1. Алгебра.

- **1.** Подстановки. Определение подстановки, четность подстановок. Произведение подстановок, разложение подстановок в произведение транспозиций и независимых циклов.
- **2.** Комплексные числа. Геометрическое изображение, алгебраическая и тригонометрическая форма записи, извлечение корней, корни из единицы.
- **3.** Системы линейных уравнений. Прямоугольные матрицы. Приведение матриц и систем линейных уравнений к ступенчатому виду. Метод Гаусса.
- **4.** Линейная зависимость и ранг. Линейная зависимость строк (столбцов). Основная лемма о линейной зависимости, базис и ранг системы строк (столбцов). Ранг матрицы. Критерий совместности и определенности системы линейных уравнений в терминах рангов матриц. Фундаментальная система решений однородной системы линейных уравнений.
- **5.** Определители. Определитель квадратной матрицы, его основные свойства. Критерий равенства определителя нулю. Формула разложения определителя матрицы по строке (столбцу).
- **6.** Операции над матрицами. Операции над матрицами и их свойства. Теорема о ранге произведения двух матриц. Определитель произведения квадратных матриц. Обратная матрица, ее явный вид (формула), способ выражения с помощью элементарных преобразований строк.
- 7. Векторные пространства; базис. Векторное пространство, его базис и размерность. Преобразования координат в векторном пространстве. Подпространства как множества решений систем однородных линейных уравнений. Связь между размерностями суммы и пересечения двух подпространств. Линейная независимость подпространств. Базис и размерность прямой суммы подпространств.
- **8.** Линейные отображения и линейные операторы. Линейные отображения, их запись в координатах. Образ и ядро линейного отображения, связь между их размерностями. Сопряженное пространство и сопряженные базисы. Изменение матрицы линейного оператора при переходе к другому базису.
- **9.** Билинейные и квадратичные функции. Билинейные функции, их запись в координатах. Изменение матрицы билинейной функции при переходе к другому базису. Ортогональное дополнение к подпространству относительно симметрической билинейной функции. Связь между симметрическими билинейными и квадратичными функциями. Существование ортогонального базиса для симметрической билинейной функции. Нормальный вид вещественной квадратичной функции. Закон инерции.
- **10.** Собственные векторы и собственные значения. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. Собственные подпространства линейного оператора, их линейная независимость. Условие диагонализируемости оператора.

Литература.

- [1] Кострикин А.И. Введение в алгебру, 1977, Наука.
- [2] Кострикин А.И. Введение в алгебру, ч. І,ІІ, 2000, Физмат,.лит.

- [3] Курош А.Г. Курс высшей алгебры, 1975, Наука.
- [4] Винберг Э.Б. Курс алгебры, 1999, 2001, Факториал.

2. Математический анализ.

- **1.** Пределы и непрерывность. Пределы последовательностей и функций. Непрерывные функции.
- **2.** Ряды. Числовые и функциональные ряды. Признаки сходимости (Даламбера, Коши, интегральный, Лейбница). Абсолютно и условно сходящиеся ряды.
- **3.** Дифференцирование. Дифференцирование функций. Применение производной для нахождения экстремумов функций. Формула Тейлора.
- **4.** Интегрирование. Определенный и неопределенный интегралы. Методы интегрирования функций. Первообразные различных элементарных функций. Кратные интегралы (двойные, тройные), замена координат, связь с повторными.
- **5.** Элементы функционального анализа: нормированные, метрические пространства, непрерывность, ограниченность.

Литература.

- [1] Архипов Г. И., Садовничий В. А., Чубариков В. Н. Лекции по мат. анализу. Изд-во Университет, 1999.
- [2] Зорич В. А. Математический анализ. Часть І. М.: Наука, 1981. 544 с. Часть ІІ. М.: Наука, 1984. 640 с.
- [3] Кудрявцев, Л.Д., Курс математического анализа (в трех томах). Т. 1. Дифференциальное и интегральное исчисления (функций одной переменной. Т. 2. Ряды. Дифференциальное и интегральное исчисления (функций! многих переменных. Т. 3. Гармонический анализ. Москва, Изд-во Высшая школа, 1981.
- [4] Демидович, Б. П, Сборник задач и упражнений по .математическому анализу. Изд-во АСТ, 2007.

3. Комбинаторика.

- 1. Основные правила комбинаторики. Правило подсчета количества комбинаторных объектов. Принцип Дирихле. Примеры.
- 2. Множества. Круги Эйлера, операции на множествах. Формула включений и исключений. Примеры.
- 3. Сочетания. Размещения, перестановки и сочетания. Бином Ньютона. Треугольник Паскаля. Сочетания с повторениями.

Литература.

- [1] Виленкин Н.Я. Комбинаторика. М., Наука, 1969.
- [2] С.А. Генкин, И.В. Итенберг, Д.В. Фомин. Ленинградские математические кружки, 1994.

4. Теория вероятностей.

- **1.** Основные понятия теории вероятностей. Определение вероятностного пространства, простейшие дискретные случаи (выборки с порядком и без него, упорядоченные и неупорядоченные), классическая вероятностная модель. Случайная величина, функция распределения.
- **2.** Условные вероятности. Определение условной вероятности, формула полной вероятности, формула Байеса.
- **3.** Математическое ожидание, дисперсия, корреляция. Определение математического ожидания, дисперсии, ковариации и корреляции, их свойства.
- **4.** Независимость событий. Попарная независимость и независимость в совокупности.
- **5.** Основные теоремы теории вероятностей. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел. Центральная предельная теорема.
- **6.** Распределения. Стандартные дискретные и непрерывные распределения, их математические ожидания, дисперсии и свойства:
 - биномиальное;
 - равномерное;
 - нормальное;
 - пуассоновское;
 - показательное;
 - геометрическое.

Литература.

- [1] Гнеденко, Б. В. Курс теории вероятностей, УРСС. М.: 2001.
- [2] Гнеденко Б. В., Хинчин А. Я. Элементарное введение в теорию вероятностей, 1970.
- [3] Ширяев, А. Н. Вероятность, Наука. М.: 1989.
- [4] Севастьянов Б. А., Курс теории вероятностей и .математической статистики, Ч М.: Наука, 1982.
- [5] Севастьянов, Б. А., Чистяков, В. П, Зубков, А. М. Сборник задач по теории вероятностей, М.: Наука, 1986.
 - 5. Программирование, алгоритмы и структуры данных. (предполагается владение одним из основных языков программирования,

предпочтительным является С/С+—+)

- 1. Простейшие конструкции языка программирования. Циклы, ветвления, рекурсия.
- **2.** Анализ алгоритмов. Понятие о сложности по времени и по памяти. Асимптотика, О-символика. Инварианты, пред- и пост- условия. Доказательство корректности алгоритмов.
- **3.** Простейшие структуры данных. Массивы, стеки, очереди, связные списки. Сравнение временных затрат при различных типах операций.
- **4.** Строки и операции над ними. Представление строк. Вычисление длины, конкатенация.

- **5.** Сортировки. Нижняя теоретико-информационная оценка сложности задачи сортировки. Алгоритмы сортировки вставками, пузырьком, быстрая сортировка, сортировка слиянием. Оценка сложности.
 - **6.** Указатели. Указатели и динамическое управление памятью. Литература.
- **7.** Графы, способы хранения графа. Основные алгоритмы на графах: обходы в глубину, в ширину, проверка на связность, поиск компонент связности.
 - [1] Шень А. Программирование: теоремы и задачи. МЦМНО, 2007.
 - [2] Вирт Н. Алгоритмы и структуры данных. Изд-во Невский диалект,, 2005.
 - [3] Керниган Б., Ритчи Д. Язык программирования С. Изд-во Вильямс, 2008.
 - [4] http://en.wikipedia.org/wiki/Introduction_to_Algorithms
 - [5] http://en.wikipedia.org/wiki/Code_Complete
 - [6] http://en.wikipedia.org/wiki/Design Patterns
 - [7] http://www.informit.com/store/product.aspx?isbn=0321334876
- [8] Кормен Т., Лейзерсон Ч., Ривест Р., Штайн К. Алгоритмы: построение и анализ, 2-е издание. М. Издательский дом Вильямс, 2005.