Vilniaus Universitetas

Logistinė regresija

Laboratorinis darbas

Darbą atliko:

Vainius Gataveckas, Matas Gaulia, Dovydas Martinkus

Duomenų Mokslas

3 kursas 2 gr.

Vilnius, 2022

# Naudoti metodai

Darbas atliktas naudojant R ir SAS.

Naudoti R paketai:

*tidyverse*

*caret*

*MASS*

*cutpointr*

*yardstick*

*effects*

# Duomenys ir jų šaltiniai

Pimų tautybės moterų diagnostiniai matavimai skirti nustatyti ar pacientas sergama diabetu.

Duomenų šaltinis - Kaggle. Prieiga per internetą: <https://www.kaggle.com/uciml/pima-indians-diabetes-database>

„Pregnancies“ - neštumų kiekis.

„Glucose“ - gliukozės koncentracija plazmoje gliukozės tolerancijos testo metu.

„BloodPressure“ - diastolinis kraujo spaudimas.

„BMI“ – kūno masės indeksas.

„SkinThickness“ - tricepso odos plotis.

„Insulin“ - gliukozės tolerancijos testo rezultatas.

„DiabetesPedigreeFunction“ - diabeto tikėtinumas remiantis šeimos istorija.

„Age“ – amžius.

„Outcome“ – diabeto diagnozė (atsako kintamasis).

# Tikslas ir uždaviniai

Tikslas: Rasti kokią įtaką tam tikri požymiai daro tikimybei sirgti diabetu ir prognozuoti diagnozę ar pacientas serga diabetu.

Uždaviniai:

Sudaryti binarinio atsako modelį.

Modelio tinkamumo analizė.

Paprastesnio (turinčio mažiau kovariančių) modelio suradimas.

Gautų modelio koeficientų interpretacija.

Slenkstinės reikšmės parinkimas.

Modelio taikymas prognozėms.

# Atliktos analizės aprašymas

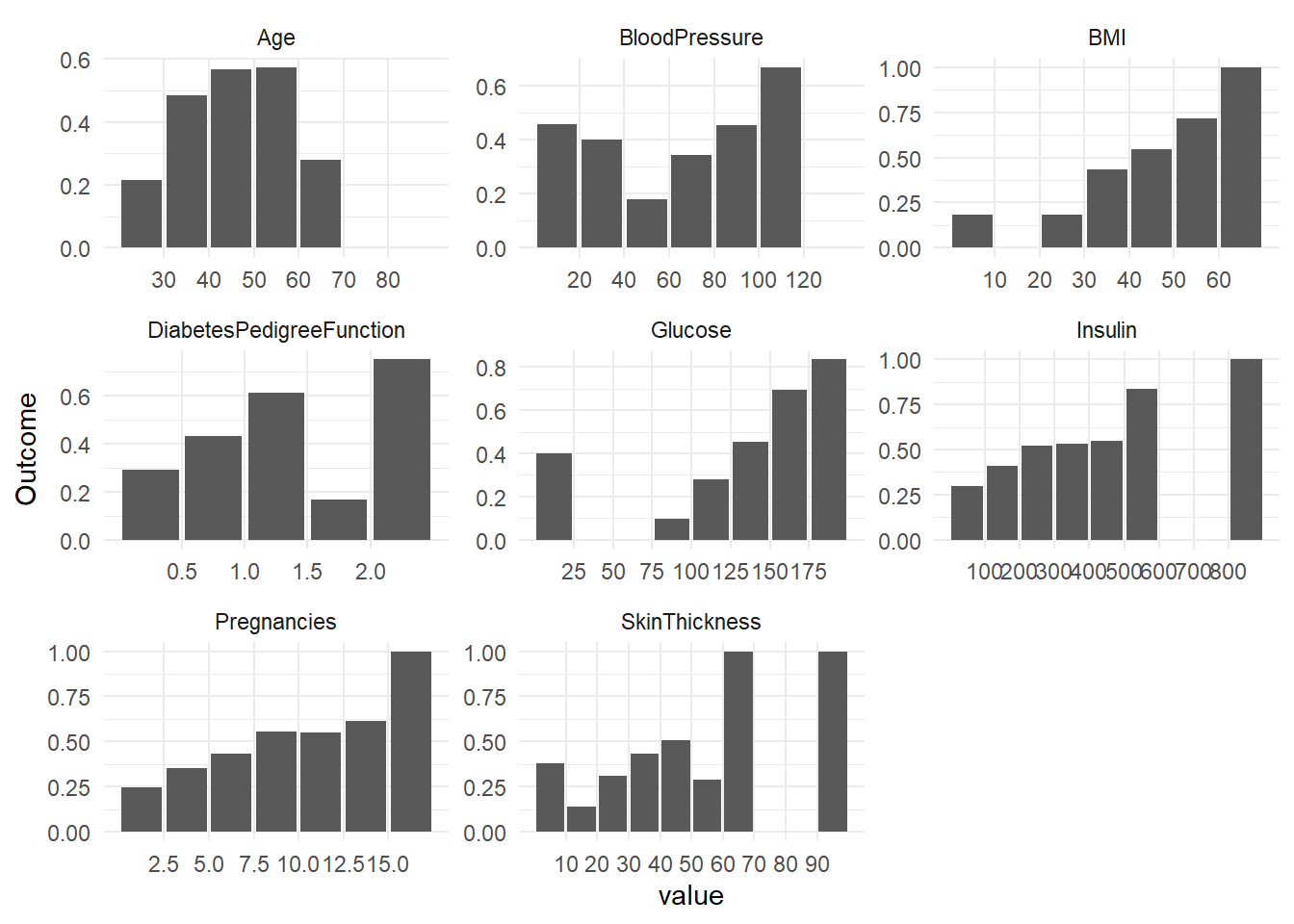
**1. Naudojant R**

Duomenų aibę sudaro duomenys apie 500 diabetų nesergančių ir 268 sergančių pacientų. Atliekant tiriamąją duomenų analizę palygintas kovariančių pasiskirstymas abiejose grupėse naudojant stačiakampes diagramas, pavaizduotos empirinės sirgimu diabetu tikimybės pagal kiekvieną kovariantę.

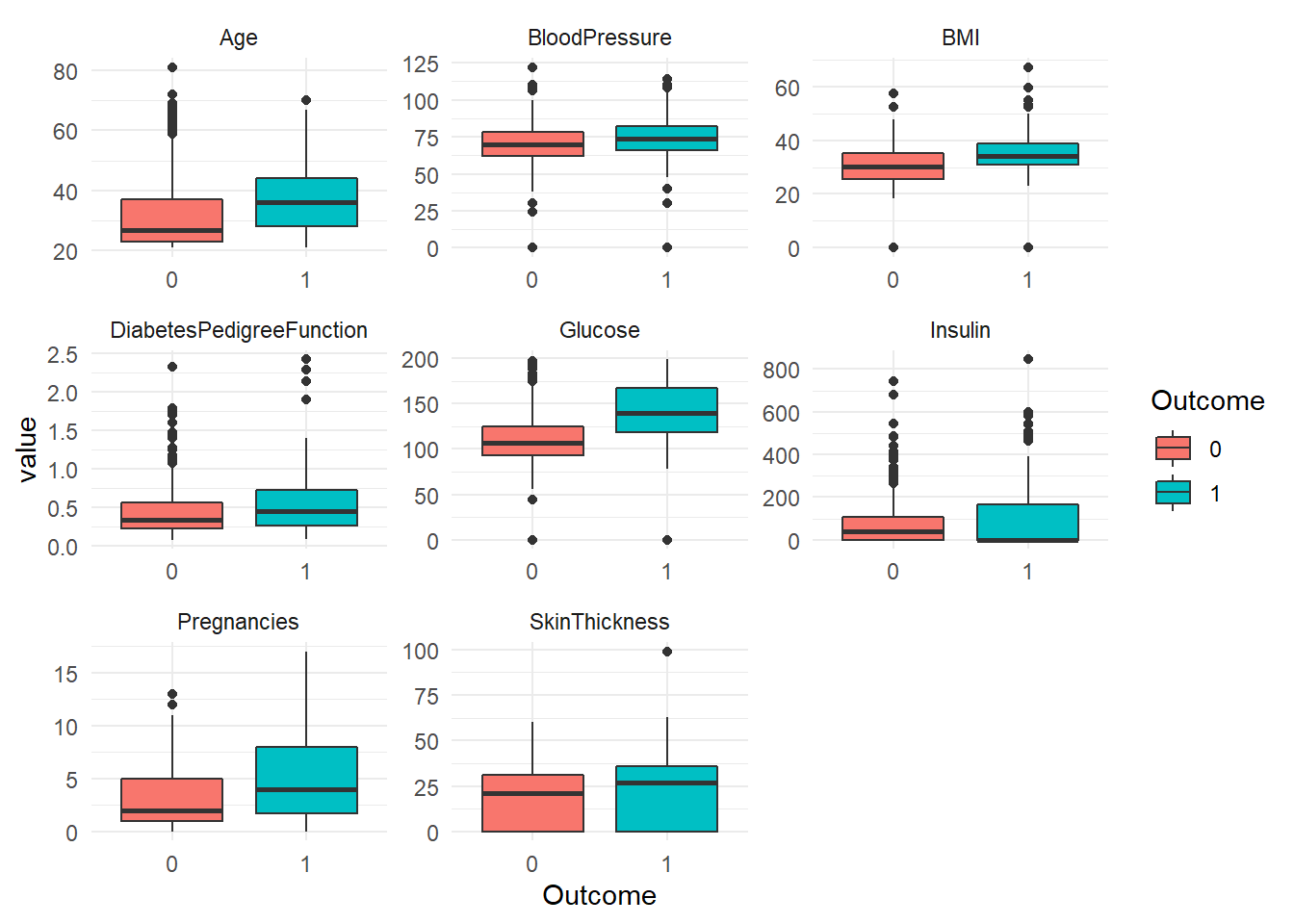
library(tidyverse)  
  
y <- read\_csv("diabetes.csv")  
  
table(y$Outcome)

##   
## 0 1   
## 500 268

# Empirinės tikimybės  
  
y\_plot <- y %>% pivot\_longer(1:8)  
  
  
y\_plot %>% ggplot(aes(value, Outcome)) +  
 stat\_summary(fun = mean, geom = "bar") +  
 facet\_wrap(vars(name), scales = "free") +  
 scale\_x\_binned(n.breaks = 8) +  
 theme\_minimal()



# stačiakampės diagramos  
y <- y %>% mutate(Outcome = factor(Outcome))  
y\_plot <- y\_plot %>% mutate(Outcome = factor(Outcome))  
  
y\_plot %>% ggplot(aes(Outcome, value, fill = Outcome)) +  
 geom\_boxplot() +  
 facet\_wrap(vars(name), scales = "free") +  
 theme\_minimal()



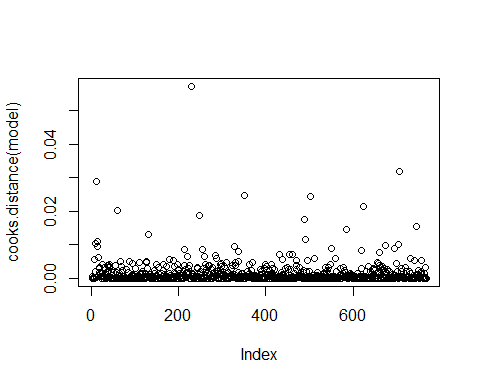
library(caret)  
library(yardstick)  
  
model <- glm(  
 formula = Outcome ~ ., family = binomial(logit),  
 data = y  
)  
  
1-pchisq(model$null.deviance-model$deviance, model$df.null-model$df.residual) # globali nulinė hipotezė (tikėtinumo santykių testas likelihood ratio test)

## [1] 0

1-pchisq(model$deviance,model$df.residual) # residual goodness-of-fit testas

## [1] 0.8185965

# tikrinama, ar yra išskirtys  
plot(cooks.distance(model))



confusionMatrix(factor(as.numeric(model$fitted.values > 0.5)), factor(y$Outcome),positive="1")

## Confusion Matrix and Statistics  
##   
## Reference  
## Prediction 0 1  
## 0 445 112  
## 1 55 156  
##   
## Accuracy : 0.7826   
## 95% CI : (0.7517, 0.8112)  
## No Information Rate : 0.651   
## P-Value [Acc > NIR] : 1.373e-15   
##   
## Kappa : 0.4966   
##   
## Mcnemar's Test P-Value : 1.468e-05   
##   
## Sensitivity : 0.5821   
## Specificity : 0.8900   
## Pos Pred Value : 0.7393   
## Neg Pred Value : 0.7989   
## Prevalence : 0.3490   
## Detection Rate : 0.2031   
## Detection Prevalence : 0.2747   
## Balanced Accuracy : 0.7360   
##   
## 'Positive' Class : 1   
##

# plotas po ROC  
y\_2 <- y %>% mutate(pred = model$fitted.values)  
roc\_auc(y\_2, Outcome, pred, event\_level = "second")

## # A tibble: 1 x 3  
## .metric .estimator .estimate  
## <chr> <chr> <dbl>  
## 1 roc\_auc binary 0.839

# multikolinearumo tikrinimas  
signs <- (model$coefficients > 0)[-1]  
name <- names(model$coefficients)[-1]  
  
temp\_model <- function(x) {  
 x <- sym(x)  
 temp\_model <- glm(  
 formula = Outcome ~ eval(x), family = binomial(logit),  
 data = y)  
 temp\_model$coefficients[2] > 0  
}  
  
  
map(name,temp\_model) == signs

## Pregnancies Glucose BloodPressure   
## TRUE TRUE FALSE   
## SkinThickness Insulin BMI   
## TRUE FALSE TRUE   
## DiabetesPedigreeFunction Age   
## TRUE TRUE

# pašalinamas kintamasis kurio koeficiento ženklas modelyje neatitinka jo įtakos  
model <- glm(  
 formula = Outcome ~ Pregnancies + Glucose + SkinThickness + BMI + DiabetesPedigreeFunction + Age, family = binomial(logit),  
 data = y  
)

Pradinio modelio su visomis kovariantėmis (naudojant logit jungties funkciją) tikslumas (angl. accuracy) 78%, plotas po ROC kreive 0.84.

Tikrinant multikolinearumą rasta, kad kovariančių „BloodPressure“ ir „Insulin“ ženklai modelyje priešingi jų įtakai. Šios kovariantės pašalintos iš modelio.

# reikšminų kovariančių atranka  
model\_2 <- step(model,direction = "both")

## Start: AIC=745.52  
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + SkinThickness + BMI + DiabetesPedigreeFunction +   
## Age  
##   
## Df Deviance AIC  
## - SkinThickness 1 732.51 744.51  
## - Age 1 733.06 745.06  
## <none> 731.52 745.52  
## - DiabetesPedigreeFunction 1 741.75 753.75  
## - Pregnancies 1 746.24 758.24  
## - BMI 1 768.98 780.98  
## - Glucose 1 849.35 861.35  
##   
## Step: AIC=744.51  
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BMI + DiabetesPedigreeFunction +   
## Age  
##   
## Df Deviance AIC  
## - Age 1 734.31 744.31  
## <none> 732.51 744.51  
## + SkinThickness 1 731.52 745.52  
## - DiabetesPedigreeFunction 1 742.10 752.10  
## - Pregnancies 1 747.23 757.23  
## - BMI 1 770.61 780.61  
## - Glucose 1 850.23 860.23  
##   
## Step: AIC=744.31  
## Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BMI + DiabetesPedigreeFunction  
##   
## Df Deviance AIC  
## <none> 734.31 744.31  
## + Age 1 732.51 744.51  
## + SkinThickness 1 733.06 745.06  
## - DiabetesPedigreeFunction 1 744.12 752.12  
## - Pregnancies 1 762.87 770.87  
## - BMI 1 771.27 779.27  
## - Glucose 1 864.84 872.84

anova(model, model\_2, test = "Chisq") # modelis statistiškai reikšmingai nesiskiria nuo modelio su visomis kovariantėmis

## Analysis of Deviance Table  
##   
## Model 1: Outcome ~ Pregnancies + Glucose + SkinThickness + BMI + DiabetesPedigreeFunction +   
## Age  
## Model 2: Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BMI + DiabetesPedigreeFunction  
## Resid. Df Resid. Dev Df Deviance Pr(>Chi)  
## 1 761 731.52   
## 2 763 734.31 -2 -2.7831 0.2487

model$aic

## [1] 745.5228

model\_2$aic

## [1] 744.3059

confusionMatrix(factor(as.numeric(model\_2$fitted.values > 0.5)), factor(y$Outcome),positive="1")

## Confusion Matrix and Statistics  
##   
## Reference  
## Prediction 0 1  
## 0 442 117  
## 1 58 151  
##   
## Accuracy : 0.7721   
## 95% CI : (0.7408, 0.8014)  
## No Information Rate : 0.651   
## P-Value [Acc > NIR] : 2.172e-13   
##   
## Kappa : 0.4715   
##   
## Mcnemar's Test P-Value : 1.163e-05   
##   
## Sensitivity : 0.5634   
## Specificity : 0.8840   
## Pos Pred Value : 0.7225   
## Neg Pred Value : 0.7907   
## Prevalence : 0.3490   
## Detection Rate : 0.1966   
## Detection Prevalence : 0.2721   
## Balanced Accuracy : 0.7237   
##   
## 'Positive' Class : 1   
##

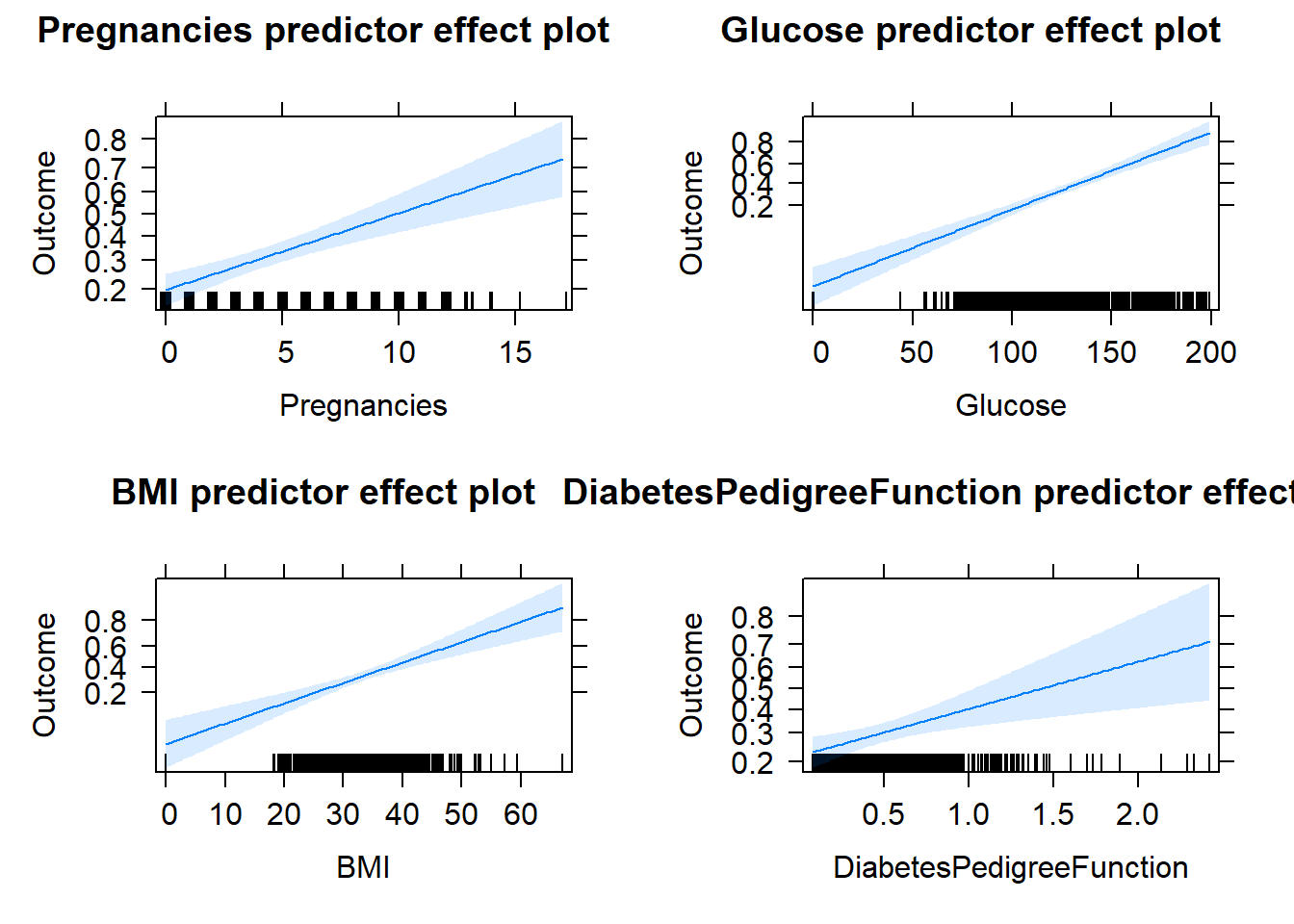
# koeficientų interpretacija  
exp(coef(model\_2))

## (Intercept) Pregnancies Glucose   
## 0.0002213311 1.1524917181 1.0344049733   
## BMI DiabetesPedigreeFunction   
## 1.0812274690 2.4627867982

exp(confint(model\_2))

## 2.5 % 97.5 %  
## (Intercept) 5.819171e-05 0.0007665084  
## Pregnancies 1.093442e+00 1.2162069846  
## Glucose 1.027820e+00 1.0414047033  
## BMI 1.053128e+00 1.1115861320  
## DiabetesPedigreeFunction 1.397876e+00 4.3901539569

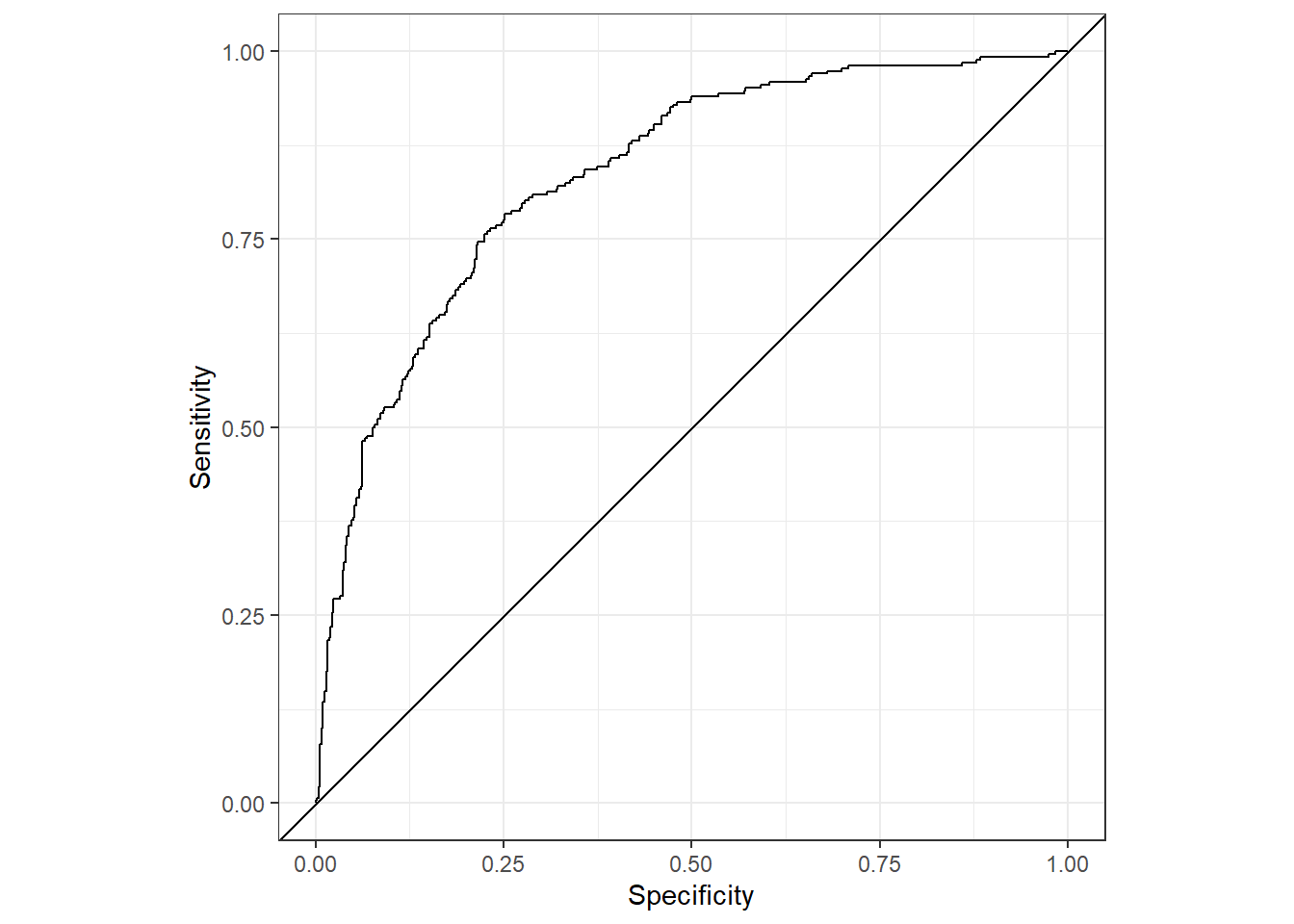
# modelio kovariačių efektai  
library(effects)  
plot(predictorEffects(model\_2))



Naudojant pažingsninę regresiją rasta, kad modelis tik su kovariantėmis „Pregnancies“, „Glucose“, „BMI“ ir „DiabetesPedigreeFunction“ statistiškai reikšmingai nesiskiria nuo modelio su visomis kovariantėmis (p=0.25). Modelio tikslumas 77%. Plotas po ROC kreive 0.83.

Modelio koeficientų interpretacija standartinė logit modeliui (pvz. Paciento kūno masės indeksui (angl. BMI) padidėjus 1, kitoms kovariantėms esant fiksuotoms, tikimybė, kad pacientas serga diabetu padidėja 1.08 kartų).

# ROC kreivė  
library(cutpointr)  
  
y\_2 <- y %>% mutate(pred = model\_2$fitted.values)  
  
cp <- cutpointr(y\_2, pred, Outcome,  
 pos\_class = "1", direction = ">=",  
 method = maximize\_metric, metric = youden  
)  
  
  
cp$roc\_curve[[1]] %>%  
 ggplot(aes(x = 1 - tnr, y = tpr)) +  
 geom\_path() +  
 coord\_equal() +  
 geom\_abline() +  
 theme\_bw() +  
 xlab("Specificity") +  
 ylab("Sensitivity")

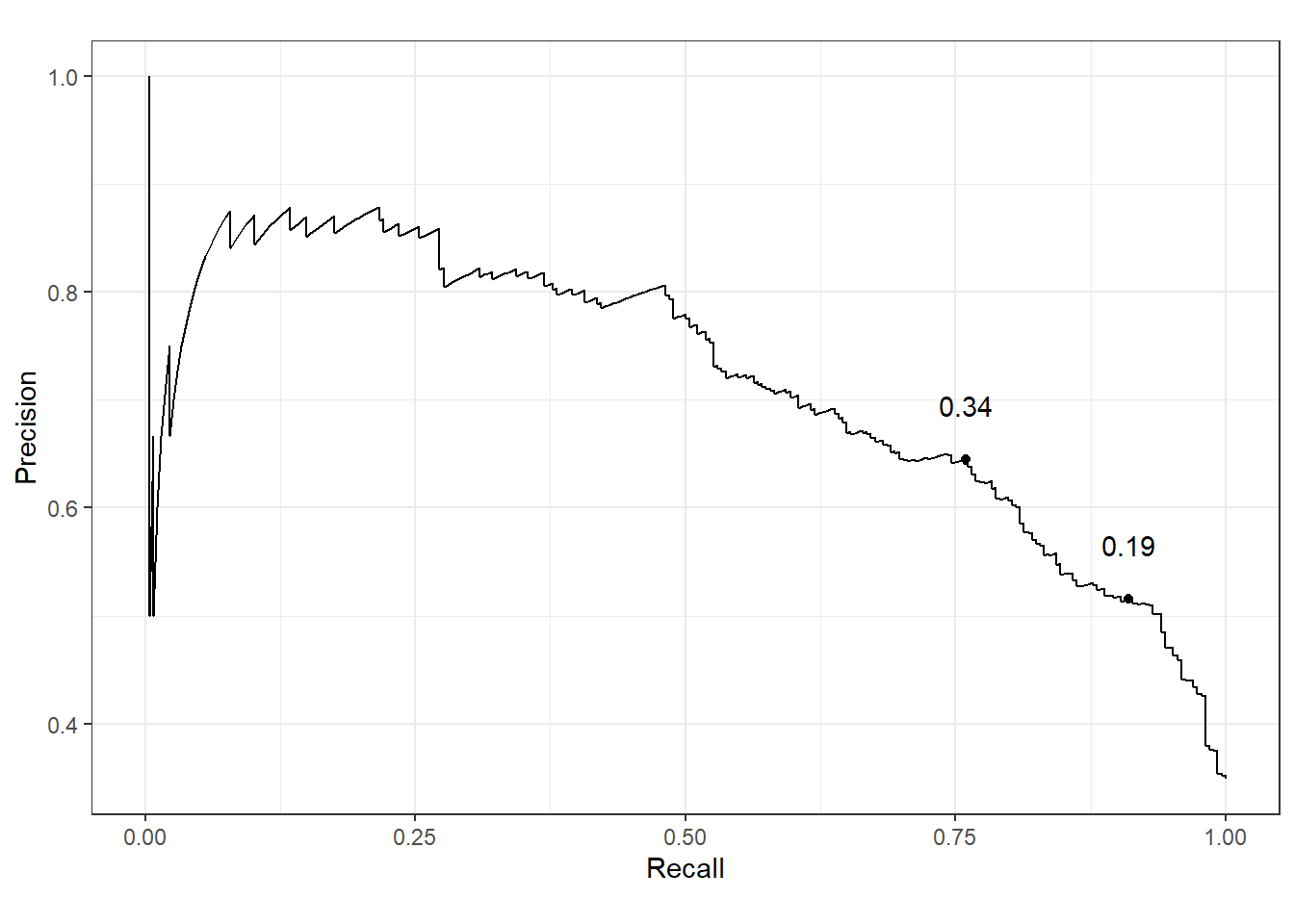


Atsižvelgiant į didesnį nesergančių pacientų kiekį duomenyse (stulp. “Outcome” reikšmė 0) laikyta, kad ROC kreivė gali teigti per daug optimistišką informaciją apie modelio kokybę. Papildomai pavaizduotas modelio Precision-Recall grafikas. Atsižvelgiant į uždavinio specifiką (laikyta, kad neteisingai diagnozuotos neigiamos diagnozės (False Negative) kaina didesnė už neteisingai diagnozuotą teigiamą diabeto diagnozę (False Positive)) modeliui siekta parinkti kitą slenkstinę reikšmę (angl. cutoff value).

roc\_auc(y\_2, Outcome, pred, event\_level = "second")

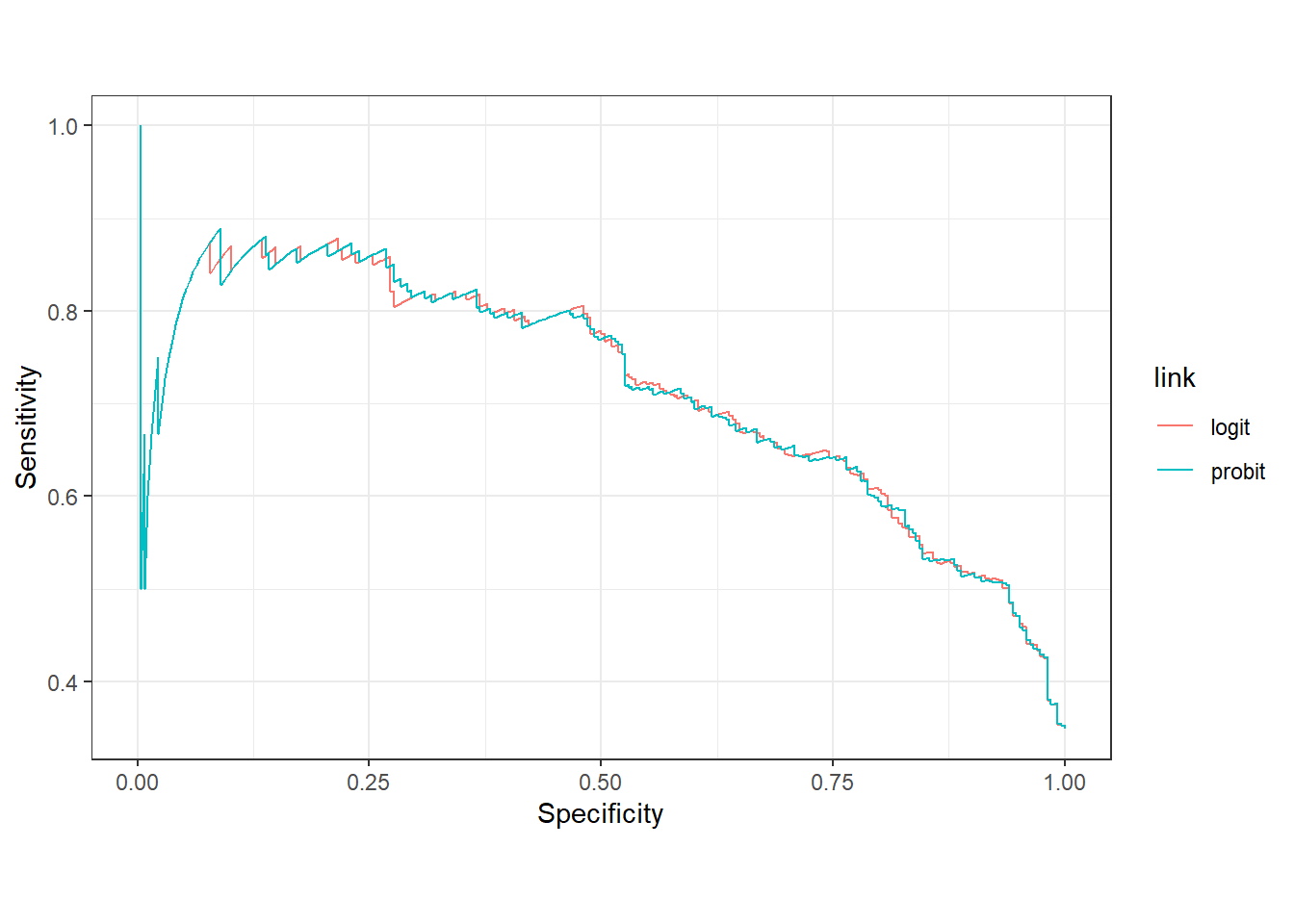
## # A tibble: 1 x 3  
## .metric .estimator .estimate  
## <chr> <chr> <dbl>  
## 1 roc\_auc binary 0.834

# dėl didelio TN skaičiaus ROC rezultatai gali būti per daug optimistiški, todėl papildomai naudojama PR kreivė  
cutoff <- cp$roc\_curve[[1]] %>%  
 filter(tpr > 0.9) %>%  
 pull(m) %>%  
 max()  
  
labels <- filter(cp$roc\_curve[[1]], (m %in% c(max(m), cutoff))) %>% round(2)  
  
  
cp$roc\_curve[[1]] %>%  
 ggplot(aes(x = tpr, y = tp / (fp + tp))) +  
 geom\_point(data = labels) +  
 geom\_text(data = labels, aes(label = x.sorted), nudge\_y = 0.05) +  
 geom\_path() +  
 coord\_equal() +  
 theme\_bw() +  
 xlab("Recall") +  
 ylab("Precision")



# slenkstinių reikšmių parinkimas  
# suskaičiuojamos optimalios slenkstinės reikšmės pagal Youden-J statistic ir pasirinkus ribą Sensitivity > 0.9  
 # (t.y. siekiant aptikti bent 90% sergančiųjų)

# palyginimas su probit modeliu  
model\_3 <- glm(  
 formula = Outcome ~ Pregnancies + Glucose + BMI + DiabetesPedigreeFunction, family = binomial(probit),  
 data = y  
)  
  
  
y\_3 <- y %>% mutate(pred = model\_3$fitted.values)  
  
  
cp\_2 <- cutpointr(y\_3, pred, Outcome,  
 method = maximize\_metric, metric = F1\_score  
)  
  
  
cp$roc\_curve[[1]] %>%  
 mutate(link = "logit") %>%  
 rbind((cp\_2$roc\_curve[[1]] %>% mutate(link = "probit"))) %>%  
 ggplot(aes(x = tpr, y = tp / (fp + tp), color = link)) +  
 geom\_path() +  
 coord\_equal() +  
 theme\_bw() +  
 xlab("Specificity") +  
 ylab("Sensitivity")



# skirtumų tarp modelių beveik nėra

Rasta slenkstinė reikšmė pagal Joudeno (Youden) indeksą - 0.34. Naudojant kriterijų, siekiantį teisingai aptikti bent 90% procentų sergančiųjų (Sensitivity > 0.9) - 0.19 (abi reikšmės pažymėtos Precision-Recall grafike). Naudojant PR kreives modelis palygintas su modeliu su tokiomis pačiomis kovariantėmis, tačiau naudojančiu probit junties funkciją. Reikšmingų skirtumų tarp modelių nerasta.

Rezultatai

Naudojant logistinę regresiją siekta rasti kokie požymiai susiję su didžiausia rizika sirgti diabetu, prognozuoti šios ligos diagnozę.

Tyrimo metu rasta, kad modelis su kovariantėmis „Pregnancies“, „Glucose“ „BMI“ ir „DiabetesPedigreeFunction“ statistiškai reikšmingai nesiskiria nuo sudėtingesnio modelio su papildomis kovariantėmis (p=0.25). Modelio tikslumas (angl. accuracy) 0.77. Plotas po modelio ROC kreive = 0.83.

Atsižvelgiant į užduoties specifiką, pasirinktos kitos modelio slenkstinės reikšmės: siekiant teisingai aptikti bent 90% teigiamų diabeto diagnozių pasirinkta slenkstinė riba 0.19.

Reikšmingų skirtumų tarp modelių su tokiomis pačiomis kovariantėmis, bet naudojančių atitinkamai logit ir probit jungties funkcijas nerasta.

**2. Naudojant SAS**

PROC IMPORT DATAFILE='/home/u45871880/diabetes.csv'

DBMS=CSV

OUT=data;

GETNAMES=YES;

RUN;

%MACRO boxplot(column);

ods graphics / reset width=6.4in height=4.8in imagemap;

proc sgplot data=WORK.DATA;

vbox &column / category=Outcome;

yaxis grid;

run;

%MEND;

%boxplot(Pregnancies);

%boxplot(Glucose);

%boxplot(BloodPressure);

%boxplot(SkinThickness)

%boxplot(Insulin);

%boxplot(Age);

%boxplot(DiabetesPedigreeFunction);

%boxplot(BMI);

\* Modelis su visomis kovariantėmis;

PROC LOGISTIC DATA=data DESCENDING

plots(only)=(roc(ID=cutpoint) effect(X=(Pregnancies Glucose BloodPressure SkinThickness

Insulin Age DiabetesPedigreeFunction BMI) CLBAND=YES ALPHA=0.05));

MODEL Outcome = Pregnancies Glucose BloodPressure SkinThickness

Insulin BMI DiabetesPedigreeFunction Age /

RSQUARE CTABLE PPROB=(0.1 TO 0.9 BY 0.1) EXPB LACKFIT scale=none clparm=wald

RUN;

| **Response Profile** | | |
| --- | --- | --- |
| **Ordered Value** | **Outcome** | **Total Frequency** |
| **1** | 1 | 268 |
| **2** | 0 | 500 |

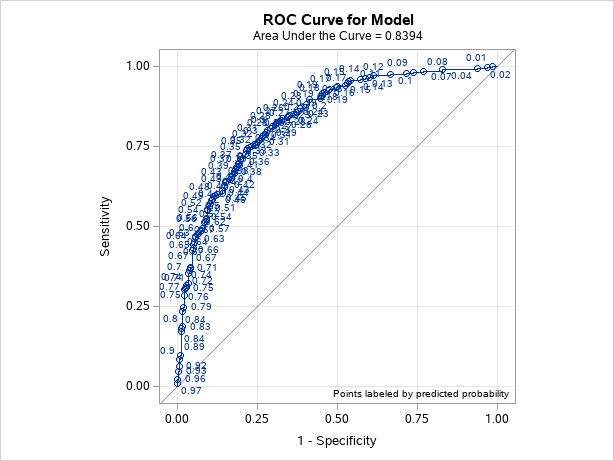
**Probability modeled is Outcome='1'.**

| **Testing Global Null Hypothesis: BETA=0** | | | |
| --- | --- | --- | --- |
| **Test** | **Chi-Square** | **DF** | **Pr > ChiSq** |
| **Likelihood Ratio** | 270.0385 | 8 | <.0001 |
| **Score** | 232.8984 | 8 | <.0001 |
| **Wald** | 167.7255 | 8 | <.0001 |

| **Analysis of Maximum Likelihood Estimates** | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Parameter** | **DF** | **Estimate** | **Standard Error** | **Wald Chi-Square** | **Pr > ChiSq** | **Exp(Est)** |
| **Intercept** | 1 | -8.4047 | 0.7166 | 137.5452 | <.0001 | 0.000 |
| **Pregnancies** | 1 | 0.1232 | 0.0321 | 14.7466 | 0.0001 | 1.131 |
| **Glucose** | 1 | 0.0352 | 0.00371 | 89.8965 | <.0001 | 1.036 |
| **BloodPressure** | 1 | -0.0133 | 0.00523 | 6.4537 | 0.0111 | 0.987 |
| **SkinThickness** | 1 | 0.000619 | 0.00690 | 0.0080 | 0.9285 | 1.001 |
| **Insulin** | 1 | -0.00119 | 0.000901 | 1.7485 | 0.1861 | 0.999 |
| **BMI** | 1 | 0.0897 | 0.0151 | 35.3467 | <.0001 | 1.094 |
| **DiabetesPedigreeFunc** | 1 | 0.9452 | 0.2991 | 9.9828 | 0.0016 | 2.573 |
| **Age** | 1 | 0.0149 | 0.00933 | 2.5372 | 0.1112 | 1.015 |

| **Hosmer and Lemeshow Goodness-of-Fit Test** | | |
| --- | --- | --- |
| **Chi-Square** | **DF** | **Pr > ChiSq** |
| 8.3230 | 8 | 0.4026 |

| **Classification Table** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Prob Level** | **Correct** | | **Incorrect** | | **Percentages** | | | | |
| **Event** | **Non- Event** | **Event** | **Non- Event** | **Correct** | **Sensi- tivity** | **Speci- ficity** | **Pos Pred** | **Neg Pred** |
| **0.100** | 261 | 146 | 354 | 7 | 53.0 | 97.4 | 29.2 | 42.4 | 95.4 |
| **0.200** | 240 | 277 | 223 | 28 | 67.3 | 89.6 | 55.4 | 51.8 | 90.8 |
| **0.300** | 209 | 356 | 144 | 59 | 73.6 | 78.0 | 71.2 | 59.2 | 85.8 |
| **0.400** | 177 | 408 | 92 | 91 | 76.2 | 66.0 | 81.6 | 65.8 | 81.8 |
| **0.500** | 154 | 443 | 57 | 114 | 77.7 | 57.5 | 88.6 | 73.0 | 79.5 |
| **0.600** | 130 | 457 | 43 | 138 | 76.4 | 48.5 | 91.4 | 75.1 | 76.8 |
| **0.700** | 97 | 475 | 25 | 171 | 74.5 | 36.2 | 95.0 | 79.5 | 73.5 |
| **0.800** | 62 | 489 | 11 | 206 | 71.7 | 23.1 | 97.8 | 84.9 | 70.4 |
| **0.900** | 22 | 495 | 5 | 246 | 67.3 | 8.2 | 99.0 | 81.5 | 66.8 |



\* Pažingsninė regresija kovariančių atrinkimui;

PROC LOGISTIC DATA=data DESCENDING plots(only)=(roc);

MODEL Outcome = Pregnancies Glucose BloodPressure SkinThickness

Insulin BMI DiabetesPedigreeFunction Age /

CTABLE PPROB=(0.1 TO 0.9 BY 0.1) EXPB

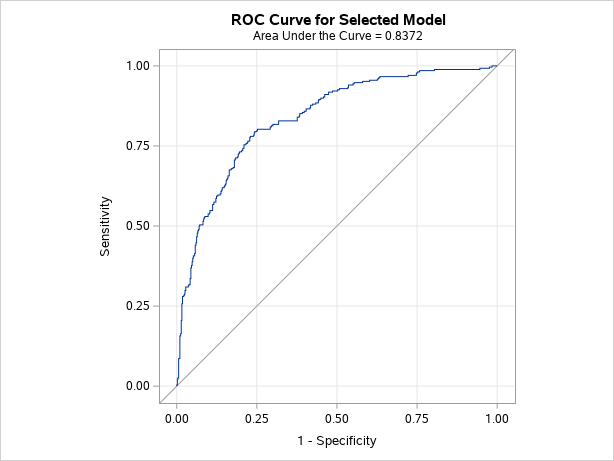
scale=none clparm=wald outroc=performance SELECTION=stepwise

RUN;

| **Summary of Stepwise Selection** | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Step** | **Effect** | | **DF** | **Number In** | **Score Chi-Square** | **Wald Chi-Square** | **Pr > ChiSq** |
| **Entered** | **Removed** |
| **1** | **Glucose** |  | 1 | 1 | 167.1922 |  | <.0001 |
| **2** | **BMI** |  | 1 | 2 | 34.3033 |  | <.0001 |
| **3** | **Pregnancies** |  | 1 | 3 | 27.3305 |  | <.0001 |
| **4** | **DiabetesPedigreeFunc** |  | 1 | 4 | 9.6773 |  | 0.0019 |
| **5** | **BloodPressure** |  | 1 | 5 | 5.8123 |  | 0.0159 |

| **Analysis of Maximum Likelihood Estimates** | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Parameter** | **DF** | **Estimate** | **Standard Error** | **Wald Chi-Square** | **Pr > ChiSq** | **Exp(Est)** |
| **Intercept** | 1 | -7.9549 | 0.6758 | 138.5505 | <.0001 | 0.000 |
| **Pregnancies** | 1 | 0.1535 | 0.0278 | 30.4074 | <.0001 | 1.166 |
| **Glucose** | 1 | 0.0347 | 0.00339 | 104.3051 | <.0001 | 1.035 |
| **BloodPressure** | 1 | -0.0120 | 0.00503 | 5.6969 | 0.0170 | 0.988 |
| **BMI** | 1 | 0.0848 | 0.0141 | 36.0703 | <.0001 | 1.089 |
| **DiabetesPedigreeFunc** | 1 | 0.9106 | 0.2940 | 9.5919 | 0.0020 | 2.486 |

| **Classification Table** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Prob Level** | **Correct** | | **Incorrect** | | **Percentages** | | | | |
| **Event** | **Non- Event** | **Event** | **Non- Event** | **Correct** | **Sensi- tivity** | **Speci- ficity** | **Pos Pred** | **Neg Pred** |
| **0.100** | 259 | 138 | 362 | 9 | 51.7 | 96.6 | 27.6 | 41.7 | 93.9 |
| **0.200** | 239 | 275 | 225 | 29 | 66.9 | 89.2 | 55.0 | 51.5 | 90.5 |
| **0.300** | 215 | 362 | 138 | 53 | 75.1 | 80.2 | 72.4 | 60.9 | 87.2 |
| **0.400** | 181 | 412 | 88 | 87 | 77.2 | 67.5 | 82.4 | 67.3 | 82.6 |
| **0.500** | 152 | 439 | 61 | 116 | 77.0 | 56.7 | 87.8 | 71.4 | 79.1 |
| **0.600** | 133 | 462 | 38 | 135 | 77.5 | 49.6 | 92.4 | 77.8 | 77.4 |
| **0.700** | 96 | 477 | 23 | 172 | 74.6 | 35.8 | 95.4 | 80.7 | 73.5 |
| **0.800** | 63 | 492 | 8 | 205 | 72.3 | 23.5 | 98.4 | 88.7 | 70.6 |
| **0.900** | 23 | 496 | 4 | 245 | 67.6 | 8.6 | 99.2 | 85.2 | 66.9 |



\* Atsižvelgiai į uždavinio specifiką

\* Sukuriamas Precision-Recall grafikas alternativių slenksninių reikšmių parinkimui;

data precision\_recall;

set performance;

precision = \_POS\_/(\_POS\_ + \_FALPOS\_);

recall = \_POS\_/(\_POS\_ + \_FALNEG\_);

F\_stat = harmean(precision,recall);

if mod(\_N\_, 20) = 0 then \_PROB\_=\_PROB\_;

else \_PROB\_ = .;

run;

Proc SQL;

create table precision\_recall as

Select \*

From precision\_recall

having \_step\_ = max(\_step\_);

Quit;

proc sort data=precision\_recall;

by recall;

run;

ods graphics / reset width=6.4in height=4.8in imagemap;

proc sgplot data=WORK.PRECISION\_RECALL;

SERIES X = recall Y = precision / DATALABEL=\_PROB\_;

run;

ods graphics / reset;

