

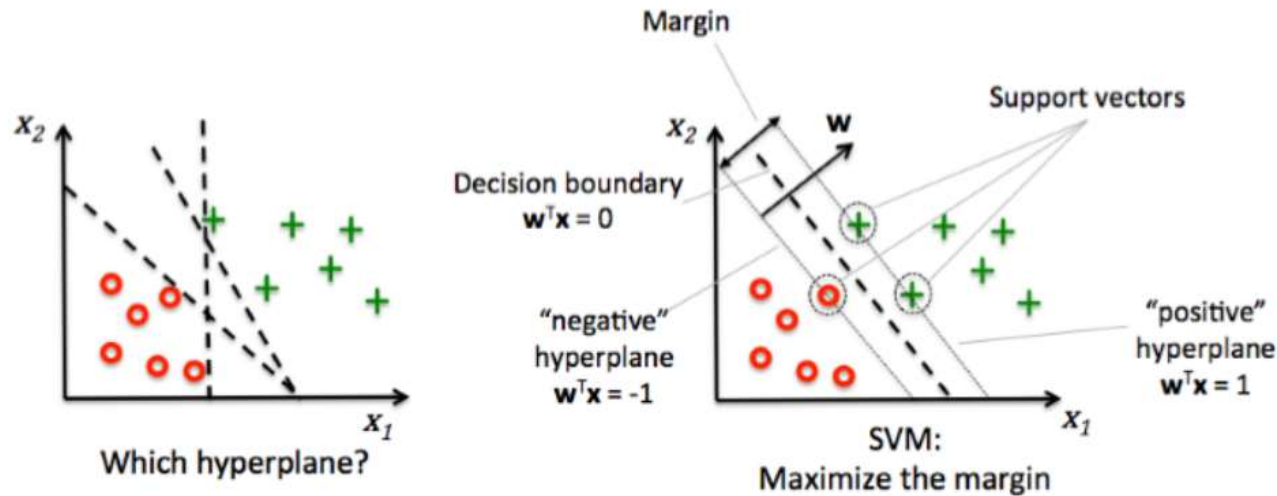
SVM

SVM(Support Vector Machine)



➤ SVM(Support Vector Machine)

- 로지스틱 회귀와 함께 분류를 위한 강력한 머신러닝 알고리즘
- 퍼셉트론의 개념을 확장하여 적용한 알고리즘
- 퍼셉트론이 분류 오류를 최소화하는 알고리즘인 반면 SVM은 margin을 최대가 되도록 하는 알고리즘
- margin은 분류를 위한 경계선과 이 경계선에 가장 가까운 트레이닝 데이터 사이의 거리를 의미
- 경계선에 가장 가까운 트레이닝 데이터들을 support vector라고 부릅니다.



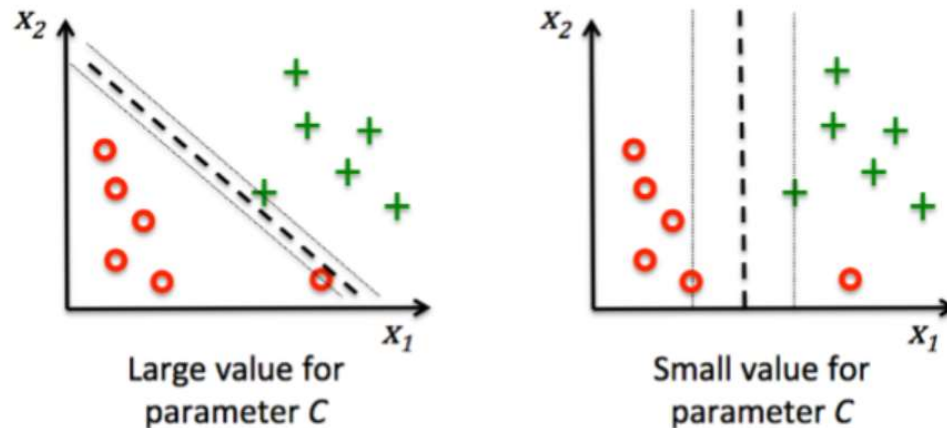
- 빨간색 원으로 표시된 집단과 초록색 더하기 기호로 표시된 집단을 분류하는 경계선은 다양하게 존재할 수 있습니다.
- SVM은 두 집단을 분류하는 경계선 중 support vector와의 거리가 가장 멀리 떨어져 있는 경계선을 찾아내는 알고리즘입니다.

SVM(Support Vector Machine)

➤ SVM(Support Vector Machine)

- SVM 알고리즘은 경계선에 가장 가까이 있는 support vector를 지나는 선과 거리가 최대가 되는 경계선을 구함으로써 그 목적을 달성하게 됩니다.
- 경계선은 다차원 공간의 초평면입니다.
- SVM이 퍼셉트론의 개념으로부터 출발하고 확장된 것이므로 입력되는 트레이닝 데이터, 입력값과 곱해지는 가중치와 관련됩니다.
- j 는 트레이닝 데이터의 특성값의 개수가 그 범위가 되며, i 는 트레이닝 데이터의 개수가 그 범위가 됩니다.
- C 는 로지스틱 회귀에서 설명했던 정규화와 관련된 상수와 비슷한 개념이며 ξ 는 여유 변수(slack variables)라고 부르는 변수는 분류 오류가 생기는 데이터에 적절한 패널티를 부여함으로써 비선형적으로 분리되는 모델을 완화시켜 최적화된 수렴값을 가지도록 하기 위한 선형 제약(linear constraints)값입니다.
- C 값을 변화시키면 알고리즘이 결정하는 경계선이 달라집니다.

$$\frac{1}{2} \sum_j w_j^2 + C \sum_i \xi^{(i)}$$



SVM(Support Vector Machine)

➤ 선형 분류기 훈련

- 초평면은 n 차원 공간에 있는 $n-1$ 부분 공간으로 정의합니다.
- SVM은 훈련 데이터를 분류하기 위해 클래스 사이의 마진을 최대화하는 초평면을 찾습니다.
- 사이킷런의 LinearSVC는 클래스 사이 마진이 최대화되는 초평면을 찾습니다. (초평면은 새로운 샘플을 분류하기 위한 결정 경계입니다.)
- 초평면의 마진을 최대화하는 SVC와 분류 오차를 최소화하는 것 사이에 균형을 잡아야 합니다.
- SVC 모델의 매개변수 C 는 잘못 분류된 데이터 포인트에 부여하는 페널티입니다.
- C 가 작으면 분류기는 잘못 분류된 데이터 포인트를 허용합니다
- C 가 크면 분류기는 잘못 분류된 데이터에 큰 페널티를 부과합니다.

```
from sklearn.svm import LinearSVC
from sklearn import datasets
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
import numpy as np

iris = datasets.load_iris() # 데이터 로드
features = iris.data[:100,:2] # 두 개의 클래스와 두 개의 특성만 선택
target = iris.target[:100]

scaler = StandardScaler() # 특성 표준화
features_standardized = scaler.fit_transform(features)
svc = LinearSVC(C=1.0) # 서포트 벡터 분류기 생성
model = svc.fit(features_standardized, target) # 모델 훈련
```

SVM(Support Vector Machine)

➤ 선형 분류기 훈련

- LinearSVC 클래스는 예측 확률을 제공하지는 않지만 `decision_function()`를 사용해 분류에 대한 신뢰도를 확인할 수 있습니다.

```
from matplotlib import pyplot as plt

# 클래스를 색으로 구분한 산점도를 그립니다.
color = ["black" if c == 0 else "lightgrey" for c in target]
plt.scatter(features_standardized[:,0], features_standardized[:,1], c=color)

w = svc.coef_[0] # 초평면을 만듭니다.
a = -w[0] / w[1]
xx = np.linspace(-2.5, 2.5)
yy = a * xx - (svc.intercept_[0]) / w[1]

plt.plot(xx, yy) # 초평면을 그립니다.
plt.axis("off"), plt.show();

new_observation = [[ -2, 3]] # 새로운 샘플을 만듭니다.

svc.predict(new_observation) # 새로운 샘플의 클래스를 예측
svc.decision_function(new_observation)
```

SVM(Support Vector Machine)

➤ 커널을 사용해 선형적으로 구분되지 않는 클래스 다루기

- 클래스가 선형적으로 구분되지 않을 때 비선형 결정 경계를 만들기 위해 커널 함수를 사용한 서포트 벡터 머신으로 훈련합니다.

```
from sklearn.svm import SVC
from sklearn import datasets
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
import numpy as np

np.random.seed(0) # 랜덤 시드를 지정
features = np.random.randn(200, 2) # 두 개의 특성을 만듭니다.

# XOR 연산(이것이 무엇인지 알 필요는 없습니다)을 사용하여
# 선형적으로 구분할 수 없는 클래스를 만듭니다.
target_xor = np.logical_xor(features[:, 0] > 0, features[:, 1] > 0)
target = np.where(target_xor, 0, 1)

# 방사 기저 함수 커널을 사용한 서포트 벡터 머신을 만듭니다.
svc = SVC(kernel="rbf", random_state=0, gamma=1, C=1)

model = svc.fit(features, target) # 분류기 훈련
```

SVM(Support Vector Machine)

- 커널을 사용해 선형적으로 구분되지 않는 클래스 다루기

```
# 샘플과 결정 경계를 그립니다.
from matplotlib.colors import ListedColormap
import matplotlib.pyplot as plt

def plot_decision_regions(X, y, classifier):
    cmap = ListedColormap(("red", "blue"))
    xx1, xx2 = np.meshgrid(np.arange(-3, 3, 0.02), np.arange(-3, 3, 0.02))
    Z = classifier.predict(np.array([xx1.ravel(), xx2.ravel()]).T)
    Z = Z.reshape(xx1.shape)
    plt.contourf(xx1, xx2, Z, alpha=0.1, cmap=cmap)

    for idx, cl in enumerate(np.unique(y)):
        plt.scatter(x=X[y == cl, 0], y=X[y == cl, 1],
                    alpha=0.8, c=cmap.colors[idx],
                    marker="+", label=cl)

# 선형 커널을 사용한 서포트 벡터 분류기를 만듭니다.
svc_linear = SVC(kernel="linear", random_state=0, C=1)
svc_linear.fit(features, target) # 모델 훈련
plot_decision_regions(features, target, classifier=svc_linear) # 샘플과 초평면을 그립니다.
plt.axis("off"); plt.show();
```

SVM(Support Vector Machine)

➤ 예측 확률 계산

- 사이킷런의 SVC 클래스를 사용할 때 probability=True로 지정하여 모델을 훈련하면 predict_proba()에서 보정된 확률을 확인할 수 있습니다.

```
from sklearn.svm import SVC
from sklearn import datasets
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
import numpy as np

iris = datasets.load_iris() # 데이터 로드
features = iris.data
target = iris.target

scaler = StandardScaler() # 특성 표준화
features_standardized = scaler.fit_transform(features)

# 서포트 벡터 분류기 객체 생성
svc = SVC(kernel="linear", probability=True, random_state=0)
model = svc.fit(features_standardized, target) # 분류기 훈련
new_observation = [[.4, .4, .4, .4]] # New Sample Data
model.predict_proba(new_observation) # 예측 확률 확인
```


SVM(Support Vector Machine)

➤ 서포트 벡터 식별

- 사이킷런의 SVC를 훈련하고 support_vectors_를 사용하여 모델에 있는 서포트 벡터를 식별할 수 있습니다.
- support_ 속성을 사용하여 서포트 벡터의 인덱스를 확인할 수 있습니다.

```
from sklearn.svm import SVC
from sklearn import datasets
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
import numpy as np

iris = datasets.load_iris() #데이터 로드
features = iris.data[:100,:] #두 개의 클래스만 선택
target = iris.target[:100]

scaler = StandardScaler() # 특성을 표준화
features_standardized = scaler.fit_transform(features)

svc = SVC(kernel="linear", random_state=0) # 서포트 벡터 분류기 객체 생성
model = svc.fit(features_standardized, target) # 분류기 훈련

model.support_vectors_ # 서포트 벡터를 확인
model.support_
```



SVM(Support Vector Machine)

➤ 불균형한 클래스 다루기

- `class_weight` 매개변수를 사용하여 작은 클래스를 잘못 분류했을 때 페널티를 증가시킵니다.

```
from sklearn.svm import SVC
from sklearn import datasets
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
import numpy as np

iris = datasets.load_iris() #데이터 로드
features = iris.data[:100,:] #두 개의 클래스만 선택
target = iris.target[:100]
features = features[40:,:] # 처음 40개 샘플을 제거
target = target[40:] #불균형한 클래스를 만듭니다.

# 타깃 벡터에서 0이 아닌 클래스는 모두 1로 만듭니다.
target = np.where((target == 0), 0, 1)
scaler = StandardScaler() # 특성을 표준화
features_standardized = scaler.fit_transform(features)

svc = SVC(kernel="linear", class_weight="balanced", C=1.0, random_state=0)
model = svc.fit(features_standardized, target) # 분류기 훈련
```