
Kapitel 2: Texture Mapping

1

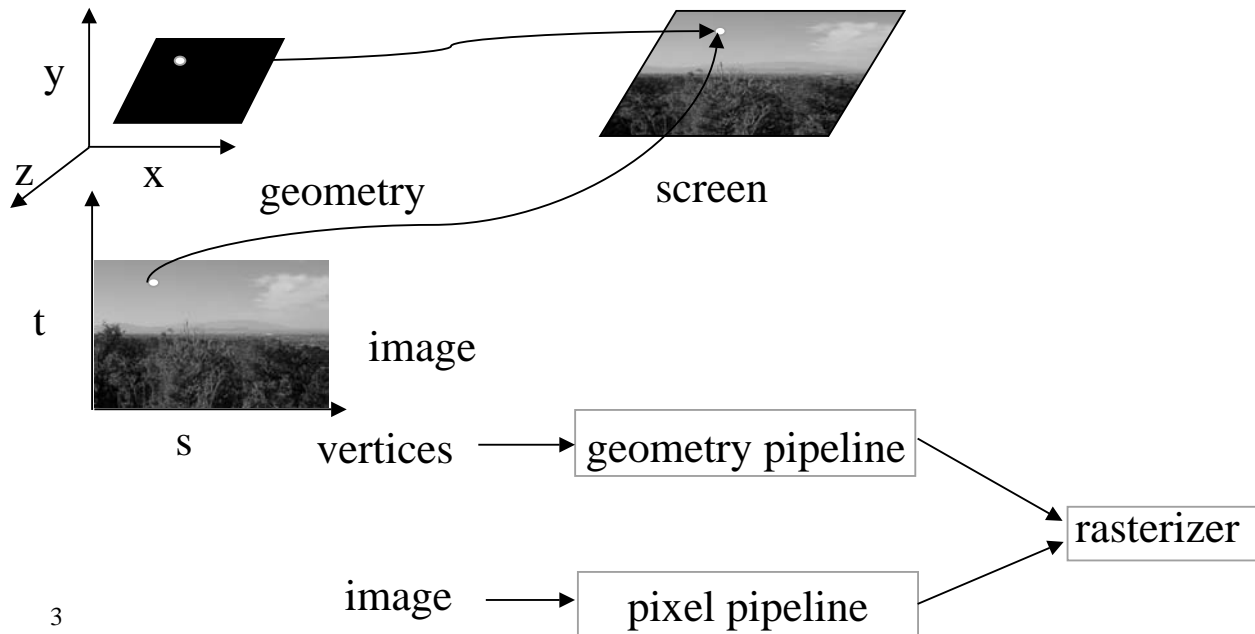
Überblick: Texture Mapping

- Einführung
- Texturquellen
- Abbildung, Parametrisierung, Texturkoordinaten
- Filterung
- Perspektivisch korrekte Interpolation
- Texturen in OpenGL
- Lightmaps
- Environment-Mapping
- Bump-Mapping
- Volumentexturen

2

Texture-Mapping

- Realistischeres Aussehen durch Feinstrukturierung der Oberfläche pro Pixel
- Kombiniere Geometrie mit Bildern



Texturen als eine von vielen Mapping-Arten

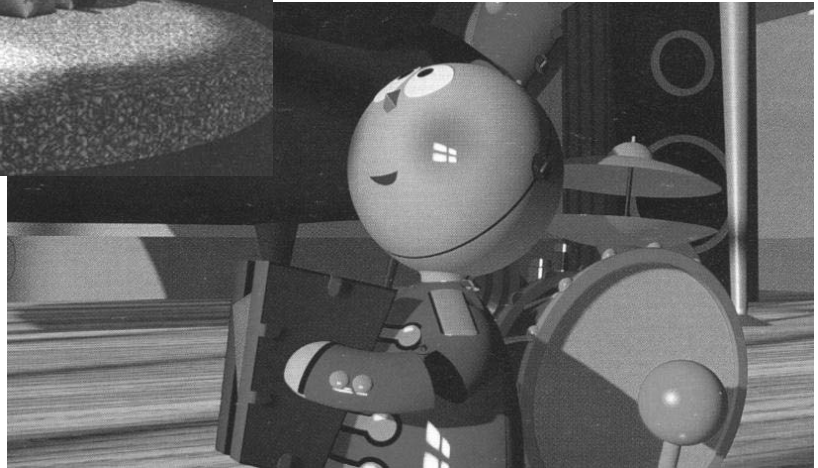
- **Reflexionseigenschaften**
 - Farbe, Reflexionskoeffizienten, Transparenz
 - klassisches „Texture-Mapping“
- **Beleuchtung**
 - „Environment-Mapping“, „Reflection-Mapping“
 - „Shadow-Mapping“, „Illumination-Mapping“
- **Geometrie**
 - verschiebe Flächen
 - „Displacement-Mapping“
- **Normalenvektoren**
 - $\underline{N}(\underline{P}) = \underline{N}(\underline{P} + t \underline{N})$ oder $\underline{N} = \underline{N} + d\underline{N}$
 - „Bump-“ oder „Normal-Mapping“

Mapping: Beispiele



- Solid-Texture
- Bump-Mapping

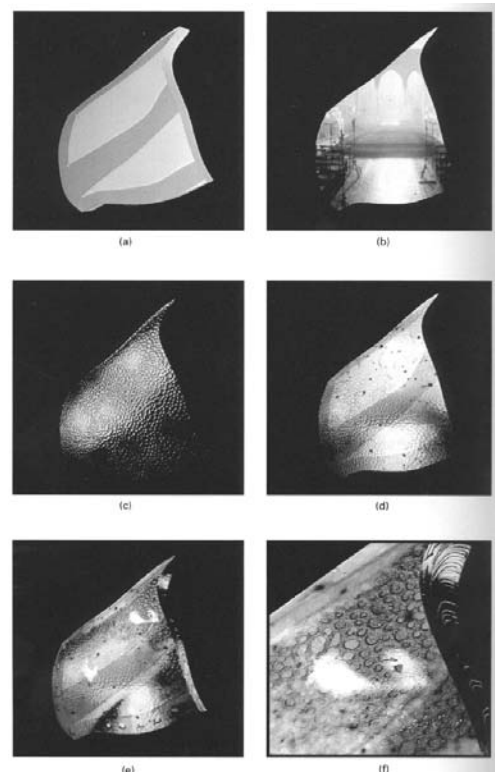
- Reflection-Mapping



5

Mapping: Beispiele

- **Modulation des Bildsyntheseprozess**
 - Farbe
 - Fläche
 - Normale
 - Beleuchtung



6

Textur-Quellen

- **Diskrete Texturen aus Bildern (Fotographien, Simulationen, Videos, ...)**
 - einfache Akquisition
 - Signalrekonstruktion notwendig (Interpolation)
 - beschränkte Auflösung, Aliasing
 - hoher Speicherbedarf
 - Vorsicht: „Eingefrorene Beleuchtung“
 - 1D Bilder (Farbtabelle) und 3D Bilder (Volumina)

7

Textur-Quellen

- **Prozedurale Texturen durch Algorithmen (Shader)**
 - nicht-triviale Programmierung
 - unbeschränkte Auflösung, optimale Genauigkeit
 - geringer Speicherbedarf
 - beliebige Algorithmen

8

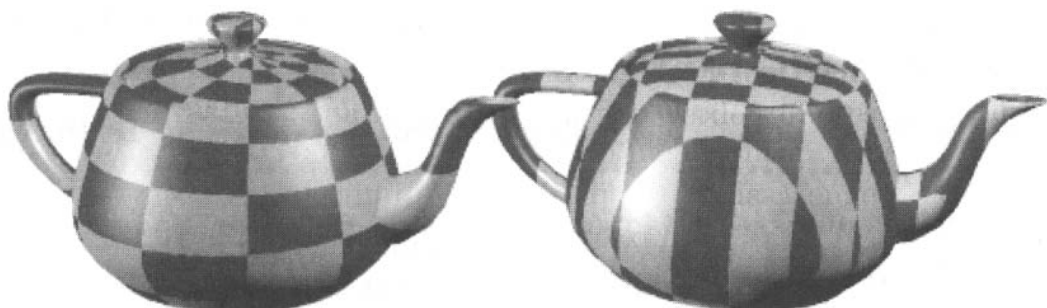
Dimensionalität von Texturen

- **Textur: Diskret abgetastete Abbildung**
- **„nD-Textur“ definiert meist den Definitionsbereich:**
 - 1D: Parameter einer Linie, Höhe, Temperatur, ...
 - 2D: Parameter einer Oberfläche (u, v), Richtung (θ, ϕ), ...
 - 3D: Punkt im Raum (Solid-Texture), Richtungs-Vektor, ...
 - 4D: Linien im Raum (Reflexion), IBR
- **Bildraum (Wertebereich):**
 - 1D: Parameter für Reflexion, Intensität/Helligkeit, ...
 - 2D: Intensität und Transparenz, ...
 - 3D: Farbe, Normalenvektor, Reflexionsvektor, ...
 - 4D: Farbe/Vektor und Transparenz, ...

9

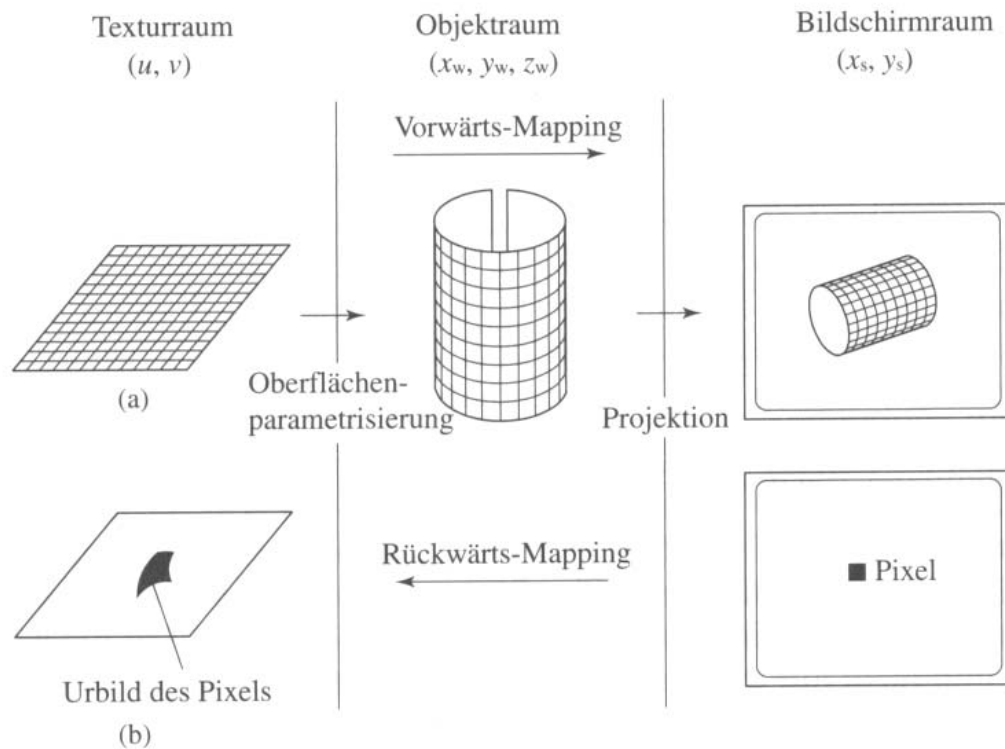
Texturabbildung

- **Bildschirmkoordinaten (x_s, y_s)**
- **Weltkoordinaten (x_w, y_w, z_w)**
- **Flächenparameter (u,v) (z.B. Bezier-Patch)**
- **Texturkoordinaten (s, t, r), manchmal auch (u,v)**
- **Richtungsvektor (R, N, H, ...)**
- **Funktion der obigen Parameter (z.B. in Shadern)**
- **Projektion auf andere Flächen (Kugel, Zylinder, Box, ...)**



10

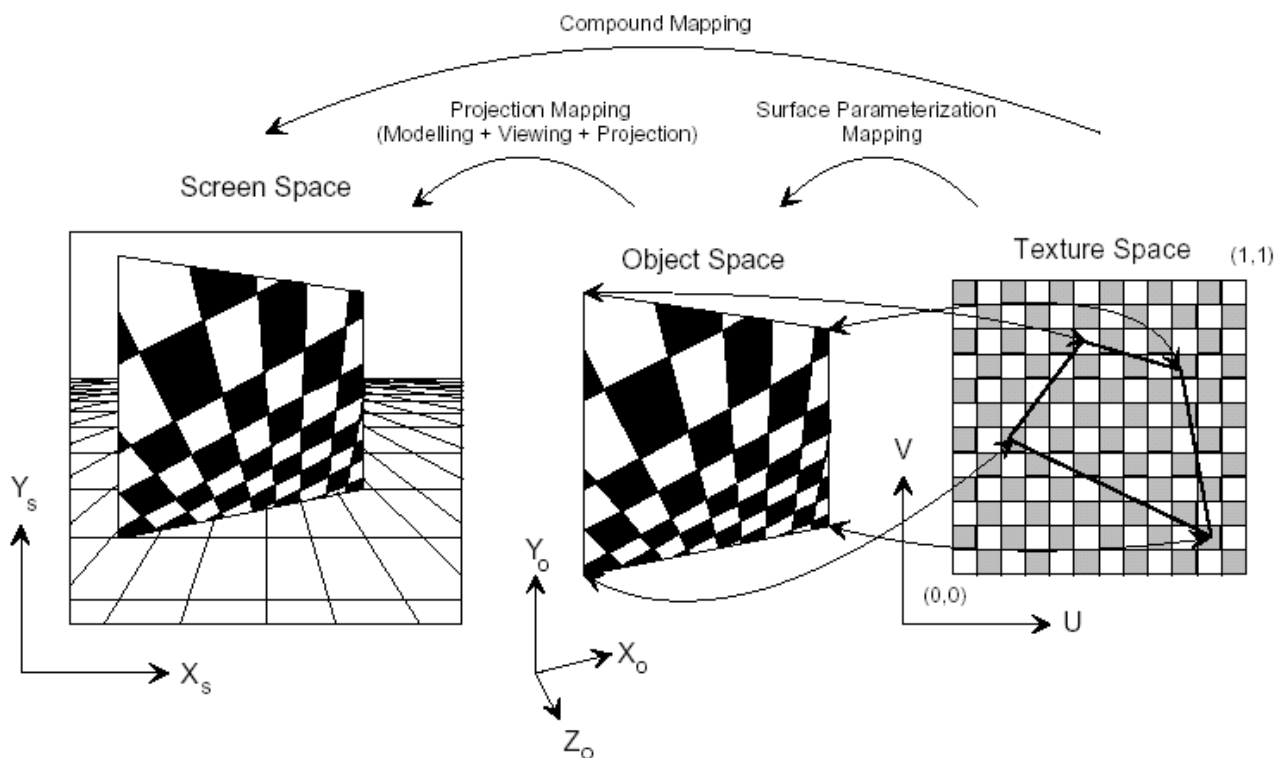
Vorwärts/Rückwärts-Mapping



11

Rückwärts-Mapping ist Standard in Graphikhardware

Zweistufiges Forward-Mapping



12

Vorwärts-/Rückwärts-Mapping

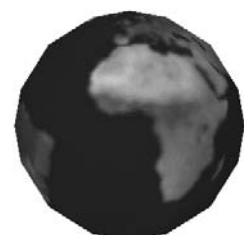
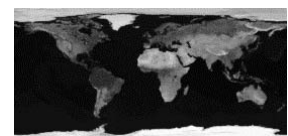
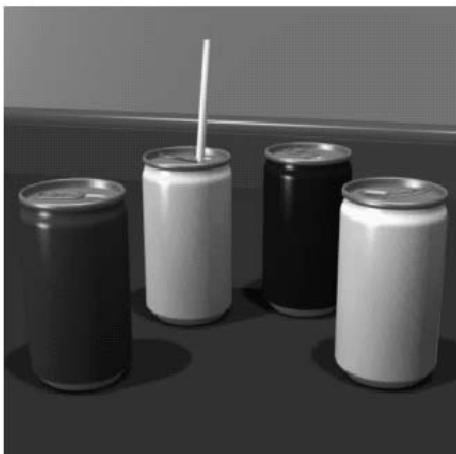
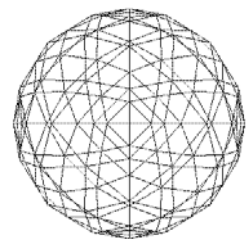
- Ausgangspunkt:
Zusammengesetzte Abbildung (Compound Map) τ
- Direkte Abbildung (texture scanning)
for u
 for v
 compute $(x_s, y_s) = \tau(u, v)$
 color(x_s, y_s) = texture(u, v)
- Inverse Abbildung (screen scanning)
for x_s
 for y_s
 compute $(u, v) = \tau^{-1}(x_s, y_s)$
 color(x_s, y_s) = resample(texture(u, v))

13

Standard-Parametrisierungen

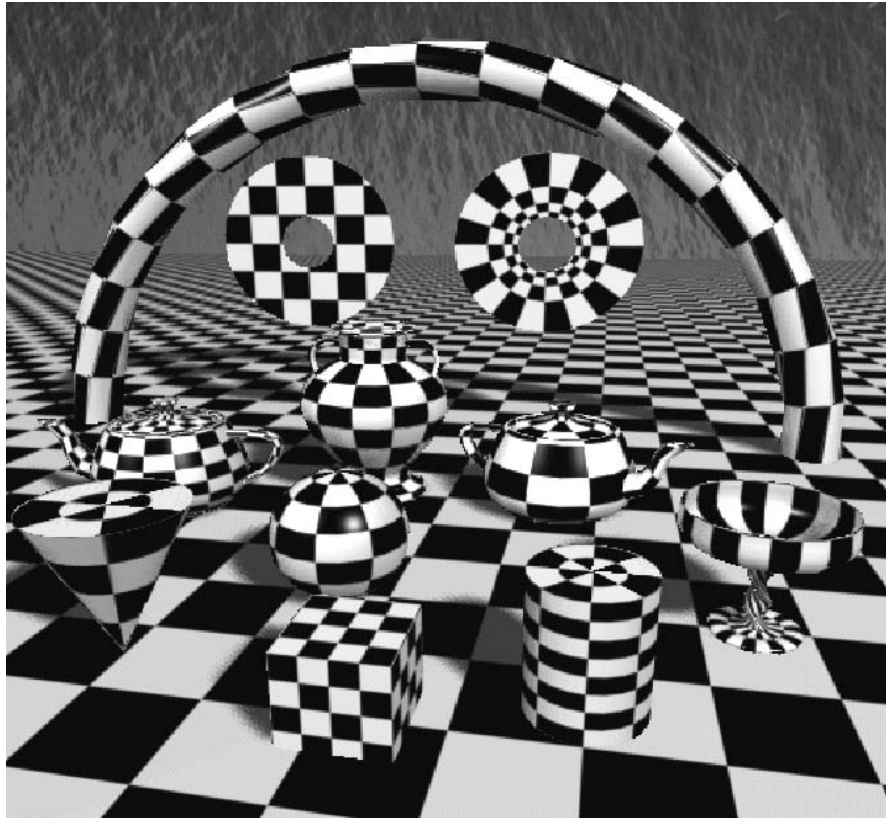
Parametrisierung im Objektraum

- Zylinderkoordinaten (ϕ, z) $\begin{pmatrix} u \\ v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \phi/2\pi \\ z/h \end{pmatrix}$
- Polarkoordinaten (ϕ, θ)
- analog für Kegel, Torus, ...



14

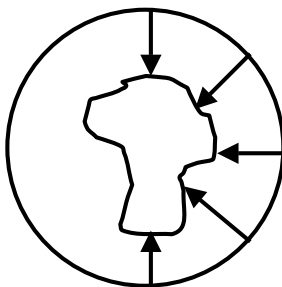
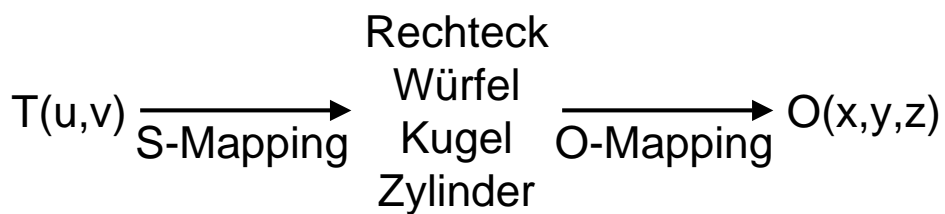
Standard-Parametrisierungen



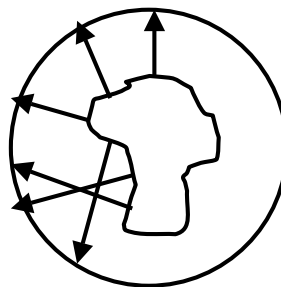
15

Zweiphasen-Mapping

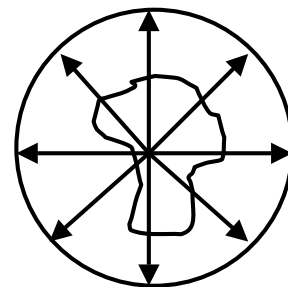
- Verwende Standardkörper als Zwischenschritt



Normale der Hilfsfläche
-> Oberfläche



Normale der Oberfläche
-> Hilfsfläche



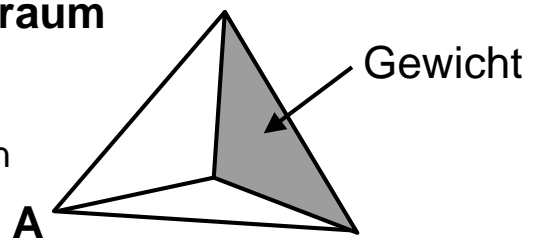
Linie durch Mittelpunkt

16

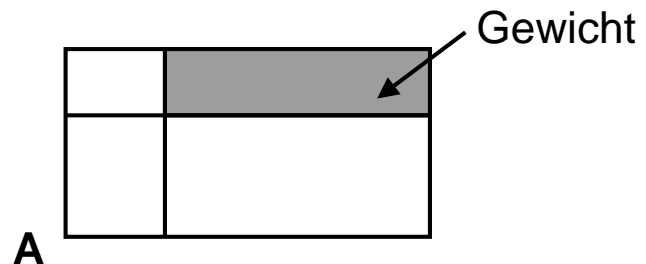
Parametrisierung von Polygonen

- **Parametrisierung im Objektraum**

- Lineare Interpolation im Dreieck, über baryzentrische Koordinaten



- Bilineare Interpolation im Viereck



- **Parametrisierung im Bildraum:
inverse zusammengesetzte Abbildung τ^{-1}**

17

Parametrisierung von Polygonen

- **Bildverzerrung durch Projektion: rationale lineare Transformation (homogene Koordinaten)**

- Vom Texturraum in Clip/NDC:

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ w \end{pmatrix} = \mathbf{M}_{TS} \begin{pmatrix} u \\ v \\ 1 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} x_s \\ y_s \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x/w \\ y/w \end{pmatrix}$$

- Umkehrung:

$$\begin{pmatrix} u' \\ v' \\ q' \end{pmatrix} = \mathbf{M}_{ST} \begin{pmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{pmatrix} \quad \text{mit } \mathbf{M}_{ST} = \mathbf{M}_{TS}^{-1} \qquad \begin{pmatrix} u \\ v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} u'/q' \\ v'/q' \end{pmatrix}$$

- **Einfacher als Umkehrabbildung:**

- Scanline-Interpolation in der Bildebene (lineare Interpolation in (u', v', q'))
- perspektivisch korrekte Interpolation

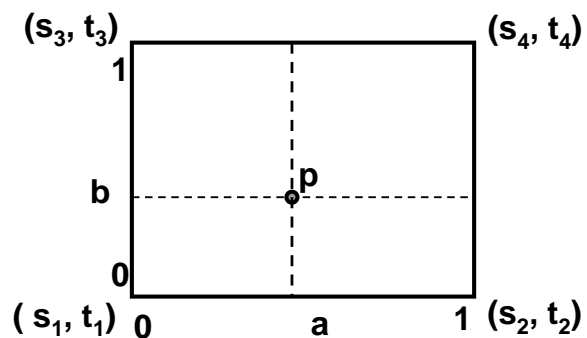
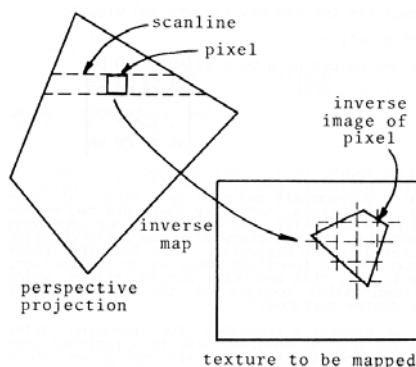
18

Texturkoordinaten

- **Texturparameter üblicherweise in [0,1]**

- Texturkoordinaten an den Eckpunkten einer Fläche
 - Berechnung der Texturkoordinaten des Pixels
- Benötigt Flächenparametrisierung im Inneren
 - Dreieck (lineare Scanline-Interpolation)
 - Rechteck (bilineare Interpolation)

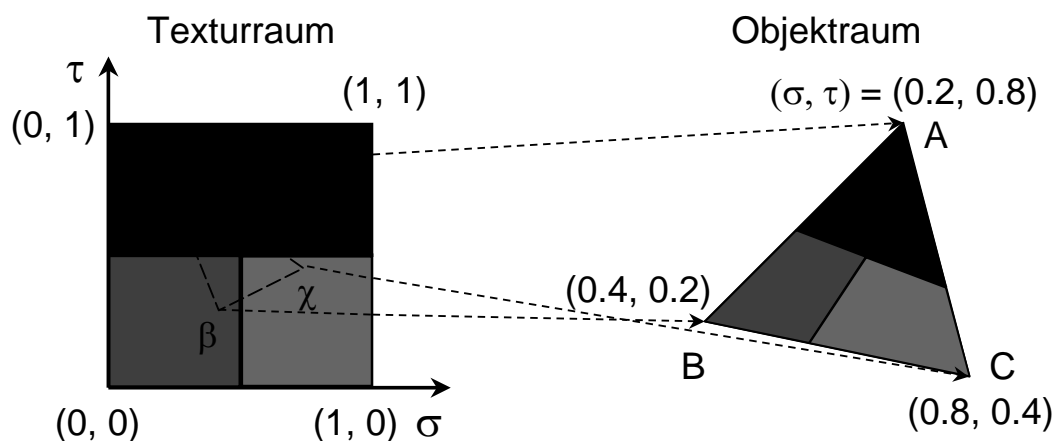
$$s = a*b*s_4 + (1-a)*b*s_3 + a*(1-b)*s_2 + (1-a)*(1-b)*s_1$$



19

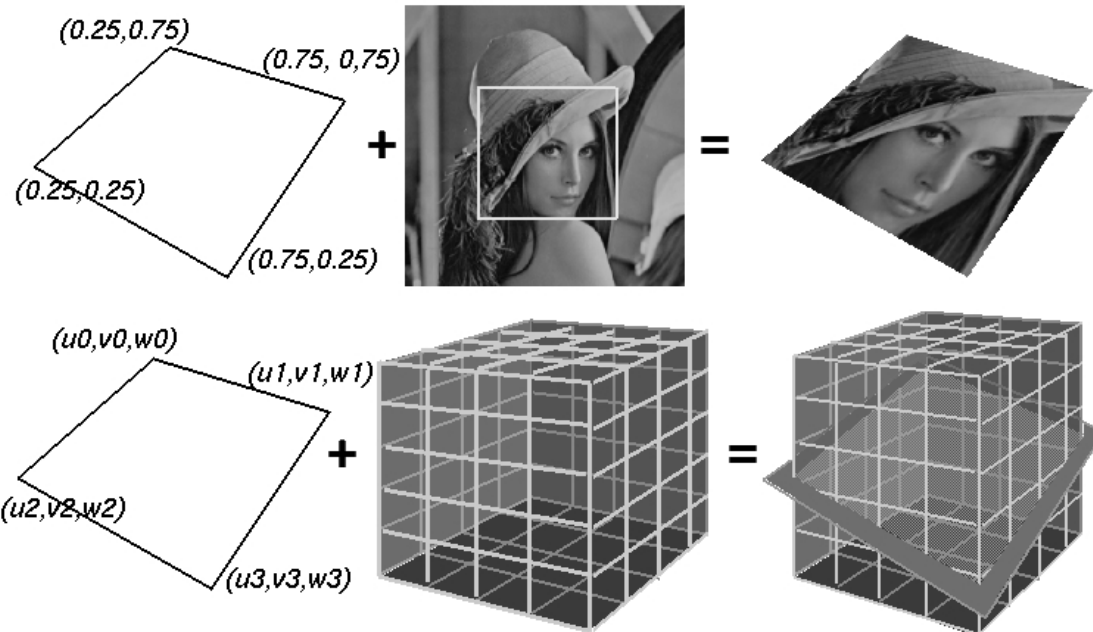
Texturkoordinaten

- **Texturkoordinaten an den Vertices eines Dreiecks**



20

Texturkoordinaten in 2D und 3D



21

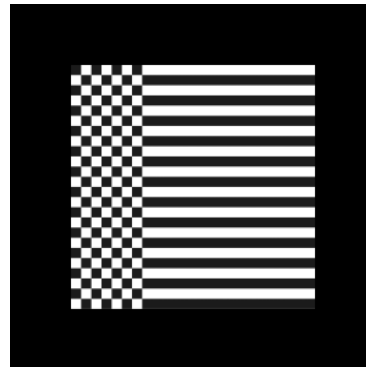
Texture Wrapping

Wrapping: Fortsetzen einer Textur über $[0,1]$ hinaus

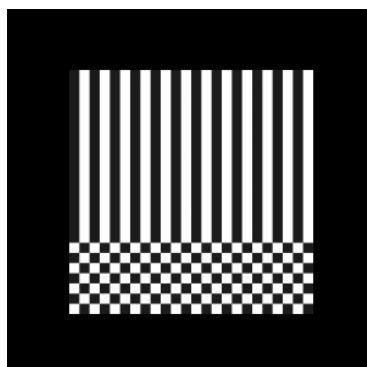
clamp/
clamp



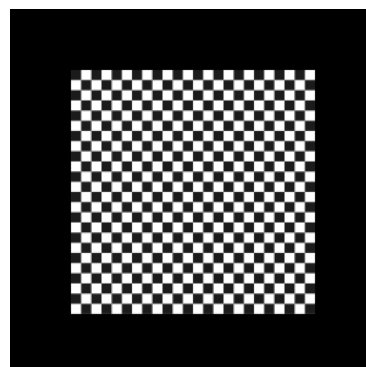
clamp/
repeat



repeat/
clamp



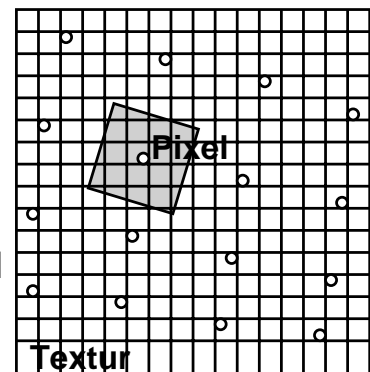
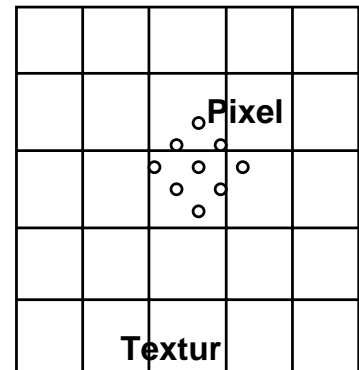
repeat/
repeat



22

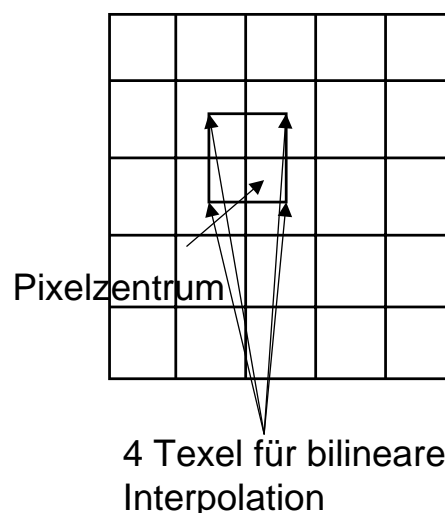
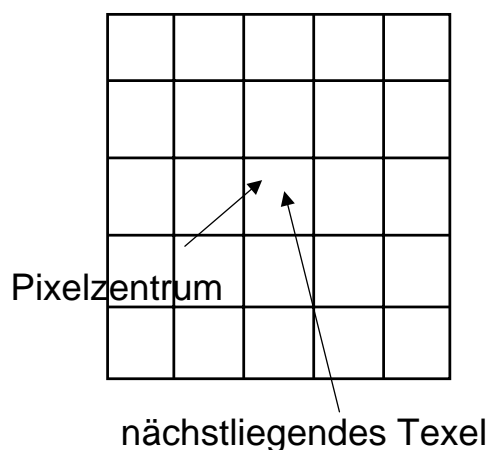
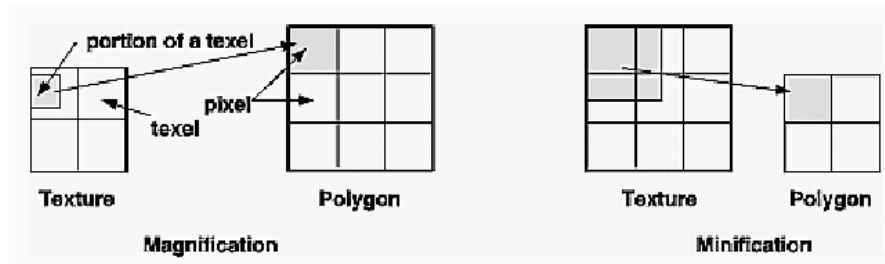
Textur-Filterung

- Vergrößerung (Magnification)
 - Abbildung weniger Texel auf viele Pixel
 - Nearest Neighbor:
 - nächstliegendes Texel
 - Bilineare Interpolation:
 - Interpolation der 4 nächsten Texel
 - Nutzung der Nachkommastellen
 - Glättung
- Verkleinerung (Minification)
 - Abbildung vieler Texel auf ein Pixel
 - Aliasing:
 - Abtastung hochfrequenter Signale mit niedriger Frequenz
 - Filterung
 - Mittelung über (viele) zugehörige Texel
 - Im Allgemeinen zu teuer zur Laufzeit



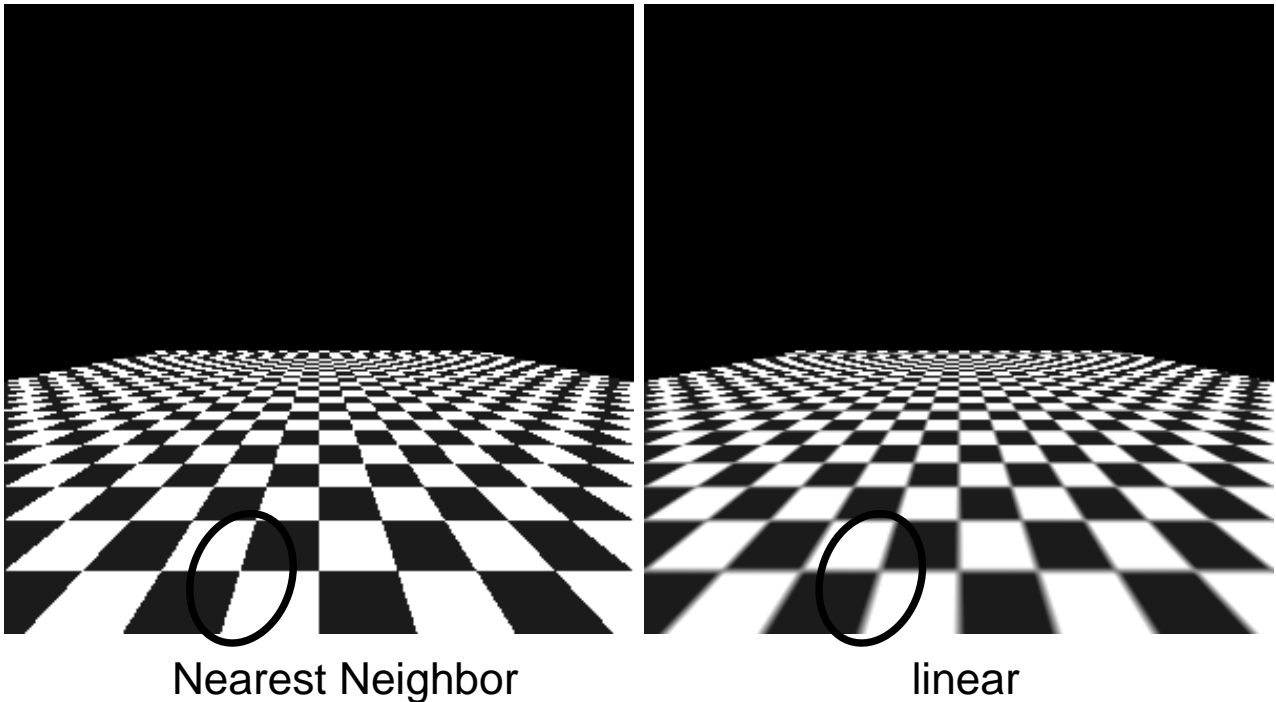
23

Minification/Magnification



24

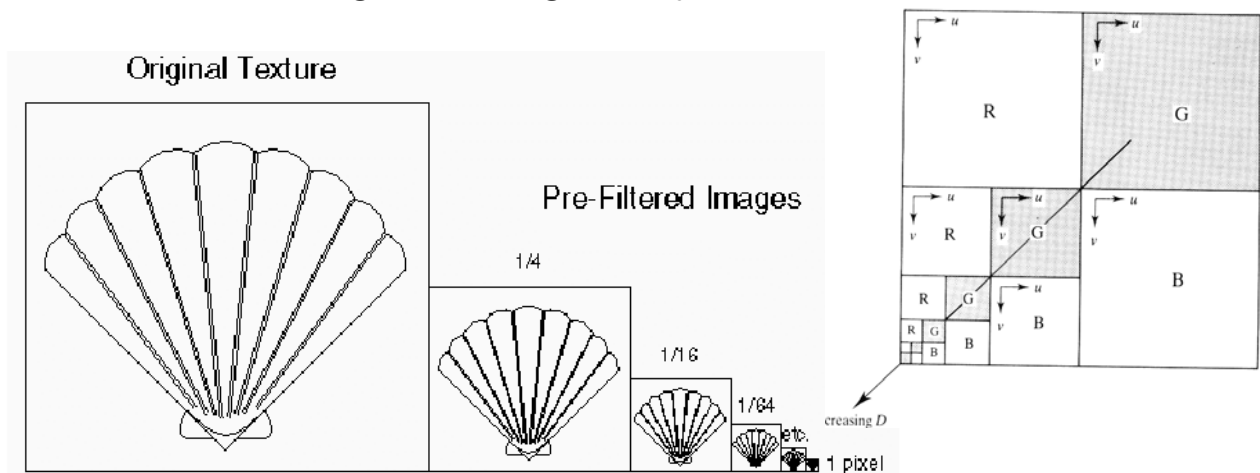
Magnification



25

MipMapping

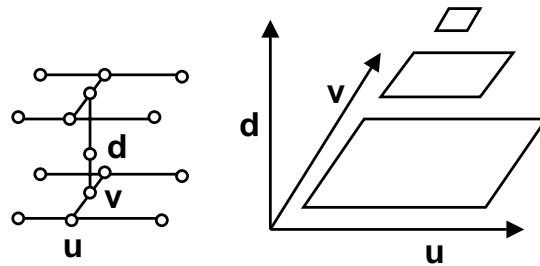
- **Einfache Vorfilterung von Texturen**
 - Multum-In-Parvo (MIP): Vieles im Kleinen
 - Speichere rekursiv Texturen halber Größe (1/3 Speicher mehr)
 - Filterung/Mittelung über je 2x2 Texel



26

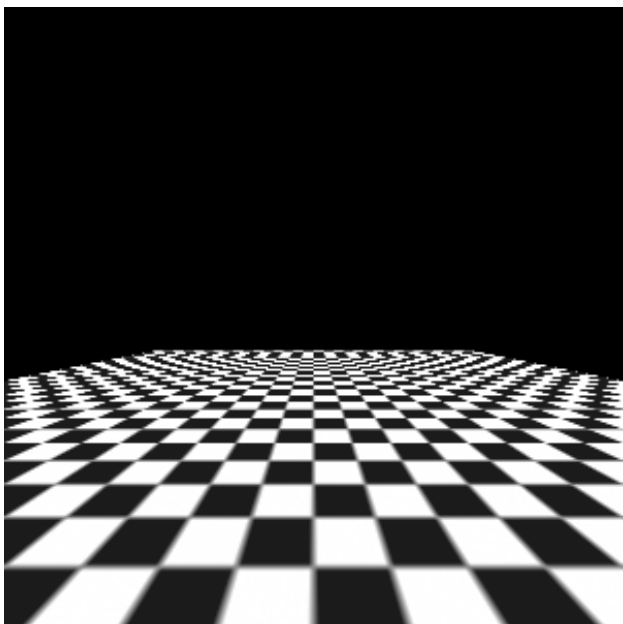
MipMapping *cont.*

- **Wähle Texturauflösung so, dass**
 - $\text{Texelgröße}(n) \leq \text{Ausdehnung des Pixel auf Textur} < \text{Texelgröße}(n+1)$
- **Rekonstruktion**
 - Trilineare Interpolation der 8 nächstliegenden Texel
- **Problem**
 - Starkes „Blurring“ bei oft gefilterten MipMap Levels

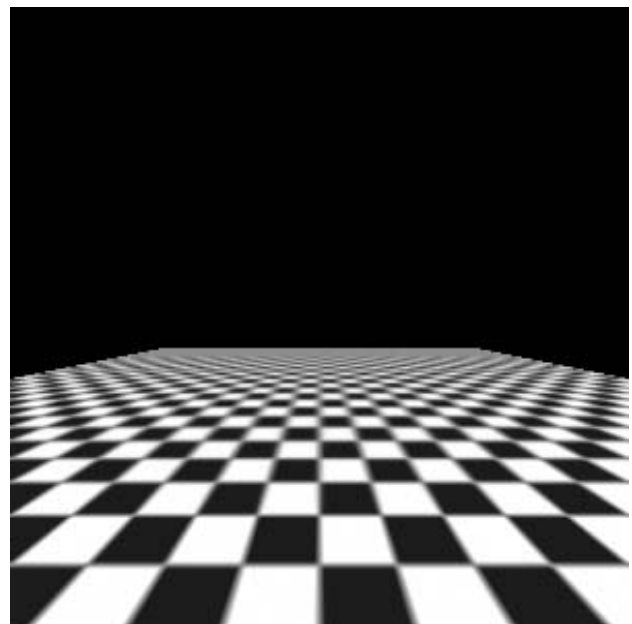


27

MipMapping *cont.*



Ohne MipMapping

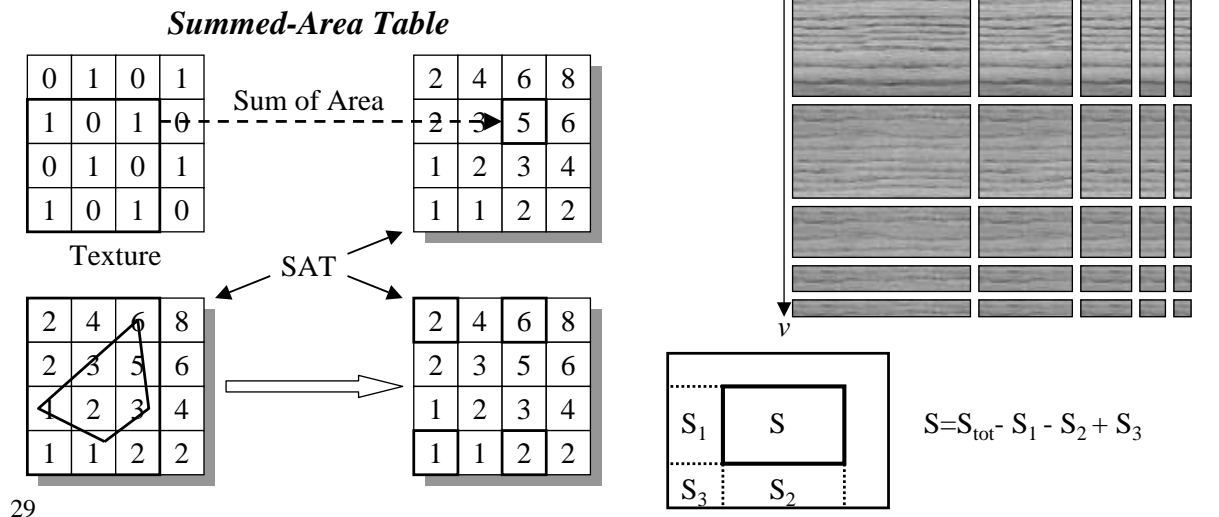


Mit MipMapping

28

Anisotrope Texturfilterung

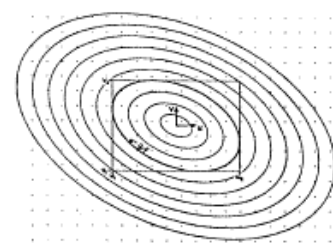
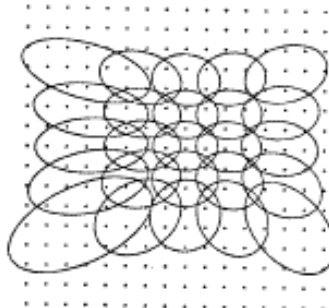
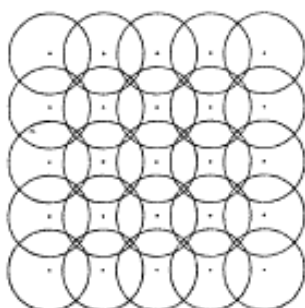
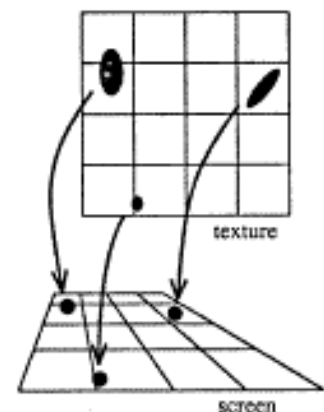
- **Filtere nicht in alle Richtungen gleich**
 - Kein quadratischer Bereich im Texturraum
 - Typischerweise eine höher Anzahl von Samples (z.B. 8x8)
- **RIPmaps (rectengular MipMaps)**
- **Summed Area Tables (SAT)**



29

EWA Filterung

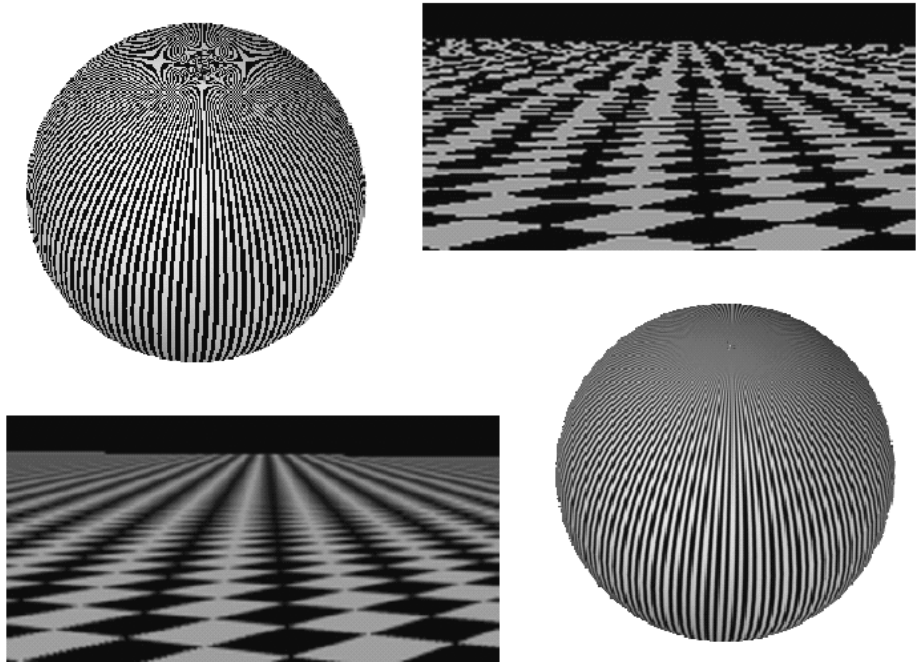
- **Elliptical Weighted Average (EWA)**
- **Kreisförmige, überlappende Pixel**
- **Gewichtetes Mittel aus konzentrischen Ellipsen**
- **Kreis in Bildschirmkoordinaten wird zu Ellipse im Texturraum**
- **Effiziente Berechnung im Texturraum**



30

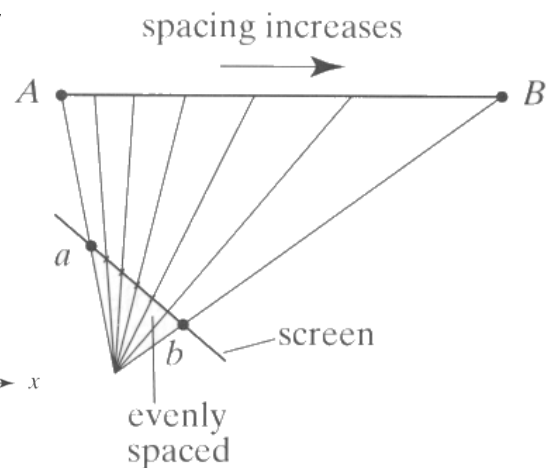
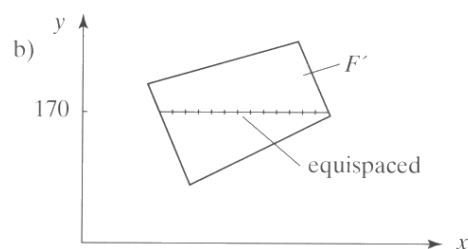
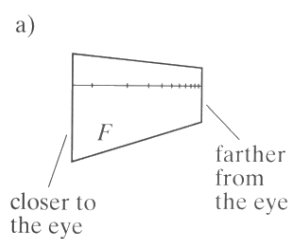
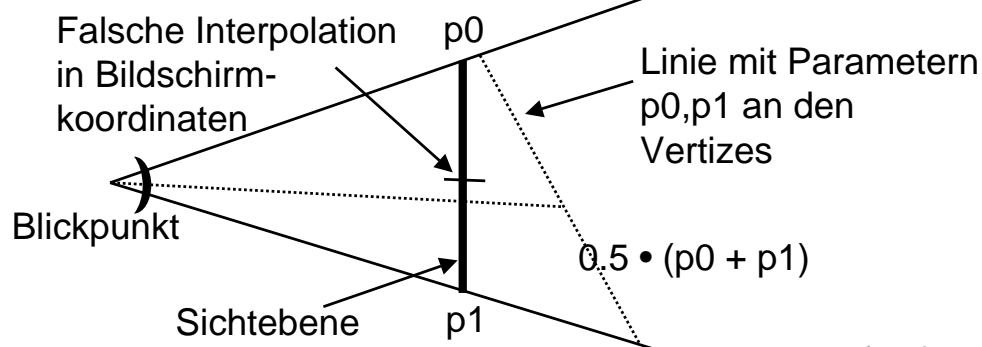
EWA Filterung *cont.*

- Nicht direkt in Hardware unterstützt
- Beispiel:



31

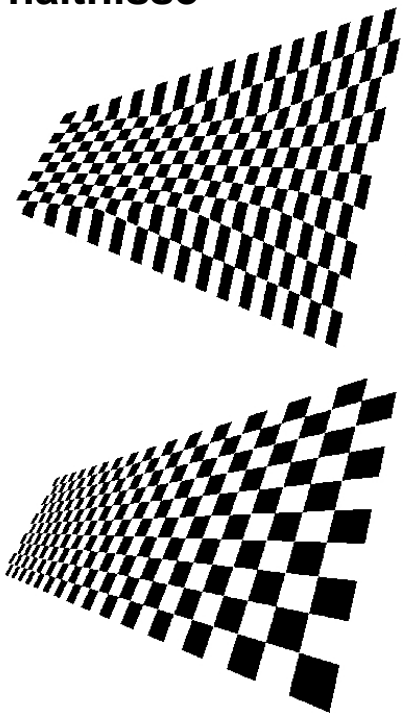
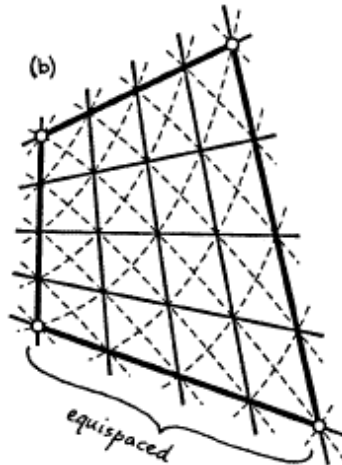
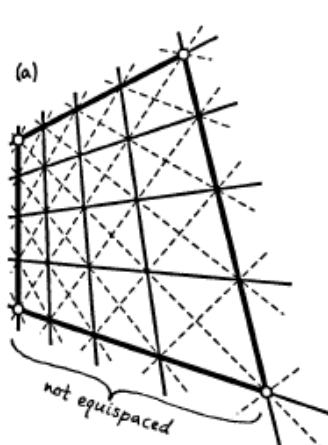
Texturinterpolation



32

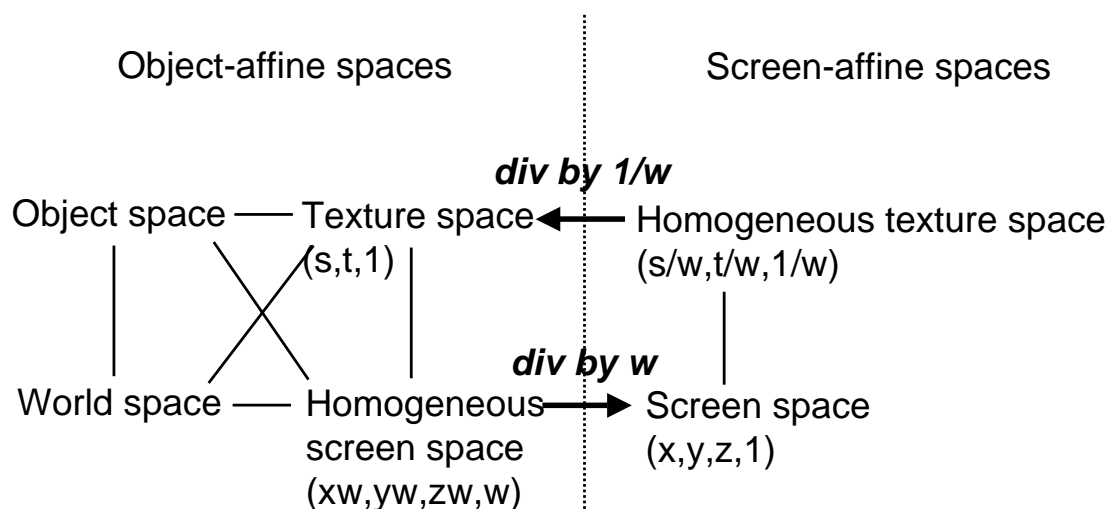
Perspektivisch korrekte Interpolation

- Nichtlineare z-Transformation führt zu Verzerrungen
- Lineare Interpolation erhält Teilverhältnisse
- Projektion erhält diese nicht
- Benötigt hyperbolische (rationale) Interpolation



33

Perspektivisch korrekte Interpolation *cont.*

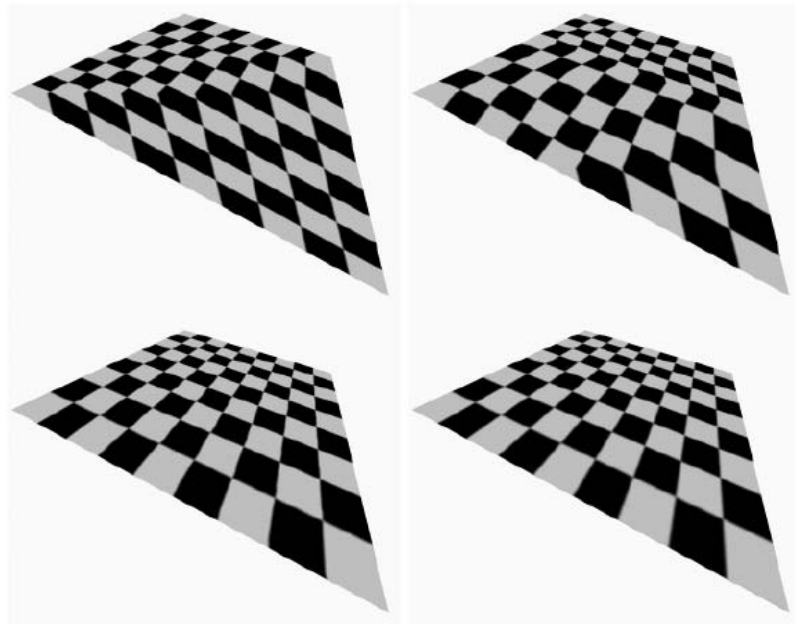


- Interpoliere linear s/w , t/w **und** $1/w$
- Dividiere pro Pixel s/w und t/w durch $1/w$

34

Texturinterpolation ohne Korrektur

- Unterteilung in 1,4,64 Quads (= 2,8,128 Tris)



35

Texturen in OpenGL

- `glEnable(GL_TEXTURE_2D)`
- **Textur definieren**
`glTexImage2D(target, level, int_format, w, h, border, format, type, *texels)`
- **wie bei Images:** *format, type, w (2^m), h (2^n)*
- **evtl. exotische interne Texturformate:**
`GL_LUMINANCE12_ALPHA4`
`GL_R3_G3_B2`
`GL_RGBA12`
- **wenn nicht MipMap:** *level=0*
- **Target:**
`GL_TEXTURE_1D, GL_TEXTURE_2D, GL_TEXTURE_3D`
`GL_PROXY_TEXTURE_2D`

36

Texturquellen

- **Skaliere Bilder, die nicht $2^m \times 2^n$**

`gluScaleImage(.,w_in, h_in,...,w_out, h_out,...)`

- **Modifiziere einen Teil einer definierten Textur**

- evtl. viel schneller als `glTexImage2D`

- beliebige Breite und Höhe (z.B. Video-Textur)

`glTexSubImage*D(.,w, h, x_offset, y_offset,...)`

- **Verwende Bild im Framebuffer als Textur**

`glCopyTexImage*D(...)`

`glCopyTexSubImage*D(...)`

- **Neuere Entwicklungen:**

- direktes Rendern in Textur

- Rechtecke (texture rectangle)

37

Minification/Magnification

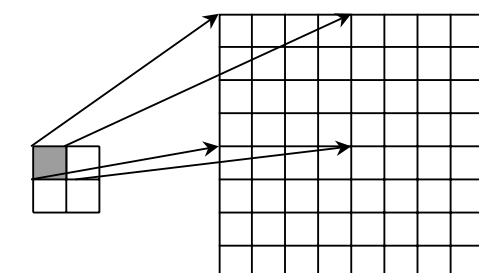
- **Textur-Filterung: Nearest Neighbor, (Bi)Linear**

`glTexParameteri(GL_TEXTURE_2D,`

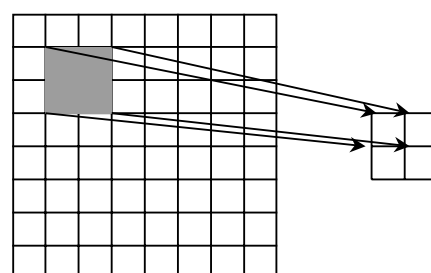
`GL_TEXTURE_MAG_FILTER, GL_NEAREST)`

`glTexParameteri(GL_TEXTURE_2D,`

`GL_TEXTURE_MIN_FILTER, GL_LINEAR)`



Texture Polygon
Magnification



Texture Polygon
Minification

38

Mipmapping und korrekte Interpolation

- Baue (und definiere) MipMap mit

`gluBuild2DMipmaps()`

- Spezifiziere Minification-Filter

```
glTexParameteri(GL_TEXTURE_2D,  
    GL_TEXTURE_MIN_FILTER,  
    GL_NEAREST_MIPMAP_NEAREST)
```

```
glTexParameteri(GL_TEXTURE_2D,  
    GL_TEXTURE_MIN_FILTER,  
    GL_LINEAR_MIPMAP_LINEAR)
```

- Empfehle perspektivisch korrekte Interpolation

`glHint(GL_PERSPECTIVE_CORRECTION_HINT, hint)`

- `GL_DONT_CARE`
- `GL_NICEST`
- `GL_FASTEST`

39

Textur-Filter-Erweiterungen

- Sharpen Texture Extension (SGI)

- Bilineare Interpolation im Mag-Filter schlecht für sehr nahe Texturen (z.B. Schrift)

- Extrapolation einer höher aufgelösten Textur

$\text{LOD}(+1) = \text{LOD}(0) + 1/4(\text{LOD}(0) - \text{LOD}(-1))$

2x2 Texelblöcke Org.Textur Kanteninformation 1.Mipmap-Stufe

- Detail Texture Extension (SGI)

- für große unstrukturierte Texturen (Grass, Straße) ohne Kanten

- Trenne 2k x 2k Textur in

- 512² gefilterte Textur (tiefe Frequenzen)
- 256² Textur-Ausschnitt (nur hohe Frequenzen)

- und mische mit Blending

40

Textur-Funktionen

- **Wie wird die Textur-Farbe auf das Pixel angewandt?**

- **Replace:** ersetzt Frag.-Farbe durch Texel-Farbe
 $C = C_t, A = A_t$
- **Decal:** Alpha-Blending Frag.-Farbe mit Texel-Farbe
 $C = C_f(1-A_t) + C_tA_t, A = A_f$
- **Modulate:** skaliert Texel-Farbe (mit Beleuchtung)
 $C = C_fC_t, A = A_fA_t$
- **Blend:** interpoliert zwischen Frag.- und Env.-Farbe
 $C = C_f(1-C_t) + C_cC_t, A = A_fA_t$

```
glTexEnv(GL_TEXTURE_ENV, GL_TEXTURE_ENV_MODE,  
         GL_BLEND)
```

```
glTexEnv(GL_TEXTURE_ENV, GL_TEXTURE_ENV_COLOR,  
         blend_color)
```

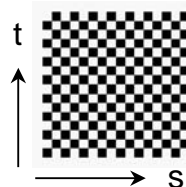
41

Texture Wrapping und Tiling

- **Textur-Verhalten außerhalb [0,1]**

```
glTexParameteri( GL_TEXTURE_2D,  
                 GL_TEXTURE_WRAP_S, GL_CLAMP )
```

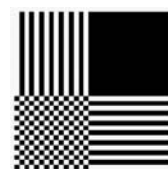
```
glTexParameteri( GL_TEXTURE_2D,  
                 GL_TEXTURE_WRAP_T, GL_REPEAT )
```



texture



GL_REPEAT
wrapping



GL_CLAMP
wrapping

- **Tiling, wenn größte Textur zu klein:**
spezifiziere Texturrand (border) für korrekte Interpolation

42

Texturobjekte

- **Aktive Textur ist Teil des OpenGL-Zustands**
- **Häufiger Texturwechsel aufwändig**
 - Konvertierung der Textur in internes Format
 - Laden der Textur in den Texturspeicher bzw. in OpenGL-Server
- **vor OpenGL 1.1**
 - packe Textur-Definitionen in Display-Listen
 - OpenGL-Server erkennt diese und verwaltet Texturspeicher
- **seit OpenGL 1.1**
 - Texturobjekte (texture objects): vordefinierte Texturen mit Namen
 - einfaches Umschalten der Bindung
 - mehrere Texturen im Texturspeicher

`glGenTextures(n, *texIDs)`

`glBindTexture(target, id)`

43

Verwaltung des Texturspeichers

- **Caching von Texturobjekten beeinflussen**
 - `glDeleteTextures()`
 - `glAreTexturesResident()`
 - `glPrioritizeTextures()` Priorität [0,1]
- **Texture-Proxy**
 - Passt die Textur in den Speicher?
 - `glGetIntegerv(GL_MAX_TEXTURE_SIZE, ...)`
 - Verwende `GL_PROXY_TEXTURE_2D` als Target
 - `glGetTexLevelParameter*()` sagt, ob es passt

44

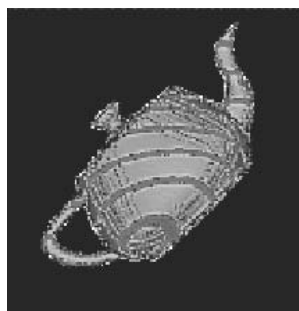
Automatisch erzeugte Texturkoordinaten

- Explizit setzen mit `glTexCoord()`
- Automatisch erzeugen mit `glTexGen{ifd}[v]()`
- spezifiziere eine Ebene $Ax + By + Cz + D = 0$
 - Texturkoordinaten werden entsprechend dem Abstand des Vertex von der Ebene gesetzt
- Arten:
 - `GL_OBJECT_LINEAR`
in Objektkoordinaten: Textur fest auf Objekt
 - `GL_EYE_LINEAR`
in Augkoordinaten: Textur dynamisch auf bewegtem Objekt
 - `GL_SPHERE_MAP`
Environment Mapping

45

Automatische Generierung - Beispiele

- Konturen im Abstand von einer Ebene
1D-Textur Schwarz-Weiß mit Wrap

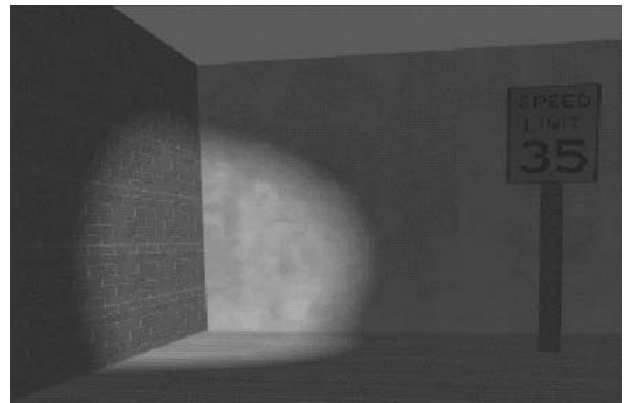
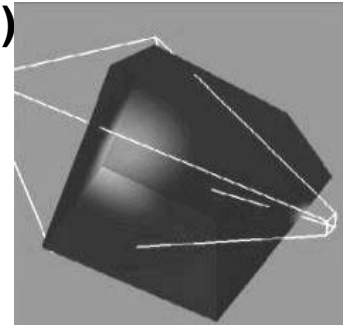


- Höhenlinien in Terrain
- Erzeugung von 3D Texturkoordinaten, die den räumlichen Koordinaten des Vertex entsprechen (in Augkoordinaten)
Abstand von yz, xz, xy-Ebene

46

Texturmatrix

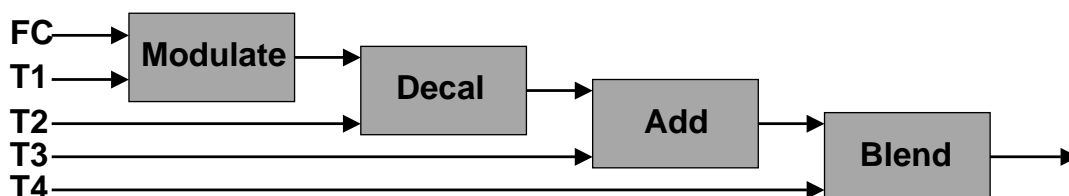
- Texturkoordinaten können vor der Anwendung (evtl. nach automatischer Generierung) skaliert, rotiert, projiziert werden
- 4 x 4 Matrix für (s, t, r, q) auf extra Stack `glMatrixMode(GL_TEXTURE)`
- Typische Anwendung: **Texturprojektion**
 - Diaprojektion
 - Spotlights
 - generiere Texturkoordinaten wie Augkoordinaten (s,t,r,q)
 - definiere Modelview und Frustum wie üblich
 - skaliere/verschiebe NDC $\rightarrow [0,1]$



47

Multi-Texturen

- Statt Multi-Pass Rendering komplexe Pixel-Operationen in einem Schritt (single pass)
- Blending mehrerer Texture Lookups



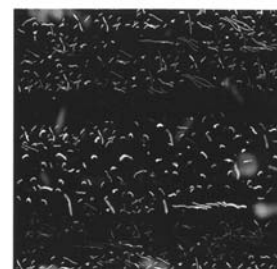
- Jede Textur-Einheit hat eigenen Zustand (Image, Filtering, Environment, Matrix, ...)
- ARB_multitexture Erweiterung von OpenGL

```
glActiveTextureARB(GL_TEXTUREn_ARB)
glMultiTexCoord4f(GL_TEXTURE0_ARB,
    s0, t0, r0, q0)
```

48

Multi-Texturen *cont.*

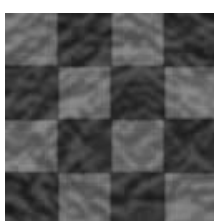
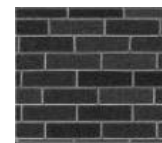
- Komplexe optische Effekte durch Kombinationen mehrerer Texturen



49

Lightmaps

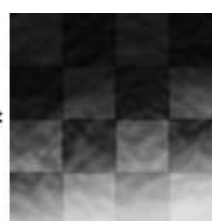
- Kombiniere Strukturtextur mit Lichttextur
- Wiederverwendung von Material bei unterschiedlicher Beleuchtung
- Lightmaps für diffuses Licht
 - nur Luminanz-Kanal
 - geringe Auflösung (diffus)
 - können gepackt werden



Reflectance



Irradiance



Radiosity



Quake2 Lightmap

50

Lightmaps - Lichtquellen

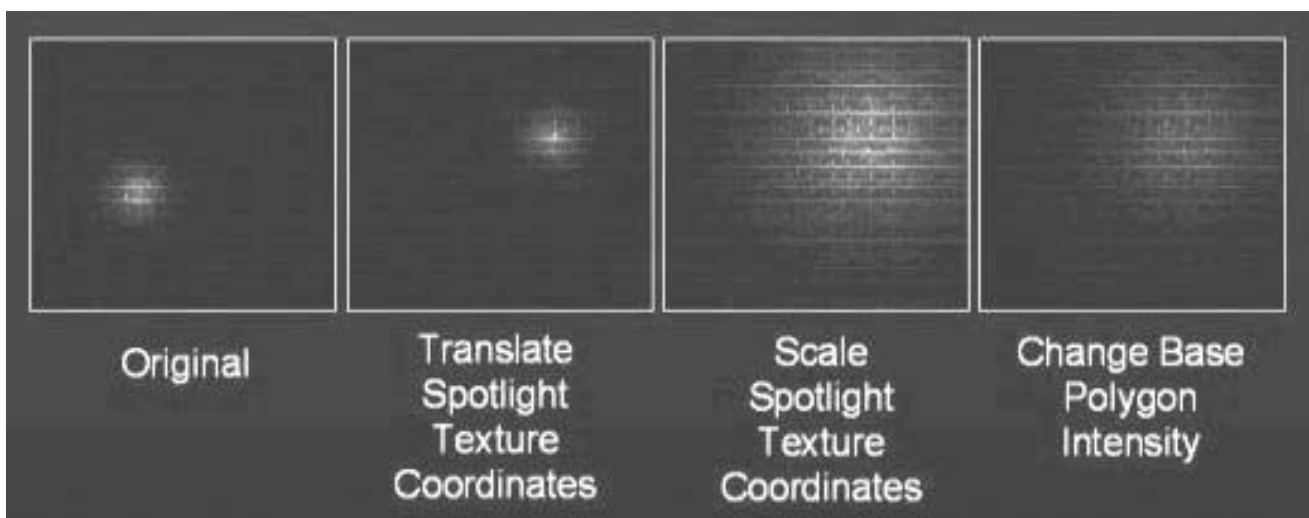
- Kombiniere vorberechnete Beleuchtung mit texturierter Szene



51

Lightmaps

- Veränderliches Spotlight durch Transformation der Texturkoordinaten mit Texturmatrix



52

Phong-Shading mit Highlight-Texturen

- Modifiziere Texturkoordinaten der Highlight-Textur entsprechend der Lichtquellenrichtung



Texturiert mit diffuser Beleuchtung



Weißes Objekt mit Highlight-Textur moduliert

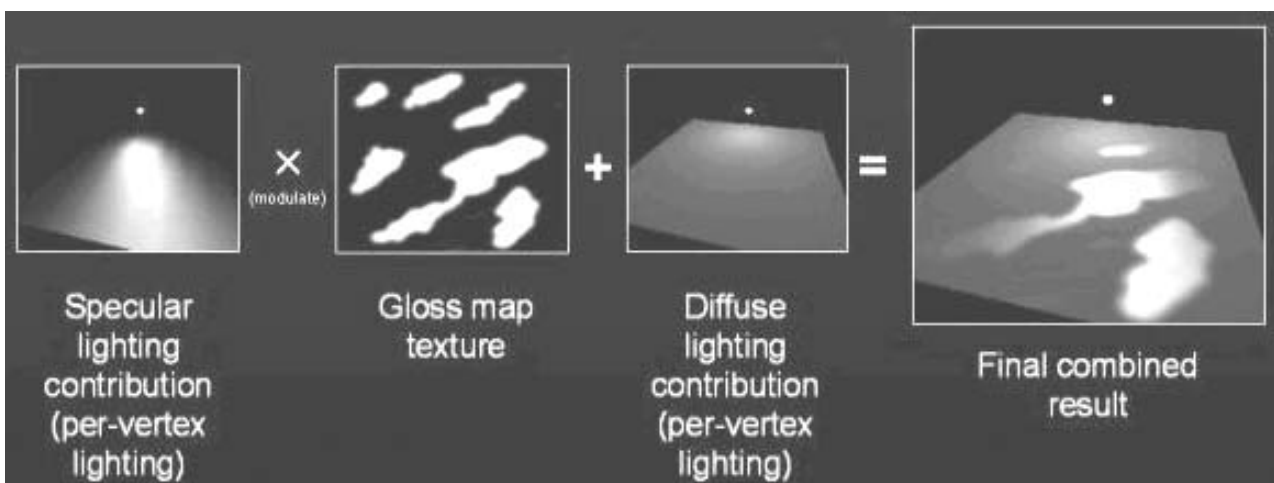
Überblendung



53

Gloss Maps

- Lightmap für spekulare Reflexion
- Beispiel: spiegelnde Pfützen



54

Pixel-Texturen

- Für jedes Fragment Textur-Koordinaten nicht interpolieren, sondern frei bestimmen
- Interpretiere RGB-Werte im Framebuffer als Textur-Koordinaten (s, t, r)
- Beim Kopieren des Framebuffers auf sich selbst wird jedes Fragment entsprechend texturiert
- Farbmatrix beim Pixel-Transfer wirkt auf (s,t,r)
- Früher: Spezielle SGI Erweiterung bei Octane
- Heute: Dependent Texture (indirekte Adressierung) – kein Kopieren mehr nötig!

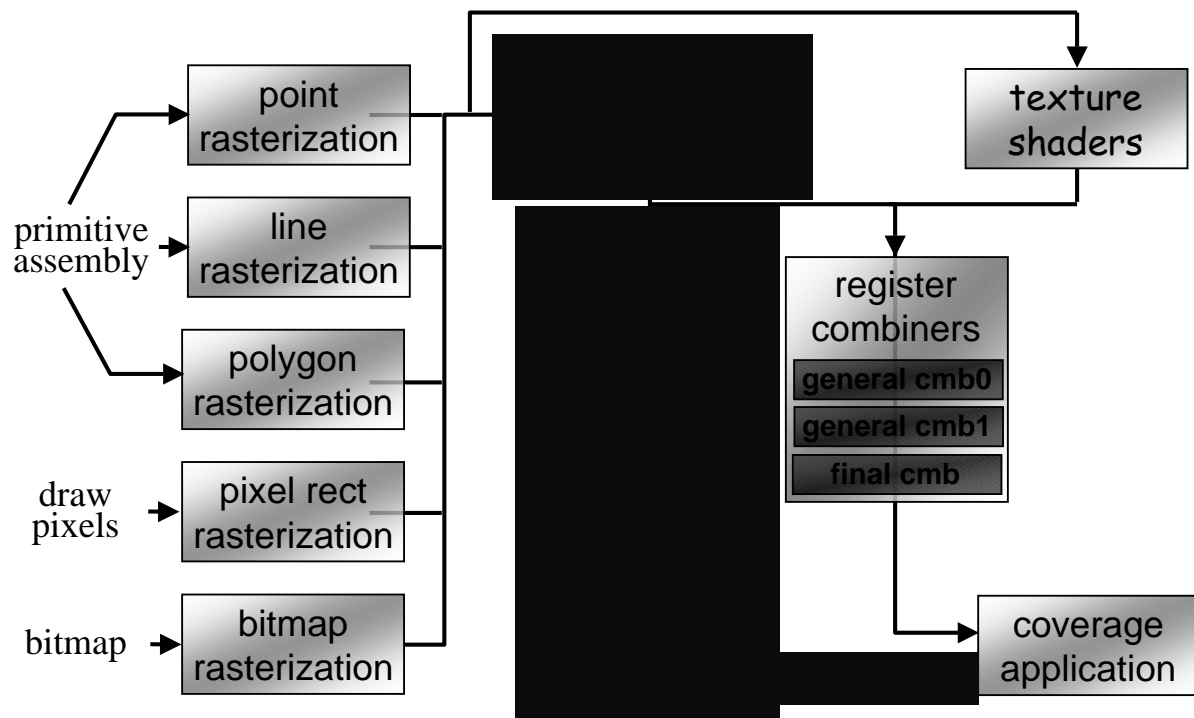
55

Programmierbare Rasterisierungseinheiten

- Programmierbares Blending
- Programmierbare Texture-Lookups
- Indirektion
 - Nichtlineare Farbabbildungen, z.B.
 - zwischen RGB und Lab, Luv
 - Farbttontransformationen (tone mapping)
 - Texturadvektion
- Historie:
 - Register Combiners (nVidia)
 - Texture Shaders (nVidia)
 - Heute: Pixel Shader / Fragment-Programme

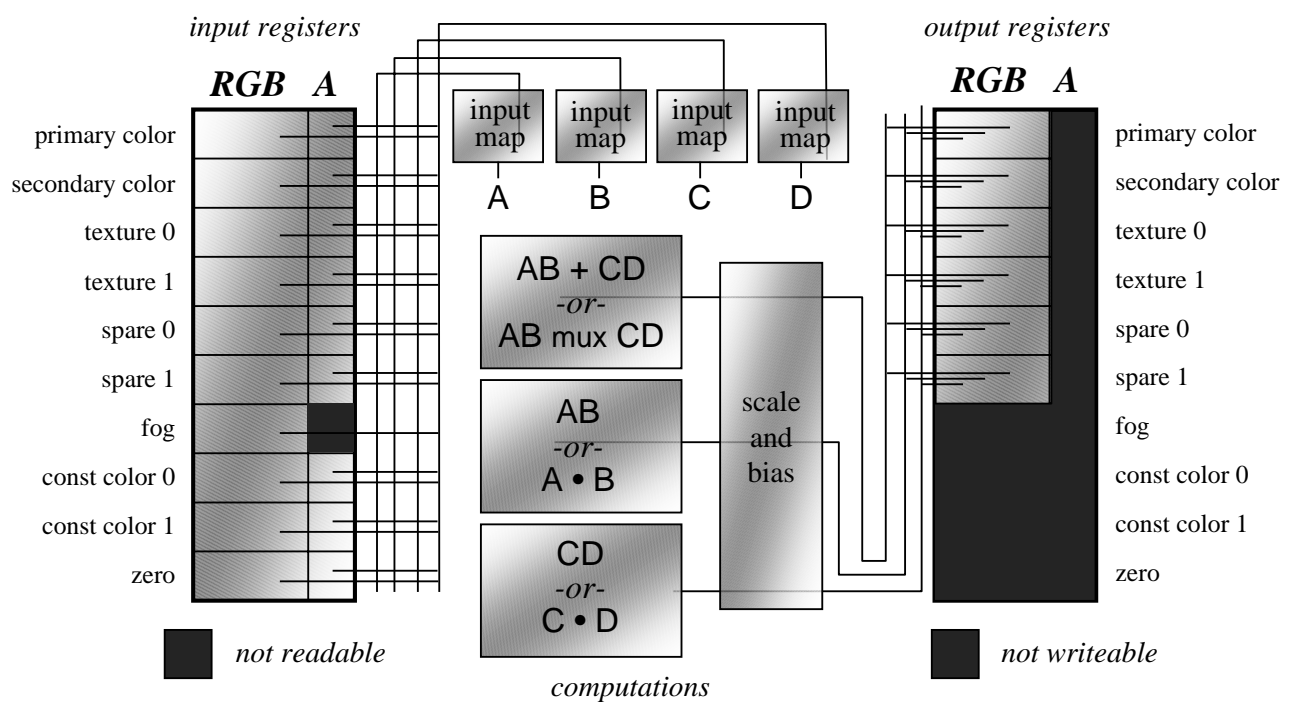
56

Erweiterte OpenGL Pipeline



57

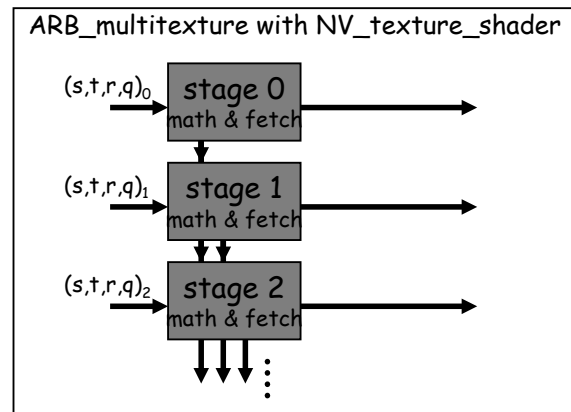
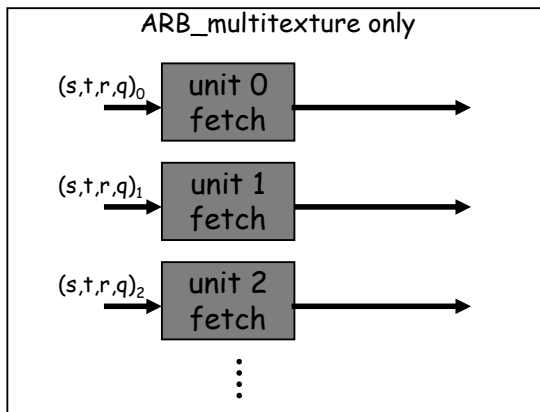
NVidia Register Combiner



58

NVidia Texture Shader

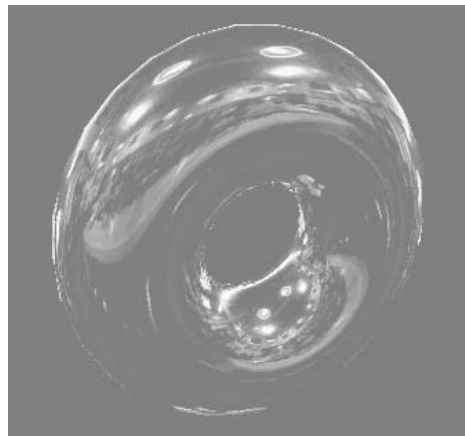
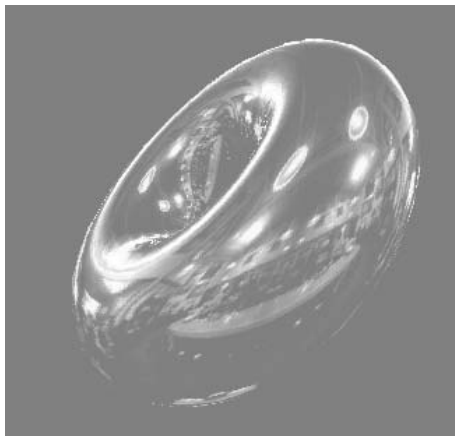
- Texture Shader ersetzen Standard Fetch
- Ergebnisse früherer Stufen können in nächsten Stufen verwendet werden
- Ermöglicht indirekte Adressierung



59

Reflection / Environment-Mapping

- Darstellung reflektierender Objekte, z.B. Chrom
- Pseudo-Ray-Tracing
Verfolgung des reflektierten Strahls
- Approximation der Reflexion ohne direktes Ray-Tracing
- Speichere Umgebung in Textur



60

Reflection-Mapping

- Virtuelle Kugel um Objekt: Reflection-Map
- Reflexionsvektor aus Sichtvektor und Normale

$$R = V - 2(N \cdot V)N$$

- Annahme:

$$r \gg |P - W|$$

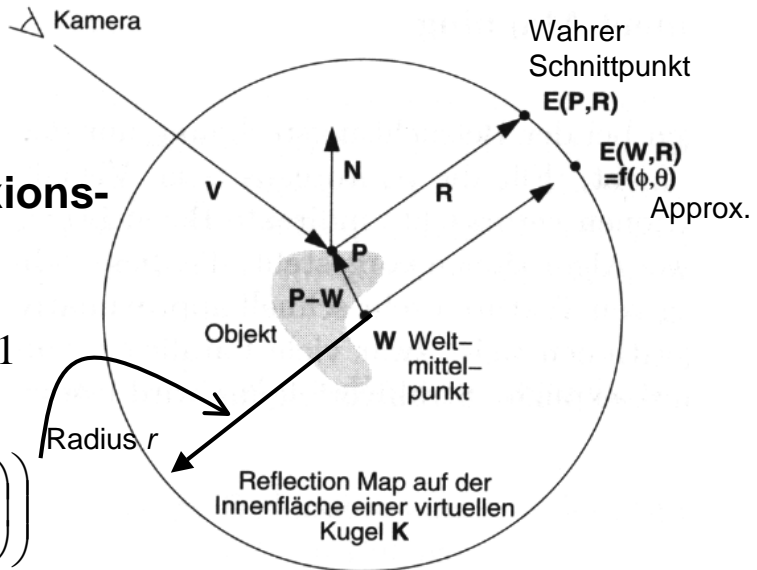
- Konvertiere Reflexionsrichtung (ϕ, θ) in Texturkoordinaten

$$R \text{ mit } R_x^2 + R_y^2 + R_z^2 = 1$$

$$\text{und } -1 < R_{x,y,z} < +1$$

$$s = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{1}{\pi} \tan^{-1} \left(\frac{R_x}{R_y} \right) \right)$$

$$t = \frac{1}{2} (R_z + 1)$$



61

Reflection-Mapping: Grenzen

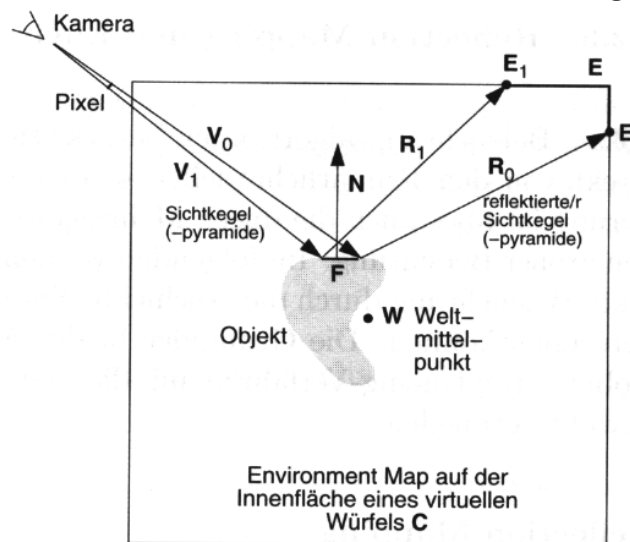
- Umgebung (unendlich) weit weg
- Spiegelndes Objekt kompakt und begrenzt
- Keine Selbstreflexion des Objekts
- Zugriff auf nur einen Abtastpunkt, damit Aliasing
- Keine sphärische Interpolation (also pro Frag.)
- Aufwändige Umrechnung eines Bildes in sphärische Koordinaten

62

Environment-Mapping

- **Direkte Erweiterung des Reflection-Mapping:**

- Sichtpyramide (View Frustum) statt Einzelstrahl
- Virtueller Würfel statt virtueller Kugel



63

Environment-Mapping *cont.*

- **Vorteile:**

- Anti-Aliasing, einfache Vorfilterung auf Würfebenen
- Umrechnung in sphärische Koordinaten entfällt

- **Variationen: Weitere Abbildungen möglich**

- Cube map - Würfel
- Sphere map - Kugel
- Parabolic Map – Paraboloid

- **Nachteile/Grenzen:**

- Zugriff nur über 3D Orientierung
- Umgebung (unendlich) weit weg
- Spiegelndes Objekt kompakt und begrenzt
- Keine Selbstreflexion des Objekts
- Lineare Interpolation des Reflexionsvektors

64

Environment-Mapping: Beispiel

- Terminator 2



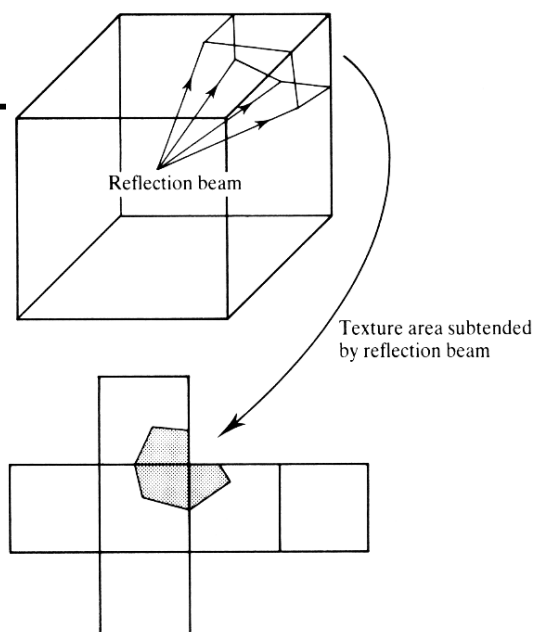
65

Cube-Mapping

- **Cube-Environment-Map, Box-Map**
 - Aufteilung in 6 Seitenflächen (Environment-Texturen)
 - blickpunktunabhängig
 - Hardwareunterstützung

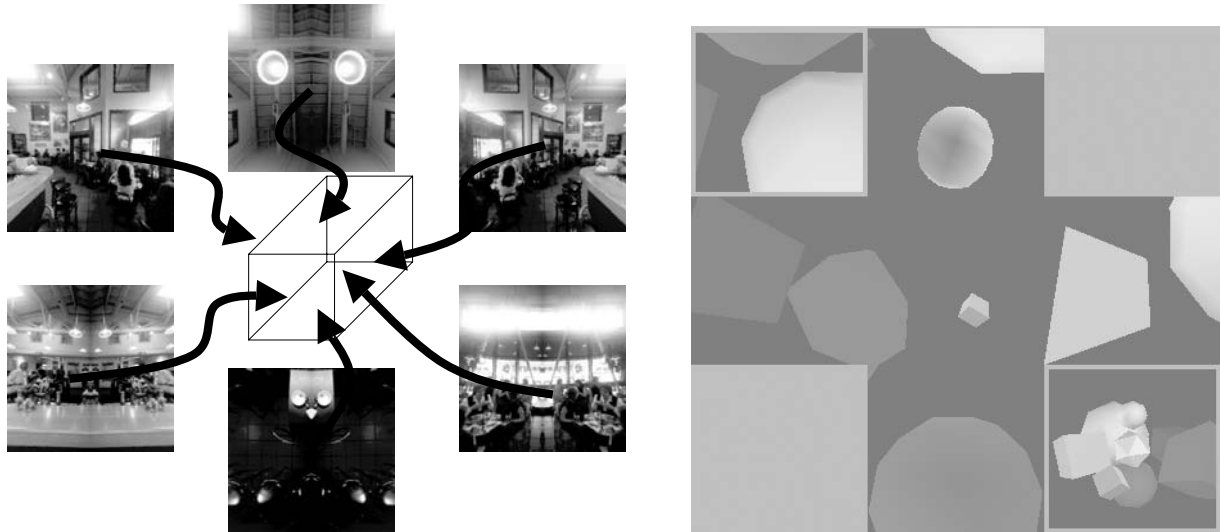
- **Einfache Texturkoordinaten-Generierung aus R**

- betragsmäßig größte Komponente wählt Seite
- übrige Koordinaten auf $[0,1]$ skalieren
- Beispiel: $(-0.2, 0.6, -0.8)$ wählt $-z$ -Seite und dort $(0.4, 0.8)$



66

Cube-Maps aus Bildern und Rendering



67

Cube-Map in OpenGL

- ARB-Erweiterung oder ab OpenGL 1.3

```
glEnable(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_ARB)
```

```
glTexImage(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_POSITIVE_X_ARB,  
           level, format, ...)
```

ebenso die 5 anderen Seiten

```
glTexGen(GL_S, GL_TEXTURE_GEN_MODE,  
         GL_REFLECTION_MAP_ARB)
```

ebenso für GL_T, GL_R

```
glEnable(GL_TEXTURE_GEN_S)
```

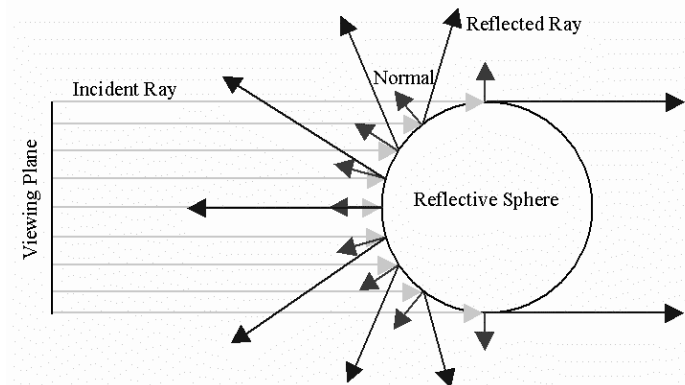
ebenso T und R

```
glEnable(GL_NORMALIZE)
```

68

Sphere-Mapping

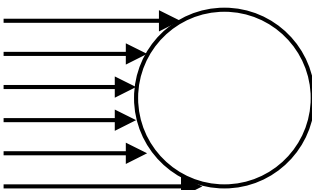
- einfachster Ansatz mit nur einer 2D Textur
- Bild der ganzen Umgebung auf einer kleinen Chrom-Kugel wird zur Environment-Map
- blickpunktabhängig
- ungleiche Abtastung
- Rand ist Singularität



69

Sphere-Mapping: Erzeugung

- Erzeugung der Sphere-Maps (Original 1982/83)
 - z.B. Aufnahme einer reflektierenden Kugel



70

Sphere-Mapping in OpenGL

- Texgen-Modus `GL_SPHERE_MAP` berechnet Reflexionsvektor R pro Vertex in Augenkoordinaten aus transformierter Normale und Sichtvektor
- konvertiert diesen in Texturkoordinaten

$$R = \begin{pmatrix} R_x \\ R_y \\ R_z \end{pmatrix} \text{ mit } R_x^2 + R_y^2 + R_z^2 = 1 \text{ und } -1 < R_{x,y,z} < +1$$

$$m = \sqrt{R_x^2 + R_y^2 + (R_z + 1)^2}$$

$$s = R_x / 2m + 0.5$$

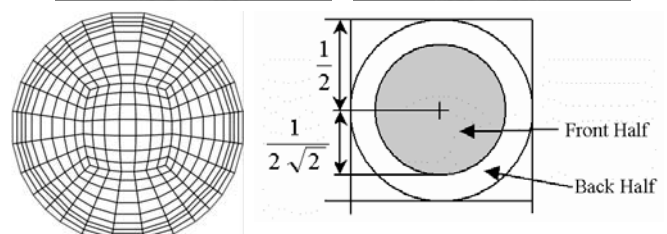
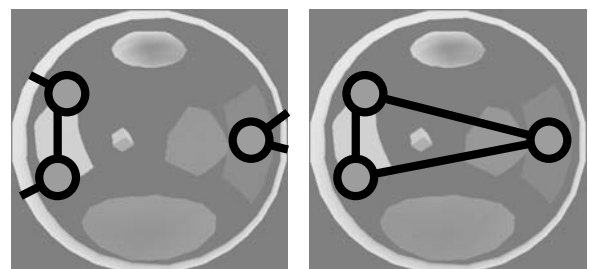
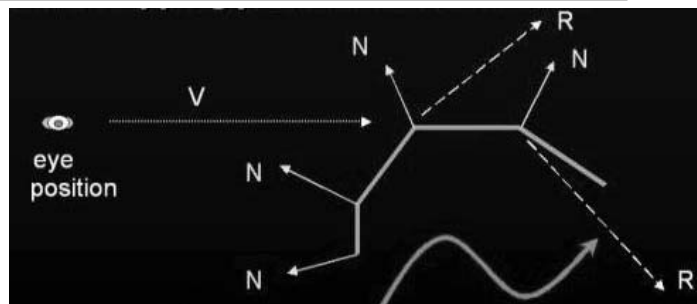
$$t = R_y / 2m + 0.5$$

```
glTexGen(GL_S, GL_TEXTURE_GEN_MODE, GL_SPHERE_MAP)
```

71

Sphere-Mapping: Probleme

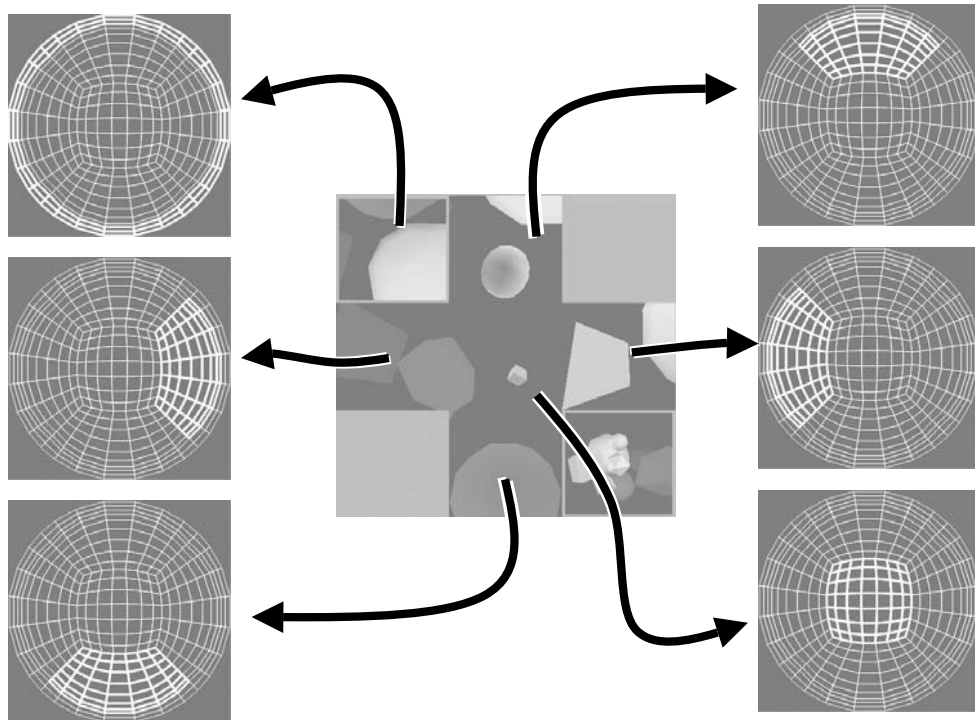
- Artefakte am Rand (streifender Einfall)
- Verwende mehr Polygone bei hoher Krümmung
- Keine Interpolation über den Rand
- Eigentlich Dreieck mit gekrümmten Kanten (sphärisch)
- Verzerrung deutlich im Würfelgitter



72

Sphere-Map aus Cube-Map

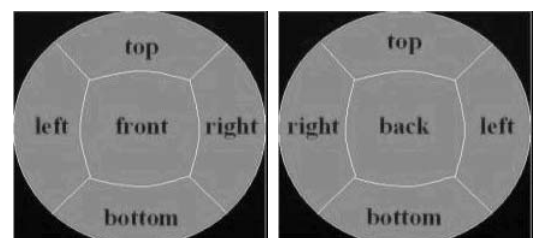
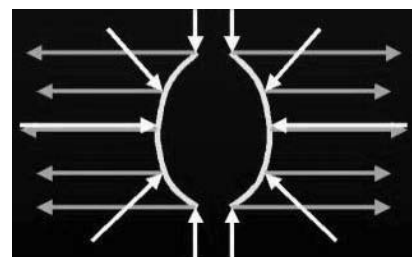
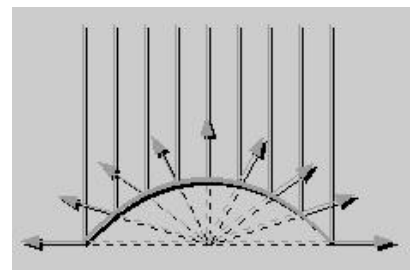
- Verwende inverse Abbildung



73

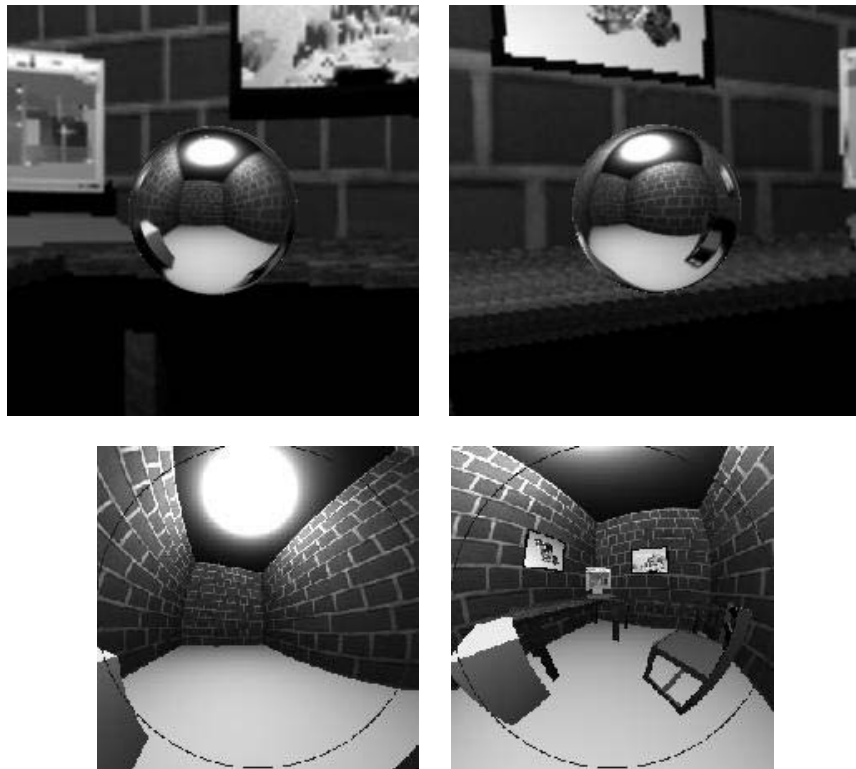
Parabolische Abbildung

- Aufteilung in 2 Bilder (Vorder-/Rückseite)
- wenig Verzerrung am Rand
- blickpunktunabhängig
- 2-Pass bzw. 2-Textur-Verfahren
- Generierung des Eye-Space Reflection Vector als Textur-coordinate pro Vertex
- Dann Transformation durch Texturmatrix



74

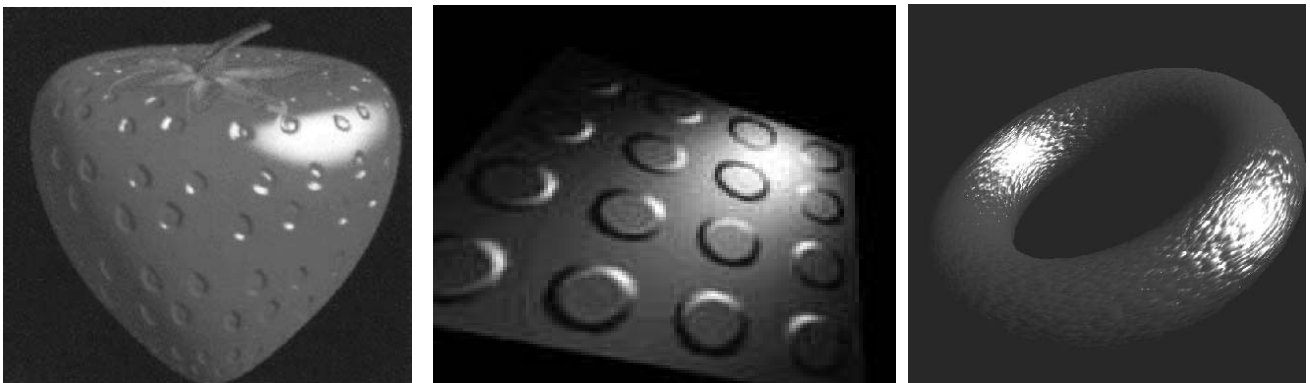
Parabolische Environment-Maps



75

Bump-Mapping

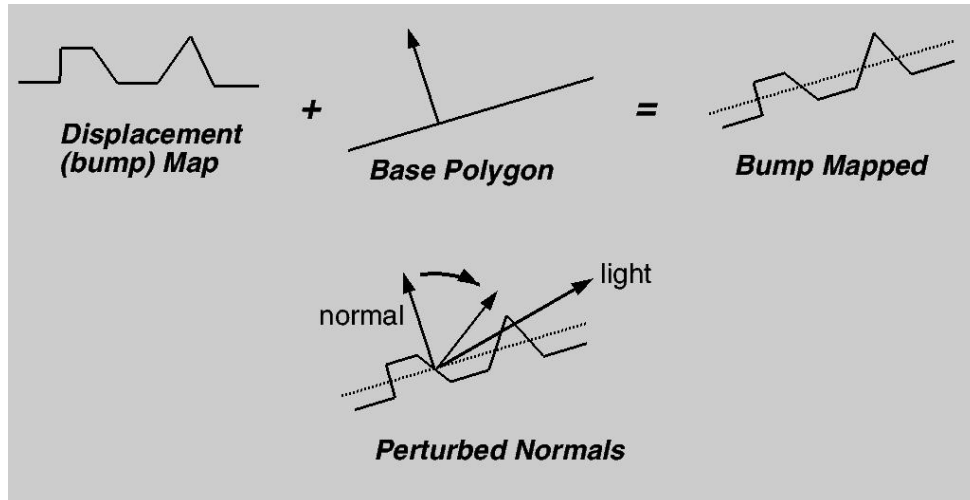
- Realistische Oberflächen sind nicht perfekt glatt
- Rauigkeit durch Bildtextur nicht möglich
- Normalen-Variation führt zu Tiefeneindruck
- Keine Änderung der Geometrie! (Silhouette!)



76

Bump-Mapping

- Modulation des Normalenvektor berechnet aus Veränderung der Basisfläche durch Bump-Map
- Fläche bleibt geometrisch flach
- Normalen variieren pro Pixel



77

Bump-Mapping: Hintergrund

- Fläche (z.B. Bezier-Patch) $\underline{P}(u,v)$
- mit Normale $\underline{N}(u,v) = \frac{\partial \underline{P}}{\partial u} \times \frac{\partial \underline{P}}{\partial v}$
- mit Bump-Map gestörte Fläche

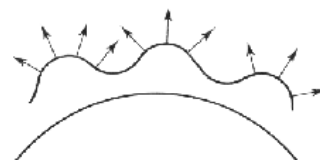
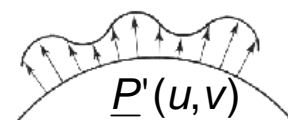
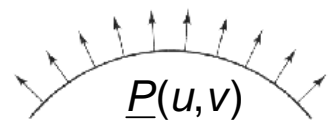
$$\underline{P}'(u,v) = \underline{P}(u,v) + B(u,v) \cdot \underline{N}(u,v)$$

- wie ändert sich die gestörte Normale?

$$\underline{N}'(u,v) = \frac{\partial \underline{P}'}{\partial u} \times \frac{\partial \underline{P}'}{\partial v} =$$

$$\underline{N} + \frac{\partial B}{\partial u} \left(\underline{N} \times \frac{\partial \underline{P}}{\partial v} \right) - \frac{\partial B}{\partial v} \left(\underline{N} \times \frac{\partial \underline{P}}{\partial u} \right)$$

- Braucht diskrete Ableitung der Bump-Map und lokale Tangentialebene der Fläche



78

Bump-Mapping: Tangent Space

- Änderung der Normale im „Tangentenraum“

$$\underline{N}' = \underline{N} + \underline{D} \quad \underline{D} = B_u(\underline{N} \times \underline{P}_v) - B_v(\underline{N} \times \underline{P}_u) = B_u \underline{A} - B_v \underline{B}$$

- Beleuchtungsberechnung pro Fragment (Phong Shading)

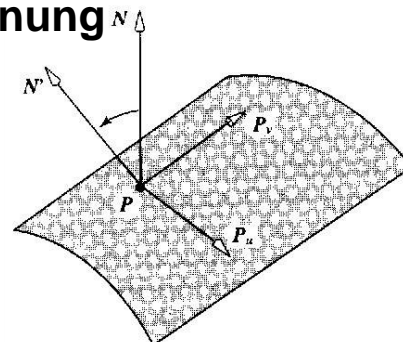
- Tangent-Space

- Vertex (0,0,0)
- Normale (0,0,1)
- Tangente

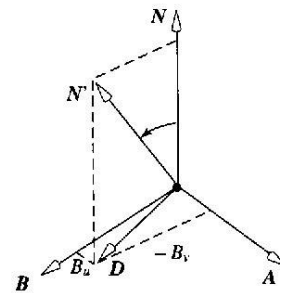
- Diffuse Beleuchtung

$$\underline{N}' \bullet \underline{L} = \underline{N} \bullet \underline{L} + \underline{D} \bullet \underline{L}$$

- Transformiere Lichtquellenrichtung in Tangent-Space und berechne Skalarprodukt (Winkel) dort



Oberflächennormale
im Punkt P
 $\underline{N} = \underline{P}_v \times \underline{P}_u$

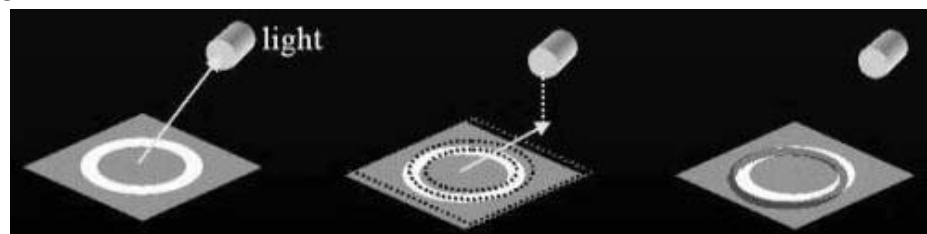


\underline{D} ist gegeben durch:
 $\underline{D} = B_u \underline{A} - B_v \underline{B}$

79

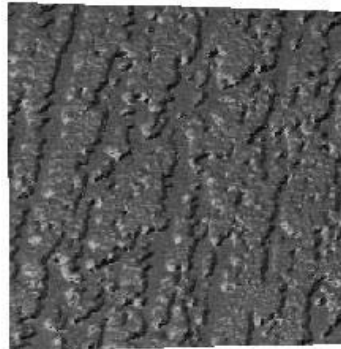
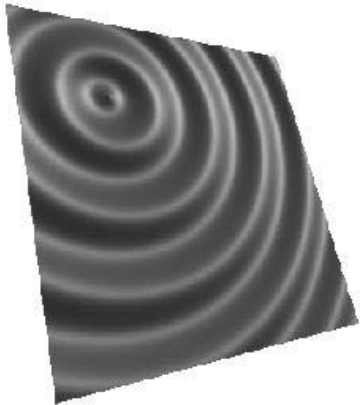
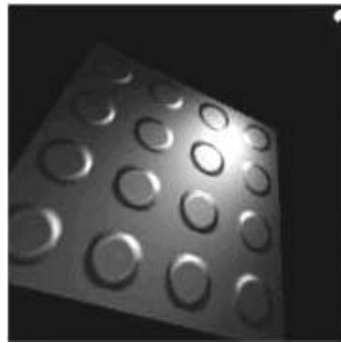
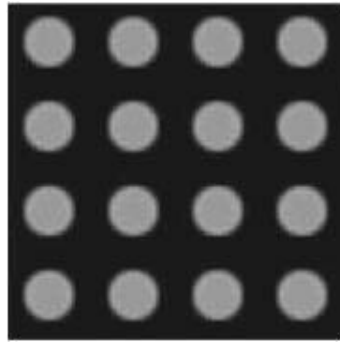
Normal-Maps

- Vorberechnung der modifizierten Normalen \underline{N}'
- Abspeichern in Textur (RGB)=(N_x, N_y, N_z)
- Berechnung der diffusen Beleuchtung $\langle \underline{N}' \bullet \underline{L} \rangle$ pro Pixel in der Fragment-Verarbeitung
- z.B. mit Farbmatrix oder Fragment-Programm
- Per-Vertex-Vektor zur Lichtquelle wird interpoliert
- Embossing bzw. Tangent-Space-Shading
 - $\underline{D} \bullet \underline{L}$ ist die Änderung von Bump-Map B in Richtung von L
 - Verschiebe Geometrie in Richtung der Lichtquelle und subtrahiere



80

Ergebnisse



81

Normal Maps – Relief Maps



Color



Height



Normal



Normal - x



Normal - y

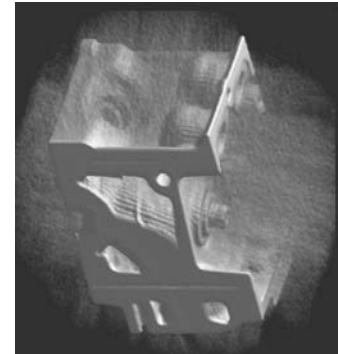
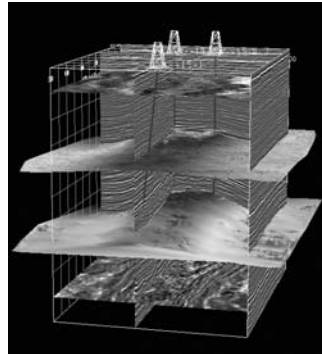
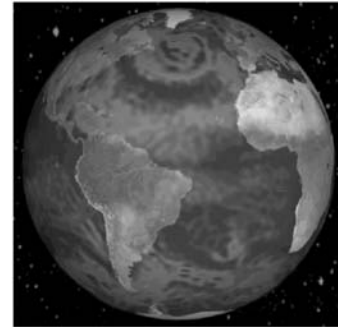


Normal - z

82

3D-Texturen und Volumenvisualisierung

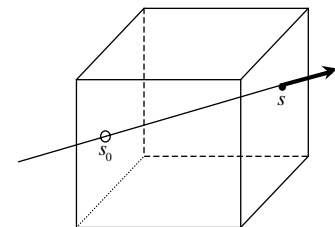
- Ausgangsdaten sind 3D
 - Röntgenabsorption im Körper/Material
 - Feuchtigkeit in Atmosphäre
 - Dichteverteilung im Erdinneren
- Daten oft auf uniformen 3D-Gitter Millionen von Zellen (Voxel)
- Problem: Verdeckung



83

Direkte Volumenvisualisierung

- **Idee: innere Struktur sichtbar durch Transparenz**
- **Physikalisches Modell: Sternennebel**
Volumen als selbstleuchtendes absorbierendes Gas
- **Strahlungstransportgleichung ohne Streuung**
- **Strahlverfolgung:**
 - pro Bildpunkt ein Strahl durch das Volumen
 - interpoliere Daten trilinear an Stützstellen
 - akkumulierte Intensität gewichtet mit Transparenz
- **Transferfunktion: Zuordnung von Farbe und Transparenz zu Datenwerten**
- **Unterschiedliche Visualisierungsstile**



84

Verschiedene Transferfunktionen



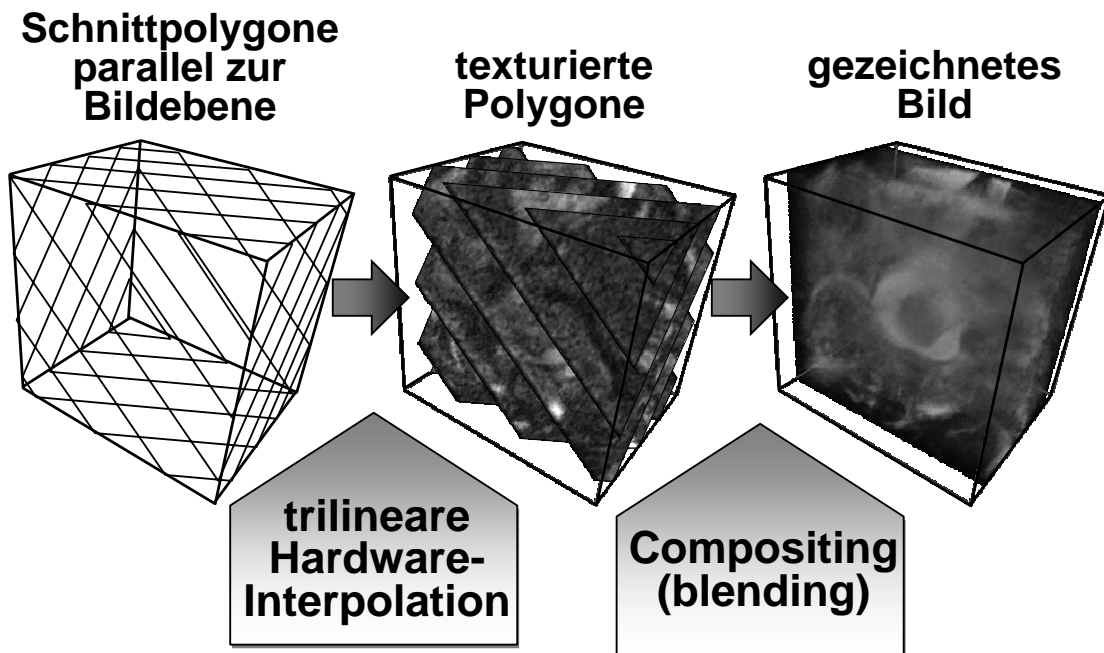
85

Verschiedene Transferfunktionen *cont.*



Texturbasierte Volumenvisualisierung

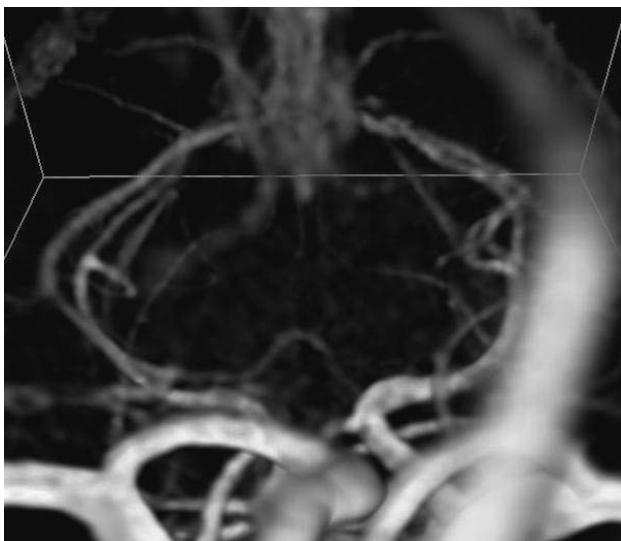
- Speichere Daten in 3D-Textur



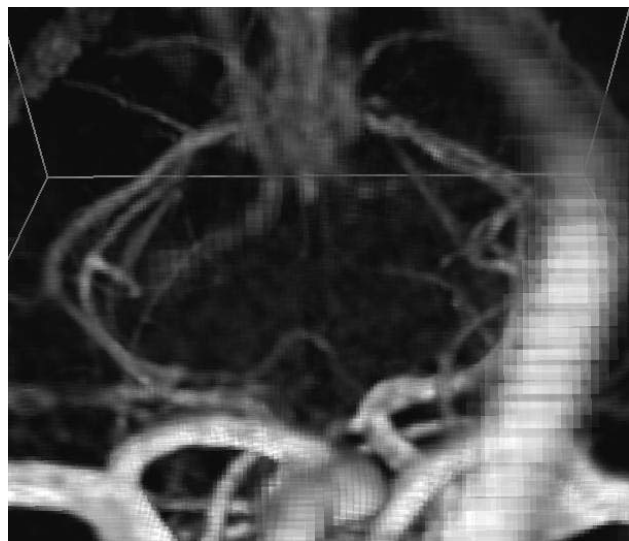
87

Interpolation bei Volumenvisualisierung

- Nearest-Neighbor (0. Ordnung)
- Trilinear (1. Ordnung)



Trilinear



Nearest-Neighbor

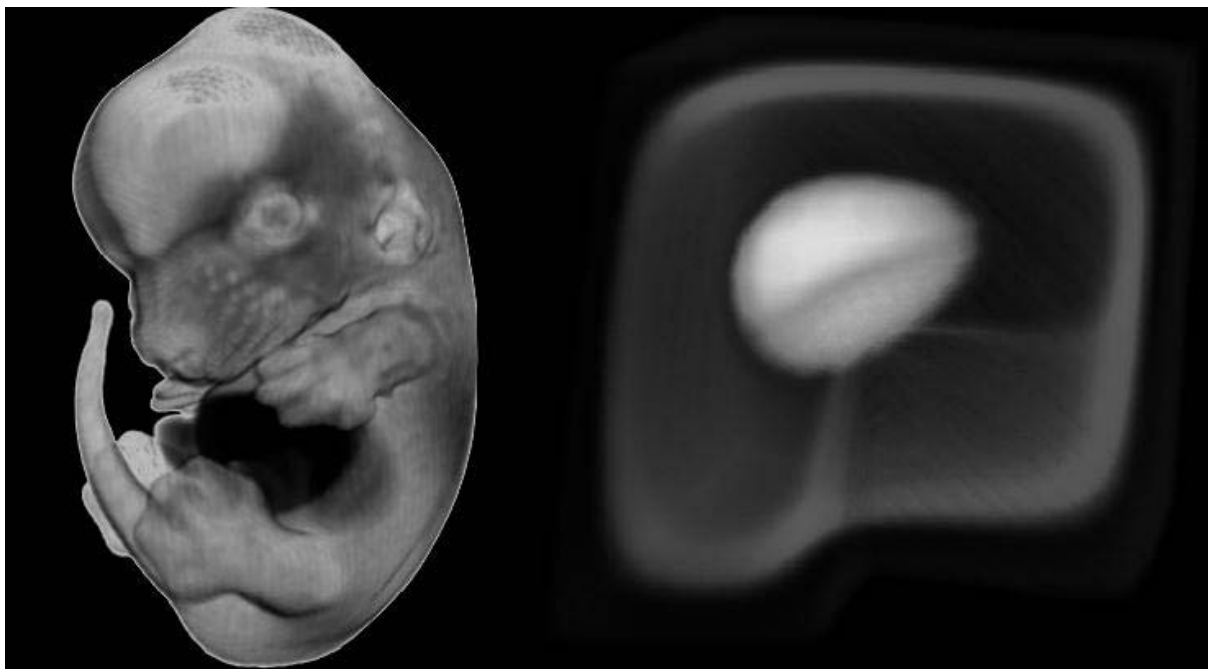
88

Klassifikation und Volumenbeleuchtung

- **Pre-Shading (Präklassifikation)**
 - Erzeuge RGBA Volumentextur aus Skalarfeld
 - Farbindizes: Texturpalette
- **Post-Shading (Postklassifikation)**
 - Speichere Daten in Luminanz-Textur
 - Benötigt Lookup in Transferfunktion nach Interpolation
 - Spezielle Color-Table-Extension (SGI)
 - Dependent Texture in Fragmentprogramm
- **Volumenbeleuchtung**
 - Diffuse und spekulare Beleuchtung jedes Voxels
 - Benötigt 3D Normalentextur

89

Volumenvisualisierung: Beispiele



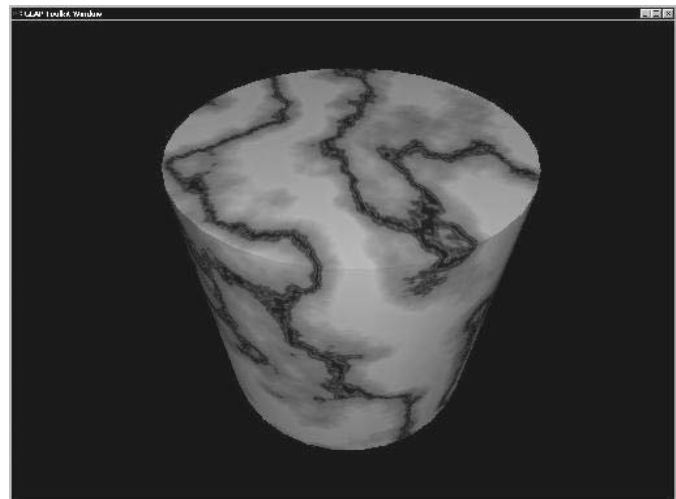
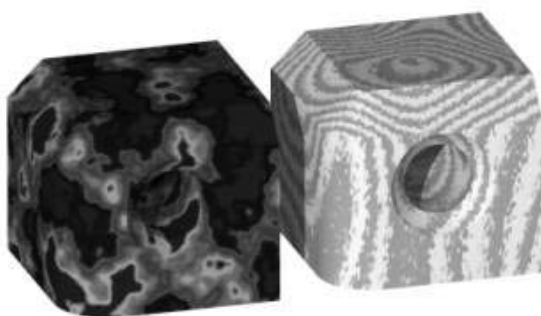
90

3D-Texturen für Oberflächen

- **Probleme von 2D-Texturen**
 - Tapeten-/Furnier-Effekt („oberflächlich“)
 - starke Texturverzerrung bei großer Flächenkrümmung
 - Texturkoordinaten schwierig für komplexe Topologie
- **Solid-Textures (3D-Texturen)**
 - z.B. Holzblock, Marmorblock
 - Herausschneiden einer Skulptur durch Zuweisung 3D Texturkoordinaten an Vertices
- **Nachteile**
 - Gewinnung der 3D-Textur aus Schichten
 - großer Speicherplatzbedarf

91

Beispiel Solid-Textures



92

Bedeutung von Texture-Mapping

„Texture Mapping as a Fundamental Drawing Primitive“ (Haeberli, Segal 1993):

- **Image Warping**
- **Transparency Mapping, Surface Trimming**
- **Farbkonvertierung**
- **Phong-Shading**
- **Volumenvisualisierung**
- **....**