

# Stereometrie

Jaroslav Drobek

[jaroslav.drobek@goa-orlova.cz](mailto:jaroslav.drobek@goa-orlova.cz)

Gymnázium a Obchodní akademie Orlová

## 4. Metrické úlohy

GOA –  
ORLOVA.CZ

# Odchylky přímek

## Základní pravidla:

- ▶ **Odchylka dvou různoběžných přímek je velikost každého z ostrých nebo pravých úhlů, které přímky spolu svírají.**

# Odchylky přímek

## Základní pravidla:

- ▶ Odchylka dvou různoběžných přímek je velikost každého z ostrých nebo pravých úhlů, které přímky spolu svírají.
- ▶ Odchylka dvou rovnoběžných přímek je  $0^\circ$ .

# Odchylky přímek

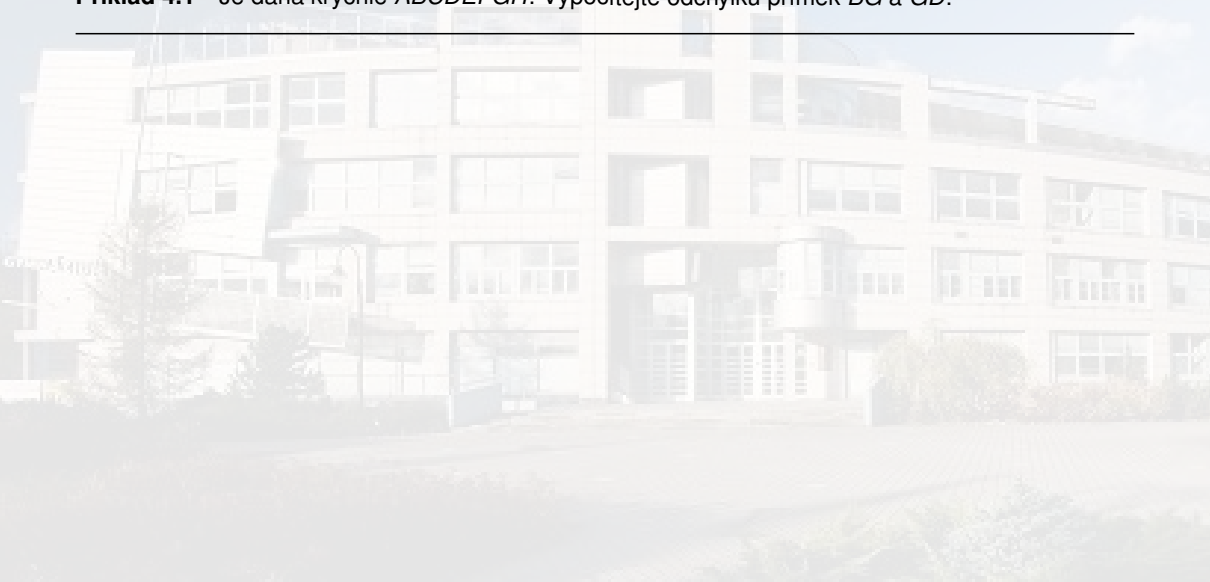
## Základní pravidla:

- ▶ Odchylka dvou různoběžných přímek je velikost každého z ostrých nebo pravých úhlů, které přímky spolu svírají.
- ▶ Odchylka dvou rovnoběžných přímek je  $0^\circ$ .
- ▶ Odchylka dvou mimoběžných přímek je odchylka různoběžných přímek vedených libovolným bodem prostoru rovnoběžně s danými mimoběžkami.

# Odchyly přímek

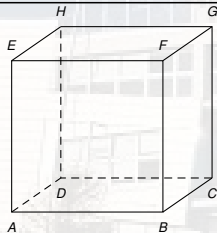
**Příklad 4.1** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BG$  a  $GD$ .

---



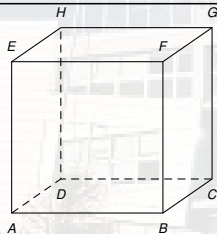
# Odchyly přímek

**Příklad 4.1** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BG$  a  $GD$ .



## Odchyly přímek

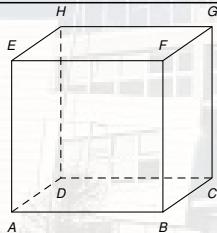
**Příklad 4.1** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BG$  a  $GD$ .



►  $\triangle BGD$  je rovnostranný

## Odchyly přímek

**Příklad 4.1** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BG$  a  $GD$ .

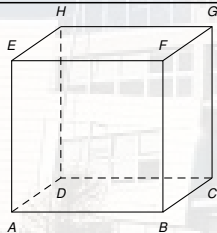


- ▶  $\triangle BGD$  je rovnostranný
- ▶  $|\sphericalangle BGD| = 60^\circ$



## Odchyly přímek

**Příklad 4.1** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BG$  a  $GD$ .

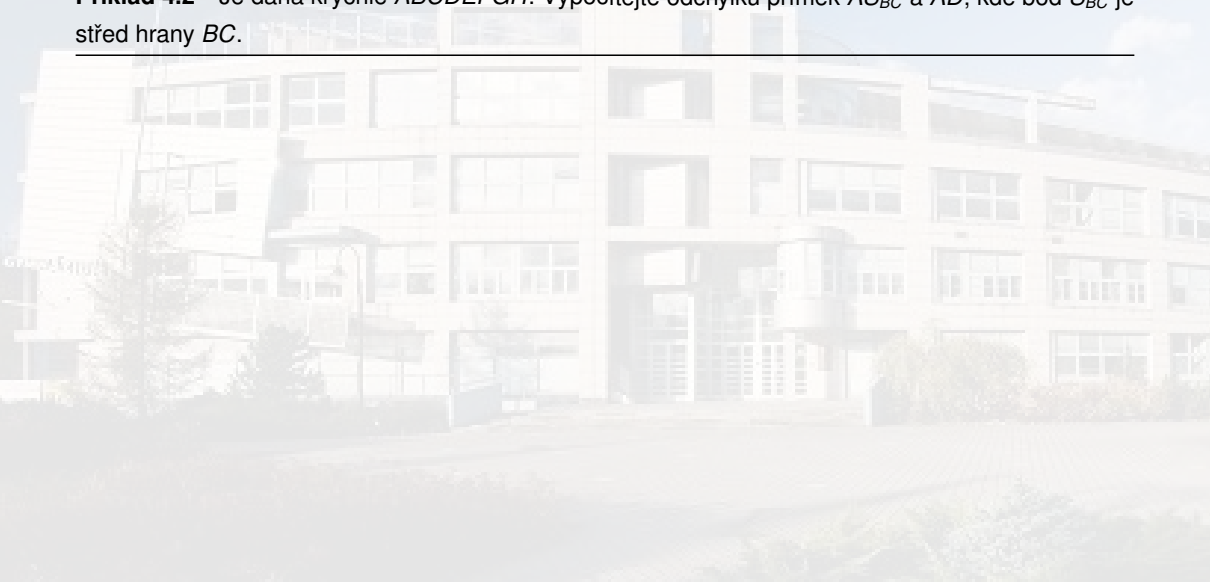


- ▶  $\triangle BGD$  je rovnostranný
- ▶  $|\sphericalangle BGD| = 60^\circ$
- ▶  $|\sphericalangle(BG, GD)| = 60^\circ$

# Odchyly přímek

**Příklad 4.2** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $AS_{BC}$  a  $AD$ , kde bod  $S_{BC}$  je střed hrany  $BC$ .

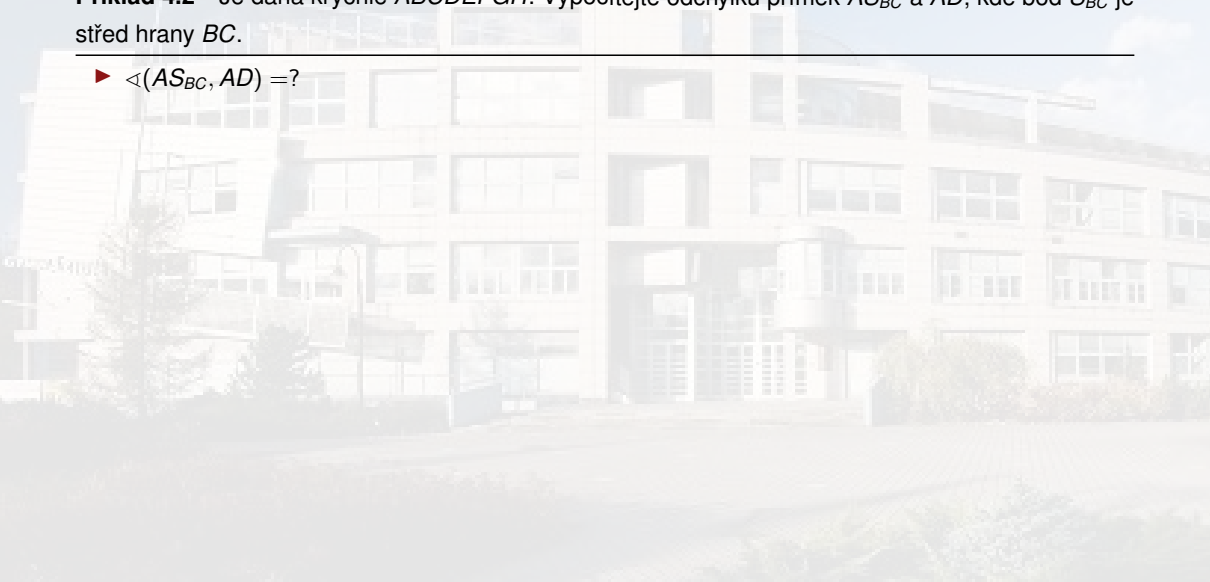
---



# Odchyly přímek

**Příklad 4.2** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $AS_{BC}$  a  $AD$ , kde bod  $S_{BC}$  je střed hrany  $BC$ .

►  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$



# Odchyly přímek

**Příklad 4.2** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchylku přímek  $AS_{BC}$  a  $AD$ , kde bod  $S_{BC}$  je střed hrany  $BC$ .

- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$

# Odchyly přímek

**Příklad 4.2** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchylku přímek  $AS_{BC}$  a  $AD$ , kde bod  $S_{BC}$  je střed hrany  $BC$ .

- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶  $\triangle ABS_{BC}$  je pravoúhlý

# Odchytky přímek

**Příklad 4.2** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $AS_{BC}$  a  $AD$ , kde bod  $S_{BC}$  je střed hrany  $BC$ .

- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶  $\triangle ABS_{BC}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$

# Odchytky přímek

**Příklad 4.2** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $AS_{BC}$  a  $AD$ , kde bod  $S_{BC}$  je střed hrany  $BC$ .

- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶  $\triangle ABS_{BC}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ potom  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přílehlá}} = \frac{|AB|}{|BS_{BC}|} = \frac{|AB|}{\frac{|AB|}{2}} = 2$

## Odchytky přímek

**Příklad 4.2** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchylku přímek  $AS_{BC}$  a  $AD$ , kde bod  $S_{BC}$  je střed hrany  $BC$ .

- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶  $\triangle ABS_{BC}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ potom  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{|AB|}{|BS_{BC}|} = \frac{|AB|}{\frac{|AB|}{2}} = 2$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici  $\operatorname{tg} \alpha = 2$   
 $\alpha = \arctg 2$   
 $\alpha = 63,43^\circ$



## Odchyly přímek

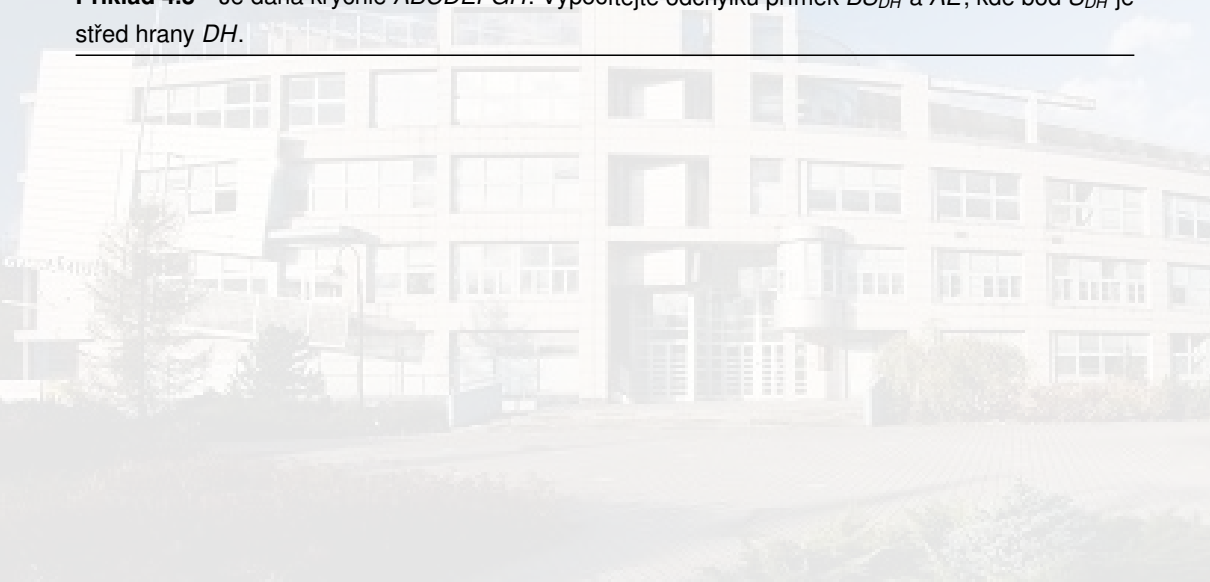
**Příklad 4.2** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchylku přímek  $AS_{BC}$  a  $AD$ , kde bod  $S_{BC}$  je střed hrany  $BC$ .

- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶  $\triangle ABS_{BC}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ potom  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{|AB|}{|BS_{BC}|} = \frac{|AB|}{\frac{|AB|}{2}} = 2$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici  $\operatorname{tg} \alpha = 2$   
 $\alpha = \arctg 2$   
 $\alpha = 63,43^\circ$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = 63,43^\circ$

# Odchyly přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

---

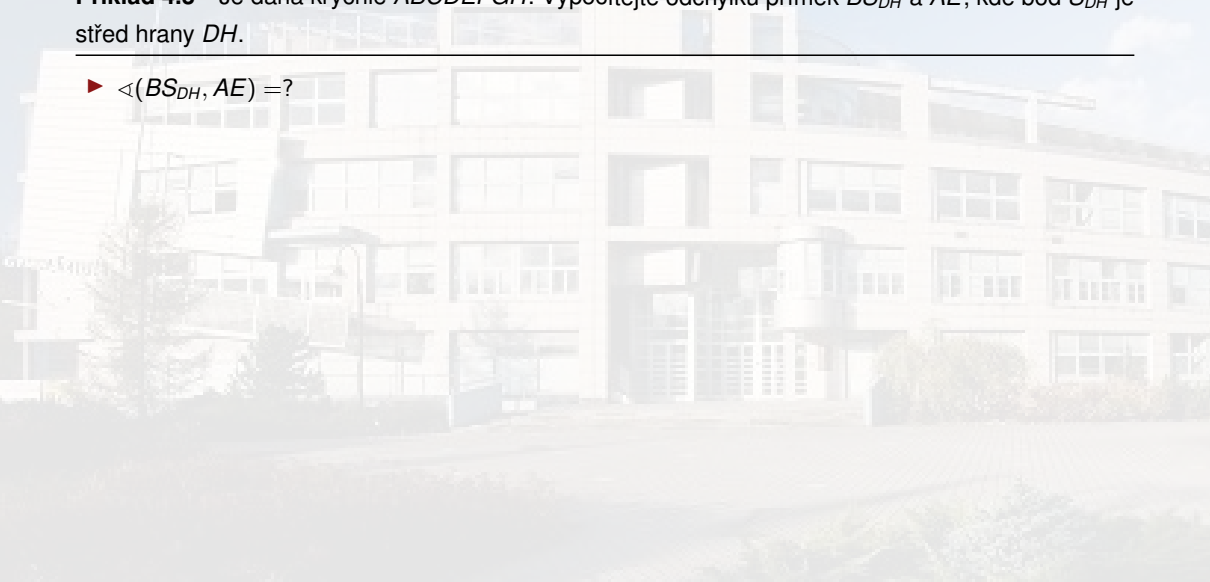


# Odchytky přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

---

►  $\angle(BS_{DH}, AE) = ?$



# Odchyly přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchylku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

---

- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$

# Odchyly přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchylku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

---

- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶  $\triangle BDS_{DH}$  je pravoúhlý

# Odchytky přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶  $\triangle BDS_{DH}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$ ,  $a = |AB|$

## Odchytky přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶  $\triangle BDS_{DH}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$ ,  $a = |AB|$
- ▶ potom  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$

## Odchytky přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶  $\triangle BDS_{DH}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$ ,  $a = |AB|$
- ▶ potom  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici  $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$   
 $\alpha = \operatorname{arctg} 2\sqrt{2}$   
 $\alpha = 70,53^\circ$



## Odchytky přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶  $\triangle BDS_{DH}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$ ,  $a = |AB|$
- ▶ potom  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici  $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$ 

$\alpha = \operatorname{arctg} 2\sqrt{2}$  $\alpha = 70,53^\circ$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = 70,53^\circ$

## Odchytky přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶  $\triangle BDS_{DH}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$ ,  $a = |AB|$
- ▶ potom  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici  $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$   
 $\alpha = \operatorname{arctg} 2\sqrt{2}$   
 $\alpha = 70,53^\circ$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = 70,53^\circ$

## Odchytky přímek

**Příklad 4.3** Je dána krychle  $ABCDEFGH$ . Vypočítejte odchytku přímek  $BS_{DH}$  a  $AE$ , kde bod  $S_{DH}$  je střed hrany  $DH$ .

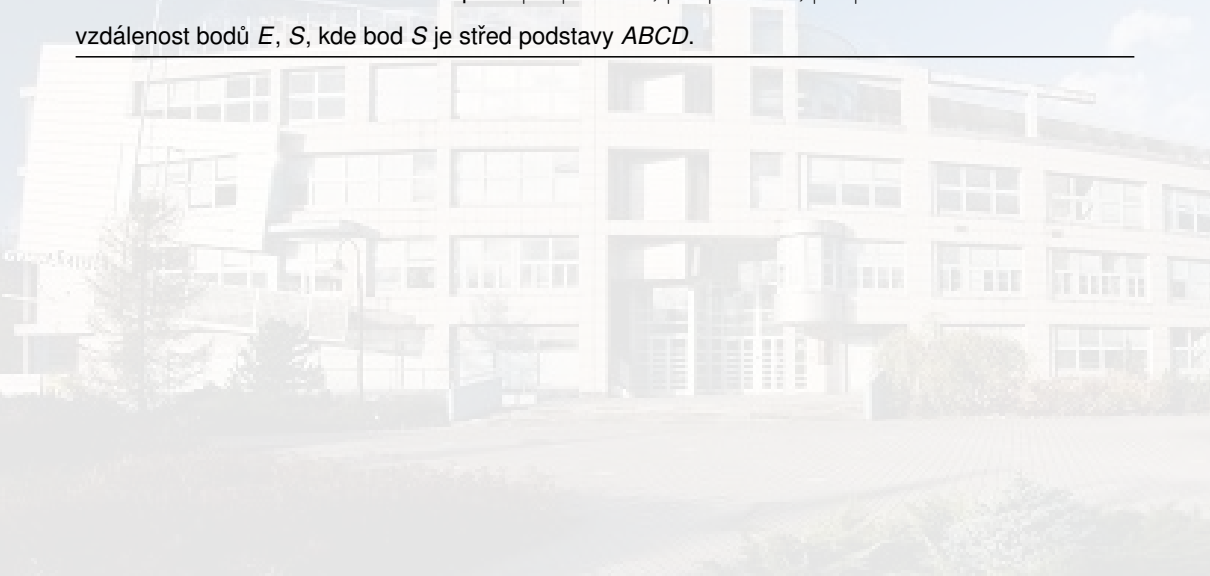
- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶  $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶  $\triangle BDS_{DH}$  je pravoúhlý
- ▶ označme  $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$ ,  $a = |AB|$
- ▶ potom  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici  $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$ 

$\alpha = \operatorname{arctg} 2\sqrt{2}$  $\alpha = 70,53^\circ$
- ▶  $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = 70,53^\circ$

## Vzdálenosti bodů, průmek

**Příklad 4.4** V kvádru  $ABCDEFGH$  platí:  $|AB| = 6$  cm,  $|BC| = 4$  cm,  $|AE| = 8$  cm. Určete vzdálenost bodů  $E$ ,  $S$ , kde bod  $S$  je střed podstavy  $ABCD$ .

---

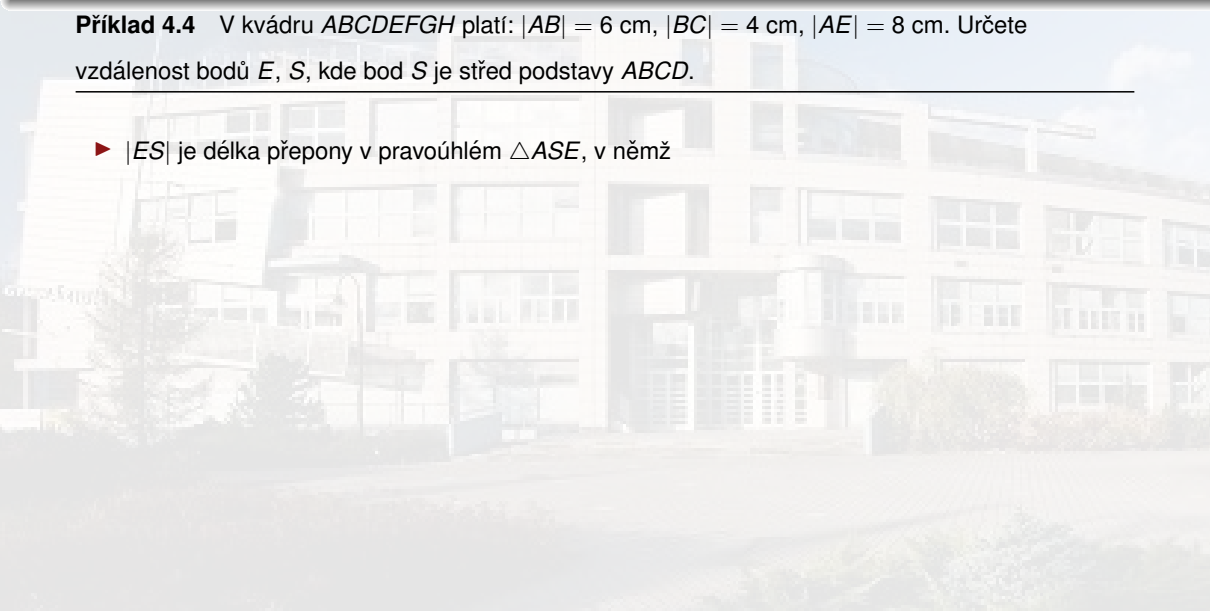


## Vzdálenosti bodů, průmek

**Příklad 4.4** V kvádru  $ABCDEFGH$  platí:  $|AB| = 6$  cm,  $|BC| = 4$  cm,  $|AE| = 8$  cm. Určete vzdálenost bodů  $E$ ,  $S$ , kde bod  $S$  je střed podstavy  $ABCD$ .

---

- $|ES|$  je délka přepony v pravoúhlém  $\triangle ASE$ , v němž



## Vzdálenosti bodů, průmek

**Příklad 4.4** V kvádru  $ABCDEFGH$  platí:  $|AB| = 6$  cm,  $|BC| = 4$  cm,  $|AE| = 8$  cm. Určete vzdálenost bodů  $E$ ,  $S$ , kde bod  $S$  je střed podstavy  $ABCD$ .

---

- ▶  $|ES|$  je délka přepony v pravoúhlém  $\triangle ASE$ , v němž
- ▶ známe délku odvěsny  $AE$

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.4** V kvádru  $ABCDEFGH$  platí:  $|AB| = 6$  cm,  $|BC| = 4$  cm,  $|AE| = 8$  cm. Určete vzdálenost bodů  $E$ ,  $S$ , kde bod  $S$  je střed podstavy  $ABCD$ .

---

- ▶  $|ES|$  je délka přepony v pravoúhlém  $\triangle ASE$ , v němž
- ▶ známe délku odvěsny  $AE$
- ▶ pokusíme se dopočítat délku odvěsny  $AS$ :

# Vzdálenosti bodů, průmek

**Příklad 4.4** V kvádru  $ABCDEFGH$  platí:  $|AB| = 6$  cm,  $|BC| = 4$  cm,  $|AE| = 8$  cm. Určete vzdálenost bodů  $E$ ,  $S$ , kde bod  $S$  je střed podstavy  $ABCD$ .

---

- ▶  $|ES|$  je délka přepony v pravoúhlém  $\triangle ASE$ , v němž
- ▶ známe délku odvěsny  $AE$
- ▶ pokusíme se dopočítat délku odvěsny  $AS$ :
  - ▶  $|AS|$  je polovina délky přepony v rovnoramenném pravoúhlém  $\triangle ABC$ , v němž známe délky obou odvěsen  $AB$ ,  $BC$



# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.4** V kvádru  $ABCDEFGH$  platí:  $|AB| = 6$  cm,  $|BC| = 4$  cm,  $|AE| = 8$  cm. Určete vzdálenost bodů  $E$ ,  $S$ , kde bod  $S$  je střed podstavy  $ABCD$ .

---

- ▶  $|ES|$  je délka přepony v pravoúhlém  $\triangle ASE$ , v němž
- ▶ známe délku odvěsny  $AE$
- ▶ pokusíme se dopočítat délku odvěsny  $AS$ :
  - ▶  $|AS|$  je polovina délky přepony v rovnoramenném pravoúhlém  $\triangle ABC$ , v němž známe délky obou odvěsen  $AB$ ,  $BC$
  - ▶ podle Pythagorovy věty

$$|AC|^2 = |AB|^2 + |BC|^2 = 6^2 + 4^2 = 52$$

$$|AC| = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$

$$|AS| = \frac{1}{2} |AC| = \sqrt{13}$$

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.4** V kvádru  $ABCDEFGH$  platí:  $|AB| = 6$  cm,  $|BC| = 4$  cm,  $|AE| = 8$  cm. Určete vzdálenost bodů  $E$ ,  $S$ , kde bod  $S$  je střed podstavy  $ABCD$ .

- ▶  $|ES|$  je délka přepony v pravoúhlém  $\triangle ASE$ , v němž
- ▶ známe délku odvěsny  $AE$
- ▶ pokusíme se dopočítat délku odvěsny  $AS$ :
  - ▶  $|AS|$  je polovina délky přepony v rovnoramenném pravoúhlém  $\triangle ABC$ , v němž známe délky obou odvěsen  $AB$ ,  $BC$
  - ▶ podle Pythagorovy věty

$$|AC|^2 = |AB|^2 + |BC|^2 = 6^2 + 4^2 = 52$$

$$|AC| = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$

$$|AS| = \frac{1}{2} |AC| = \sqrt{13}$$

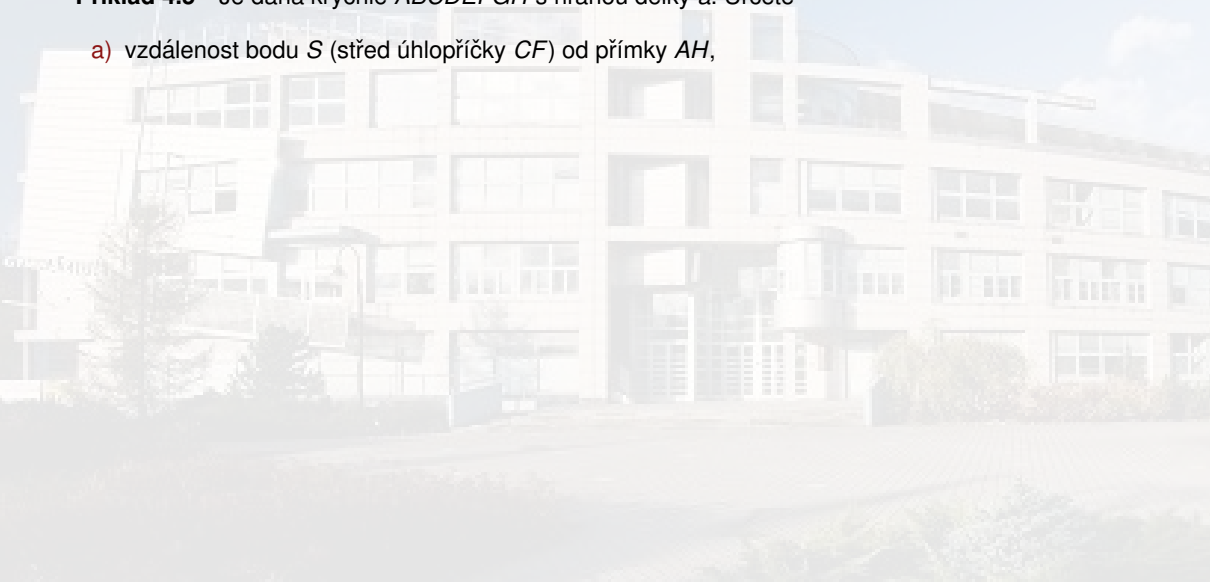
- ▶ nyní opět podle Pythagorovy věty
- $$|ES|^2 = |AS|^2 + |AE|^2 = 13 + 64 = 77$$

$$\underline{\underline{|ES| = \sqrt{77} \text{ cm}}}$$

# Vzdálenosti bodů, průmek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,



# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
  - b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .
-

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
  - b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .
- 
- a) ► jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
  - b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .
- 
- a)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $AH$  procházející bodem  $S$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
  - b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .
- 

- a)
  - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .
  - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $AH$  procházející bodem  $S$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
  - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj.  $a$

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
- b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .

- 
- a)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $AH$  procházející bodem  $S$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj.  $a$
    - ▶  $|S \leftrightarrow AH| = a$



# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
- b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .

- 
- a)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $AH$  procházející bodem  $S$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj.  $a$
    - ▶  $|S \leftrightarrow AH| = a$
  - b)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S_{AB}$  a body přímky  $GH$ .

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
- b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .

- 
- a)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $AH$  procházející bodem  $S$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj.  $a$
    - ▶  $|S \leftrightarrow AH| = a$
  - b)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S_{AB}$  a body přímky  $GH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $GH$  procházející bodem  $S_{AB}$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
- b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .

- 
- a)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $AH$  procházející bodem  $S$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj.  $a$
    - ▶  $|S \leftrightarrow AH| = a$
  - b)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S_{AB}$  a body přímky  $GH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $GH$  procházející bodem  $S_{AB}$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná úsečka  $BG$

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
- b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .

- 
- a)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $AH$  procházející bodem  $S$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj.  $a$
    - ▶  $|S \leftrightarrow AH| = a$
  - b)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S_{AB}$  a body přímky  $GH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $GH$  procházející bodem  $S_{AB}$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná úsečka  $BG$
    - ▶ úsečka  $BG$  je přeponou v rovnoramenném a pravoúhlém  $\triangle BCG$

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
- b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .

- 
- a)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $AH$  procházející bodem  $S$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj.  $a$
    - ▶  $|S \leftrightarrow AH| = a$
  - b)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S_{AB}$  a body přímky  $GH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $GH$  procházející bodem  $S_{AB}$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná úsečka  $BG$
    - ▶ úsečka  $BG$  je přeponou v rovnoramenném a pravoúhlém  $\triangle BCG$
    - ▶ podle Pythagorovy věty  $|BG|^2 = |BC|^2 + |CG|^2 = a^2 + a^2 = 2a^2$

$$|BG| = \sqrt{2}a$$

# Vzdálenosti bodů, přímek

**Příklad 4.5** Je dána krychle  $ABCDEFGH$  s hranou délky  $a$ . Určete

- a) vzdálenost bodu  $S$  (střed úhlopříčky  $CF$ ) od přímky  $AH$ ,
- b) vzdálenost bodu  $S_{AB}$  (střed hrany  $AB$ ) od přímky  $GH$ .

- 
- a)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S$  a body přímky  $AH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $AH$  procházející bodem  $S$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj.  $a$
    - ▶  $|S \leftrightarrow AH| = a$
  - b)
    - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem  $S_{AB}$  a body přímky  $GH$ .
    - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce  $GH$  procházející bodem  $S_{AB}$ ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
    - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná úsečka  $BG$
    - ▶ úsečka  $BG$  je přeponou v rovnoramenném a pravoúhlém  $\triangle BCG$
    - ▶ podle Pythagorovy věty  $|BG|^2 = |BC|^2 + |CG|^2 = a^2 + a^2 = 2a^2$   
 $|BG| = \sqrt{2}a$
    - ▶  $|S_{AB} \leftrightarrow GH| = \sqrt{2}a$

A modern, multi-story building with a glass facade and a red banner overlay. The banner contains the text "Konec (4. Metrické úlohy)".

**Konec**  
(4. Metrické úlohy)