Решение задачи 1.1

1.1.

Необходимо предложить две эквивалентные схемы реализации данного двух-полюсника двумя элементами, соединенными:

- а) последовательно;
- б) параллельно.

Дано:

Напряжение:

$$u(t) = 80 + 2\cos(200t - 15^{\circ})$$
 B

Ток:

$$i(t) = \sin(200t - 60^{\circ}) \text{ A}$$

Решение:

Шаг 1: Преобразование тока к косинусной форме

Преобразуем ток для удобства сравнения:

$$i(t) = \sin(200t - 60^\circ) = \cos(200t - 60^\circ - 90^\circ) = \cos(200t - 150^\circ)$$
 A

Шаг 2: Выделение постоянной и переменной составляющих

Напряжение содержит постоянную составляющую $U_{\rm DC}=80\,{\rm B}$ и переменную составляющую $U_{\rm AC}=2\cos(200t-15^\circ)\,{\rm B}$. Ток является чисто переменным.

Шаг 3: Представление в комплексной форме (фазоры)

Для анализа переменной составляющей используем фазоры:

$$\underline{U} = 2\angle(-15^{\circ}) \,\mathrm{B}$$

$$\underline{I} = 1 \angle (-150^{\circ}) \,\mathrm{A}$$

Шаг 4: Вычисление импеданса

Используя закон Ома в комплексной форме:

$$\underline{Z} = \frac{\underline{U}}{I} = \frac{2\angle(-15^\circ)}{1\angle(-150^\circ)} = 2\angle(135^\circ)$$

Преобразуем импеданс в алгебраическую форму:

$$\underline{Z} = 2\left(\cos 135^{\circ} + j\sin 135^{\circ}\right) = 2\left(-\frac{\sqrt{2}}{2} + j\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = -1.4142 + j1.4142\Omega$$

Примечание: Отрицательная действительная часть импеданса указывает на отрицательное сопротивление, что предполагает наличие активных элементов.

Вариант а) Последовательное соединение

Элементы схемы:

- Источник напряжения $V_s = 80 \, \mathrm{B}$ (постоянная составляющая)
- Сопротивление $R_s = -1.4142\,\Omega$
- Индуктивность L_s

Вычисление индуктивности: Зная, что $X_s = \omega L_s$, где $\omega = 200\,\mathrm{pag/c}$:

$$X_s = 1.4142\,\Omega$$

$$L_s = \frac{X_s}{\omega} = \frac{1.4142}{200} = 0.00707\,\Gamma\text{H}$$

Итоговая последовательная схема:

- Источник напряжения: $V_s = 80\,\mathrm{B}$
- Отрицательное сопротивление: $R_s = -1.4142\,\Omega$
- Индуктивность: $L_s = 7.07 \,\mathrm{M}\Gamma\mathrm{H}$

Вариант б) Параллельное соединение

Вычисление проводимости: Сначала находим комплексную проводимость \underline{Y} :

$$\underline{Y} = \frac{1}{\underline{Z}} = \frac{1}{2\angle 135^{\circ}} = 0.5\angle (-135^{\circ})$$

Преобразуем проводимость в алгебраическую форму:

$$\underline{Y} = 0.5\left(\cos(-135^{\circ}) + j\sin(-135^{\circ})\right) = 0.5\left(-\frac{\sqrt{2}}{2} - j\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = -0.3536 - j0.3536 \text{ Cm}$$

Элементы схемы:

- Проводимость $G_p = -0.3536 \, \mathrm{Cm}$
- Сусцептанс $B_p = -0.3536 \, \mathrm{Cm}$

Вычисление емкости: Так как $B_p = -\omega C_p$, то:

$$C_p = \frac{-B_p}{\omega} = \frac{0.3536}{200} = 0.001768 \,\Phi$$

Итоговая параллельная схема:

- Отрицательное сопротивление: $R_p = \frac{1}{G_p} = -2.8284\,\Omega$
- Емкость: $C_p = 1.768 \,\mathrm{m}\Phi$

Вывод:

- Вариант а): Двухполюсник можно представить как последовательное соединение источника напряжения $80\,\mathrm{B}$, отрицательного сопротивления $-1.4142\,\Omega$ и индуктивности $7.07\,\mathrm{m}\Gamma$ н.
- Вариант б): Альтернативно, его можно представить как параллельное соединение отрицательного сопротивления $-2.8284\,\Omega$ и емкости $1.768\,\mathrm{M}\Phi$.

Важно: Отрицательное сопротивление и проводимость указывают на наличие активных элементов (например, управляемых источников или усилителей). В реальных цепях пассивные компоненты не могут иметь отрицательное сопротивление. Поэтому реализация таких схем требует использования активных элементов.