Zbirka algoritamskih zadataka osnovni nivo

https://petlja.org/biblioteka/r/kursevi/Zbirka 2018.11.29

1. Aritmetika

1.1. Formule

1.1.1. Geometrijske formule

1.1.1.1. Trening

Sportista se na početku treninga zagreva tako što trči po ivicama pravougaonog terena dužine d i širine s. Napisati program kojim se određuje koliko metara pretrči sportista dok jednom obiđe teren.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza se nalazi celobrojna vrednost d, a u sledećoj liniji celobrojna vrednost s (0<d≤100, 0<s≤100) koje redom predstavljaju dužinu i širinu terena izraženu u metrima.

Izlaz

Jedan ceo broj koji predstavlja broj metara koje pretrči sportista dok jednom obiđe teren.

Primer

Ulaz

50

25

Izlaz

150

1.1.1.2. List papira

Na stolu se nalaze listovi papira različitih dimenzija, ali su svi pravougaonog oblika. Program treba na osnovu zadate širine i visine lista u milimetrima da odredi površinu lista u kvadratnim milimetrima.

Ulaz

U jednoj liniji standardnog ulaza nalaze se dve celobrojne vrednosti V i S (0<V≤300, 0<S≤300) koje predstavljaju širinu i visinu lista papira izraženu u milimetrima.

Izlaz

Jedan ceo broj koji predstavlja površinu lista u kvadratnim milimetrima

Ulaz

279 216

Izlaz

60264

1.1.1.3. Stolnjak

Napisati program kojim se izračunava potrebna dužina trake za porub stolnjaka kružnog oblika čija je površina P.

Ulaz

U liniji standardnog ulaza se nalazi pozitivna realna vrednost P.

Izlaz

Jedan realan broj koji predstavlja potrebnu dužinu trake za porub zaokružen na pet decimala.

Primer

Ulaz

7853.982

Izlaz

314.15927

1.1.1.4. Rastojanje tačaka

Napiši program koji izračunava i ispisuje rastojanje između tačaka zadatih svojim koordinatama.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se četiri realna broja, svaki u posebnom redu. Prva dva broja Ax i Ay predstavljaju koordinate tačke <math>A=(Ax,Ay), dok druga dva broja Bx i By predstavljaju koordinate tačke <math>B=(Bx,By).

Izlaz

Na stanardni izlaz ispisati jedan realan broj koji predstavlja rastojanje između tačaka A i B, zaokružen na pet decimala.

Primer

Ulaz

0

0

1

1

Izlaz

1.41421

1.1.1.5. Pravougaonik dat naspramnim temenima

Date su koordinate dva naspramna temena pravougaonika čije su stranice paralelne koordinatnim osama. Napisati program kojim se prikazuju dužina dijagonale, obim i površina tog pravougaonika.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se 4 cela broja iz intervala [-1000,1000], svaki u posebnoj liniji. Učitani brojevi predstavljaju redom x i y koordinatu dva naspramna temena pravougaonika.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati dužinu dijagonale pravougaonika, zaokruženu na dve decimale, obim i površinu datog pravougaonika. Svaki podatak prikazati u posebnoj liniji.

Primer

Ulaz

5

-1

-3 6

Izlaz

10.63

30

56

1.1.1.6. Površina trougla datih temena

Napiši program koji izračunava površinu ako su poznate njegove koordinate temena.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se 6 realnih brojeva (svaki u zasebnom redu). Prva dva predstavljaju x i y koordinatu temena A, druga dva x i y koordinatu temena B i poslednja dva predstavljaju x i y koordinatu temena C.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj koji predstavlja površinu trougla (dopuštena greška izračunavanja je $10^{**}-5$).

Primer

Ulaz

0

0

0

1

1

0

Izlaz

0.5

1.1.1.7. Fudbalski teren

Fudbalski teren dimenzija d×s treba ograditi pravougaonom ogradom tako da je rastojanje stranica ograde od linije terena r. Odrediti dužinu ograde.

Ulaz

d - dužina terena u metrima (90≤d≤120)

s - širina terena u metrima (45≤s≤90)

r - rastojanje ograde od terena u metrima (2≤r≤10)

Izlaz

Dužina ograde u metrima.

Primer

Ulaz

100

60

3

Izlaz

344

1.1.1.8. Nivo bazena

Tokom oluje palo je n litara vode po kvadratnom metru. Napisati program kojim se određuje za koliko centimetara se podigao nivo vode u otvorenom bazenu datih dimenzija, ako znamo da se voda nije prelila preko bazena.

Ulaz

U prvoj liniji standarndog ulaza nalazi se koliko litara vode je palo po kvadratnom metru, realan broj n. U sledeće tri linije nalaze se dimenzije bazena izražene u metrima i to redom dužina, širina i dubina realni brojevi a,b,c.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati jedan realan broj na dve decimale koji predstavlja za koliko centimetara se podigao nivo vode u bazenu.

Primer

Ulaz

75.5

4

7

1.7

7.55

1.1.1.9. Trougao određen pravom i koordinatnim početkom

Odredi površinu i obim trougla kojeg prava $y=a \cdot x+b$ (a,b $\neq 0$), zadata koeficijentima a i b, obrazuje sa koordinatnim osama.

Ulaz

Dva realna broja različita od 0. U prvoj liniji a, a u drugoj b.

Izlaz

Prikazati u prvoj liniji površinu trougla, a u drugoj obim, zaokružene na dve decimale.

Primer

Ulaz

- 2.5
- 3.0

Izlaz

- 1.80
- 7.43

1.1.2. Kretanje

1.1.2.1. Putovanje

Porodica je krenula autom na letovanje. Automobilom treba da pređu s kilometara krećući se ravnomernom brzinom od v km/h. Napisati program kojim se određuje koliko će im sati trebati da pređu put.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza se nalazi realna vrednost v, a u sledećoj liniji realna vrednost s koje redom predstavljaju brzinu izraženu u km/h i planirani pređeni put u kilometrima.

Izlaz

Jedan realan broj zaokružen na dve decimale koji predstavlja potrebno vreme u satima.

Primer

Ulaz

60

1050

Izlaz

17.50

1.1.2.2. Biciklista

Biciklista se kretao ravnomernom brzinom od v0 m/s. Na početku dugačke nizbrdice počeo je da se kreće ubrzano sa ubrzanjem od a m/s**2. Napisati program kojim se određuje koliki će deo nizbrdice, izraženo u metrima, da pređe nakon jednog minuta, kao i kolika će mu biti brzina u tom trenutku. NAPOMENA: Kod ravnomerno ubrzanog kretanja pređeni put se izražava formulom $s=v0\cdot t+a\cdot t^{**}2$, dok se brzina nakon vremena t izražava formulom $v=v0+a\cdot t$.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza se nalazi realna vrednost v0 koja predstavlja brzinu izraženu u ms, a u sledećoj liniji realna vrednost a koja predstavlja ubrzanje izraženo u m/s**2.

Izlaz

Dva realna broja, svaki u posebnom redu, koja predstavljaju pređeno rastojanje u metrima i traženu brzinu u metrima u sekundi.

Primer

Ulaz

10

0.2

Izlaz

960.00

22.00

1.1.2.3. Sustizanje automobila

Sa istog startnog mesta kreću dva automobila prvi se kreće brzinom v1 m/s, drugi v2 m/s pri čemu je v2>v1. Drugi automobil polazi t minuta posle prvog. Napisati program kojim se određuje posle koliko minuta od polaska drugi automobil sustiže prvog.

Ulaz

Unose se tri realna broja koja redom predstavljaju brzine prvog i drugog automobila izražene u m/s i broj minuta posle koliko kreće drugi automobil. Svaki broj je u posebnoj liniji standardnog ulaza.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati broj minuta zaokružen na dve decimale posle koliko će drugi automobil sustiže prvog.

Primer

Ulaz

20

25

10

40.00

1.1.2.4. Rastojanje kuća

Pera i Mika žive u istoj ulici, Mikina kuća je udaljenija od škole. Oni idu u školu istim putem, polaze iz kuće u isto vreme i ravnomerno se kreću. Pera se kreće brzinom v1 m/s, a Mika brzinom v2 m/s (v2>v1). Napisati program kojim se određuje koliko je rastojanje između njihovih kuća, ako je posle t sekundi Mika bio d metara iza Pere.

Ulaz

Unose se četiri realna broja koji redom predstavljaju brzinu kretanja Pere (v1), brzinu kretanja Mike (v2), brzine su izražene u ms, broj sekundi (t) i rastojanje između Pere i Mike u metrima (d). Svaki podatak je u posebnoj liniji standardnog ulaza.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati realan broj, na dve decimale, koji predstavlja koliko je rastojanje između njihovih kuća.

Primer

Ulaz

1.6

2.1

10

30.0

Izlaz

35.00

1.1.2.5. Kolona

Vojnici se kreću u koloni dužine d metara, brzinom v km/h. Komandir koji se nalazi na kraju kolone, šalje kurira na biciklu sa porukom na čelo kolone. Predavši poruku, kurir se odmah vraća nazad. Brzina kurira bicikliste je vk km/h (vk>v). Napisati program kojim se određuje posle koliko vremena se kurir vraća na kraj kolone.

Ulaz

Na standardnom ulazu nalaze se tri pozitivna realna broja, svaki u posebnom redu, koji redom predstavljaju dužinu kolone u metrima (m), i brzine vojnika i kurira izražene u kilometrima na čas (km/h).

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisate vreme posle koliko se kurir vraća na kraj kolone. Vreme prikazati u minutama na dve decimale.

Ulaz

850

3.5

20

Izlaz

5.26

1.1.2.6. Braća i pas

Dva brata nalaze se na udaljenosti d metara, kreću se istim pravcem a suprotnim smerovima. Prvi kreće se kreće ravnomerno brzinom od v1 km/h a drugi v2 km/h. Pas koji je brži od oba brata ravnomerno trči brzinom od vpms. Pas trči od prvog ka drugom bratu, kada stigne do drugog okreće se i trči nazad ka prvom, kada stigne okreće se i trči ka drugom i to ponavlja sve dok se braća ne sretnu. Napiši program koji određuje koliko je pas metara pretrčao.

Ulaz

Na standardnom ulaza nalaze se četiri realna broja, svaki u posebnoj liniji, koji redom predstavljaju rastojanje između braće izraženo u m, brzine dva brata izražene u km/h, redom brzina prvog brata pa brzina drugog brata, i brzinu psa izraženu u ms.

Izlaz

Ispisuje se jedan realan broj zaokružen na dve decimale koji predstavlja broj metara koje je pas pretrčao.

Primer

Ulaz

500.00

3.00

2.00

4.00

Izlaz

1440.00

1.1.3. Linearne jednacine i sistemi

1.1.3.1. Zbirovi po tri stranice pravougaonika

Ako je zbir neke tri stranice pravougaonika m, a zbir neke druge tri stranice istog pravougaonika n, napisati program kojim se određuje obim i površina tog pravougaonika.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži realan broj m koji predstavlja zbir neke tri stranice pravougaonika, druga linija sadrži realan broj n koji predstavlja zbir neke druge tri stranice pravougaonika.

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati na dve decimale obim pravougaonika, a u drugoj liniji površinu pravougaonika takođe na dve decimale.

Primer

Ulaz

8

10

Izlaz

12.00

8.00

1.1.3.2. Prosek na takmičenju

Na takmičenju iz matematike učestvovalo je N učenika. Izveštaj o broju poena odštampan je na dve strane. Nastavnik greškom nije poneo prvu stranu izveštaja, ali se seća da je na dnu strane pisalo da je prosečan broj poena za tu stranu bio p1. Na drugoj strani (koju ima kod sebe) su podaci o K učenika i prosečan broj poena za tu stranu je p2. Napisati program kojim se određuje koliki je prosečan broj poena svih učenika.

Ulaz

Na standardnom ulazu nalaze se

u prvoj liniji prirodan broj N ukupan broj učenika (N≤200)

u drugoj liniji prirodan broj K broj učenika na drugoj strani (K≤100)

u trećoj liniji realan broj p1 prosečan broj poena učenika na prvoj strani (0≤p1≤100)

u četvrtoj liniji realan broj p2 prosečan broj poena učenika na drugoj strani (0≤p2≤100)

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati, na dve decimale, prosečan broj svih učenika.

Primer

Ulaz

80

30

78.20

89.30

Izlaz

82.36

1.1.3.3. Ograda terase

Na terasi dužine d metara treba rasporediti n stubića širine s centimetara tako da rastojanje između stubića, kao i između stubića i zida bude isto.

Ulaz

d - dužina terase u metrima (1≤d≤20)

n - broj stubića (1≤n≤100)

s - širina stubića u centimetrima (5≤s≤15)

Izlaz

Rastojanje između stubića u centimetrima, zaokružen na dve decimale.

Primer

Ulaz

10

30

10

Izlaz

22.58

1.1.4. Linearna zavisnost

1.1.4.1. Kurs

Napisati program kojim se na osnovu datog kupovnog i prodajnog kursa evra prema dinaru i kupovnog i prodajnog kursa dolara prema dinaru, izračunava kupovni i prodajni kurs dolara prema evru i evra prema dolaru. Kupovni kurs valute 1 prema valuti 2 predstavlja iznos valute 1 koji se može kupiti jedinicom valute 2 (valuta 1 se tretira kao roba koja se kupuje), a prodajni kurs valute 1 prema valuti 2 predstavlja iznos valute 2 koji se može dobiti prodajom jedinice valute 1 (valuta 1 se tretira kao roba koja se prodaje). Na primer, kupovni kurs evra prema dinaru je broj dinara potrebnih da bi se kupio jedan evro, dok je prodajni kurs evra prema dinaru broj dinara koji se mogu dobiti prodajom jednog evra. Sve transakcije evra prema dolaru i obrnuto se obavljaju, po propisima NBS, preko konverzije u dinare.

Ulaz

U svakoj od četiri linije standardnog ulaza nalaze se redom kupovni kurs evra prema dinaru, prodajni kurs evra prema dinaru, kupovni kurs dolara prema dinaru, prodajni kurs dolara prema dinaru (realni brojevi).

Izlaz

U svakoj od četiri linije standardnog izlaza ispisuju se redom realni brojevi, kupovni kurs dolara prema evru, prodajni kurs dolara prema evru, kupovni kurs evra prema dolaru i prodajni kurs evra prema dolaru, zaokruženi na 4 decimale.

Ulaz

123.59

122.85

109.72

109.06

Izlaz

0.8931

0.8824

1.1332

1.1197

1.1.4.2. Generator slučajnih brojeva

U računarstvu se često javlja potreba za generisanjem slučajnih (nasumičnih) brojeva. Većina programskih jezika pružaju funkciju koja vraća nasumično odabran realan broj iz intervala [0,1) (ovo znači da je taj broj veći ili jednak 0, a strogo manji od 1), podrazumevajući da korisnik može naknadnim aritmetičkim transformacijama dobiti broj iz bilo kog intervala [a,b) (za koji važi da je a<b). Napiši program kojim prikazuješ kako se to radi.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se jedan realan broj x iz intervala [0,1) za koji pretpostavljaš da ga je vratio generator slučajnih brojeva, zatim, u narednom redu jedan realan broj a i onda u narednom redu broj b (pri tom važi a < b).

Izlaz

Na standardni izlaz ispiši jedan realan broj iz intervala [a,b) koji se dobija kada se uneti broj x preslika linearnom funkcijom koja preslikava interval [0,1) na interval [a,b). Rezultat prikazati zaokružen na 5 decimala.

Primer 1

Ulaz

0.5

-2 3

Izlaz

0.50000

Primer 2

Ulaz

0

-2

3

-2.00000

Primer 3

Ulaz

8.0

-2

3

Izlaz

2.00000

1.1.4.3. Grupa radnika

n radnika uradi posao za s sati. Napisati program kojim se određuje za koliko sati će posao biti završen ako se priključi još m radnika?

Ulaz

U tri linije standardnog ulaza se redom nalaze prirodan broj n, realan broj s i prirodan broj m.

Izlaz

Jedan realan broj, zaokružen na dve decimale, koji predstavlja broj sati potrebnih da se posao završi ukoliko se priključi još m radnika početnom broju od n radnika.

Primer

Ulaz

1

3

Izlaz

1.5

1.1.4.4. Podela intervala

Dat je interval [a,b] realne prave. Napisati program kojim se određuje tačka realne prave koja interval deli u razmeri p:q.

Ulaz

U prvoj liniji standarnog ulaza nalazi se početak intervala realan broj a, u drugoj liniji kraj intervala realan broj b (a<b). Treća i četvrta linija sadrži prirodne brojeve redom p i q.

Izlaz

Prikazuje se jedan realan broj na dve decimale koji predstavlja traženu tačku.

Ulaz

0

10

1

Izlaz

2.00

1.1.4.5. Taksi

U taksi su istovremeno ušla tri putnika, ali su izlazili jedan po jedan. Dogovorili su se da u plaćanju svakog dela vožnje podjednako učestvuju putnici koji su u tom delu vožnje bili u taksiju. Ako se zna stanje na taksimetru u dinarima kada je izašao svako od njih, koliko treba da plati putnik koji je izašao prvi, koliko drugi, a koliko treći?

Ulaz

Realni brojevi, u svakom redu po jedan, u sledećem redosledu:

c1 - stanje na taksimetru u momentu izlaska prvog putnika

c2 - stanje na taksimetru u momentu izlaska drugog putnike

c3 - stanje na taksimetru u momentu izlaska trećeg putnika Pri tome važi c1<c2<c3.

Izlaz

Tri realna broja zaokružena na dve decimale (u svakom redu po jedan), koji predstavljaju troškove putovanja prvog, drugog i trećeg putnika.

Primer

Ulaz

1200.0

1500.0

2000.0

Izlaz

400.00

550.00

1050.00

1.1.5. Stepenovanje i korenovanje

1.1.5.1. Stepen i koren

Đoka je vežbao množenje decimalnih brojeva tako što je za neki broj a računao proizvod a·a·...·a (n puta), tj. proizvod u kojem se broj a javlja n puta kao činilac. Nakon toga se sa svojom drugaricom Danicom igrao tako što

joj je zadavao da ona pogodi broj a kada joj on kaže broj n i rezultat koji je dobio. Napiši program koji Đoki pomaže da proveri da li je dobro računao, a Danici pomaže da proveri da li je dobro pogodila nepoznat broj.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se decimalni broj x (sa najviše dve decimale) i ceo broj n.

Izlaz

Na standardni izlaz se ispisuju dva realna broja (zaokružena na pet decimala) i to svaki u posebnom redu:

```
broj y takav da je y=x \cdot x \cdot ... \cdot x (n puta)
broj y takav da je x=y \cdot y \cdot ... \cdot y (n puta).
```

Primer

Ulaz

2.5

Izlaz

97.65625 1.20112

1.1.6. Aritmetički i geometrijski niz

1.1.6.1. N-ti dan treninga

Vaterpolista Marko učestvuje na pripremama za takmičenje u trajanju od n dana. Prvog dana priprema Marko prepliva a metara, a svakog sledećeg dana za d metara više nego prethodnog dana. Napisati program kojim se određuje koliko metara Marko prepliva poslednjeg dana priprema.

Ulaz

Unose se tri prirodna broja, svaki u posebnoj liniji standardnog ulaza. Brojevi redom predstavljaju broj dana koliko pripreme traju n ($n \le 20$), koliko metara Marko prepliva prvog dana priprema a ($a \le 3000$), koliko metara svaki dan Marko više pliva u odnosu na prethodnii dan d ($d \le 1000$).

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati koliko metara Marko prepliva poslednjeg dana priprema.

Primer

Ulaz

10

500

100

1400

1.1.6.2. Sportske pripreme

Vaterpolistima kluba "Delfini" organizovane su pripreme u trajanju od n dana. Prvog dana priprema svaki vaterpolisti prepliva po a metara a svakog sledećeg dana za d metara više nego prethodnog dana. Napisati program kojim se određuje koliko ukupno kilometara, tokom tih priprema, prepliva svaki vaterpolista kluba "Delfini".

Ulaz

Unose se tri prirodna broja, svaki u posebnoj liniji standardnog ulaza. Brojevi redom predstavljaju broj dana koliko pripreme traju n ($n \le 20$), koliko metara svaki vaterpolista kluba "Delfin" prepliva prvog dana priprema a ($a \le 3000$), koliko metara svaki dan vaterpolista kluba "Delfin" više pliva u odnosu na prethodnii dan d ($d \le 1000$).

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati koliko kilometara ukupno prepliva svaki vaterpolista tokom pripreme, u obliku realnog broja zaokruženog na dve decimale.

Primer

Ulaz

10

500

100

Izlaz

9.50

1.1.6.3. Proizvodnja malina

Vlasnik imanja, Marinko, odlučio je da gaji maline. Napravio je plan za n godina. Prve godine planira da proizvede t tona malina, a svake sledeće da poveća proizvodnju za p%. Napisati program kojim se određuje koliko tona malina Marinko planira da proizvede n-te godine uzgajanja malina.

Ulaz

Prva linija standardnog ulaza sadrži prirodan broj n (n \leq 10) broj planiranih godina. Druga i treća linija standardnog ulaza sadrži po jedan realan broj, koji redom predstavljaju koliko tona malina Marinko planira da proizvede prve godine t (0<t<5) i za koliki procenata Marinko planira da poveća proizvodnju svake godine p (10 \leq p \leq 50).

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati, na dve decimale, koliko tona malina Marinko planira da proizvede n-te godine uzgajanja malina.

Ulaz

5

2

25

Izlaz

4.88

1.1.6.4. Suma niza brojeva

Profesor matematike je postavio sledeći zadatak:

Odrediti sumu n brojeva, ako je prvi broj dati broj a, a svaki sledeći broj dobija se tako što prethodni broj pomnožimo sa datim brojem q.

Učenik koji prvi reši zadatak dobija peticu. Pomozite učenicima, napišite program kojim se za dati prirodan broj n, i date realne brojeve a i q određuje tražena suma.

Ulaz

Prva linija standardnog ulaza sadrži prirodan broj n (n≤50). Druga linija standardnog ulaza sadrži realan broj a (0<a≤10). Treća linija standardnog ulaza sadrži realan broj q (0<q<1).

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati, na pet decimala, traženu sumu brojeva.

Primer

Ulaz

4

20.00

0.50

Izlaz

37.50000

1.1.6.5. Aritmetički trougao

Koliki je zbir brojeva u datom redu sledećeg trougla?

• • •

Ulaz

Redni broj reda trougla čiju sumu treba izračunati.

Suma vrednosti u zadatom redu trougla, pri čemu brojanje redova počinje od 1.

Primer

Ulaz

3

Izlaz

35

1.1.6.6. Aritmetički kvadrat

Brojevi od 0 do $n^{**}2-1$ ređaju se u kvadrat. Na primer, za n=5 dobija se sledeći kvadrat:

```
0 1 2 3 4
```

5 6 7 8 9

10 11 12 13 14

15 16 17 18 19

20 21 22 23 24

Napiši program koji izračunava zbir brojeva u datoj vrsti i datoj koloni kvadrata (i njih ćemo brojati od nule).

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se sledeći celi brojevi (svaki u posebnom redu).

```
n - dimenzija kvadrata (1<n≤1000)
```

i - broj vrste i kolone čiji se zbir traži (0≤i<n)

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati dva cela broja, svaki u posebnom redu:

zbir brojeva u i-toj vrsti kvadrata i

zbir brojeva u i-toj koloni kvadrata

Primer

Ulaz

5

1

Izlaz

35

55

1.1.6.7. Rastvor

Masena koncentracija soli u rastvoru definiše se kao količnik mase soli i zapremine rastvora. Eksperiment započinje sa l litara rastvora masene koncentracije ρ g/dm**3 tj. ρ grama po litri soli. Napisati program kojim se

određuje masena koncentracija soli u rastvoru ako se n puta odlije a litara rastvora i dolije a litara vode?

Ulaz

- I zapremina rastvora u litrima (1≤I≤1000)
- ρ maseni udeo soli u početnom rastvoru, u gramima po litru (0≤ρ≤400)
- a zapremina (u litrima) koja se odliva-doliva (0≤a≤l)
- n broj odlivanja-dolivanja (0≤n≤10)

Izlaz

Masena koncentracija soli u rastvoru nakon n odlivanja-dolivanja (realan broj na dve decimale).

Primer

Ulaz

10

100

1

10

Izlaz

34.87

1.1.6.8. Kredit

Jovana je uzela kredit iz banke u iznosu od K evra. Godišnja kamatna stopa na ovaj kredit je gk, ali se kamata zaračunava nakon svakog meseca na iznos preostalog duga, kada se i vrši uplata rate u visini r evra. Ako se kredit izmiruje u N jednakih mesečnih rata, napiši program koji određuje koliki treba da bude iznos mesečne rate.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se sledeći brojevi, svaki u posebnom redu: realni broj K - uzeti iznos kredita tj. glavnica ($100 \le K \le 50000$) realni broj gk - godišnja kamatna stopa u procentima ($0 \le gk \le 30$) ceo broj N - broj mesečnih rata ($1 \le N \le 360$)

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj - iznos mesečne rate r. Rezultat ispisati sa tačnošću od jednog centa.

Primer

Ulaz

1000

12

2

Izlaz

507.51

Pošto je godišnja kamata 12% mesečna kamata je 1%. Nakon mesec dana Jovana banci duguje glavnicu od 1000 evra i kamatu koja iznosi jedan posto od toga tj. 10 evra. Ujedno uplaćuje ratu koja je jednaka 507.51 evro i njen dug je u tom trenutku jednak 502.49 evra. Nakon drugog meseca se na taj iznos zaračunava kamata od 1% tako da dug u tom trenutku iznosi 507.51 evro. Uplatom druge rate ceo dug se izmiruje.

1.1.7. Zaokruživanje realnih brojeva

1.1.7.1. Pertla

Od kanapa date dužine isecaju se pertle date dužine. Odrediti koliko pertli je moguće izrezati i koliko kanapa na kraju preostane.

Izlaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se dva pozitivna realna broja. U prvom redu data je dužina kanapa, a u drugom data je dužina pertle.

Primer

Na standardni izlaz ispisati ceo broj koji predstavlja broj pertli koje je moguće iseći i u sledećem redu realni broj koji predstavlja dužinu preostalog kanapa.

Ulaz

50.5

10

Izlaz

5

0.5

1.1.7.2. Točak

Napiši program koji na osnovu prečnika točka bicikla, brzine kretanja bicikla i vremena koje se bicikl kreće određuje koliko puta se točak okrenuo (računajući i okret koji još nije potpuno završen).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju realni brojevi koji predstavljaju prečnik točka bicikla u cm, brzinu kretanja bicikla u ms i vreme kretanja bicikla u s.

Izlaz

Na standardni izlaz se zapisuje jedan ceo broj koji predstavlja broj započetih okreta bicikla.

Primer

Ulaz

60

5

5

Izlaz

14

1.1.7.3. Kružna meta

Data je kružna meta od n koncentričnih krugova poluprečnika od a cm do $n \cdot a$ cm. Za pogodak u unutrašnjost najmanjeg kruga dobija se n poena, a za pogodak u unutrašnjost svakog sledećeg prstena dobija se po poen manje. Napisati program kojim se određuje koliko se dobija poena za pogodak u tačku A(x,y) unutar mete.

Ulaz

U prvom redu standardnog ulaza nalazi se broj krugova, ceo broj n ($1 \le n \le 20$), u drugom širina jednog kruga, realan broj a, u trećem redu x-koordinata tačke koja je pogođena, a u drugom njena y-koordinata. Koordinate su realni brojevi, a tačka se sigurno nalazi unutar mete ($\sqrt{(x^{**}2+y^{**}2)}< n \cdot a$).

Izlaz

Jedini red standardnog izlaza treba da sadrži osvojeni broj poena.

Primer

Ulaz

10

1.0

1.2

5.3

Izlaz

5

1.1.7.4. Skaliranje

Profesor je obećao učenicima da će broj poena koji su osvojili na kontrolnom zadatku proporcionalno uvećati tako da Pera koji je najbolje uradio i osvojio 95 poena dobije maksimalni broj od 100 poena. Međutim, ovom operacijom celi brojevi poena se pretvaraju u realne, moguće sa puno ili čak beskonačno decimala. Zato je profesor odlučio da uvećani broj poena zaokruži sa preciznošću od pola poena. Svaki broj se zaokružuje najbližem celom broju polovina poena (ako postoje dve mogućnosti, zaokružuje se na veću). Na primer, broj 87.368 poena se zaokružuje na 87.5, 54.211 poena na 54, a 73.75 se zaokružuje na 74 poena. Napisati program koji za uneti broj poena određuje njegovu vrednost zaokruženu na ovaj način.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se jedan ceo broj između 0 i 95 koji predstavlja broj poena učenika pre skaliranja.

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj koji predstavlja broj poena učenika nakon skaliranja.

Primer 1

Ulaz

95

Izlaz

100

Primer 2

Ulaz

84

Izlaz

88.5

Primer 3

Ulaz

0

Izlaz

0

1.1.7.5. Dinari i pare

Napiši program koji za dati realni broj dinara određuje odgovarajući ceo broj dinara i ceo broj para.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi jedan realan broj zaokružen na dve decimale koji predstavlja iznos novca.

Izlaz

Na standardni izlaz napisati dva cela broja, svaki u posebnom redu, koji predstavljaju broj dinara i broj para.

Primer

Ulaz

123.45

Izlaz

123

45

1.2. Celobrojno deljenje

1.2.1. Pojam div i mod

1.2.1.1. Šahovska tabla broj crnih polja

Na šahovskoj tabli širine n i dužine m, gornje levo polje je bele boje. Napisati program kojim se određuje broj crnih polja na datoj šahovskoj tabli.

Ulaz

Na standardnom ulazu nalaze se dva prirodna broja n, m≤100.

Izlaz

Broj crnih polja na šahovskoj tabli.

Primer

Ulaz

5

3

Izlaz

7

1.2.1.2. Podela jabuka

Podela jabuka. Aca je dobio n jabuka i na jednake delove (po trećinu) podelio braći Branku, Canetu, i Dušanu. Preostale jabuke pojeo je sam. Branko je svoje jabuke podelio braći (Aci, Canetu i Dušanu), a što je preostalo pojeo je sam. Tako su postupili prvo Cane, pa onda i Dušan. Koliko jabuka posle ovakve podele ima svako od njih (zanemarujući one koje su pojedene).

Ulaz

Broj jabuka n koje je dobio Aca.

Izlaz

Broj jabuka koje je dobio Aca (prvi red), Branko (drugi red), Cane (treći red) i Dušan (četvrti red).

Primer

Ulaz

100

Izlaz

44

33

19

0

Objašnjenje

Aca je dobio 100 jabuka. Po 33 je dao Branku, Canetu i Dušanu, a jednu je pojeo sam, tako da su nakon prve podele Aca, Branko, Cane i Dušan imali redom 0, 33, 33, 33 jabuke. Nakon toga, Branko je podelio braći po 11 jabuka i ništa mu nije ostalo, tako da je broj jabuka nakon druge podele 11, 0, 44, 44. Nakon toga, Cane je delio jabuke tako što je braći dao po 14 jabuka, a dve je sam pojeo, tako da je nakon treće podele stanje 25, 14, 0, 58. Na kraju, Dušan je braći dao po 19 jabuka, a jednu preostalu je sam pojeo. Zato je na kraju stanje bilo 44, 33, 19, 0.

1.2.1.3. Šahovsko polje

Na šahovskoj tabli 8×8 šahovska polja se broje, počev od donjeg levog polja, kolona po kolona od A1 do H8. Napisati program kojim se određuje u kojoj koloni i kom redu je polje koje je n-to izbrojano i koje po redu će biti izabrano polje u datoj koloni a i redu b.

Ulaz

Prva linija standardnog ulaza sadrži prirodan broj 1≤n≤64, druga linija sadrži dva karaktera, prvo slovo od A do H koje predstavlja kolonu a, a zatim cifru od 1 do 8 koja predstavlja red b.

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza prikazati broj kolone (slovo od A do H) i broj reda (cifru od 1 do 8) polja šahovske table koje je n-to izbrojano. Druga linija standardnog izlaza sadrži redni broj polja koje se nalazi u koloni a i redu b.

Primer

Ulaz

19

F5

Izlaz

C3

45

1.2.1.4. Razlomak u mešovit broj

Za date prirodne brojeve a i b napisati program kojim se dati nepravi razlomak a/b prevodi u mešovit broj n c/b, takav da važi da je c/b<1.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se prirodan broj a koji predstavlja brojilac nepravog razlomka, a u drugoj liniji prirodan broj b različit od nule koji predstavlja imenilac razlomka (a≥b).

Prva i jedina linija standardnog izlaza sadrži mešoviti zapis razlomka, preciznije prirodan broj, brojilac i imenilac mešovitog broja međusobno odvojeni sa po jednom prazninom (blanko znakom).

Primer

Ulaz

23

8

Izlaz

2 7 8

1.2.2. Pozicioni zapis

1.2.2.1. Brojevi

1.2.2.1.1. Zbir cifara

Napiši program koji učitava četvorocifreni broj i ispisuje zbir svih cifara tog broja.

Ulaz

U jednoj liniji standardnog ulaza nalazi se četvorocifreni broj.

Izlaz

Zbir cifara četvorocifrenog broja.

Primer

Ulaz

1234

Izlaz

10

1.2.2.1.2. Brojanje ovaca

Tri pastira Jovan, Dule i Stanoje broje stado od najviše 120 ovaca na kraju svakog dana, na prste desne ruke. Broje sva trojica na sledeći način:

Jovan broji jednu po jednu ovcu na prste desne ruke. Svaki put kad izbroji pet ovaca on kaže Duletu da izbroji još jedan prst na svojoj desnoj ruci, a Jovan krene brojanje od početka.

Dule broji jedan po jedan prst samo kad mu Jovan to kaže. Kada Dule izbroji do pet on kaže Stanoju da izbroji još jedan prst na svojoj desnoj ruci, a Dule krene brojanje od početka.

Stanoje broji jedan po jedan prst samo kad mu Dule to kaže.

Kada završe brojanje svaki od njih prstima desne ruke pokazuje broj između 0 i 4. Napisati program koji pastirima pomaže da na osnovu broja otvorenih prstiju sva tri pastira redom izračunaju koliko stado ima ovaca.

Ulaz

Na standardnom ulazi nalaze se 3 cela broja iz intervala [0,4] koja redom predstavljaju broj otvorenih prstiju desne ruke naših pastira Jovana, Duleta i Stanoja.

Izlaz

Na standardnom izlazu u jednoj liniji prikazati broj ovaca u stadu.

Primer

Ulaz

3

1

3

Izlaz

83

1.2.2.1.3. Razmeni cifre

Napiši program kojim se u datom prirodnom broju razmenjuje cifra jedinica i cifra stotina. Za broj sa manje od tri cifre smatramo da su nedostajuće cifre jednake 0.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se prirodan broj.

Izlaz

Broj dobijen posle razmene cifre jedinica i cifre stotina.

Primer

Ulaz

2349

Izlaz

2943

1.2.2.1.4. Izbaci cifru stotina

Napiši program koji iz dekadnog zapisa broja izbacuje cifru stotina.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se jedan prirodan broj manji od milijardu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisuje se broj dobijen izbacivanjem cifre stotina iz dekadnog zapisa unetog broja.

Ulaz

123456

Izlaz

12356

1.2.2.1.5. Oktalni brojevi

U računarstvu se često koriste tzv. oktalni brojevi - brojevi zapisani u osnovi 8, korišćenjem samo cifara od 0 do 7. Napiši program koji vrši konverziju četvorocifrenih oktalnih brojeva u dekadne vrednosti i obratno.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju 4 oktalne cifre (svaka u posebnom redu) i nakon toga dekadno zapisani prirodni broj n (0≤n<84).

Izlaz

Na standardnom izlazu u prvoj liniji ispisati dekadnu vrednost broja formiranog od učitanih oktalnih cifara (sdesna nalevo), a u drugoj liniji četvorocifrenu oktalnu reprezentaciju broja n.

Primer

Ulaz

1

2

3 4

1234

Izlaz

668

2322

1.2.2.2. Vreme

1.2.2.2.1. Trkači

Dva trkača trče po kružnoj stazi dužine s km, jedan brzinom od v1 km/h, drugi brzinom od v2 km/h. Koliko će vremena trebati bržem trkaču da za ceo krug prestigne sporijeg?

Ulaz

Podaci na dve decimale:

s - dužina kružne staze (1≤s≤10)

v1 - brzina prvog trkača (1≤v1≤45)

v2 - brzina drugog trkača (1≤v2≤45)

Celobrojne vrednosti broja sati, minuta i sekundi, koje predstavljaju vreme potrebno da sporiji trkač za ceo krug sustigne sporijeg. Sekunde prikazati zaokružene na najbližu celobrojnu vrednost.

Primer

Ulaz

10.00

5.00

6.00

Izlaz

10

0

0

1.2.2.2.2. Ponoć

Napiši program koji za dato vreme u toku dana određuje koliko je sekundi proteklo od prethodne ponoći i koliko je sati, minuta i sekundi ostalo do sledeće ponoći.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se tri cela broja koji određuju jedan vremenski trenutak:

h - sat $(0 \le h < 24)$

 $m - minut (0 \le m < 60)$

s - sekund (0 \leq s<60)

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati dve linije. U prvoj ispisati ceo broj koji predstavlja broj sekundi proteklih od prethodne ponoći. U drugoj ispisati tri cela broja razdvojena dvotačkama - broj sati hp $(0 \le hp < 24)$, broj minuta mp $(0 \le mp < 60)$ i broj sekundi sp $(0 \le sp < 60)$ do naredne ponoći.

Primer

Ulaz

10

23

52

Izlaz

37432

13:36:8

1.2.2.2.3. Trajanje vožnje

Poznati su sat, minut i sekund početka i kraja vožnje autobusom (vožnja počinje i završava se u jednom danu). Napisati program koji određuje koliko sati, minuta i sekundi je trajala ta vožnja.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 6 brojeva (svaki u zasebnom redu). Prvo sat, minut i sekund početka vožnje, a zatim sat, minut i sekund kraja vožnje.

Izlaz

Na standradni izlaz se ispisuje jedan red u kome su tri broja (sat, minut i sekund) razdvojena dvotačkom.

Primer

Ulaz

2

59

8

3

1 14

Izlaz

0:2:6

1.2.2.2.4. Trajanje vožnje kroz dva dana

Poznati su sat, minut i sekund početka i kraja vožnje autobusom (moguće je i da je vožnja počela u jednom, a završila se u narednom danu, ali se zna da je trajala manje od 24 sata). Napisati program koji određuje koliko sati, minuta i sekundi je trajala ta vožnja.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 6 brojeva (svaki u zasebnom redu). Prvo sat, minut i sekund početka vožnje, a zatim sat, minut i sekund kraja vožnje.

Izlaz

Na standradni izlaz se ispisuje jedan red u kome su tri broja (sat, minut i sekund) razdvojena zapetom.

Primer

Ulaz

23 59 59

001

Izlaz

0:0:2

Ulaz

001

23 59 59

Izlaz

23:59:58

1.2.2.2.5. Autobus

Ako je poznato trajanje putovanja i vreme kada autobus treba da stigne na odredište, napiši program koji izračunava kada autobus treba da pođe sa polazišta (polazak može biti u prethodnom danu u odnosu na dolazak).

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se četiri cela broja:

trajanjeh (0≤trajanjeh<12) i trajanjem (0≤trajanjem<60) - sati i minuti trajanja vožnje

dolazakh (0≤dolazakh<24) i dolazakm (0≤dolazakm<60) - sat i minut dolaska

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati dva cela broja razdvojena dvotačkom: polazakh (0≤polazakh<24) i polazakm (0≤polazakm<60) - sat i minut polaska

Primer 1

Ulaz

2

30

13

n

Izlaz

10:30

Primer 2

Ulaz

12

0

8

Izlaz

20:0

1.2.2.2.6. Vreme završetka filma

Poznati su sat i minut početka filma i dužina trajanja filma u minutima. Napisati program koji određuje sat i minut završetka filma.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 3 prirodna broja (svaki u zasebnom redu). Prvo sat i minut početka filma, a zatim dužina trajanja filma u minutama.

Izlaz

Na standradni izlaz se ispisuje jedan red u kome su dva broja (sat, minut) razdvojena dvotačkom koji predstavljaju vreme završetka filma.

Primer

Ulaz

23

15

115

Izlaz

1:10

1.2.2.2.7. Čekanje

Dva stara drugara su dogovorila da se nađu u centru grada. Poznato je vreme (u obliku sata, minuta i sekunde) kada je svako od njih došao na sastanak (oba vremena su u jednom danu). Napiši program koji određuje koliko dugo je onaj koji je prvi stigao čekao onog drugog.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi šest celih brojeva (svaki je zadat u posebnom redu). Sat (između 0 i 23), minut (između 0 i 59) i sekund (između 0 i 59) dolaska prvog čoveka i sat, minut i sekund dolaska drugog čoveka. Podaci predstavljaju ispravno zadate vremenske trenutke u okviru jednog dana.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati broj sati, minuta i sekundi koliko je onaj drugar koji je prvi došao čekao drugog. Brojeve ispisati u jednom redu, razdvojene dvotačkom.

Primer

Ulaz

3

45

20

7

23

50

Izlaz

3:38:30

1.2.2.2.8. UNIX vreme

Od operativnog sistema UNIX vreme u računarima se izražava kao broj sekundi proteklih od početka epohe tj. od 1. januara 1970. godine. Po uzoru na to, osmislili smo sistem merenja vremena u kome se vreme izražava u broju milisekundi proteklih od uključivanja računara. U nekom trenutku, na računaru je puštena pesma. Ako je poznato vreme od trenutka uključivanja računara kada je pesma puštena i dužina trajanja pesme u milisekundama, napiši program koji određuje kada je pesma završena.

l IIaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se sledeći celi brojevi (svaki u posebnom redu):

dan ($0 \le dan \le 10$), sat ($0 \le sat < 24$), min ($0 \le min < 60$), sek ($0 \le sek < 60$), mili ($0 \le mili < 1000$) - broj dana, sati, minuta, sekundi i milisekundi proteklih od trenutka uključivanja računara do puštanja pesme.

trajanje (0≤trajanje≤1000000) - broj milisekundi koliko traje pesma.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati sledeće cele brojeve, razdvojene dvotačkama: dan (0≤dan≤100), sat (0≤sat<24), min (0≤min<60), sek (0≤sek<60), mili (0≤mili<1000) - broj dana, sati, minuta, sekundi i milisekundi proteklih od trenutka uključivanja računara do završetka pesme.

Primer 1

Ulaz

3

10

15 23

843

100000

Izlaz

3:10:17:3:843

Primer 2

Ulaz

4

23

59

59

517

12345

Izlaz

5:0:0:11:862

Ulaz

10

23

59

59

999

1000000

Izlaz

11:0:16:39:999

1.2.2.2.9. Tajmer

Tajmer se u trenutku h:m:s (h od 0 do 23, m i s od 0 do 59) naštima da zvoni nakon perioda koji se iskazuje sa hh:mm:ss (0≤hh,mm,ss≤1000). Može se zadati 100:100:100 što je isto kao da je zadato 101:41:40. Odrediti kada će tajmer da zvoni u formatu h:m:s+dan (dan uzima vrednosti počev od 0).

Ulaz

Prvo startno vreme - u svakom redu po jedan podatak: sat, minut i sekund. Zatim trajanje perioda - u svakom redu po jedan podatak: broj sati, minuta i sekundi.

Izlaz

Sat, minut, sekund i dan u formatu h:m:s+dan.

Primer

Ulaz

23

59

59

0

0

Izlaz

0:0:0+1

Ulaz

1

1

1

48

0

0

Izlaz

1:1:1+2

1.2.2.3. Uglovi

1.2.2.3.1. Radijani

U matematici se uglovi često mere brojem radijana. Radijan je onaj ugao čija je dužina luka jednaka poluprečniku. Napiši program koji za dati broj radijana izračuna najbliži ugao u stepenima, minutima i sekundama.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se pozitivan realan broj radijana.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tri cela broja stepeni (0≤stepeni<360), minuti (0≤minuti<60) i sekundi (0≤sekundi<360), razdvojena dvotačkama, koji predstavljaju ugao u stepenima, minutima i sekundama najbliži datom uglu u radijanima.

Primer 1

Ulaz

1.57

Izlaz

89:57:16

Primer 2

Ulaz

1000

Izlaz

55:46:46

1.2.2.3.2. Gps

Marija je našla geografske koordinate na kojima se nalazi zakopano blago, međutim njen GPS uređaj podržava geografske koordinate unete kao decimalni broj stepeni, dok su koordinate koje ona ima date u broju stepeni, minuta i sekundi. Napiši program koji će Mariji pomoći da prevede koordinate.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se tri cela broja: st (0≤st<360) - broj stepeni min (0≤min<60) - broj minuta sek (0≤sek<60) - broj sekundi

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj koji predstavlja ugao u stepenima (tolerancija greške je 10**-5).

Ulaz

18

19

20

Izlaz

18.32222

1.2.2.3.3. Točak sreće

Točak sreće okrenemo za određeni ugao, pa ga ponovo okrenemo u istom smeru za neki drugi ugao. Točak je takav da se u jednom okretu ne može okrenuti više od 20 punih krugova. Napisati program kojim se određuje najmanji ugao za koji treba točak još jednom da okrenemo u istom smeru da bi se došao u početni položaj.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 6 brojeva (svaki u zasebnom redu). Prvo sat minut i sekund prvog ugla, a zatim sat, minut i sekund drugog ugla za koji se točak okrene.

Izlaz

Na standradni izlaz se ispisuje jedan red u kome su tri broja (sat, minut i sekund) razdvojena prazninom.

Primer

Ulaz

120

50

20

130

50

40

Izlaz

108 19 0

1.2.2.3.4. Ugao satne kazaljke

Ako je dat ugao koji satna kazaljka zaklapa sa vertikalnom polupravom koja spaja centar i vrh sata (broj 12), odrediti vreme u minutama i sekundama.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se jedan ceo broj koji predstavlja ugao u stepenima.

Na standardni izlaz ispisati dva cela broja h (0≤h<12) i m (0≤m<60) koji predstavljaju broj sati i minuta koji su najbliži položaju satne kazaljke.

Primer

Ulaz

90

Izlaz

3:0

Primer 2

Ulaz

200

Izlaz

6:40

1.2.2.3.5. Ugao između kazaljki

Odrediti ugao u stepenima i minutima između satne i minutne kazaljke ako je zadato vreme u satima i minutima. Ugao je uvek pozitivan i meri se u smeru kretanja kazaljki na satu (zato može da bude i veći od 180 stepeni).

Ulaz

Učitavaju se dva broja, svaki u posebnoj liniji. U prvoj liniji je broj sati (između 0 i 12), a u drugoj liniji je broj minuta (između 0 i 59).

Izlaz

Stepen ugla 0 do 359, i minut ugla od 0 do 59, razdvojeni dvotačkom tj. karakterom :.

Primer 1

Ulaz

1

30

Izlaz

135:0

Primer 2

Ulaz

12

30

Izlaz

165:0

1.2.2.3.6. Poklapanje kazaljki

Ako sat pokazuje tačno x sati, napisati program koji određuje posle koliko minuta će se prvi put poklopiti velika i mala kazaljka.

Ulaz

Broj sati od 0 do 11.

Izlaz

U minutima zaokruženim na najbližu celobrojnu vrednost od 0 do 60.

Primer 1

Ulaz

2

Izlaz

11

Primer 2

Ulaz

11

Izlaz

60

1.2.3. Modularna aritmetika

1.2.3.1. Operacije po modulu

Napiši program koji određuje poslednje tri cifre zbira i poslednje tri cifre proizvoda četiri uneta cela broja.

Ulaz

U svakom redu standardnog ulaza unosi se po jedan ceo broj iz intervala [1..999].

Izlaz

Na standardni izlaz se ispisuju broj određen sa poslednje tri cifre zbira i broj određen sa poslednje tri cifre proizvoda unetih brojeva (eventualne vodeće nule se ne moraju ispisati).

Primer

Ulaz

999

999

999

996

1

1.2.3.2. Monopol

Monopol je igra u kojoj se igrači kreću po poljima koja su postavljena u krug. Igrači se uvek kreću u smeru kazaljke na satu. Pretpostavimo da su polja označena rednim brojevima koji kreću od 0, da su na početku igre oba igrača na tom polju i da se tokom igre igrači nisu kretali unatrag. Ako se zna broj polja koje je prvi igrač prešao od početka igre i broj polja koje je drugi igrač prešao od početka igre napiši program koji izračunava koliko koraka prvi igrač treba da napravi da bi došao na polje na kom se nalazi drugi igrač.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose tri prirodna broja. U prvoj liniji dat je broj polja na tabli, u drugoj broj polja koje je od početka igre prešao prvi, a u trećoj broj polja koje je od početka igre prešao drugi igrač.

Izlaz

Na standardni izlaz treba ispisati koliko koraka unapred igrač treba da napravi da bi stigao na željeno polje.

Primer 1

Ulaz

10

3

7

Izlaz

4

Primer 2

Ulaz

10

7 3

Izlaz

6

1.2.3.3. Razbrajalica

Deca stoje u krugu i određuju ko će od njih da žmuri tako što izgovaraju neku razbrajalicu (na primer, eci-peci-pec). Ako decu obeležimo brojevima od 0 do n-1, redom kako stoje u krugu, ako je poznat broj reči (slogova) razbrajalice i ako je poznat redni broj deteta od kojeg počinje razbrajanje, napiši program

koji prikazuje redni broj deteta koje je odabrano da žmuri (tj. na kome se razbrajanje završava).

Ulaz

Unose se tri prirodna broja. Broj slogova razbrajalice, broj dece i redni broj deteta od kojeg počinje razbrajanje. Pretpostavićemo da je broj dece manji od 100, a da je broj slogova manji od 1000.

Izlaz

Ispisuje se jedan prirodni broj -- redni broj deteta odabranog da žmuri.

Primer

Pretpostavimo da sedmoro dece u krugu koristi razbrajalicu eci-peci-pec, a da brojanje kreće od deteta broj 3, razbrajanje će teći ovako: eci-peci-pec-jasam-mali-zec-tisi-mala-prepe-lica-eci-peci-pec

3 4 5 6 0 1 2 3 4 5 6 0 1

Ulaz

13

7

3

Izlaz

1

1.2.3.4. Žmurke

Dete broji u igri žmurke 5,10,15,...,100, ali pošto ne zna brojeve veće od 100, posle 100 ono kreće da broji iz početka. Koji je broj rekao u n-tom koraku?

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se jedan pozitivan ceo broj n.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisuje se broj koji dete izgovara u n-tom koraku.

Primer

Ulaz

5

Izlaz

25

Ulaz

1234

Izlaz

1.2.3.5. Sat

Pretpostavimo da prilikom iskazivanja vremena za sate koristimo samo brojeve od 1 do 12. Tako za 17:45 kažemo 5:45, a za 0:32 kažemo da je 12:32. Ako je poznat broj sati i minuta takav da je broj sati u opsegu od 0 do 23, a minuta od 0 do 59, iskazati to vreme tako da je broj sati u opsegu 1 do 12.

Ulaz

Učitavaju se dva broja, svaki u posebnoj liniji. U prvoj liniji je broj sati (između 0 i 23), a u drugoj liniji je broj minuta (između 0 i 59).

Izlaz

Ispisuje se jedna linija u kojoj se prikazuje vremenski trenutak u formatu h:m, gde je broj sati h između 1 i 12, a broj minuta između 1 i 59.

Primer

Ulaz

0

32

Izlaz

12:32

Ulaz

5

35

Izlaz

5:35

1.2.3.6. Zbir brojeva po modulu

Napiši program koji izračunava zbir prirodnih brojeva od 1 do n po datom modulu m.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose dva cela broja, svaki u posebnom redu: n $(10**2 \le n \le 10**9)$ m $(2 \le m \le 100)$

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja traženi zbir po modulu.

Primer

Ulaz

100

50

Zbir svih brojeva od 1 do 100 je 5050 i ostatak pri deljenju sa 100 je 50.

1.2.3.7. Navijanje sata

Dočepo se mali brata očevoga sata. Pošto je još mali, zna da gleda samo satnu kazaljku. Sat se može navijati tako što se jednim dugmetom satna kazaljka pomera za jedan sat unapred (u smeru kretalja kazaljke na satu) a drugim dugmetom se pomera za jedan sat unazad (u suprotnom smeru kretanja kazaljke na satu). Ako se zna pozicija a na kojoj se trenutno nalazi kazaljka, pozicija b na kojoj brata želi da se nađe, napiši program koji određuje da li se sat može naviti tako što brata pritisne jedno od dva dugmeta tačno k puta.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se brojevi 0≤a,b≤11 i broj 0≤k≤1000.

Izlaz

Na standardni izlaz napisati tekst napred ako se sat može naviti tako što se kazaljka pomera unapred, nazad ako se sat može naviti tako što se kazaljka pomera unazad (ako je sat moguće naviti na oba načina, ispisati napred, a zatim nazad u sledećem redu) tj. ne moze ako se sat ne može naviti.

Primer 1

Ulaz

1

7

18

Izlaz

napred nazad

Primer 2

Ulaz

2

4

10

Izlaz

nazad

Primer 3

Ulaz

7

9

ne moze

1.2.4. Celobrojno zaokruživanje

1.2.4.1. Pokloni

Svaki poklon sadrži tačno k čokoladica. Ako na raspolaganju imamo ukupno n čokoladica, koliko poklona je moguće zapakovati?

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju dva cela broja (svaki u posebnom redu): k (1≤k≤20) - broj čokoladica u jednom poklonu n (0≤n≤1000) - ukupan broj čokoladica

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - najveći broj poklona koje je moguće napraviti.

Primer

Ulaz

4

19

Izlaz

4

1.2.4.2. Lift

U jednom hotelu n ljudi čeka ispred lifta. U lift može da stane njih k. Koliko je najmanje vožnji liftom potrebno da se svi popnu u svoje sobe?

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se dva cela broja, svaki u posebnom redu: ukupan broj ljudi ispred lifta n $(0 \le n \le 200)$ broj ljudi koji mogu da odjednom stanu u lift k $(1 \le k \le 10)$

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - najmanji potreban broj vožnji liftom.

Primer 1

Ulaz

18

3

Izlaz

Primer 2

Ulaz

18

4

Izlaz

5

1.2.4.3. Papir

Napisati program koji izračunava masu određenog broja odštampanih knjiga, da bi izdavačka kuća znala koju nosivost kamiona treba da naruči.

Ulaz

Prirodan broj brojKnjiga(1≤brojKnjiga≤1000), broj odštampanih primeraka knjige.

Prirodan broj brojStranica(30≤brojStranica≤500), broj strana jedne knjige; Prirodan broj duzinaStranice(50≤duzinaStranice≤297), dužina lista tj. strane zadata u milimetrima;

Prirodan broj sirinaStranice(50≤sirinaStranice≤210), širina lista tj. strane zadata u milimetrima;

Realan broj masaPapira(50≤masaPapira≤100), masa papira u gramima po kvadratnom metru.

Realan broj masaKorica(10≤masaKorica≤100), masa korica jedne knjige u gramima;

Izlaz

Realan broj koji predstavlja ukupnu masu knjiga u kilogramima, zaokružen na 3 decimale.

Primer

Ulaz

850

193

260

200

80.0

25.0

Izlaz

364,242

Potrebno je odštampati 850 primeraka knjige koja ima 193 strane. Jedan list papira ima dve strane, tako da se knjiga sastoji od 97 listova (na poslednjem listu odštampana je samo jedna strana) i korica. Masa jednog lista papira je 4.16 grama. Težina jedne knjige je zato jednaka zbiru mase listova koja je jednaka 403.52 grama i mase korica koja je 25 grama, tj. jedna knjiga je teška 428.52 grama. Zato je ukupna masa jednaka 364.242 kilograma.

1.2.4.4. Planinari

Planinari se penju na vrh planine čija je visina zadata u metrima. Danju se mogu popeti prema gore izvestan broj metara, ali tokom noći spavaju, pa se moraju spustiti za određen broj metara. Napišite program koji će odrediti koliko dana treba planinarima da se popnu do vrha planine.

Ulaz

U prva tri reda standardnog ulaza nalaze se prirodni brojevi G, D, H (1≤D<G≤H≤10**9) koji redom označavaju:

G - visinu metara koju planinari pređu danju penjući se naviše,

D - visinu metara koju se planinari spuste noću,

H - visina planine.

Izlaz

U prvi i jedini red standardnog izlaza ispišite broj dana koji će proći dok planinari ne stignu do vrha.

Primer

Ulaz

5

1

Izlaz

2

1.2.4.5. Kruške

Učiteljica je kupila k krušaka, koje želi da podeli učenicima iz svog odeljenja. Ako u odeljenju ima u učenika, koliko još najmanje krušaka učiteljica treba da kupi da bi bila sigurna da će svakom detetu moći da da isti broj krušaka.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se dva prirodna broja (svaki u posebnom redu): k ($0 \le k \le 300$) broj krušaka koje učiteljica trenutno ima. u broj učenika u odeljenju ($15 \le u \le 30$).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja najmanji broj krušaka koje učiteljica treba da kupi.

Primer 1

Ulaz

73

23

Izlaz

Primer 2

Ulaz

100

20

Izlaz

0

1.2.4.6. Kofa

U dečijem bazenu postoji gusarski brod na čijem se vrhu nalazi kofa koja se prazni na svakih k minuta. Ako se zna broj minuta proteklih od nekog ranijeg pražnjenja kofe napiši program koji određuje broj minuta preostalih do prvog sledećeg minuta u kome će se kofa sigurno isprazniti (0 ako će se kofa isprazniti u trenutnom minutu).

Ulaz

U prvom redu standardnog ulaza nalazi se ceo pozitivan broj k $(0 < k \le 60)$ koji predstavlja broj minuta između svaka dva uzastopna pražnjenja kofe, a u drugom broj n $(0 \le n \le 240)$ koji predstavlja broj minuta od nekog prethodnog pražnjenja kofe.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati traženi broj.

Primer

Ulaz

5

23

Izlaz

2

Ulaz

5

25

Izlaz

0

1.2.4.7. Deljivi oko broja

Dati su celi brojevi n i k. Napiši program koji određuje najveći ceo broj l≤n deljiv brojem k i najmanji ceo broj d≥n deljiv brojem k.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se dva cela broja (svaki u posebnom redu). n ($0 \le n \le 100000$)

k (1≤k≤10000)

Na standardni izlaz ispisati dva tražena cela broja, svaki u posebnom redu.

Primer 1

Ulaz

23

5

Izlaz

20

25

Primer 2

Ulaz

49

7

Izlaz

49

49

1.2.4.8. Sečenje pločica

Pravougaonu terasu dimenzija d×s centimetara kvadratnih treba popločati korišćenjem pločica kvadratnog oblika stranice p centimetara, koje se postavljaju tako da su im stranice paralelne stranicama terase. Napisati program kojim se određuje koliko se pločica mora seći radi popločavanja, kao i površinu dela terase koji zauzimaju sečene pločice. Od svake sečene pločice koristi se jedan deo, a drugi odbacuje.

Ulaz

- p stranica pločice u cm (10≤p≤50)
- d dužina prostorije u cm (200≤d≤10000)
- s širina prostorije u cm (200≤s≤10000)

Izlaz

Broj pločica koje se moraju seći i površina koju pokrivaju sečene pločice.

Primer

Ulaz

20

310

270

Izlaz

29

1.2.4.9. Broj deljivih u intervalu

Napiši program koji određuje koliko u intervalu [a,b] postoji brojeva deljivih brojem k.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se tri cela broja, svaki u posebnom redu.

a $(0 \le a \le 10^{**9})$ b $(a \le b \le 10^{**9})$

 $k (1 \le k \le 10 **9)$

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati traženi ceo broj.

Primer

Ulaz

30

53

5

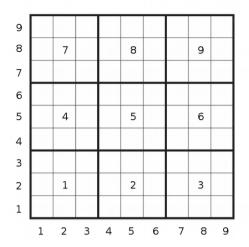
Izlaz

5

Brojevi su 30, 35, 40, 45 i 50.

1.2.4.10. Sudoku

Mirko je mali programer koji pokušava da isprogramira igricu sudoku. Blizu je da završi, ali mu je potrebna mala pomoć. Smislio je da korisnik mišem bira kvadrat u koji će upisati broj. Polje se sastoji od 81 kvadratića raspoređenog u 9 vrsta i 9 kolona i organizovanog u 9 većih kvadrata (kao na slici). Svaki kvadratić je dimenzije 30 puta 30 piksela (ukupno polje je dimenzije 270 puta 270 piksela). Poznat je položaj piksela na koji je kliknuto mišem. Položaj je određen rednim brojevima (koordinatama) tog piksela po horizontali i po vertikali, računajući od donjeg levog ugla polja (pikseli se i po horizontali i po vertikali broje od 1 do 270). Potrebno je ispisati redni broj vrste, kolone i većeg kvadrata u kojem se nalazi piksel na koji je kliknuto (vrste se broje od 1 do 9 odozdo naviše, kolone od 1 do 9 sleva nadesno, a kvadrati po vrstama od donjeg levog ugla, kako je obeleženo na slici).



Ulaz

Sa ulaza se učitavaju dva cela broja x i y ($1 \le x,y \le 270$) koje predstavljaju koordinate piksela na koji je kliknuto.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tri broja, svaki posebnom redu: redni broj vrste (od 1 do 9), redni broj kolone (od 1 do 9) i redni broj kvadrata (od 1 do 9).

Primer 1

Ulaz

128

230

Izlaz

8

5

8

Primer 2

Ulaz

180

180

Izlaz

6

6

5

Primer 3

Ulaz

181

7

7

9

1.3. Tipovi

1.3.1. Celobrojni

1.3.1.1. Sredina intervala

Na planeti M u ulici M žive mravi. Sve kućice u ulici su označene prirodnim brojevima. Mravica Ana živi u kućici broj a, a mrav Boris iza nje, u kućici broj b. Mrav Viktor živi u kućici tačno na sredini između Ane i Borisa. Napiši program koji određuje broj kućice u kojoj živi Viktor (ako je između Ane i Borisa paran broj kućica, Viktor živi u onoj koja je bliža Ani).

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se dva cela broja: a (0≤a≤2·10**9) - broj kućice u kojoj živi Ana b (a+2≤b≤2·10**9) - broj kućice u kojoj živi Boris

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - broj kućice u kojoj živi Viktor.

Primer 1

Ulaz

432457

562321

Izlaz

497389

Primer 2

Ulaz

2

9

Izlaz

5

Primer 3

Ulaz

1999999999

1.3.1.2. Faktorijel 64bit

Napiši program koji izračunava vrednosti faktorijela datog celog broja.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se broj n (1≤n≤20).

Izlaz

Na stadardni izlaz ispisuje se jedan broj n!.

Primer

Ulaz

20

Izlaz

2432902008176640000

1.3.1.3. Jabuke u trouglu

Jabuke su poslagane u trougao sledećeg oblika:

不

**

Napiši program koji određuje ukupan broj jabuka u trouglu.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se ceo broj n (n≤6·10**9) koji određuje broj redova trougla.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja ukupan broj jabuka u trouglu.

Primer 1

Ulaz

3500000000

Izlaz

6125000001750000000

Primer 2

Ulaz

12500000002500000000

1.3.1.4. Množenje velikih brojeva

Žuti mravi žele da odrede površinu livade po kojoj se kreću. Pošto su oni jako mali, dužina i širina livade su izraženi u mikrometrima.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose dva cela broja a i b (0≤a,b≤4·10**9) koji predstavljaju dimenzije livade u mikrometrima.

Izlaz

Na standardni izlaz ispiši površinu livade u mikrometrima kvadratnim.

Primer 1

Ulaz

1234567890 3216549870

Izlaz

3971049186085674300

Primer 2

Ulaz

4000000000 4000000000

Izlaz

160000000000000000000

1.3.2. Karakteri

1.3.2.1. Klasifikacija karaktera

Napisati program koji za učitani ASCII karakter ispituje da li je malo slovo, veliko slovo, cifra ili nešto četvrto

Ulaz

U jednoj liniji standardnog ulaza nalazi se jedan karakter.

Izlaz

U jednoj liniji standarnog izlaza prikazati jednu od sledćih informacija: MALO SLOVO, VELIKO SLOVO, CIFRA, OSTALO.

Primer 1 Ulaz a Izlaz MALO SLOVO

Primer 2

Ulaz

В

Izlaz

VELIKO SLOVO

Primer 3

Ulaz

7

Izlaz

CIFRA

Primer 4

Ulaz

.

Izlaz

OSTALO

1.3.2.2. Transformacija karaktera

Napisati program kojim se transformiše učitani karakater tako što se malo slovo prebacuje u veliko, veliko slovo u malo, a ostali karakteri se ne menjaju.

Illaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se jedan karakter.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati transformisan karakter.

Primer

Ulaz

t

Izlaz

Т

1.3.2.3. Abecedno ogledalo

Katarina je odlučila da svojoj drugarici pošalje šifrovanu poruku, koja sadrži samo slova engleske abecede, cifre i interpunkcijske znake. Svako slovo će šifrovati posebno na osnovu narednih pravila. Mala slova se šifruju velikim slovima tako što se slovo a šifruje slovom Z, slovo b šifruje slovom Y, c slovom X itd., sve do slova y koje se šifruje slovom B i z koje se šifruje slovom A. Velika slova se šifruju potpuno analogno - od A koje se šifruje sa z do Z koje se šifruje sa a. Ostali karakteri se ne menjaju.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se jedna linija teksta, završena karakterom tačka (karakterom .).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati šifrovani tekst (bez karaktera tačka).

Primer

Ulaz

Zdravo svima.

Izlaz

aWIZEL HERNZ

2. Grananje

2.1. Jednostavno grananje

2.1.1. relacijski operatori

2.1.1.1. Jabuke

Pera i Mika su brali jabuke. Pera je ubrao p, a Mika m jabuka. Napiši program koji proverava da li je Pera uspeo da nabere više jabuka nego Mika.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se dva prirodna broja (svaki u posebnom redu). U prvom redu broj jabuka koje je ubrao Pera, a u drugom broj jabuka koje je ubrao Mika.

Izlaz

Ispisati na standardnom izlazu: DA - ako je Pera ubrao više jabuka od Mike, a NE - ako Pera nije ubrao više jabuka od Mike.

Primer 1

Ulaz

73

10

Izlaz

DA

Primer 2

Ulaz

48

48

Izlaz

NE

Primer 3

Ulaz

35

NE

2.1.1.2. Zbir godina braće i sestre

Pera, Mika i Laza su tri brata rođena u istom danu, a Ana je njihova 3 godine starija sestra. Napisati program kojim se proverava da li uneti broj može biti zbir njihovih godina.

Ulaz

Sa standarnog ulaza unosi se jedan pozitivan prirodan broj manji od 500.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati reč da ako uneti broj može biti zbir godina Pere, Mike, Laze i Ane, a ako ne može prikazati reč ne.

Primer

Ulaz

27

Izlaz

da

2.1.1.3. Jednakostranični trougao datog obima

Date su celobrojne dužine triju stranica trougla. Napisati program kojim se proverava da li postoji jednakostranični trougao celoborojne dužine stranica istog obima kao dati trougao i koja mu je dužina stranice.

Ulaz

Na standarnom ulazu nalaze se 3 prirodna broja koja predstavljaju stranice trougla.

Izlaz

Jedna linija standarnog izlaza sadrži reč da ako postoji traženi trougao, za kojom odvojeno prazninom, sledi dužina stranice tog trougla, ako traženi trougao ne postoji sadrži reč ne.

Primer

Ulaz

3

4

5

Izlaz

da 4

2.1.1.4. Teme pravougaonika

Date su koordinate tri temena pravougaonika sa celobrojnim koordinatama čije su stranice paralelne koordinatnim osama. Temena su data u proizvoljnom redosledu. Napisati program kojim se određuju koordinate četvrtog temena.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se celobrojne koordinate tri temena pravougaonika - u svakom redu po dva podatka (koordinata X i koordinata Y), odvojena razmakom.

Izlaz

X i Y koordinata traženog temena razdvojene razmakom.

Primer

Ulaz

3.5

7 5

7 9

Izlaz

39

2.1.2. Logički operatori

2.1.2.1. Dva broja istog znaka

Napisati program kojim se proverava da li su dva cela broja istog znaka.

Ulaz

Na standarnom ulazu nalaze se dva cela broja a, b različita od 0, $-10**4 \le a,b \le 10**4$.

Izlaz

Jedna linija standarnog izlaza koja sadrži reč da ako su dati brojevi istog znaka, inače sadrži reč ne.

Primer

Ulaz

234

-34

Izlaz

ne

2.1.2.2. Isti kvadrant

Napisati program kojim se proverava da li dve tačke A(x1,y1), B(x2,y2) pripadaju istom kvadrantu. Smatraćemo da tačke na pozitivnom delu x ose

pripadaju prvom i četvrtom kvadrantu, tačke na negativnom delu x ose pripadaju drugom i trećem kvadrantu, slično tačke na pozitivnom delu y ose pripadaju prvom i drugom kvadrantu, a na negativnom delu y ose trećem i četvrtom kvadrantu, a da koordinatni početak pripada svim kvadrantima.

Ulaz

```
Standardni ulaz sadrži četiri cela broja, svaki u posebnoj liniji: x1, y1 (-10**4 \le x1,y1,\le 10**4) - koordinate tačke A(x1,y1) x2, y2 (-10**4 \le x2,y2,\le 10**4) - koordinate tačke B(x2,y2)
```

Izlaz

Na standardnom izlazu u jednoj liniji prikazati reč da ako tačke pripadaju istom kvadrantu u suprornom prikazati reč ne.

Primer

Ulaz

12

-45

15

23

Izlaz

ne

2.1.2.3. Tačka u pravougaoniku i krugu

Napiši program koji za tačku u ravni zadatu svojim koordinatama ispituje da li pripada zadatom krugu i zadatom pravougaoniku čije su stranice paralelne sa koordinatnim osama.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se sledeći realni brojevi (brojevi u istom redu su razdvojeni jednim razmakom):

x, y - koordinate tačke,

x0, y0 - koordinate zajedničkog centra kruga i pravougaonika,

r - poluprečnik kruga,

w, h - dužina i širina stranica pravougaonika.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati dva linije teksta. U prvoj liniji treba da piše jeste u krugu ako tačka (x,y) pripada krugu sa centrom (x0,y0) poluprečnika r odnosno nije u krugu ako tačka ne pripada krugu. U drugoj liniji treba da piše jeste u pravougaoniku ako tačka (x,y) pripada pravougaoniku čiji je centar (težište) u tački (x0,y0), čije su stranice paralelne koordinatnim osama i čija je dužina w tj. h, odnosno nije u pravougaoniku ako tačka ne pripada unutrašnjosti tog pravougaonika. Granica kruga (kružnica) i pravougaonika smatraju se njihovim delom.

Primer

Ulaz

1 1

0 0

1

2 2

Izlaz

nije u krugu jeste u pravougaoniku

2.1.2.4. Radno vreme

Radno vreme jedne organizacije je između 9 i 17 časova. Odrediti da li je poslati mejl stigao u toku radnog vremena.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose dva cela broja, svaki u posebnom redu, koji predstavljaju sat i minut poslatog mejla.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati da ako je mejl stigao u toku radnog vremena tj. ne ako nije (9:00 spada u radno vreme, dok 17:00 ne spada).

Primer 1

Ulaz

14

53

Izlaz

da

Primer 2

Ulaz

17

01

Izlaz

ne

2.1.2.5. Kućni red

Kućni red zabranjuje pravljenje buke pre 6 časova i između 13 i 17 časova, i nakon 22 časa. Napiši program koji radnicima govori da li u nekom datom trenutku mogu da izvode bučnije radove.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi ceo broj između 0 i 23 koji predstavlja sat.

Na standardni izlaz ispisati poruku moze ako je dozvoljeno izvoditi radove tj. ne moze ako nije.

Primer 1

Ulaz

5

Izlaz

ne moze

Primer 2

Ulaz

6

Izlaz

moze

Primer 3

Ulaz

13

Izlaz

ne moze

2.1.2.6. Postoji li trougao datih dužina stranica

Napisati program kojim se proverava da li postoji trougao sa datim dužinama stranica.

Ulaz

Na standarnom ulazu nalaze se tri realna pozitivna broja, svaki u posebnoj liniji. Brojevi predstavljaju dužine stranica a, b, c.

Izlaz

Jedna linija standarnog izlaza koja sadrži reč da ako postoji trougao, inače sadrži reč ne.

Primer

Ulaz

4.3

5.4

6.7

Izlaz

da

2.1.2.7. Prestupna godina

Napiši program koji proverava da li je uneta godina prestupna.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj godine između 1900 i 2200.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati da ako je godina prestupna tj. ne ako nije.

Primer 1

Ulaz

2004

Izlaz

da

Primer 2

Ulaz

2017

Izlaz

ne

2.1.2.8. Da li se dame napadaju

Napiši program koji proverava da li se dve dame (kraljice) na šahovskoj tabli međusobno napadaju (kraljice se napadaju ako se nalaze u istoj vrsti, istoj koloni ili na istoj dijagonali šahovske table).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju koordinate polja na kojem se nalazi jedna kraljica (dva broja između 0 i 7 razdvojena razmakom) i u narednom redu koordinate polja na kojem se nalazi druga kraljica (ponovo dva broja između 0 i 7 razdvojena razmakom). Pretpostavljamo da se kraljice nalaze na različitim poljima.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tekst da ako se kraljice napadaju tj. ne u suprotnom.

Primer

Ulaz

5 3

17

Izlaz

da

2.1.3. Minimum i maksimum

2.1.3.1. Kuglice

U svakoj od dve kutije nalaze se samo crvene i plave kuglice. Napiši program koji za dati broj crvenih i plavih kuglica u svakoj od kutija određuje najmanji broj kuglica koje je potrebno premestiti iz kutije u kutiju da bi u jednoj kutiji bile samo crvene, a u drugoj samo plave kuglice.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se četiri cela broja (svaki u posebnom redu): broj crvenih kuglica u prvoj kutiji, broj plavih kuglica u prvoj kutiji, broj crvenih kuglica u drugoj kutiji i broj plavih kuglica u drugoj kutiji.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj -- ukupan broj kuglica koje treba premestiti iz kutije u kutiju.

Primer

Ulaz

10

5

7 8

Izlaz

12

Iz prve u drugu kutiju premešta se 5 plavih kuglica, a iz druge u prvu 7 crvenih kuglica.

2.1.3.2. Skupovi sportista

U odeljenju ima n učenika, od čega k učenika ume da igra košarku, a f ume da igra fudbal. Na sportsko takmičenje povešće se svi učenici koji umeju da igraju oba sporta. Koliko će najmanje, a koliko najviše učenika ići na takmičenje?

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se tri cela broja: $n (20 \le n \le 30)$ - ukupan broj učenika u odeljenju k $(0 \le k \le n)$ - broj učenika koji igraju košarku f $(0 \le f \le n)$ - broj učenika koji igraju fudbal

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati dva cela broja (svaki u posebnom redu). najmanji broj učenika koji će ići na takmičenje najveći broj učenika koji će ići na takmičenje

Primer

Ulaz

27

15

19

Izlaz

7

15

2.1.3.3. Intervali

Data su dva zatvorena intervala realne prave [a1,b1] i [a2,b2]. Napisati program kojim se određuje: njihov pokrivač (najmanji interval realne prave koji sadrži date intervale), presek (najveći interval realne prave koji je sadržan u oba intervala ako postoji) i dužinu njihove unije (dela realne prave koji ti intervali pokrivaju).

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se četiri realna broja: a1, b1, a2 i b2, pri čemu važi a1
b1 i a2
b2.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisuje se 5 realnih brojeva (u podrazumevanom formatu ispisa): u prvom redu ispisuju se levi i desni kraj pokrivača razdvojeni razmakom, u narednom levi i desni kraj preseka razdvojeni razmakom ili tekst presek ne postoji ako se intervali ne seku i u trećem redu se ispisuje dužina unije.

Primer 1

Ulaz

1

3

2

Izlaz

1 4

2 3

3

Primer 2

Ulaz

0.5

4.5

-2.5

-1.5

-2.5 4.5 presek ne postoji 5

2.1.3.4. Sijalice

U sobi postoje plava i žuta sijalica. Tokom jednog dana i jedna i druga su neko vreme bile uključene. Za svaku sijalicu je poznato vreme (u obliku sat, minut, sekund) kada je uključena i kada je isključena. Napiši program koji određuje koliko vremena je soba bila osvetljena plavo, koliko vremena je bila osvetljena zeleno i koliko vremena je bila osvetljena žuto (soba je osvetljena zeleno dok su istovremeno uključene plava i žuta sijalica).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi 12 brojeva (četiri reda sa po tri broja razdvojena razmacima). Prva tri broja predstavljaju sat, minut i sekund uključivanja plave sijalica, naredna tri sat, minut i sekund njenog isključivanja, naredna tri sat, minut i sekund uključivanja žute sijalice i poslednja tri sat, minut i sekund njenog isključivanja.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tri linije teksta. U prvoj ispisati tri broja razdvojena dvotačkama koja predstavljaju vreme (u satima, minutima i sekundama) koje je soba bila obojena plavo. U narednoj liniji u istom obliku ispisati vreme koje je soba bila obojena zeleno i u poslednjoj liniji u istom obliku ispisati vreme koje je soba bila obojena žuto.

Primer 1

Ulaz

13 15 0

14 20 0

13 45 0

15 30 0

Izlaz

0:30:0

0:35:0

1:10:0

Primer 2

Ulaz

10 50 20

12 40 11

8 45 30

10 30 20

1:49:51

0:0:0

1:44:50

2.1.3.5. Pozitivan deo intervala

Na celobrojnoj brojevnoj pravoj dat je interval [a,b]. Napiši program koji određuje dužinu dela tog intervala koji pripada pozitivnom delu prave.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se dva cela broja a i b $(-10**5 \le a \le b \le 10**5)$.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja traženu dužinu pozitivnog dela intervala.

Primer 1

Ulaz

-3

5

Izlaz

5

Primer 2

Ulaz

2

5

Izlaz

3

Primer 3

Ulaz

-3

-1

Izlaz

0

2.1.3.6. Deo pravougaonika u prvom kvadrantu

Dat je pravougaonik čije su stranice paralelne koordinatnim osama. Odrediti površinu dela tog pravougaonika koji pripada prvom kvadrantu.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se 4 cela broja koji predstavljaju koordinate temena jedne dijagonale pravougaonika.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisuje se jedan ceo broj - površina dela pravougaonika u prvom kvadrantu.

Primer

Ulaz

-3

5

2

7

Izlaz

4

2.1.3.7. Presek pravougaonika

Odreditu površinu preseka dva pravougaonika čije su stranice paralelne koordinatnim osama. Pravougaonici su zadati sa po dva naspramna temena.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 8 celih brojeva iz intervala [-100,100].

x11, y11 - jedno teme prvog pravougaonika

x12, y12 - njemu naspramno teme

x21, y21 - jedno teme drugog pravougaonika

x22, y22 - njemu naspramno teme

Koordinate svake tačke su navedene u posebnom redu, razdvojene sa tačno jednim razmakom.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - površinu preseka ta dva pravougaonika.

Primer

Ulaz

-5 -5

2 2

0 0

3 3

Izlaz

2.1.3.8. Proja

Kukuruzni hleb, proja, se pravi mešanjem kukuruznog i pšeničnog brašna i vode (naravno, po želji možete dodati jaja, so, sir, kajmak i slično, ali mi ćemo razmatrati samo neophodne sastojke). Neophodno je da upotrebljena količina kukuruznog brašna bude dvostruko veća od upotrebljene količine pšeničnog brašna. Količina vode koja se dodaje u mešavinu brašna je dvostruko manja od ukupne količine brašna. Ako je data količina kukuruznog i količina pšeničnog brašna, kojom raspolažemo odrediti koju količinu vode treba dodati ako želimo da umesimo najveću moguću proju od namirnica kojima raspolažemo.

Ulaz

U prvoj linije standardnog ulaza nalazi se količina kukuruznog brašna kojom raspolažemo, a u drugoj količina pšeničnog brašna kojom raspolažemo (realni brojevi).

Izlaz

Količina vode koju treba dodati u mešavinu brašna (realni broj prikazan na dve decimale) navodi se u jednoj liniji standardnog izlaza.

Primer

Ulaz

1524

800

Izlaz

1143.00

2.1.3.9. Kraljevo rastojanje

Napiši program koji određuje koliko je poteza kralju na šahovskoj tabli potrebno da dođe na dato polje. Kralj se u svakom potezu može pomeriti najviše jedno polje u bilo kom od 8 smerova (gore, dole, levo, desno i dijagonalno).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju četiri broja između 1 i 8 (u svakoj liniji po dva, razdvojena razmakom). Prva dva broja predstavljaju koordinate polaznog, a druga dva broja koordinate dolaznog polja.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja najmanji broj poteza potreban kralju da sa polaznog stigne do dolaznog polja.

Primer

Ulaz

1 2

2

Primer

Ulaz

83

2 5

Izlaz

6

2.2. Ugnežđeno grananje

2.2.1. Intervali

2.2.1.1. Agregatno stanje

Napisati program kojim se na osnovu temperature vode određuje njeno agregatno stanje. Ako je temperatura:

veća od 0°C i manja od 100°C - agregatno stanje je tečno ne veća od 0°C - agregatno stanje je čvrsto,

ne manja od 100°C - agregatno stanje je gasovito.

Za temperaturu od tačno 0° smatra se da je agregatno stanje čvrsto, a za tačno 100° da je gasovito.

Ulaz

Temperatura - ceo broj od -100 do 200.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jednu od sledećih reči: cvrsto, tecno, gasovito.

Primer

Ulaz

-10

Izlaz

cvrsto

2.2.1.2. Školarina

U jednoj privatnoj školi uvedeno je pravilo kojim se određuje iznos popusta koji ostvaruju učenici prilikom upisa u narednu školsku godinu. Učenici sa odličnim uspehom ostvaruju popust od 40% ukupnog iznosa školarine, sa vrlodobrim 20% a sa dobrim 10%. Takođe, učenici koji su osvojili nagradu na nekom od državnih takmičenja ostvaruju popust od 30% ukupnog iznosa školarine. Ukoliko neki učenik ispunjava dva kriterijuma za popust primenjuje se

kriterijum po kome je popust veći. Na osnovu punog iznosa školarine, prosečne ocene učenika i informacije o nagradama sa takmičenja odrediti iznos koji učenik treba da plati pri upisu u narednu školsku godinu.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se pun iznos školarine (realan broj), u drugoj prosečna ocena učenika (realan broj od 2.0 do 5.0) a u trećoj 0 ukoliko učenik nema nagradu ili 1 ukoliko je ima.

Izlaz

Iznos školarine koju učenik treba da plati (zaokružen na najbliži ceo broj) navodi se u jednoj linije standardnog izlaza.

Primer

Ulaz

4000

4.65

1

Izlaz

2400

2.2.1.3. Uspeh učenika

Napisati program kojim se na osnovu datog proseka učenika prikazuje uspeh učenika. Odličan uspeh ima učenik čiji je prosek veći ili jedan 4.5. Vrlodobar uspeh postiže učenik čiji je prosek veći ili jednak 3.5, a manji od 4.5, dobar uspeh se postiže za prosek koji je veći ili jedan 2.5 a manji od 3.5, dovoljan uspeh za prosek veći ili jednak 2, a manji od 2.5. Ako učenik ima neku jedinicu njegov prosek je 1, a uspeh mu je nedovoljan.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se jedan realan broj iz skupa [2,5]∪{1} koji predstavlja prosek učenika.

Izlaz

Na standardni izlaz prikazati uspeh učenika reč odlican, vrlodobar, dobar, dovoljan ili nedovoljan.

Primer

Ulaz

3.75

Izlaz

vrlodobar

2.2.1.4. Ocena na ispitu

Ocena na ispitu određuje se na osnovu broja osvojenih poena (može se osvojiti između 0 i 100 poena). Svi studenti koji su dobili manje od 51 poen automatski padaju ispit i dobijaju ocenu 5. Ocena 6 se dobija za broj poena veći ili jednak od 51, a manji od 61, ocena 7 za broj poena veći ili jednak od 61, a manji od 71, ocena 8 za broj poena veći ili jednak od 71, a manji od 81, ocena 9 za broj poena veći ili jednak od 81 a manji od 91, a ocena 10 za broj poena veći ili jednak od 91.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se jedan ceo broj između 0 i 100 koji predstavlja broj poena osvojenih na ispitu.

Izlaz

Na standardni ispit ispisati jedan ceo broj - ocenu na ispitu.

Primer 1

Ulaz

73

Izlaz

8

Primer 2

Ulaz

50

Izlaz

5

Primer 3

Ulaz

51

Izlaz

6

Primer 4

Ulaz

100

Izlaz

2.2.1.5. Solidarni porez

Porez je određen na sledeći način. Prvih 60000 dinara bruto plate se ne oporezuje. Na deo bruto plate između 60000 i 100000 dinara, plaća se 20% poreza dok se na deo bruto plate preko 100000 dinara plaća porez od 25%. Napiši program koji za unetu bruto platu (platu pre odbijanja poreza) izračunava neto platu (platu posle odbijanja poreza).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava jedan realan broj -- iznos bruto plate.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisuje se jedan realan broj -- iznos neto plate, zaokružen na dve decimale.

Primer

Ulaz

100000

Izlaz

92000.00

2.2.1.6. Odmor na pola puta

Putnik se kretao T1 sati brzinom V1 km/h, a zatim T2 sati brzinom V2 km/h i T3 sati brzinom V3 km/h. Planirao je da se odmori na pola puta, izračunati posle koliko vremena od početka putovanja je imao odmor.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 6 realnih brojeva, svaki u zasebnom redu: T1, V1, T2, V2, T3, V3.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj koji predstavlja vreme potrebno da putnik stigne do pola puta. Dopuštena greška u izračunavanju i prikazu rezultata je 10**-3.

Primer

Ulaz

1 10

2 20

3 30

Izlaz

3.667

2.2.1.7. Rastojanje tačka duž

Odrediti rastojanje date tačke A od date duži A0A1 koja leži na x-osi (rastojanje tačke i duži definiše se kao najkraće među rastojanjima izmeću te tačke i tačaka te duži).

Ulaz

```
Sa standardnog ulaza unose se 4 realna broja (svaki u posebnom redu): x0 (-10 \le x0 < 10) - x-koordinata tačke A0(x0,0) x1 (x0 < x1 \le 10) - x-koordinata tačke A1(x1,0) x, y (-20 \le x,y, \le 20) - koordinate tačke <math>A(x,y)
```

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj - najkraće rastojanje tačke A i duži A0A1 zaokruženo na pet decimala.

Primer 1

Ulaz

0

1

-1

1

Izlaz

1.41421

Primer 2

Ulaz

0

1 0.5

3

Izlaz

3.00000

2.2.1.8. Pravougaoni prsten

U programu za rad sa grafikom potrebno je implementirati interakciju mišem sa pravougaonicima nacrtanim na ekranu, čije su ivice paralelne koordinatnim osama. Pravougaonik se mišem prevlači po ekranu tako što se uhvati za ivicu, a da bi se to lakše radilo dopuštena je tolerancija od po 5 piksela sa svake strane ivica pravougaonika. Kada je miš blizu ivice pravougaonika, ivica se iscrtava drugom bojom. Takođe, kada je miš unutar pravougaonika (a kada miš nije blizu ivice) ceo pravougaonik se boji nekom trećom bojom. Napiši program koji za datu poziciju miša i dati pravougaonik određuje da li je miš blizu ivice (računajući datu toleranciju), ili je unutar pravougaonika, dovoljno daleko od ivice ili je van pravougaonika, dovoljno daleko od ivice.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se 6 celih brojeva, svaki u posbnoj liniji.

x,y - koordinate miša

x0,y0 - koordinate gornjeg levog temena pravougaonika

w,h - širina i visina pravougaonika.

Napomena: koordinata y u računarskoj grafici raste odozgo naniže.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati UNUTRA ako se miš nalazi unutar (proširenih) ivica pravougaonika, SPOLJA ako je miš van (proširenih) ivica pravougaonika, tj. NA IVICI ako se nalazi na (proširenoj) ivici pravougaonika.

Primer 1

Ulaz

101

101

100

100

100

100

Izlaz

NA IVICI

Primer 2

Ulaz

106

106

100

100

50

100

Izlaz

UNUTRA

Primer 3

Ulaz

94

94

100

100

50

100

Izlaz

SPOLJA

2.2.2. Diskretni skup vrednosti

2.2.2.1. Broj dana u mesecu

Napiši program koji za dati redni broj meseca i godinu određuje broj dana u tom mesecu. Voditi računa o tome da li je godina prestupna (godina je prestupna ako je deljiva sa 4, a nije deljiva sa 100, osim ako je deljiva sa 400, kada jeste prestupna).

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se dva broja: broj meseca m $(1 \le m \le 12)$ i broj godine g $(1900 \le g \le 2100)$

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja broj dana u zadatom mesecu.

Primer 1

Ulaz

11

2014

Izlaz

30

Primer 2

Ulaz

2

2014

Izlaz

28

Primer 3

Ulaz

2

2016

Izlaz

29

Primer 3

Ulaz

2

29

Primer 4

Ulaz

2

2100

Izlaz

28

2.2.2.2. Naziv meseca

Napiši program koji na osnovu unetog rednog broja meseca ispisuje njegov naziv.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi redni broj meseca - prirodan broj između 1 i 12.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati naziv meseca (ispisan latiničkim ASCII karakterima).

Primer

Ulaz

1

Izlaz

januar

2.2.2.3. Redni broj meseca

Napiši program koji na osnovu naziva meseca određuje njegov redni broj.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi naziv meseca zapisan latičnikim malim slovima.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan prirodan broj koji predstavlja redni broj meseca.

Primer

Ulaz

mart

Izlaz

2.2.3. Leksikografsko grananje

2.2.3.1. Ko je pre stigao

Dva drugara Pera i Mika su došla u školu. Ako se za svakog zna sat, minut i sekund kada je stigao, napiši program koji određuje koji od njih je stigao pre.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 6 celih brojeva. Prvo sat, minut i sekund kada je stigao Pera, a zatim sat, minut i sekund kada je stigao Mika (pretpostavlja se da brojevi predstavljaju ispravno zadata vremena).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jednu liniju teksta. Pera ako je pre stigao Pera, Mika ako je pre stigao Mika ili istovremeno ako su stigli istovremeno.

Primer

Ulaz

14

23

17

15

23

11

Izlaz

Pera

2.2.3.2. Punoletstvo

Napisati program kojim se ispituje da li će osoba čiji je datum rođenja poznat biti punoletna (imati punih 18 godina) nekog zadatog datuma.

Ulaz

U prve tri linije se unosi datum rođenja u redosledu dan, mesec i godina rođenja. U sledeće tri zadati datum u redosledu dan, mesec i godina. Oba datuma su ispravna.

Izlaz

Ispisati na standardnom izlazu: DA - ako će osoba biti punoletna, i NE - ako osoba neće biti punoletna. Ako je jedan zadati datum tačno 18 godina nakon datuma rođenja, osoba se smatra punoletnom (bez obzira na tačno vreme rođenja).

Primer

Ulaz

1

1986

1 5

2004

Izlaz

DA

Ulaz

1

5

1986

30

4

2004

Izlaz

NF

2.2.3.3. Pobednik u dve discipline

Takmičari su radili testove iz matematike i programiranja. Za svaki predmet dobili su određeni broj poena (ceo broj od 0 do 50). Takmičari se rangiraju po ukupnom broju poena iz oba predmeta. Ako dva takmičara imaju isti broj poena, pobednik je onaj koji ima više poena iz programiranja. Potrebno je napisati program koji određuje pobednika takmičenja.

Ulaz

Učitavaju se podaci za tri takmičara. Za svakog takmičara učitava se broj poena iz matematike, a zatim broj poena iz programiranja, svaki u posebnom redu.

Izlaz

Potrebno je ispisati redni broj pobednika. Brojevi počinju od 1. Ako su dva ili više takmičara ostvarila potpuno identičan uspeh, pobednik je onaj koji ima manji redni broj (jer je ostvario više poena na kvalifikacionom takmičenju).

Primer

Ulaz

38

42

43

40

40

43

Izlaz

Prvi takmičar ukupno ima 38+42=80 poena, drugi 43+40=83, a treći 40+43=83. Drugi i treći takmičar imaju isti ukupni broj poena, ali treći takmičar ima više poena iz programiranja tako da je on pobednik.

2.2.4. Hijerarhijsko grananje

2.2.4.1. Linearna jednačina

Napiši program koji određuje broj rešenja linearne jednačine a·x+b=0 za realne vrednosti koeficijenata a i b i rešava je ako postoji jedinstveno rešenje.

Ulaz

U prvom redu koeficijent a, u drugom koeficijent b.

Izlaz

Ako ima jedno rešenje ispis rešenja na dve decimale, ako nema rešenja poruka: NEMA RESENJA, ako ima beskonačno mnogo rešenja poruka: BESKONACNO RESENJA.

Primer

Ulaz

1

Izlaz

-1.00

Ulaz

0

0

Izlaz

BESKONACNO RESENJA

Ulaz

0

1

Izlaz

NEMA RESENJA

2.2.4.2. Kvadranti i ose

Date su koordinate tačke. Napiši program koji određuje u kom kvadrantu ili na kojoj osi se ona nalazi.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se dva cela broja (svaki u posebnom redu): x - koordinata i y-koordinata tačke ($-10 \le x, y \le 10$).

Na standardni izlaz ispisati da li se tačka nalazi u nekom od četiri kvadranta, da li je na nekom delu neke koordinatne ose ili je koordinatni početak.

Primer 1

Ulaz

-1

2

Izlaz

2. kvadrant

Primer 2

Ulaz

0

3

Izlaz

pozitivni deo y ose

Primer 3

Ulaz

0

0

Izlaz

koordinatni pocetak

2.2.4.3. Položaj dve prave

Date su dve prave svojim implicitnim jednačinama (jednačinama oblika Ax+By+C=0). Odrediti njihov međusobni položaj (poklapaju se, paralelne su ili se seku u tački...)

Ulaz

U 6 linija standardnog ulaza nalazi se u svakoj po jedan realan broj. Prva tri broja redom predstavljaju koeficijente A,B i C jedne prave, a druga 3 koeficijente druge prave.

Izlaz

U jednoj liniji standardnog izlaza ispisuje se tekst poklapaju se za prave koje se poklapaju, paralelne su za paralelne prave ili seku se za prave koje se seku. Ako se prave seku u drugoj liniji standardnog izlaza ispisuju se koordinate presečne tačke (2 realna broja sa dve decimale).

Ulaz

5

0

-10

1

1

Izlaz

seku se

2.00 - 2.00

2.2.4.4. Rastojanje tačka pravougaonik

Deca se igraju jurke u školskom dvorištu pravougaonog oblika i oko njega. Pravila igre su takva da je učenik bezbedan kada se uhvati za ogradu. Napiši program koji određuje koliko je najmanje rastojanje koje Đoka treba da pretrči da bi bio bezbedan (on se u početku može nalaziti i u dvorištu i van njega).

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 6 realnih brojeva (svaki u posebnom redu): x0, y0 ($0 \le x0$, y0 < 1000) - koordinate donjeg levog temena pravougaonika koji predstavlja školsko dvorište u koordinatnom sistemu postavljenom tako da su ivice pravougaonika paralelne koordinatnim osama.

x1, y1 (x0<x1 \leq 1000, y0<y1 \leq 1000) koordinate gornjeg desnog temena pravougaonika.

x, y (0≤x0,y0≤1000) - koordinate tačke na kojoj se nalazi Đoka.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj - najkraće rastojanje Đoke do ograde u metrima (dopuštena je tolerancija je jedan centimetar, tj. rezultat ispisati zaokružen na dve decimale).

Primer 1

Ulaz

100

100

200

200

50

170

Izlaz

50.00

Ulaz

100

100

200

200

50

300

Izlaz

111.80

2.2.5. Razno

2.2.5.1. Sutrašnji datum

Napiši program koji za uneti datum određuje datum narednog dana.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose tri pozitivna cela broja (svaki u zasebnom redu) koja predstavljaju dan, mesec i godinu jednog ispravnog datuma.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tri cela broja koja predstavljaju dan, mesec i godinu sutrašnjeg datuma. Svi brojevi se ispisuju u jednom redu, a iza svakog broja navodi se tačka.

Primer 1

Ulaz

1

1 2016

2010

Izlaz

2.1.2016.

Primer 2

Ulaz

28

2

2016

Izlaz

29.2.2016.

Ulaz

28

2

1900

Izlaz

1.3.1900.

2.2.5.2. Jučerašnji datum

Napiši program koji za uneti datum određuje datum prethodnog dana.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose tri pozitivna cela broja (svaki u zasebnom redu) koja predstavljaju dan, mesec i godinu jednog ispravnog datuma.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tri cela broja koja predstavljaju dan, mesec i godinu jučerašnjeg datuma. Svi brojevi se ispisuju u jednom redu, a iza svakog broja navodi se tačka.

Primer 1

Ulaz

1

3

2016

Izlaz

29

2

2016

Primer 2

Ulaz

1

3

1900

Izlaz

28.2.1900.

Primer 3

Ulaz

1.1.2013.

31.12.2013.

2.2.5.3. Vrsta trougla na osnovu uglova

Data su tri konveksna ugla izražena u stepenima i minutima. Napisati program kojim se proverava da li to mogu biti uglovi trougla, i ako mogu kakav je to trougao u odnosu na uglove (oštrougli, pravougli ili tupougli).

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se šest celih brojeva, svaki u posebnoj liniji. Brojevi predstavljaju tri ugla izražena u stepenima. Podaci predstavljaju ispravno zadate uglove, stepeni i minuti određuju ispravno zapisane uglove u intervalu od 0 stepeni i 0 minuta, do 180 stepeni i 0 minuta (minuti su uvek broj između 0 i 59).

Izlaz

Jedna linija standarnog izlaza koja sadrži reč ostrougli, pravougli ili tupougli, ako trougao sa datim uglovima postoji, u zavisnosti od vrste trougla, ili reč ne ako ne postoji trougao sa datim uglovima.

Primer

Ulaz

35

23

92

37

52

0

Izlaz

tupougli

2.2.5.4. Vrsta trougla na osnovu stranica

Napiši program koji na osnovu dužina stranica trougla proverava da li takav trougao postoji i da li je jednakostranični, jednakokraki ili raznostranični.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose tri pozitivna cela broja a, b i c, svaki u posebnom redu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati ne postoji ako ne postoji trougao čije su dužine stranica a, b i c, jednakostranicni ako su ti brojevi dužine stranica nekog jednakostraničnog trougla, jednakokraki ako su dužine stranica nekog jednakokrakog trougla ili raznostranicni ako su dužine stranica nekog raznostraničnog trougla.

Ulaz

3

4

5

Izlaz

raznostranicni

Primer 2

Ulaz

3

4

3

Izlaz

jednakokraki

Primer 3

Ulaz

1

5

1

Izlaz

ne postoji

2.2.5.5. Tenis

Napiši program koji na osnovu broja osvojenih gemova dva igrača određuje ishod seta u tenisu.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose dva prirodna broja (razdvojena razmakom) koji predstavljaju broj osvojenih gemova svakog igrača redom.

Izlaz

Ako je prvi igrač osvojio set na standardni izlaz ispisati poruku pobedio prvi. Ako je drugi igrač osvojio set ispisati pobedio drugi. Ako uneti rezultat neispravan ispisati neispravno. Ako set još nije završen ispisati nije zavrseno.

Primer 1

Ulaz

7

pobedio prvi

Primer 2

Ulaz

3 7

Izlaz

neispravno

3. Iteracija

3.0. Male serije

3.0.1. Statistike

3.0.1.1. Najlošiji kontrolni

Učenci tokom godine rade 5 kontrolnih zadataka. Nastavnik je obećao da će prilikom zaključivanja ocena svakom učeniku zanemariti najslabiju ocenu (ako postoji više takvih, zanemariće samo jednu). Napiši program koji učitava 5 ocena jednog učenika i ispisuje prosečnu ocenu kada se zanemari najslabije urađeni kontrolni.

Ulaz

U svakoj od pet linija standardnog ulaza nalazi se po jedna ocena (ceo broj između 1 i 5) koju je učenik dobio.

Izlaz

Prosečna ocena bez najlošijeg kontrolnog, zaokružena na dve decimale.

Primer

Ulaz

5

4

4

5

3

Izlaz

4.50

3.0.1.2. Najjeftiniji za dinar

U jednoj prodavnici je u toku akcija u kojoj se kupcima koji kupe tri proizvoda nudi da najjeftiniji od ta tri proizvoda dobiju za jedan dinar. Napiši program koji određuje sniženu cenu tri proizvoda.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se tri cela broja iz intervala od 50 do 5000 koji predstavljaju cene u dinarima za tri kupljena proizvoda.

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja ukupnu sniženu cenu ta tri proizvoda.

Primer

Ulaz

2499

3599

899

Izlaz

6099

3.0.1.3. Prosek skijaša

Na takmičenju u skijaškim skokovima pored udaljenosti koju skakač preskoči ocenjuje se i stil skakača. Pet sudija ocenjuju stil skakača ocenama od 0 do 20. Zatim se od svih dobijenih ocena izbrišu jedna najmanja i jedna najveća. Konačna ocena stila skakača računa se kao prosek preostalih ocena. Napiši program kojim se na osnovu ocena 5 sudija određuje konačna ocena stila skakača.

Ulaz

U svakoj od pet linija standardnog ulaza nalazi se po jedna ocena stila skakača (ceo broj između 0 i 20) koju je skijaš dobio od pet sudija.

Izlaz

Konačna ocena stila skakača prikazana na dve decimale.

Primer

Ulaz

3

5

0

1 5

Izlaz

3.00

3.0.1.4. Najtopliji dan

Date su dnevne temperature redom za svaki dane jedne sedmice. Napisati program kojim se određuje redni broj najtoplijeg dana te sedmice (ako ih ima više ispisati prvi). Dani u sedmici su numerisani brojevima od 1 do 7, počev od ponedeljka.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se 7 celih brojeva iz intervala [-50,50]. Svaki broj je u posebnom redu. Brojevi redom predstavljaju temperature izmere u ponedeljak, utorak, sredu, četvrtak, petak, subotu i nedelju.

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisati traženi redni broj najtoplijeg dana.

Primer

Ulaz

27

32

28

27

32

31

29

Izlaz

2

3.0.1.5. H2SO4

Koliko se molekula suporne kiseline H2SO4 može napraviti od datog broja atoma vodonika H, sumpora S i kiseonika O?

Ulaz

U svakoj od dve linije standardnog ulaza nalazi se ceo broj koji predstavlja dati broj atoma, redom, vodonika, sumpora, pa kiseonika.

Izlaz

U jednoj liniji standardnog izlaza ispisati ceo broj koji predstavlja broj mogućih molekula sumporne kiseline.

Primer

Ulaz

75

58

106

Izlaz

26

3.0.1.6. Voćni paketi

Životinje u zoološkom vrtu vole da jedu voće. U vrt se dopremaju paketi voća u kojima se nalazi a kilograma ananasa, b kilograma banana i j kilograma jabuka. Volonteri treba da pripreme dnevni obrok za koji znaju da treba da sadrži bar A kilograma ananasa, B kilograma banana i J kilograma jabuka.

Napiši program koji izračunava koji je najmanji broj paketa voća koje volonteri treba da naruče da bi mogli da pripreme dnevni obrok.

Ulaz

Sa stanardnog ulaza učitava se 6 celih brojeva, svaki u posebnom redu: a, b, j, iz intervala [1,5] i A, B, J iz intervala [5,100].

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja broj paketa koje treba naručiti.

Primer

Ulaz

3

5

4

12

14

17

Izlaz

5

3.0.1.7. Najbliži proseku

Napisati program koji za četiri data broja određuje koji je od ta četri broja najbliži aritmetičkoj sredini datih brojeva (ako su dva broja jednako blizu ispisati prvi).

Ulaz

U četiri linije standardnog ulaza nalaze se četiri realna broja.

Izlaz

U jednoj liniji standardnog izlaza prikazati jedan od unetih realnih brojeva, na dve decimale, najbliži njihovoj aritmetičkoj sredini.

Primer

Ulaz

24.3

20.2

23.5

22.7

Izlaz

22.70

3.0.1.8. Prvi i drugi maksimum

Napisati program kojim se određuju najveća dva različita broja od pet datih celih brojeva.

Ulaz

Na stanadardnom ulazu nalaze se 5 celih brojeva, svaki u posebnoj liniji.

Izlaz

Prva linija standarnog izlaza sadrži najveći broj od datih 5 brojeva. Druga linija standardnog izlaza sadrži drugi po veličini ceo broj od datih 5 brojeva. Ako su svi uneti brojevi jednaki druga linija treba da sadrži samo znak '-'.

Primer 1

Ulaz

2

7

-4

7

3

Izlaz

7

3

Primer 2

Ulaz

12

12

12

12 12

Izlaz

12

3.0.1.9. Najbolji takmičari

Na takmičenju u plivanju slobodnim stilom na 100 metara učestvovalo je 5 takmičara sa starnim brojevima od 1 do 5. Poznati su rezultati svih takmičara izraženi u sekundama. Napisati program koji ispisuje startne brojeve svih onih takmičara koji su postigli najbolji rezultat (najmanje vreme) na tom takmičenju.

Ulaz

U pet linija standardnog ulaza nalaze se pet realnih brojeva iz intervala [40,100], svaki broj u posebnoj liniji. Brojevi predstavljaju rezultate takmičara redom od takmičara sa startnim brojem 1 do takmičara sa startnim brojem 5.

Na standardnom izlazu ispisuju se startni brojevi takmičara koji su postigli najbolji rezultat. Svaki startni broj je u posebnoj liniji, starni brojevi su prikazani od najmanjeg do najvećeg.

Primer

Ulaz

54.7

50.3

53.2

50.3

58.6

Izlaz

2

4

3.0.1.10. Automobil u vođstvu

Tri automobila kreću sa startne pozicije u trenucima 0≤t1≤t2≤t3 konstantnim brzinama v1, v2 i v3. Prikazati startne brojeve automobila koji su na vodećoj poziciji u trenutku t (t≥0). Ako ni jedan automobil još nije krenuo, sva tri su u vodećoj poziciji.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se sedam celih brojeva, svaki u zasebnoj liniji t1, v1, t2, v2, t3, v3, t gde t1,t2,t3,t predstavljaju vremena u sekundama, a v1,v2,v3 brzine u metrima po sekundi.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ili više celih brojeva (svaki u posebnom redu) koji predstavljaju redne brojeve automobila (1, 2 ili 3) koji su na vodećoj poziciji. Ako je više automobila istovremeno u vođstvu, njihove redne brojeve ispisati u rastućem redosledu.

Primer

Ulaz

10

5

5

4

0

30

Izlaz

1

3.0.1.11. Pozicija najvećeg ugla trougla

Data su dva ugla raznostraničnog trougla u stepenima, minutima i sekundama. Odrediti koji od uglova trougla je najveći, prvi po redosledu unosa, drugi po redosledu unosa ili treći, određen u programu.

Ulaz

U svakoj od šest linija standardnog ulaza nalazi se po jedan ceo broj. Brojevi redom predstavljaju stepene, minute (manje od 60) i sekunde (manje od 60), prvo jednog, pa drugog ugla trougla. Zbir data dva ugla je manji od 180 stepeni.

Izlaz

U jednoj liniji standardnog izlaza ispisati broj 1, 2 ili 3.

Primer

Ulaz

75

30

14

23

15

45

Izlaz

3

3.0.2. Filtriranje

3.0.2.1. Jutarnje temperature

Date su jutarnje temperature za 4 dana T1, T2, T3 i T4. Odrediti broj dana od ta 4 dana kada je jutarnja temperatura bila ispod prosečne temperature za ta 4 dana.

Ulaz

Na stanadarnom ulaza nalaze se četiri realna broja, svaki u posebnoj liniji, koji predstavljaju jutarnje temperature za četiri dana.

Izlaz

U prvoj liniji standardnog ulaza ispisuje se prosečna temperatura za ta četiri dana, zaokružena na dve decimale.

U drugoj liniji standardnog izlaza ispisuje se broj dana kada je temperatura bila ispod prosečne.

Primer

Ulaz

27.3

20.2

23.5

21.8

Izlaz

23.20

2

3.0.2.2. Berza

Trgovac na berzi je tokom jedne radne nedelje svaki dan ili ostvarivao zaradu ili je gubio novac. Od svih dana u kojima je nešto zaradio, odrediti dan u kome je najmanje zaradio i vrednost koju je tog dana zaradio (ako je više takvih dana, prijaviti prvi) ili prijaviti da je svih dana gubio novac.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se 5 celih brojeva iz intervala [-10000,10000] (iznosi koje je trgovac ostvario u ponedeljak, utorak, sredu, četvrtak i petak), svaki u posebnom redu.

Izlaz

Ako je trgovac u nekom danu ostvario zaradu (iznos je strogo veći od nule), na standardni izlaz u prvom redu ispisati najmanji iznos zarade koji je ostvaren tokom nedelje i u drugom redu oznaku dana (PON, UTO, SRE, CET ili PET) u kome je ostvaren taj najmanji profit. Ako nijedan dan nije ostvarena zarada, ispisati red koji sadrži samo karakter -.

Primer 1

Ulaz

3200

-420

-10

1350

5670

Izlaz

1350

CET

Primer 2

Ulaz

- -4700
- -360
- -1000
- -1550
- -3245

_

3.0.2.3. Kvalifikacioni prag

Ako se znaju poeni 4 takmičara i kvalifikacioni prag na takmičenju iz programiranja, odrediti koliko takmičara je osvojilo dovoljno poena i kvalifikovalo se u sledeći krug takmičenja, a koliki je prosek poena onih koji se nisu kvalifikovali.

Ulaz

U pet linija standardnog ulaza nalaze se pet celih brojeva iz intervala [0,100], svaki broj u posebnoj liniji. Prva četiri broja predstavljaju osvojene poene takmičara, a peti broj je kvalifikacioni prag.

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisuje se:

- -u prvoj liniji broj takmičara koji su se kvalifikovali,
- -u drugoj liniji prosek poena (na dve decimale) za grupu takmičara koja se nije kvalifikovala, a u slučaju da su se svi kvalifikovali u drugoj liniji ispisati znak '-'.

Primer

Ulaz

0

30

2

99 30

Izlaz

2

1.00

3.0.2.4. Preticanje

Tri automobila startnih brojeva 1, 2, 3 kreću sa iste startne pozicije redom u trenucima t1, t2, t3 (0≤t1<t2<t3), i kreću se konstantnim brzinama v1, v2, v3. Napisati program kojim određujemo trenutak kad se desi poslednje preticanje, ili ako nema preticanja ispisati tekst nema.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 6 realnih brojeva, svaki u zasebnom redu: t1,v1,t2,v2,t3,v3.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj koji predstavlja vreme poslednjeg preticanja, zaokružen na dve decimale ili tekst nema ako preticanja nije bilo.

Ulaz

1.6

20

2

12

7.4

2.1

Izlaz

nema

Primer 2

Ulaz

6.3

9

15

18

19

13

Izlaz

47.57

3.0.3. Sortiranje

3.0.3.1. Uredi tri broja

Milica kupuje patike. Dopala su joj se tri para. Napiši program koji ispisuje cene ta tri para patika od najjeftinijih do najskupljih.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se tri cela broja iz intervala [1000,10000], svaki u posebnom redu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisuju se brojevi uređeni od najmanjeg do najvećeg.

Primer

Ulaz

2300

1800

2799

Izlaz

1800

2799

3.0.3.2. Najmanji trocifreni broj

Od cifara četvorocifrenog prirodnog broja treba formirati najmanji trocifren broj.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se četvorocifren prirodan broj n (1000≤n<10000).

Izlaz

Najmanji trocifren broj dobijen od cifara broja n.

Primer

Ulaz

5302

Izlaz

203

3.0.3.3. Jednakokraki od 4 duži

Data su četiri pozitivna realna broja koji predstavljaju dužine 4 duži. Napiši program koji ispituje da li se od neke 3 od njih može napraviti jednakokraki trougao?

Ulaz

Četiri pozitivna realna broja (svaki u zasebnom redu).

Izlaz

Jedna linija teksta u kojoj piše da ako je moguće napraviti trougao tj. ne ako nije.

Primer

Ulaz

- 1.1
- 2.2
- 3.3
- 4.4

Izlaz

ne

Ulaz

- 3.2
- 2.3
- 3.2
- 4.5

da

Ulaz

3.2

2.3

1.1

1.1

Izlaz

ne

3.0.3.4. Prozor i kutija

Petar i Luka treba da iznesu kutiju oblika kvadra datih dimenzija a,b,c, kroz prozor oblika pravougaonika dimenzija $p \times q$ tako da su odgovarajuće ivice kutije budu paralelne ivicama prozora. Napisati program kojim se proverava da li je to moguće.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se 5 prirodnih brojeva koji predstavljaju redom dimenzije kutije a,b,c i prozora p,q izražene u centimetrima.

Izlaz

U jednoj liniji standardnog izlaza prikazati reč da ako je moguće kutiju izneti kroz prozor, a reč ne ako to nije moguće.

Primer 1

Ulaz

75

30

50

70 60

Izlaz

da

Primer 2

Ulaz

30

40

50

30

40

Izlaz

da

3.0.3.5. Podela brojevne prave na intervale

Brojevna prava je trima različitim tačkama a, b i c podeljena na četiri dela. Napisati program koji određuje u kom delu, prvom, drugom, trećem ili četvrtom, se nalazi uneta (četvrta) tačka d, različita od tačaka a, b i c.

Ulaz

Na standarnom ulazu nalaze se 4 različita realna broja, svaki u posebnoj liniji, koji redom predstavljaju tačke kojima je realne prave podeljena (a, b i c) i tačku (d) za koju određujemo u kom delu se nalazi.

Izlaz

U jednoj liniji standardnog izlaza ispisuje reč prvom, drugom, trecem ili cetvrtom u zavisnosti kom delu tačka d pripada.

Primer

Ulaz

5

-6

3

1

Izlaz

drugom

3.0.3.6. Sumo rvači

Četiri sumo rvača poznatih težina čekaju ispred lifta poznate nosivosti. Koliki je najmanji broj vožnji potreban da bi se oni prevezli?

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se 5 celih brojeva, svaki u posebnom redu: a, b, c, d (100≤a,b,c,d,≤200) - težine, u kilogramima, 4 sumo rvača, L (200≤L≤700) - nosivost lifta u kilogramima.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - broj vožnji potrebnih da se rvači prevezu.

Primer

Ulaz

200

103

160

154

280

Izlaz

Moguće je da se u jednoj vožnji prevezu rvači od 103 i 154 kilograma (jer u zbiru imaju 258 kilograma, što je manje od 280 kilograma kolika je nosivost lifta), a da se rvači od 160 i 200 kilograma prevezu svaki posebno. Dve vožnje nisu moguće (rvači od 200, 160 i 154 ne mogu da stanu u lift jedan sa drugim).

3.0.3.7. Orijentacija trougla

U ravni ima puno tačaka i svaka od njih ima svoj redni broj (od 1 do n). Trougao je određen sa tri tačke A, B i C, koje su određene svojim rednim brojevima. Međutim, problem je to što su tačke zadate u proizvoljnom redosledu. Na primer, trougao ABC može biti zadat tako što su date tačke B, A i na kraju C. Napiši program koji će tačke ispisati u osnovnom redosledu (od najmanjeg broja, do najvećeg) i uz to odrediti da li raspored tačaka koji je unet određuje trougao koji ima istu ili suprotnu orijentaciju od ovog dobijenog uređivanjem tačaka. Na primer, trouglovi ABC i CAB imaju istu orijentaciju (u smeru suprotnom kretanju kazaljke na satu), dok trougao BAC ima suprotnu orijentaciju.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose tri različita prirodna broja, razdvojena razmakom, koji predstavljaju redne brojeve tačaka.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tri broja razdvojena razmakom koji se dobijaju uređivanjem brojeva tačaka od najmanjeg do najvećeg, a u narednom redu ispisati isto ako polazni raspored određuje istu tj. suprotno ako određuje suprotnu orijentaciju od onog dobijenog uređivanjem.

Primer 1

Ulaz

32 14 55

Izlaz

14 32 55

suprotno

Primer 2

Ulaz

11 5 8

Izlaz

5 8 11

isto

3.0.4. Cifre broja

3.0.4.1. Zbir dva trocifrena

Đaci uvežbavaju sabiranje trocifrenih brojeva. Učiteljica diktira zadatak redom cifru po cifru. Napiši program koji na osnovu učitanih cifara izračunava i ispisuje traženi zbir.

Ulaz

U šest linija standardnog ulaza zadato je šest cifara.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - traženi zbir.

Primer

Ulaz

1

2

3

4

5

Izlaz

579

3.0.4.2. Obrni cifre

Sa standardnog ulaza se unosi prirodan broj n. Napiši program koji na standardni izlaz ispisuje broj koji se dobija kada se obrne redosled poslednje 4 cifre broja n.

Ulaz

Pozitivan ceo broj manji od 10**9.

Primer

Ulaz

1234567

Izlaz

1237654

Ulaz

123

Izlaz

3.0.4.3. Cifre sdesna

Petar i Marko se igraju igre memorije. Petar diktira Marku cifre jednog broja, jednu po jednu, otpozadi, krenuvši od cifre jedinica. Napiši program koji pomaže Marku da odredi broj čije cifre Petar diktira.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se 6 dekadnih cifara, svaka u posebnom redu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - broj čije cifre su unete sa standardnog ulaza.

Primer 1

Ulaz

1

2

3

4

5

Izlaz

654321

Primer 2

Ulaz

0

1

2

2

1

Izlaz

12210

3.1.serije

3.1.1. Pravilne serije

3.1.1.1. Brojevi od a do b

Ako su dati celi brojevi a i b, napisati program koji ispisuje redom sve cele brojeve u zadatom intervalu [a,b].

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se ceo broj a, a u drugoj je ceo broj b $(-1000 \le a \le 1000, -1000 \le b \le 1000)$.

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisuju se redom svi celi brojevi iz intervala, u svakoj liniji po jedan broj.

Primer

Ulaz

3

9

Izlaz

3

4

5

6

7

8 9

3.1.1.2. Brojevi trocifreni parni

Za date cele brojeve a i b, napisati program koji ispisuje redom sve parne trocifrene brojeve koji pripadaju datom intervalu [a,b]

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se brojevi a i b (0≤a≤1500 i a≤b≤1500).

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisuju se redom (od najmanjeg do najvećeg) svi parni trocifreni brojevi, u svakoj liniji po jedan broj.

Primer

Ulaz

85

109

Izlaz

100

102

104

106

108

3.1.1.3. Brojevi obrnuti redosled

Napisati program koji odbrojava unazad od datog broja do nule.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se prirodan broj a manji od 100 od kojeg počinje odbrojavanje.

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisuju se redom (od najvećeg do najmanjeg) svi brojevi od a do nule. Svaki broj prikazati u posebnoj liniji.

Primer

Ulaz

5

Izlaz

5

4

3

2

0

3.1.1.4. Najave emisije u pravilnim vremenskim intervalima

Poznat je početak i kraj jednog filma (vremena u satima i minutima). U pravilnim vremenskim intervalima, prvo na početku filma i zatim nakon svakih m minuta u uglu ekrana se prikazuje najava sledeće emisije. Napiši program koji ispisuje vremena u kojima se prikazuje ta najava.

Ulaz

Na standardnom ulazu nalazi se vreme početka filma dato u obliku dva cela broja, svakog u zasebnoj liniji koji predstavljaju broj sati i broj minuta, zatim, u sledeđoj liniji vreme završetka filma dato u istom obliku i na kraju jedan ceo broj koji predstavlja interval u minutima u kojem se prikazuje najava.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati, vremena emitovanja najave u obliku h:m, svako u zasebnom redu.

Primer

Ulaz

12

0

13

53

15

Izlaz

12:0

12:15

12:30

12:45

13:0

13:15

13:30

13:45

3.1.1.5. Geometrijska serija

Napisati program koji za date prirodne brojeve a, b ispisuje brojeve iz intervala [a,b], od kojih je prvi broj koji se ispisuje jednak a, a svaki sledeći je tri puta veći od prethodnog. Na primer, za [a,b]=[5,50] treba ispisati 5, 15, 45.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju prirodni brojevi a (1≤a≤50) i b (a≤b≤10000) svaki u posebnom redu.

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisuju se svi traženi brojevi, redom (od najmanjeg do najvećeg). Svaki broj ispisati u posebnoj liniji.

Primer

Ulaz

5

50

Izlaz

5

15

45

3.1.1.6. Brojanje u igri žmurke

U igri žmurke deca obično broje po pet (5,10,15,20,...). Napiši program koji ispisuje baš te brojeve.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se broj x (100≤x≤1000) deljiv sa 5.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati brojeve deljive sa 5, počevši od 5 i završivši sa x. Svaki broj ispisati u posebnom redu.

Primer

Ulaz

30

Izlaz

10 15 20

25 30

3.1.1.7. Podela intervala na jednake delove

Napisati program kojim se ispisuju vrednosti n ravnomerno razmaknutih realnih brojeva iz intervala [a,b], tako da je prvi od tih brojeva a, a poslednji b.

Ulaz

Prva linija standardnog ulaza sadrži prirodan broj n (1<n≤20), druga linija sadrži realan broj a, a treća linija realan broj b, pri čemu je a
b.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati, na pet decimala, redom tražene brojeve svaki u posebnoj liniji.

Primer

Ulaz

5

-1 1

Izlaz

-1.00000

-0.50000

0.00000

0.50000

1.00000

3.1.2. Učitavanje

3.1.2.1. Zbir n brojeva

Napisati program kojim se određuje zbir n datih celih brojeva.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se prirodan broj n. U svakoj od narednih n linija nalazi se po jedan ceo broj xi.

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati zbir unetih n celih brojeva x1,...,xn.

Primer

Ulaz

10

-3

2

4

-1

Izlaz

12

3.1.2.2. Čitanje do nule

Unose se celi brojevi dok se ne unese nula. Napisati program kojim se prikazuje koliko je uneto brojeva, ne računajući nulu.

Ulaz

Svaka linija standardnog ulaza, izuzev poslednje, sadrži ceo broj različit od nule. Poslednja linija sadrži nulu.

Izlaz

Na standardnom izlazu u prvoj liniji prikazati kolko je učitano brojeva, ne računajući nulu.

Primer 1

Ulaz

5

12

-5

675

-123

O

Izlaz

5

Primer 2

Ulaz

O

Izlaz

0

3.1.2.3. Čitanje do kraja ulaza

Sa ulaza se unose celi brojevi sve dok se ne dođe do kraja ulaza. Napisati program kojim se prikazuje koliko je uneto brojeva.

Ulaz

Svaka linija standardnog ulaza sadrži po jedan ceo broj. NAPOMENA: prilikom interaktivnog testiranja programa, kraj standardnog ulaza se označava

kombinacijom tastera ctrl + z ako se koristi operativni sistem Windows tj. ctrl + d ako se koristi operativni sistem Linux.

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza prikazati koliko je brojeva uneto.

Primer

Ulaz

20

145

-23

12

456

13

Izlaz

6

3.1.2.4. Prosek svih brojeva do kraja ulaza

Sa standardnog ulaza se učitava broj poena takmičara na takmičenju iz programiranja. Napiši program koji izračunava prosečan broj poena svih takmičara.

Ulaz

Svaki red standardnog ulaza sadrži jedan ceo broj između 0 i 100. NAPOMENA: prilikom interaktivnog testiranja programa, kraj standardnog ulaza se označava kombinacijom tastera ctrl + z ako se koristi operativni sistem Windows tj. ctrl + d ako se koristi operativni sistem Linux.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati prosek zaokružen na 5 decimala.

Primer

Ulaz

1

2

3

4

5 6

Izlaz

3.50000

3.1.2.5. Čitanje do minus 1 ili do n-tog

Pera se tokom časa igrao i seckao kvadrate od papira. Učiteljica je to primetila i dala mu je zadatak da izračuna ukupnu površinu svih kvadratića. Napiši

program koji Peri pomaže da to uradi. Pera, na samom početku unosi broj n za koji je siguran da je veći ili jednak broju kvadratića. Nakon toga, unosi najviše n brojeva koji predstavljaju dužine stranica kvadratića, pri čemu, ako primeti da kvadratića ima manje od broja n, on unosi -1, čime označava da je potrebno prekinuti unos.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava broj n (0≤n≤15), a zatim 1≤m≤n celih brojeva između 1 i 10, pri čemu, ako je m<n, onda se nakon njih unosi −1.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja ukupnu površinu svih kvadrata.

Primer 1

Ulaz

5

1

2

3

4

5

Izlaz

55

Primer 2

Ulaz

5

1

2

-1

Izlaz

14

3.1.3. Preslikavanje

3.1.3.1. Magacin sokova

U magacin se na n polica slažu gajbice sa sokovima. U svaku gajbicu može da stane k flaša sokova. Odrediti najmanji ukupan broj gajbica potreban da se spakuju sve flaše iz magacina, ako je poznat broj flaša sokova na svakoj polici, pri čemu se u svaku gajbicu mogu pakovati isključivo flaše sa jedne police.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se prirodan broj n $(1 \le n \le 100)$ koji predstavlja broj polica u magacinu. U drugoj je prirodan broj k $(5 \le k \le 30)$ koji predstavlja kapacitet gajbice. U svakoj od narednih n linija nalazi se prirodan broj, iz intervala [5,500], koji predstavlja broj flaša na svakoj polici.

Izlaz

U jednoj liniji standardnog izlaza ispisuje se najmanji broj upotrebljenih gajbica.

Primer

Ulaz

3

8

31

25

16

Izlaz

10

Za flaše sa prve police potrebno je 4 gajbice, sa druge isto 4, a sa treće 2.

3.1.3.2. Tabeliranje funkcije

Automobil se kreće ravnomerno ubrzano sa početnom brzinom v0 izraženom u metrima u sekundi (m/s) i ubrzanjem a izraženim u metrima u sekundi za sekundu (m/s**2). Ukupno vreme do postizanja maksimalne brzine je T sekundi. Na svakih Δt sekundi od početka potrebno je izračunati pređeni put automobila. Napomena: za ravnomerno ubrzano kretanje pređeni put nakon proteklog vremena t izražava se sa $s=v0\cdot t+a\cdot t^**2/2$.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se 4 realna broja:

v0 (0≤v0≤5) - početna brzina

a (1≤a≤3) - ubrzanje

T (5≤T≤10) - ukupno vreme

 Δt (0.1 $\leq T \leq$ 2.5) - interval

Izlaz

Na stadardni izlaz ispisati seriju brojeva koji predstavljaju pređeni put u zadatim trenucima.

Primer

Ulaz

1

1

2

0.5

0.00000

0.62500

1.50000

2.62500

4.00000

3.1.3.3. Milje u kilometre

Milja je engleska istorijska mera za dužinu koja iznosi 1609.344 m. Napiši program koji ispisuje tablicu preračunavanja milja u kilometre.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj a $(1 \le a \le 10)$, b $(10 \le b \le 100)$ i k $(1 \le k \le 10)$.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tabelu konverzije milja u kilometre za svaki broj milja iz intervala [a,b], sa korakom k. Broj kilometara zaokružiti na 6 decimala, a tabelu prikazati u formatu identičnom kao u primeru.

Primer

Ulaz

10

20

2

Izlaz

10 mi = 16.093440 km

12 mi = 19.312128 km

14 mi = 22.530816 km

16 mi = 25.749504 km

18 mi = 28.968192 km

20 mi = 32.186880 km

3.1.4. Elementarne statistike

3.1.4.1. Faktorijel

Date su cifre 1,2,...,n. Napiši program koji izračunava koliko se različitih n-tocifrenih brojeva sastavljenih od svih tih cifara može napraviti (na primer, od cifara 1,2,3 mogu se napraviti brojevi 123, 132, 213, 231, 312 i 321). Napomena: Broj permutacija skupa od n elemenata jednak je faktorijelu broja n tj. broju n!=1·2·...·n. Razmisli zašto je baš tako.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj n (1≤n≤9).

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati broj različitih brojeva koji se mogu napraviti od cifara 1,2,...,n.

Primer 1

Ulaz

5

Izlaz

120

Primer 2

Ulaz

9

Izlaz

362880

3.1.4.2. Sredine

Automobil putuje menjajući brzinu tokom putovanja. Poznato je da se jedan deo puta kretao ravnomerno brzinom v1 km/h, zatim se jedan deo puta kretao ravnomerno brzinom v2 km/h, i tako dalje, sve do poslednjeg dela puta gde se kretao ravnomerno brzinom od vn km/h. Napisati program koji određuje prosečnu brzinu automobila na tom putu i to:

ako se pretpostavi da je svaki deo puta trajao isto vreme, ako se pretpostavi da je na svakom delu puta automobil prešao isto rastojanje.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se n (2≤n≤10) pozitivnih realnih brojeva: v1, v2, ..., vn (za svako vi važi 30≤vi≤120), nakon čega sledi kraj ulaza.

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza ispisati realan broj zaokružen na 2 decimale koji predstavlja prosečnu brzinu pod pretpostavkom da je svaki deo puta trajao isto vreme, a u drugom redu realan broj zaokružen na 2 decimale koji predstavlja prosečnu brzinu pod pretpostavkom da je na svakom delu puta automobil prešao isto rastojanje.

Primer

Ulaz

60

40

Izlaz

50.00

48.00

3.1.4.3. Prosečan rast cena

Potrošačka korpa je koštala 60000 dinara. Nakon godinu dana cene su porasle 21 procenat i potrošačka korpa je koštala 72600 dinara. Nakon druge godine cene su porasle još 44 procenta i potrošačka korpa je koštala 104544 dinara. Postavlja se pitanje koliko je prosečno godišnje porasla cena potrošačke korpe. Definišimo da će prosečan procenat porasta cene biti onaj koji, kada se primeni nakon svake godine, na kraju dati istu cenu kao i u slučaju polaznih porasta cena. U našem primeru, ako bi cena porasla 32 procenta nakon godinu dana potrošačka korpa bi koštala 79200 dinara, i ako bi nakon druge godine porasla još 32 procenta, na kraju bi koštala ponovo tačno 104544 dinara, tako da kažemo da je prosečan porast cene 32 procenta. Napiši program koji za date pojedinačne procente porasta cene nakon svake godine izračunava prosečan procenat porasta cene tokom celog perioda.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj n (važi $2 \le n \le 10$) a zatim n realnih brojeva p1,p2,...,pn koji predstavljaju procente porasat cene na kraju svake godine (za svako pi važi da je $5 \le pi \le 50$).

Izlaz

Na standardni izlaz prikazati jedan realan broj zaokružen na dve decimale koji predstavlja prosečan procenat porasta cene.

Primer 1

Ulaz

2

21

44

Izlaz

32.00

Primer 2

Ulaz

5

47.0

13.0

13.5

26.5

16.5

Izlaz

22.68

3.1.4.4. Jednakost rastojanja

Stanovnici jedne dugačke ulice žele da odrede položaj na kojem će biti napravljena antena za mobilnu telefoniju. Pošto žele da lokaciju odrede na

najpravedniji mogući način, dogovorili su se da antenu sagrade na mestu na kom će zbir rastojanja svih onih koji se nalaze levo od antene do nje, biti jednak zbiru rastojanja svih onih koji se nalaze desno od antene do nje. Ako su poznate koordinate svih kuća u ulici (možemo zamisliti da su to koordinate tačaka na jednoj pravoj), napiši program koji određuje položaj antente.

Ulaz

Sa standardnog ulaza u prvoj liniji se unosi prirodan broj n (1≤n≤100) koji predstavlja broj stanara, a u narednih n linija realni brojevi (od −1000 do 1000) koji predstavljaju koordinate stanara (x koordinate tačaka na osi).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj koji predstavlja traženi položaj antene (dopuštena je tolerancija greške 10**-5).

Primer

Ulaz

5

-7.34

15.6

3.67

-22.17

6.2

Izlaz

-0.80800

3.1.4.5. Težište

Težište T trougla ABC je presek njegovih težišnih duži. Ta tačka ima i druga zanimljiva svojstva. Na primer, kada bismo izrezali trougao od papira, mogli bismo da ga balansiramo na vrhu olovke, samo ako bismo olovku postavili u težište trougla. Takođe, težište je tačka takva da je zbir kvadrata rastojanja između nje i temena trougla (tj. izraz |AT|**2+|BT|**2+|CT|**2) najmanji moguć. Ujedno, to je jedina tačka takva da je zbir vektora **AT+BT+CT=0**. Koristeći poslednje pomenuto svojstvo, pojam težišta se može uopštiti na proizvoljan konačan skup tačaka (tada se ponekad naziva i baricentar ili centroid). Napiši program koji za n tačaka ravni zadatih svojim koordinatama određuje njihovo težište.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se broj 3≤n≤100 i zatim 2n parova realnih brojeva (xi,yi), pri čemu je svaki broj u posebnom redu, koji predstavljaju koordinate n tačaka ravni.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati koordinate težišta tog skupa tačaka, prvo koordinatu x, zatim koordinatu y, svaku u posebnom redu, zaokruženu na pet decimala.

Ulaz

3

0

0

0

1

1

Izlaz

0.33333

0.33333

3.1.4.6. Stepen

Napiši program koji izračunava stepen xn. Pokušaj da program napišeš bez upotrebe bibliotečkih funkcija i operatora za stepenovanje.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi realan broj x $(0.8 \le x \le 1.2)$ i ceo broj n $(0 \le n \le 20)$.

Izlaz

Na standardni izlaz ispiši vrednost xn zaokruženu na pet decimala.

Primer

Ulaz

1.1

5

Izlaz

1.61051

3.1.5. Maksimum minumum

3.1.5.1. Najmanja temperatura

Date su temperature u nekoliko gradova. Napisati program kojim se određuje, kolika je temperatura u najhladnijem gradu.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj n ($3 \le n \le 50$) koji predstavlja broj gradova, a u svakoj od narednih n linija nalazi se ceo broj t ($t \in [-20,40]$) koji predstavlja temperaturu u odgovarajućem gradu.

Na standarnom izlazu, u jednoj liniji, prikazati temperaturu u najhladnijem gradu.

Primer

Ulaz

5

10

-12

22

-13

15

Izlaz

-13

3.1.5.2. Prosek skokova

Marko je veliki obožavatelj skokova u vodu i ne propušta nijedno takmičenje. Skok se ocenjuje tako što svaki od n sudija donese svoju ocenu, a zatim se najslabija i najbolja ocena odbace i odredi se prosek preostalih ocena. Napisati program kojim se određuje Markov rezultat na osnovu sudijskih ocena.

Ulaz

U n (2<n≤10) linija standardnog ulaza nalazi se po jedan ceo broj iz intervala [0,10], ti brojevi predstavljaju ocene koje je Marko dobio. Nakon toga dolazi kraj ulaza (on se može uneti pomoću ctrl + z u sistemima Windows ili ctrl + d u sistemima Linux).

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati, na dve decimale, Markov rezultat.

Primer

Ulaz

8

7

9

9 5

Izlaz

8.00

3.1.5.3. Redni broj maksimuma

Na aukciji neke slike učestvuje n kupaca. Svaki kupac ponudi izvesni iznos novca, pri tome svi kupci su ponudili različite iznose. Napisati program kojim se određuje redni broj kupca koji je ponudio najveći iznos.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj n (1≤n≤1000) koji predstavlja broj kupaca. U narednih n linija nalazi se po jedan pozitivan realan broj, ti brojevi predstavljaju iznose novca koji su ponudili kupci redom.

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati redni broj kupca koji je ponudio najveći iznos novca.

Primer

Ulaz

5

123.23

234.45

100.23

345.00

128.80

Izlaz

4

3.1.5.4. Najbliži datom celom broju

Učenici jednog odeljenja su organizovali nagradnu igru. Pobednik igre je onaj učenik koji što bolje proceni koliko metara je dugačka njihova učionica. Ako su dve procene takve da za isti iznos potcenjuju tj. precenjuju dužinu učionice, pobednik je onaj ko je dao veću procenu.

Ullaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se ceo broj x ($10 \le x \le 20$), stvarna dužina učionice, u drugoj liniji prirodan broj n ($3 \le n \le 30$) koji predstavlja broj učenika, dok sledećih n linija sadrže različite realne brojeve xi ($5 \le x \le 30$) koji predstavljaju procene učenika.

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza prikazati, najveći broj među učitanim realnim brojevima koji je najbliži broju x (zaokružen na dve decimale).

Primer

Ulaz

13.0

4

12.4

8.4

13.6

7.5

13.60

3.1.5.5. Broj maksimalnih

Na takmičenju iz matematike učestvuje n učenika. Za svakog takmičara poznat je broj poena koje je osvojio na takmičenju. Napisati program kojim se određuje broj takmičara koji su postigli najbolji rezultat na takmičenju.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj n (10≤n≤250) koji predstavlja broj učenika. U narednih n linija nalazi se po jedan ceo broj iz intervala [0,100], ti brojevi predstavljaju poene koje su takmičari osvojili.

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati ukupan broj takmičara koji su postigli najbolji rezultat na takmičenju.

Primer

Ulaz

10

57

43 57

~

90

73 89

90

75

90

85

Izlaz

3

3.1.5.6. Drugi na rang listi

Na osnovu rezultata takmičenju na kojem je učestvovalo N učenika formirana je rang lista. Rang lista se formira u nerastućem poretku po rezultatima, od najboljeg do najlošijeg rezultata. Ako dva takmičara imaju isti rezultat onda se oni prikazuju u abecednom poretku, po njihovom prezimenu i imenu. Napisati program kojim se određuje broj poena takmičara koji je drugi na rang listi.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj N (1≤N≤50000) koji predstavlja broj takmičara. U svakoj od narednih N linija nalazi se ceo broj iz intervala [0,50000], ti brojevi predstavljaju rezultate takmičara, koji nisu sortirani po poenima, već po brojevima računara za kojima su takmičari sedeli.

U jednoj liniji standardnog izlaza prikazati broj poena drugog takmičara na rang listi.

Primer

Ulaz

5

80

95

75

50

95

Izlaz

95

3.1.5.7. Druga vrednost po veličini

U studentskom udruženju se organizuje nagradna igra. Dogovor je da nagrade dobijaju dva člana udruženja koja imaju najveće brojeve indeksa. Problem je u tome što su na postojećem spisku neki studenti upisani i više puta. Napisati program koji na osnovu serije brojeva indeksa sa tog spiska određuje dva nagrađena studenta.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj N (10≤N≤50000) koji predstavlja broj studenata na spisku. Svaka od narednih N linija sadrži po jedan prirodan broj iz intervala [1,50000], koji predstavlja broj indeksa studenata iz udruženja. Može se pretpostaviti da će na spisku postojati bar dva različita indeksa.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati indekse dva nagrađena studenta. U prvom redu najveću, a u drugom redu sledeću po veličini vrednost među brojevima indeksa.

Primer

Ulaz

7

3

15

3

15

71 71

, 3

71

15

3.1.5.8. Pobednik u tri discipline

Takmičari su radili testove iz programiranja, matematike i fizike. Za svaki predmet dobili su određeni broj poena (ceo broj od 0 do 50). Takmičari se rangiraju po ukupnom broju poena iz sva tri predmeta. Ako dva takmičara imaju isti broj poena, pobednik je onaj koji ima više poena iz programiranja. Ako je i broj poena iz programiranja jednak, onda se posmatra broj poena iz matematike. Na kraju, ako je i broj poena iz matematike jednak, posmatra se broj poena iz fizike. Potrebno je napisati program koji određuje pobednika takmičenja.

Ulaz

Učitava se prvo broj takmičara, a zatim i podaci za svakog takmičara. Za svakog takmičara učitava se broj poena iz programiranja, a zatim broj poena iz matematike, i na kraju broj poena iz fizike, svi u istom redu.

Izlaz

Potrebno je ispisati redni broj pobednika i broj njegovih poena iz svakog predmeta. Brojanje takmičara počinje od 1. Ako su dva ili više takmičara ostvarila potpuno identičan uspeh, pobednik je onaj koji ima manji redni broj (jer je ostvario više poena na kvalifikacionom takmičenju).

Primer

Ulaz

4

20 30 40

10 20 30

20 40 30

10 50 20

Izlaz

3: 20 40 30

3.1.5.9. Najmanji krug

Za dati niz tačaka u ravni odrediti poluprečnik najmanjeg kruga, sa centrom u koordinatnom početku, koji sadrži sve date tačke.

Ulaz

Sa standardnog ulaza u prvoj liniji se unosi prirodan broj n $(1 \le n \le 100)$ koji predstavlja broj tačaka u ravni, a u narednih $2 \cdot n$ linija u svakoj liniji po jedan realan broj (od -1000 do 1000), koji predstavljaju koordinate tačke u ravni. x i y se naizmenično učitavaju.

Na standardni izlaz ispisati jedan realan broj (dopuštena je tolerancija greške 10**-5) - poluprečnik najmanjeg kruga sa centrom u koordinatnom početku, koji sadrži sve učitane tačke.

Primer

Ulaz

4

2.6

3.4

1.2

6.7

0.7

3.33

5.55 2.57

2.57

3.44

Izlaz

6.80661

3.1.5.10. Razlika suma do max i od max

Unosi se mase predmeta, odrediti razliku sume masa predmeta do prvog pojavljivanja predmeta najveće mase i sume masa predmeta posle prvog pojavljivanja predmeta najveće mase (predmet najveće mase nije ukuljučen ni u jednu sumu).

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se broj predmeta n (1≤n≤50000). Svaka od narednih n linija sadrži po jedan prirodan broj iz intervala [1,50000], ti brojevi predstavljaju mase svakog od n predmeta.

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati traženu razliku masa.

Primer

Ulaz

5

10

13

7

13

4

Izlaz

-14

Predmet najveće mase je 13. Zbir masa pre njegovog prvog pojavljivanja je 10, a posle njegovog prvog pojavljivanja je 24. Zato je tražena razlika -14.

3.1.6. Pretraga

3.1.6.1. Prva negativna temperatura

Poznate su temperature za svaki dan nekog perioda. Napisati program kojim se određuje redni broj dana u tom periodu kada je temperatura prvi put bila negativna.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj n (3≤n≤365) koji predstavlja broj dana perioda. Svaka od narednih n linija sadrži po jedan ceo broj iz intervala [-5,40], brojevi predstavljaju temperature redom za n dana perioda.

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati redni broj dana perioda kada je temperatura prvi put bila negativna (dani se broje od 1 do n), ako takav dan ne postoji prikazati -1.

Primer 1

Ulaz

5

12

10

-2 -3

-5 4

Izlaz

3

Primer 2

Ulaz

3

12

10

14

Izlaz

-1

3.1.6.2. Poslednja negativna temepartura

Poznate su temperature za svaki dan nekog perioda. Napisati program kojim se određuje redni broj dana u tom periodu kada je temperatura poslednji put bila negativna (dani se broje od 1 do n).

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj n $(3 \le n \le 365)$ koji predstavlja broj dana perioda. Svaka od narednih n linija sadrži po jedan ceo broj iz intervala [-10,40], brojevi predstavljaju temperature redom za n dana perioda.

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati redni broj dana perioda kada je temperatura poslednji put bila negativna, ako takav dan ne postoji prikazati -1.

Primer 1

Ulaz

5

2

-8

-2

-3

4

Izlaz

4

Primer 2

Ulaz

3

12

10

14

Izlaz

-1

3.1.6.3. Deljiv brojevima od 1 do n

Napisati program kojim se proverava da li je dati prirodan broj k deljiv svim prirodnim brojevima od 1 do n.

Ulaz

Prva linija standardnog ulaza sadrži prirodan broj k $(0 < k \le 10^{**}9)$, a druga linija sadrži prirodan broj n $(1 \le n \le 10)$.

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza prikazati reč da ako je broj k deljiv svim prirodnim brojevima od 1 do n, inače prikazati reč ne.

Primer 1

Ulaz

60

6

Izlaz

da

Primer 2

Ulaz

90

5

Izlaz

ne

3.1.6.4. Negativan broj

Napisati program kojim se proverava da li među učitanim brojevima postoji negativan broj.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj n (1≤n≤100) koji predstavlja broj brojeva. Svaka od narednih n linija sadrži po jedan realan broj.

Izlaz

Na standarnom izlazu u jednoj liniji ispisti postoji ako među učitanim brojevima postoji negativan broj, inače ispisati ne postoji.

Primer 1

Ulaz

5

10.89

12.349

-5.9

2.3

-2.45

Izlaz

postoji

Primer 2

Ulaz

4

100.89

12.349

0

2.3

Izlaz

ne postoji

3.1.6.5. Parno neparni

Pera se igra sa kartama. Sve karte koje je imao u ruci je složio tako da prvo idu sve karte sa parnim brojevima, a zatim one sa neparnim brojevima (moguće je i da je Pera imao samo parne ili samo neparne karte). Napiši program koji proverava da li je Pera ispravno složio karte.

I IIaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se brojevi karata (prirodni brojevi između 2 i 10) sve dok se ne dođe do kraja ulaza (on se može uneti sa Ctrl+Z tj. Ctrl+D). Karata ima najmanje dve, a najviše deset.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati da ako je Pera dobro složio karte tj. ne u suprotnom.

Primer 1

Ulaz

2

6

4

5 3

Izlaz

da

Primer 2

Ulaz

2

6

3

5 4

Izlaz

ne

3.1.6.6. Prvi i poslednji pristup

Sa računara u školi na sajt škole se loguju razni đaci. Svaki put kada se neko uloguje to se pamti u bazi. Napiši program koji za dati broj računara određuje koji je prvi, a koji je poslednji đak koji se logovao.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se u prvoj liniji unosi redni broj računara koji nas zanima (ceo broj od 1 do 100), u drugoj liniji se nalazi ukupan broj n (1≤n≤50000) logovanja, a zatim se u narednih n linija nalaze podaci o pojedinačnim logovanjima: broj računara sa kojeg se neki đak logovao (ceo broj od 1 do

100) i korisničko ime tog đaka (niska od najviše 20 malih slova engleske abecede).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati ime prvog i ime poslednjeg đaka koji se logovao na taj računar (svako u posebnom redu) ili tekst nema ako se sa tog računara niko nije logovao.

Primer

Ulaz

3

7

1 zika

3 jovana

2 ana

3 pera

1 lucija

2 ana

3 milica

Izlaz

jovana

milica

3.1.7. Filtriranje

3.1.7.1. Prosek odličnih

Date su prosečne ocene n učenika jednog odeljenja. Napisati program kojim se određuje prosek prosečnih ocena svih odličnih učenika tog odeljenja.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj n (1≤n≤100) koji predstavlja broj učenika. U narednih n linija nalazi se po jedan realan broj iz intervala [2,5]. Ti brojevi predstavljaju proseke učenika.

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati prosek prosečnih ocena odličnih učenika odeljenja zaokružen na dve decimale. Ako odličnih učenika nema prikazati -.

Primer 1

Ulaz

4

3.5

4.75

3

4.5

Izlaz

4.62

Primer 2

Ulaz

4

3.5

3.75

2.80

4.35

Izlaz

_

3.1.7.2. Brojevi deljivi sa 3

Napiši program koji među unetim brojevima određuje i ispisuje one koji su deljivi sa 3.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se najpre učitava prirodan broj n ($1 \le n \le 1000$), a potom i n prirodnih brojeva iz intervala [1,10**8], svaki u posebnom redu.

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisuju se redom svi učitani brojevi deljivi sa 3. Svaki broj ispisati u posebnoj liniji.

Primer

Ulaz

7

100

11

12

18

200

300

102

Izlaz

12

18

300

102

3.1.7.3. Broj pojavljivanja

Učenici u jednoj školi birali su svog omiljenog glumca. Đoku zanima koliko je glasova dobio njegov omiljeni glumac. Napiši program koji mu pomaže da to odredi.

Ulaz

Svaki glumac je označen prirodnim brojem od 1 do 10. Prva linija standardnog ulaza sadrži redni broj x Đokinog omiljenog glumca. Druga linija standardnog ulaza sadrži prirodan broj n ($1 \le n \le 100$) - broj učenika u školi. Narednih n linija sadrže glasove svakog učenika (brojeve od 1 do 10, svaki u posebnom redu).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan prirodan broj - broj glasova koje je dobio glumac x.

Primer

Ulaz

2

6

1

2

2

-7

2

Izlaz

3

3.1.7.4. Kategorije džudista

Na jednom turniru džudisti se takmiče u tri kategorije: do 50 kilograma, od 51 do 75 kilograma i od 76 kilograma naviše. Napiši program koji učitava broj džudista jednog kluba prijavljenog na taj turnir, a zatim težinu svakog od njih i za svaku kategoriju redom ispisuje koliko će se džudista tog kluba boriti u toj kategoriji.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava broj džudista n (1≤n≤100), a zatim u n narednih redova težine džudista (celi brojevi između 30 i 120).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tri broja, svaki u posebnom redu: broj džudista koji imaju manje ili jednako od 50 kilograma, broj džudista koji imaju između 51 i 75 kilograma i broj džudista koji imaju više ili jednako od 76 kilograma.

Ulaz

5

48

51

73

82

50

Izlaz

2

2

1

3.1.8. Cifre broja

3.1.8.1. Broj i zbir cifara broja

Napisati program kojim se određuje broj i zbir cifara dekadnog zapisa prirodnog broja.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava ceo broj od 0 do 1000000000.

Izlaz

Na standardni izlaz se ispisuju broj cifara i zbir cifara učitanog broja.

Primer

Ulaz

23645

Izlaz

5 20

Ulaz

0

Izlaz

10

3.1.8.2. Ima li cifru

Napisati program kojim se ispituje da li dekadni zapis prirodnog broja sadrži datu cifru?

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza unosi se prirodan broj od 0 do 100000000, a u drugoj dekadna cifra.

Na standardni izlaz se ispisuje tekstualni odgovor, oblika koji je prikazan u narednim primerima.

Primer 1

Ulaz

29384

3

Izlaz

broj 29384 sadrzi cifru 3

Primer 2

Ulaz

29384

7

Izlaz

broj 29384 ne sadrzi cifru 7

3.1.8.3. Transformacija broja u proizvod cifara

Prirodan broj se transformiše tako što se zameni proizvodom svojih cifara. Napisati program kojim se ispisuju sve transformacije broja dok se ne dobije jednocifren broj. Odrediti i koliko transformacija je pri tome potrebno izvršiti.

Ulaz

Jedna linija standarnog ulaza sadrži jedan prirodan broj.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati u svakoj liniji po jednu transformaciju datog broja (prirodan broj), do jednocifrenog broja. U poslednjoj liniji standardnog izlaza prikazati broj transformacija.

Primer 1

Ulaz

3274

Izlaz

168

48

32

6

4

Ulaz

5

Izlaz

0

3.1.8.4. Najmanji broj sa najvećim zbirom parnih cifara

Unose se prirodni brojevi (uključujući i 0) dok se ne unese -1. Među unetim brojevima koji sadrže bar jednu parnu cifru, naći najmanji broj sa najvećim zbirom parnih cifara.

Ulaz

Linije standardnog ulaza, njih najviše milion, sadrže po jedan prirodan broj. Poslednja linija standardnog ulaza sadrži broj -1.

Izlaz

Prva i jedina linija standarnog izlaza sadrži najmanji broj od unetih brojeva sa najvećim zbirom parnih cifara. Ako među unetim brojevima nema brojeve koji sadrže parne cifre na izlazu prikazati -1.

Primer 1

Ulaz

137

20

143

221

0

22

4 -1

Izlaz

4

Primer 2

Ulaz

137

39

155

791

731

31

-1

Izlaz

-1

3.1.8.5. Decimale broja 1/n

Odredi prvih k decimalnih cifara vrednosti 1/n za dati pozitivan prirodan broj n. Pretpostaviti da se nakon k decimala vrši odsecanje tj. da se broj zaokružuje naniže.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj k ($1 \le k \le 100$) a druga prirodan broj n ($2 \le n \le 1000$).

Izlaz

Na standarnom izlazu, prikazujemo količnik sa traženim brojem decimala.

Primer

Ulaz

4

33

Izlaz

0.0303

3.1.8.6. K decimala u binarnom zapisu

Napisati program kojim se ispisuje realan broj x $(0 \le x < 1)$ u binarnom zapisu na k decimala.

Ulaz

Prva linija standardnog ulaza sadrži realan broj iz intervala [0,1). Druga linija standardnog ulaza sadrži prirodni broj k $(1 \le k \le 100)$.

Izlaz

U prvoj i jedinoj liniji standardnog izlaza prikazati broj x u binarnom zapisu na k decimala.

Primer

Ulaz

8.0

4

Izlaz

0.1100

3.1.8.7. Broj formiran od datih cifra s leva na desno

Napisati program kojim se formirati prirodan broj od učitanih cifara, ako se cifre broja učitavaju sleva na desno (redom od cifre najveće težine do cifre jedinica).

Ulaz

Svaka linija standarnog ulaza, njih najviše 9, sadrži po jednu cifru.

Na standarnom izlazu prikazati formirani broj.

Primer

Ulaz

4

1

O

9

Izlaz

4109

3.1.8.8. Broj formiran od datih cifara zdesna na levo

Napisati program kojim se formirati prirodan broj od učitanih cifara, ako se cifre broja učitavaju zdesna na levo (redom od cifre jedinica do cifre najveće težine).

Ulaz

Svaka linija standarnog ulaza (njih najviše 9) sadrži po jednu cifru.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati formirani broj.

Primer

Ulaz

0

0

3

2

9

Izlaz

92300

3.1.8.9. Zameni cifre 0 sa 5

Napisati program koji u datom prirodnom broju svako pojavljivanje cifre 0 zamenjuje cifrom 5.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava prirodan broj u granicama od 0 do 100000000.

Izlaz

Na standardnom izlazu se ispisuje dobijeni broj.

Ulaz

20240607

Izlaz

25245657

3.1.8.10. Kombinacija dva broja minimumom i maksimumom odgovarajućih cifara

Dva data prirodna broja se kombinuju tako što se potpišu jedan ispod drugog, kao kada se sabiraju, ali se svaka cifra rezultata određuje kao manja ili kao veća od dve cifre (ako su brojevi različite dužine tada se ispred kraćeg broja dopiše onoliko nula koliko je potrebno da se brojevi izjednače po dužini). Npr. za brojeve 174 i 38, dobija se 34 ako se uzima manja od dve cifre tj. 178 ako se uzima veća.

Ulaz

Svaka od dve linije standarnog ulaza sadrži po jedan prirodan broj.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati dva prirodna broja - jedan koji se dobija kombinovanjem dva broja uzimajući manju, a drugi uzimajući veću cifru na svakoj poziciji.

Primer

Ulaz

174

38

Izlaz

34

178

3.1.8.11. Armstrongov broj

Napisati program koji za dati prirodan broj n proverava da li je taj broj Armstrongov. k-to cifren broj je Armstrongov ako je jednak sumi k-tih stepena svojih cifara. Na primer, 370 je Armstrongov jer je 370=3**3+7**3+0**3, 1634 je Armstrongov jer je 1634=1**4+6**4+3**4+4**4, dok 12 nije Armstrongov jer je 12≠1**2+2**2.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava prirodan broj n (1≤n≤100000).

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisuju se poruka DA ako učitan broj jeste Armstrongov, tj. NE ako učitan broj nije Armstrongov.

Ulaz

1002

Izlaz

NE

Primer 2

Ulaz

370

Izlaz

DA

3.1.8.12. Ne sadrže cifru 5

Napiši program koji određuje koliko brojeva na standardnom ulazu ne sadrži cifru 5.

Ulaz

Svaka linija standardnog ulaza sadrži jedan prirodan broj iz intervala [0,100000000].

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati koliko od učitanih brojeva ne sadrži cifru 5.

Primer

Ulaz

12

15

155

14

Izlaz

2

3.1.9. Odnos susednih elemenata serije

3.1.9.1. Rastuće cifre

Napisati program kojim se ispituje da li su cifre dekadnog zapisa prirodnog broja rastuće idući od cifre najmanje težine (cifre jedinica)?

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava prirodan broj od 0 do 100000.

Izlaz

Na standardnom izlazu se ispisuje tekstualni odgovor DA ili NE.

Ulaz

97642

Izlaz

DA

Primer 2

Ulaz

79653

Izlaz

NE

3.1.9.2. Maksimalna razlika susednih

Napisati program kojim se za n učitanih celih brojeva određuje po apsolutnoj vrednosti najveća razlika dva susedna elementa.

Ulaz

U prvoj ulaznoj liniji učitava se prirodan broj n (2≤n≤100), a u sledećim n celih brojeva u intervalu [-100,100].

Izlaz

Ispisuje se traženi broj koji predstavlja najveću apsolutnu razliku dva susedna broja.

Primer

Ulaz

5

-20

30

5

90 70

Izlaz

85

3.1.9.3. Provera monotonosti

Tokom nekoliko dana maratonac se sprema za predstojeću trku. Za svaki dan poznato je rastojanje koje je tog dana pretrčao. Odrediti da li je plivač pravio napredak tj. da li su učitani brojevi uređeni u strogo rastućem redosledu.

Ulaz

Prva linija standardnog ulaza sadrži prirodan broj N (1≤N≤50) koji predstavlja broj dana, a u svakoj od narednih N linija nalazi se po jedan prirodan broj koji predstavlja broj metara koji je trkač pretrčao odgovarajućeg dana.

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisati odgovor Da ako su brojevi u strogo rastućem poretku i odgovor Ne u suprotnom.

Primer 1

Ulaz

4

19

20

22

23

Izlaz

Da

Primer 2

Ulaz

4

20

20

23

23

Izlaz

Ne

3.1.9.4. Poređani datumi

Milica je napravila spisak rođendana svojih drugarica. Poređala je datume njihovog rođenja hronološki (od najdavnijeg do najskorijeg). Napiši program koji proverava da li je Milica to dobro uradila.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se broj n ($1 \le n \le 100$). U narednih n linija nalazi se n ispravnih, međusobno različitih datuma. Datumi su zapisani tako što su zapisani dan, mesec i godina, razdvojeni razmacima.

Izlaz

U jedinoj liniji standardnog izlaza ispisati DA ako su datumi ispravno (rastuće) poređani, tj. NE ako nisu.

Ulaz

3

3 7 2005

14 8 2006

10 5 2006

Izlaz

NE

3.1.9.5. Testerast niz

Za niz celih brojeva odrediti da li je testerast. Kažemo da je niz testerast ako za njegove članove važi poredak a1<a2, a2>a3, a3<a4, a4>a5 itd. ili a1>a2, a2<a3, a3>a4, a4<a5 itd.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se prirodan broj N ($2 \le N \le 100$). U sledećih N linija nalazi se po jedan ceo broj iz intervala od -10**9 do 10**9. Brojevi predstavljaju elemente niza.

Izlaz

Na standardni izlaz prikazati poruku DA ako niz jeste testerast. Inače prikazati poruku NE.

Primer 1

Ulaz

6

2

1

3

2 4

3

Izlaz

DA

Primer 2

Ulaz

6

1

2

3

4

5

6

NE

3.1.10. Rekurentne serije

3.1.10.1. Dimenzija papira

Standardne veličine papira se definišu na sledeći način. Površina papira A0 je $1m^{**}2$. Odnos dimenzija stranica je $1:\sqrt{2}$. Jednostavnosti radi, dimenzije se zaokružuju na ceo broj milimetara. Papir A1 dobija se presavijanjem papira A0 na pola duž njegove duže stranice (proverite da se na taj način opet dobija odnos stranica $1:\sqrt{2}$). Opet se jednostavnosti radi dimenzije zaokružuju na ceo broj milimetara. Ovaj postupak se ponavlja i tako se dobijaju papiri A2, A3, A4, A5 itd. Napiši program koji za dati broj n određuje dimenzije papira An.

Ulaz

Jedan broj n čija je vrednost između 0 i 10.

Izlaz

Dva prirodna broja odvojena razmakom koja predstavljaju kraću i dužu dimenziju papira An

Primer

Ulaz

4

Izlaz

210 297

3.1.10.2. Pčele i trutovi

Pčela matica nosi jajašca. Ako trut oplodi jajašce pčele, tada se iz njega rađa ženska pčela. Ako se jajašce ne oplodi, onda se iz njega izleže trut. Dakle, ženska pčela ima dva roditelja, dok trut ima samo jednog (on nema oca, već samo majku). Pčela ima dve bake (maminu i tatinu mamu) i jednog dedu (maminog tatu), dok trut ima jednu baku i jednog dedu (mamine roditelje). Napiši program koji određuje koliko predaka u nekoj generaciji ima trut.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj n $(1 \le n \le 20)$ koji označava redni broj generacije: 0 je generacija samog truta, 1 je generacija njegove majke, 2 je generacija njegove bake i dede i tako dalje u prošlost.

Izlaz

Na stanadrni izlaz ispisati ukupan broj predaka truta u generaciji n.

Ulaz

5

Izlaz

8

3.1.10.3. Procena kvadratnog korena Njutnovom metodom

Iako smo navikli da kvadratni koren računamo pomoću digitrona i računara, pa ne razmišljamo puno kako se dolazi do precizne vrednosti korena nekog broja, u pozadini izračunavanja korena leže mnoge interesantne matematičke metode. Jedna od najjednostavnijih, a često korišćenih metoda je zasnovana na sledećem postupku. Pretpostavimo da je xi trenutna procena vrednosti korena broja a tj. √a. Ako bi xi zaista bio koren broja a tada, bi važilo da su xi i a/xi jednaki. Ako nisu jednaki, jedan od njih je veći, a drugi manji i možemo očekivati da se vrednost korena nalazi negde između njih. Pretpostavićemo da će to biti tačno na sredini, tj. da ćemo narednu, bolju procenu te vrednosti možemo dobiti pomoću formule:

x[i+1] = (x[i] + a/x[i])/2.

Dakle, ako krenemo od neke početne vrednosti x0 (na primer, od vrednosti 1) i n puta novu vrednost izračunamo od prethodne primenom prethodne formula trebalo bi da dobijemo vrednost koja prilično precizno procenjuje √a (uslovi i razlozi pod kojima ovo važi zahtevaju određeno matematičko razmatranje koje prevazilazi opseg ove zbirke, ali ti preporučujemo da to samostalno proučiš). Recimo i da se ovaj postupak poklapa sa čuvenom Njutnovom metodom za određivanja nula funkcije, na osnovu koje bi važila sledeća veza:

 $x[i+1] = x[i] - (x[i]**2i-a)/(2 \cdot x[i]).$

Napiši program koji prethodno opisanom tehnikom procenjuje koren datog broja.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi pozitivan realan broj a čiji se koren traži, a zatim i broj n ($1 \le n \le 20$) koji određuje koliko puta treba izvršiti popravku vrednosti primenom prethodne formule.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati procenu vrednosti korena nakon n koraka, tj. vrednost xn, ako je početna vrednost x0=1. Rezultat prikazati zaokružen na 10 decimala.

Primer

Ulaz

10 5

Izlaz

3.1622777

3.1.10.4. Poslednje dve cifre Fibonačijevog broja

Niz Fibonačijevih brojeva 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13,... formira se na sledeći način: prva dva broja f[0] i f[1] su 0 i 1,

svaki sledeći broj f[i] dobija se kao zbir prethodna dva broja f[i-2]+f[i-1]. Napisati program kojim se određuju poslednje dve cifre u Fibonačijevom broju f[n] (brojanje krećemo od 0).

Ulaz

Prva i jedina linija standardnog ulaza sadrži prirodan broj n (0≤n≤10**9).

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza prikazati cifru desetica, a u drugoj liniji cifru jedinica u Fibonačijevom broju f[n].

Primer 1

Ulaz

16

Izlaz

8

7

Primer 2

Ulaz

5

Izlaz

0

5

Primer 3

Ulaz

300

Izlaz

0

0

Primer 4

Ulaz

301

Izlaz

0

1

3.2. Ugnežđene petlje

3.2.0. Kombinatorni objekti

3.2.0.1. Ciklične permutacije

Cikličnnim pomeranje za jedno mesto ulevo niza brojeva x1,x2,x3,...,xn dobijamo x2,x3,...,xn,x1, ako vršimo ciklično pomeranje za dva mesta ulevo dobijamo x3,...,xn,x1,x2. Dobijeni nizovi predstavljaju ciklične permutacije polaznog niza.

Napisati program kojim se za dati prirodan broj n prikazuju nizovi brojeva dobijeni cikličnim pomeranjem niza brojeva 1, 2, ..., n redom za 0, 1, 2, ..., n-1 mesta ulevo.

Ulaz

Prva linija standardnog ulaza sadrži prirodan broj n≤30.

Izlaz

Standardni izlaz sadrži n linija, u kojima su prikazanii traženi nizovi brojeva, brojevi u nizovima međusobno su odvojeni blanko znakom.

Primer

Ulaz

4

Izlaz

- 1234
- 2341
- 3412
- 4123

3.2.0.2. Kockice za jamb

Ispisati sve rezultate bacanja tri kockice za jamb u kojima je zbir brojeva jednak zadatom broju X (prirodan broj od 3 do 18) ako je redosled kockica bitan (na primer, 2, 2, 3 nije isto kao 2, 3, 2).

Ulaz

U jednoj liniji standardnog ulaza navodi se prirodan broj X (3≤X≤18) koji predstavlja zbir brojeva na kojima su se zaustavile kockice.

Izlaz

U svakoj liniji standardnog izlaza ispisuju se tri prirodna broja (brojevi od 1 do 6) koji predstavljaju rezultat bacanja tri kockice. Rezultate prikazati sortirane leksikografski.

Ulaz

7

Izlaz

- 1 1 5
- 124
- 1 3 3
- 1 4 2
- 151
- 2 1 4
- 2 2 3
- 2 3 2
- 241
- 3 1 3
- 3 2 2
- 3 3 1
- 4 1 2
- 421
- 5 1 1

3.2.0.3. Trouglovi celobrojnih stranica, zadatog obima

Napisati program kojim se određuju dužine stranica trouglova a, b, c, takve da su a, b i c prirodni brojevi za koje važi da je a≤b≤c i da je obim trougla a+b+c jednak datom prirodnom broju O.

Ulaz

U jednoj liniji standardnog ulaza zadat je prirodan broj O (3≤O≤250) koji predstavlja obim trougla.

Izlaz

U svakoj liniji standardnog izlaza nalaze se tri prirodna broja odvojena prazninom, koji predstavljaju moguće dužine stranica trougla zadatog obima. Trojke treba da budu leksikografski sortirane.

Primer

Ulaz

7

Izlaz

- 1 3 3
- 2 2 3

3.2.0.4. Kombinacije poena

Na košarkaškoj utakmici lopta ubačena u koš boduje se sa 1, 2 ili 3 poena. Potrebno je odrediti sve kombinacije broja koševa koji su bodovani sa 1 poenom, sa 2 i sa 3 poena ako je poznat ukupan broj poena jednog tima na košarkaškoj utakmici.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se ukupan broj poena na košarkaškoj utakmici (prirodan broj između 40 i 150).

Izlaz

Svaka linija standardnog izlaza sadrži, odvojeno sa po jednim razmakom (blanko karakterom), redom, broj koševa koju su bodovani sa 1 poenom, broj koševa koji su bodovani sa 2 poena i broj koševa koji su bodovani sa 3 poena. Bodovanja prikazati uređena po broju koševa sa 3 poena, od najmanjeg ka najvećem. Ako je u nekoj kombinaciji broj koševa sa 3 poena jednak, onda prvo prikazati kombinacije sa manjim brojem koševa sa 2 poena.

Primer

Ulaz

10

Izlaz

- 0 0 10
- 0 1 8
- 0 2 6
- 0 3 4
- 0 4 2
- 050
- 107
- 1 1 5
- 1 2 3
- 1 3 1
- 2 0 4
- 2 1 2
- 2 2 0
- 301

3.2.0.5. Varijacije trojki

Svaki od tri drugara ima određeni broj jabuka, ali nikoja dva od njih nemaju isti broj jabuka. Ako se zna najveći mogući broj jabuka koji svaki od drugara može da ima, napiši program koji ispisuje sve moguće trojke brojeva jabuka koje oni mogu da imaju.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj n (1≤n≤20) - najveći broj jabuka koje svaki od drugara može da ima.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati sve moguće brojeve jabuka koje drugovi mogu da imaju, uređene leksikografski.

Ulaz

2

Izlaz

0 1 2

021

102

1 2 0

201

2 1 0

3.2.0.6. Brojevi u datoj osnovi

Brojevi u osnovi b se mogu zapisati pomoću cifara 0, 1, ..., b-1. Ako je osnova veća od 10, tada se umesto cifara koriste slova engleske abecede (cifra 10 zapisuje se sa a, cifra 11 sa b itd.). Napiši program koji ispisuje sve trocifrene brojeve u datoj osnovi.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava osnova b (2≤b≤16).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati sve trocifrene brojeve u osnovi b, poređane rastući po vrednosti (brojeve ispisati sa vodećim nulama).

Primer

Ulaz

2

Izlaz

000

001

010

011

100

101

110

111

3.2.0.7. Mali loto

U jednom odeljenju su odlučili da u sklopu novogodišnje priredbe organizuju malo izvlačenje igre loto. Da bi povećali šanse za dobitak, odlučili su da se izvlače samo tri kuglice. Napiši program koji ispisuje koje sve kombinacije mogu biti izvučene, ako se zna da u bubnju ima n različitih kuglica obeleženih brojevima od 1 do n.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj n (4≤n≤20).

Izlaz

Na standardni izlaz ispiši sve kombinacije, pri čemu su brojevi u svakoj kombinaciji sortirani rastuće, a kombinacije su leksikografski sortirane.

Primer

Ulaz

5

Izlaz

123

124

1 2 5

134

1 3 5

1 4 5

2 3 4

2 3 5

2 4 5

3 4 5

3.2.1. Segmenti

3.2.1.1. Svi sufiksi niza brojeva od 1 do n

Svojevremeno je postojala reklama za firmu "Jugodrvo" u kojoj se pojavljivala pesmica "Jugodrvo-ugodrvo-godrvo-odrvo-drvo-rvo-vo-o" u kojoj su se određivali svi sufiksi date reči. Slično, ali malo jednostavnije je ispisati sve sufikse niza prirodnih brojeva od 1 do n. Napiši program koji za dato n ispisati sve članove niza 1,2,3,...,n,2,3,4,...,n,3,4,...,n-1,n,n.

I IIaz

Sa standardnog ulaza se učitava prirodan broj n u granicama od 1 do 30.

Izlaz

Brojevi se ispisuju na standardni izlaz, svaki u posebnom redu.

Primer

Ulaz

4

Izlaz

1

2

3

4 2 3

4

4

3.2.1.2. Svi prefiksi niza brojeva od 1 do n

Za dato n ispisati sve prefikse niza prirodnih brojeva koji počinju sa 1 i završavaju se sa brojem manjim od n.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava ceo broj n (1≤n≤20).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati sve tražene segmente svaki u posebnom redu. Iza svakog elementa svakog segmenta treba da bude ispisan po jedan razmak.

Primer

Ulaz

3

Izlaz

1

1 2

123

3.2.1.3. Sve podreči

Napiši program koji će ispisati sve podreči date reči i to u rastućem redosledu početnih pozicija i rastućem redosledu dužine.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava jedna reč sastavljena samo od malih slova engleske abecede.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tražene podreči, svaku u posebnom redu.

Primer

Ulaz

abcd

Izlaz

а

ab

abc

abcd

b

bc

bcd

С

cd

d

3.2.1.4. Sve podreči po opadajućoj dužini

Za unetu reč ispisati sve podreči u redosledu opadajuće dužine i rastućih levih granica za reči iste dužine.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi jedna reč sastavljena samo od malih slova engleske abecede.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tražene podreči, svaku u posebnom redu.

Primer

Ulaz

abcd

Izlaz

abcd

abc

bcd

ab

bc

cd

а

b

c d

3.2.2. ASCII crteži

3.2.2.1. Trougao od zvezdica

Napiši program koji iscrtava trougao kakav je prikazan u primeru.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava jedan prirodan broj n (1≤n≤30).

Izlaz

Na standardni izlaz se ispisuje traženi trougao, ispisivanjem karaktera *, razmaka (karaktera blanko) i prelaska u novi red. Posle svake poslednje

zvezdice u svakoj vrsti preći u naredni red (ne ispisivati razmake posle zvezdica).

Primer

Ulaz

6

Izlaz

3.2.2.2. Kvadrat od zvezdica

Napiši program koji iscrtava kvadrat od karaktera * (kao što je prikazano u primerima).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava prirodan broj n (1≤n≤20).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati traženi crtež.

Primer

Ulaz

4

Izlaz

3.2.2.3. Romb od zvezdica

Napiši program koji ispisuje romb napravljen od zvezdica (kako je prikazano u primeru).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi prirodan broj n (3≤n≤20).

Izlaz

Na standardni izlaz iscrtati romb.

Ulaz

5

Izlaz

3.2.2.4. Trougao od reči

Napiši program koji iscrtava trougao čije su ivice sastavljene od karaktera date reči. Reč se dobija čitanjem slova sa leve i desne ivice trougla naniže, dok se na donjoj ivici nalazi palindrom čija je desna polovina ta data reč.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava reč dužine između 3 i 20 karaktera.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati traženi trougao.

Primer

Ulaz

trougao

Izlaz

t rr o o u u g g a a

oaguortrougao

3.2.4. Razno

3.2.3.1. Serije 123...

Za dato n ispisati članove niza 1,2,2,3,3,4,4,4,4,...,n,...,n (niz sadrži jednu jedinicu, dve dvojke, tri trojke itd.).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava prirodan broj n (1≤n≤30).

Izlaz

Članove traženog niza ispisati na standardni izlaz, svaki u posebnom redu.

Ulaz

Izlaz

3.2.3.2. Serije neparni parni

Za dato n ispisati elemente niza 1, 2, 4, 5, 7, 9, 10, 12, 14, 16, 17, ... koji se formira tako što se polazeći od broja 1 – prikazuje jedan neparan prirodni broj, zatim sledeća dva parna – 2, 4; pa sledeća 3 neparna – 5, 7, 9; sledeća 4 parna – 10, 12, 14, 16, ... itd. Poslednja serija sadrži n elemenata.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava prirodan broj n u granicama od 1 do 40.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati elemente traženog niza, svaki u posebnom redu.

Primer

Ulaz

Izlaz

_

ΤO

25

3.2.3.3. Tablica množenja

Napiši program koji ispisuje tablicu množenja.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose dva cela broja m i n $(1 \le m, n \le 9)$, svaki u posebnom redu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tablicu množenja sa m vrsta i n kolona, kako je prikazano u primeru. Između kolona štampati tabulator (karakter Tab).

Primer

Ulaz

5 5

Izlaz

3.3. Podserije

3.3.2. Podela na uzastopne segmente

3.3.2.1. Nedelje sa negativnim temperaturama

Date su maksimalne dnevne temperature svakog dana u K uzastopnih nedelja. Odrediti koliko ima "ledenih" nedelja u kojima je maksimalna temperatura svakog dana bila negativna.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se broj nedelja koje analiziramo, K (prirodan broj $3 \le K \le 100$). U svakoj od narednih $7 \cdot K$ linija nalazi se maksimalna dnevna temperatura odgovarajućeg dana (ceo broj).

Izlaz

U jednoj liniji standardnog izlaza nalazi se broj nedelja u kojima je maksimalna temperatura svakog dana bila negativna (prirodan broj, uključujući nulu).

Ulaz

5

2

3

-4

-3

0

1 -1

-2 -1

-1

-2

-3 -2

0

0 -1

2 -1

0

-1 -1

-2

-1 -1

-2

-3 -2

-2 -1

-2

1 1

2

-2

Izlaz

2

3.3.2.2. Suma segmenata niza između nula

Niz celih brojeva može se podeliti u segmente (podnizove sastavljene od uzastopnih elemenata niza) tako da je prvi segment od početka niza do prve nule u nizu, drugi segment je od prve do druge nule, ..., poslednji segment je od poslednje nule u nizu do kraja niza. Na primer, niz 3,1,0,4,2,5,0 se deli na

segment koji sadrži elemente 3,1, segment koji sadrži elemente 4,2,5 i prazan segment na kraju. Napisati program kojim se na osnovu unetog niza celih brojeva dužine N prikazuju sume segmenata redom. Suma praznog segmenta je nula.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj N ($2 \le N \le 50000$) koji predstavlja broj elemenata niza a u svakoj od narednih N linija nalazi se po jedan član niza (svi celi brojevi iz intervala [-100,100]). Pretpostavimo da prvi broj nije nula i da postoji najmanje jedna nula u nizu.

Izlaz

Na standarnom izlazu, u svakoj liniji, nalaze se, redom, sume segmenata niza (celi brojevi).

Primer 1

Ulaz

11

5

4

2

33

-5

0

2

4 0

-6

Izlaz

9

30

6

-6

Primer 2

Ulaz

5

2

0

0

3

Izlaz

2

3 0

3.3.2.3. Parno neparne serije

Niz prirodnih brojeva se može razložiti na segmente (podnizove uzastopnih elemenata) koje čine elementi iste parnosti. Na primer, niz 3,5,2,4,6,7,1 se može razložiti na segmente 3,5, zatim 2,4,6 i na kraju 7,1. Napiši program koji za dati niz prirodnih brojeva izračunava zbirove svih tako dobijenih segmenata.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava broj n (0≤n≤50000) a zatim i n prirodnih brojeva, svaki u posebnom redu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tražene zbirove, svaki u posebnom redu.

Primer

Ulaz

7

1

3

4

6

8 5

1

Izlaz

4

18

6

3.3.2.4. Najduža serija pobeda

Košarkaški tim je igrao puno utakmica u sezoni. U svakoj utakmici ostvario je ili pobedu ili poraz. Napiši program koji određuje dužinu najduže serije pobeda u uzastopnim mečevima tokom sezone.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi prirodan broj N (5≤N≤50000), a zatim i N brojeva -1 (što označava poraz) ili 1 (što označava pobedu).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan prirodan broj koji predstavlja traženu dužinu najduže serije uzastopnih pobeda.

Ulaz

8

1

1

-1

1

1

1 -1

-1

Izlaz

3

3.3.2.5. Najduža rastuća serija

Data je dužina priprema za jednog atletičara, u danima. Za svaki dan unosi se broj metara koje je atletičar pretrčao tog dana. Odrediti kog dana počinje i koliko dana traje najduži period u toku piprema u kome je atletičar svakog dana pretrčao više metara od prethodnog (ako je atletičar trčao samo jedan dan, za taj dan se smatra da predstavlja period dužine jedan koji zadovoljava uslov zadatka). Ako ima više takvih perioda odrediti prvi.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj N (1≤N≤50000) koji predstavlja broj dana a u svakoj od narednih N linija nalazi se po jedan prirodan broj koji predstavlja broj pretrčanih metara odgovarajućeg dana.

Izlaz

Na standarnom izlazu, u dve linije, nalaze se, redom, početak i dužina najdužeg perioda u kome je atletičar svakog dana trčao više metara nego prethodnog (prirodni brojevi između 3000 i 6000). Dani se broje od 1 do N.

Primer

Ulaz

11

5003

4125

4320

4335

4568

4633

4882

4800

4850

4932

Izlaz

3.3.2.6. Serije kutija

Na pokretnoj traci nalaze se kutije, za svaku kutiju poznate su njene dimenzije: dužina, širina i visina (a, b, c). Radnik na kraju trake uzima redom kutiju po kutiju. Kutiju koju uzme radnik stavlja u prethodnu kutiju ako je to moguće. Kutija se stavlja u prethodnu tako da su im ivice paralelne, i ivice nove kutije su strogo manje od ivica prethodne kutije. Na taj način radnik slaže seriju kutija, a ako nije moguće novu kutiju staviti u prethodnu radnik počinje da slaže novu seriju kutija. Potrebno je odrediti koliko najviše kutija ima u nekoj seriji.

Ulaz

Za svaku kutiju (njih najviše 50000) date su njene dimenzije, tri cela broja (između 1 i 5000), svaka dimenzija u posebnoj liniji. Kraj unosa je kada korisnik unese kutiju čija je bar jedna dimenzija jednaka 0.

Izlaz

Broj kutija u najbrojnijoj seriji kutija.

Primer

Ulaz

Izlaz

3.3.2.7. Raspored paketa na policama

Na police u magacinu se raspoređuju redom predmeti. Police se popunjavaju redom, i to tako što na svaku policu stavljamo po K (unapred zadat prirodan broj) predmeta. Napisati program koji za svaku policu ispisuje ukupnu masu predmeta stavljenih na nju a zatim i redni broj police na kojoj je ukupna masa raspoređenih predmeta najveća.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se broj predmeta koje stavljamo na jednu policu K 1≤K≤1000). U svakoj narednoj liniji (ima ih između 1 i 50000) nalazi se masa predmeta m (1≤m≤100) koji treba postaviti na policu koja je na redu. Ulaz se završava linijom u kojoj se nalazi broj 0.

Izlaz

Na standardnom izlazu se prvo, za svaku policu, u po jednoj liniji, nalazi ukupna masa predmeta stavljenih na nju, a zatim u poslednjoj liniji i redni broj police sa najvećom sumom (police se broje od 1).

Primer

Ulaz

Izlaz

3.3.2.8. Najstabilniji temperaturni period

Date su maksimalne dnevne temperature za N uzastopnih dana u godini. Odrediti početak i dužinu temperaturno najstabilnijeg perioda (najduži period u kome temperatura ni u jednom danu nije varirala za više od K stepeni u odnosu na prethodni dan). Ako je takvih perioda više, odrediti poslednji.

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se broj N (prirodan broj 5≤N≤50000), u drugoj broj K (prirodan broj 1≤K≤10), a u svakoj od narednih N linija nalazi se maksimalna dnevna temperatura određenog dana (prirodan broj između -30 i 45).

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza ispisuje se redni broj dana kada počinje temperaturno najstabilniji period (prirodan broj) a u drugoj dužina tog perioda (prirodan broj). Dani se broje od 1 do N.

Primer

Ulaz

15

3

12

15

14 12

17

15

18

16 19

21

16 18

20

20

17

Izlaz

5

3.3.2.9. Utovar transportnog broda

U transportni brod prenose se redom paketi zadatih masa kolicima date nosivosti (ona je veća ili jednaka masi svakog paketa). Pri tome pakete uvek prenosimo u celosti. Kada neki paket ne može stati u kolica zbog trenutnog prekoračenja nosivosti kolica, ta kolica prevozimo do broda, i počinjemo punjenje novih kolica. Napisati program koji prikazuje redom, za svaka kolica, broj paketa i ukupnu masu paketa prenetih njima. Na kraju prikazati redni broj kolica kaja sadrže najveći broj paketa.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se nosivost kolica N (prirodan broj 10≤N≤500). U svakoj narednoj linija nalazi se masa paketa mi (prirodan broj 1≤mi≤N) koji treba preneti. Ulaz se završava linijom u kojoj se nalazi broj 0 (njih ima najviše 50000).

Izlaz

Na standardnom izlazu se prvo, za svaka kolica, u po jednoj liniji, nalazi broj paketa na kolicima i ukupna masa paketa stavljenih na njih (razdvojeni razmakom), a zatim u poslednjoj liniji i redni broj kolica sa najvećim brojem predmeta.

Primer

Ulaz

30

5

10

8

12 3

5

15

13

5

15

2

4

22

9

Izlaz

3 23

3 20

2 28

4 26

1 22

19

1

3.3.2.10. Najduži segment uzastopnih brojeva

Naći dužinu najdužeg segmenta celobrojnog niza koji sadrži uzastopne brojeve. Na primer, za niz 1,56,57,58,90,91,92,93,94,45 rezultat je 5.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza unosi se broj elemenata niza n (1≤n≤50000), a zatim u sledećih n linija celobrojni elementi niza −100000≤ai≤100000.

Izlaz

Dužina najdužeg segmenta uzastopnih brojeva.

Primer

Ulaz

10

1

56

57

58

90

91

92

93

94

45

Izlaz

5

3.3.2.11. Planiranje izgradnje prodavnica

Za N kuća u jednom selu koje se nalaze kraj glavnog puta data su rastojanja u metrima od ulaza u selo, i to redom, od najbliže do najudaljenije kuće. Za dve kuće kažemo da su bliske ako njihovo međusobno rastojanje nije veće od zadate vrednosti R. U selu se u nekim kućama grade prodavnice koje treba da opsluže sve kuće. Prva prodavnica se postavlja u najbližu kuću ulazu u selo i ona opslužuje sve kuće iza nje koje su joj bliske, naredna prodavnica se postavlja u prvu sledeću neopsluženu kuću i ona opslužuje sve kuće iza nje koje su joj bliske i tako dalje. Za svaku prodavnicu odrediti broj kuća koje će opsluživati kao i ukupan broj prodavnica.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se broj kuća duž puta, N (prirodan broj manji od 50000), a u drugoj rastojanje R (prirodan broj). U svakoj od narednih N linija nalazi se rastojanje određene kuće (prirodan broj) od ulaza u selo i to redom, od najbliže do najudaljenije kuće.

Izlaz

Na standardnom izlazu se prvo, za svaku prodavnicu, u po jednoj liniji, navodi broj kuća koje opslužuje (prirodan broj), a zatim u poslednjoj liniji i ukupan broj prodavnica.

Ulaz

Izlaz

3.4. datumi

3.4.1. Datum u dan godine

Napisati program koji određuje koji dan u godini predstavlja uneti datum.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose tri pozitivna cela broja (svaki u zasebnom redu) koja predstavljaju dan, mesec i godinu jednog ispravnog datuma.

Izlaz

Ispisuje se redni broj dana u godini od 1 do 365, odnosno 366 ako je godina prestupna.

Primer

Ulaz

Izlaz

3.4.2. Dan godine u datum

Napisati program koji na osnovu rednog broj dana u godini i godine određuje datum.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose dva pozitivna cela broja (svaki u zasebnom redu) koja predstavljaju redni broj dana u godini (od 1 do 365, odnosno 366 za prestupnu godinu) i godinu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tri cela broja koja predstavljaju dan, mesec i godinu. Svi brojevi se ispisuju u jednom redu, a iza svakog broja navodi se tačka.

Primer

Ulaz

60

2016

Izlaz

29.2.2016.

3.4.3. Broj dana između dva datuma

Napisati program kojim se određuje broj dana između dva datuma.

Ulaz

U prva tri reda standardnog ulaza unose se tri pozitivna cela broja koji predstavljaju dan, mesec i godinu početka vremenskog perioda, a u sledeća tri takođe tri pozitivna cela broja koji predstavljaju dan, mesec i godinu kraja vremenskog perioda. Oba datuma su korektna.

Izlaz

Broj dana zadatog vremenskog perioda.

Primer

Ulaz

7

4

1953

9

12

2016

Izlaz

3.4.4. Dan u nedelji

Ako se zna da je 1. januar 2000. godine bila subota, za dati datum u 21. veku odrediti koji je dan u nedelji.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose tri pozitivna cela broja (svaki u zasebnom redu) koja predstavljaju dan, mesec i godinu jednog ispravnog datuma.

Izlaz

Dan u nedelji: nedelja, ponedeljak, utorak, sreda, cetvrtak, petak, subota.

Primer

Ulaz

9

8

2015

Izlaz

nedelja

3.5. Teorija brojeva

3.5.1. Prost broj

Napiši program koji ispituje da li je uneti prirodan broj prost (veći je od 1 i nema drugih delilaca osim 1 i samog sebe).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi prirodan broj n (1≤n≤10**9).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati DA ako je broj n prost tj. NE ako nije.

Primer

Ulaz

17

Izlaz

DA

Primer 2

Ulaz

903543481

Izlaz

NE

3.5.2. Eratostenovo sito

Napiši program koji određuje broj prostih brojeva u intervalu [a,b] i njihov zbir (ako zbir ima više od 6 cifara, ispisati samo poslednjih 6).

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se brojevi a i b (1≤a≤b≤10**7), svaki u posebnoj liniji.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati u jednoj liniji, odvojeni jednim blanko znakom, broj prostih brojeva is intervala [a,b] i traženi zbir.

Primer

Ulaz

1

1000

Izlaz

168 76127

3.5.3. Najbliži prost broj

Autor zadataka za takmičenje treba da sastavi test primer za program koji ispituje da li je dati broj prost. Pošto želi da ispita program na primerima razne težine, potrebno je da odredi neki prost broj koji je blizu milijarde, neki koji je blizu miliona i slično. Pomozi mu tako što ćeš napisati program koji određuje najbliži prost broj unetom broju.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se broj n (1≤n≤10**9).

Izlaz

Ako je broj n prost, ispiši poruku: prost broj i vrednost broja n odvojene razmakom.

Ako postoje dva broja koja su na istom rastojanju od broja n ispiši poruku: dva broja i proste brojeve, odvojene razmacima. Ispisati prvo manji, pa onda veći prost broj.

Ako je jedinstven najbliži prost broj manji od broja n ispiši poruku: manji broj i vrednost tog broja, razdvojene razmakom.

Ako je jedinstven najbliži prost broj veći od broja n ispiši poruku: veci broj i vrednost tog broja, razdvojene razmakom.

Primer 1

Ulaz

12

Izlaz

dva broja 11 13

Ulaz

19

Izlaz

prost broj 19

Primer 2

Ulaz

24

Izlaz

manji broj 23

3.5.4. Rastavljanje na proste činioce

Ako je dato nekoliko prostih brojeva, njihov proizvod se može veoma lako i brzo odrediti. Međutim, ako je dat proizvod, često je veoma teško odrediti proste brojeve koji ga sačinjavaju. Napiši program koji što efikasnije rešava taj problem.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi jedan prirodan broj n (1≤n≤2·10**9).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati proste činioce broja n, uređene od najmanjih do najvećih, razdvojene razmakom.

Primer

Ulaz

900

Izlaz

223355

3.5.5. Euklid

Mravi, pčele i komarci organizuju sportski turnir i žele da se podele u timove, tako da se svaki tim sastoji samo od jedne vrste insekata, da svi timovi imaju isti broj članova (da bi se nakon runde kvalifikacija unutar svake vrste mogli svoje predstavnike da pošalju na zajednički turnir) i da je svaki insekt uključen tačno u jedan tim. Ako se zna broj insekata svake od tri date vrste, napiši program koji određuje najveću moguću veličinu timova.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose tri broja iz intervala [1,2·10**9], svaki u posebnom redu: broj mrava, pčela i komaraca.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - traženu veličinu tima.

Primer

Ulaz

20

30

40

Izlaz

10

3.5.6. Modularni inverz

Mile i Tanja moraju da razmene tajne poruke koje se sastoje od puno velikih brojeva. Mile je želeo da se dodatno zaštiti i da te brojeve pre slanja izmeni tako što je svaki broj pomnožio tajnim brojem a i izračunao ostatak pri deljenju sa tajnim brojem n. Pošto je dobar matematičar, Mile zna da će Tanja lako moći da dešifruje poruku ako zna brojeve a i n i ako su oni uzajamno prosti i zato ih je izabrao baš na taj način i unapred ih je dogovorio sa Tanjom. Napiši program koji Tanji pomaže da dešifruje brojeve koje joj je Mile poslao.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose brojevi a i n $(2 \le a, n \le 10^{**9})$, za koje se zna da su uzajamno prosti. Nakon toga unose se brojevi xi $(0 \le xi < n)$, njih najviše 10, svaki u posebnom redu sve do kraja standardnog ulaza, koji predstavljaju brojeve koje je Mile dobio nakon šifrovanja originalnih brojeva.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati originalne (dešifrovane) brojeve, svaki u posebnom redu.

Primer

Ulaz 3

5

1

3

4

Izlaz

2

4

1 3

Zaista, važi da je $(3 \cdot 2)$ mod5=6mod5=1, $(3 \cdot 4)$ mod5=12mod5=2, $(3 \cdot 1)$ mod5=3mod5=3 i $(3 \cdot 3)$ mod5=9mod5=4.

3.5.7. Dopuna do punog kvadrata

Napiši program koji za uneti prirodni broj n određuje najmanji broj m takav da je n·m potpun kvadrat.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi priordni broj n $(1 \le n \le 2 \cdot 10^{**9})$.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati traženi broj m.

Primer

Ulaz

104

Izlaz

26

3.5.8. Broj deljiv sa 1 do n

Najmanji broj koji je deljiv svim brojevima od 1 do 10 je broj 2520. Napiši program koji za dati prirodan broj n određuje koji je najmanji broj deljiv brojevima od 1 do n.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se broj n (1≤n<23).

Izlaz

Na standardni izlaz se ispisuje traženi broj.

Primer

Ulaz

10

Izlaz

2520

3.5.9. Kineska teorema

Pera pokušava da paralelizuje svoj program koji radi nad x podataka tako da svaki procesor obrađuje isti broj podataka. Ako rasporedi podatke na n1 procesora, ostaje mu a1 podataka viška, ako rasporedi podatke na n2 procesora, ostaje mu a2 podataka viška, a ako ih rasporedi na n3 procesora, ostaje mu a3 podatka viška. Ako se znaju brojevi a1, n1, a2, n2, a3 i n3 i ako se zna da su brojevi ni uzajamno prosti, napiši program koji određuje x.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se brojevi a1, n1, a2, n2, a3 i n3 (2≤ni≤5·10**4, 0≤ai<ni). Svaki par se navodi u posebnom redu, a brojevi su razdvojeni razmakom. Brojevi n1, n2 i n3 su uzajamno prosti.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan prirodan broj - jedinstven prirodan broj manji od proizvoda n1·n2·n3 koji zadovoljava date uslove.

Primer

Ulaz

2 3

3 5

2 7

Izlaz

23

Kada se 23 podatka podeli na 3 procesora, svaki procesor dobija 7 podatka (ukupno 21) i 2 podatka ostaju neraspoređena. Kada se podeli na 5 procesora svaki procesor dobija po 4 podatka (ukupno 20) i tri podatka ostaju neraspoređena. Kada se podeli na 7 procesora, svaki procesor dobija po 3 podatka (ukupno 21) i opet 2 podatka ostaju neraspoređena. Slično bi važilo i za 128 podataka, 233 podatka itd., ali 23 je jedini broj manji od 3·5·7=105 za koji ovo važi.

3.5.10. Prijateljski brojevi

Brojevi su prijateljski, ako je zbir delilaca prvog broja jednak drugom, a zbir delilaca drugog broja jednak prvom broju (u zbir delilaca broja se ubraja broj 1, ali ne i sam taj broj). Napiši program koji ispisuje sve parove prijateljskih brojeva takve da oba broja leže u datom intervalu.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju brojevi a i b (1≤a≤b≤500000).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati sve tražene parove uređene rastući po prvom elementu, tako je u svakom paru prvi broj manji ili jednak od drugoga.

Primer 1

Ulaz

1 1000

Izlaz

6 6

28 28

220 284

Ulaz

300000 400000

Izlaz

308620 389924 356408 399592

3.5.11. Učenici na istim sedištima

Učenici gledaju dva filma u bioskopskoj sali u kojoj su sedišta raspoređena u m vrsta i n kolona (učenika ima tačno m·n). Kada su gledali prvi film, nastavnici su ih rasporedili tako što su ih ređali po azbučnom redosledu popunjavajući vrstu po vrstu, a kada su gledali drugi film, ponovo su bili raspoređeni po azbučnom redosledu, ali ovaj put vrstu po vrstu. Napiši program koji određuje koliko učenika je sedelo na istom mestu tokom gledanja oba filma.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unose dva cela broja m i n (1≤m,n≤10000), svaki u posebnom redu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja broj učenika koji su tokom gledanja oba filma sedeli na istom sedištu.

Primer

Ulaz

3

5

Izlaz

3

Obrazloženje: Prilikom prvog filma učenici su ređani na sledeći način:

- 0 1 2
- 3 4 5
- 6 7 8
- 9 10 11
- 12 13 14

A prilikom gledanja drugog filma, učenici su ređani na sledeći način:

- 0 5 10
- 1 6 11
- 2 7 12
- 3 8 13
- 4 9 14

Na istom mestu sedeli su učenici 0, 7 i 14.

4. Nizovi

4.0. Nizovi vektori liste

4.0.1. Elementarno koriscenje nizova

4.0.1.1. Ispis u obratnom redosledu

Napisati program kojim se unosi n celih brojeva, a zatim se uneti brojevi prikazuju u obratnom redosledu od redosleda unošenja.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se prirodan broj n (1≤n≤1000). U sledećih n linija nalaze se celi brojevi između -1000 i 1000.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati unete brojeve, svaki u posebnoj liniji, u obratnom redosledu od redosleda unošenja.

Primer

Ulaz

5

10

-123

67

14

987

Izlaz

987

14

67

-123

10

4.0.1.2. Prosečno odstupanje od minimalnog

Date su cene uređaja u n prodavnica. Napisati program kojim se određuje koliko su u proseku cene uređaja skuplje od najmanje cene uređaja u tim prodavnicama.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se prirodan broj n (1≤n≤200). U sledećih n linija nalaze se pozitivni realni brojevi koji predstavljaju cene uređaja u prodavnicama.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati na dve decimale zaokruženo prosečno odstupanje cena od minimalne cene.

Primer

Ulaz

4

100

95

120

95

Izlaz

7.50

4.0.1.3. Minimalno odstupanje od proseka

Za dati niz od n realnih brojeva odrediti vrednost najmanjeg apsolutnog odstupanja od proseka vrednosti unetih brojeva (to je najmanja apsolutna vrednost razlika između elemenata i proseka niza).

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza unosi se broj elemenata niza n (1≤n≤100), a zatim u sledećih n linija elementi niza −10000≤ai≤10000.

Izlaz

Realan broj na dve decimale koji predstavlja vrednost najmanjeg apsolutnog odstupanja od srednje vrednosti.

Primer

Ulaz

6

2.8

19.3

-4.2

7.5

-11.1

7.17

Izlaz

0.78

4.0.1.4. Translacija tačaka

Date su koordinate N tačaka u ravni. Translirati tačke tako da im težište bude u koordinatnom početku.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se prirodan broj n (1≤n≤100). U sledećih n linija nalaze se po dva realna broja, koji predstavljaju x i y koordinate tačaka.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati koordinate tačaka posle translacije, za svaku tačku u jednoj liniji njenu x pa y koordinatu, koordinate odvojiti jednom prazninom i prikazati ih na dve decimale.

Primer

Ulaz

3

0 0

10

2 3

Izlaz

-1.00 -1.00

0.00 - 1.00

1.00 2.00

4.0.1.5. Parni i neparni elementi

Poštar ide ulicom i treba da rasporedi pošiljke. Odlučio je da prvo obiđe jednu stranu ulice (na kojoj su kuće sa parnim brojevima), a da u povratku obiđe drugu stranu ulice (na kojoj su kuće sa neparnim brojevima). Napiši program koji za unete brojeve kuća određuje koje su na parnoj, a koje na neparnoj strani ulice.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj pošiljki (prirodan broj k manji od 100), a zatim i k prirodnih brojeva koji predstavljaju brojeve kuća na pošiljkama. Svaki broj je zadat u posebnom redu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati dva reda brojeva. U prvom redu se nalaze svi parni brojevi (ispisani u istom redosledu u kojem su uneti), a u drugom svi neparni brojevi (ispisani u istom redosledu u kojem su uneti). Brojevi u svakom redu treba da su razdvojeni sa po jednim razmakom, a razmak može biti naveden i iza poslednjeg broja.

Ulaz

5

1

2

3

4 5

Izlaz

2 4

1 3 5

4.0.2. Transformacije nizova

4.0.2.1. Izbacivanje elemenata

Broj je nepoželjan u nizu celih brojeva ako deli ukupan broj elemenata (npr. u nizu dužine 10 su nepoželjni elementi koji dele broj 10, a to su 1, 2, 5 i 10). Potrebno je pronaći sve nepoželjne elemente u nizu i ukloniti ih. Nakon toga se broj elemenata može promeniti i neki drugi elementi mogu postati nepoželjni. Postupak se ponavlja dok se ne dobije niz bez nepoželjnih elemenata. Napiši program koji za dati niz određuje zbir preostalih elemenata, nakon uklanjanja nepoželjnih.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj n ($1 \le n \le 50000$), a zatim i n elemenata niza iz raspona od 1 do 100.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja zbir preostalih elemanata u nizu, nakon uzastopnog uklanjanja svih nepoželjnih elemenata.

Primer

Ulaz

10

1

2

3

4 5

6

7

8

Izlaz

24

Prvo se uklanjaju elementi 1, 2, 5 i 10 koji dele dužinu 10, zatim se uklanjaju elementi 3 i 6 koji dele dužinu 6 i na kraju se uklanja element 4, tako da ostaju elementi 7, 8 i 9 čiji je zbir 24.

4.0.2.2. Ciklično pomeranje za jedno mesto

Napisati program koji učitava niz celih brojeva a zatim ga transformiše tako što se ciklično pomeraju zadati delovi niza od pozicije p do pozicije q sve dok se ne unesu dve jednake pozicije. Pri tome vršiti ciklično pomeranje udesno ako je p<q, a pomernje ulevo vršiti ako je p>q.

Ulaz

U jednoj liniji standardnog ulaza nalazi se broj elemenata niza n $(1 < n \le 200)$, a zatim se, u svakoj od n narednih linija standardnog ulaza, nalazi po jedan član niza. U narednim redovima se unose po dva cela broja, p i q $(0 \le p,q < n)$, odvojena prazninom dok se ne unese red u kome su brojevi jednaki.

Izlaz

U svakoj liniji standarnog izlaza ispisuje se po jedan element transformisanog niza.

Primer

Ulaz

4

1

2

3

4 2 3

- -

2 0

1200

Izlaz

2

1

4

3

4.0.2.3. Različiti elementi niza

Napisati program koji učitani niz celih brojeva transformiše tako da se svaki element niza pojavljuje tačno jednom, pri čemu se čuva redosled elemenata (redosled njihovog prvog pojavljivanja).

Ulaz

U jednoj liniji standardnog ulaza nalazi se broj elemenata niza N (0<N≤10000), a zatim se, u svakoj od N narednih linija standardnog ulaza, nalazi po jedan član niza.

Izlaz

U svakoj liniji standarnog izlaza ispisuje se po jedan element transformisanog

Primer

Ulaz

10

1

3 5

3

1

5

7

2

3 5

Izlaz

1

3

5 7

2

4.0.2.4. Neobrisani brojevi

Posmatrajmo skup prirodnih brojeva 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, ... Prvo izbrišemo svaki drugi broj i posmatrani skup postaje 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21, ... zatim iz dobijenog skupa brišemo svaki treći broj i dobijamo skup 1, 3, 7, 9, 13, 15, 19, 21, ... zatim iz dobijenog skupa brišemo svaki četvrti broj i tako dalje. Skup neobrisanih brojeva je 1, 3, 7, 13, 19, ... Napisati program kojim se za dati prirodan broj n proverava da li pripada skupu neobrisanih brojeva.

Ulaz

Prva linija standarnog ulaza sadrži prirodan broj n (n<5·10**5).

Izlaz

Reč da ako broj n pripada skupu neobrisanih brojeva, u suprotnom reč ne.

Ulaz

39

Izlaz

da

Primer 2

Ulaz

41

Izlaz

ne

4.0.3. Obilazak sa dva kraja

4.0.3.1. Niska palindrom

Napisati program kojim se proverava da li je data reč sastavljena isključivo od malih slova palindom. Reč je palindrom ako se jednako čita slevo na desno i sdesna na levo.

Ulaz

Prva i jedina linija standardnog ulaza sadrži reč.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati reč da ako reč predstavlja palindrom inače prikazati reč ne.

Primer

Ulaz

madam

Izlaz

da

4.0.3.2. Palindromska rečenica

Napisati program kojim se proverava da li je data rečenica palindom. Rečenica je palindrom ako se jednako čita slevo na desno i sdesna na levo, pri čemu se razmatraju samo slova i ne pravi se razlika između velikih i malih slova.

Ulaz

Prva i jedina linija standardnog ulaza sadrži rečenicu (sastavljenu od slova, praznina i interpukcijskih znakova).

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati reč da ako rečenica predstavlja palindrom inače prikazati reč ne.

Primer

Ulaz

Ana voli Milovana!!!

Izlaz

da

4.0.5. sortiranje

4.0.5.0. sortiranje

4.0.5.0.1. Sortiranje brojeva

Napiši program koji uređuje (sortira) niz brojeva neopadajuće (svaki naredni mora da bude veći ili jednak od prethodnog).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj n $(1 \le n \le 5 \cdot 10^{**}4)$ a zatim i n prirodnih brojeva manjih od 2n, svaki u posebnom redu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati učitane brojeve u sortiranom redosledu.

Primer

Ulaz

5

3

1

6

8

Izlaz

1

1

3

6 8

4.0.5.0.2. Najvredniji predmeti

Za svaki predmet koji je na prodaju data je šifra i cena. Kupac ima na raspolaganju određeni iznos dinara i želi da kupi što skuplje predmete. Redom

uzima predmete počev od najskupljeg, dok ima novca. Ako nema novca za najskuplji, uzima najskuplji za koji ima novca. Prikazati šifre predmeta koje kupac kupuje i, ako mu je ostalo, preostali iznos novca. Napomena: ova strategija ne garantuje da će predmeti koje kupi biti ukupno najveće moguće vrednosti (npr. ako ima 5 dinara i ako su cene predmeta 4, 3 i 2 dinara, on će kupiti predmet samo predmet od 4 dinara, a mogao bi da kupi predmete od 3 i 2 dinara).

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se iznos novca (realan broj) koji ima kupac, u drugoj broj predmeta, N, a zatim se, u svake dve linije standardnog ulaza, unose, redom, šifra (niska karaktera) pa cena (realan broj) predmeta, svaka u posebnom redu, za svih N predmeta.

Izlaz

U svakoj liniji standarnog izlaza ispisuju se šifre i cene kupljenih predmeta (razdvojene razmakom), ako ih ima. U poslednjoj liniji prikazuje se preostali iznos novca, ako postoji.

Primer1

Ulaz

1250.75 5 predmet1 1010.30 predmet2 357.35 predmet3 725.45 predmet4 1125.5 predmet5

Izlaz

115.75

predmet4 1125.5 predmet5 115.75 9.50

Primer2

Ulaz

predmet3 5725 predmet4 1265 predmet5 2075 predmet6 385

Izlaz

predmet3 5725.00 predmet1 3010.00 predmet4 1265.00

Primer3

Ulaz

1000

6

predmet1

3010

predmet2

3005

predmet3

5725

predmet4

1265

predmet5

2075

predmet6

3850

Izlaz

1000.00

4.0.5.1. objedinjavanje

4.0.5.0.1. Objedinjavanje

U školi malih žutih mrava nastavnik je pregledao kontrolni zadatak. Prvo je pregledao đake koji su radili grupu A, a zatim one koji su radili grupu B, sredio je rezultate za svaku grupu i mrave poređao na osnovu broja poena koji su osvojili. Napiši program koji mu pomaže da od uređenog spiska učenika koji su radili zadatke iz grupe A i od uređenog spiska učenika koji su radili zadatke iz grupe B dobije jedinstven uređen spisak svih učenika.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj đaka m koji su radili grupu A (5≤m≤25000), a zatim neopadajuće sortiran niz poena tih đaka, svaki u

posebnoj liniji. Nakon toga se unosi broj n đaka koji su radili grupu B (5≤n≤25000), a zatim neopadajuće sortiran niz poena tih đaka, svaki u posebnoj liniji.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati neopadajuće sortirani niz poena svih đaka zajedno, svaki u posebnoj liniji.

Primer

Ulaz

4

1

3

5

7

3

2

4

5

Izlaz

1

2

3

4

5 5

-

4.0.5.0.2. Zajednički elementi tri uređena niza

Tri lokalne prodavnice prodaju različite proizvode. Svaki proizvod je okarakterisan jedinstvenim bar-kodom (prirodnim brojem manjim od milijardu). Ako su poznati spiskovi proizvoda koji se prodaju u te tri prodavnice (sortirani rastuće po bar-kodovima), napiši program koji određuje proizvode koji se prodaju u sve tri prodavnice.

Ulaz

U prvoj linija standardnog ulaza nalazi se prirodan broj n (n≤50000) koji predstavlja broj proizvoda u prvoj prodavnici, u sledećih n linija nalaze se barkodovi proizvoda iz te prodavnice (uređeni rastuće). Na isti način su zadati i proizvodi iz druge dve prodavnice.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati bar-kodove proizvoda koji se prodaju u svakoj od te tri prodavnice, uređene rastući.

Ulaz

Izlaz

4.0.5.2. binarna_pretraga

4.0.5.0.1. Kružne zone

Kvalitet signala zavisi od udaljenosti tačke od predajnika. Prostor je podeljen u zone oblika kružnih prstenova, pri čemu su širine prstenova međusobno različite. Napiši program koji za datu tačku određuje zonu kojoj pripada.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se broj n ($1 \le n \le 50000$), a zatim i n realnih brojeva zaokruženih na dve decimale, svaki u posebnom redu, koji predstavljaju širine svih kružnih prstenova. Nakon toga se unosi broj m ($1 \le m \le 50000$) i zatim m parova koordinata tačaka (u svakom redu se nalaze dva realana broja zaokružena na dve decimale, razdvojena sa po jednim razmakom).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati m linija. U svakoj liniji ispisati ili indeks zone (broje se od nule) kojoj tačka pripada ili tekst izvan ako je tačka izvan poslednje zone. Ako je tačka na granici dve zone, smatrati da pripada unutrašnjoj.

Primer

Ulaz

2.0

3.0 7.0 5 1.0 1.0 2.0 3.0 8.0 7.0 13.2 14.5 0.0 12.0

Izlaz

0

1

2

izvan

2

4.0.5.0.2. Binarna pretraga

U prodavnici se nalazi puno vrsta proizvoda i poznati su njihovi bar-kodovi. Proizvođač želi da sazna koliko se vrsta njegovih proizvoda prodaje u toj prodavnici. Ako je spisak svih kodova proizvoda u prodavnici dat u sortiranom obliku, a spisak svih kodova proizvoda proizvođača je dostavljen nesortiran, napiši program koji određuje traženi broj.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se broj n (1≤n≤50000), a zatim u narednih n linija po jedan prirodan broj (najviše šestocifren). Ti brojevi predstavljaju barkodove proizvoda u prodavnici i sortirani su rastuće. Nakon toga se do kraja ulaza učitavaju bar-kodovi proizvoda koje je proizvođač dostavio (najviše šestocifreni prirodni brojevi, svaki u posebnom redu).

Izlaz

Na stanadrni izlaz ispisati broj proizvoda proizvođača koji se već prodaju u prodavnici.

Primer

Ulaz

5

1

3

5

6

7

2

3 4

5

8

Izlaz

2

4.0.7. vektori_i_polinomi

4.0.7.1. Vrednost polinoma

Sa standardnog ulaza se unose stepen n i realni koeficijenti polinoma $y=a[n]\cdot x^{**}n+a[n-1]\cdot x^{**}(n-1)+...+x\cdot a[1]+a[0]$. Napiši program koji izračunava vrednost tog polinoma u k ravnomerno raspoređenih tačaka intervala [p,q].

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza uneti n $(2 \le n \le 9)$ - stepen polinoma, u sledećih n+1 linija realne vrednosti koeficijenata polinoma, zatim, u narednoj liniji k $(2 \le k \le 40)$ - broj ravnomerno raspoređenih tačaka na intervalu [p,q], u narednoj liniji realnu vrednost p - početak intervala, i u narednoj liniji realna vrednost q - kraj intervala.

Izlaz

U k linija ispisati vrednost polinoma u ravnomerno raspoređenim tačakama intervala [p,q] zaokruženu na dve decimale.

Primer

Ulaz

2

1.0

2.0

1.0

10

1.0

10.0

Izlaz

4.00

9.00

16.00

25.00

36.00

49.00

64.00

81.00

100.00

121.00

4.0.7.2. Aritmetika nad polinomima

Data su dva polinoma, P i Q stepenima i nizovima svojih koeficijenata. Odrediti njihov zbir i proizvod.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se stepen n $(0 \le n \le 20)$ prvog polinoma, a u sledećih n+1 linija realni koeficijenti prvog polinoma i to redom počev od koeficijenta uz najveći stepen. Zatim se na standardnom ulazu nalazi stepen m $(0 \le m \le 20)$ drugog polinoma, a u sledećih m+1 linija realni koeficijenti drugog polinoma i to redom počev od koeficijenta uz najveći stepen.

Izlaz

Prikazati redom zbir i proizvod, svaki u posebnoj liniji. Za svaki polinom prikazati u jednoj liniji njegove koeficijente, na dve decimale i to redom počev od koeficijenta uz najveći stepen.

Primer

Ulaz

2

2

1

2

1

-1

Izlaz

2.00 2.00 1.00

2.00 -1.00 1.00 -2.00

4.2. Niske

4.2.0. Podniske

4.2.0.1. Reč Frankenštajn

Napiši program koji od unete reči pravi novu reč sastavljenu iz delova početne reči. Na primer, za uneto:

dabrakabmra

- 6 2
- 3 3
- 1 1
- 0 3
- 9 2

program gradi i ispisuje reč abrakadabra (prvo idu 2 karaktera krenuvši od pozicije 6 tj. ab, zatim 3 karaktera od pozicije 3 tj. rak, zatim 1 karakter od pozicije 1 tj. a, zatim tri karaktera od pozicije 0 tj. dab i na kraju dva karaktera od pozicije 9 tj. ra).

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza je string koji predstavlja datu reč (dužina mu je najviše 50000 karaktera) i sadrži samo slova engleske abecede. U narednim linijama (njih najviše 10000) se unose parovi: pozicija u datom stringu i dužina podstringa (pozicija i dužina ispravno zadaju podnisku).

Izlaz

Reč koja se dobija navedenim postupkom.

Primer

Ulaz

maranaakkabbikopa

133

16 1

8 3

3 3

Izlaz

kopakabana

4.2.0.2. Izbacivanje podniski

Napisati program kojim se određuje tekst koji se dobija brisanjem iz datog teksta svih pojavljivanja podreči iz datog skupa. Brišu se prvo sva pojavljivanja prve reči, zatim druge, treće i tako do kraja. Taj postupak se ponavlja sve dok je se tekst njime menja. Prilikom brisanja svih pojavljivanja reči postupak se iscrpno ponavlja sve dok je brisanje moguće.

Na primer, za tekst babrarkadabrabbrr i skup reči {br, ka, aa}, prvo se iscrpno briše br i dobija se baarkadaa, zatim se briše ka i dobija se baardaa, zatim se briše aa i dobija se brd. Nakon toga se kreće iz početka, iscrpno se briše br i dobija d, pokušava se sa brisanjem ka i aa koje ne uspeva, prolazi se kroz treći krug u kojem reč ostaje ista i prijavljuje se rezultat d.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza je tekst, dužine najviše 5·10**5 karaktera iz kojeg se brišu reči koje se učitavaju iz narednih linija. Reči se učitavaju do kraja standardnog ulaza i ima ih najviše 10**5, a svaka je dužine najviše 10 karaktera.

Izlaz

Tekst koji se dobija nakon brisanja podreči koje sadrži.

Ulaz

babrarkadabrabbrr

hr

ka

aa

Izlaz

d

4.2.0.3. Prezime pa ime

Učenici koji su zainteresovani na takmičenju su napravili spisak u elektronskom obliku, ali su na tom spisku uvek pisali prvo ime, pa onda prezime. Međutim, elektronski sistem prijavljivanja zahteva da se unese prvo prezime, pa onda ime. Napiši program koji popravlja spisak u skladu sa tim zahtevom.

Ulaz

Svaka linija standardnog ulaza, sve do njegovog kraja, sadrži ime i prezime učenika (koja su otkucana samo korišćenjem slova engleske abecede), razdvojene sa tačno jednim razmakom. Napomena: pri interaktivnom testiranju kraj ulaza se može uneti tasterima ctrl+z tj. ctrl+d.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati prezimena i imena svih učitanih učenika razdvojene sa po jednim razmakom, u istom redosledu u kojem su učitani.

Primer

Ulaz

Petar Petrovic Ana Anic Jelena Jelenkovic Mika Mikic

Izlaz

Petrovic Petar Anic Ana Jelenkovic Jelena Mikic Mika

4.2.0.4. Podniska

Napisati program kojim se za dve date reči proverava da li je druga sadržana u prvoj, ako jeste odrediti prvu poziciju na kojoj se druga reč pojavljjuje u prvoj.

Ulaz

Na standardnom ulazu nalaze se dve reči svaka u posebnoj liniji. Svaka reč ima najviše 20 karaktera.

Izlaz

Na standarnom izlazu prikazati prvu poziciju (pozicije su numerisane od 0) na kojoj se nalazi druga reč u prvoj, ako se druga reč ne nalazi u prvoj prikazati - 1.

Primer 1

Ulaz

banana

ana

Izlaz

1

Primer 2

Ulaz

branka

ana

Izlaz

-1

4.2.1. poredjenje

4.2.1.1. Leksikografski minimum

Napiši program koji određuje koja bi od nekoliko datih reči trebalo da bude navedena prva u rečniku ako se ne pravi razlika između velikih i malih slova (za tu reč kažemo da je leksikografski ispred ostalih reči, tj. da je leksikografski najmanja među svim rečima).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava linija teksta koja sadrži više reči razdvojenih sa po tačno jednim razmakom (u liniji postoji bar jedna reč, a iza poslednje reči nema razmaka).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati reč iz učitane linije koja je leksikografski ispred ostalih reči.

Primer

Ulaz

Ko rano rani dve srece grabi

Izlaz

dve

4.2.2. transformisanje

4.2.2.1. Cezarov kod

Zadata je reč sastavljena od malih slova rimske abecede (koja je ista kao engleska). Potrebno je šifrovati odnosno dešifrovati poruku. Cezarova šifra je tip šifre zamenjivanja u kome se svako slovo teksta koji se šifruje menja slovom abecede koje se dobije pomeranjem polaznog slova za određeni broj mesta, ciklično po abecedi. Na primer, ako se vrši pomeranje za dva mesta, slovo a bi se šifrovalo slovom d, b slovom e, itd., dok bi se slovo w šifrovalo slovom z, slovo x slovom a, slovo y, slovom b i slovo z slovom c. Na primer, reč papagaj bi se šifrovala sa sdsdjdm.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se reč ne duža od 100 slova, u drugoj liniji se nalazi ceo broj N , koji predstavlja pomak ($1 \le N < 26$), a u trećoj ceo broj S koji predstavlja smer šifrovanja. Ako je S=1 potrebno je šifrovati, a ako je S=2 potrebno je dešifrovati reč.

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza prikazati reč koja se dobije nakon šifrovanja tj. dešifrovanja zadate reči.

Primer 1

Ulaz

abcdefghijklmnopqrstuvwxyz 3

٠.

1

Izlaz

defghijklmnopqrstuvwxyzabc

Primer 2

Ulaz

twornuvkpemkp

2

2

Izlaz

rumplstinckin

4.2.3. Zapis brojeva i izraza

4.2.3.1. Arapski u rimski

Napiši program koji prevodi uneti arapski broj u rimski.

Ulaz

Sa ulaza se unosi prirodan broj n (1≤n≤2000)

Izlaz

Na standardni izlaz se ispisuje rimski zapis broja n.

Primer

Ulaz

1978

Izlaz

MCMLXXVIII

4.2.3.2. Rimski u arapski

Napiši program koji konvertuje rimske u arapske brojeve.

Ulaz

Jedina linija standardnog ulaza sadrži jedan rimski broj iz intervala od 1 do 2000.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati uneti broj zapisan u uobičajenom (arapskom) zapisu.

Primer

Ulaz

MCMLXXVIII

Izlaz

1978

4.2.3.3. Vrednost izraza

Napiši program koji izračunava vrednost jednostavnog aritmetičkog izraza (npr. 123*456).

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se jedna linija teksta koja sadrži jednostavni aritmetički izraz dobijen primenom operacija sabiranja, oduzimanja ili množenja na dva prirodna broja. Učitani tekst ne sadrži razmake. Napomena: vežbe radi, učitati ceo string koji sadrži izraz, a zatim ga raščlaniti na delove.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati vrednost izraza (ona je sigurno između -10**9 i 10**9).

Ulaz

32 + 73

Izlaz

105

4.2.3.4. Brojevne osnove

Napisati program kojim se uneti prirodan broj prikazuje u binarnom, oktalnom i heksadekadnom sistemu.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ualaza nalazi se prirodan broj n (0≤n≤2·10**9).

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza nalazi se binarni zapis, u drugoj liniji oktalni zapis i u trećoj liniji heksadekadni zapis broja n. U heksadekadnom zapisu koristiti velika slova.

Primer

Ulaz

234

Izlaz

11101010

352

FΑ

4.2.3.5. Spreadsheet kolone

U programima za tabelarna izračunavanja (Microsoft Excel, LibreOffice Calc i slično) kolone su obeležene slovima i to kao A, B, ..., Z, AA, AB, ..., AZ, BA, BB, ..., ZZ, AAA, ... Napiši program koji omogućava konverziju rednog broja (od 1 pa naviše) u tekstualnu oznaku kolone i obratno.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se unosi broj n ($1 \le n \le 10$), a zatim n stringova (svaki u posebnom redu) koji sadrže velika slova engleskog alfabeta (najviše 5). Nakon toga se unosi n brojeva (svaki u posebnom redu) iz intervala od 1 do 12356630.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati prvo n brojeva, pa zatim n stringova (svaki u posebnom redu) koji odgovaraju unetim stringovima tj. brojevima.

Ulaz

3

D

AΒ

ZZZZZ

18

100

1000000

Izlaz

4

28

12356630

R

CV

BDWGN

4.3. Matrice

4.3.1. Turnir

Tokom jedne košarkaške sezone neki timovi su se sastajali više puta. Ako je poznat rezultat svakog njihovog susreta, napiši program koji određuje ukupan rezultat svih njihovih susreta nakon te sezone.

Ulaz

U prvom redu standardnog ulaza unosi se ukupan broj odigranih utakmica n $(1 \le n \le 100)$. U sledećih n redova unose se po 4 nenegativna cela broja p, q, r, s koji opisuju jednu utakmicu, tako da su p i q $(1 \le p,q \le 10)$ redni brojevi košarkaških timova koji su odigrali tu utakmicu s rezultatom r:s $(0 \le r,s \le 150)$ tj. tim p je dao r koševa, dok je tim q dao s koševa. Nakon toga se unosi prirodni broj m $(1 \le m \le 20)$, a potom m parova prirodnih brojeva p i p $(1 \le p,q \le 10)$.

Izlaz

Za svaki par timova p i q, u posebnoj liniji ispiši koliko ukupno koševa je tim p dao timu q i koliko je tim q dao timu p, razdvojene dvotačkom.

Primer

Ulaz

5

1 2 15 70

2 3 90 88

1 2 23 9

3 1 88 86

2 3 42 50

2

1 2

3 2

Izlaz

38:79 138:132

4.3.2. Broj bombi u okolini

U igrici Minesweeper na poljima se nalaze sakrivene bombe i zadatak igrača je da ih pronađe. Igraču se prikazuje tabla sa brojevima gde svaki broj predstavlja broj bombi koje se nalaze u okolini datog polja (gledaju se okolna polja u svih 8 smerova). Tvoj zadatak je da započneš programiranje ove igre tako što ćeš napisati program koji za dati raspored bombi određuje ove brojeve.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju dva broja m i n koji predstavljaju dimenzije table (3≤m,n≤100) i nakon toga matrica koja ima m vrsta i n kolona koja sadrži nule i jedinice (gde jedinica označava bombu).

Izlaz

Matrica dimenzije m×n koja određuje broj bombi u okolini svakog polja polazne matrice.

Primer

Ulaz

3 4

0101

1010

0100

Izlaz

2231

2432

2221

4.3.3. Preslikavanja matrice

Deca su spremala priredbu u školskom dvorištu. Svako je obukao kostim različite boje i poređali su se u kvadratnu matricu. Tokom tačke deca su se premeštala i to na veoma pravilne načine. Prvo su se preslikali matricu oko glavne dijagonale. Zatim su zarotirali matricu za 90 stepeni udesno (u smeru kazaljke na satu). Nakon toga su je preslikali horizontalno i na kraju su je preslikali oko sporedne dijagonale. Napiši program koji ispisuje raspored boja dečijih kostima nakon svakog koraka njihove koreografije.

Ulaz

Sa stanadradnog ulaza se učitava broj [Math Processing Error] ([Math Processing Error]), a zatim i kvadratna matrica dimenzije [Math Processing Error] koja sadrži brojeve između 0 i 10 (svaki broj označava jednu boju kostima).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisuje se 5 matrica. Polazna, učitana i zatim matrica dobijena nakon svake transformacije.

Primer

Ulaz

3

1 2 3

456

789

Izlaz

1 2 3

456

789

147

2 5 8

369

3 2 1

6 5 4

987

987

6 5 4

3 2 1

147

2 5 8

369

4.3.4. Da li se dame napadaju

Data je šahovska tabla na kojoj je raspoređeno osam dama. Napiši program koji proverava da li se neke dve dame napadaju (dve dame se napadaju ako se nalaze u istoj vrsti, istoj koloni ili na istoj dijagonali).

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se [Math Processing Error] matrica dimenzije [Math Processing Error] čijih 8 jedinica opisuje položaj 8 dama.

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisati tekst NE ako se dame ne napadaju ili DA ako se neke dve dame napadaju.

Ulaz

Izlaz

NE

Primer 2

Ulaz

Izlaz

DA

4.3.5. Najveća dijagonala

Kvadratna matrica sadrži cele brojeve. Napiši program koji pronalazi najveći zbir brojeva na nekoj od dijagonala matrice (u obzir se uzimaju glavna dijagonala, sporedna dijagonala i sve dijagonale njima paralelne).

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitava broj n ($2 \le n \le 100$) i nakon toga elementi kvadratne matrice dimenzije $n \times n$ (celi brojevi između -10 i 10).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - najveći zbir elemenata na nekoj od dijagonala.

Primer

Ulaz

3 10 -10 2 1 -9 3 -2 9 9

Izlaz

12

Najveći zbir ima sporedna dijagonala koja sadrži elemente 9 i 3.

4.3.6. Spiralni ispis matrice

Napiši program koji ispisuje elemente matrice spiralno, krenuvši od gornjeg levog ugla i kružeći u smeru kazaljke na satu.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se dimenzija kvadratne matrice [Math Processing Error], a zatim i elementi matrice.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati niz elemenata matrice koji se dobijaju spiralnim obilaskom.

Primer

Ulaz

5 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25

Izlaz

1 2 3 4 5 10 15 20 25 24 23 22 21 16 11 6 7 8 9 14 19 18 17 12 13

4.3.7. Množenje matrica

Jovani je rođendan i odlučila je da napravi tortu da počasti svoje drugarice i drugare. Ona zna recepte za t različitih torti. U svaku tortu ide s različitih sastojaka (za svaku tortu poznata je količina svakog od tih sastojaka). Jovana će sve stvari nabaviti u jednoj od p prodavnica. Za svaku prodavnicu poznate su cene svakog od tih sastojaka. Napiši program koji pomaže Jovani da odredi koju tortu da pravi i u kojoj prodavnici da kupuje sastojke da bi joj ostalo što više para za ekskurziju.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se brojevi t, s i p (svi između 2 i 10), a zatim i dve matrice. Prva, dimenzije t×s određuje količinu sastojaka za svaku od torti (količina je ceo broj između 1 i 3), a druga, dimenzije s×p određuje cenu svakog sastojka u svakoj od prodavnica (cena je ceo broj između 100 i 300).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati tri cela broja - redni broj torte i redni broj prodavnice (oba se broje od 0), kao i ukupnu cenu najjeftinije torte.

Ulaz

3 4 2

2132

3221

2123

250 170

160 120

135 142

145 155

Izlaz

1 1 1189

4.3.8. Relacija zavisnosti

Na fakultetu postoje zavisnosti između ispita koji se polažu. Na primer, da bi se polagao ispit "Programiranje 2", prethodno je neophodno da je položen ispit "Programiranje 1". Zavisnosti su zadate matricom logičkih vrednosti koja predstavlja jednu relaciju. Napiši program koji proverava da li su ispunjeni sledeći uslovi:

relacija je antirefleksivna tj. ne postoji ni jedan predmet koji zavisi sam od sebe,

relacija je antisimetrična tj. nije moguće da jedan predmet zavisi od nekog drugog predmeta, a da taj drugi predmet istovremeno zavisi od tog prvog predmeta,

relacija je tranzitivna tj. ako jedan predmet zavisi od drugog, a taj drugi zavisi od trećeg, onda je neophodno da i prvi predmet zavisi od trećeg.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se ukupan broj predmeta n (5≤n≤10), a zatim i matrica dimenzije n×n koja sadrži samo nule i jedinice - jedinica u vrsti v i koloni k označava da predmet sa rednim brojem v zavisi od predmeta sa rednim brojem k.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati DA ako matrica ispunjava sve zadate uslove tj. NE ako narušava bilo koji od njih.

Primer

Ulaz

6

00000

101010

100010

111010

100000

00000

Izlaz

DA

4.3.9. Trouglovi i široka dijagonala

Učenici tri odeljenja su sela na stolice u bioskopskoj sali kvadratnog oblika. Učenici jednog odeljenja su popunili mesta na glavnoj dijagonali sale i nekoliko dijagonala uz nju, učenici drugog odeljenja su popunili gornji, a trećeg odeljenja donji trougao sale. Na primer, ako je dimenzija sale 7, a ako su učenici prvog odeljenja seli na dve dijagonale uz glavnu, onda je raspored sedenja sledeći:

1112222

1111222

1111122

3111112

3311111

3331111

3333111

Poznata je visina svakog učenika. Napiši program koji određuje prosečnu visinu učenika svakog odeljenja.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitava se broj n koji predstavlja dimenziju sale $(5 \le n \le 10)$, zatim, kvadratna matrica dimenzije $n \times n$ koja sadrži visine učenika (realne brojeve između 1.1 i 1.80) i na kraju, u sledećem redu, broj m koji određuje broj dijagonala oko glavne na kojima su raspoređeni učenici prvog odeljenja $(0 \le m \le 3)$.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati prosečnu visinu učenika odeljenja 1, odeljenja 2 i odeljenja 3 (svaki broj u posebnom redu, zaokružen na dve decimale).

Primer

Ulaz

```
7
1.31 1.58 1.13 1.49 1.70 1.17 1.36
1.39 1.78 1.42 1.38 1.42 1.54 1.68
1.28 1.10 1.42 1.52 1.79 1.19 1.33
1.18 1.44 1.33 1.23 1.55 1.33 1.59
1.24 1.79 1.17 1.33 1.76 1.19 1.44
1.63 1.50 1.41 1.11 1.56 1.61 1.80
1.51 1.76 1.48 1.33 1.74 1.30 1.55
2
```

Izlaz

1.43

1.45

1.48

4.3.10. Vrhovi planine

Planinarska ekspedicija se kretala pravougaonim terenom i u pravilnim intervalima merila je nadmorsku visinu. Pretpostavljamo da su prikupljene visine u matrici dimenzija m×n. Kada se nalaze u nekoj tački, planinari mogu da gledaju na istok, zapad, sever i jug, ali i na severoistok, severozapad, jugoistok i jugozapad. U svakom od tih 8 smerova planinari mogu da vide nekoliko vrhova. Tačka se smatra vidljivom, ako se ispred nje nalaze samo tačke koje imaju strogo manju nadmorsku visinu od nje (ili ako ispred nje nema drugih tačaka).

Ulaz

Opis ulaznih podataka.

Izlaz

Opis izlaznih podataka.

Primer

Ulaz

4 5

38542

41765

21489

33752

1 2

Izlaz

11

Planinar iz tačke na kordinatama (1,2) koja je na visini 7, u pravcu ka zapadu vidi tačke sa nadmorskim visinama 1 i 4, u pravcu zapada samo tačku sa nadmorskom visinom 6, u pravcu ka severu opet vidi tačku sa nadmorskom visinom 5, u pravcu ka jugu tačke sa visinama 4 i 7, u pravcu ka severozapadu vidi tačku sa nadmorskom visinom 8, kao severoistoku tačku sa visinom 4, u pravcu ka jugozapadu vidi tačke sa visinama 1 i 3, a u pravcu ka jugoistoku vidi samo tačku sa nadmorskom visinom 8. Dakle, ukupno vidi 11 tačaka.

4.4. Asocijativni nizovi

4.4.1. Različite cifre

Napisati program kojim se ispituje da li su sve cifre u dekadnom zapisu datog prirodnog broja različite?

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se prirodan broj od 0 do 2·10**9.

Izlaz

Na standardnom izlazu ispisuje se tekstualni odgovor DA ili NE.

Primer 1

Ulaz

67569

Izlaz

NE

Primer 2

Ulaz

1234567890

Izlaz

DA

4.4.2. Svega sa različitim ciframa

Napisati program kojim se određuje koliko ima prirodnih brojeva u intervalu [m,n] kojima su sve cifre različite.

Ulaz

Sa standardnog ulaza u prvoj liniji se učitava prirodan broj m , a u sledećoj prirodan broj n. Broj n je veći od broja m. Vrednosti učitanih brojeva su u granicama od 100 do 10000.

Izlaz

Na standardnom izlazu se ispisuje koliko je brojeva sa različitim ciframa u zadatom intervalu.

Primer

Ulaz

120

130

Izlaz

9

4.4.3. Frekvencija znaka

Napisati program koji čita jednu reč teksta koju čine samo velika slova i ispisuje slovo koji se najčešće pojavljuje i koliko puta se pojavljuje. Ako se više slova najčešće pojavljuje, ispisuje se slovo koji se pre pojavilo u reči.

Ulaz

U jednoj liniji standardnog ulaza nalazi se jedna reč teksta sa ne više od 20 slova.

Izlaz

U prvoj liniji standarnog izlaza prikazati slovo koje se najčešće pojavljuje, a u drugoj liniji standardnog ulaza ispisati i koliko puta se pojavljuje.

Primer 1

Ulaz

POPOKATEPETL

Izlaz

Ρ

3

Primer 2

Ulaz

BACACB

Izlaz

В

2

4.4.4. Dvojke i trojke deljive sa 3

U datom nizu prirodnih brojeva dužine n, odredi broj grupa od dva ili tri elementa takvih da je suma svih elemenata grupe deljiva sa3. Na primer u nizu [2,1,3,10] imamo 4 takve grupe: [2,1], [2,10], [2,1,3], [2,3,10].

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se broj elemenata niza n (1≤n≤1000). U sledećih n linija nalazi se redom elementi niza (prirodni brojevi između 0 i 1000).

Izlaz

Na standardnom izlazu u jednoj liniji prikazati broj traženih grupa u nizu.

Primer

Ulaz

4

2

1

3

10

Izlaz

4

4.4.5. Histogram

Grupa biologa amatera je posmatrala populaciju žaba. Za svaku žabu su zabeležili veličinu. Biloge je zanimala raspodela veličina žaba (koliko je bilo malih žaba, koliko malo većih, koliko najvećih i slično). Zato su interval veličina [a,b] podelili na n delova jednake dužine i izbrojali koliko žaba je pripadalo svakom od tih delova (ako je veličina žabe tačno na granici između dva dela, pridružuje se desnom). Napiši program koji im u tome pomaže i rezultat prikazuje grafički, u obliku histograma.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju brojevi a i b razdvojeni jednim razmakom, a zatim u sledećem redu i broj n. Nakon toga unosi se broj žaba k, a zatim i k brojeva iz intervala [a,b) koje predstavljaju veličine žaba.

Izlaz

Na standardni izlaz se prikazuju se podeoci (sa granicama zaokruženim na tri decimale), nakon čega se prikazuje broj žaba čija je veličina u tom podeoku, a zatim i procentualni udeo žaba u tom podeoku u odnosu na ukupan broj žaba (tako što se taj procenat zaokurži na najbliži ceo broj i zatim ispiše toliko karaktera *). Zvezdice su od broja žaba odvojene jednim tabulatorom (znakom Tab).

Primer 1

Ulaz

0.0 1.0

4

10

0.05

0.25

0.95

0.93

0.56

0.73

0.10

0.47

0.23

0.15

Izlaz

U prvom podeoku se nalaze žabe čije su veličine 0.05, 0.23, 0.10 i 0.15, u drugom 0.25 i 0.47, u trećem 0.56 i 0.73, a u četvrtom 0.95 i 0.93. U prvom podeoku se nalazi 40% žaba, a u ostalim po 20%, pa je ispisan i odgovarajući broj zvezdica.

Ulaz

10.0 20.0 3 3 15.3 17.2 19.1

Izlaz

U drugom podeoku je žaba veličine 15.3, a u trećem 17.2 i 19.1. U prvom podeoku se nalazi trećina ukupnog broja žaba pa su ispisane 33 zvezdice dok se u drugom podeoku nalazi dve trećine ukupnog broja žaba pa je ispisano 67 zvezdica.

4.4.6. Frekvencije reči

Milica je kupovala razne proizvode i svaki put kada se vratila iz kupovine dopisivala je sve proizvode koje je kupila na spisak. Napiši program koji pomaže Milici da odredi proizvod koji je najčešće kupovala tokom prethodne godine.

Ulaz

Sa standardnog ulaza učitavaju se nazivi proizvoda, sve dok se ne dođe do kraja ulaza. Svaki naziv je reč koja sadrži najviše 10 malih slova engleskog alfabeta.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan red koji sadrži naziv najčešće kupovanog proizvoda, jedan razmak i broj puta koliko je taj proizvod kupljen. Ako je više proizvoda kupljeno isti broj puta, ispisati onaj koji je prvi po abecednom redosledu.

Primer

Ulaz

jabuka

hleb

kruska

jabuka

sljiva

hleb

mleko

jabuka

hleb

Izlaz

hleb 3

4.4.7. Izomorfne niske

Dve niske su izomorfne ako se druga može dobiti nekim 1-1 preslikavanjem slova prve - svakom slovu abecede odgovara neko slovo (njegova slika u tom preslikavanju), svako pojavljivanje tog slova u prvoj niski se zamenjuje tom slikom, pri čemu ne postoje dva slova koja imaju istu sliku. Na primer, reči filip i cilim su izomorfne (f se slika u c, i u i, l u l i p u m), dok reči filip i madam nisu izomorfne (slovo m bi trebalo da bude slika i slova f i slova p, što nije dopušteno). Napiši program koji ispituje da li su dve unete reči izomorfne.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju dve reči sastavljene od malih slova engleske abecede, svaka u posebnom redu.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati da ako su reči izomorfne, tj. ne u suprotnom.

Primer 1

Ulaz

filip

leden

Izlaz

da

Primer 2

Ulaz

filip

melem

Izlaz

ne

5. Tipovi

5.1. Celobrojni

5.1.1. Sredina intervala

Na planeti M u ulici M žive mravi. Sve kućice u ulici su označene prirodnim brojevima. Mravica Ana živi u kućici broj a, a mrav Boris iza nje, u kućici broj b. Mrav Viktor živi u kućici tačno na sredini između Ane i Borisa. Napiši program koji određuje broj kućice u kojoj živi Viktor (ako je između Ane i Borisa paran broj kućica, Viktor živi u onoj koja je bliža Ani).

Ulaz

Sa standardnog ulaza unose se dva cela broja: a (0≤a≤2·10**9) - broj kućice u kojoj živi Ana b (a+2≤b≤2·10**9) - broj kućice u kojoj živi Boris

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj - broj kućice u kojoj živi Viktor.

Primer 1

Ulaz

432457

562321

Izlaz

497389

Primer 2

Ulaz

2

Izlaz

5

Primer 3

Ulaz

2000000000 199999998

Izlaz

199999999

5.1.2. Provera prekoračenja

Napiši program koji određuje da li će doći do prekoračenja ili potkoračenja prilikom sabiranja i oduzmanja dva data broja tipa int.

Ulaz

Sa standardnog ulaza se učitavaju dva broja, svaki u posebnoj liniji. Svaki broj se ispravno može reprezentovati tipom int tj. Integer na računaru na kojem se vrši testiranje.

Izlaz

U prvoj liniji standardnog izlaza ispisati da ako se ta dva broja mogu ispravno sabrati tj. ne ako prilikom sabiranja dolazi do prekoračenja ili potkoračenja. U drugoj liniji standardnog izlaza ispisati da ako se ta dva broja mogu ispravno oduzeti tj. ne ako prilikom oduzimanja dolazi do prekoračenja ili potkoračenja.

Primer 1

Ulaz

1000000000 1000000000

Izlaz

da

da

Primer 2

Ulaz

2000000000 2000000000

Izlaz

ne

da

Primer 3

Ulaz

2000000000

-2000000000

Izlaz

da

ne

U primerima se pretpostavlja da se za zapis tipa int koriste 32 bita (to ne mora uvek biti tako).

5.1.3. Faktorijel 64bit

Napiši program koji izračunava vrednosti faktorijela datog celog broja.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se broj n (1≤n≤20).

Izlaz

Na stadardni izlaz ispisuje se jedan broj n!.

Primer

Ulaz

20

Izlaz

2432902008176640000

5.1.4. Jabuke u trouglu

Jabuke su poslagane u trougao sledećeg oblika:

*

**

Napiši program koji određuje ukupan broj jabuka u trouglu.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se ceo broj n $(3 \cdot 10^{**}9 \le 6 \cdot 10^{**}9)$ koji određuje broj redova trougla.

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati jedan ceo broj koji predstavlja ukupan broj jabuka u trouglu.

Primer 1

Ulaz

3500000000

Izlaz

6125000001750000000

Primer 2

Ulaz

5000000000

Izlaz

12500000002500000000

5.2. Karakteri

5.2.1. Klasifikacija karaktera

Napisati program koji za učitani ASCII karakter ispituje da li je malo slovo, veliko slovo, cifra ili nešto četvrto

Ulaz

U jednoj liniji standardnog ulaza nalazi se jedan karakter.

Izlaz

U jednoj liniji standarnog izlaza prikazati jednu od sledćih informacija: MALO SLOVO, VELIKO SLOVO, CIFRA, OSTALO.

Primer 1

Ulaz

а

Izlaz

MALO SLOVO

Primer 2

Ulaz

В

Izlaz

VELIKO SLOVO

Primer 3

Ulaz

7

Izlaz

CIFRA

Primer 4

Ulaz

:

Izlaz

OSTALO

5.2.2. Transformacija karaktera

Napisati program kojim se transformiše učitani karakater tako što se malo slovo prebacuje u veliko, veliko slovo u malo, a ostali karakteri se ne menjaju.

Ulaz

U prvoj liniji standardnog ulaza nalazi se jedan karakter.

Izlaz

Na standardnom izlazu prikazati transformisan karakter.

Primer

Ulaz

t

Izlaz

Т

5.2.3. Abecedno ogledalo

Katarina je odlučila da svojoj drugarici pošalje šifrovanu poruku, koja sadrži samo slova engleske abecede, cifre i interpunkcijske znake. Svako slovo će šifrovati posebno na osnovu narednih pravila. Mala slova se šifruju velikim slovima tako što se slovo a šifruje slovom Z, slovo b šifruje slovom Y, c slovom X itd., sve do slova y koje se šifruje slovom B i z koje se šifruje slovom A. Velika slova se šifruju potpuno analogno - od A koje se šifruje sa z do Z koje se šifruje sa a. Ostali karakteri se ne menjaju.

Ulaz

Sa standardnog ulaza unosi se jedna linija teksta, završena karakterom tačka (karakterom .).

Izlaz

Na standardni izlaz ispisati šifrovani tekst (bez karaktera tačka).

Primer

Ulaz

Zdravo svima.

Izlaz

aWIZEL HERNZ