Cod: I195 Subject pentru EMANUELA

## Logică pentru Informatică

## Logica de ordinul I

## Examen - 25 Ianuarie 2022

Subject pentru studentul: FARC ELA

## Reguli:

- Citiți cu atenție subiectele.
- Subjectul este individual.
- Este permisă consultarea bibliografiei.
- Nu este permisă comunicarea cu alte persoane pentru rezolvarea subiectelor. Nu este permisă partajarea ciornelor sau rezolvărilor.
- Acolo unde se cere, scanați rezolvarea în format A4 într-un singur document PDF de maxim 2MB.

Înainte de a încărca soluția, verificați cu atenție calitatea scanării.

În cazul în care calitatea scanării este slabă, rezultatul va reflecta doar ce se observă în scanare fără efort.

• Soluția trebuie încărcată în documentul Google Forms de la adresa:

https://forms.gle/CvU6BrA9f1egLy5d8.

- Soluțiile transmise prin orice alt canal de comunicare (e.g., Discord, email) nu sunt acceptate.
- Formularul nu permite încărcarea soluțiilor care nu sunt în format PDF sau au mai mult de 2MB.

0. Introduceti următorul cod în formularul Google:

I195

Introduceți numele dumneavoastră în formularul Google:

FA

1. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea frază:

Există numere reale care sunt pătrate perfecte și nu sunt mai mari decât 0.

Care dintre formulele de mai jos poate fi o traducere fidelă a frazei de mai sus în LP1:

- (a)  $(\forall y.(C(y) \land (P_1(y) \land \neg S'(y))))$
- (b)  $(\exists z.(R(z) \lor (P_4(z) \lor \neg S'(z))))$
- (c)  $(\exists x. \neg (N(x) \land (P_3(x) \land \neg S_4(x))))$
- (d)  $(\exists z'.(N(z') \land (P_3(z') \land \neg S'(z'))))$
- 2. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este consecință semantică din mulțimea

$$\{(\forall x.(P(x) \rightarrow R(x)))\}$$
?

- (a)  $(\forall x.(P(x) \rightarrow (\forall y.R(y))))$
- (b)  $(\forall y.(\forall x.(P(x) \rightarrow R(y))))$
- (c)  $(\forall x.(P(x) \rightarrow (\exists y.R(y))))$
- (d)  $(\forall x.(\forall y.(P(x) \rightarrow R(y))))$
- 3. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este echivalentă cu

$$((\forall x.P(y)) \lor \neg(\forall x.\neg P(b)))?$$

- (a)  $(\neg(\forall x.P(b)) \rightarrow (\forall x.P(y)))$
- (b)  $\neg(\exists y. \neg(\neg P(x) \rightarrow \neg Q(y)))$
- (c)  $(\neg(\exists x.P(y)) \lor (\exists x.Q(x)))$
- (d)  $((\forall x.P(y)) \lor (\forall y.\neg Q(b)))$
- 4. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este nesatisfiabilă?

- (a)  $((\forall y.Q(x)) \land (\forall x.\neg Q(x)))$
- (b)  $(\forall y.(P(a) \land Q(x)))$
- (c)  $(\exists y. \neg (Q(b) \lor \neg P(b)))$
- (d)  $(\exists y. \neg (\neg P(b) \rightarrow \neg P(y)))$
- 5. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este validă?

Cod: I195 Subject

- (a)  $((\exists y. \neg P(y)) \lor \neg (\forall x. \neg P(a)))$
- (b)  $((\forall x. \neg Q(a)) \rightarrow \neg(\forall x. \neg Q(a)))$
- (c)  $(\neg(\exists x.\neg P(a)) \rightarrow (\exists x.\neg Q(y)))$
- (d)  $(\neg(\exists x.\neg Q(b)) \lor \neg(\forall y.\neg P(a)))$
- 6. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\neg P_1(y',a) \rightarrow (\forall y'. \neg (P_1(y',x') \land C'(y')))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o formă normală prenex a acesteia?

- (a)  $(\forall y'.(\neg(C'(y') \land P_1(y',x')) \lor P_1(z,a)))$
- (b)  $(\forall z.((C'(z) \land P_1(z,x')) \rightarrow P_1(z,a)))$
- (c)  $(\forall z.((C'(y') \land P_1(y',x')) \lor \neg P_1(y',a)))$
- (d)  $(\forall z.(\neg(C'(z) \land P_1(z,x')) \lor P_1(y',a)))$
- 7. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\forall y_1.(\neg P(i(y_2),i(y_1)) \lor \neg P(h(z_3,y_1),e))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o închidere existențială a acesteia?

- (a)  $(\exists e.(\forall y_1.(\neg P(i(y_2),i(y_1)) \lor \neg P(h(z_3,y_1),e))))$
- (b)  $(\forall y_2.(\forall z_3.(\forall y_1.(\neg P(i(y_2),i(y_1)) \lor \neg P(h(z_3,y_1),e)))))$
- (c)  $(\exists y_2.(\exists z_3.(\forall y_1.(\neg P(i(y_2),i(y_1)) \lor \neg P(h(z_3,y_1),e)))))$
- (d)  $(\forall y_1.(\exists y_2.(\exists z_3.(\neg P(i(y_2),i(y_1)) \lor \neg P(h(z_3,y_1),e)))))$
- 8. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\forall y. (\exists z. ((\neg P_4(i_1(e), g(e,y)) \land N(g(i_1(y), z))) \lor P_4(i_1(x), e))))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o formă normală Skolem corespunzătoare acesteia?

- (a)  $(\forall z.((\neg P_4(i_1(e),g(e,y)) \land N(g(i_1(y),k_1(x)))) \land P_4(i_1(e),e)))$
- (b)  $(\exists z. (\exists x. ((\neg P_4(i_1(e), g(e,z)) \land N(g(i_1(y),z))) \lor P_4(i_1(x),e))))$
- (c)  $(\forall z.((\neg P_4(i_1(e),g(e,y)) \land N(g(i_1(y),y))) \lor P_4(i_1(e),e)))$
- (d)  $(\forall y.((\neg P_4(i_1(e),g(e,y)) \land N(g(i_1(y),k_1(y)))) \lor P_4(i_1(j_1(y)),e)))$
- 9. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care problemă de unificare dintre cele de mai jos are cel puțin o soluție?

- (a)  $\{y \doteq f(a,h(a)), f(z,i(y)) \doteq x\}$
- (b)  $\{y \doteq f(a,x), g(x,b) \doteq y\}$
- (c)  $\{x \doteq f(h(a),z), f(h(y),i(a)) \doteq y\}$
- (d)  $\{y \doteq g(h(a),h(b)), g(h(x),i(z)) \doteq y\}$

Cod: I195 Subject

10. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următorul set de clauze:

$$\{P(i(y_2),y_2) \lor P(i(x_3),i(b)) \lor C'(i(i(x_3))), \neg C'(b), \neg P(b,i(h(x_2,b))) \lor \neg C'(h(b,b))\}.$$

Care dintre clauzele de mai jos poate fi obținut prin aplicarea unui singur pas de rezoluție?

- (a)  $P(i(x_3),i(i(b))) \vee P(i(y_2),y_2)$
- (b)  $P(i(y_2),y_2) \vee P(i(x_3),i(b))$
- (c)  $P(i(b),b) \vee C'(i(b))$
- (d)  $P(i(i(b)),i(b)) \vee C'(i(i(i(b))))$
- 11. Redactați pe o foaie A4 rezolvarea pentru exercițiul de mai jos.

Găsiți o demonstrație formală pentru următoarea secvență:

$$\left\{ \neg (\exists \mathsf{x}'.\mathsf{R}'(\mathsf{x}')), \neg (\forall \mathsf{x}'.\neg \mathsf{R}'(\mathsf{x}')) \right\} \vdash \bot$$

12. Redactați pe aceeași foaie A4 rezolvarea pentru exercițiul de mai jos și încărcați scanarea foii ca un fișier PDF.

Acest exercițiu este doar pentru acei studenți care nu au îndeplinit criteriile: C1, C3 sau C5.

Arătați că următoarea formulă propozițională este satisfiabilă folosind un raționament la nivel semantic:

$$((r_2 \vee p) \wedge \neg p).$$