МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н. Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра математической кибернетики и компьютерных наук

СОЗДАНИЕ ФРЕЙМВОРКА ДЛЯ РАБОТЫ С АВТОМАТИЗИРОВАННЫМ ТЕСТИРОВАНИЕМ

КУРСОВАЯ РАБОТА

Студента 3 курса 351 группы направления 09.03.04 — Программная инженерия факультета КНиИТ Кондрашова Даниила Владиславовича

Научный руководитель	
зав.каф.техн.пр.,	
доцент, к. фм. н.	 С.В.Папшев
Заведующий кафедрой	
к. фм. н.	 С.В.Миронов

СОДЕРЖАНИЕ

ВВЕДЕНИЕ

С ростом объёмов информации в наше время для её эффективного поиска и изучения стало необходимо уметь её классифицировать и структурировать. Сегодня физически невозможно найти нужные данные просто перебирая все ресурсы подряд, появилась острая потребность в поиске по темам, в классификации данных.

Данную проблему призвано решить тематическое моделирование. Оно способно бытро и эффективно автоматически разбить по темам огромные объёмы информации.

1 Математические основы тематического моделирования

1.1 Основная гипотеза тематического моделирования

Тематическое моделирование — это подход анализа текстовых данных, направленный на выявление семантических структур в коллекции документов.

Само тематическое моделирование основывается на предположении, что слова в тексте связаны не с документом, а с темой. Кроме того первично текст разбивается на темы, затем каждая из них порождает слово для соответствующих позиций в документе. Таким образом, сначала порождается тема, а потом термины.

Благодаря этой гипотезе можно по частоте и взаимовстречаемости слов производить тематическую классификацию текстов.

1.2 Аксиоматика тематического моделирования

Каждый текст можно количественно охарактеризовать. Вот основные количественные характеристики, использующиеся при тематическом моделировании:

- *W* конечное множество термов;
- *D* конечное множество текстовых документов;
- *T* конечное множество тем;
- $D \times W \times T$ дискретное вероятностное пространство;
- коллекция i.i.d выборка $(d_i, w_i, t_i)_{i=1}^n$;
- $n_{dwt} = \sum_{i=1}^{n} [d_i = d][w_i = w][t_i = t]$ частота (d, w, t) в коллекции;
- $n_{wt} = \sum_{d} n_{dwt}$ частота терма w в документе d;
- $n_{td} = \sum_{w} n_{dwt}$ частота термов темы t в документе d;
- $n_t = \sum_{d,w} n_{dwt}$ частота термов темы t в коллекции;
- $n_{dw} = \sum_t n_{dwt}$ частота терма w в документе d;
- $n_W = \sum_d n_{dw}$ частота терма w в коллекции;
- $n_d = \sum_w n_{dw}$ длина документа d;
- $n = \sum_{d,w} n_{dw}$ длина коллекции.

Также в тематическом моделировании используются следующие гипотезы и аксиомы:

- Независимость слов от порядка в документе: порядок слов в документе не важен;
- Независимость от порядка документов в коллекции: порядок документов

в коллекции не важен;

- Зависимость терма от темы: каждый терм связан с соответствующей темой и порождается ей;
- Гипотеза условной независимости: p(w|d,t) = p(w|t).

Вышеперечисленные характеристи, гипотезы и аксиомы являются основой тематического моделирования, являющейся достаточной для построения тематической модели.

1.3 Задача тематического моделирования

Как уже говорилось ранее, документ порождается следующим образом:

- 1. для каждой позиции в документе генерируется тема p(t|d);
- 2. для каждой сгенерированной темы в соответствующей позиции генерируем терм p(w|d,t).

Тогда вероятность появления слова в документе можно описать по формуле полной вероятности:

$$p(w|d) = \sum_{t \in T} p(w|d, t)p(t|d) = \sum_{t \in T} p(w|t)p(t|d)$$
 (1)

Такой алгоритм является прямой задачей порождения текста. Тематическое моделирование призвано решить обратную задачу:

- 1. для каждого терма w в тексте найти вероятность появления в теме t (найти $p(w|t) = \phi_{wt}$);
- 2. для каждой темы t найти вероятность появления в документе d (найти $p(t|d) = \theta_{td}$).

Обратную задачу можно представить в виде стохастического матричного разложения.

Таким образом, тематическое моделирование ищет величину p(w|d).

1.4 Решение обратной задачи

Для решения задачи тематического моделирования необходимо найти величину p(w|d), сделать это можно с помощью метода максимального правдоподобия.

1.4.1 Лемма о максимизации функции на единичных симплексах

Перед выведением решения обратной задачи выпишем лемму, позволяющую это решение найти.

Введём операцию нормировки вектора:

$$p_i = (x_i) = \frac{\max x_i, 0}{\sum_{k \in I} \max x_k, 0}$$
 (2)

Лемма о максимизации функции на единичных симплексах:

Пусть функция $f(\Omega)$ непрерывно дифференцируема по набору векторов $\Omega=(w_i)_{j\in J}, \quad w_j=(w_{ij})_{i\in I_j}$ различных размерностей $|I_j|$. Тогда векторы w_j локального экстремума задачи

$$\begin{cases} f(\Omega) \to \max_{\Omega} \\ \sum_{i \in I_j} w_{ij} = 1, & j \in J \\ w_{ij} \ge 0, & i \in I_j, j \in J \end{cases}$$

при условии $1^0: \ (\exists i \in I_j) w_{ij} \frac{\partial f}{\partial w_{ij}} > 0$ удовлетворяют уравнениям

$$w_{ij} = norm_{i \in I_j} \left(w_{ij} \frac{\partial f}{\partial w_{ij}} \right), \quad i \in I_j;$$
(3)

при условии 2^0 : $(\forall i\in I_j)w_{ij}\frac{\partial f}{\partial w_{ij}}\leq 0$ и $(\exists i\in I_j)w_{ij}\frac{\partial f}{\partial w_{ij}}<0$ удовлетворяют уравнениям

$$w_{ij} = norm_{i \in I_j} \left(-w_{ij} \frac{\partial f}{\partial w_{ij}} \right), \quad i \in I_j;$$
(4)

в противном случае (условие 3^0) — однородным уравнениям

$$w_{ij}\frac{\partial f}{\partial w_{ij}} = 0, \quad i \in I_j. \tag{5}$$

Данная лемма служит для оптимизации любых моделей, параметрами которых являются неотрицательные нормированные векторы.

1.4.2 Сведение обратной задачи к задаче максимизации функционала

Чтобы вычислить величину p(w|d) воспользуемся принципом максимума правдоподобия, согласно которому будут подобраны параметры Φ , Θ такие,

что p(w|d) примет наибольшее значение.

$$\prod_{i=1}^{n} p(d_i, w_i) = \prod_{d \in D} \prod_{w \in d} p(d, w)^{n_{dw}}$$
(6)

Прологарифмировав правдоподобие, перейдём к задаче максимизации логарифма правдоподобия.

$$\sum_{d \in D} \sum_{w \in d} n_{dw} \ln p(w|d) p(d) = n_{dw} \to max$$
 (7)

Данная задача эквивалентна задаче максимизации функционала

$$L(\Phi, \Theta) = \sum_{d \in D} \sum_{w \in d} n_{dw} \ln \sum_{t \in T} \phi_{wt} \theta_{td} \to \max_{\Phi, \Theta}$$
 (8)

при ограничениях неотрицательности и нормировки

$$\phi_{wt} \ge 0; \quad \sum_{w \in W} \phi_{wt} = 1; \quad \theta_{td} \ge 0; \quad \sum_{t \in T} \theta_{td} = 1$$
 (9)

1.4.3 Аддитивная регуляризация тематических моделей

Задача не соответствует определению корректно поставленной задачи по Адамару, так как она в общем случае имеет бесконечно много решений, следовательно задачу нужно доопределить.

Для доопределения некорректно поставленных задач используют регуляризацию: к основному критерию добавляют дополнительный критерий — регуляризатор, соответствующий решаемой задаче.

АRTM: аддитивная регуляризация тематических моделей основана на максимизации линейной комбинации логарифма правдоподобия и регуляризаторов $R_i(\Phi,\Theta)$ с неотрицательными коэффициентами регуляризации $t\tau_i,\ i=1,\dots,k.$

Преобразуем задачу к ARTM виду:

$$\sum_{d \in D} \sum_{w \in d} n_{dw} \ln \sum_{t \in T} \phi_{wt} \theta_{td} + R(\Phi, \Theta) \to \max_{\Phi, \Theta}; \quad R(\Phi, \Theta) = \sum_{i=1}^{k} \tau_i R_i(\Phi, \Theta) \quad (10)$$

при ограничениях неотрицательности и нормировки.

1.4.4 Е-М алгоритм

Из ограничений видно, что столбцы матриц можно принять за неотрицательные единичные векторы, а, следовательно, задача является задачей максимизации функции на единичных симплексах.

Воспользуемся леммой о максимизации функции на единичных симплексах и перепишем задачу.

Пусть функция $R(\Phi,\Theta)$ непрерывно дифференцируема. Тогда точка (Φ,Θ) локального экстремума задачи с ограничениями, удовлетворяет системе уравнений сос вспомогательными переменными $p_{twd}=p(t|d,w)$, если из решения исключить нулевые столбцы матриц Φ и Θ :

$$\begin{cases} p_{tdw} = \underset{t \in T}{norm}(\phi_{wt}\theta_{td}) \\ \phi_{wt} = \underset{w \in W}{norm}\left(n_{wt} + \phi_{wt}\frac{\partial R}{\partial \phi_{wt}}\right); \\ \theta_{td} = \underset{t \in T}{norm}\left(n_{td} + \theta_{td}\frac{\partial R}{\partial \theta_{td}}\right) \end{cases}$$

$$(11)$$

Полученная модель соответствует Е-М алгоритму, где первая строка системы уравнений соответствует Е шагу, а вторая и третья строки — М шагу.

Решив полученную систему уравнений, методом простой итерации получим искомые матрицы Φ и Θ .

- 1.5 Регуляризаторы в тематическом моделировании
- 1.6 Регуляризатор сглаживания
- 1.7 Регуляризатор разреживания
- 1.8 Регуляризатор декоррелирования
- 1.9 Оценка качества моделей тематического моделирования
- 1.10 Тематическое моделирование новостей

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ