

# Labo Signaalverwerking

Dries Kennes (R0486630)

May 8, 2018

## Opdracht 2A: Analyse v.e. actieve filtertrap

### Specificatie

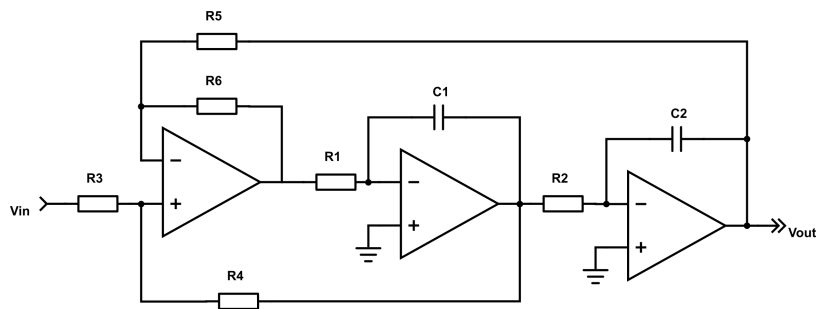


Figure 1: Het schema.

- **Low Pass KHN - Non Inverting** (schema nr 5)
- Filter is een *LDL*
  - $|H(0)| = 6dB$
  - $|H(10kHz)| = -34dB$
  - $Q_p = 4$

### Analyse

#### 1. Bepaal de DC- en HF-weergave

##### DC

Bij DC zijn condensatoren open kring, dus wordt de versterking bepaald door de feedback weerstanden  $R_4$ ,  $R_5$ , en  $R_6$ . Dit is dus een vaste versterking.  $|H(DC)| = A$ .

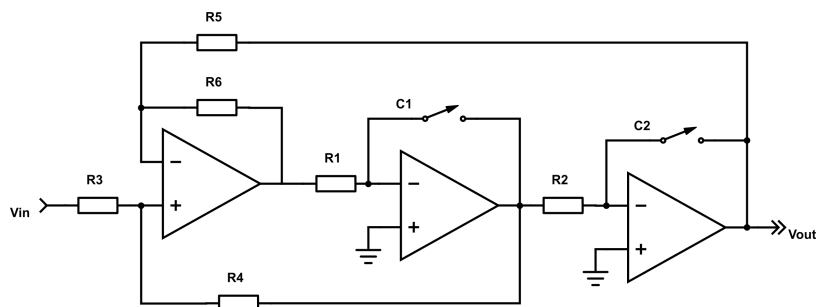


Figure 2: Schema met alle condensatoren open kring.

## HF

Bij HF ( $f = \infty$ ) zijn de condensatoren kortsluitingen, dus wordt het signaal volledig onderdrukt door de feedback lussen  $C_1$  en  $C_2$ .  $|H(HF)| = -\infty dB$

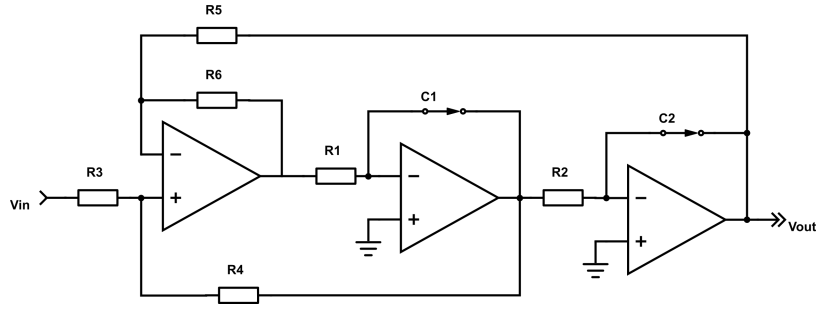


Figure 3: Schema met alle condensatoren kortgesloten.

## 2. Bepaal de transferfunctie

Ik heb de transfer functie uitgerekend door het schema op te splitsen in twee integrators en de eerste opamp.

### De integrators

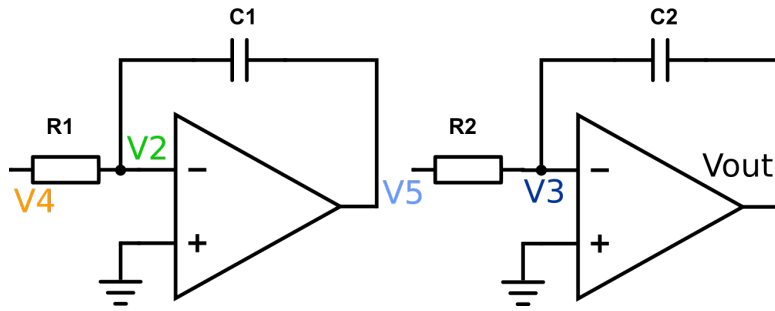


Figure 4: Deel van het schema met de integrators.

De algemene formule voor een integrator is  $v_o = \frac{-v_1}{sRC}$ . Voor deze twee specifieke gevallen:  $v_5 = \frac{-v_4}{sR_1C_1}$  en  $v_{out} = \frac{-v_5}{sR_2C_2}$ . Gecombineerd:  $v_{out} = \frac{v_4}{s^2R_1C_1R_2C_2}$  of  $v_4 = s^2R_1R_2C_1C_2v_{out}$

### Superpositie

**Geval 1:**  $v_{in}, v_{out} = v_5 = 0$

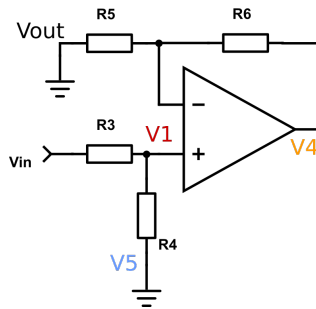


Figure 5: Superpositie schema geval 1

De opamp is nu een niet inverterende versterker.  $v_4 = v_1 \cdot (1 + \frac{R_6}{R_5})$   $v_1 = v_{in} \cdot \frac{R_4}{R_3 + R_4} \Rightarrow v_4 = v_{in} \cdot \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot (1 + \frac{R_6}{R_5}) = v_{in} \cdot \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5}$

**Geval 2:**  $v_5, v_{out} = v_{in} = 0$

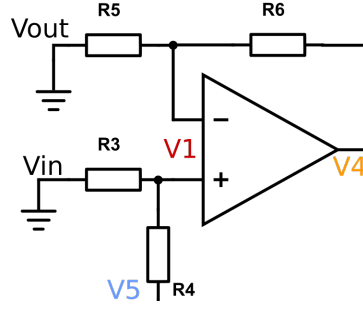


Figure 6: Superpositie schema geval 2

De opamp is nu een niet inverterende versterker.

$$v_4 = v_1 \cdot \left(1 + \frac{R_6}{R_5}\right) \quad v_1 = v_5 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \Rightarrow v_4 = v_5 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \left(1 + \frac{R_6}{R_5}\right) = v_5 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5}$$

**Geval 3:**  $v_{out}, v_5 = v_{in} = 0$

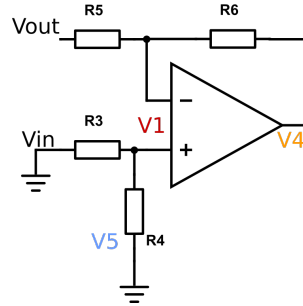


Figure 7: Superpositie schema geval 3

De opamp is nu een inverterende versterker.

$$v_4 = -\frac{R_6}{R_5} \cdot v_{out}$$

**Totaal**

$$v_4 = \sum v_4 = v_{in} \cdot \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} + v_5 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} + \frac{-R_6}{R_5} \cdot v_{out}$$

$$v_{in} \cdot \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} = -v_5 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} + \frac{R_6}{R_5} \cdot v_{out} + v_4$$

Vervang in deze formule  $v_5$  en  $v_4$  door de formules van de twee integrators:

$$v_{in} \cdot \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} = v_{out} \cdot \left(s R_2 C_2 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} + \frac{R_6}{R_5} + s^2 R_1 R_2 C_1 C_2 v\right)$$

$$\frac{v_{in}}{v_{out}} \cdot \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} = s^2 R_1 R_2 C_1 C_2 + s R_2 C_2 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} + \frac{R_6}{R_5}$$

$$\frac{v_{out}}{v_{in}} = \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} \cdot \frac{1}{s^2 R_1 R_2 C_1 C_2 + s R_2 C_2 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} + \frac{R_6}{R_5}}$$

$$\frac{v_{out}}{v_{in}} = \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_5} \cdot \frac{1}{\frac{R_6}{R_5} \cdot \left(s^2 \cdot \frac{R_1 R_2 C_1 C_2 R_5}{R_6} + s R_2 C_2 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_6} + 1\right)}$$

**Het resultaat:**  $H(s) = \frac{v_{out}}{v_{in}} = \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_6} \cdot \frac{1}{s^2 \cdot \frac{R_1 R_2 C_1 C_2 R_5}{R_6} + s R_2 C_2 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_6} + 1}$

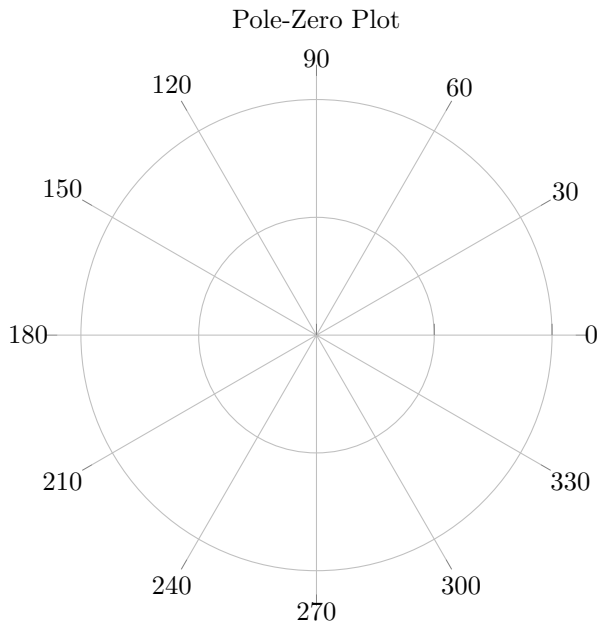
### 3. Vergelijk transfer functie met de algemene

Algemene vorm LDL filter:  $H(s) = K \frac{1}{\left(\frac{s}{\omega_n}\right)^2 + \frac{1}{Q} \left(\frac{s}{\omega_n}\right) + 1}$

- $K = \frac{R_4}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_5 + R_6}{R_6}$
- $\frac{1}{\omega_n^2} = \frac{C_1 C_2 R_1 R_2 R_5}{R_6}$
- $\frac{1}{Q \omega_n} = C_2 R_2 \cdot \frac{R_3}{R_4 + R_3} \cdot \frac{R_5 + R_6}{R_6}$

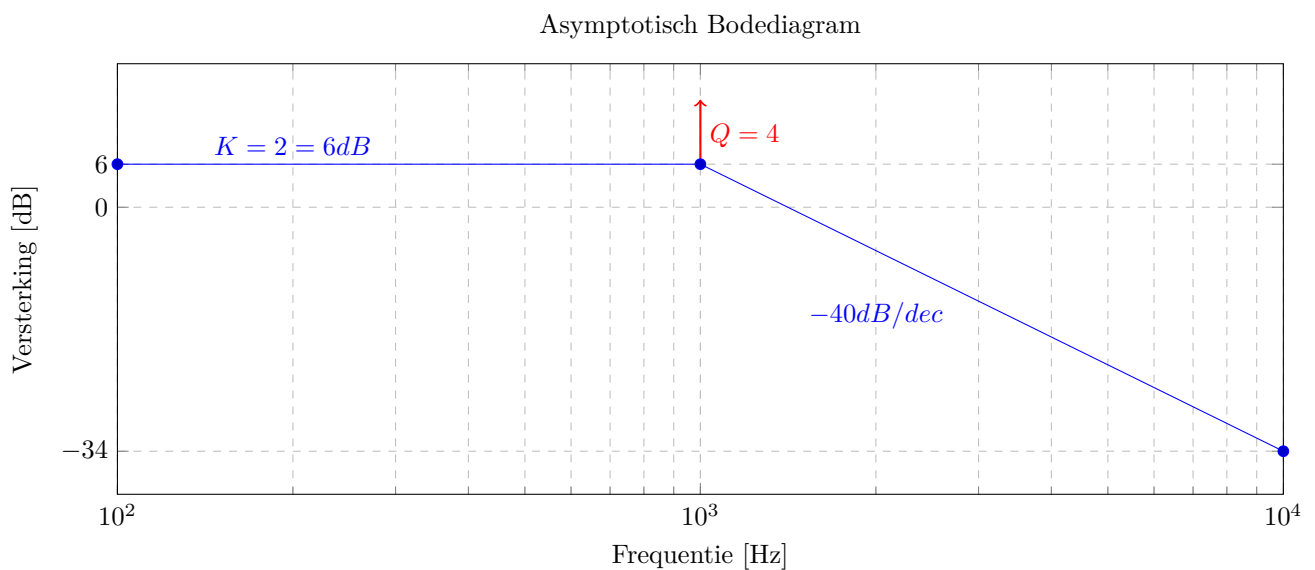
#### 4. Pole-zero plot

- Geen zeros
- Wel polen, namelijk  $s^2 \cdot \frac{R_1 R_2 C_1 C_2 R_5}{R_6} + s R_2 C_2 \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot \frac{R_6 + R_5}{R_6} + 1 = 0$



ToDo: Grafiek

#### 5. Frequentiegedrag



De lijn van  $-40dB/dec$ , het beginpunt bij  $10kHz$ ,  $-34dB$ , en het filtertype (LDF) laat toe  $f_n$  te berekenen. We moeten  $40dB$  zakken van  $6dB$  tot  $-34dB$ , dit is dus 1 decade, ofwel  $f_n = 1000Hz$ .

ToDo: Bespreek ligging polen

#### 5. Tijdsgedrag

ToDo: Dit heel deel ToDo: Grafiek ToDo: Bespreek ligging polen

## Synthese

### Ontwerpvergelijkingen

Kies:  $+ C_2 = c^{te} = 1$  Kies  $C_2$  omdat van  $C_1$  makkelijker een ontwerpvergelijking te vinden is.  $+ R = R_1 = R_2 = R_3 = R_4 = R_6$   $R_5$  variabel omdat die enkel in tellers zit. Dit maakt ontwerpvergelijkingen makkelijker.

De transfer functie wordt dan:

$$H(s) = \frac{R+R_5}{2R} \cdot \frac{1}{s^2 R C_1 C_2 R_5 + s \cdot (R+R_5) \cdot \frac{C_2}{2} + 1}$$

Met de vergelijkingen van uit de transfer functie:  $+ K = \frac{R_4}{R_3+R_4} \cdot \frac{R_5+R_6}{R_6} + \frac{1}{\omega_n^2} = \frac{C_1 C_2 R_1 R_2 R_5}{R_6} + \frac{1}{Q \omega_n} = C_2 R_2 \cdot \frac{R_3}{R_4+R_3} \cdot \frac{R_5+R_6}{R_6}$

Geeft:

- $K = \frac{R}{2R} \cdot \frac{R_5+R}{R} = \frac{R_5+R}{2R} \Rightarrow R_5 + R = 2KR \Rightarrow R_5 = R(2K - 1)$
- $\frac{1}{\omega_n^2} = \frac{C_1 C_2 R^2 R_5}{R} = C_1 C_2 R R_5 \Rightarrow C_1 = \frac{1}{\omega_n^2 C_2 R_5 R}$
- $\frac{1}{Q \omega_n} = C_2 R_2 \cdot \frac{R_3}{R_4+R_3} \cdot \frac{R_5+R_6}{R_6} = C_2 R \cdot \frac{R}{2R} \cdot \frac{R_5+R}{R} = \frac{C_2(R_5+R)}{2} \Rightarrow Q = \frac{2}{\omega_n C_2 2KR} \Rightarrow R = \frac{1}{Q \omega_n C_2 K}$

De ontwerpvergelijkingen:

- $R = \frac{1}{Q \omega_n C_2 K}$
- $R_5 = R(2K - 1)$
- $C_1 = \frac{1}{\omega_n^2 C_2 R_5 R}$

### Impedantieschaling

Waarden zonder impedantieschaling:

- $R = 0.0000198943... \Omega$
- $R_5 = 0.0000596831... \Omega$
- $C_1 = 21.33... F$
- $C_2 = 1 F$

Met schalingsfactor  $10^9$ :

- $R = R * ISF = 19894.36... = 19.89 k\Omega$
- $R_5 = R_5 * ISF = 59683.10... = 59.68 k\Omega$
- $C_1 = \frac{C_1}{ISF} = 0.000000021333... = 21.33 nF$
- $C_2 = \frac{C_2}{ISF} = 0.000000001 = 1 nF$