Cod: G005 Subject pent AROAN

Logică pentru Informatică

Logica de ordinul I

Examen - 16 Februarie 2022

Subiect pentru stude

MAROAN

Reguli:

- Citiți cu atenție subiectele.
- Subjectul este individual.
- Este permisă consultarea bibliografiei.
- Nu este permisă comunicarea cu alte persoane pentru rezolvarea subiectelor. Nu este permisă partajarea ciornelor sau rezolvărilor.
- Acolo unde se cere, scanați rezolvarea în format A4 într-un singur document PDF de maxim 2MB.

Înainte de a încărca soluția, verificați cu atenție calitatea scanării.

În cazul în care calitatea scanării este slabă, rezultatul va reflecta doar ce se observă în scanare fără efort.

• Soluția trebuie încărcată în documentul Google Forms de la adresa:

https://forms.gle/4tjdtZMC53vJDCE69.

- Soluțiile transmise prin orice alt canal de comunicare (e.g., Discord, email) nu sunt acceptate.
- Formularul nu permite încărcarea soluțiilor care nu sunt în format PDF sau au mai mult de 2MB.

0. Introduceti următorul cod în formularul Google:

G005

Introduceți numele dumneavoastră în formularul Google:

AL

1. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea frază:

Toate numerele reale sunt prime și nu sunt mai mici decât 0.

Care dintre formulele de mai jos poate fi o traducere fidelă a frazei de mai sus în LP1:

- (a) $\neg(\exists y'.(I'(y') \rightarrow (P(y') \vee S_1(y'))))$
- (b) $(\forall z'.(Q(z') \rightarrow (P_3(z') \vee S(z'))))$
- (c) $(\forall z'. \neg (C'(z') \leftrightarrow (P'(z') \lor S_3(z'))))$
- (d) $(\forall x_3 \cdot (I(x_3) \rightarrow (P_3(x_3) \land \neg S_1(x_3))))$
- 2. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este consecință semantică din mulțimea

$$\{(\forall x.(Q(x) \rightarrow R(x)))\}?$$

- (a) $(\forall x.(\forall y.(Q(x) \rightarrow R(y))))$
- (b) $(\forall x.(Q(x) \rightarrow (\exists y.R(y))))$
- (c) $(\forall x.(Q(x) \rightarrow (\forall y.R(y))))$
- (d) $(\forall y.(\forall x.(Q(x) \rightarrow R(y))))$
- 3. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este echivalentă cu

$$\neg(\exists x.(\neg Q(v) \rightarrow \neg P(x)))?$$

- (a) $(\neg(\forall x.P(y)) \lor (\forall x.\neg P(a)))$
- (b) $(\neg(\forall y.\neg P(x)) \rightarrow \neg(\forall x.Q(y)))$
- (c) $\neg (\exists x. (P(x) \rightarrow Q(y)))$
- (d) $(\neg(\forall x.P(b)) \land (\forall y.\negQ(y)))$
- 4. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este nesatisfiabilă?

- (a) $\neg(\forall x.(\neg Q(y) \rightarrow \neg Q(x)))$
- (b) $(\forall y. \neg (Q(b) \lor \neg Q(b)))$
- (c) $((\exists x.P(x)) \land \neg(\forall y.\neg P(b)))$
- (d) $((\exists y.P(a)) \rightarrow (\forall y.\neg Q(a)))$
- 5. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este validă?

- (a) $(\neg(\exists x.\neg Q(b)) \lor (\exists y.\neg Q(a)))$
- (b) $((\forall x.P(b)) \rightarrow \neg(\exists x.Q(x)))$
- (c) $\neg(\forall y.(\neg Q(y) \lor \neg Q(b)))$
- (d) $(\neg(\exists x.P(y)) \rightarrow \neg(\forall x.P(x)))$
- 6. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\neg P_4(z_1,a) \rightarrow (\forall z_1.(\neg P_4(z_1,x') \vee \neg R(z_1)))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o formă normală prenex a acesteia?

- (a) $(\forall z'.((P_4(z',x') \land R(z')) \rightarrow P_4(z',a)))$
- (b) $(\forall z'.(P_4(z_1,a) \lor (\neg R(z') \lor \neg P_4(z',x'))))$
- (c) $(\forall x'.(\neg(R(x') \land P_4(x',x')) \lor P_4(z_1,a)))$
- (d) $(\forall z_1.(\neg(P_4(z_1,x') \land R(z_1)) \lor P_4(z',a)))$
- 7. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\forall z_1.(\exists y.((C(y) \land \neg P_3(y',y')) \rightarrow P_3(z_1,b)))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o închidere existențială a acesteia?

- (a) $(\exists y'.(\forall z_1.(\exists y.((C(y) \land \neg P_3(y',y')) \rightarrow P_3(z_1,b)))))$
- (b) $(\forall z_1.(\exists y.(\exists y'.(\exists b.((C(y) \land \neg P_3(y',y')) \rightarrow P_3(z_1,b))))))$
- (c) $(\forall z_1.(\exists y'.(\exists y.((C(y) \land \neg P_3(y',y')) \rightarrow P_3(z_1,b)))))$
- (d) $(\forall y'.(\forall z_1.(\exists y.((C(y) \land \neg P_3(y',y')) \rightarrow P_3(z_1,b)))))$
- 8. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\forall y. (\exists x_2. (\exists y_3. ((\neg P_4(i_1(e), h(e,y)) \lor R'(h(i_1(y), x_2))) \to P_4(h(y, y_3), e))))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o formă normală Skolem corespunzătoare acesteia?

- (a) $(\forall x_2.((\neg P_4(i_1(e),h(e,y)) \lor R'(h(i_1(y),y))) \lor P_4(h(y,a),e)))$
- (b) $(\exists x_2.(\exists y_3.((\neg P_4(i_1(e),h(e,j(x_2))) \lor R'(h(i_1(y),x_2))) \to P_4(h(y,y_3),e))))$
- (c) $(\forall y.((\neg P_4(i_1(e),h(e,y)) \lor R'(h(i_1(y),j(y)))) \to P_4(h(y,k_1(y)),e)))$
- (d) $(\forall x_2.((\neg P_4(i_1(e),h(e,y)) \lor R'(h(i_1(y),y))) \lor P_4(h(y,j(e)),e)))$
- 9. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care problemă de unificare dintre cele de mai jos are cel puțin o soluție?

- (a) $\{y \doteq g(i(y),i(y)), f(a,i(y)) \doteq x\}$
- (b) $\{x \doteq g(i(b),b), g(i(a),a) \doteq x\}$
- (c) $\{x \doteq g(h(z),h(y)), f(y,i(a)) \doteq y\}$
- (d) $\{z \doteq g(h(b),b), f(i(a),y) \doteq x\}$

10. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următorul set de clauze:

$$\begin{aligned} \{C'(f(c,f(x',y_2))) \lor P'(f(x',y_2),i(y_2)) \lor P'(f(y_2,c),i(x')), \\ \neg C'(i(f(x',y_2))) \lor \neg P'(i(y_2),f(f(x',y_2),c))\}. \end{aligned}$$

Care dintre clauzele de mai jos poate fi obținut prin aplicarea unei singure reguli de Rezolutie de ordinui I?

```
(a) P'(f(y_2,c),i(x'))

(b) P'(f(c,c),i(c)) \vee C'(f(c,f(c,c)))

(c) P'(f(x',y_2),i(y_2)) \vee C'(f(c,f(x',y_2)))

(d) \square
```

11. Redactați pe o foaie A4 rezolvarea pentru exercițiul de mai jos.

Găsiți o demonstrație formală pentru următoarea secvență:

$$\left\{ \left(\neg(p_3 \lor q_2') \to r_1\right), \neg p_3, \neg q_2'\right\} \vdash r_1$$

12. Redactați pe aceeași foaie A4 rezolvarea pentru exercițiul de mai jos și încărcați scanarea foii ca un fisier PDF.

Arătați că următoarea formulă propozițională este satisfiabilă folosind un raționament la nivel semantic:

$$((r_1 \leftrightarrow r) \lor \neg r).$$