In [1]: import numpy as np import matplotlib.pyplot as plot

# Classification kNN

### Mise en situation

Je cherche un algorithme simple, sans apprentissage, ça existe ça?

Je suis travaille (toujours) pour le bureau de poste. Je dois trouver un (autre) algorithme pour lire les

Les K plus proches voisins

## L'algorithme kNN pour K Nearest neighbours :

Les deux pièges de terminologie

### • n'a rien à voir non plus avec l'alogrithme des "K moyens" (ou *k-means* en anglais)

Voilà, maintenant qu'on a défini ce que ça n'est pas, on va pouvoir se pencher sur ce que c'est.

- Je dispose d'un jeu de données, ça ça ne change pas, pour classifier d'autres données inconnues. J'en ai une nouvelle justement : dans quelle case la mettre?

c'est (peut-être) un objet de la même classe! Formulé différement : "La classe que je recherche est celle

### Bon faut être honnête, parfois c'est oui parfois c'est non... Mais en étendant un peu le principe :

du plus proche voisin de ma donnée !".

 on considère les k plus proches voisins • on regarde la classe la plus présente dans le lot des k voisins Ca lisse un peu les erreurs. Et la question qui arrive : "C'est quoi l'arnaque, ça marche un truc pareil ???",

- A supposer que le problème puisse être résolu avec cet algorithme, le choix de k est important
- Si k est faible, on augmente le risque de tomber sur de "mauvais" voisins qui vont fausser la réponse

Ok, j'ai qu'à prendre un k plus élevé alors. 10, c'est bien :)

on va dire que parfois oui et parfois non aussi...

Considérons que j'ai maintenant 100 exemples dans mon jeu d'entrainement. k=10, ça veut dire que 10% de mes exemples sont des "plus proches voisins" de l'entrée considerée - c'est un peu gros comme

Ben pas trop non plus en fait : contrairement aux algorithmes vus jusque là, l'évaluation prend pas mal de

Ok, mais bon supposons que j'ai de la donnée dans tous les sens, alors c'est bien?

temps - on doit quand même évaluer la distance avec chaque exemple!

Alors quand on n'a qu'une seule question à poser, ça passe, mais quand on en a plusieurs, c'est long... (à l'inverse, les autres modèles utilisent des calculs matriciels optimisés et donc il est plus rapide de calculer

(ou norme L2), tout bêtement. L'algorithme est simple j'ai dit!:) Simulation rapide

result = np.zeros((m, class\_count)) for i in range(m): # distances euclidiennes  $dist = np.sum((x_train - x[i,:])**2, axis = 1)$ # On sort les indices des k plus proces

classes = y\_train[k\_nearest,0].reshape(-1).astype(int)

#### In [3]: np.random.seed(1) # On va générer 1000 exemples, avec 50 erreurs (volontaires)

return result

samples[i, 1],

-5.0

-2.5

0.0

2.5

5.0

10.0

Alors il faut être clair : c'est typiquement le genre de problème où cette méthode est probablement la plus

maxs[i] \*100

) )

10.0 7.5 5.0 2.5 0.0

-2.5-5.0-7.5-10.0

In [4]:

Encore mieux qu'hier!

```
x train = np.random.rand(m, 2) * 20 - 10
y_{train} = np.zeros((m,1))
y_{train[np.where(np.all([x_train[:,0] \le x_train[:,1], x_train[:,0] >= -x_train[:,1]],
y_{train[np.where(np.all([x_train[:,0] <= x_train[:,1], x_train[:,0] < -x_train[:,1]],
y_{train[np.where(np.all([x_train[:,0] > x_train[:,1], x_train[:,0] >= -x_train[:,1]],
y_train[m-noisy_count:, 0] = 3-y_train[m-noisy_count:, 0]
#0 : partie basse
#1 : partie haute
#2 : partie gauche
#3 : partie droite
plot.scatter(x_train[:, 0], x_train[:,1], c=y_train)
t = plot.title('Data visualization')
samples = np.array([[0,8],[8,0],[-8,0],[0,-8]])
probabilities = k_nearest_neighbours(x_train, y_train, samples, k=10, class_count=4)
maxs = np.max(probabilities, axis = 1)
target_classes = np.argmax(probabilities, axis = 1)
for i in range(samples.shape[0]):
    print('Point (%d, %d) has been identified to be in class %s with probability %d%%
        samples[i, 0],
```

```
efficace! Mais quant à reconnaitre des chiffres ... on y arrive (et spoiler : on ne sera pas déçu)
Par contre, même dans ce cas d'école, il y a un gros inconvénient : la durée d'évaluation augmente avec le
nombre de données comme on l'a dit, et la preuve : tracer les limites du système va prendre bien plus de
temps que la classification d'hier (et la taille de la grille pour le dessin est pourtant 25x plus petite...)
      h=0.05
      mesh x, mesh y = np.meshgrid(
      Z = Z.reshape (mesh x.shape)
```

Chargement des données Les données sont les même qu'hier. Elles proviennent du dataset de Yann Le Cun

-5.0

Retour à la mise en situation

0.0

print('%i test samples loaded' %(x test.shape[0]))

60000 training samples loaded of size 784

avec pour chacun 60k distances euclidiennes

 $\rightarrow$  total: 470 milliards de multplications (sans parler du reste....)

#On calcule les résultats sur le jeu de test

10000 test samples loaded On teste. Attention: c'est long...

sur des matrices de 28x28

In [6]:  $x_{test_small} = x_{test_small} = x_{test_sma$ 

10k tests

2.5

5.0

7.5

10.0

0.0 -2.5-5.0-7.5-10.0

#### print('Accuracy on test set (k = 10): %f' % (np.sum(test\_results == y\_test\_small)/y\_te Accuracy on test set (k = 10): 0.956000 On arrive donc, sans entrainement, à reconnaitre 95.6% des chiffres !!!

y\_test\_small = y\_test[:500,:]

#### x\_invalids = x\_test\_small[invalids,:].reshape(-1,28,28) y\_invalids = y\_test\_small[invalids] test results invalids = test results[invalids] fig = plot.figure(figsize=(25,25))

3, identified as a 1

for i in range(invalids.shape[0]): fig.add\_subplot(5, 5, i+1) plot.imshow(x\_invalids[i,:])

```
10 15 20 25
9, identified as a 7
                                      2, identified as a 7
```

```
mon implémentation, notamment:

    éviter le tri

   interrompre le calcul des distances quand elle dépasse déjà les k plus proches
```

Bon franchement, y'a de quoi se tromper sur beaucoup d'entre eux :)

malgré sa simplicité!

Optimisation par compression des données La durée d'évaluation dépend grandement de la taille de chaque donnée (ici 28x28 = 784).

chiffres des codes postaux.

• n'a rien à voir avec les réseaux de neurones (malgré le NN du nom - ça n'est pas Neural Network)

L'algorithme en quelques mots

L'intuition est la suivante : "est-ce que ma nouvelle donnée ressemble à quelque chose de connu ?". Si oui,

Page de publicité : si vous avez raté la saison 1, vous pouvez toujours jeter un oeil à cet article sur la reconnaissance de gestes. Ca marche vraiment, et en plus c'est avec k=1 Le choix de k

proportion... Et ça dépend aussi du nombre de classes. Si j'ai beaucoup de classes différentes, il me faudra beaucoup de données pour les différencier. Si k est élevé, on diminue ce risque mais il faut que la quantité d'exemples connus suive le

N résultats en une fois que un par un).

rythme

La distance C'est quoi le "plus proche" dans notre algorithme? Pour ne rien compliquer, c'est la distance euclidienne

Validons rapidement le concept avec un exemple simple - le même qu'hier.

def k\_nearest\_neighbours(x\_train, y\_train, x, k, class\_count):

# KNN, pas d'entrainement, juste une évaluation

k nearest = dist.argsort()[:k]

counts = np.bincount(classes) / k result[i,:counts.shape[0]] = counts

# On trouve les classes correspondantes

# Et on en extrait le principal élément

# x est une matrice de question

m = x.shape[0]

m = 1000noisy\_count = 50

['bottom', 'top', 'left', 'right'][target\_classes[i]],

Point (0, 8) has been identified to be in class top with probability 100% Point (8, 0) has been identified to be in class right with probability 100% Point (-8, 0) has been identified to be in class left with probability 90% Point (0, -8) has been identified to be in class bottom with probability 100%

Data visualization

def plot bounds(model, X, Y, draw box): np.arange(X[:,0].min() - 1, X[:,0].max() + 1, h),np.arange(X[:,1].min() - 1, X[:,1].max() + 1, h))Z = model(np.c [mesh x.ravel(), mesh y.ravel()]) draw box.contourf(mesh x, mesh y, Z, cmap=plot.cm.Spectral) draw box.scatter(X[:,0], X[:,1], c=Y, cmap=plot.cm.Spectral) plot.title('Classifier bounds') plot bounds(lambda x:np.argmax(k nearest neighbours(x train, y train, x, k=5, class co Classifier bounds 10.0 7.5 5.0 2.5

http://yann.lecun.com/exdb/mnist/ Il s'agit d'images 28x28 en noir et blanc, 60.000 données d'entrainement et 10.000 données de validation. def load(file): data = np.load(file) return data['x'], data['y'] x\_train, y\_train = load('data/d09 train data.npz') x\_test , y\_test = load('data/d09\_test\_data.npz') print('%i training samples loaded of size %i' %(x\_train.shape[0], x\_train.shape[1]))

Analyse des erreurs Juste pour le fun : voilà les coupables

invalids = np.where(y\_test\_small != test\_results)[0]

9, identified as a 8

On va plutôt prendre un sous ensemble ;) - prévoyez quand même quelques minutes...

test\_results =  $np.argmax(k_nearest_neighbours(x_train, y_train, x_test_small, k = 10, test_small, k = 10$ 

plot.title('%i, identified as a %i'% (y\_invalids[i], test\_results\_invalids[i]))

4, identified as a 6

2, identified as a 7

7, identified as a 4

15

4, identified as a 9

3, identified as a 7

Mais alors si c'est si efficace, à quoi servent tous les autres modèles ? Plusieurs réponses : D'abord, c'est pas forcément toujours efficace Ensuite, comme on peut le voir, c'est particulièrement lent... on peut quand même faire mieux que

de mes données. Il existe quand même de nombreuses applications à ce modèle, qui comme on l'a vu est assez efficace

Enfin, c'est une méthode particulièrement vulnérable aux problèmes de classes mal distribuées

Un mot sur le dernier point, pour bien expliquer le souci : je souhaite par exemple prédire un diagnostique médical sur une maladie rare. Il y a (comme son nom l'indique) peu d'individus atteints par rapport aux individus sains : les k plus proches voisins seront à 99.99% des individus sains, à cause de la distribution

D'ici quelques jours, on verra comment un algorithme non supervisé permettra de choisir tout seul une manière de comprimer la donnée sur une taille plus restreinte (plus de 95% de gain !) tout en gardant des

scores aussi élevés.