

# Logică pentru Informatică

## Logica de ordinul I

### Examen - 25 Ianuarie 2022

Subiect pentru studentul: VARIANTA SUPLIMENTARA 25

Reguli:

- Citiți cu atenție subiectele.
- Subiectul este individual.
- Este permisă consultarea bibliografiei.
- Nu este permisă comunicarea cu alte persoane pentru rezolvarea subiectelor. Nu este permisă partajarea ciornelor sau rezolvărilor.
- Acolo unde se cere, scanați rezolvarea în format A4 într-un singur document PDF de maxim 2MB.

Înainte de a încărca soluția, verificați cu atenție calitatea scanării.

În cazul în care calitatea scanării este slabă, rezultatul va reflecta doar ce se observă în scanare fără efort.

- Soluția trebuie încărcată în documentul Google Forms de la adresa:

<https://forms.gle/CvU6BrA9f1egLy5d8>.

- Soluțiile transmise prin orice alt canal de comunicare (e.g., Discord, email) nu sunt acceptate.
- Formularul nu permite încărcarea soluțiilor care nu sunt în format PDF sau au mai mult de 2MB.

0. Introduceți următorul cod în formularul Google:

C577

Introduceți numele dumneavoastră în formularul Google:

### VARIANTA SUPLIMENTARA 25

1. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea frază:

*Există numere întregi care nu sunt impare sau nu sunt mai mici decât 0.*

Care dintre formulele de mai jos poate fi o traducere fidelă a frazei de mai sus în LP1:

- (a)  $(\exists y'. (R(y') \wedge (\neg P_2(y') \vee \neg S(y'))))$
- (b)  $(\exists x'. (C'(x') \leftrightarrow (\neg P_2(x') \vee \neg S_2(x'))))$
- (c)  $(\exists y_3. (C(y_3) \wedge (\neg \neg P(y_3) \rightarrow \neg S'(y_3))))$
- (d)  $(\forall x_1. (C'(x_1) \wedge (\neg P_3(x_1) \vee \neg S_3(x_1))))$

2. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este consecință semantică din mulțimea

$$\{(\forall x. (Q(x) \rightarrow P(x)))\}?$$

- (a)  $(\forall x. (\forall y. (Q(x) \rightarrow P(y))))$
- (b)  $(\forall y. (\forall x. (Q(x) \rightarrow P(y))))$
- (c)  $(\forall x. (Q(x) \rightarrow (\forall y. P(y))))$
- (d)  $(\forall x. (Q(x) \rightarrow (\exists y. P(y))))$

3. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este echivalentă cu

$$(\neg(\forall y. \neg Q(a)) \vee \neg(\forall y. \neg P(y)))?$$

- (a)  $(\neg(\exists x. P(x)) \rightarrow \neg(\exists x. \neg Q(a)))$
- (b)  $((\exists x. \neg Q(x)) \vee \neg(\exists y. Q(x)))$
- (c)  $(\neg(\forall y. \neg Q(x)) \wedge (\forall y. \neg P(y)))$
- (d)  $((\exists y. Q(x)) \vee (\exists y. Q(b)))$

4. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este nesatisfiabilă?

- (a)  $\neg(\forall x. \neg(P(b) \rightarrow \neg Q(y)))$
- (b)  $(\neg(\forall x. \neg P(y)) \vee (\forall x. \neg P(x)))$
- (c)  $((\exists x. P(y)) \vee (\forall y. \neg Q(a)))$
- (d)  $((\forall x. \neg Q(a)) \wedge (\exists x. Q(a)))$

5. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este validă?

- (a)  $\neg(\exists x.(\neg P(y) \rightarrow P(a)))$
- (b)  $((\forall x.\neg P(y)) \rightarrow \neg(\forall x.P(x)))$
- (c)  $(\neg(\forall x.Q(a)) \rightarrow \neg(\exists y.\neg Q(a)))$
- (d)  $(\neg(\exists y.\neg Q(b)) \rightarrow (\forall y.\neg Q(x)))$

6. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$((\exists y_3.P_2(g(y_3, y_2), y_2)) \wedge (\forall y_3.P_2(e, y_3))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o formă normală prenex a acesteia?

- (a)  $(\exists y_3.(\forall x.(P_2(e, x) \wedge P_2(g(y_3, y_2), y_2))))$
- (b)  $(\forall y_3.(\exists x.(P_2(e, x) \wedge P_2(g(y_3, y_2), y_2))))$
- (c)  $(\forall y_3.(\exists x.(\neg P_2(g(y_3, y_2), y_2) \vee \neg P_2(e, x))))$
- (d)  $(\exists y_3.(\forall x.(P_2(e, y_3) \wedge P_2(g(x, y_2), y_2))))$

7. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\forall x'.(\neg P'(y', x') \vee \neg P'(z_3, a))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o închidere existențială a acesteia?

- (a)  $(\exists y'.(\exists z_3.(\exists a.(\forall x'.(\neg P'(y', x') \vee \neg P'(z_3, a))))))$
- (b)  $(\forall y'.(\forall z_3.(\forall x'.(\neg P'(y', x') \vee \neg P'(z_3, a)))))$
- (c)  $(\exists y'.(\exists z_3.(\forall x'.(\neg P'(y', x') \vee \neg P'(z_3, a)))))$
- (d)  $(\forall x'.(\exists y'.(\exists z_3.(\exists a.(\neg P'(y', x') \vee \neg P'(z_3, a))))))$

8. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\forall x_3.(\exists z_3.(\exists z_2.((\neg P_1(i(a), i(x_3)) \vee I(i(z_3))) \wedge P_1(f(i(a), z_2), a)))))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o formă normală Skolem corespunzătoare acesteia?

- (a)  $(\forall z_3.((\neg P_1(i(a), i(x_3)) \vee I(i(z_3))) \rightarrow P_1(f(i(a), b), a)))$
- (b)  $(\forall x_3.((\neg P_1(i(a), i(x_3)) \vee I(i(k(x_3)))) \wedge P_1(f(i(a), j(x_3)), a)))$
- (c)  $(\forall z_3.((\neg P_1(i(a), i(x_3)) \vee I(i(a))) \vee P_1(f(i(a), k(a)), a)))$
- (d)  $(\exists z_3.(\exists z_2.((\neg P_1(i(a), i(a)) \vee I(i(z_3))) \wedge P_1(f(i(a), z_2), a))))$

9. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care problemă de unificare dintre cele de mai jos are cel puțin o soluție?

- (a)  $\{x \doteq f(i(x), z), g(i(y), i(a)) \doteq y\}$
- (b)  $\{z \doteq g(h(b), a), g(h(b), h(a)) \doteq x\}$
- (c)  $\{x \doteq f(b, i(x)), f(h(x), i(x)) \doteq y\}$
- (d)  $\{y \doteq f(h(b), h(a)), g(i(a), h(z)) \doteq y\}$

10. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următorul set de clauze:

$$\{P(k_1(z_2), z_2) \vee P(x_1, k_1(c)) \vee N'(k_1(x_1)), \neg N'(c) \vee \neg N'(f(c, x_1)), \neg P(c, f(y_3, c))\}.$$

Care dintre clauzele de mai jos poate fi obținut prin aplicarea unui singur pas de rezoluție?

- (a)  $N'(k_1(c)) \vee P(k_1(c), c)$
- (b)  $P(k_1(c), k_1(c)) \vee N'(k_1(k_1(c)))$
- (c)  $P(k_1(k_1(c)), k_1(c)) \vee N'(k_1(k_1(k_1(c))))$
- (d)  $P(k_1(z_2), z_2) \vee P(x_1, k_1(c))$

11. Redactați pe o foaie A4 rezolvarea pentru exercițiul de mai jos.

Găsiți o demonstrație formală pentru următoarea secvență:

$$\{(\exists x'. \neg(R'(x') \vee Q'(x'))), (\forall y_3. \neg(\neg R'(y_3) \wedge \neg Q'(y_3)))\} \vdash \perp$$

12. Redactați pe aceeași foaie A4 rezolvarea pentru exercițiul de mai jos și încărcați scanarea foi ca un fișier PDF.

Acest exercițiu este doar pentru acei studenți care nu au îndeplinit criteriile: C1, C3 sau C5.

Arătați că următoarea formulă propozițională este satisfiabilă folosind un raționament la nivel semantic:

$$(\neg q \wedge (p \rightarrow r)).$$