AG2 - Actividad Guiada 2

Nombre: Daniel Paniagua Ares

Github: https://github.com/dpaniaguaa/algoritmos_optimizacion_MIAR_2024

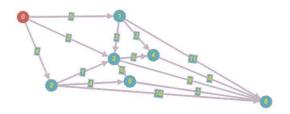
In []: import math

Programación Dinámica. Viaje por el rio

- Definición: Es posible dividir el problema en subproblemas más pequeños, guardando las soluciones para ser utilizadas más adelante.
- Características que permiten identificar problemas aplicables:
 -Es posible almacenar soluciones de los subproblemas para ser utilizados más adelante
 - -Debe verificar el principio de optimalidad de Bellman: "en una secuencia optima de decisiones, toda sub-secuencia también es óptima" (*)
 - -La necesidad de guardar la información acerca de las soluciones parciales unido a la recursividad provoca la necesidad de preocuparnos por la complejidad espacial (cuantos recursos de espacio usaremos)

Out[]: '0,2,5'

En un río hay **n** embarcaderos y debemos desplazarnos río abajo desde un embarcadero a otro. Cada embarcadero tiene precios diferentes para ir de un embarcadero a otro situado más abajo. Para ir del embarcadero i al j, puede ocurrir que sea más barato hacer un trasbordo por un embarcadero intermedio k. El problema consiste en determinar la combinación más barata.



*Consideramos una tabla TARIFAS(i,j) para almacenar todos los precios que nos ofrecen los embarcaderos

*Si no es posible ir desde i a j daremos un valor alto para garantizar que ese trayecto no se va a elegir en la ruta óptima(modelado habitual para restricciones)

```
In [ ]: #Viaje por el rio - Programación dinámica
                 TARIFAS = [
[8,54,3,float("inf"),999,999], #desde nodo 0
[999,899,2,3,999,11], #desde nodo 1
[999,999, 0,1,999,4,10], #desde nodo 2
[999,999,99, 0,5,6,9],
[999,999,99,999,99,4],
[999,999,999,999,999,9]]
                 #999 se puede sustituir por float("inf") del modulo math
#Total de Nodos
N = len(TARIFAS[0])
                    #Inicialización de La tabla de precios

PRECIOS = [ [9999]*N for i in [9999]*N] #n x n

RUTA = [ [""]*N for i in [""]*N]
                    #Se recorren todos Los nodos con dos bucles(origen - destino)
# para ir construyendo la matriz de PRECIOS
for i in range(1-1);
for j in range(1-1);
MIN -TARTEAS[1][j]
RUTA[1][j] = i
                          for k in range(i, j):
   if PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] < MIN:
        MIN = min(MIN, PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] )
   RUTA[i][j] = k
PRECIOS[i][j] = MIN</pre>
                   return PRECIOS, RUTA
In [ ]: PRECIOS, RUTA = Precios(TARIFAS)
                print("PRECIOS")
for i in range(len(TARIFAS)):
    print(PRECIOS[i])
               print("\nRUTA")
for i in range(len(TARIFAS)):
    print(RUTA[i])
             PTHILMUNIL1)
PRECIOS
[9999, 5, 4, 3, 8, 8, 11]
[9999, 9999, 999, 2, 3, 8, 7]
[9999, 9999, 9999, 1, 6, 4, 7]
[9999, 9999, 9999, 999, 5, 6, 9]
[9999, 9999, 9999, 9999, 999, 4]
[9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 999]
[9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999]
              RUTA
                 def calcular_ruta(RUTA, desde, hasta):
   if desde == RUTA[desde][hasta]:
                   #if desde == hasta:

#print("Ir a :" + str(desde))
return desde
return str(alcular_ruta(RUTA, desde, RUTA[desde][hasta])) + ',' + str(RUTA[desde][hasta])
              La ruta es:
```

Problema de Asignacion de tarea

```
In [ ]: #Asignacion de tareas - Ramificación y Poda
                      In []: #Calculo del valor de una solucion parcial
def valor(S,OSTES):
VALOR = 0
for i in range(len(S)):
VALOR += COSTES[S[i]][i]
return VALOR
                       valor((1,3, ),COSTES)
Out[ ]: 28
In [ ]: #Coste inferior para soluciones parciales # (1,3,) Se asigna la tarea 1 al agente 0 y la tarea 3 al agente 1
                       def CI(S,COSTES):
                           et C1(S,CO3LE),

VALOR = 0

#Valores establecidos

for i in range(len(S)):

VALOR += COSTES[i][S[i]]
                           recolumnCton
for i in range( len(S), len(COSTES) ):
VALOR **= min( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
return VALOR
                       def CS(S,COSTES):
                          #Estimacion
for i in range( len(S), len(COSTES) ):
    WALOR += max( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
return VALOR
                      CI((0,1),COSTES)
In [ ]: Moenera tantos hijos como como posibilidades haya para la siguiente elemento de la tupla \pi(\theta_s) \rightarrow (\theta_s, 1), (\theta_s, 2), (\theta_s, 3) def (rear hijos (NOOO, N); HIJOS = [] fon i in range(N); if i not in NOOO: HIJOS.append({'s':NOOO}+(i,)) } return HIJOS.
In [ ]: crear_hijos((0,) , 4)
Out[ ]: [{'s': (0, 1)}, {'s': (0, 2)}, {'s': (0, 3)}]
                       #Construction_y_poda(COSTES):
#Construction iterative de soluciones(arbol). En cada etapa asignamos un agente(ramas).
#Modos del grafo { s:(1,2),Ct:3,Cs:5 }
#print(COSTES)
DIMENSION = len(COSTES)
MEJOR_SOLUCION-tuple( i for i in range(len(COSTES)) )
CotaSup » valor(MEJOR_SOLUCION,COSTES)
#print("Cota Superior:", CotaSup)
In [ ]: def ramificacion_y_poda(COSTES):
                            NODOS=[]
NODOS.append({'s':(), 'ci':CI((),COSTES) } )
                            iteracion = 0
                             while( len(NODOS) > 0):
  iteracion +=1
                                  nodo_prometedor = [ min(NODOS, key=lambda x:x['ci']) ][0]['s']
#print("Nodo prometedor:", nodo prometedor)
                                  when you can be hijos size general tos hijos (size = (size =
                                 HIJOS = [x for x in HIJOS if x['ci'] < CotaSup ]
                                  #Añadimos Los hijos
NODOS.extend(HIJOS)
                                  #Eliminamos el nodo ramificado
NODOS = [ x for x in NODOS if x['s'] != nodo_prometedor ]
                            print("La solucion final es:", MEJOR SOLUCION . " en " , iteracion , " iteraciones" . " para dimension: " .DIMENSION )
                       ramificacion_y_poda(COSTES)
                    La solucion final es: [{'s': (1, 2, 0, 3), 'ci': 64}] en 10 iteraciones para dimension: 4
                      Descenso del gradiente
In []: import math athlotlib.pyplot as plt #Generacion de gráficos (otra opcion seaborn) import numpy as np #Trotamiento matrix M-dimensionales y otras (fundamentall)
```

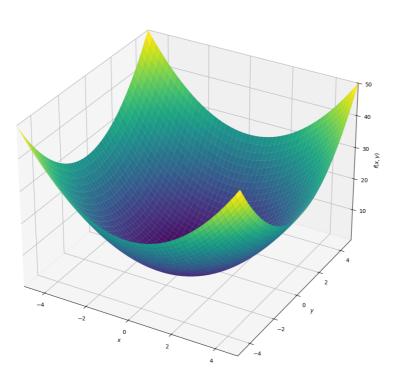
```
In []: import matplotlib.pyplot as plt if denoration de graficos (otra opcion seaborn) import numpy as no #Tratamiento matrix N-dimensionales y otras (fundamental!) import random

Vamos a buscar el minimo de la funcion paraboloide:

f(x) = x^2 + y^2
Obviamente se encuentra en (xy)=(0,0) pero probaremos como llegamos a él a través del descenso del gradiante.

In []: #Definimos La funcion #Paraboloide | #Funcion #Funcio
```

x**2 + y**2



Out[]: <sympy.plotting.plot.Plot at 0x1b4bcfbb0d0>

```
In []: #Prepara tos datos para dibujar mapa de niveles de Z
resolucion = 100
rango-5.5

Xnop.linspace(-rango, rango, resolucion)
Ynop.linspace(-rango, rango, resolucion)
Znop.ceros((resolucion, resolucion))
for is, xi in enumerate(X):
    for y, y in enumerate(X):
        [iy, xi] = f((x,y)]

#Pinta et mapa de niveles de Z
plit.contour(x,Y,Z,resolucion)
plit.colorbar()

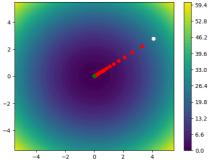
#Generamos un punto aleatorio inicial y pintamos de blanco
Pe[randon.unifrom(-5,5 )], rendom.uniform(-5,5 )]
plt.pbr([0], Pl]], "o,c-white")

#Tasa de aprendizaje, Fija. Sería más efectivo reducirio a medida que nos acercamos.
TA+.1

#Iteraciones:50
for _in rango(S):
    grad = df(P)
    #print(P, prad) - (rend)
    pl[], [Pl] = [Pl] - TA*grad[]
    plt.plot([Pl], Pl]), "o, c-red")

#Obbujamos el punto final y pintamos de verde
plt.plot([Pl], Pl], "o, c-red")

#Obbujamos el punto final y pintamos de verde
plt.plot([Pl], Pl], "o, c-red")
print("Salucion:", P, f(P))
```



Solucion: [5.8425227102555197e-05, 3.973571608459331e-05] 4.992434294740558e-09

¿Te atreves a optimizar la función?:

$$f(x) = \sin(1/2*x^2 - 1/4*y^2 + 3)*\cos(2*x + 1 - e^y)$$

