

 timyrik20 29 июля 2013 в 00:00

# Знай сложности алгоритмов

Автор оригинала: Eric Rowell

Алгоритмы

Перевод

Эта статья рассказывает о времени выполнения и о расходе памяти большинства алгоритмов прошлом, когда я готовился к прохождению собеседования я потратил много времени иссле, информации о лучшем, среднем и худшем случае работы алгоритмов поиска и сортировки, ч собеседовании не поставил меня в тупик. За последние несколько лет я проходил интервью в Силиконовой долины, а также в некоторых крупных компаниях таких как Yahoo, eBay, LinkedIn готовился к интервью, я подумал: «Почему никто не создал хорошую шпаргалку по асимптоты Чтобы сохранить ваше время я создал такую шпаргалку. Наслаждайтесь!

Хорошо

Приемлемо

Плохо

## Поиск

Алгоритм	Структура данных	Времен
		В среднем
Поиск в глубину (DFS)	Граф с $ V $ вершинами и $ E $ ребрами	-
Поиск в ширину (BFS)	Граф с $ V $ вершинами и $ E $ ребрами	-
Бинарный поиск	Отсортированный массив из $n$ элементов	$O(\log(n))$
Линейный поиск	Массив	$O(n)$
Кратчайшее расстояние по алгоритму Дейкстры используя двоичную кучу как очередь с приоритетом	Граф с $ V $ вершинами и $ E $ ребрами	$O(( V  +  E ) \log  V )$
Кратчайшее расстояние по алгоритму Дейкстры используя массив как очередь с приоритетом	Граф с $ V $ вершинами и $ E $ ребрами	$O( V ^2)$
Кратчайшее расстояние используя алгоритм Беллмана–Форда	Граф с $ V $ вершинами и $ E $ ребрами	$O( V  E )$

## Сортировка

Алгоритм	Структура данных	Временная сложность			
		Лучшее	В среднем	В худшем	
Быстрая сортировка	Массив	$O(n \log(n))$	$O(n \log(n))$	$O(n^2)$	
Сортировка слиянием	Массив	$O(n \log(n))$	$O(n \log(n))$	$O(n \log(n))$	
Пирамидальная сортировка	Массив	$O(n \log(n))$	$O(n \log(n))$	$O(n \log(n))$	
Пузырьковая сортировка	Массив	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	
Сортировка вставками	Массив	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	
Сортировка выбором	Массив	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	
Блочная сортировка	Массив	$O(n+k)$	$O(n+k)$	$O(n^2)$	
Поразрядная сортировка	Массив	$O(nk)$	$O(nk)$	$O(nk)$	

## Структуры данных

Структура данных	Временная сложность						
	В среднем				В худшем		
	Индексация	Поиск	Вставка	Удаление	Индексация	Поиск	Вставка
Обычный массив	$O(1)$	$O(n)$	-	-	$O(1)$	$O(n)$	-
Динамический массив	$O(1)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$	$O(n)$	$O(n)$
Односвязный список	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$
Двусвязный список	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$
Список с пропусками	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
Хеш таблица	-	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	-	$O(n)$	$O(n)$
Бинарное дерево поиска	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
Декартово дерево	-	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	-	$O(n)$	$O(n)$
Б-дерево	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$
Красно-черное дерево	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$
Расширяющееся дерево	-	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	-	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$
АВЛ-дерево	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$

## Кучи

Куча	Временная сложность				
	Преобразование к куче	Поиск максимума	Извлечение максимума	Увеличить ключ	
Связный список (отсортированный)	-	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	
Связный список (не отсортированный)	-	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$	
Бинарная куча	$O(n)$	$O(1)$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	
Биномиальная куча	-	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	$O(\log(n))$	
Фибоначчева куча	-	$O(1)$	$O(\log(n))$	$O(1)^*$	

## Представление графов

Пусть дан граф с  $|V|$  вершинами и  $|E|$  ребрами, тогда

Способ представления	Память	Добавление вершины	Добавление ребра	Удаление вершины
Список смежности	$O( E  +  V )$	$O(1)$	$O(1)$	$O( E  +  V )$
Список инцидентности	$O( E  +  V )$	$O(1)$	$O(1)$	$O( E )$
Матрица смежности	$O( V ^2)$	$O( V ^2)$	$O(1)$	$O( V ^2)$
Матрица инцидентности	$O( V  \cdot  E )$	$O( V  \cdot  E )$	$O( V  \cdot  E )$	$O( V  \cdot  E )$

## Нотация асимптотического роста

Обозначение	Граница	Рост
(Тета) $\Theta$	Нижняя и верхняя границы, точная оценка	Равно
(О - большое) $O$	Верхняя граница, точная оценка неизвестна	Меньше или равно
(о - малое) $o$	Верхняя граница, не точная оценка	Меньше
(Омега - большое) $\Omega$	Нижняя граница, точная оценка неизвестна	Больше или равно
(Омега - малое) $\omega$	Нижняя граница, не точная оценка	Больше

1. (О — большое) — верхняя граница, в то время как (Омега — большое) — нижняя граница так и (Омега — большое), поэтому она является точной оценкой (она должна быть ограничена). Например, алгоритм требующий  $\Omega(n \log n)$  требует не менее  $n \log n$  времени, но верхняя граница  $\Theta$

требующий  $\Theta(n \log n)$  предпочтительнее потому, что он требует не менее  $n \log n$  ( $\Omega(n \log \log n)$ ).

2.  $f(x) = \Theta(g(n))$  означает, что  $f$  растет так же как и  $g$  когда  $n$  стремится к бесконечности. Другая асимптотически пропорциональна скорости роста  $g(n)$ .
3.  $f(x) = O(g(n))$ . Здесь темпы роста не быстрее, чем  $g$  ( $n$ ).  $O$  большое является наиболее плохим случаем.

Короче говоря, если алгоритм имеет сложность \_\_ тогда его эффективность \_\_

Алгоритм	Эффективность
$o(n)$	$< n$
$O(n)$	$\leq n$
$\Theta(n)$	$= n$
$\Omega(n)$	$\geq n$
$\omega(n)$	$> n$

## График роста O — большое

