https://www.kaggle.com/uciml/pima-indians-diabetes-database</a>

```
"Pregnancies" - neštumų kiekis.
"Glucose" - gliukozės koncentracija plazmoje gliukozės tolerancijos testo metu.
"BloodPressure" - diastolinis kraujo spaudimas.
"BMI" – kūno masės indeksas.
"SkinThickness" - tricepso odos plotis.
"Insulin" - gliukozės tolerancijos testo rezultatas.
"DiabetesPedigreeFunction" - diabeto tikėtinumas remiantis šeimos istorija.
"Age" – amžius.
```

"Outcome" – diabeto diagnozė (atsako kintamasis).

### Tikslas ir uždaviniai

Tikslas: Rasti kokią įtaką tam tikri požymiai daro tikimybei sirgti diabetu ir prognozuoti diagnozę ar pacientas serga diabetu.

Uždaviniai:

Sudaryti binarinio atsako modelį.

Modelio tinkamumo analizė.

Paprastesnio (turinčio mažiau kovariančių) modelio suradimas.

Gautų modelio koeficientų interpretacija.

Slenkstinės reikšmės parinkimas.

## Atliktos analizės aprašymas

#### 1. Naudojant R

Duomenų aibę sudaro duomenys apie 500 diabetų nesergančių ir 268 sergančių pacientų. Pašalinus praleistas reikšmes duomenų aibėje lieka duomenys apie 478 nesergančius ir 251 sergančius pacientus. Atliekant tiriamąją duomenų analizę palygintas kovariančių pasiskirstymas abiejose grupėse naudojant stačiakampes diagramas, pavaizduotos empirinės sirgimu diabetu tikimybės pagal kiekvieną kovariantę.

```
library(tidyverse)

y <- read_csv("diabetes.csv")
y <- y %>% filter(BloodPressure != 0,BMI != 0)

table(y$Outcome)

##

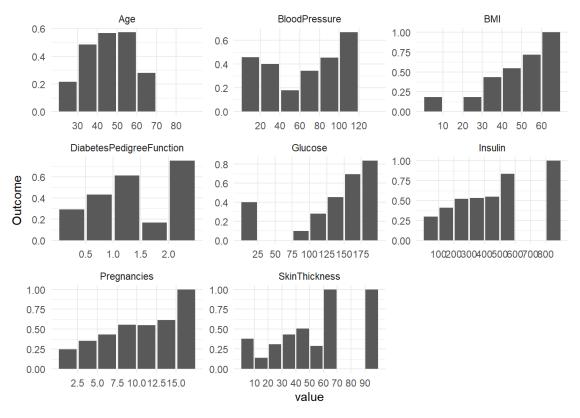
## 0 1

## 478 251

# Empirinės tikimybės

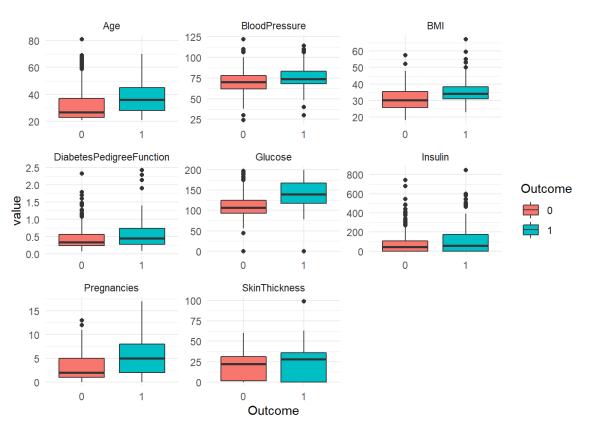
y_plot <- y %>% pivot_longer(1:8)

y_plot %>% ggplot(aes(value, Outcome)) +
    stat_summary(fun = mean, geom = "bar") +
    facet_wrap(vars(name), scales = "free") +
    scale_x_binned(n.breaks = 8) +
    theme_minimal()
```



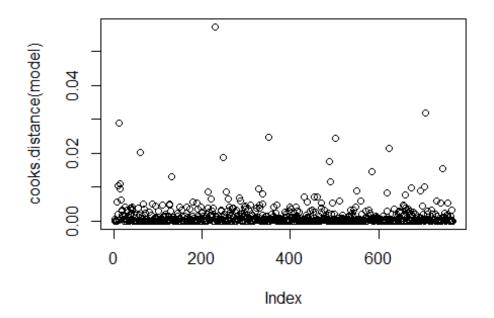
```
# stačiakampės diagramos
y <- y %>% mutate(Outcome = factor(Outcome))
y_plot <- y_plot %>% mutate(Outcome = factor(Outcome))
```

```
y_plot %>% ggplot(aes(Outcome, value, fill = Outcome)) +
  geom_boxplot() +
  facet_wrap(vars(name), scales = "free") +
  theme_minimal()
```



```
library(caret)
library(yardstick)
model <- glm(</pre>
  formula = Outcome ~ ., family = binomial(logit),
  data = y
)
summary(model)
##
## glm(formula = Outcome ~ ., family = binomial(logit), data = y)
##
## Deviance Residuals:
##
      Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
                               0.7383
##
  -2.5812
            -0.7207
                     -0.4158
                                         2.8530
##
## Coefficients:
##
                               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                                         0.8117630 -10.862 < 2e-16 ***
## (Intercept)
                             -8.8170408
                                                     3.477 0.000507 ***
## Pregnancies
                             0.1150347
                                         0.0330853
## Glucose
                             0.0336410
                                         0.0037572
                                                     8.954 < 2e-16 ***
## BloodPressure
                             -0.0100157
                                         0.0086060
                                                     -1.164 0.244501
## SkinThickness
                             0.0007060
                                         0.0070117
                                                     0.101 0.919797
## Insulin
                             -0.0010220
                                         0.0009144
                                                    -1.118 0.263709
                                                     5.760 8.42e-09 ***
## BMI
                                         0.0167561
                             0.0965139
## DiabetesPedigreeFunction 0.9995318 0.3061460 3.265 0.001095 **
```

```
## Age
                            0.0179745 0.0097612 1.841 0.065558 .
## -
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
       Null deviance: 938.74 on 728
##
                                     degrees of freedom
## Residual deviance: 687.32 on 720
                                     degrees of freedom
## AIC: 705.32
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
1-pchisq(model$null.deviance-model$deviance, model$df.null-model$df.residual) # globali nulinė hipotezė
(tikėtinumo santykių testas likelihood ratio test)
## [1] 0
1-pchisq(model$deviance,model$df.residual) # residual goodness-of-fit testas
## [1] 0.8042267
# tikrinama, ar yra išskirtys
plot(cooks.distance(model))
```



```
confusionMatrix(factor(as.numeric(model$fitted.values > 0.5)), factor(y$Outcome),positive="1")
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
              0 1
##
            0 424 109
##
            1 54 142
##
##
                  Accuracy : 0.7764
                    95% CI: (0.7444, 0.8062)
##
       No Information Rate : 0.6557
##
##
       P-Value [Acc > NIR] : 8.155e-13
```

```
##
##
                     Kappa: 0.4776
##
##
    Mcnemar's Test P-Value : 2.341e-05
##
##
               Sensitivity: 0.5657
##
               Specificity: 0.8870
##
            Pos Pred Value: 0.7245
##
            Neg Pred Value : 0.7955
                Prevalence: 0.3443
##
##
            Detection Rate: 0.1948
      Detection Prevalence : 0.2689
##
##
         Balanced Accuracy: 0.7264
##
##
          'Positive' Class : 1
##
# plotas po ROC
y_2 <- y %>% mutate(pred = model$fitted.values)
roc_auc(y_2, Outcome, pred, event_level = "second")
## # A tibble: 1 x 3
##
   .metric .estimator .estimate
##
    <chr>>
                            <dbl>
           <chr>
                            0.838
## 1 roc auc binary
```

Sudarytas logit modelis, naudojantis visas duomenyse esančias kovariantes. Hipotezė apie reikšmingų koeficientų nebuvimą atmesta (p=0). Pradinio modelio su visomis kovariantėmis (naudojant logit jungties funkciją) tikslumas (angl. accuracy) 78%, plotas po ROC kreive 0.84.

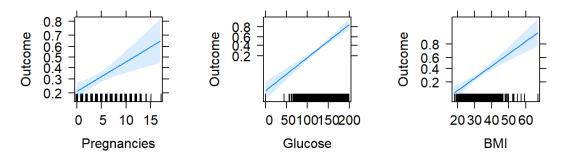
Modelyje išskirčių nerasta (naudojant Kuko matą).

```
# reikšmingy kovariančių atranka
model_2 <- MASS::stepAIC(model,direction = "both")</pre>
## Start: AIC=705.32
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BloodPressure + SkinThickness +
      Insulin + BMI + DiabetesPedigreeFunction + Age
##
##
##
                              Df Deviance
                                  687.33 703.33
## - SkinThickness
                              1
                                  688.57 704.57
## - Insulin
                              1
## - BloodPressure
                              1
                                  688.68 704.68
## <none>
                                  687.32 705.32
## - Age
                              1
                                 690.71 706.71
## - DiabetesPedigreeFunction 1
                                 698.41 714.41
                                  699.74 715.74
## - Pregnancies
                              1
## - BMI
                                  723.25 739.25
                              1
## - Glucose
                              1
                                  788.23 804.23
##
## Step: AIC=703.33
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BloodPressure + Insulin + BMI +
##
      DiabetesPedigreeFunction + Age
##
##
                              Df Deviance
                                            AIC
## - BloodPressure
                                  688.69 702.69
                              1
## - Insulin
                              1
                                  688.71 702.71
                                  687.33 703.33
## <none>
## - Age
                              1
                                 690.71 704.71
## + SkinThickness
                              1 687.32 705.32
## - DiabetesPedigreeFunction 1 698.55 712.55
## - Pregnancies
                              1
                                 699.76 713.76
## - BMI
                              1 728.24 742.24
```

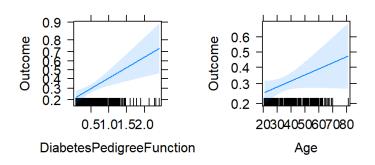
```
## - Glucose
                                   789.65 803.65
                               1
##
## Step: AIC=702.69
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + Insulin + BMI + DiabetesPedigreeFunction +
##
       Age
##
##
                              Df Deviance
                                             AIC
## - Insulin
                                   689.73 701.73
## <none>
                                   688.69 702.69
## - Age
                               1
                                   691.30 703.30
## + BloodPressure
                               1
                                   687.33 703.33
## + SkinThickness
                                   688.68 704.68
                               1
## - DiabetesPedigreeFunction 1
                                   700.08 712.08
                                   700.82 712.82
## - Pregnancies
                               1
## - BMI
                                   729.18 741.18
                               1
                                   789.73 801.73
## - Glucose
                               1
##
## Step: AIC=701.73
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BMI + DiabetesPedigreeFunction +
##
       Age
##
##
                              Df Deviance
                                             AIC
## <none>
                                   689.73 701.73
## + Insulin
                               1
                                   688.69 702.69
## + BloodPressure
                               1
                                   688.71 702.71
## - Age
                               1
                                   692.73 702.73
## + SkinThickness
                               1
                                   689.63 703.63
## - DiabetesPedigreeFunction
                               1
                                   700.49 710.49
## - Pregnancies
                                   702.33 712.33
                               1
## - BMI
                               1
                                   729.26 739.26
## - Glucose
                               1
                                   796.02 806.02
anova(model, model_2, test = "Chisq") # modelis statistiškai reikšmingai nesiskiria nuo modelio su viso
mis kovariantėmis
## Analysis of Deviance Table
## Model 1: Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BloodPressure + SkinThickness +
##
       Insulin + BMI + DiabetesPedigreeFunction + Age
## Model 2: Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BMI + DiabetesPedigreeFunction +
##
      Age
##
     Resid. Df Resid. Dev Df Deviance Pr(>Chi)
## 1
           720
                   687.32
## 2
                   689.73 -3 -2.4103
           723
                                        0.4917
model$aic
## [1] 705.3247
model_2$aic
## [1] 701.735
confusionMatrix(factor(as.numeric(model_2$fitted.values > 0.5)), factor(y$Outcome),positive="1")
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
               0 1
            0 425 109
##
            1 53 142
##
##
##
                  Accuracy : 0.7778
##
                    95% CI: (0.7458, 0.8075)
```

```
No Information Rate : 0.6557
##
##
       P-Value [Acc > NIR] : 4.424e-13
##
##
                     Kappa: 0.4803
##
##
   Mcnemar's Test P-Value : 1.552e-05
##
               Sensitivity: 0.5657
##
##
               Specificity: 0.8891
            Pos Pred Value: 0.7282
##
            Neg Pred Value : 0.7959
##
##
                Prevalence: 0.3443
            Detection Rate: 0.1948
##
##
      Detection Prevalence: 0.2675
##
         Balanced Accuracy: 0.7274
##
##
          'Positive' Class : 1
##
# koeficientų interpretacija
exp(coef(model_2))
##
                (Intercept)
                                         Pregnancies
                                                                       Glucose
                                        1.1218074285
##
               0.0001142755
                                                                  1.0322329981
##
                        BMI DiabetesPedigreeFunction
                                                                           Age
                                        2.6354624042
                                                                  1.0164328523
##
               1.0935207918
exp(confint(model_2))
##
                                   2.5 %
                                               97.5 %
## (Intercept)
                            2.548831e-05 0.0004624005
## Pregnancies
                            1.052473e+00 1.1973554245
## Glucose
                            1.025492e+00 1.0393887478
## BMI
                            1.062607e+00 1.1266938678
## DiabetesPedigreeFunction 1.471138e+00 4.7896731129
                            9.978306e-01 1.0353049391
# modelio kovariačių efektai
library(effects)
plot(predictorEffects(model_2))
```

#### nancies predictor effect plotse predictor effect plotMI predictor effect plot



#### digreeFunction predictor/affeptedicttor effect plot



Naudojant pažingsninę regresiją parinktas modelis be kovariančių "Insulin", "BloodPressure" ir "SkinThickness". Rasta, kad šis modelis statistiškai reikšmingai nesiskiria nuo modelio su visomis kovariantėmis (p=0.74). Modelio tikslumas 78%. Plotas po ROC kreive 0.84. Verta paminėti, kad šių metrikų reikšmės sutampa su prieš tai sudaryto sudėtingesnio modelio.

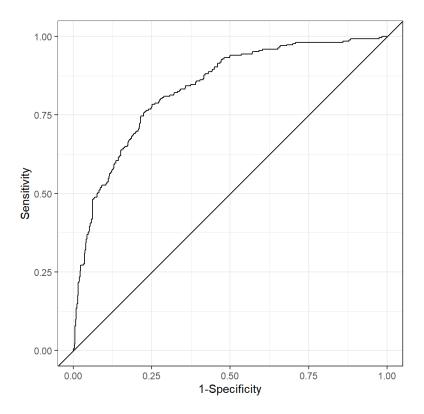
Modelio koeficientų interpretacija standartinė logit modeliui (pvz. Paciento kūno masės indeksui (angl. BMI) padidėjus 1, kitoms kovariantėms esant fiksuotoms, galimybė pacientui sirgti diabetu padidėja 1.09 kartų).

```
# ROC kreive
library(cutpointr)

y_2 <- y %>% mutate(pred = model_2$fitted.values)

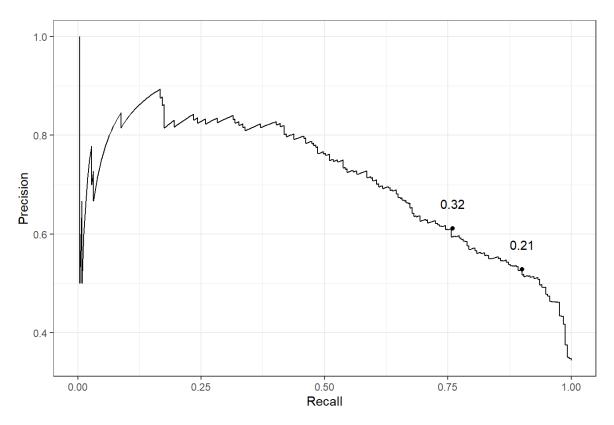
cp <- cutpointr(y_2, pred, Outcome,
    pos_class = "1", direction = ">=",
    method = maximize_metric, metric = youden
)

cp$roc_curve[[1]] %>%
    ggplot(aes(x = 1 - tnr, y = tpr)) +
    geom_path() +
    coord_equal() +
    geom_abline() +
    theme_bw() +
    xlab("Specificity") +
    ylab("1-Sensitivity")
```



Atsižvelgiant į didesnį nesergančių pacientų kiekį duomenyse (stulp. "Outcome" reikšmė 0) laikyta, kad ROC kreivė gali teigti per daug optimistišką informaciją apie modelio kokybę. Papildomai pavaizduotas modelio Precision-Recall grafikas. Atsižvelgiant į uždavinio specifiką (laikyta, kad neteisingai diagnozuotos neigiamos diagnozės (False Negative) kaina didesnė už neteisingai diagnozuotą teigiamą diabeto diagnozę (False Positive)) modeliui siekta parinkti kitą slenkstinę reikšmę (angl. cutoff value).

```
roc auc(y 2, Outcome, pred, event level = "second")
## # A tibble: 1 x 3
##
     .metric .estimator .estimate
##
    <chr> <chr>
                            <dbl>
## 1 roc_auc binary
                            0.837
# dėl didelio TN skaičiaus ROC rezultatai gali būti per daug optimistiški, todėl papildomai naudojama P
R kreivė
cutoff <- cp$roc_curve[[1]] %>%
 filter(tpr > 0.9) %>%
 pull(m) %>%
 max()
labels <- filter(cp$roc_curve[[1]], (m %in% c(max(m), cutoff))) %>% round(2)
cp$roc_curve[[1]] %>%
 ggplot(aes(x = tpr, y = tp / (fp + tp))) +
 geom_point(data = labels) +
 geom\_text(data = labels, aes(label = x.sorted), nudge_y = 0.05) +
 geom_path() +
 coord_equal() +
 theme_bw() +
 xlab("Recall") +
 ylab("Precision")
```



```
# slenkstinių reikšmių parinkimas
# suskaičiuojamos optimalios slenkstinės reikšmės pagal Youden-J statistic ir pasirinkus ribą Sensitivi
ty > 0.9
  # (t.y. siekiant aptikti bent 90% sergančiųjų)
# klasifikavimo lentelė su pasirinkta nauja slenkstine reikšme
confusionMatrix(factor(as.numeric(model_2$fitted.values > 0.21)), factor(y$Outcome),positive="1")
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction 0 1
##
            0 279 27
##
            1 199 224
##
##
                  Accuracy : 0.69
##
                    95% CI: (0.655, 0.7234)
##
       No Information Rate : 0.6557
##
       P-Value [Acc > NIR] : 0.02734
##
##
                     Kappa: 0.4095
##
    Mcnemar's Test P-Value : < 2e-16
##
##
##
               Sensitivity: 0.8924
##
               Specificity: 0.5837
            Pos Pred Value : 0.5296
##
            Neg Pred Value : 0.9118
##
##
                Prevalence: 0.3443
##
            Detection Rate: 0.3073
##
      Detection Prevalence: 0.5802
##
         Balanced Accuracy: 0.7381
##
          'Positive' Class : 1
##
##
```

```
# palyginimas su probit modeliu
model_3 <- glm(
  formula = Outcome ~ ., family = binomial(probit),
  data = y
)
model_3 <- MASS::stepAIC(model_3,direction = "both")</pre>
## Start: AIC=706.29
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BloodPressure + SkinThickness +
##
       Insulin + BMI + DiabetesPedigreeFunction + Age
##
##
                              Df Deviance
## - SkinThickness
                               1
                                   688.38 704.38
## - BloodPressure
                               1
                                   689.66 705.66
## - Insulin
                               1
                                   689.81 705.81
## <none>
                                    688.29 706.29
## - Age
                               1
                                    692.59 708.59
## - DiabetesPedigreeFunction
                                   698.26 714.26
                               1
                                   701.34 717.34
## - Pregnancies
                               1
## - BMI
                                   726.64 742.64
                               1
## - Glucose
                               1
                                   786.31 802.31
##
## Step: AIC=704.38
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BloodPressure + Insulin + BMI +
##
       DiabetesPedigreeFunction + Age
##
##
                              Df Deviance
                                              AIC
## - BloodPressure
                                   689.75 703.75
                               1
## - Insulin
                               1
                                    689.85 703.85
## <none>
                                   688.38 704.38
## + SkinThickness
                               1
                                   688.29 706.29
## - Age
                               1
                                   692.61 706.61
## - DiabetesPedigreeFunction
                               1
                                    698.51 712.51
## - Pregnancies
                               1
                                   701.46 715.46
## - BMI
                                   732.97 746.97
                               1
## - Glucose
                                   787.59 801.59
                               1
##
## Step: AIC=703.75
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + Insulin + BMI + DiabetesPedigreeFunction +
##
       Age
##
##
                              Df Deviance
                                             ATC
## - Insulin
                                   690.89 702.89
## <none>
                                    689.75 703.75
## + BloodPressure
                                   688.38 704.38
                                   693.09 705.09
## - Age
                               1
## + SkinThickness
                                   689.66 705.66
                               1
## - DiabetesPedigreeFunction
                               1
                                   699.97 711.97
## - Pregnancies
                               1
                                    702.51 714.51
                                   733.93 745.93
## - BMI
                               1
## - Glucose
                                   787.63 799.63
                               1
##
## Step: AIC=702.89
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BMI + DiabetesPedigreeFunction +
##
       Age
##
##
                              Df Deviance
                                    690.89 702.89
## <none>
## + Insulin
                               1
                                   689.75 703.75
## + BloodPressure
                                   689.85 703.85
                               1
## - Age
                                   694.73 704.73
                               1
## + SkinThickness
                               1
                                   690.87 704.87
                                   700.31 710.31
## - DiabetesPedigreeFunction 1
## - Pregnancies
                  1 704.11 714.11
```

```
## - BMI
                                     733.98 743.98
                                 1
## - Glucose
                                     793.58 803.58
names(model_3$coefficients) == names(model_2$coefficients)
## [1] TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE
# atrinktos tos pačios kovariantės
y_3 <- y %>% mutate(pred = model_3$fitted.values)
cp_2 <- cutpointr(y_3, pred, Outcome,</pre>
 method = maximize_metric, metric = F1_score
cp$roc_curve[[1]] %>%
  mutate(link = "logit") %>%
  rbind((cp_2$roc_curve[[1]] %>% mutate(link = "probit"))) %>%
  ggplot(aes(x = tpr, y = tp / (fp + tp), color = link)) +
  geom_path() +
  coord_equal() +
  theme_bw() +
  xlab("Recall") +
  ylab("Precision")
   1.0
   8.0
Sensitivity
                                                                           link
                                                                               logit
                                                                               probit
   0.6
   0.4
       0.00
                      0.25
                                      0.50
                                   Specificity
# skirtumų tarp modelių beveik nėra
```

Rasta slenkstinė reikšmė pagal Joudeno (Youden) indeksą - 0.32. Naudojant kriterijų, siekiantį teisingai aptikti bent 90% procentų sergančiųjų (Sensitivity > 0.9) - 0.21 (abi reikšmės pažymėtos Precision-Recall grafike). Papildomai sudarytas modelis naudojantis probit jungties funkciją vietoje logit. Naudojant pažingsninę regresiją atrinktos tokios pačios kovariantės, kaip ir gautos logit modelyje. Modeliai tarpusavyje palyginti naudojant PR kreives. Reikšmingų skirtumų nerasta.

#### Rezultatai

Sudarytas logistinės regresijos binarinio atsako modelis diabeto diagnozei prognozuoti.

Tyrimo metu pasirinktas modelis su kovariantėmis "Pregnancies", "Glucose" "BMI" ,"Age" ir "DiabetesPedigreeFunction". Modelio tikslumas (angl. accuracy) 0.78. Plotas po modelio ROC kreive = 0.84. Rasta, kad šių metrikų atžvilgiu modelius nesiskiria nuo sudėtingesnio modelio naudojančio visas 8 duomenyse esančias kovariantes.

Atsižvelgiant į užduoties specifiką, pasirinktos kitos modelio slenkstinės reikšmės: siekiant teisingai aptikti bent 90% teigiamų diabeto diagnozių pasirinkta slenkstinė riba 0.21.

Papildomai sudarytas modelis naudojantis probit jungties funkciją, tačiau reikšmingų skirtumų tarp šio modelio ir modelio naudojančio logit jungties funkciją nepastebėta.

#### 2. Naudojant SAS

Atlikta analizė pakartotinai atlikta naudojant SAS.

```
PROC IMPORT DATAFILE='/home/u45871880/diabetes_cleaned.csv'
       DBMS=CSV
       OUT=data;
       GETNAMES=YES;
RUN;
%MACRO boxplot(column);
ods graphics / reset width=6.4in height=4.8in imagemap;
proc sgplot data=WORK.DATA;
       vbox &column / category=Outcome;
       yaxis grid;
run;
%MEND;
%boxplot(Pregnancies);
%boxplot(Glucose);
%boxplot(BloodPressure);
%boxplot(SkinThickness)
%boxplot(Insulin);
%boxplot(Age);
%boxplot(DiabetesPedigreeFunction);
%boxplot(BMI);
* Modelis su visomis kovariantėmis;
PROC LOGISTIC DATA=data DESCENDING
       plots(only)=(roc(ID=cutpoint) effect(X=(Pregnancies Glucose BloodPressure SkinThickness
                                                                                 Insulin Age
DiabetesPedigreeFunction BMI) CLBAND=YES ALPHA=0.05));
MODEL Outcome = Pregnancies Glucose BloodPressure SkinThickness
Insulin BMI DiabetesPedigreeFunction Age /
RSQUARE CTABLE PPROB=(0.1 TO 0.9 BY 0.1) EXPB LACKFIT scale=none clparm=wald
RUN;
```

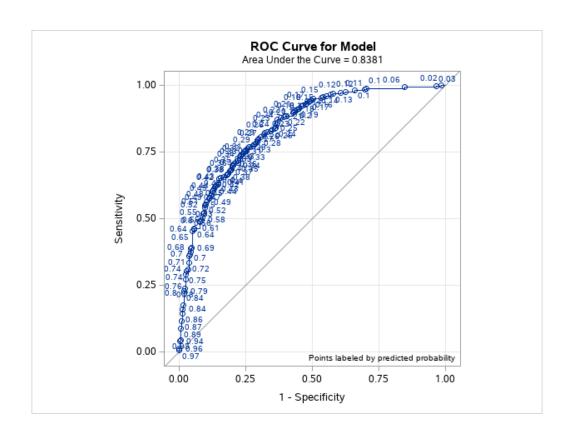
Response Profile							
Ordered Value	Outcome	Total Frequency					
1	1	251					
2	0	478					

Probability modeled is Outcome='1'.

Testing Global Null Hypothesis: BETA=0								
Test	Chi-Square	DF	Pr > ChiSq					
Likelihood Ratio	251.4104	8	<.0001					
Score	218.7755	8	<.0001					
Wald	158.0839	8	<.0001					

Analysis of Maximum Likelihood Estimates									
Parameter	DF	Estimate	Standard Error	Wald Chi-Square	Pr > ChiSq	Exp(Est)			
Intercept	1	-8.8170	0.8118	117.9740	<.0001	0.000			
Pregnancies	1	0.1150	0.0331	12.0889	0.0005	1.122			
Glucose	1	0.0336	0.00376	80.1674	<.0001	1.034			
BloodPressure	1	-0.0100	0.00861	1.3544	0.2445	0.990			
SkinThickness	1	0.000706	0.00701	0.0101	0.9198	1.001			
Insulin	1	-0.00102	0.000914	1.2492	0.2637	0.999			
BMI	1	0.0965	0.0168	33.1764	<.0001	1.101			
DiabetesPedigreeFunc	1	0.9995	0.3061	10.6594	0.0011	2.717			
Age	1	0.0180	0.00976	3.3909	0.0656	1.018			

Hosmer and Lemeshow Goodness-of-Fit Test							
Chi-Square DF Pr > ChiSe							
8.3548	8	0.3996					

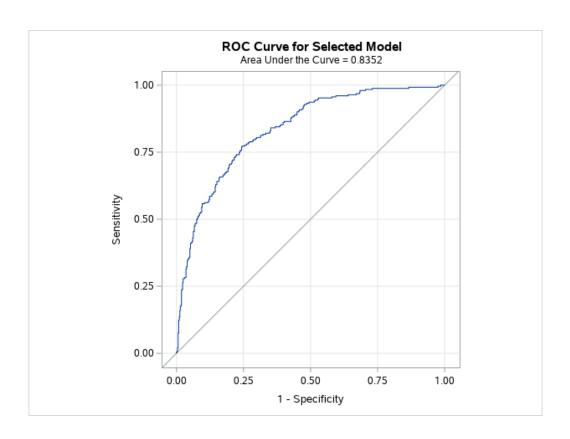


\* Pažingsninė regresija kovariančių atrinkimui; PROC LOGISTIC DATA=data DESCENDING plots(only)=(roc); MODEL Outcome = Pregnancies Glucose BloodPressure SkinThickness Insulin BMI DiabetesPedigreeFunction Age / CTABLE PPROB=(0.1 TO 0.9 BY 0.1) EXPB scale=none clparm=wald outroc=performance SELECTION=stepwise RUN;

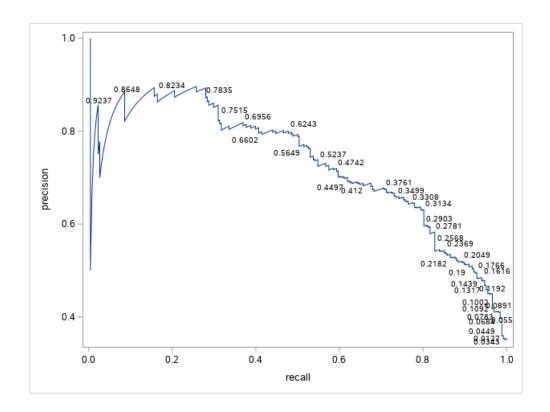
	Summary of Stepwise Selection									
	Effect			Number	Score	Wald				
Step	Entered Removed		DF	In	Chi-Square	Chi-Square	Pr > ChiSq			
1	Glucose		1	1	153.7441		<.0001			
2	BMI		1	2	38.3029		<.0001			
3	Pregnancies		1	3	27.0672		<.0001			
4	DiabetesPedigreeFunc		1	4	10.6849		0.0011			

Analysis of Maximum Likelihood Estimates									
Parameter	DF	Estimate	Standard Error	Wald Chi-Square	Pr > ChiSq	Exp(Est)			
Intercept	1	-8.7195	0.7005	154.9483	<.0001	0.000			
Pregnancies	1	0.1455	0.0280	26.9801	<.0001	1.157			
Glucose	1	0.0329	0.00338	94.7882	<.0001	1.033			
ВМІ	1	0.0874	0.0149	34.6227	<.0001	1.091			
DiabetesPedigreeFunc	1	0.9726	0.2999	10.5158	0.0012	2.645			

	Classification Table											
	Cor	rect	Inco	rrect								
Prob Level	Event	Non- Event	Event	Non- Event	Correct	Sensi- tivity	Speci- ficity	Pos Pred	Neg Pred			
0.100	247	136	342	4	52.5	98.4	28.5	41.9	97.1			
0.200	222	263	215	29	66.5	88.4	55.0	50.8	90.1			
0.300	196	347	131	55	74.5	78.1	72.6	59.9	86.3			
0.400	165	390	88	86	76.1	65.7	81.6	65.2	81.9			
0.500	141	422	56	110	77.2	56.2	88.3	71.6	79.3			
0.600	119	444	34	132	77.2	47.4	92.9	77.8	77.1			
0.700	89	454	24	162	74.5	35.5	95.0	78.8	73.7			
0.800	57	468	10	194	72.0	22.7	97.9	85.1	70.7			
0.900	18	474	4	233	67.5	7.2	99.2	81.8	67.0			



```
* Atsižvelgiai į uždavinio specifiką
* Sukuriamas Precision-Recall grafikas alternativių slenksninių reikšmių parinkimui;
data precision recall;
set performance;
precision = _POS_/(_POS_ + _FALPOS_);
recall = _POS_/(_POS_ + _FALNEG_);
F_stat = harmean(precision,recall);
if mod(N_, 20) = 0 then PROB_=PROB_;
       else _PROB_ = .;
run;
Proc SQL;
create table precision_recall as
Select *
From precision_recall
having _step_ = max(_step_);
Quit;
proc sort data=precision_recall;
by recall;
run;
ods graphics / reset width=6.4in height=4.8in imagemap;
proc sgplot data=WORK.PRECISION_RECALL;
        SERIES X = recall Y = precision / DATALABEL=_PROB_;
run;
ods graphics / reset;
```



Dėl skirtingos pažingsninėje regresijoje naudojamos procedūros, naudojant SAS į modelį neįtraukta kovariantė "Age". Kiti gauti rezultatai sutampa su analize atlikta naudojant R.