Arhitectura calculatoarelor si sisteme de operare Rezolvari Exercitii Seminar 1

Vitel Silviu-Constantin

Transformati numarul n, din baza x in baza y:

- a) n = 1083, x = 10, y = 2
- b) n = 78, x = 10, y = 4
- c) n = 100, x = 10, y = 8
- d) n = 654, x = 10, y = 16
- e) n = 110011.11, x = 2, y = 10
- f) n = 10110101, x = 2, y = 10
- g) n = 13211, x = 4, y = 10
- h) n = 2365, x = 8, y = 10
- i) n = 652, x = 9, y = 10
- j) n = 2B57FF, x = 16, y = 10
- k) n = 10110101111, x = 2, y = 16
- I) n = 100210121, x = 3, y = 9
- m) n = 324, x = 7, y = 16
- n) n = 7E.2B, x = 16, y = 4

Reamintim un truc de convertire intre doua baze b_1 si b_2

• daca $b_1=(b_2)^k$, atunci fiecarui caracter din reprezentarea in baza b_1 ii corespund k caractere din reprezentarea in baza b_2 (notam proprietatea cu *)

Va puteti verifica rezultatele pe:

https://www.rapidtables.com/convert/number/ base-converter.html

Rezolvare a)

•
$$1083_{(10)} = ?_{(2)}$$

$$1083 / 2 = 541 \text{ rest } 1$$
 $541 / 2 = 270 \text{ rest } 1$
 $270 / 2 = 135 \text{ rest } 0$
 $135 / 2 = 67 \text{ rest } 1$
 $67 / 2 = 33 \text{ rest } 1$
 $33 / 2 = 16 \text{ rest } 1$
 $16 / 2 = 8 \text{ rest } 0$
 $8 / 2 = 4 \text{ rest } 0$
 $4 / 2 = 2 \text{ rest } 0$
 $2 / 2 = 1 \text{ rest } 0$
 $1 / 2 = 0 \text{ rest } 1$

Rezolvare b)

•
$$78_{(10)} = ?_{(4)}$$

$$78 / 4 = 19 \ rest \ 2$$
 $19 / 4 = 4 \ rest \ 3$
 $4 / 4 = 1 \ rest \ 0$
 $1 / 4 = 0 \ rest \ 1$
 $78_{(10)} = 1032_{(4)}$

Rezolvare c)

•
$$100_{(10)} = ?_{(8)}$$

$$100 / 8 = 12 \text{ rest } 4$$
 $12 / 8 = 1 \text{ rest } 4$
 $1 / 8 = 0 \text{ rest } 1$
 $100_{(10)} = 144_{(8)}$

Rezolvare d)

 \bullet 654₍₁₀₎ = ?₍₁₆₎

654 / 16 = 40 rest 14(E)
40 / 16 = 2 rest 8
2 / 16 = 0 rest 2

$$654_{(10)} = 28E_{(16)}$$

• Reminder: resturile se considera de jos in sus

Rezolvare e)

•
$$110011.11_{(2)} = ?_{(10)}$$

$$1_{(5)}1_{(4)}0_{(3)}0_{(2)}1_{(1)}1_{(0)}1_{(-1)}1_{(-2)}$$

$$110011.11_{(2)} = (1*2^5) + (1*2^4) + (0*2^3) + (0*2^2) + (1*2^1) + (1*2^0) + (0*2^{-1}) + (1*2^{-2}) =$$

 $51.75_{(10)}$

Rezolvare f)

•
$$10110101_{(2)} = ?_{(10)}$$

$$1_{(7)}0_{(6)}1_{(5)}1_{(4)}0_{(3)}1_{(2)}0_{(1)}1_{(0)}\\$$

$$10110101_{(3)} = (1*2^{7}) + (0*2^{6}) + (1*2^{5}) + (1*2^{4}) + (0*2^{3}) + (1*2^{2}) + (0*2^{1}) + (1*2^{0}) = 181_{(10)}$$

Rezolvare g)

•
$$13211_{(4)} = ?_{(10)}$$

$$\mathbf{1}_{(4)}\mathbf{3}_{(3)}\mathbf{2}_{(2)}\mathbf{1}_{(1)}\mathbf{1}_{(0)}$$

$$13211_{(4)} = (1*4^4) + (3*4^3) + (2*4^2) + (1*4^1) + (1*4^0) =$$

$$485_{(10)}$$

Rezolvare h)

$$2365_{(8)} = ?_{(10)}$$

$$2_{(3)}3_{(2)}6_{(1)}5_{(0)} \\$$

$$2365_{(8)} = (2*8^3) + (3*8^2) + (6*8^1) + (5*8^0) = \\ 1269_{(10)}$$

Vitel Silviu - Constantin

Rezolvare i)

•
$$652_{(9)} = ?_{(10)}$$

$$6_{(2)}5_{(1)}2_{(0)}$$

$$652_{(9)} = (6*9^2) + (5*9^1) + (2*9^0) = \\ 533_{(10)}$$

Rezolvare j)

•
$$2B57FF_{(16)} = ?_{(10)}$$

$$2_{(5)}B_{(4)}5_{(3)}7_{(2)}F_{(1)}F_{(0)} \\$$

$$2B57FF_{(16)} =$$

$$(2*16^{5}) + (B*16^{4}) + (5*16^{3}) + (7*16^{2}) + (F*16^{1}) + (F*16^{0}) =$$

$$(2*16^{5}) + (11*16^{4}) + (5*16^{3}) + (7*16^{2}) + (15*16^{1}) + (15*16^{0}) =$$

$$2840575_{(10)}$$

Vitel Silviu - Constantin

Rezolvare k)

- $1011010111_{(2)} = ?_{(16)}$
- prima varianta: trecem prin baza 10
- a doua varianta: utilizam proprietatea * amintita anterior
 - $16 = 2^4$, deci fiecarui caracter din reprezentarea in baza 16 ii corespund 4 caractere din reprezentarea in baza 2

$$001011010111_{(2)} = 2D7_{(16)}$$

- Observatii
 - gruparea cifrelor se face de la dreapta la stanga
 - pentru a putea forma grupele am adaugat doua cifre 0 la inceputul numarului in baza 2

Rezolvare I)

- $100210121_{(3)} = ?_{(9)}$
- prima varianta: trecem prin baza 10
- a doua varianta: utilizam proprietatea * amintita anterior
 - $9 = 3^2$, deci fiecarui caracter din reprezentarea in baza 9 ii corespund 2 caractere din reprezentarea in baza 3

$$0100210121_{(3)} = 10717_{(9)}$$

- Observatii
 - gruparea cifrelor se face de la dreapta la stanga
 - pentru a putea forma grupele am adaugat o cifra 0 la inceputul numarului in baza 3

Rezolvare m)

- $324_{(7)} = ?_{(16)}$
- nu putem utiliza trucul de mai sus
- trebuie sa trecem prin baza 10

Rezolvare m)

• $324_{(7)} = ?_{(10)}$

$$3_{(2)}2_{(1)}4_{(0)}$$

$$324_{(7)} = (3*7^2) + (2*7^1) + (4*7^0) = 165_{(10)}$$

• $165_{(10)} = ?_{(16)}$

$$165 / 16 = 10 \text{ rest } 5$$

 $10 / 16 = 0 \text{ rest } 10(A)$
 $165_{(10)} = A5_{(16)}$



Rezolvare n)

- $7E.2B_{(16)} = ?_{(4)}$
- prima varianta: trecem prin baza 10
- a doua varianta: utilizam proprietatea * amintita anterior
 - $16 = 4^2$, deci fiecarui caracter din reprezentarea in baza 16 ii corespund 2 caractere din reprezentarea in baza 4

$$7E.2B_{(16)} = 1332.0223_{(4)}$$

- Observatii
 - fiecare cifra din reprezentarea in baza 16 este asociata cu o grupare de doua cifre in baza 4