

Logică pentru Informatică

Logica de ordinul I

Examen - 25 Ianuarie 2022

Subiect pentru studentul: VARIANTA SUPLIMENTARA 38

Reguli:

- Citiți cu atenție subiectele.
- Subiectul este individual.
- Este permisă consultarea bibliografiei.
- Nu este permisă comunicarea cu alte persoane pentru rezolvarea subiectelor. Nu este permisă partajarea ciornelor sau rezolvărilor.
- Acolo unde se cere, scanați rezolvarea în format A4 într-un singur document PDF de maxim 2MB.

Înainte de a încărca soluția, verificați cu atenție calitatea scanării.

În cazul în care calitatea scanării este slabă, rezultatul va reflecta doar ce se observă în scanare fără efort.

- Soluția trebuie încărcată în documentul Google Forms de la adresa:

<https://forms.gle/CvU6BrA9f1egLy5d8>.

- Soluțiile transmise prin orice alt canal de comunicare (e.g., Discord, email) nu sunt acceptate.
- Formularul nu permite încărcarea soluțiilor care nu sunt în format PDF sau au mai mult de 2MB.

0. Introduceți următorul cod în formularul Google:

H590

Introduceți numele dumneavoastră în formularul Google:

VARIANTA SUPLIMENTARA 38

1. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea frază:

Toate numerele raționale sunt pătrate perfecte și nu sunt egale cu 0.

Care dintre formulele de mai jos poate fi o traducere fidelă a frazei de mai sus în LP1:

- (a) $(\forall y_2. \neg(C'(y_2) \leftrightarrow (P_1(y_2) \vee S'(y_2))))$
- (b) $(\forall z_3. (N(z_3) \rightarrow (P_3(z_3) \wedge \neg S_2(z_3))))$
- (c) $\neg(\exists z_1. (I'(z_1) \rightarrow (P_4(z_1) \vee S_4(z_1))))$
- (d) $(\forall x. (C(x) \rightarrow (P_4(x) \vee S_2(x))))$

2. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este consecință semantică din mulțimea

$$\{(\forall x. (R(x) \rightarrow P(x)))\}?$$

- (a) $(\forall x. (R(x) \rightarrow (\exists y. P(y))))$
- (b) $(\forall x. (\forall y. (R(x) \rightarrow P(y))))$
- (c) $(\forall x. (R(x) \rightarrow (\forall y. P(y))))$
- (d) $(\forall y. (\forall x. (R(x) \rightarrow P(y))))$

3. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este echivalentă cu

$$(\neg(\forall y. \neg Q(x)) \wedge \neg(\exists y. \neg Q(a)))?$$

- (a) $((\exists x. Q(x)) \vee (\exists x. Q(y)))$
- (b) $((\forall x. \neg P(y)) \wedge (\exists x. \neg P(b)))$
- (c) $(\neg(\forall x. \neg Q(a)) \wedge (\exists y. Q(x)))$
- (d) $((\exists y. \neg Q(a)) \vee (\forall y. P(y)))$

4. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este nesatisfiabilă?

- (a) $(\neg(\exists y. \neg P(y)) \wedge (\forall x. \neg P(y)))$
- (b) $(\neg(\forall x. \neg Q(a)) \vee \neg(\exists x. Q(x)))$
- (c) $(\exists x. (\neg P(x) \rightarrow Q(a)))$
- (d) $(\exists x. \neg(\neg Q(b) \wedge \neg Q(b)))$

5. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care formulă dintre cele de mai jos este validă?

- (a) $\neg(\exists x. \neg(Q(y) \wedge Q(x)))$
- (b) $((\exists x. P(y)) \vee (\exists x. \neg P(y)))$
- (c) $((\forall y. Q(x)) \vee (\forall x. \neg Q(a)))$
- (d) $\neg(\exists x. (\neg P(b) \vee P(y)))$

6. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$((\forall y_3. P_4(a, y_3)) \wedge (\exists y_3. P_4(f(y_3, x), x))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o formă normală prenex a acesteia?

- (a) $(\exists y_3. (\forall x_1. (P_4(f(y_3, x), x) \wedge P_4(a, x_1))))$
- (b) $(\exists y_3. (\forall x_1. (P_4(a, y_3) \wedge P_4(f(x_1, x), x))))$
- (c) $(\exists y_3. (\forall x_1. (P_4(f(x_1, x), x) \wedge P_4(a, y_3))))$
- (d) $(\forall y_3. (\exists x_1. (P_4(f(y_3, x), x) \wedge P_4(a, x_1))))$

7. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\forall x. (\neg P_4(h(x_3, x), e) \wedge P_4(j(y_3), j(x)))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o închidere existențială a acesteia?

- (a) $(\exists y_3. (\exists x_3. (\forall x. (\neg P_4(h(x_3, x), e) \wedge P_4(j(y_3), j(x)))))$
- (b) $(\exists y_3. (\exists x_3. (\exists e. (\forall x. (\neg P_4(h(x_3, x), e) \wedge P_4(j(y_3), j(x)))))$
- (c) $(\forall x. (\exists y_3. (\exists x_3. (\neg P_4(h(x_3, x), e) \wedge P_4(j(y_3), j(x)))))$
- (d) $(\exists e. (\forall x. (\neg P_4(h(x_3, x), e) \wedge P_4(j(y_3), j(x)))))$

8. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următoarea formulă:

$$(\forall z_2. (\exists z'. (\exists z. ((\neg P_1(i_1(b), f(b, z_2)) \vee N'(f(i_1(z_2), z')))) \wedge P_1(f(i_1(b), z), b))))).$$

Care dintre formulele de mai jos este o formă normală Skolem corespunzătoare acesteia?

- (a) $(\forall z'. ((\neg P_1(i_1(b), f(b, z_2)) \vee N'(f(i_1(z_2), e))) \rightarrow P_1(f(i_1(b), e), b)))$
- (b) $(\exists z'. (\exists z. ((\neg P_1(i_1(b), f(b, i(b))) \vee N'(f(i_1(z_2), z')))) \wedge P_1(f(i_1(b), z), b)))$
- (c) $(\forall z'. ((\neg P_1(i_1(b), f(b, z_2)) \vee N'(f(i_1(z_2), z')))) \rightarrow P_1(f(i_1(b), z'), b)))$
- (d) $(\forall z_2. ((\neg P_1(i_1(b), f(b, z_2)) \vee N'(f(i_1(z_2), i(z_2)))) \wedge P_1(f(i_1(b), k_1(z_2)), b)))$

9. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Care problemă de unificare dintre cele de mai jos are cel puțin o soluție?

- (a) $\{x \doteq f(i(a), i(y)), g(h(a), i(x)) \doteq x\}$
- (b) $\{y \doteq g(y, i(z)), f(y, h(z)) \doteq x\}$
- (c) $\{z \doteq g(a, i(z)), g(i(y), i(b)) \doteq y\}$
- (d) $\{z \doteq f(b, i(a)), g(h(a), h(y)) \doteq x\}$

10. Alegeți în formularul Google litera corespunzătoare răspunsului corect.

Considerăm următorul set de clauze:

$$\{\neg N'(g(c, c)) \vee \neg P_3(c, k_1(g(y', c))), \neg N'(g(c, k_1(z_3))) \vee \neg N'(c), \\ P_3(k_1(z_3), k_1(c)) \vee P_3(k_1(z_1), z_1) \vee N'(k_1(k_1(z_3)))\}.$$

Care dintre clauzele de mai jos poate fi obținut prin aplicarea unui singur pas de rezoluție?

- (a) $P_3(c, k_1(c)) \vee N'(k_1(c))$
- (b) $P_3(k_1(c), c) \vee N'(k_1(c))$
- (c) $P_3(k_1(k_1(c)), k_1(c)) \vee N'(k_1(k_1(k_1(c))))$
- (d) \perp

11. Redactați pe o foaie A4 rezolvarea pentru exercițiul de mai jos.

Găsiți o demonstrație formală pentru următoarea secvență:

$$\{(\exists x'. \neg(R(x') \vee S(x'))), (\forall y_3. \neg(\neg R(y_3) \wedge \neg S(y_3)))\} \vdash \\ \perp$$

12. Redactați pe aceeași foaie A4 rezolvarea pentru exercițiul de mai jos și încărcați scanarea foii ca un fișier PDF.

Acest exercițiu este doar pentru acei studenți care nu au îndeplinit criteriile: C1, C3 sau C5.

Arătați că următoarea formulă propozițională este satisfiabilă folosind un raționament la nivel semantic:

$$(\neg r_2 \vee (r_2 \wedge r)).$$