

Subject :

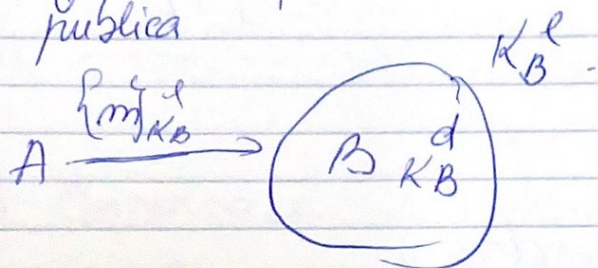
Date : .....

S.i. - curs 5

site git proiect

Criptografia cu chei publica

$(pk, sk)$   
↓  
publica      ↓  
privata



RSA, ElGamal

RSA  $\mathcal{O}((\log n)^3)$ , determinist

$$K_B^e = (n, e) \quad n = p \cdot q$$

e inversabil mod  $\phi(n) = (p-1)(q-1)$

$$K_B^d = (p, q, d) \quad d = e^{-1} \text{ mod } \phi(n)$$

$$c = \{m\}_{K_B^e} = m^e \text{ mod } n$$

minimum de securitate IND-CPA

parametrii e poate fi mare



Subject :

Date : .....

Dacă randomizez msg în RSA atunci  
 $RSA \in IND\text{-}CPA$

ElGamal randomizată deoarece  
mereu schimbăm  $b \in IND\text{-}CPA$   
 $O(\log^3 p)$

$$K_B^e = (p, g, g^a)$$

$p$  = număr prim

$g$  = generator mod  $p$

$a$  secret

$$K_B^d = (a)$$

$g^a \rightarrow$  a problema difilă

$$\{m\}_{K_B^e} = (g^e, m \cdot g^{ab})$$

$b$  ale la criptare

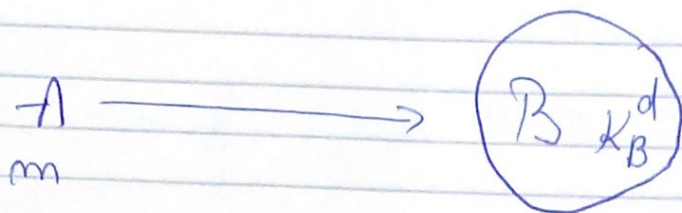
$$c = (c_1, c_2) = (g^e, m \cdot g^{ab})$$

$$g^{ab} = (g^a)^b$$



PKC = crypto sistem cu chei publice

PKC = poate fi de 1000 de ori mai lent  
decat SKE  
cu chei simetric



A remarcă la cheie simetrică  $K$

$$C_1 = \{K\} \ K_B^e$$

$$C_2 = \{m\} \ K$$

criptare  
hibridă

TLS, PGP, PSM, S/MIME

În cazul criptării hibride, SKE poate  
avea avantaj IND-CPA

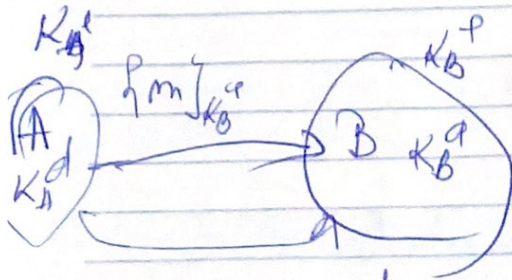
Deci nu PKC are IND-CPA  $\Rightarrow$

sistem hibrid are IND-CPA

Cu cât mesajul care se criptează este mai  
mic atunci criptarea este mai vulnerabilă



Signature digitale  
 (PK, SK) pt summa 5/2  
 pt criptare PK



$m, \{m\}_{K_A^p}$

Signature  
de mare

Seu digitală

1. nu depinde  
de document

2. se atașază doc

3. se verifică în fct  
de semnatar

4. cheie de verificare  
secretă

5. are dintr-o dată  
indiferent de doc

1. depinde de document

2. nu se atașează  
doc.

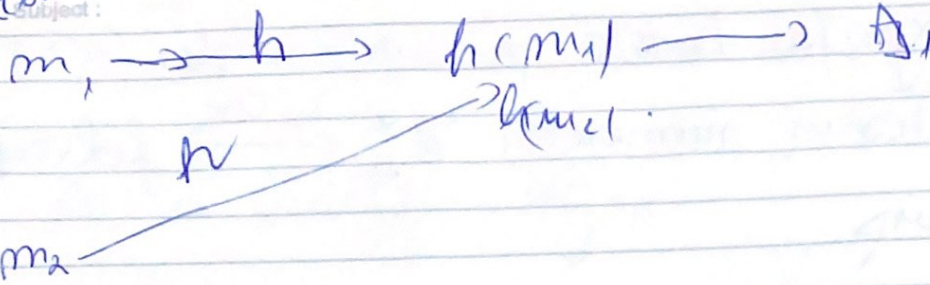
3. se verifică în fct  
de semnatar, n'  
de document

4. are cheie de  
verificare publică



existența la calculare

Date: ..... / ..... / .....



$$K \in \mathbb{Z}_{p-1} \quad \text{inverse}$$

$$m = a\delta + K\delta \pmod{p-1}$$

$$\delta = g^K \pmod{p}$$

$$O(\log^3 K)$$

$$\delta = (m - a\delta) K^{-1} \pmod{p-1}$$

Chia publică devine din  $a$  în  $a$  mai mare

Instante uoare ale unei prob gră  
pute fi rezolvate eficient



Subject :

Date : .....

Criptografie bazată pe curbe eliptice (ECC)  
 I.F. = Teoria numerelor  $\mathbb{Z}_n^+$   $\xleftrightarrow{\text{u. loc}}$  folosește  
 alt grup

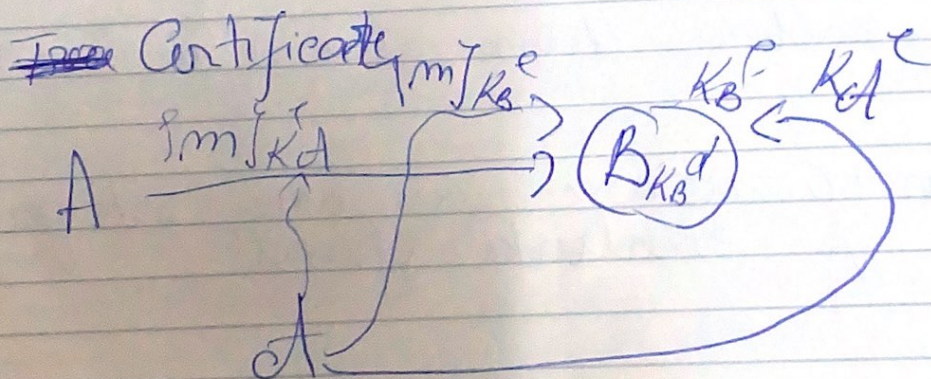
Prob. dificilă  $\longleftrightarrow$  Prob. ușoară

Acolo unde nu interesează curba acolo  
 avem p. la infinit

$\mathbb{P}^1 \subset \mathbb{Z}_p^*$

$g^a$

$a = ?$



sol. de a certifica cheia publică

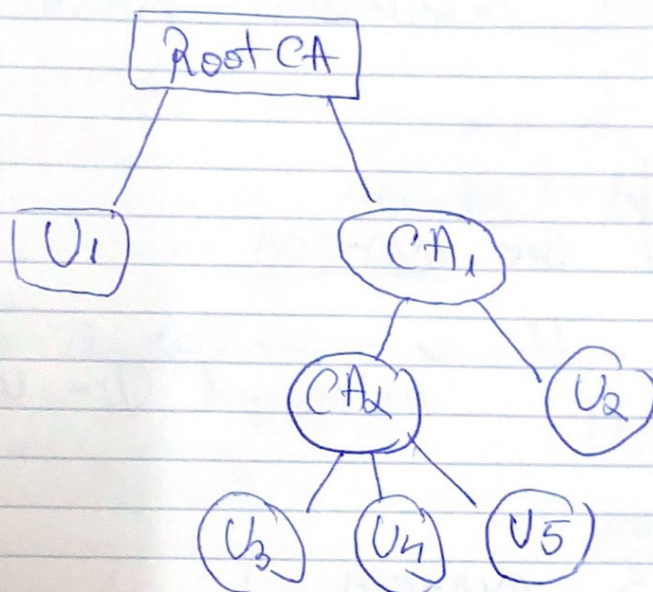
$C(B) = (ID(B), K_B^p, Info, sig_{TA})$



X.509 = format slide 24

A va verifica sig TA

merge la cheie publica a lui TA pt  
verificare



Latit de uncredor = latit de verif a certifi.

len = 7

Management sist cu chei publice = PKI  
infrastructura pt lucru cu chei publice

Criptografie bazata pe identitate

IBARE = met. de schimb cu chei bazate  
pe identitate