#### Q LEARNING

Ivan Androš Dejan Peretin Petra Podolski

Mentor: Dr. sc. Tomislav Šmuc

25. svibnja 2011.



DEFINICIJ*i* 

# Q Learning

- Tehnika učenja s podrškom.
- Agent uči evaluacijsku funkciju

$$Q: S \times A \rightarrow \mathbb{R}$$

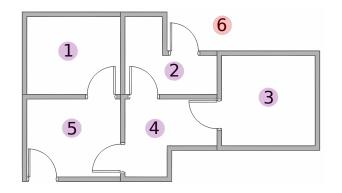
gdje je S skup stanja, a A skup akcija.

Agentu ne mora biti poznat model okoliša.



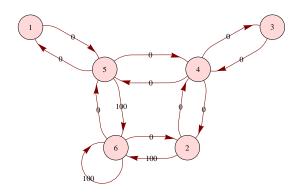
Motivacija

#### KRETANJE ROBOTA



SLIKA: Agent se nalazi u jednoj od soba, mora izaći van





SLIKA: Dijagram stanja prethodnog tlocrta



$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - & 0 \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - & 0 \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$Q_{2,6} = R_{2,6} + 0.8 \cdot \max\{Q_{6,2}, Q_{6,5}, Q_{6,6}\} = 100 + 0.8 \cdot 0 = 100$$



$$Q_{2,6} = R_{2,6} + 0.8 \cdot \max\{Q_{6,2}, Q_{6,5}, Q_{6,6}\} = 100 + 0.8 \cdot 0 = 100$$



$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$Q_{4,2} = R_{4,2} + 0.8 \cdot \max\{Q_{2,4}, Q_{2,6}\} = 0 + 0.8 \cdot 100 = 80$$



$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} - & - & - & - & 0 & - \\ - & - & - & 0 & - & 100 \\ - & - & - & 0 & - & - \\ - & 0 & 0 & - & 0 & - \\ 0 & - & - & 0 & - & 100 \\ - & 0 & - & - & 0 & 100 \end{bmatrix}$$

$$Q_{2.6} = R_{2.6} + 0.8 \cdot \max\{Q_{6.2}, Q_{6.5}, Q_{6.6}\} = 100 + 0.8 \cdot 0 = 100$$



### Nalaženje najkraćeg puta

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 400 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 0 \\ 0 & 400 & 256 & 0 & 400 & 0 \\ 320 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 400 & 0 & 0 & 400 & 500 \end{bmatrix}$$

### Nalaženje najkraćeg puta

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 400 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 0 \\ 0 & 400 & 256 & 0 & 400 & 0 \\ 320 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 400 & 0 & 0 & 400 & 500 \end{bmatrix}$$

PUT: 3

### Nalaženje najkraćeg puta

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 400 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 0 \\ 0 & 400 & 256 & 0 & 400 & 0 \\ 320 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 400 & 0 & 0 & 400 & 500 \end{bmatrix}$$

 $PUT: 3 \rightarrow 4$ 



### Nalaženje najkraćeg puta

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 400 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 0 \\ 0 & 400 & 256 & 0 & 400 & 0 \\ 320 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 400 & 0 & 0 & 400 & 500 \end{bmatrix}$$

 $PUT: 3 \rightarrow 4$ 



### Nalaženje najkraćeg puta

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 400 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 0 \\ 0 & 400 & 256 & 0 & 400 & 0 \\ 320 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 400 & 0 & 0 & 400 & 500 \end{bmatrix}$$

 $PUT: 3 \rightarrow 4 \rightarrow 2$ 

### Nalaženje najkraćeg puta

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 400 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 0 \\ 0 & 400 & 256 & 0 & 400 & 0 \\ 320 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 400 & 0 & 0 & 400 & 500 \end{bmatrix}$$

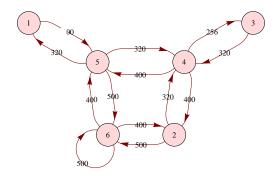
 $\mathrm{PUT}: \ 3 \ \rightarrow \ 4 \ \rightarrow \ 2$ 

### Nalaženje najkraćeg puta

PUT:

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 400 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 0 \\ 0 & 400 & 256 & 0 & 400 & 0 \\ 320 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 400 & 0 & 0 & 400 & 500 \end{bmatrix}$$

#### Nalaženje najkraćeg puta



SLIKA: Dijagram stanja iz perspektive funkcije Q



# PSEUDOKOD UČENJA FUNKCIJE Q

```
učitaj parametar \gamma i matricu R inicijaliziraj vrijednosti matrice Q na 0 while nema konvergencije do
na slučajan način izaberi inicijalno stanje while nismo u završnom stanju do
izaberi jedno od mogućih akcija za trenutno stanje Q_{s,a} = R_{s,a} + \gamma \cdot \max_i \{Q_{a,a_i}\} postavi sljedeće stanje za trenutno stanje end while
```

#### PSEUDOKOD NALAŽENJA NAJKRAĆEG PUTA

učitaj matricu Q i početno stanje while trenutno stanje != finalno stanje do za trenutno stanje nađi akciju koja ima najveću vrijednost u matrici Q za trenutno stanje odaberi ono stanje u koje vodi prethodno odabrana akcija end while



Generiranje problema

#### CILJ RADA

- Implementirati Q learning algoritam i empirijski ispitati složenost algoritma.
- Generirati velike probleme i ispitati kako algoritam skalira s brojem stanja.

Generiranje problema

#### KAKO NA SLUČAJAN NAČIN GENERIRATI PROBLEM?

Graf mora biti povezan.



Generiranje problema

#### KAKO NA SLUČAJAN NAČIN GENERIRATI PROBLEM?

- Graf mora biti povezan.
- Ne smije biti *pregust*.



GENERIKANJE PROBLEMA

# KAKO NA SLUČAJAN NAČIN GENERIRATI PROBLEM?

- Graf mora biti povezan.
- Ne smije biti *pregust*.
- Na slučajan način generiramo nagrade.

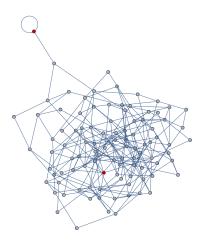
#### DVIJE VRSTE GRAFOVA

#### Gusti

- čvorovi su povezani s relativno malo drugih čvorova
- većina veza je između čvorova koji su *blizu*
- čvor može biti povezan s najviše jednim čvorom koji mu nije blizu

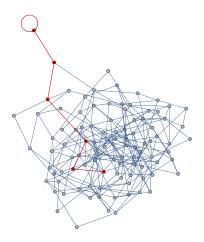
#### Dugi

- čvorovi su povezani s nekoliko najbližih čvorova
- sve veze su između čvorova koji su *blizu*



SLIKA: Gusti graf sa 100 stanja





SLIKA: Gusti graf sa 100 stanja





SLIKA: Dugi graf sa 30 stanja

Generiranje problem.

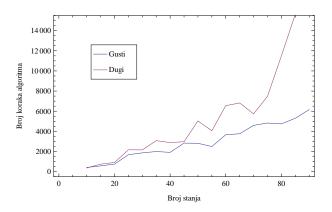


SLIKA: Dugi graf sa 30 stanja

#### Implementacija u pythonu

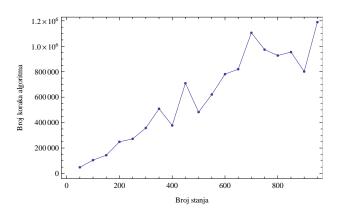
#### Zašto python?

- sveprisutnost, trivijalna sintaksa, brzo prototipiranje
- nije nam bio prioritet napraviti brzi program, nego ispitati skalabilnost algoritma
- integracija sa SAGE-om
- jako dobro skalira sa sve boljim poznavanjem problema



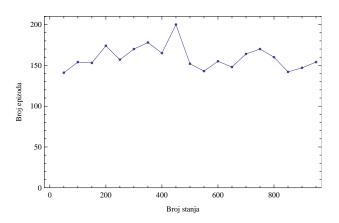
SLIKA: Usporedba izvršavanja algoritma na različitim tipovima grafa





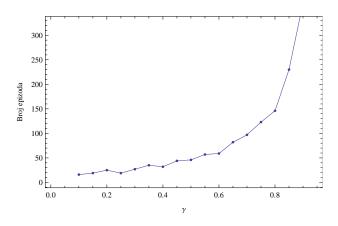
SLIKA: Broj koraka algoritma u odnosu na broj stanja





SLIKA: Broj epizoda u odnosu na broj stanja





 ${f SLIKA}$ : Broj epizoda u odnosu na vrijednost  $\gamma$ 



#### Daljnji rad

- I Implementacija u nižem programskom jeziku, optimizacija.
- Paralelizacija? CUDA?
- Generiranje šireg spektra problema.
- 4 Python i SAGE implementacija drugih tema iz strojnog učenja.

#### **IZVORI**

- Q-Learning By Examples, Kardi Teknomo,
   people.revoledu.com/kardi/tutorial/ReinforcementLearning
- Q-learning, Wikipedia,
   en.wikipedia.org/wiki/Q-learning
- Reinforcement Learning Toolbox,

www.igi.tugraz.at/ril-toolbox/downloads/index.html

Hvala na pažnji!