НАПРАВЛЕНИЕ 03.03.01 Прикладные математика и физика ПРОФИЛЬ Теоретическая Физика

ЗАДАНИЕ

о прохождении практики по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности

студента Кононова Александра Михайловича Курс 2 Группа 201

Форма обучения: очная

Сроки прохождения практики с 01.07.2024 по 14.07.2024

Форма представления на кафедру выполненного задания: отчет в письменной форме

Дата выдачи задания: 01.07.2024

Задание для прохождения практики по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности: Нахождение условия параметрического резонанса в системе с периодическим δ -образным потенциалом.

С заданием ознакомлен

Оценка

Руководитель практики Аверкиев Н.С (Ф.И.О. полностью, должность, звание, подпись).

ОТЧЕТ по практике по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности

Весенний семестр 2023/2024 учебного года

Тема: Нахождение условия параметрического резонанса в системе с периодическим δ -образным потенциалом.

Студент: Кононов Александр Михайлович

Руководитель практики: Аверкиев Никита Сергеевич

Должность, звание:

Оценка:

Содержание

1	Введение		2
	1.1	Актуальность	2
	1.2	Цель и задачи практики	2
2 Ход выполнения задания		ц выполнения задания	3
	2.1	Задача с одним δ -образным потенциалом	3
	2.2	Задача с двумя δ -образными потенциалами	4
	2.3	Анализ результатов	6
3	Заключение		6
4	Спи	ісок литературы	6

1 Введение

1.1 Актуальность

Параметрический резонанс — это явление, при котором колебательная система начинает усиливаться при периодическом изменении параметров тех элементов колебательной системы, в которых сосредоточена энергия колебаний. Введение периодического дельта-образного потенциала добавляет дополнительную сложность к исследованию этого явления, позволяя изучить, как такие особенности потенциала влияют на поведение системы, включая условия возникновения резонанса, его интенсивность и устойчивость. Параметрический резонанс в системах с дельта-образным потенциалом может найти применение в современных технологиях, например, в разработке новых типов резонаторов, сенсоров или фильтров. Понимание поведения таких систем помогает в создании устройств, которые могут адаптивно изменять свои свойства в зависимости от внешних воздействий.

1.2 Цель и задачи практики

Цель:

Получить условие на параметры колебательной системы с δ -образным потенциалом для возникновения параметрического резонанса.

Задачи:

- ullet Найти коэффициент прохождения волны через 1 δ -образный потенциал
- Найти коэффициент прохождения волны через 2 δ -образных потенциала
- Найти условие на параметры системы для возникновения параметрического резонанса в колебательной системе за счет двойного δ -образного потенциала

2 Ход выполнения задания

2.1 Задача с одним δ -образным потенциалом

Уравнение описывающие волну в среде с некоторым потенциалом имеет вид:

$$C^{2}(x;t)U''(x;t) = \ddot{U}(x;t)$$

$$\tag{1}$$

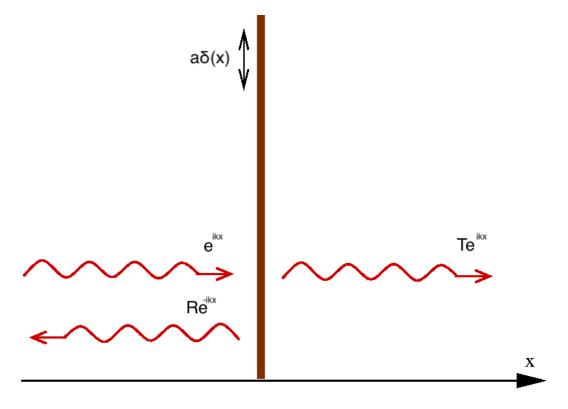
В нашем случае потенциал от времени не зависит и представляет собой лишь δ -функцию, и решение мы будем искать в виде $U(x;t)=Ae^{i(kx-\omega t)}$, а значит уравнение принимает вид:

$$C^{2}(x)U''(x) = \omega^{2}U(x) \tag{2}$$

Записав потенциал в явном виде получаем уравнение:

$$U''(x) - k_0^2 \cdot a\delta(x) \cdot U(x) = 0 \tag{3}$$

Где $k_0 = \frac{\omega}{C_0}$.



Будем искать решение в двух областях. В первой области в виде $U(x) = e^{ik_0x} + Re^{-ik_0x}$, во второй $U(x) = Te^{ik_0x}$. Условия на границе двух областей такое:

- 1) Непрерывность U(0)
- 2) Условие на скачёк производной: $U'_{x=0+} U'_{x=0-} + k_0^2 a \cdot U(0) = 0$ Составив и решив систему уравнений получаем значения R и T:

$$\begin{cases} 1 + R = T \\ ik_0 - ik_0R - (ik_0T) + k_0^2aT = 0 \end{cases}$$
 (4)

Получили:

$$\begin{cases}
R = \frac{-i\frac{ka}{2}}{1+i\frac{ka}{2}} \\
T = \frac{1}{1+i\frac{ka}{2}}
\end{cases}$$
(5)

2.2 Задача с двумя δ -образными потенциалами

В этой задачи условия похожи, однако теперь в пространстве на расстоянии b друг от друга разположены 2 δ -образных потенциала одинаковой величины a.

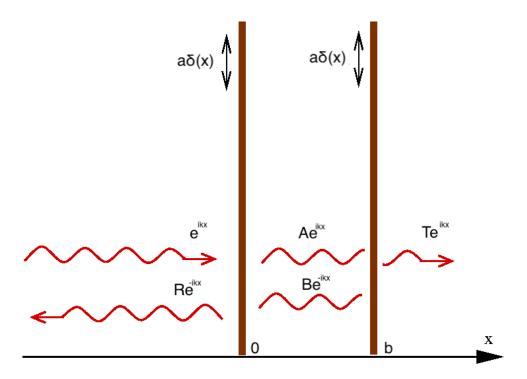


Рисунок 2: Прохождение волны через 2 δ -образных потенциала

Решение же теперь будем искать в 3 областях:

$$\begin{cases}
U(x) = e^{ik_0x} + Re^{-ik_0x} & x < 0 \\
U(x) = Ae^{ik_0x} + Be^{-ik_0x} & 0 < x < b \\
U(x) = Te^{ik_0x} & x > b
\end{cases}$$
(6)

А граничных условий теперь будет 4, по 2 на каждую границу областей:

$$\begin{cases} U_{x=0+} - U_{x=0-} = 0 &, \text{ непрерывность в 0} \\ U'_{x=0+} - U'_{x=0-} + k_0^2 a \cdot U(0) = 0 &, \text{ скачёк производной в 0} \\ U_{x=b+} - U_{x=b-} = 0 &, \text{ непрерывность в } b \\ U'_{x=b+} - U'_{x=b-} + k_0^2 a \cdot U(b) = 0 &, \text{ скачёк производной в } b \end{cases}$$

$$(7)$$

Получаем следующую систему уравнений на амплитуды волн:

$$\begin{cases}
1 + R = A + B \\
ik_0 A - ik_0 B - (ik_0 - ik_0 R) + k_0^2 a(1 + R) = 0 \\
A e^{ik_0 b} + B e^{-ik_0 b} = T e^{ik_0 b} \\
ik_0 T e^{ik_0 b} - (A e^{ik_0 b} - B e^{-ik_0 b}) + k_0^2 a T e^{ik_0 b} = 0
\end{cases}$$
(8)

Решив эту систему уравнений получили выражения на коэфецииенты отражения R и пропускания T:

$$\begin{cases}
R = \frac{(\cos(ik_0b) + 2\sin(k_0b))ie^{ik_0b}}{k_0a(e^{2ik_0b} - (1+2i/k_0a)^2)} \\
T = \frac{4}{k_0^2a^2e^{2ik_0b} - (k_0a+2i)^2}
\end{cases}$$
(9)

Эти результаты сходятся с результатами полученными в статье [1].

Тут написать про график T и про то что при некоторых значениях есть полное пропускание волны

2.3 Задача на условие возникновения параметрического резонанса в колебательной системе за счет двойного δ -образного потенциала

тут написать про параметрический резонанс, корни, оперделитель, на вещетвенность корней, на проверку корней равных еденице условие на вещественность и возникновение параметрического резонанса

3 Заключение

тут про то что я решил задачу без теории возмущений описывая более широкий класс потенциалов которые создают параметрический резонанс

4 Список литературы

- 1. Zafar Ahmed, 'Revisiting double Dirac delta potential', European Journal of Physics (March 2016)
- 2. Dr Siegfried Flugge, 'Practical Quantum Mechanics', Springer (1994)