

Posloupnosti

Jaroslav Drobek

jaroslav.drobek@goa-orlova.cz

Gymnázium a Obchodní akademie Orlová

2. Aritmetická posloupnost

GOA –
ORLOVA.CZ

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**,

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak,

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Číslo d se nazývá **difference** aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$.

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Číslo d se nazývá **diference** aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$.

Příklad 2.1 Dokažte, že posloupnost $(3n + 2)_{n=1}^{\infty}$ je aritmetická a určete její diferenci.

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Číslo d se nazývá **difference** aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$.

Příklad 2.1 Dokažte, že posloupnost $(3n + 2)_{n=1}^{\infty}$ je aritmetická a určete její diferenci.

Pro libovolné $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = 3n + 2$$

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Číslo d se nazývá **diference** aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$.

Příklad 2.1 Dokažte, že posloupnost $(3n + 2)_{n=1}^{\infty}$ je aritmetická a určete její diferenci.

Pro libovolné $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = 3n + 2$$

$$\underline{a_{n+1}} = 3(n + 1) + 2 =$$

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Číslo d se nazývá **diference** aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$.

Příklad 2.1 Dokažte, že posloupnost $(3n + 2)_{n=1}^{\infty}$ je aritmetická a určete její diferenci.

Pro libovolné $n \in \mathbb{N}$ platí

$$\begin{aligned} a_n &= 3n + 2 \\ \underline{a_{n+1}} &= 3(n + 1) + 2 = 3n + 3 + 2 = \end{aligned}$$

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Číslo d se nazývá **diference** aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$.

Příklad 2.1 Dokažte, že posloupnost $(3n + 2)_{n=1}^{\infty}$ je aritmetická a určete její diferenci.

Pro libovolné $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = 3n + 2$$

$$\underline{a_{n+1}} = 3(n + 1) + 2 = 3n + 3 + 2 =$$

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Číslo d se nazývá **diference** aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$.

Příklad 2.1 Dokažte, že posloupnost $(3n + 2)_{n=1}^{\infty}$ je aritmetická a určete její diferenci.

Pro libovolné $n \in \mathbb{N}$ platí

$$\begin{aligned} a_n &= 3n + 2 \\ \underline{a_{n+1}} &= 3(n + 1) + 2 = 3n + 3 + 2 = \underline{a_n} + 3. \end{aligned}$$

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Číslo d se nazývá **diference** aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$.

Příklad 2.1 Dokažte, že posloupnost $(3n + 2)_{n=1}^{\infty}$ je aritmetická a určete její diferenci.

Pro libovolné $n \in \mathbb{N}$ platí

$$\begin{aligned} a_n &= 3n + 2 \\ \underline{a_{n+1}} &= 3(n + 1) + 2 = \underline{3n} + 3 + 2 = \underline{a_n} + 3. \end{aligned}$$

Položme $d = 3$.

Definice 2.1

Posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ se nazývá **aritmetická**, existuje-li $d \in \mathbb{R}$ tak, že pro každé $n \in \mathbb{N}$ platí

$$a_{n+1} = a_n + d.$$

Číslo d se nazývá **diference** aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$.

Příklad 2.1 Dokažte, že posloupnost $(3n + 2)_{n=1}^{\infty}$ je aritmetická a určete její diferenci.

Pro libovolné $n \in \mathbb{N}$ platí

$$\begin{aligned} a_n &= 3n + 2 \\ \underline{a_{n+1}} &= 3(n + 1) + 2 = \underline{3n} + 3 + \underline{2} = \underline{a_n} + 3. \end{aligned}$$

Položme $d = 3$. Nyní vidíme, že posloupnost je podle definice aritmetická s diferencí $d = 3$.

Příklad 2.2 Napište prvních pět členů aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro kterou platí:

a) $a_1 = 4, d = -1$



Příklad 2.2 Napište prvních pět členů aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro kterou platí:

a) $a_1 = 4, d = -1$ b) $a_1 = 0,5, d = 3$

Příklad 2.2 Napište prvních pět členů aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro kterou platí:

a) $a_1 = 4, d = -1$ b) $a_1 = 0,5, d = 3$ c) $a_5 = 6, d = 2$

Příklad 2.2 Napište prvních pět členů aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro kterou platí:

a) $a_1 = 4, d = -1$ b) $a_1 = 0,5, d = 3$ c) $a_5 = 6, d = 2$ d) $a_3 = -\frac{5}{2}, d = \frac{1}{2}$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

(2)

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d =$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d =$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d =$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = (a_1 + 2d) + d =$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = (a_1 + 2d) + d = a_1 + 3d$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = (a_1 + 2d) + d = a_1 + 3d$$

$$\vdots$$

$$a_{10} =$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = (a_1 + 2d) + d = a_1 + 3d$$

$$\vdots$$

$$a_{10} = \dots \qquad \dots = a_1 + 9d$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = (a_1 + 2d) + d = a_1 + 3d$$

$$\vdots$$

$$a_{10} = \dots \qquad \dots = a_1 + 9d$$

$$\vdots$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = (a_1 + 2d) + d = a_1 + 3d$$

$$\vdots$$

$$a_{10} = \dots \qquad \dots = a_1 + 9d$$

$$\vdots$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

Pro $n = s$ resp. $n = r$ z (1) obdržíme

$$a_s = a_1 + (s - 1)d,$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = (a_1 + 2d) + d = a_1 + 3d$$

$$\vdots$$

$$a_{10} = \dots \quad \dots = a_1 + 9d$$

$$\vdots$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

Pro $n = s$ resp. $n = r$ z (1) obdržíme

$$a_s = a_1 + (s - 1)d,$$

$$a_r = a_1 + (r - 1)d,$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = (a_1 + 2d) + d = a_1 + 3d$$

$$\vdots$$

$$a_{10} = \dots \quad \dots = a_1 + 9d$$

$$\vdots$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

Pro $n = s$ resp. $n = r$ z (1) obdržíme

$$a_s = a_1 + (s - 1)d,$$

$$a_r = a_1 + (r - 1)d,$$

a tedy

$$a_s - a_r = (s - r)d$$

Věta 2.1

Pro aritmetickou posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ s diferencí d a pro libovolná čísla $n, r, s \in \mathbb{N}$ platí

$$a_n = a_1 + (n - 1)d, \quad (1)$$

$$a_s = a_r + (s - r)d. \quad (2)$$

Náznak důkazu

Podle definice postupně dostáváme

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d = (a_1 + d) + d = a_1 + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = (a_1 + 2d) + d = a_1 + 3d$$

$$\vdots$$

$$a_{10} = \dots \quad \dots = a_1 + 9d$$

$$\vdots$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

Pro $n = s$ resp. $n = r$ z (1) obdržíme

$$a_s = a_1 + (s - 1)d,$$

$$a_r = a_1 + (r - 1)d,$$

a tedy

$$a_s - a_r = (s - r)d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.



Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě $a_s = a_r + (s - r)d$ dostáváme $a_9 = a_5 + (9 - 5)d$

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě

$$a_s = a_r + (s - r)d \quad \text{dostáváme} \quad a_9 = a_5 + (9 - 5)d$$

$$11 = 7 + 4d$$

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě

$$a_s = a_r + (s - r)d \quad \text{dostáváme} \quad a_9 = a_5 + (9 - 5)d$$

$$11 = 7 + 4d$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

dostáváme

$$a_9 = a_5 + (9 - 5)d$$

$$11 = 7 + 4d$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

a_1 : Využijeme jeden ze zadaných členů, např. a_5 , k dosazení do (1):

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

dostáváme

$$a_9 = a_5 + (9 - 5)d$$

$$11 = 7 + 4d$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

a_1 : Využijeme jeden ze zadaných členů, např. a_5 , k dosazení do (1):

$$a_5 = a_1 + (5 - 1)d$$

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

dostáváme

$$a_9 = a_5 + (9 - 5)d$$

$$11 = 7 + 4d$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

a_1 : Využijeme jeden ze zadaných členů, např. a_5 , k dosazení do (1):

$$a_5 = a_1 + (5 - 1)d$$

$$7 = a_1 + 4 \cdot 1$$

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

dostáváme

$$a_9 = a_5 + (9 - 5)d$$

$$11 = 7 + 4d$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

a_1 : Využijeme jeden ze zadaných členů, např. a_5 , k dosazení do (1):

$$a_5 = a_1 + (5 - 1)d$$

$$7 = a_1 + 4 \cdot 1$$

$$\underline{\underline{a_1 = 3}}$$

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

dostáváme

$$a_9 = a_5 + (9 - 5)d$$

$$11 = 7 + 4d$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

a_1 : Využijeme jeden ze zadaných členů, např. a_5 , k dosazení do (1):

$$a_5 = a_1 + (5 - 1)d$$

$$7 = a_1 + 4 \cdot 1$$

$$\underline{\underline{a_1 = 3}}$$

Dosazením zjištěných hodnot do (1) dostáváme vzorec pro n -tý člen:

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

dostáváme

$$a_9 = a_5 + (9 - 5)d$$

$$11 = 7 + 4d$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

a_1 : Využijeme jeden ze zadaných členů, např. a_5 , k dosazení do (1):

$$a_5 = a_1 + (5 - 1)d$$

$$7 = a_1 + 4 \cdot 1$$

$$\underline{\underline{a_1 = 3}}$$

Dosazením zjištěných hodnot do (1) dostáváme vzorec pro n -tý člen:

$$a_n = 3 + (n - 1) \cdot 1$$

Příklad 2.3 Vzorcem pro n -tý člen vyjádřete posloupnost $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro niž platí: $a_5 = 7$, $a_9 = 11$.

Pro vyjádření n -tého členu lze využít vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d \quad (1)$$

Stačí najít čísla a_1 , d :

d : Pro $r = 5$ a $s = 9$ na základě

$$a_s = a_r + (s - r)d \quad \text{dostáváme}$$

$$a_9 = a_5 + (9 - 5)d$$

$$11 = 7 + 4d$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

a_1 : Využijeme jeden ze zadaných členů, např. a_5 , k dosazení do (1):

$$a_5 = a_1 + (5 - 1)d$$

$$7 = a_1 + 4 \cdot 1$$

$$\underline{\underline{a_1 = 3}}$$

Dosazením zjištěných hodnot do (1) dostáváme vzorec pro n -tý člen:

$$a_n = 3 + (n - 1) \cdot 1$$

$$\underline{\underline{a_n = 2 + n}}$$

Příklad 2.4 Napište prvních pět členů aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro kterou platí:

a) $a_3 = 1, a_7 = -7$

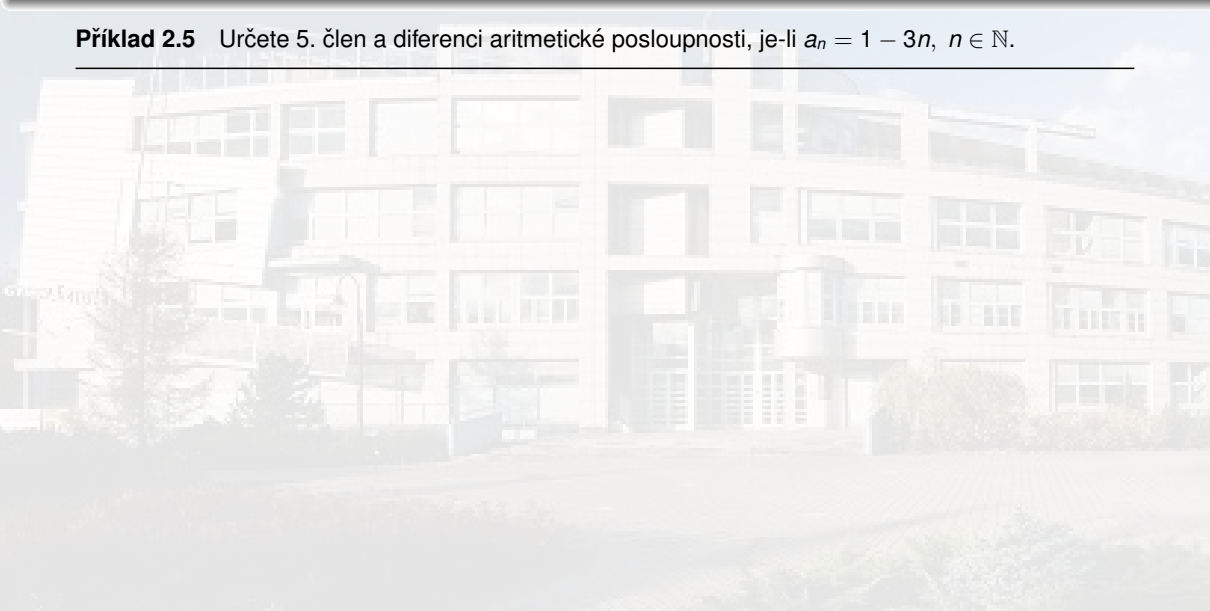
Příklad 2.4 Napište prvních pět členů aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro kterou platí:

a) $a_3 = 1, a_7 = -7$ b) $a_6 = 12, a_{12} = 6$

Příklad 2.4 Napište prvních pět členů aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro kterou platí:

a) $a_3 = 1, a_7 = -7$ b) $a_6 = 12, a_{12} = 6$ c) $a_1 + a_6 = 16, a_3 + a_4 = 19$

Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.



Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.

Pátý člen získáme dosazením do zadaného výrazu pro n -tý člen:

$$a_5 = 1 - 3 \cdot 5$$

Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.

Pátý člen získáme dosazením do zadaného výrazu pro n -tý člen:

$$a_5 = 1 - 3 \cdot 5$$

Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.

Pátý člen získáme dosazením do zadaného výrazu pro n -tý člen:

$$a_5 = 1 - 3 \cdot 5 = \underline{\underline{-14}}.$$

Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.

Pátý člen získáme dosazením do zadaného výrazu pro n -tý člen:

$$a_5 = 1 - 3 \cdot 5 = \underline{\underline{-14}}.$$

Stejně lze vypočítat libovolný člen - záměrně spočítáme čtvrtý:

Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.

Pátý člen získáme dosazením do zadaného výrazu pro n -tý člen:

$$a_5 = 1 - 3 \cdot 5 = \underline{\underline{-14}}.$$

Stejně lze vypočítat libovolný člen - záměrně spočítáme čtvrtý:

$$a_4 = 1 - 3 \cdot 4$$

Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.

Pátý člen získáme dosazením do zadaného výrazu pro n -tý člen:

$$a_5 = 1 - 3 \cdot 5 = \underline{\underline{-14}}.$$

Stejně lze vypočítat libovolný člen - záměrně spočítáme čtvrtý:

$$a_4 = 1 - 3 \cdot 4 = \underline{\underline{-11}},$$

Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.

Pátý člen získáme dosazením do zadaného výrazu pro n -tý člen:

$$a_5 = 1 - 3 \cdot 5 = \underline{\underline{-14}}.$$

Stejně lze vypočítat libovolný člen - záměrně spočítáme čtvrtý:

$$a_4 = 1 - 3 \cdot 4 = \underline{\underline{-11}},$$

protože potom (intuitivně)

$$d = a_5 - a_4$$

Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.

Pátý člen získáme dosazením do zadaného výrazu pro n -tý člen:

$$a_5 = 1 - 3 \cdot 5 = \underline{\underline{-14}}.$$

Stejně lze vypočítat libovolný člen - záměrně spočítáme čtvrtý:

$$a_4 = 1 - 3 \cdot 4 = \underline{\underline{-11}},$$

protože potom (intuitivně)

$$d = a_5 - a_4 = -14 - (-11)$$

Příklad 2.5 Určete 5. člen a diferenci aritmetické posloupnosti, je-li $a_n = 1 - 3n$, $n \in \mathbb{N}$.

Pátý člen získáme dosazením do zadaného výrazu pro n -tý člen:

$$a_5 = 1 - 3 \cdot 5 = \underline{\underline{-14}}.$$

Stejně lze vypočítat libovolný člen - záměrně spočítáme čtvrtý:

$$a_4 = 1 - 3 \cdot 4 = \underline{\underline{-11}},$$

protože potom (intuitivně)

$$d = a_5 - a_4 = -14 - (-11) = \underline{\underline{-3}}.$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.



Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$;

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4$, $r = 2$ dostáváme:

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

Dosadíme:

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

Dosadíme: $-1 - 3 = 2d$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

$$\text{Dosadíme:} \quad -1 - 3 = 2d$$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

Dosadíme: $-1 - 3 = 2d$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

a_1 : Mezi zadaným druhým a hledaným prvním členem je (intuitivně) rozdíl d ;

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

$$\text{Dosadíme:} \quad -1 - 3 = 2d$$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

a_1 : Mezi zadaným druhým a hledaným prvním členem je (intuitivně) rozdíl d ; a opravdu, použitím vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

pro $n = 2$ platí:

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

$$\text{Dosadíme:} \quad -1 - 3 = 2d$$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

a_1 : Mezi zadaným druhým a hledaným prvním členem je (intuitivně) rozdíl d ; a opravdu, použitím vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

pro $n = 2$ platí:

$$a_2 = a_1 + (2 - 1)d$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

Dosadíme: $-1 - 3 = 2d$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

a_1 : Mezi zadaným druhým a hledaným prvním členem je (intuitivně) rozdíl d ; a opravdu, použitím vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

pro $n = 2$ platí:

$$a_2 = a_1 + (2 - 1)d$$

$$a_2 - a_1 = d$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

Dosadíme: $-1 - 3 = 2d$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

a_1 : Mezi zadaným druhým a hledaným prvním členem je (intuitivně) rozdíl d ; a opravdu, použitím vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

pro $n = 2$ platí:

$$a_2 = a_1 + (2 - 1)d$$

$$a_2 - a_1 = d$$

Dosadíme:

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

$$\text{Dosadíme: } -1 - 3 = 2d$$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

a_1 : Mezi zadaným druhým a hledaným prvním členem je (intuitivně) rozdíl d ; a opravdu, použitím vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

pro $n = 2$ platí:

$$a_2 = a_1 + (2 - 1)d$$

$$a_2 - a_1 = d$$

$$\text{Dosadíme: } 3 - a_1 = -2$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

$$\text{Dosadíme:} \quad -1 - 3 = 2d$$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

a_1 : Mezi zadaným druhým a hledaným prvním členem je (intuitivně) rozdíl d ; a opravdu, použitím vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

pro $n = 2$ platí:

$$a_2 = a_1 + (2 - 1)d$$

$$a_2 - a_1 = d$$

$$\text{Dosadíme:} \quad 3 - a_1 = -2$$

$$-a_1 = -5$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

$$\text{Dosadíme: } -1 - 3 = 2d$$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

a_1 : Mezi zadaným druhým a hledaným prvním členem je (intuitivně) rozdíl d ; a opravdu, použitím vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

pro $n = 2$ platí:

$$a_2 = a_1 + (2 - 1)d$$

$$a_2 - a_1 = d$$

$$\text{Dosadíme: } 3 - a_1 = -2$$

$$-a_1 = -5$$

$$\underline{\underline{a_1 = 5}}$$

Příklad 2.6 Najděte rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti, je-li $a_2 = 3$, $a_4 = -1$.

Rekurentní vyjádření aritmetické posloupnosti:

$$a_1, \quad a_{n+1} = a_n + d \quad (n \in \mathbb{N}).$$

Potřebujeme tedy najít a_1 a d :

d : Mezi zadaným druhým a čtvrtým členem je (intuitivně) rozdíl $2d$; a opravdu, použitím vztahu

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

pro $s = 4, r = 2$ dostáváme:

$$a_4 = a_2 + (4 - 2)d$$

$$a_4 - a_2 = 2d$$

$$\text{Dosadíme: } -1 - 3 = 2d$$

$$\underline{\underline{d = -2}}$$

Zjištěné údaje použijeme v rekurentním vyjádření:

$$\underline{\underline{a_1 = 5, \quad a_{n+1} = a_n - 2 \quad (n \in \mathbb{N})}}$$

a_1 : Mezi zadaným druhým a hledaným prvním členem je (intuitivně) rozdíl d ; a opravdu, použitím vztahu

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

pro $n = 2$ platí:

$$a_2 = a_1 + (2 - 1)d$$

$$a_2 - a_1 = d$$

$$\text{Dosadíme: } 3 - a_1 = -2$$

$$-a_1 = -5$$

$$\underline{\underline{a_1 = 5}}$$

Příklad 2.7 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $a_n = 76$, $d = 6$, $a_1 = -2$.



Příklad 2.7 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $a_n = 76$, $d = 6$, $a_1 = -2$.

Hledaný i známé údaje jsou obsaženy ve vztahu pro n -tý člen:

$$a_n = a_1 + (n - 1)d.$$

Příklad 2.7 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $a_n = 76$, $d = 6$, $a_1 = -2$.

Hledaný i známé údaje jsou obsaženy ve vztahu pro n -tý člen:

$$a_n = a_1 + (n - 1)d.$$

Po dosazení dostáváme:

$$76 = -2 + (n - 1) \cdot 6$$

Příklad 2.7 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $a_n = 76$, $d = 6$, $a_1 = -2$.

Hledaný i známé údaje jsou obsaženy ve vztahu pro n -tý člen:

$$a_n = a_1 + (n - 1)d.$$

Po dosazení dostáváme:

$$76 = -2 + (n - 1) \cdot 6$$

$$78 = (n - 1) \cdot 6$$

Příklad 2.7 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $a_n = 76$, $d = 6$, $a_1 = -2$.

Hledaný i známé údaje jsou obsaženy ve vztahu pro n -tý člen:

$$a_n = a_1 + (n - 1)d.$$

Po dosazení dostáváme:

$$76 = -2 + (n - 1) \cdot 6$$

$$78 = (n - 1) \cdot 6$$

$$13 = n - 1$$

Příklad 2.7 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $a_n = 76$, $d = 6$, $a_1 = -2$.

Hledaný i známé údaje jsou obsaženy ve vztahu pro n -tý člen:

$$a_n = a_1 + (n - 1)d.$$

Po dosazení dostáváme:

$$76 = -2 + (n - 1) \cdot 6$$

$$78 = (n - 1) \cdot 6$$

$$13 = n - 1$$

$$\underline{\underline{n = 14}}$$

Příklad 2.7 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $a_n = 76$, $d = 6$, $a_1 = -2$.

Hledaný i známé údaje jsou obsaženy ve vztahu pro n -tý člen:

$$a_n = a_1 + (n - 1)d.$$

Po dosazení dostáváme:

$$76 = -2 + (n - 1) \cdot 6$$

$$78 = (n - 1) \cdot 6$$

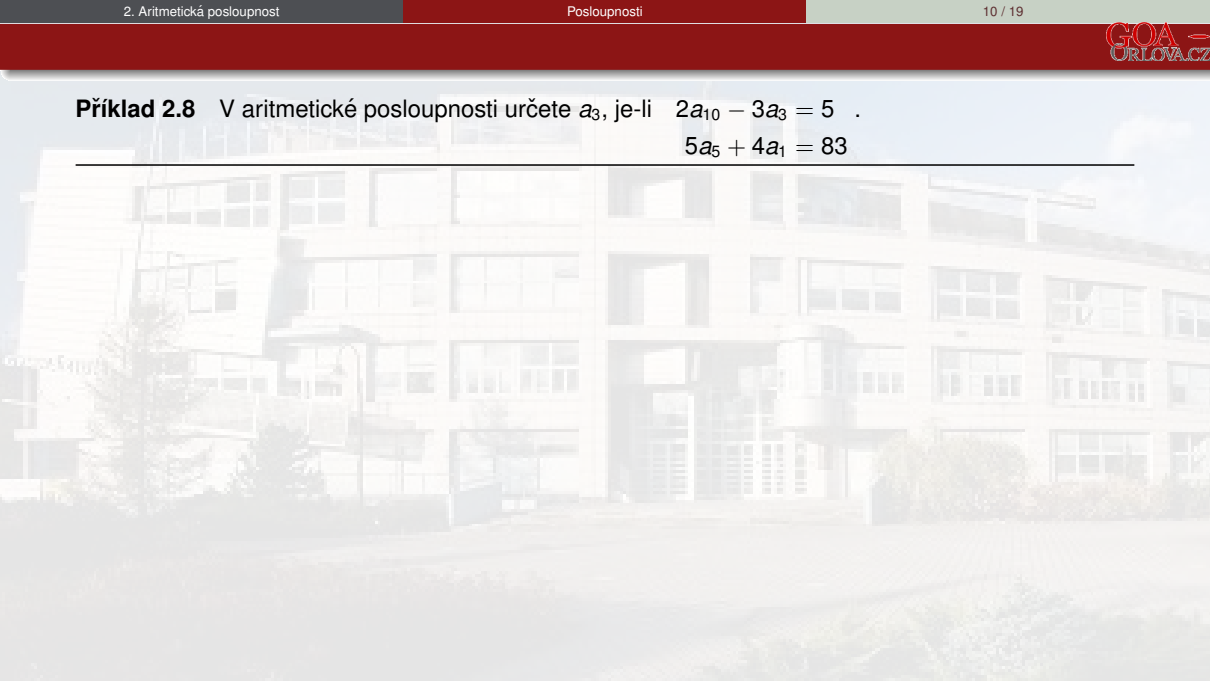
$$13 = n - 1$$

$$\underline{\underline{n = 14}}$$

Domácí úkol (zdroj: [Aritmetická posloupnost II na realisticky.cz](https://www.realisticky.cz))

1. Sestavte vzorec pro n -tý člen, najděte rekurentní vyjádření a určete a_{13} v aritmetické posloupnosti, je-li $d = -2$, $a_1 = 4$.
2. V aritmetické posloupnosti platí $d = 5$, $a_1 = 2$. Který člen této posloupnosti je roven 77?

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$



Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

} $\xrightarrow{\text{dosadíme do zadaných vztahů}}$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$\left. \begin{array}{l} a_n = a_1 + (n-1)d \\ a_{10} = a_1 + 9d \\ a_5 = a_1 + 4d \\ a_3 = a_1 + 2d \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{dosadíme do zadaných vztahů}} 2(a_1 + 9d) -$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) +$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů \rightarrow

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

$$9a_1 + 20d = 83$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

$$9a_1 + 20d = 83$$

.9
↩

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

$$9a_1 + 20d = 83$$

$$128d = 128$$



Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

$$9a_1 + 20d = 83$$

$$128d = 128$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

.9
↩

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
 Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

$$9a_1 + 20d = 83$$

$$128d = 128$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

$$\dots \underline{a_1} = 12d - 5$$



Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
 Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

$$9a_1 + 20d = 83$$

$$128d = 128$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

$$\dots \underline{\underline{a_1}} = 12d - 5 = 7$$



Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
 Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

$$9a_1 + 20d = 83$$

.9

$$128d = 128$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

$$\dots \underline{\underline{a_1}} = 12d - 5 = 7$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
 Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

$$9a_1 + 20d = 83$$

$$128d = 128$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

$$\dots \underline{a_1} = 12d - 5 = 7$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

$$a_3 = 7 + 2 \cdot 1$$

Příklad 2.8 V aritmetické posloupnosti určete a_3 , je-li $2a_{10} - 3a_3 = 5$.
 $5a_5 + 4a_1 = 83$

Máme dvě rovnice o čtyřech neznámých – to je moc.
 Každý člen aritm. posl. však lze vyjádřit v závislosti na a_1 a d :

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_{10} = a_1 + 9d$$

$$a_5 = a_1 + 4d$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

dosadíme do zadaných vztahů

$$2(a_1 + 9d) - 3(a_1 + 2d) = 5$$

$$5(a_1 + 4d) + 4a_1 = 83$$

$$2a_1 + 18d - 3a_1 - 6d = 5$$

$$5a_1 + 20d + 4a_1 = 83$$

$$-a_1 + 12d = 5$$

$$9a_1 + 20d = 83$$

.9


$$128d = 128$$

$$\underline{\underline{d = 1}}$$

$$\dots \underline{\underline{a_1}} = 12d - 5 = 7$$

$$a_3 = a_1 + 2d$$

$$a_3 = 7 + 2 \cdot 1$$

$$\underline{\underline{a_3 = 9}}$$

Domácí úkol (zdroj: [Úlohy s aritmetickou posloupností na realisticky.cz](http://Ulohy.s-aritmetickou-posloupnostmi-na-realisticke.cz))

V aritmetické posloupnosti určete

- a) a_1 , d , je-li $a_5 + a_2 = 22$, $a_7 - a_3 = -16$.
- b) a_1 , d , a_8 , je-li $a_2 + a_3 + a_4 = 15$, $a_3 \cdot a_4 = 40$.

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je?

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je? 10 11 12 97 98 99
 a_1 a_2 a_3 a_{n-2} a_{n-1} a_n

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je? 10 11 12 97 98 99 ... $n = 99 - 9 = 90$
 a_1 a_2 a_3 a_{n-2} a_{n-1} a_n

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je? 10 11 12 97 98 99 ... $n = 99 - 9 = 90$

a_1 a_2 a_3 a_{n-2} a_{n-1} a_n

Jde o aritmetickou posloupnost?

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je? 10 11 12 97 98 99 ... $n = 99 - 9 = 90$

a_1 a_2 a_3 a_{n-2} a_{n-1} a_n

Jde o aritmetickou posloupnost?

$$a_n = n + 9$$

$$\dots d = 1 \checkmark$$

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je? 10 11 12 97 98 99 ... $n = 99 - 9 = 90$

a_1 a_2 a_3 a_{n-2} a_{n-1} a_n

Jde o aritmetickou posloupnost?

$$a_n = n + 9$$

$$a_{n+1} = n + 1 + 9$$

$$\dots d = 1 \checkmark$$

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je? 10 11 12 97 98 99 ... $n = 99 - 9 = 90$

a_1 a_2 a_3 a_{n-2} a_{n-1} a_n

Jde o aritmetickou posloupnost?

$$a_n = n + 9$$

$$a_{n+1} = n + 1 + 9 = a_n + 1 \quad \dots d = 1 \checkmark$$

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je? $10 \ 11 \ 12 \ 97 \ 98 \ 99 \ \dots n = 99 - 9 = 90$

$a_1 \ a_2 \ a_3 \ a_{n-2} \ a_{n-1} \ a_n$

Jde o aritmetickou posloupnost?

$$a_n = n + 9$$

$$a_{n+1} = n + 1 + 9 = a_n + 1 \quad \dots d = 1 \checkmark$$

Potom

$$s_{90} = \frac{90}{2}(10 + 99)$$

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je? $10 \ 11 \ 12 \ 97 \ 98 \ 99 \ \dots n = 99 - 9 = 90$

$a_1 \ a_2 \ a_3 \ a_{n-2} \ a_{n-1} \ a_n$

Jde o aritmetickou posloupnost?

$$a_n = n + 9$$

$$a_{n+1} = n + 1 + 9 = a_n + 1 \quad \dots d = 1 \checkmark$$

Potom

$$s_{90} = \frac{90}{2}(10 + 99) = 45 \cdot 109$$

Věta 2.2

Pro součet s_n prvních n členů aritmetické posloupnosti (tj. $a_1 + a_2 + \dots + a_n$) platí

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n).$$

Příklad 2.9 Vypočítejte součet všech dvouciferných přirozených čísel.

Kolik jich je? $10 \ 11 \ 12 \ 97 \ 98 \ 99 \ \dots n = 99 - 9 = 90$

$a_1 \ a_2 \ a_3 \ a_{n-2} \ a_{n-1} \ a_n$

Jde o aritmetickou posloupnost?

$$a_n = n + 9$$

$$a_{n+1} = n + 1 + 9 = a_n + 1 \quad \dots d = 1 \checkmark$$

Potom

$$s_{90} = \frac{90}{2} (10 + 99) = 45 \cdot 109 = \underline{\underline{4905}}$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 +$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_n)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_1 + (n - 1)d)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-90 + 3n - 3)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-90 + 3n - 3)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-93 + 3n)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-90 + 3n - 3)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-93 + 3n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot 3 \cdot (-31 + n)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-90 + 3n - 3)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-93 + 3n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot 3 \cdot (-31 + n)$$

$$0 = \frac{3}{2}n \cdot (n - 31)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-90 + 3n - 3)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-93 + 3n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot 3 \cdot (-31 + n)$$

$$0 = \frac{3}{2}n \cdot (n - 31)$$

$$0 = n \cdot (n - 31)$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-90 + 3n - 3)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-93 + 3n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot 3 \cdot (-31 + n)$$

$$0 = \frac{3}{2}n \cdot (n - 31)$$

$$0 = n \cdot (n - 31)$$

$$\cancel{n_1 = 0}$$

Vzorce

$$a_{n+1} = a_n + d$$

$$a_s = a_r + (s - r)d$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$s_n = \frac{n}{2} \cdot (a_1 + a_n)$$

Příklad 2.10 Určete součet prvních dvaceti členů aritmetické posloupnosti, je-li $a_1 = 4$, $d = 2$.

$$s_{20} = \frac{20}{2} \cdot (4 + a_n)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$s_{20} = 10 \cdot (4 + 4 + 19 \cdot 2)$$

$$s_{20} = 10 \cdot 46$$

$$\underline{\underline{s_{20} = 460}}$$

Příklad 2.11 V aritmetické posloupnosti určete n , je-li $s_n = 0$, $d = 3$, $a_1 = -45$.

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-45 + a_1 + (n - 1)d)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-90 + 3n - 3)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot (-93 + 3n)$$

$$0 = \frac{n}{2} \cdot 3 \cdot (-31 + n)$$

$$0 = \frac{3}{2}n \cdot (n - 31)$$

$$0 = n \cdot (n - 31)$$

$$\cancel{n_1 = 0} \quad \underline{\underline{n_2 = 31}}$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$



Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24 \quad \implies \quad a_1 = 5d - 24$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24 \quad \implies \quad a_1 = 5d - 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24 \quad \implies \quad a_1 = 5d - 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24 \quad \implies \quad a_1 = 5d - 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24 \quad \implies \quad a_1 = 5d - 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

$$\underline{\underline{d = 4}}$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24 \quad \implies \quad a_1 = 5d - 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$= 5 \cdot 4 - 24$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

$$\underline{\underline{d = 4}}$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24 \quad \implies a_1 = 5d - 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$= 5 \cdot 4 - 24 = \underline{\underline{-4}}$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

$$\underline{\underline{d = 4}}$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

$$\underline{\underline{d = 4}}$$

$$a_{10} = a_1 + 9d =$$

$$\implies a_1 = 5d - 24$$

$$= 5 \cdot 4 - 24 = \underline{\underline{-4}}$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

$$\underline{\underline{d = 4}}$$

$$a_{10} = a_1 + 9d = (-4) + 9 \cdot 4 =$$

$$= 5 \cdot 4 - 24 = \underline{\underline{-4}}$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24$$

$$\implies a_1 = 5d - 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$= 5 \cdot 4 - 24 = \underline{\underline{-4}}$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

$$\underline{\underline{d = 4}}$$

$$a_{10} = a_1 + 9d = (-4) + 9 \cdot 4 = \underline{\underline{32}}$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

$$\underline{\underline{d = 4}}$$

$$a_{10} = a_1 + 9d = (-4) + 9 \cdot 4 = \underline{\underline{32}}$$

$$s_{10} = \frac{10}{2} \cdot (a_1 + a_{10})$$

$$= 5 \cdot 4 - 24 = \underline{\underline{-4}}$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

$$\underline{\underline{d = 4}}$$

$$a_{10} = a_1 + 9d = (-4) + 9 \cdot 4 = \underline{\underline{32}}$$

$$s_{10} = \frac{10}{2} \cdot (a_1 + a_{10})$$

$$s_{10} = 5 \cdot (-4 + 32)$$

$$= 5 \cdot 4 - 24 = \underline{\underline{-4}}$$

Příklad 2.12 Určete součet prvních deseti členů aritmetické posloupnosti, je-li

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40, \quad -a_1 - a_5 + a_{10} = 24.$$

$$a_1 + a_5 + a_{10} = 40$$

$$-a_1 - a_5 + a_{10} = 24$$

$$a_1 + (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 40$$

$$-a_1 - (a_1 + 4d) + (a_1 + 9d) = 24$$

$$3a_1 + 13d = 40$$

$$-a_1 + 5d = 24$$

$$3(5d - 24) + 13d = 40$$

$$15d - 72 + 13d = 40$$

$$28d = 112$$

$$\underline{\underline{d = 4}}$$

$$a_{10} = a_1 + 9d = (-4) + 9 \cdot 4 = \underline{\underline{32}}$$

$$s_{10} = \frac{10}{2} \cdot (a_1 + a_{10})$$

$$s_{10} = 5 \cdot (-4 + 32)$$

$$\underline{\underline{s_{10} = 140}}$$

$$\implies a_1 = 5d - 24$$

$$= 5 \cdot 4 - 24 = \underline{\underline{-4}}$$

Příklad 2.13 Určete součet prvních dvanácti členů aritmetické posloupnosti $(a_n)_{n=1}^{\infty}$, pro kterou platí:

a) $a_1 = 6, a_{12} = 28$ [204] b) $a_1 = 0, d = 1,5$ [99] c) $a_4 = 7, a_8 = -1$ [24]

Domácí úkol (zdroj: [Vzorce pro aritmetickou posloupnost na realisticky.cz](http://Vzorce.pro-aritmetickou-posloupnost-na-realisticky.cz))

Vypočítejte součet všech dvouciferných sudých čísel

a) dvouciferných sudých čísel, b) trojciferných násobků čísla 7.

Příklad 2.14 Náruživý kuřák chce každých 30 dní snížit svou denní spotřebu o 2 cigarety. Kolik ušetří za 360 dní, jestliže jedna krabička (20 cigaret) stojí 80 CZK?

1 – 30 ... $x - 2$ cigaret denně	... 60cigaret	... 3krabičky	... 240Kč = a_1
31 – 60 ... $x - 4$ cigarety denně	... 120	... 6krabiček	... 480Kč
61 – 90 ... $x - 6$ cigarety denně	... 180	... 9krabiček	... 720Kč
⋮			
331 – 360 ... $x - ?$ cigaret denně			

$$d = 240, n = \frac{360}{30} = 12$$

$$s_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$$

$$s_{12} = \frac{12}{2}(240 + a_n)$$

$$s_{12} = 6 \cdot (240 + 2880)$$

$$s_{12} = 6 \cdot (3120)$$

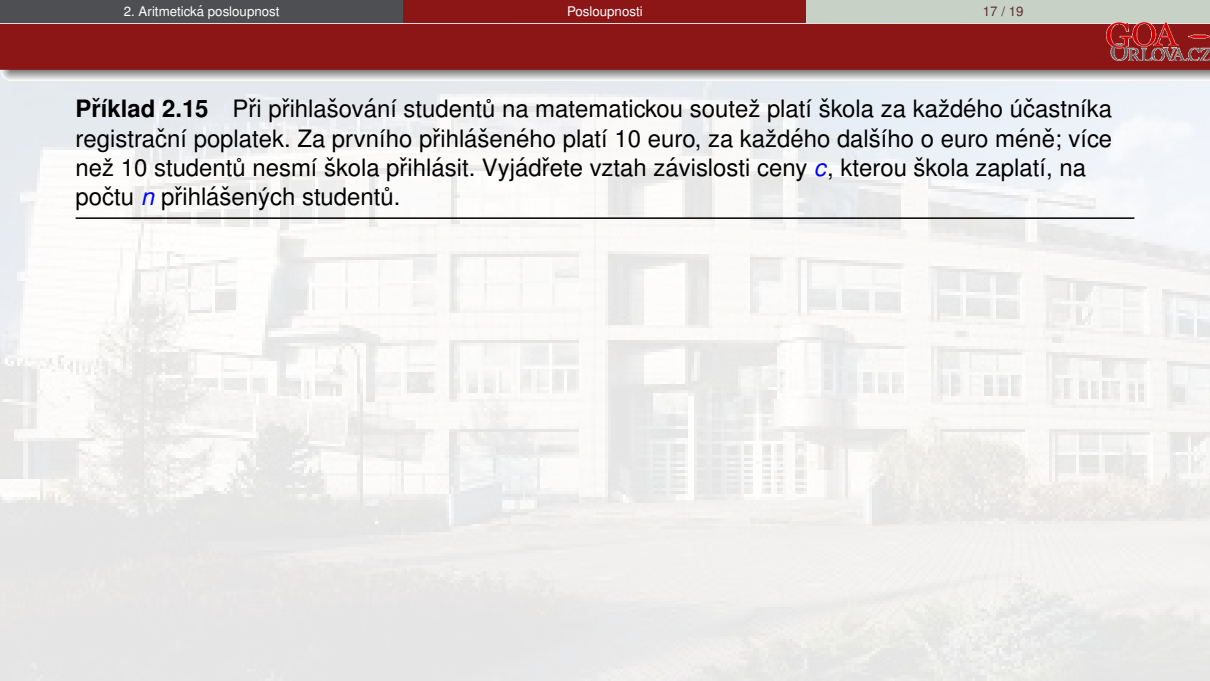
$$\underline{\underline{s_{12} = 18720}}$$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_n = 240 + (12 - 1)240$$


$$a_n = 2880$$

Příklad 2.15 Při přihlašování studentů na matematickou soutěž platí škola za každého účastníka registrační poplatek. Za prvního přihlášeného platí 10 euro, za každého dalšího o euro méně; více než 10 studentů nesmí škola přihlásit. Vyjádřete vztah závislosti ceny c , kterou škola zaplatí, na počtu n přihlášených studentů.



Příklad 2.16 Cyklista má v plánu ujet 1666 km za 14 dní dovolené. Ví, že postupně ujede každý den o stejný počet kilometrů méně než předchozí, a podle toho si naplánoval trasu. Poslední den mu zbývalo ujet jen 80 km. Jaký je rozdíl v ujetých kilometrech mezi dvěma po sobě jdoucími dny?





Konec
(2. Aritmetická posloupnost)