

## 大門1

### (1) 正負の数の計算

$$(-8 + 4) \div (-2)$$

1. カッコ内を計算:  $-8 + 4 = -4$

2. 割り算を実行:  $(-4) \div (-2)$  は、負の数どうしの割り算なので符号はプラスになる。

答え: 2

### (2) 平方根(ルート)の計算

$$(\sqrt{7} + \sqrt{3})(\sqrt{63} - \sqrt{3})$$

1. ルートの中を整理:  $\sqrt{63} = \sqrt{9 \times 7} = 3\sqrt{7}$

2. 式を書き換え:  $(\sqrt{7} + \sqrt{3})(3\sqrt{7} - \sqrt{3})$

3. 展開:

$$\bullet \sqrt{7} \times 3\sqrt{7} = 3 \times 7 = 21$$

$$\bullet \sqrt{7} \times (-\sqrt{3}) = -\sqrt{21}$$

$$\bullet \sqrt{3} \times 3\sqrt{7} = 3\sqrt{21}$$

$$\bullet \sqrt{3} \times (-\sqrt{3}) = -3$$

4. まとめる:  $21 - \sqrt{21} + 3\sqrt{21} - 3 = 18 + 2\sqrt{21}$

答え:  $18 + 2\sqrt{21}$

### (3) 式の展開

$$(2x - 5y)(x - 3y)$$

分配法則で順番に掛ける。

$$1. 2x \times x = 2x^2$$

$$2. 2x \times (-3y) = -6xy$$

$$3. -5y \times x = -5xy$$

$$4. -5y \times (-3y) = 15y^2$$

5. 整理:  $2x^2 - 11xy + 15y^2$

答え:  $2x^2 - 11xy + 15y^2$

#### (4) 因数分解

$$3x^2 - 6x - 24$$

1. 共通因数でくくる: すべて 3 で割れるので、 $3(x^2 - 2x - 8)$  とする。

2. カッコ内を分解: 「掛けて -8、足して -2」になる数字は -4 と 2。

$$\text{答え: } 3(x - 4)(x + 2)$$

#### (5) 連立方程式

$$3x - 2y = -1 \quad \dots(a)$$

$$2x - 3y = -9 \quad \dots(b)$$

1. (a)を3倍、(b)を2倍してyの係数を合わせる:

$$\bullet 9x - 6y = -3$$

$$\bullet 4x - 6y = -18$$

2. 引き算する:  $(9x - 4x) = -3 - (-18)$  より、 $5x = 15$ 。よって  $x = 3$ 。

3. (a)に代入:  $3(3) - 2y = -1$  より、 $9 - 2y = -1$ 。  $-2y = -10$ 。よって  $y = 5$ 。

$$\text{答え: } x = 3, y = 5$$

#### (6) 2次方程式

$$(x - 2)^2 - 4(x - 2) + 4 = 0$$

1. 置き換え:  $(x - 2)$  を A と置く。

$$A^2 - 4A + 4 = 0$$

2. 因数分解:  $(A - 2)^2 = 0$

3. 解く:  $A = 2$

4. 戻す:  $x - 2 = 2$  なので、 $x = 4$ 。

$$\text{答え: } x = 4$$

#### (7) データの活用(四分位範囲)

データ: 23, 25, 26, 26, 26, 28, 29, 31, 33 (計9個)

1. 第2四分位数(中央値): 5番目の値 = 26

2. 第1四分位数(Q1): 下位4個 [23, 25, 26, 26] の中央値 =  $(25 + 26) \div 2 = 25.5$

3. 第3四分位数(Q3): 上位4個 [28, 29, 31, 33] の中央値 =  $(29 + 31) \div 2 = 30$

4. 四分位範囲:  $Q3 - Q1 = 30 - 25.5 = 4.5$

答え: 4.5人

## 大門2

### (1)関数 $y = ax^2$ と変化の割合

関数  $y = ax^2$  において、 $x$ の値が  $p$  から  $q$  まで増加するときの変化の割合は、ショートカット公式「 $a \times (p + q)$ 」で求めることができる。

#### 1. 公式に条件を代入する

$x$ が  $-1$  から  $4$  まで増加し、変化の割合が  $6$  なので、

$$a \times (-1 + 4) = 6$$

#### 2. カッコ内を計算する

$$a \times 3 = 6$$

#### 3. $a$ を求める

$$3a = 6$$

$$a = 2$$

答え:  $a = 2$

### (2)2次方程式の文章題

3つの正方形の1辺の長さを、小さい順に  $x$  cm、 $(x + 1)$  cm、 $(x + 2)$  cm と置いて式を作る。

#### 1. それぞれの面積を表す

・小の面積:  $x^2$

・中の面積:  $(x + 1)^2$

・大の面積:  $(x + 2)^2$

#### 2. 問題文の通りに方程式を立てる

「小と大の面積の和は、中の面積よりも  $83$  大きい」

$$x^2 + (x + 2)^2 = (x + 1)^2 + 83$$

#### 3. 展開して整理する

$$x^2 + (x^2 + 4x + 4) = (x^2 + 2x + 1) + 83$$

$$2x^2 + 4x + 4 = x^2 + 2x + 84$$

$$x^2 + 2x - 80 = 0$$

#### 4. 因数分解して解を求める

$$(x + 10)(x - 8) = 0$$

$$x = -10, 8$$

辺の長さは正の数であるため、 $x = 8$  が適する。

答え : 8 cm

#### (3) 平面図形(角度)

図の条件を一つずつ整理していく。

##### 1. 二等辺三角形ABCの角を求める

$AB = BC$  の二等辺三角形なので、底角は等しい。角C = 72度であるから、角A も 72度となる。

$$\text{頂角B} = 180 - (72 + 72) = 36\text{度。}$$

##### 2. 平行線の同位角を利用する

$DF \parallel BC$  なので、同位角は等しい。

$$\text{角ADF} = \text{角B} = 36\text{度。}$$

##### 3. 正三角形DEFの角を利用する

三角形DEFは正三角形なので、角EDF = 60度。

##### 4. 直線AB上の角(180度)で計算する

点Dにおいて、 $\text{角BDE}(x) + \text{角EDF} + \text{角ADF} = 180\text{度}$  となる。

$$x + 60 + 36 = 180$$

$$x + 96 = 180$$

$$x = 84$$

答え : 84度

#### (4) 空間図形(円すいの回転)

円すいの底面が「点線の円」の円周上を転がる様子を考える。

##### 1. 点線の円の円周を考える

円すいの母線の長さを  $R$  とすると、点線の円の半径は  $R$  である。

$$\text{点線の円の円周} = 2 \times \text{円周率} \times R$$

2. 円すいの底面の円周を求める

半径 3cm なので、

$$\text{底面の円周} = 2 \times \text{円周率} \times 3 = 6 \times \text{円周率}$$

3. 回転数から方程式を立てる

「円すいがちょうど2回転して元の場所に戻った」ということは、点線の円周が、円すいの底面の円周2個分に相当するということである。

$$2 \times \text{円周率} \times R = (6 \times \text{円周率}) \times 2$$

$$2 \times \text{円周率} \times R = 12 \times \text{円周率}$$

4. Rを求める

$$2R = 12$$

$$R = 6$$

答え: 6 cm