



第四章 C语言的补充概念

模块4.2：位运算



4.2 位运算

4.2.1 概述

- 字节和位

字节: byte, 计算机中数据表示的基本单位

位 : bit, 计算机中数据表示的最小单位

$1 \text{ byte} = 8 \text{ bits}$

- 位运算

以bit为单位进行数据的运算



4.2 位运算

4.2.1 概述

- 位运算的基本方法
 - 按位进行（只有0、1）
 - 要求运算数据长度相等，若不等，则右对齐，按最高位**补齐**左边

char a=0x37;

0000 0000 0011 0111

short b=0x1234;

0001 0010 0011 0100

char a=0xA7;

1111 1111 1010 0111

short b=0x8341;

1000 0011 0100 0001

- 数在计算机内是用**补码**表示的



4.2 位运算

4.2.2 常用的位运算

运算符	功能	用法
~	位求反	~expr
<<	左移	expr1 << expr2
>>	右移	expr1 >> expr2
&	位与	expr & expr
^	位异或	expr ^ expr
	位或	expr expr



4.2 位运算

• 移位运算符

- 左移运算规则：左移数据，右补0
- 右移运算规则：右移数据，左补0（逻辑右移）

右移数据，左补符号位（算术右移）- C/C++的位运算

例: unsigned char bits=0233;

1 0 0 1 1 0 1 1

```
bits << 8;    //bits提升成int类型，然后向左移动8位
```

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	1	0	1	1
0	0	0	0	0	0	0	0

```
bits << 31; //向左移动31位, 左边超出边界的位丢弃
```

1 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0
-----------------	-----------------	-----------------	-----------------

```
bits >> 3; //向右移动3位，最右边的3位丢弃
```

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	1	1



```
#include <iostream>
#include <iomanip>
using namespace std;
int main()
{
    unsigned char bits = 0233;
    cout << "bits<<8=0x" << hex << (bits << 8) << " "
         << dec << (bits << 8) << endl;
    cout << "bits<<31=0x" << hex << (bits << 31) << " "
         << dec << (bits << 31) << endl;
    cout << "bits>>3=0x" << hex << (bits >> 3) << " "
         << dec << (bits >> 3) << endl;
    return 0;
}
```

```
bits<<8=0x9b00 39680
bits<<31=0x800000000 -2147483648
bits>>3=0x13 19
```



```
#include <iostream>
#include <iomanip>
using namespace std;
int main()
{
```

```
bits<<8=0x0 0
bits<<31=0x0 0
bits>>3=0x13 19
```

```
    unsigned char bits = 0233;
    cout << "bits<<8=0x" << hex << (int)(char)(bits << 8) << " "
          << dec << (int)(char)(bits << 8) << endl;
    cout << "bits<<31=0x" << hex << (int)(char)(bits << 31) << " "
          << dec << (int)(char)(bits << 31) << endl;
    cout << "bits>>3=0x" << hex << (int)(char)(bits >> 3) << " "
          << dec << (int)(char)(bits >> 3) << endl;
    return 0;
}
```

//蓝框部分不必要，可省略



```
#include <iostream>
#include <iomanip>
using namespace std;
int main()
{
    char bits = 0233; //提升为int类型时, 填充的是符号位
    cout << "bits<<8=0x" << hex << (bits << 8) << " "
          << dec << (bits << 8) << endl;
    cout << "bits<<31=0x" << hex << (bits << 31) << " "
          << dec << (bits << 31) << endl;
    cout << "bits>>3=0x" << hex << (bits >> 3) << " "
          << dec << (bits >> 3) << endl;
    return 0;
}
```

```
bits<<8=0xffff9b00 -25856
bits<<31=0x80000000 -2147483648
bits>>3=0xffffffff3 -13
```




4.2 位运算

- 移位运算符
 - 左移：在不溢出(1不被舍去)的情况下，左移 n 位等于乘2的 n 次方(当做无符号数理解)
 - 右移：在不溢出(1不被舍去)的情况下，右移 n 位等于除2的 n 次方(当作有符号数理解)



4.2 位运算

- 移位运算符
 - 重载版本--IO运算符
 - 满足左结合律:

`cout << 42 + 10;` //正确: +优先级高, 输出求和结果

`cout << (10 < 42);` //正确: 输出1

`cout << 10 < 42;` //错误: 把数字10写到cout, 然后将结果
(即cout) 与42进行比较



4.2 位运算

- 位求反运算符

- 运算规则：0/1互反

例： `unsigned char bits = 0227;`

1	0	0	1	0	1	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---

`~bits`

//提升成int类型，原来位保持不变，高位添加0:

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	1	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

//逐位求反:

1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	1	1	0	1	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---



4.2 位运算

• 位求反运算符

- 运算对象：整数类型

例：求表达式的值 $\sim q \ll 6$

//按运算符优先级，先对q按位取反：'q'转换为整数：

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

//逐位求反:

1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1	1	1	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

//移位操作:

[illegible]



4.2 位运算

- 位与、位或、位异或运算符
 - 位与运算规则：遇0得0
 - 位或运算规则：遇1得1
 - 位异或运算规则：相同为0，不同为1

例： unsigned char b1 = 0145;		0	1	1	0	0	1	0	1
unsigned char b2 = 0257;		1	0	1	0	1	1	1	1
b1 & b2	24个高位都是0	0	0	1	0	0	1	0	1
b1 b2	24个高位都是0	1	1	1	0	1	1	1	1
b1 ^ b2	24个高位都是0	1	1	0	0	1	0	1	0



4.2 位运算

- 位与、位或、位异或运算符

- 位运算符: `&` `|` `^`

- 逻辑运算符: `&&` `||` `!`

例: `unsigned long u11 = 3, u12 = 7;`

(1) `u11 & u12;` `//3, 占4个字节`

(2) `u11 | u12;` `//7, 占4个字节`

(3) `u11 && u12;` `//true, 占1个字节`

(4) `u11 || u12;` `//true, 占1个字节`



4.2 位运算

- 复合位运算符

- `&=` `|=` `^=` `<<=` `>>=`

...

```
int main()
{
    char a=0x18;
    int i;
    for(i=1; i<=6; i++) {
        a = a>>1;      //a >>= 1;
        cout << "a>>" << i << "=0x" << hex << int(a) << " "
              << dec << int(a) << endl;
    }
}
```

```
a>>1=0xc 12
a>>2=0x6 6
a>>3=0x3 3
a>>4=0x1 1
a>>5=0x0 0
a>>6=0x0 0
```



4.2 位运算

4.2.3 位运算的应用

- 与(&)的应用
 - 清零

```
char a1=0xb6;  
cout << "char a=" << hex << (int)a1 << endl  
      << " a&0x0=" << dec << (a1&0x0) << endl;
```

例: char a1=0xb6; 现要求将该数清零, 则:

$$\begin{array}{r} 1011 \ 0110 \\ \& \ \underline{0?00 \ ?00?} \\ 0000 \ 0000 \end{array}$$

要清零数为1的位, 本数对应位为0

a&0x0	a&0x1	a&0x8	a&0x9
a&0x40	a&0x41	a&0x48	a&0x49



4.2 位运算

4.2.3 位运算的应用

- 与(&)的应用
 - 取指定位

例: char a2=0xb6; 现要求只保留低4位, 而高4位清0, 则:

1011 0110

& 0000 1111

要保留的位, 本数对应位为1

0000 0110

```
char a2=0xb6;  
cout << "char a=0x" << hex << (int)a2  
      << " a&0x0F=" << dec << (a2&0x0F) << endl;
```



4.2 位运算

4.2.3 位运算的应用

- 或(|)的应用
 - 设定某些位为1

例: char a=0xb6; 要求1、4位设为1, 其它不变

1011	0110	
	0000	1001
<hr/>		
1011	1111	(0xBF)

```
char a=0xb6;
cout << "a=" << hex << (int)a
      << " a|0x9=0x" << (a|0x9) << endl;
```



4.2 位运算

4.2.3 位运算的应用

- 异或(^)的应用
 - 特定位翻转 (0, 1互换)

例: char a1=0xb6; 高4位翻转, 低4位不变

1011 0110

^ 1111 0000

要翻转的位, 本数对应位为1

0100 0110

```
char a1=0xb6;  
cout << "a=" << hex << (int)a1  
      << " a^0xF0=0x" << (a1^(char)0xF0) << endl;
```



4.2 位运算

4.2.3 位运算的应用

- 异或(^)的应用

- 两数交换

例: char a=0xb6, b=0xc2; 要求a, b互换

(1) a=1011 0110

b=1100 0010

a=0111 0100

$a = a \oplus b = 0x74$

(2) b=1100 0010

a=0111 0100

b=1011 0110

$b = b \oplus a = 0xb6$

(3) a=0111 0100

b=1011 0110

a=1100 0010

$a = a \oplus b = 0xc2$

```
char a=0xb6, b=0xc2;
```

```
cout << "a=" << hex << (int)a << " b=" << (int)b << endl;
```

```
a = a^b; b = b^a; a = a^b;
```

```
cout << "a=" << hex << (int)a << " b=" << (int)b << endl;
```



4.2 位运算

4.2.3 位运算的应用

综合应用例：班级有30个学生，老师每周都会对学生进行一次小测验，结果只有通过和不通过两种。为了更好地追踪测验的结果，我们用一个二进制位代表某个学生在一次测验中是否通过，显然全班的测验结果可以用一个无符号整数来表示：

```
unsigned long quiz1 = 0;    //位的集合
```

对序号为27的学生对应的位进行设置，以表示其通过了测验：

```
1UL << 27;    //生成一个值，该值只有第27位为1
```

```
quiz1 |= 1UL << 27;    //表示学生27通过了测验
```



4.2 位运算

4.2.3 位运算的应用

重新核对发现学生27实际上没有通过测试：

```
quiz1 &= ~(1UL << 27); //学生27没有通过测验
```

检查学生27的测验情况：

```
bool status = quiz1 & (1UL << 27); //学生27是否通过了测验？
```