Logica computaționlă – temă seminar

9.1.6.7 Aduceți la FNC (forma normală conjunctivă) și FND (forma normală disjunctivă) teorema de tăiere:

Folosind una din aceste forme normale, demonstrați că această lege sau proprietate este o formulă validă în calculul propozițional.

$$(U \to V) \land (U \land V \to Z) \to (U \to Z)$$
$$((U \to V) \land ((U \land V) \to Z)) \to (U \to Z)$$

Pas1: Inlocuirea formulei: $U \rightarrow V \equiv \neg U \lor Z$:

$$((U \to V) \land ((U \land V) \to Z)) \to (U \to Z)$$

$$\neg ((U \to V) \land ((U \land V) \to Z)) \lor (U \to Z)$$

$$\neg ((U \to V) \land ((U \land V) \to Z)) \lor (\neg U \lor Z)$$

$$\neg ((U \to V) \land (\neg (U \land V) \lor Z)) \lor (\neg U \lor Z)$$

$$\neg ((\neg U \lor V) \land (\neg (U \land V) \lor Z)) \lor (\neg U \lor Z)$$

Pas2: Aplicarea legilor lui DeMorgen : \neg (U V V) \equiv \neg U \land \neg V \neg (U \land V) \equiv \neg U V \neg V:

$$\neg ((\neg U \lor V) \land (\neg U \lor \neg V \lor Z)) \lor (\neg U \lor Z)$$

$$\neg (\neg U \lor V) \lor \neg (\neg U \lor \neg V \lor Z) \lor (\neg U \lor Z)$$

Pas3: Aplicarea legii distributivitatii: $U \lor (V \land Z) \equiv (U \lor V) \land (U \lor Z)$:

$$(\underline{U} \lor U \lor \underline{\neg} \underline{U} \lor Z) \land (\underline{U} \lor V \lor \underline{\neg} \underline{U} \lor Z) \land (\underline{\neg} \lor V \lor \underline{\neg} \underline{Z} \lor \neg U \lor \underline{Z}) \land (\underline{\neg} \lor V \lor \underline{\neg} \underline{Z} \lor \neg U \lor \underline{Z}) \land (\underline{\neg} \lor V \lor \underline{U} \lor \underline{\neg} \underline{U} \lor Z) \land (\underline{\neg} \lor V \lor \underline{V} \lor \neg U \lor Z) - FNC (6 clauze tautologice) => formula este valida$$