Uso do sistema R para análise de dados 2020-04-09

Contents

1	Pré	requisitos	5
2	R Básico		
	2.1	Expressões	7
	2.2	Valores Booleanos	8
	2.3	Variáveis	8
	2.4	Funções	9
	2.5	Ajuda	9
	2.6	Referência	11
3	Estruturas de Dados 1		
	3.1	Vetor	13
	3.2	Matrizes	24
	3.3	Fatores	34
	3.4	Array	34
	3.5	Data.frame	38
	3.6	Lista	42
	3.7	Referência	44
4	Entrada de dados teste 22 ds 4		
	4.1	Onde os dados devem estar?	45
	4.2	Entrando com dados	46
	4.3	Salvar objetos de dados	50
	4.4	Referência	50

4 CONTENTS

Chapter 1

Pré requisitos

Material em construção.

Este material, em forma de notas de aula, foi escrito para a disciplina do Mestrado em Engenharia Agrícola, intitulado Uso do sistema R para análise de dados, no primeiro semestre de 2018. Estas notas de aulas é uma coletânea de apostilas, livros, sites, forum e cursos voltando ao sistema R. Foi utilizado desses materiais sua estrutura didática e rotinas que foram adaptados para o perfil da disciplina. O material consultado encontra-se referenciado no final de cada capitulo.

Chapter 2

R Básico

Este primeigfgfdgdfgro lklkkk Capitulo foi baseado no curso on-line $Code\ School\ Try\ R$ e Datacamp, modificações foram realizadas utilizando outros materiais que se encontram referenciado no final do Capitulo.

Iremos abordar as expressões básicas do R. Começaremos simples, com **números**, **strings** e valores **true/false**. Em seguida, mostraremos como armazenar esses valores em variáveis e como transmiti-los as funções. Como obter ajuda sobre as funções e no final vamos carregar um arquivo

2.1 Expressões

Vamos tentar matemática simples. Digite o comando abaixo e aperte enter

2+8

[1] 10

Note que é impresso o resultado, 10.

Digite a frase "Engenharia Agrícola"

"Engenharia Agrícola"

[1] "Engenharia Agrícola"

Agora tente multiplicar 6 vezes 5 (* é o operador de multiplicação).

6*5

[1] 30

2.2 Valores Booleanos

Algumas expressões retornam um "valor lógico": TRUE ou FALSE e/ou "booleanos". Vamos tentar digitar uma expressões que nos dá um valor lógico:

7<12

[1] TRUE

E outro valor lógico (sinal duplo de igualdade)

6+5==10

[1] FALSE

 ${\bf T}$ e ${\bf F}$ são taquigrafia para TRUE e FALSE. Tente isso:

F==FALSE

[1] TRUE

2.3 Variáveis

Você pode armazenar valores em uma variável para usar mais tarde. Digite ${\bf x}$ <- ${\bf 28}$ para armazenar um valor em ${\bf x}$.

x<-28

Tende dividr \mathbf{x} por $\mathbf{4}($ / é o operador da divisão).

x/4

[1] 7

Você pode retribuir qualquer valor a uma variável a qualquer momento. Tente atribuir "Engenharia Agrícola" em x.

2.4. FUNÇÕES 9

```
x <- "Engenharia Agrícola"
```

Tente imprimir o valor atual de x.

X

[1] "Engenharia Agrícola"

2.4 Funções

Você pode chamar uma **função** digitando seu nome, seguido de um ou mais argumentos para essa função entre parênteses.

Vamos tentar usar a função sum(), para adicionar alguns números. Entrar:

```
sum (2, 4, 6)
```

[1] 12

Alguns argumentos têm nomes. Por exemplo, para repetir um valor 3 vezes, você chamaria a função rep e forneceria seu argumento times:

```
rep("Engenharia Agrícola", times=3)
```

[1] "Engenharia Agrícola" "Engenharia Agrícola" "Engenharia Agrícola"

Tente chamar a função sqrt para obter a raiz quadrada 16.

```
sqrt(16)
```

[1] 4

2.5 Ajuda

A função \mathtt{help} () traz ajuda para a função desejada. Tente exibir ajuda para a função \mathtt{mean} :

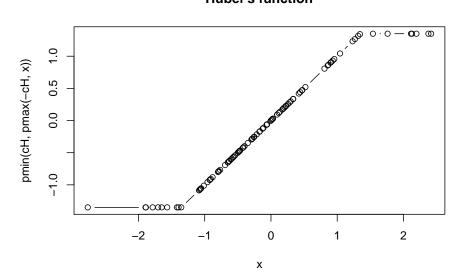
```
help (mean)
```

A função example () traz exemplos de usos. Tente exibir exemplos para a função min:

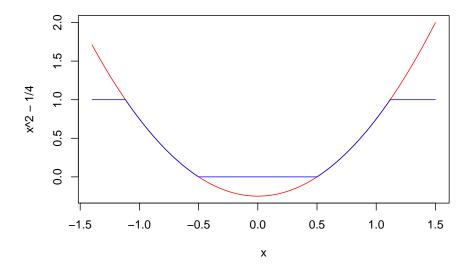
example(min)

```
##
## min> require(stats); require(graphics)
## min> min(5:1, pi) #-> one number
## [1] 1
##
## min> pmin(5:1, pi) #-> 5 numbers
## [1] 3.141593 3.141593 3.000000 2.000000 1.000000
## min> x <- sort(rnorm(100)); cH <- 1.35
##
## min> pmin(cH, quantile(x)) # no names
## [1] -2.7646779 -0.6616912 -0.1714690 0.3342939 1.3500000
##
## min> pmin(quantile(x), cH) # has names
          0%
                    25%
                               50%
                                          75%
                                                     100%
## -2.7646779 -0.6616912 -0.1714690 0.3342939 1.3500000
## min> plot(x, pmin(cH, pmax(-cH, x)), type = "b", main = "Huber's function")
```

Huber's function



```
## min> cut01 <- function(x) pmax(pmin(x, 1), 0)
##
## min> curve( x^2 - 1/4, -1.4, 1.5, col = 2)
```



```
##
## min> curve(cut01(x^2 - 1/4), col = "blue", add = TRUE, n = 500)
##
## min> ## pmax(), pmin() preserve attributes of *first* argument
## min> D <- diag(x = (3:1)/4); n0 <- numeric()
##
## min> stopifnot(identical(D, cut01(D)),
## min+ identical(n0, cut01(n0)),
## min+ identical(n0, cut01(NULL)),
## min+ identical(n0, pmax(3:1, n0, 2)),
## min+ identical(n0, pmax(n0, 4)))
```

2.6 Referência

MELO, M. P.; PETERNELI, L. A. Conhecendo o R: Um visão mais que estatística. Viçosa, MG: UFV, 2013. 222p.

Prof. Paulo Justiniando Ribeiro >http://www.leg.ufpr.br/~paulojus/<

 ${\bf Prof.~Adriano~Azevedo~Filho~>} http://rpubs.com/adriano/esalq2012 inicial <$

Prof. Fernando de Pol Mayer >https://fernandomayer.github.io/ce083-2016-2/<

Chapter 3

Estruturas de Dados

Este segundo Capitulo foi baseado no curso on-line $Code\ School\ Try\ R$ e no livro **Conhecendo o R: Um visão mais que estatística**, modificações foram realizadas utilizando outros materiais que se encontram referenciado no final do Capitulo.

3.1 Vetor

Um vetor é simplesmente uma lista de valores. A maneira mais simples de usar um vetor é usando o comando c(), que concatena elementos num mesmo objeto. Exemplo

```
x<- c(2,3,5,7,11)
x
```

```
## [1] 2 3 5 7 11
```

Os argumentos de c() podem ser tanto elementos únicos quanto outros objetos. Adicione três números no ${\bf vetor}~{\bf x}$

```
y<- c(x,13,17,19)
y
```

```
## [1] 2 3 5 7 11 13 17 19
```

3.1.1 Vetores de Sequência

Se você precisa de um vetor com uma sequência de números, você pode cria-lo com a notação *start:end*. Vamos fazer um vetor com valores de 1 a 7:

```
1:7
```

```
## [1] 1 2 3 4 5 6 7
```

Uma maneira mais versátil de fazer sequências é chamar a função seq. Vamos fazer o mesmo com seq () :

```
seq(1:7)
```

```
## [1] 1 2 3 4 5 6 7
```

A função \sec também permite que você use incrementos diferentes de 1. Experimente com etapas de 0.5.

```
seq(1,7,0.5)
```

```
## [1] 1.0 1.5 2.0 2.5 3.0 3.5 4.0 4.5 5.0 5.5 6.0 6.5 7.0
```

```
seq(7,1,-0.5)
```

```
## [1] 7.0 6.5 6.0 5.5 5.0 4.5 4.0 3.5 3.0 2.5 2.0 1.5 1.0
```

Todo objeto possui atributos intrínsecos: tipo e tamanho. Com relação ao tipo ele pode ser: **numérico**, **caractere**, **complexo** e **lógico**. Existem outros tipos, como por exemplo, funções ou expressões, porém esses não representam dados. As funções mode() e length() mostram o tipo e tamanho de um objeto, respectivamente.

```
z<-c(1,3,5,7,11)
mode (z)
```

```
## [1] "numeric"
```

```
length(z)
```

```
## [1] 5
```

3.1. VETOR 15

```
a <- "Angela"
b<-TRUE;
c<-8i #objetos com tipos diferentes
mode(a);

## [1] "character"

mode(b);

## [1] "logical"

mode(c) #exibe os atributos "tipo" dos objetos

## [1] "complex"</pre>
```

Se o vetor é muito longo e não "cabe" em uma linha o R vai usar as linhas seguintes para continuar imprimindo o vetor.

```
longo<-100:50 #sequência decrescente de 100 a 50
longo #exibe o conteúdo do objeto
```

```
[1] 100
                        96
                            95
                                94
                                    93
                                        92
                                            91
                                                    89
                                                        88
                                                            87
                                                                    85
                                                                       84
                                77
                                        75
                                            74
                                                73
                                                       71
## [18]
        83
            82
                        79
                            78
                                    76
                                                   72
                                                            70
                                                                69
                                                                    68
                                                                       67
                81
                    80
## [35]
        66
            65
                    63
                        62
                            61
                                60
                                    59
                                        58
                                           57
                                                56
                                                   55
                                                       54
                                                            53
                                                                    51
                                                                       50
```

Os números entre colchetes não fazem parte do objeto e indica a posição do vetor naquele ponto. Pode-se ver que [1] indica que o primeiro elemento do vetor estão naquela linha, [17] indica que a linha seguinte começa pelo décimo setimo elemento do vetor e assim por diante.

Você pode recuperar um valor individual dentro de um vetor fornecendo seu índice numérico entre colchetes. Tente obter o valor 18:

```
longo[18]
```

[1] 83

Muitas línguagem de programação iniciam índices de matriz em 0, mas os índices vetoriais de R começam em 1. Obtenha o primeiro valor digitando:

longo[1]

```
## [1] 100
```

Você pode atribuir novos valores dentro de um vetor existente. Tente mudar o terceiro valor 28:

```
longo [3] <- 28
```

Se você adicionar novos valores ao final, o vetor aumentará para acomodá-los. Vamos adicionar um valor no final

```
longo[101] <- 83
```

Você pode usar um vetor entre os colchetes para acessar vários valores. Tente obter a primeira e a terceira palavras

```
longo[c(1,3)]
```

```
## [1] 100 28
```

Isso significa que você pode recuperar intervalos de valores. Obter a segunda a quarta palavras:

```
longo[2:4]
```

```
## [1] 99 28 97
```

Você também pode definir intervalos de valores; apenas forneça os valores em um vetor. Adicione valores 5 a 7:

```
longo[5:7] \leftarrow c(42,52,75)
```

Agora tente acessar o oitavo valor do vetor:

longo[8]

```
## [1] 93
```

3.1. VETOR 17

3.1.2 Nomes de vetores

Para esse desafio, criaremos um vetor de 3 itens e armazená-lo na variável solo. Você pode atribuir nomes aos elementos de um vetor passando um segundo vetor preenchido com os nomes com a função names (), assim:

```
solo <- 1:3
names(solo) <- c("Argila", "Areia", "Silte" )
solo</pre>
```

```
## Argila Areia Silte
## 1 2 3
```

Agora, defina o valor atual para o silte para um valor diferente usando o nome em vez da posição.

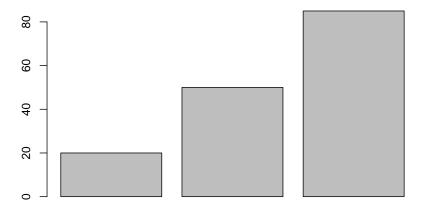
```
solo["Silte"]<-20
```

3.1.3 Plotando um vetor

A função barplot () desenha um gráfico de barras com os valores de um vetor. Vamos criar um novo vetor para você e armazená-lo na variável chuva.

Agora, tente passar o vetor para a função barplot:

```
chuva <- c(20,50,85)
barplot(chuva)</pre>
```



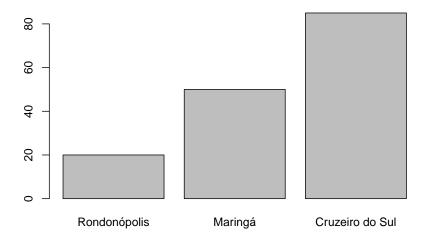
Se você atribuir nomes aos valores do vetor, o R usará esses nomes como rótulos no gráfico da barra. Vamos usar a função ${\tt names}$ () novamente:

```
names(chuva)<- c("Rondonópolis", "Maringá", "Cruzeiro do Sul")</pre>
```

Agora, se você digitar ${\tt barplot}$ (chuva) com o vetor novamente, você verá os rótulos:

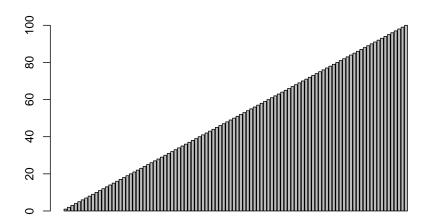
```
barplot(chuva)
```

3.1. VETOR 19



Agora, tente chamar barplot em um vetor de números inteiros que variam de 1 a 100:

barplot(1:100)



3.1.4 Operações matemáticas

A maioria das operações aritméticas funcionam tão bem em vetores quanto em valores únicos. Vamos fazer outro vetor de exemplo para você trabalhar e armazená-lo a variável ${\bf a}$

Se você adicionar um escalar (um único valor) a um vetor, o escalar será adicionado a cada valor no vetor, retornando um novo vetor com os resultados. Tente adicionar 1 a cada elemento em nosso vetor:

```
a <- c(1, 2, 3)
a + 1
```

```
## [1] 2 3 4
```

O mesmo se aplica na divisão, multiplicação ou qualquer outra aritmética básica. Tente dividir nosso vetor por 2:

```
a / 2
```

```
## [1] 0.5 1.0 1.5
```

Agora, tente multiplicar nosso vetor por 2:

```
a*2
```

```
## [1] 2 4 6
```

Se você adicionar dois vetores, R irá tirar cada valor de cada vetor e adicionálos. Vamos fazer um segundo vetor para você experimentar e armazená-lo na variável ${\bf b}$

Tente adicioná-lo ao vetor a:

```
b <- c(4,5,6)
a+b
```

```
## [1] 5 7 9
```

Agora tente subtrair b de a:

```
a-b
```

```
## [1] -3 -3 -3
```

3.1. VETOR 21

Você também pode tirar dois vetores e comparar cada item. Veja quais valores nos vetores são iguais aos de um segundo vetor

```
a == c(1, 99, 3)
```

```
## [1] TRUE FALSE TRUE
```

Observe que R não testou se os vetores inteiros eram iguais; verificou cada valor no vetor a contra o valor no mesmo índice no nosso novo vetor.

Verifique se cada valor nos vetores são menores que o valor correspondente em outro vetor:

```
a < c(1, 99, 3)
```

```
## [1] FALSE TRUE FALSE
```

Funções que normalmente funcionam com escalares também podem operar em cada elemento de um vetor. Tente obter o seno de cada valor em nosso vetor:

```
sin(a)
```

```
## [1] 0.8414710 0.9092974 0.1411200
```

Agora tente obter as raízes quadradas com a função sqrt:

```
sqrt(a)
```

```
## [1] 1.000000 1.414214 1.732051
```

3.1.5 Parcelas de dispersão

A função plot leva dois vetores, um para valores X e um para valores Y, e desenha um gráfico deles.

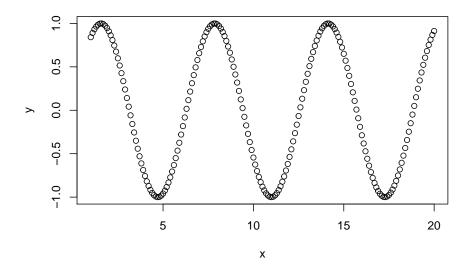
Vamos desenhar um gráfico que mostra a relação de números e seus senos.

Primeiro, precisaremos de alguns dados de amostra. Criaremos um vetor com alguns valores fracionários entre 0 e 20, e armazenó-lo na variável x. E na variável y um segundo vetor com os senos de x:

```
x <- seq(1, 20, 0.1)
y<-sin(x)
```

Em seguida, basta chamar a função plot com seus dois vetores:

```
plot(x, y)
```



Observa=se sobre o gráfico que os valores do primeiro argumento (x) são usados para o eixo horizontal, e os valores do segundo (y) para o vertical.

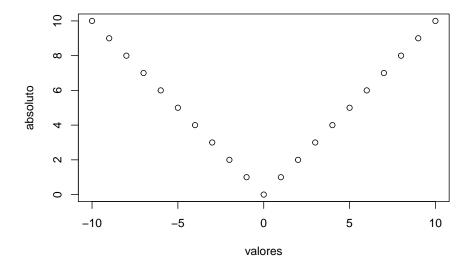
Vamos criar um vetor com alguns valores negativos e positivos para você e armazenó-lo na variável **valores**.

Também criaremos um segundo vetor com os valores absolutos do primeiro e armazenó-lo na variável **absoluto**.

Tente traçar os vetores, com os **valores** no eixo horizontal e no eixo vertical os absoluto.

```
valores <- -10:10
absoluto<- abs(valores)
plot(valores, absoluto)</pre>
```

3.1. VETOR 23



3.1.6 Valores Faltantes

As vezes, ao trabalhar com dados de amostra, um determinado valor não está disponível. Mas não é uma boa idéia apenas tirar esses valores. R tem um valor que indica explicitamente uma amostra não estava disponível: **NA**. Muitas funções que funcionam com vetores tratam esse valor especialmente.

Vamos criar um vetor para você com uma amostra ausente e armazenó-lo na variével a.

Tente obter a soma de seus valores e veja qual é o resultado:

```
a \leftarrow c(1, 3, NA, 7, 9)
sum(a)
```

[1] NA

A soma é considerada "não disponível" por padrão porque um dos valores do vetor foi ${\bf NA}.$

Lembre-se desse comando para mostrar ajuda para uma função. Apresente a ajuda para a função sum:

```
help(sum)
```

Como você vê na documentação, sum pode tomar um argumento opcional $\mathbf{na.rm}$.? configurado \mathbf{FALSE} por padrão, mas se você configurá-lo com \mathbf{TRUE} , todos os argumentos \mathbf{NA} serão removidos do vetor antes do cálculo ser executado.

Tente rondar sum novamente, com o na.rm conjunto para TRUE:

```
sum(a, na.rm = T)
## [1] 20
```

3.2 Matrizes

Há varias formas de criar uma matriz. O comando matriz() recebe um vetor como argumento e o transfoma em uma matrix de acordo com as dimensões. Vamos fazer uma matriz de 3 linhas de altura por 4 colunas de largura, com todos os seus campos definidos 0.

```
matrix(0,3,4)
##
         [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
            0
                  0
                              0
## [2,]
            0
                  0
                        0
                              0
## [3,]
            0
                  0
                        0
                              0
```

Você também pode usar um vetor para inicializar o valor de uma matriz. Para preencher uma matriz de 3x4, você precisará de um vetor de 12 itens.

```
a <- (1:12)

print (a)

## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12
```

Agora chame matrix com o vetor, o número de linhas e o número de colunas:

```
matrix (a,# chama o vetor
3,# linha
4) #coluna
```

3.2. MATRIZES 25

```
##
         [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
                  4
                       7
                            10
            1
## [2,]
            2
                  5
                       8
                            11
## [3,]
            3
                  6
                       9
                            12
```

Você também pode usar um vetor para inicializar o valor de uma matriz. Para preencher uma matriz 3x4, você precisará de um vetor de 12 itens. Nós vamos fazer isso para você agora:

```
a <-1:12
a
## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12
```

Agora chame matrix com o vetor, o número de linhas e o número de colunas:

```
matrix (a,3,4)
                    [,3] [,4]
##
         [,1] [,2]
## [1,]
            1
                 4
                       7
                            10
## [2,]
            2
                 5
                       8
                           11
## [3,]
            3
                 6
                       9
                           12
```

3.2.1 Outras formas

```
matrix (a, 3)
         [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
                 4
                       7
                           10
            1
## [2,]
            2
                 5
                       8
                           11
## [3,]
            3
                 6
                       9
                           12
```

Note que as matrizes são preenchidas ao longo das colunas. Para que a matriz seja preenchida por linhas deve-se alterar o argumento **byrow**, que, por padrão, está definido como **FALSE**, passe para **TRUE**

```
matrix(a,3, byrow=T)
```

```
[,1] [,2]
                    [,3] [,4]
## [1,]
            1
                 2
                       3
                             4
                       7
## [2,]
                 6
                             8
            5
## [3,]
            9
                10
                      11
                           12
```

Os valores do vetor são copiados para a nova matriz, um por um. Você também pode reformular o próprio **vetor** em uma **matriz**. Crie um vetor de 8 itens:

```
foliar <- 1:8
```

A função dim define as dimensões para uma matriz. Ele aceita um vetor com o número de linhas e o n?mero de colunas a serem atribu?das. Atribua novas dimens?es para foliar passando um vetor especificando 2 linhas e 4 colunas (c(2, 4)):

```
dim(foliar) <- c(2,4)</pre>
```

O vetor não é mais unidimensional. Foi convertido, no local, para uma matriz. Agora, use a função **matrix** para criar uma matriz **5x5**, com seus campos inicializados para qualquer valor que você desejar.

```
matrix (2,5,5)
```

```
##
         [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
                  2
                                    2
## [1,]
            2
                        2
                              2
## [2,]
            2
                  2
                        2
                              2
                                    2
                  2
                              2
                                    2
## [3,]
            2
                        2
## [4,]
            2
                  2
                        2
                              2
                                    2
## [5,]
            2
                  2
                        2
                              2
                                    2
```

3.2.2 Acesso a Matriz

Obter valores de matrizes não é diferente de vetores; você só precisa fornecer dois índices em vez de um. Abra a matriz foliar:

```
print (foliar)
```

```
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 1 3 5 7
## [2,] 2 4 6 8
```

Tente obter o valor da segunda linha na terceira coluna da matriz foliar;

```
foliar[2,3]
```

```
## [1] 6
```

O valor da primeira linha da quarta coluna

3.2. MATRIZES 27

```
foliar[1,4]
```

```
## [1] 7
```

Você pode obter uma linha inteira da matriz omitindo o índice da coluna (mas mantenha a virgula). Tente recuperar a segunda linha:

```
foliar[2,]
```

```
## [1] 2 4 6 8
```

Para obter uma coluna inteira, omita o índice da linha. Recupere a quarta coluna:

```
foliar[,4]
```

```
## [1] 7 8
```

Você pode ler várias linhas ou colunas, fornecendo um vetor ou sequência com seus índices. Tente recuperar as colunas de 2 a 4:

```
foliar[,2:4]
```

```
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 3 5 7
## [2,] 4 6 8
```

O comando summary pode ser usado para obter informações da matriz

```
summary(foliar)
```

```
٧2
                                           VЗ
                                                            ۷4
##
          ۷1
                    Min.
                                                     {\tt Min.}
                                                             :7.00
##
    Min.
            :1.00
                            :3.00
                                     Min.
                                            :5.00
    1st Qu.:1.25
                    1st Qu.:3.25
                                                     1st Qu.:7.25
                                     1st Qu.:5.25
    Median:1.50
                    Median:3.50
                                     Median:5.50
                                                     Median:7.50
            :1.50
                    Mean
                            :3.50
                                     Mean
                                             :5.50
                                                     Mean
                                                             :7.50
##
    3rd Qu.:1.75
                    3rd Qu.:3.75
                                     3rd Qu.:5.75
                                                     3rd Qu.:7.75
    Max.
            :2.00
                    Max.
                            :4.00
                                     Max.
                                             :6.00
                                                     Max.
                                                             :8.00
```

Se desejar um resumo de todos os elementos da matriz, basta transformá-la em um vetor

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 1.00 2.75 4.50 4.50 6.25 8.00
```

3.2.3 Visualizações em dados matriciais

Com um mapa de elevação. Tudo fica a 1 metro acima do nível do mar. Vamos criar uma matriz de 10 por 10 com todos os seus valores inicializados para 1 para você:

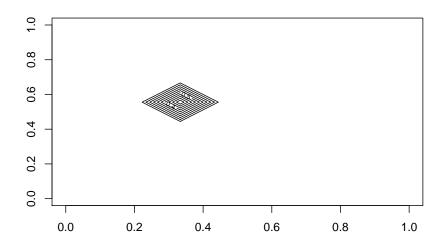
```
elevacao <- matrix (1,10,10)
```

Na quarta linha, sexta coluna, defina a elevação para 0:

```
elevacao [4, 6] <- 0
```

Mapa de contorno dos valores passando a matriz para a função contour

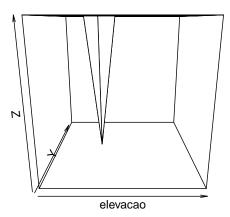
```
contour(elevacao)
```



Criar um gráfico em perspectiva 3D com a função persp:

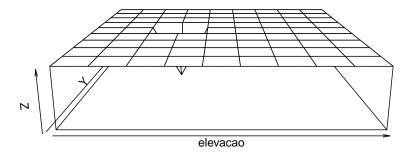
3.2. MATRIZES 29

persp (elevacao)



Podemos consertar isso especificando nosso próprio valor para o parâmetro ${\bf ex-pand}.$

persp (elevacao, expand =0.2)



 ${\bf R}$ inclui alguns conjuntos de dados de amostra. Um deles é o volcanoummapa 3D de um vulcão adormecido da Nova Zelândia.

É simplesmente uma matriz de 87x61 com valores de elevão, mas mostra o poder das visualizações de matriz do R. Criar um mapa de calor:

contour(volcano)

3.2. MATRIZES 31

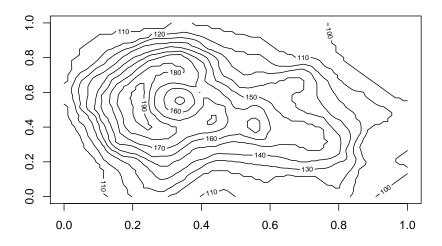
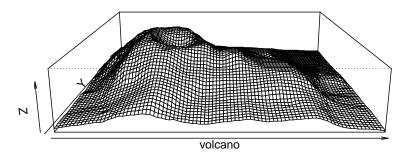


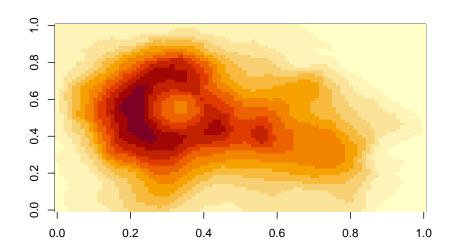
Gráfico em perspectiva:

persp(volcano, expand=0.2)



A função image criar um mapa de calor:

image(volcano)



3.2.4 Mais informações sobre construções de Matrizes

Há outros comandos que podem ser usados para construir matrizes como cbind() e rbind (). Esses comandos concatenam colunas ou linhas, respectivamente, na matriz (ou vetor).

```
a <- matrix (10:1,ncol=2) #construir uma matriz qualquer
a
        [,1] [,2]
##
## [1,]
          10
## [2,]
           9
                 4
## [3,]
           8
                3
## [4,]
           7
                2
## [5,]
                 1
b <- cbind (a,1:5) #adicionar uma terceira coluna
```

[,1] [,2] [,3]

##

3.2. MATRIZES 33

```
## [1,]
           10
                  5
                        1
## [2,]
            9
                  4
                        2
## [3,]
                  3
                        3
            8
## [4,]
                  2
                        4
            7
                        5
## [5,]
            6
                  1
c < - rbind(b, c(28, 28, 28))
##
         [,1] [,2] [,3]
## [1,]
           10
                  5
## [2,]
            9
                  4
                        2
## [3,]
            8
                  3
                        3
                  2
## [4,]
            7
                        4
## [5,]
                        5
```

Opcionalmente matrizes podem ter nomes associados ás linhas e colunas ("rownames" e "colnames"). Cada um destes componentes da matrix é um vetor de nomes.

6

28

[6,]

1

28

28

```
m1 <- matrix(1:12, ncol = 3)
dimnames(m1) <- list(c("L1", "L2", "L3", "L4"), c("C1", "C2", "C3"))</pre>
dimnames(m1)
## [[1]]
## [1] "L1" "L2" "L3" "L4"
##
## [[2]]
## [1] "C1" "C2" "C3"
```

Matrizes são muitas vezes utilizadas para armazenar frequências de cruzamentos entre variáveis. Desta forma é comum surgir a necessidade de obter os totais marginais, isto é a soma dos elementos das linhas e/ou colunas das matrizes, o que pode ser diretamente obtido com margin.table().

```
margin.table(m1, margin = 1)
## L1 L2 L3 L4
## 15 18 21 24
```

```
margin.table(m1, margin = 2)

## C1 C2 C3
## 10 26 42

apply(m1, 2, median)

## C1 C2 C3
## 2.5 6.5 10.5
```

3.3 Fatores

Os fatores são vetores em que os elementos pertencem a uma ou mais categorias temáticas. Por exemplo: ao criar um vetor de indicadores de "tratamentos" em uma análise de experimentos devemos declarar este vetor como um "fator". Pode criar um fator usando o comando factor(), ou o comando gl.

3.4 Array

O conceito de array generaliza a idéia de matrix. Enquanto em uma matrix os elementos são organizados em duas dimensões (linhas e colunas), em um array os elementos podem ser organizados em um número arbitrário de dimensões. No R um array é definido utilizando a função array().

```
ar1 <- array(1:24, dim = c(3, 4, 2))
ar1
```

3.4. ARRAY 35

```
## , , 1
##
         [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
                       7
            1
                 4
                           10
## [2,]
            2
                 5
                       8
                           11
## [3,]
            3
                 6
                       9
                           12
##
## , , 2
##
##
         [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
           13
                16
                     19
## [2,]
           14
                17
                      20
                           23
## [3,]
           15
                18
                      21
                           24
```

Veja agora um exemplo de dados já incluído no R no formato de array. Para "carregar" e visualizar os dados digite:

data(Titanic)

Titanic

```
## , , Age = Child, Survived = No
##
##
         Sex
## Class Male Female
##
     1st
             0
             0
                    0
##
     2nd
                    17
##
     3rd
            35
##
     Crew
             0
                    0
##
## , , Age = Adult, Survived = No
##
##
         Sex
## Class Male Female
##
     1st
           118
##
     2nd
           154
                    13
##
                    89
           387
     3rd
##
     Crew 670
##
## , , Age = Child, Survived = Yes
##
##
         Sex
## Class Male Female
##
     1st
             5
                    1
                    13
##
     2nd
            11
##
     3rd
            13
                    14
```

```
##
     Crew
              0
                     0
##
    , Age = Adult, Survived = Yes
##
##
##
         Sex
## Class
          Male Female
     1st
             57
                   140
             14
                    80
##
     2nd
                    76
     3rd
             75
##
           192
                    20
##
     Crew
```

Para obter maiores informações sobre estes dados digite: help(Titanic)

Agora vamos responder ás seguintes perguntas, mostrando os comandos do R utilizados sobre o array de dados.

1. Quantas pessoas havia no total?

```
sum(Titanic)

## [1] 2201

2. Quantas pessoas havia na tripulação (crew)?

sum(Titanic[4, , , ])

## [1] 885
```

3. Quantas pessoas sobreviveram e quantas morreram?

```
apply(Titanic, 4, sum)

## No Yes
## 1490 711
```

4. Quais as proporções de sobreviventes entre homens e mulheres?

```
margin.table(Titanic, margin = 1)

## Class
## 1st 2nd 3rd Crew
## 325 285 706 885
```

3.4. ARRAY 37

```
margin.table(Titanic, margin = 2)
## Sex
##
     Male Female
##
     1731
             470
margin.table(Titanic, margin = 3)
## Age
## Child Adult
    109 2092
margin.table(Titanic, margin = 4)
## Survived
##
   No Yes
## 1490 711
```

Esta função admite ainda índices múltiplos que permitem outros resumos da tabela de dados. Por exemplo mostramos a seguir como obter o total de sobreviventes e não sobreviventes, separados por sexo e depois as porcentagens de sobreviventes para cada sexo.

```
margin.table(Titanic, margin = c(2, 4))
##
           Survived
## Sex
              No
                  Yes
##
            1364
                  367
     Male
##
     Female 126
                 344
prop.table(margin.table(Titanic, margin = c(2, 4)), margin = 1)
##
           Survived
## Sex
                   No
                            Yes
##
            0.7879838 0.2120162
     Female 0.2680851 0.7319149
##
prop.table(margin.table(Titanic, margin = c(2, 1)), margin = 1)
##
           Class
## Sex
                              2nd
                                          3rd
                                                    Crew
                   1st
            0.10398614 0.10340843 0.29462738 0.49797805
##
##
     Female 0.30851064 0.22553191 0.41702128 0.04893617
```

3.5 Data.frame

Os datas.frames são muitos semelhantes ás matrizes, pois têm linhas e colunas e, portanto, duas dimensões. Entretando, diferentemente das matrizes, colunas diferentes podem armazenar elementos de tipos diferentes. Por exemplo, a primeira coluna pode ser numérica, enquanto a segunda, constituida de caracteres. Cada coluna precisa ter o mesmo tamanho. Criar o vetor nomes

Criar vetor idade

```
idade <- c(17,18,16,15,15,18)
```

Criar vetor sexo (categoria=fator)

```
sexo <- factor(c("F","F","F","F","M","M"))</pre>
```

Criar vetor altura

```
alt <- c(180,170,160,150,140,168)
```

Reunir tudo em um data.frame

```
dados <- data.frame(nome, idade, sexo, alt)</pre>
```

Ver atributos da tabela

```
str(dados)
```

```
## 'data.frame': 6 obs. of 4 variables:
## $ nome : Factor w/ 6 levels "Edinar da Silva",..: 5 4 2 1 6 3
## $ idade: num 17 18 16 15 15 18
## $ sexo : Factor w/ 2 levels "F","M": 1 1 1 1 2 2
## $ alt : num 180 170 160 150 140 168
```

Adicionar nome as linhas com o comando row.names()

```
row.names(dados) <- c(1,2,3,4,5,6)
dados
##
                nome idade sexo alt
## 1
         Melissa José 17
                           F 180
## 2 Jennifer Linhares 18
                             F 170
## 3 Gedilene Ponciano 16
                              F 160
      Edinar da Silva 15
                              F 150
## 5
         Osmar Emidio 15 M 140
## 6
       Jeeziel Vieira
                      18 M 168
names(dados) <- c("Nome", "Idade", "Sexo", "altura")</pre>
dados
##
                 Nome Idade Sexo altura
## 1
         Melissa José
                      17
                             F
                                   180
## 2 Jennifer Linhares
                        18
                                   170
                             F
                                   160
## 3 Gedilene Ponciano
                      16
                            F
     Edinar da Silva
                      15
                                   150
## 5
         Osmar Emidio
                      15
                              М
                                   140
       Jeeziel Vieira
## 6
                        18
                                   168
```

3.5.1 Índice dos Data.frames

Buscar elementos

```
dados[2,1] #elemento da linha 2, coluna 1

## [1] Jennifer Linhares
## 6 Levels: Edinar da Silva Gedilene Ponciano ... Osmar Emidio

dados[2,] #toda linha dois

## Nome Idade Sexo altura
## 2 Jennifer Linhares 18 F 170
```

Repare que apesar de "Nomes" ter sido criado como vetor de caracterer o R passou a entender como um fator dentro do data.frame.

```
dados[,1]
```

```
## [1] Melissa José
                         Jennifer Linhares Gedilene Ponciano Edinar da Silva
## [5] Osmar Emidio
                         Jeeziel Vieira
## 6 Levels: Edinar da Silva Gedilene Ponciano ... Osmar Emidio
Transformar para caracterer
dados[,1] <- as.character(dados[,1])</pre>
dados[,1]
                           "Jennifer Linhares" "Gedilene Ponciano"
## [1] "Melissa José"
## [4] "Edinar da Silva"
                           "Osmar Emidio"
                                                "Jeeziel Vieira"
Acessando aos dados
dados$Nome
                           "Jennifer Linhares" "Gedilene Ponciano"
## [1] "Melissa José"
## [4] "Edinar da Silva"
                           "Osmar Emidio"
                                                "Jeeziel Vieira"
dados$Nome[3]
## [1] "Gedilene Ponciano"
dados$Nome [1:3]
                           "Jennifer Linhares" "Gedilene Ponciano"
## [1] "Melissa José"
str(dados)
## 'data.frame':
                    6 obs. of 4 variables:
   $ Nome : chr
                   "Melissa José" "Jennifer Linhares" "Gedilene Ponciano" "Edinar da S
   $ Idade : num 17 18 16 15 15 18
   $ Sexo : Factor w/ 2 levels "F", "M": 1 1 1 1 2 2
    $ altura: num 180 170 160 150 140 168
```

3.5.2 Manipulando um Data.frame

Você pode manipular um data.frame add ou eliminando colunas ou linhas, assim como em matrizes. Podem-se usar os comandos cbind() e rbind () para adcionar colunas e linhas rescpectivamente, a um data.frame.

6

7

```
dados <- cbind (dados, #adicionar uma coluna
               Conceito=c("A","A","A","C","A","B"))
dados <- rbind (dados, #adicionar uma linha
                 "7"= c("Caio Pinto", 21, "M", 172, "C"))
dados
##
                  Nome Idade Sexo altura Conceito
## 1
          Melissa José
                                 F
                                       180
                                                  Α
                                 F
                                       170
                                                  A
## 2 Jennifer Linhares
                           18
## 3 Gedilene Ponciano
                                 F
                           16
                                       160
                                                  Α
## 4
                                 F
                                                  С
       Edinar da Silva
                           15
                                       150
## 5
          Osmar Emidio
                           15
                                 М
                                       140
                                                  Α
```

Assim como para vetores e matrizes voce pode selecinar um subgrupo de um data.frame e armazena-lo em um outro objeto ou utilizar índices como o sinal negativo para eliminar linhas ou colunas de um data.frame.

М

168

172

В

C

18

21

```
dados<- dados [1:6,] #selecionar linha de 1 a 6
dados<- dados [,-5] #excluir a quinta coluna
dados
```

```
##
                   Nome Idade Sexo altura
## 1
          Melissa José
                            17
                                  F
                                        180
## 2 Jennifer Linhares
                            18
                                  F
                                        170
## 3 Gedilene Ponciano
                            16
                                  F
                                        160
## 4
       Edinar da Silva
                            15
                                        150
## 5
          Osmar Emidio
                            15
                                        140
                                  М
## 6
        Jeeziel Vieira
                            18
                                  М
                                        168
```

Jeeziel Vieira

Caio Pinto

```
dados[dados$Sexo=="F",] #exibir só masculinos
```

```
Nome Idade Sexo altura
##
## 1
          Melissa José
                           17
                                  F
## 2 Jennifer Linhares
                           18
                                  F
                                       170
## 3 Gedilene Ponciano
                           16
                                  F
                                       160
## 4
       Edinar da Silva
                           15
                                  F
                                       150
```

A ordenação das linhas de um **data.frame** segundo os dados contidos em determinadas coluna também é extremamente útil

```
dados [order(dados$altura),]
##
                   Nome Idade Sexo altura
## 5
          Osmar Emidio
                           15
                                       140
## 4
       Edinar da Silva
                                  F
                                       150
                           15
## 3 Gedilene Ponciano
                           16
                                  F
                                       160
## 6
        Jeeziel Vieira
                           18
                                       168
                                  М
## 2 Jennifer Linhares
                           18
                                  F
                                       170
## 1
          Melissa José
                           17
                                  F
                                       180
dados [rev(order(dados$altura)),]
##
                   Nome Idade Sexo altura
## 1
          Melissa José
                           17
                                  F
                                       180
                                  F
## 2 Jennifer Linhares
                           18
                                       170
        Jeeziel Vieira
                           18
                                  М
                                       168
                                  F
## 3 Gedilene Ponciano
                           16
                                       160
## 4
       Edinar da Silva
                           15
                                  F
                                       150
## 5
          Osmar Emidio
                           15
                                  М
                                       140
```

3.5.3 Separando um data.frame por grupos

```
split (dados, sexo)
## $F
##
                   Nome Idade Sexo altura
## 1
          Melissa José
                           17
                                  F
                                       180
## 2 Jennifer Linhares
                                  F
                                       170
                            18
## 3 Gedilene Ponciano
                           16
                                  F
                                       160
## 4
                                  F
       Edinar da Silva
                            15
                                       150
##
## $M
##
                Nome Idade Sexo altura
       Osmar Emidio
                        15
                                    140
## 6 Jeeziel Vieira
                                    168
                        18
                               М
```

3.6 Lista

Lista são objetos muito úteis, pois são usados para combinar diferente estruturas de dados em um mesmo objeto, ou seja, vetores, matrizes, arrays, data.frames e ate mesmo outras listas.

3.6. LISTA 43

```
pes <- list (idade=32, nome="Maria", notas=c(98,95,78), B=matrix(1:4,2,2))
## $idade
## [1] 32
##
## $nome
## [1] "Maria"
##
## $notas
## [1] 98 95 78
##
## $B
##
        [,1] [,2]
## [1,]
           1
                3
## [2,]
           2
                4
```

Lista são construidas com o comando list (). Quando você exibe um objeto que é uma lista, cada componente é mostrado com seu nome \$ ou []

3.6.1 Alguns comandos que retornam listas

##

2.6

4.4

Muitos comando do R retornam seu resultado na forma de listas. Um exemplo pode ser mostrado com o uso do comando t.tes(), que retorna um objeto que é uma lista.

```
x <- c(1,3,2,3,4)
y <- c(4,5,5,4,4)
tt <- t.test (x,y, var.equal=T)
tt

##
## Two Sample t-test
##
## data: x and y
## t = -3.182, df = 8, p-value = 0.01296
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -3.1044729 -0.4955271
## sample estimates:
## mean of x mean of y</pre>
```

Comprovar que é uma lista

```
is.list(tt)
## [1] TRUE
mode (tt)
## [1] "list"
Exibir o componentes da lista
names(tt)
    [1] "statistic"
                                      "p.value"
                       "parameter"
                                                    "conf.int"
                                                                   "estimate"
    [6] "null.value"
                       "stderr"
                                      "alternative" "method"
                                                                   "data.name"
tt$conf.int #intervalo de confianca
## [1] -3.1044729 -0.4955271
## attr(,"conf.level")
## [1] 0.95
```

3.7 Referência

MELO, M. P.; PETERNELI, L. A. Conhecendo o R: Um visão mais que estatística. Viçosa, MG: UFV, 2013. 222p.

Prof. Paulo Justiniando Ribeiro >http://www.leg.ufpr.br/~paulojus/<

Prof. Adriano Azevedo Filho > http://rpubs.com/adriano/esalq2012inicial <

Prof. Fernando de Pol Mayer >https://fernandomayer.github.io/ce083-2016-2/<

Site Interativo Datacamp > https://www.datacamp.com/<

Chapter 4

Entrada de dados teste 22 ds

Este terceiro Capitulo foi baseado no livro Conhecendo o R: Um visão mais que estatística, e na página do Prof. Paulo Justiniando Ribeiro modificações foram realizadas utilizando outros materiais que se encontram referenciado no final do Capitulo.

O diretorio de trabalho é aquele usado pelo R para gravar, ler, importar e exportar arquivos quando nenhum outro caminho é explicitado.

4.1 Onde os dados devem estar?

Para saber onde os diretorios estão basta digitar o comando getwd()

```
getwd() #para verificar diretório de trabalho
```

[1] "D:/livro/TudodoRa"

Caso queira alterar o diretorio de trabalho para um outro qualquer digite o comando setwd()

Outra forma de mudar o caminho é com o comando:

Este comando irá abrir uma tela para que o usuário navegue nas pastas e escolha o arquivo a ser aberto.

Você pode exibir o conteudo do diretório com o comando dir()

```
dir()
    [1] "_bookdown.yml"
                             "_bookdown_files"
                                                  "_output.yml"
##
##
    [4] "01-intro.Rmd"
                             "02-literature.Rmd"
                                                  "04-Estrutura.Rmd"
    [7] "06-references.Rmd" "book.bib"
                                                  "docs"
##
                             "LICENSE"
## [10] "index.Rmd"
                                                  "packages.bib"
## [13] "preamble.tex"
                             "README.md"
                                                  "search index.json"
## [16] "style.css"
                             "TudodoR.Rmd"
                                                  "TudodoR.Rproj"
## [19] "TudodoR_files"
```

4.2 Entrando com dados

O formato mais adequado vai depender do tamanho do conjunto de dados, e se os dados já existem em outro formato para serem importados ou se serão digitados diretamente no R.

A seguir são descritas formas de entrada de dados com indicão de quando cada uma das formas deve ser usada.

4.2.1 Vetores

Podemos entrar com dados definindo vetores com o comando c(), conforme visto no capítulo 2.

```
vetor <- c(2,5,7)
```

Esta forma de entrada de dados é conveniente quando se tem um pequeno número de dados. Quando os dados tem algum elementos repetidos, números sequenciais pode-se usar mecanismos do R para facilitar a entrada dos dados como vetores.

```
vetor <- rep(c(2,5), 5) # cria vetor repetindo 5 vezes 2 e 5 alternadamente
vetor

## [1] 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5

vetor <- rep(c(5,8), each=3) # cria vetor repetindo 3 vezes 5 e depois 8
vetor

## [1] 5 5 5 8 8 8</pre>
```

4.2.2 Usando a função scan

Esta função coloca o modo prompt onde o usuário deve digitar cada dado seguido da tecla . Para encerrar a entrada de dados basta digitar duas vezes consecutivas. Veja o seguinte resultado:

```
y <- scan()
#1: 11
#2: 24
#3: 35
#4: 29
#5: 39
#6: 47
#7:
#Read 6 items</pre>
```

numeric(0)

```
#[1] 11 24 35 29 39 47
```

Este formato é mais ágil que o anterior e mais conveniente para digitar vetores longos.

4.2.3 Copiar e colar usando scan()

Pode usar o recurso "copiar e colar" com o comando scan. Após copiar os dados (crtl+C), digite no prompt/console o comando scan(), aperte >ENTER<, depois cole o texto e, aperte >ENTER< novamente.

4.2.4 Lendo dados através da área de transferência

Funções como scan(), read.table() e outras podem usadas para ler os dados diretamente da área de transferência passando-se ao "clipboard" ao primeiro argumento.

4.2.5 Usando a função edit

O comando edit(data.frame()) abre uma planilha para digitação de dados que são armazanados como data-frames.

```
dados <- edit(data.frame())</pre>
```

Se voce precisar abrir novamente planilha com os dados, para fazer modificações e/ou inserir mais dados use o comando fix.

```
fix(dados)
head(dados)
```

data frame with 0 columns and 0 rows

4.2.5.1 Exemplo 1

```
teste <- c(10,20,30,40,50)
teste
```

```
## [1] 10 20 30 40 50
```

Porém houve um erro: o ú?ltimo elemento deveria ser 60 e não 50, você não precisar criar novamente um objeto, use o comando edit()

```
teste2 <- edit(teste)
```

4.2.5.2 Exemplo 2

Com uma planilha com três colunas de dados. Os valores numéricos da coluna poderiam ser importados para o R utilizando-se o mesmo processo ora descrito com o uso do comando scan(). Abra o arquivo EVI-prec.xlsx.

Uma matrix com os dados poderá ser obtida com o comando cbind

Os objeto dados é um data.frame

Transforme para um data.frame com o comando as.data.frame

Poderia usar o comando data.frame direto

4.2.6 Lendo dados de um arquivo texto

É muito importante ter os dados tabulados em um arquivo-texto ou em outros formatos que permitem a conversão para dados texto. O comando read.table () é extremamente útil por ler dados de um arquivo-texto no formato de um data.frame

Usando o Comando read.table ()

4.2.6.1 Exemplo 1

Como primeiro exemplo considere importar para o R os dados do arquivo texto exemplo 1.txt. Na pasta compartilhada copie o arquivo para sua área de trabalho (C:/R).

4.2.6.2 Exemplo 2

Como primeiro exemplo considere importar para o R os dados do arquivo de texto exemplo 2.txt.

Note que este arquivo difere do anterior em um aspecto: os nomes das variáveis estão na primeira linha. Para que o R considere isto corretamente temos que informá-lo disto com o argumento head=T. Portanto para importar este arquivo usamos:

4.2.7 Dados do tipo CSV

Exemplo 3: Vamos utilizar um arquivo de tipo CSV.

```
ex03 <- read.table("exemplo3.csv.", head=T, sep=":", dec=",") ex03
```

Note que este arquivo difere do primeiro em outros aspectos. ?read.table.

ex
03 <- read.table(# l? dados de um arquivo texto "exemplo3.csv", # nome do arquivo ou o caminho c:/R.
exemplo3.csv head=T, # primeira linha ? cabe?alho sep=":", # separador de coluna dec=",") # virgula como separador ex
03 # exibe o objeto

sep: caractere utilizado para separa??o dos campos e valores. Normalmente ? utilizado o ponto e v?rgula (;) dec: caractere utilizado para separar as casas decimais. Normalmente ponto (.) ou v?rgula (,). header: TRUE, assume que a primeira linha da tabela cont?m r?tulos das vari?veis. FALSE, assume que os dados se iniciam na primeira linha.

4.2.8 A seguir listamos algumas destas funções:

read.dbf() para arquivos DBASE read.epiinfo() para arquivos .REC do Epi-Info read.mtp() para arquivos "Minitab Portable Worksheet" read.S() para arquivos do S-PLUS, e restore.data() para "dumps" do S-PLUS read.spss() para dados do SPSS read.systat() para dados do SYSTAT read.dta() para dados do STATA read.octave() para dados do OCTAVE (um clone do MATLAB)

```
read.csv(file, header = TRUE, sep=",", dec=".") read.csv2(file, header = TRUE, sep=";", dec=",") read.delim(file, header = TRUE, sep="", dec=".") read.delim2(file, header = TRUE, sep="", dec=",")
```

4.2.9 Lendo dados disponíveis na web

Exemplo 4: As fun??es permitem ler ainda dados diretamente dispon?veis na web. Por exemplo os dados do Exemplo 1 poderiam ser lidos diretamente com o comando a seguir

4.2.10 Lendo dados de uma planilha eletrônica

Com o **pacote xlsx** é possivel ler os dados diretamente da planilha eletrônica do Excel.

O comando read.xlsx(), do **pacote xlsx**, l? o conte?do de uma planilha eletronica para o R com a estrutura de dados de um data.frame.

4.2.11 Exercícios

1 Baixe os seguintes arquivos: DBC_2rep_mamoeiro_alt_93.txt DIC_REG_feijao_peso_169.txt DIC_DB_pinus_alt

Coloque os arquivos em um local apropriado (de prefer?ncia no mesmo diret?rio de trabalho que voce definiu no in?cio da sess?o), fa?a a importa??o usando a fun??o de sua escolha, e confira a estrutura dos dados com str().

4.3 Salvar objetos de dados

Salvar objetos de dados nos formatos .txt ou .csv fun??o: write.table sintaxe da fun??o: write.table(x, file, sep="", dec="", rownames = T, col.names = T)

principais argumentos: x - matriz ou data frame file - nome do arquivo ou caminho do arquivo sep - separador da coluna dec - separador deciminal

4.3.1 Outras funções

 $write.csv()\ write.csv2()\ write.xlsx\ ()$

Exemplo: write.xlsx(dados,"tabela salva.xlsx")

4.4 Referência

MELO, M. P.; PETERNELI, L. A. Conhecendo o R: Um visão mais que estatística. Viçosa, MG: UFV, 2013. 222p.

Prof. Paulo Justiniando Ribeiro >http://www.leg.ufpr.br/~paulojus/<

4.4. REFERÊNCIA

51

Prof. Adriano Azevedo Filho >http://rpubs.com/adriano/esalq2012inicial

Prof. Fernando de Pol Mayer >https://fernandomayer.github.io/ce083-2016-2/<