

# Analytická geometrie

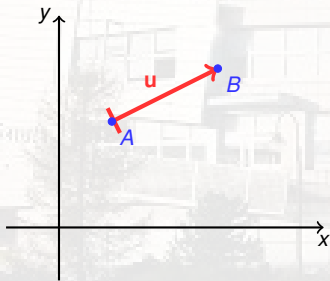
Jaroslav Drobek

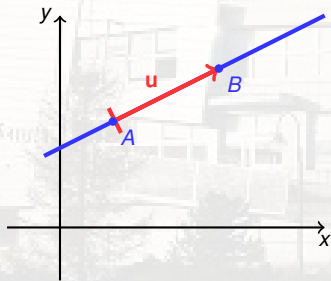
[jaroslav.drobek@goa-orlova.cz](mailto:jaroslav.drobek@goa-orlova.cz)

Gymnázium a Obchodní akademie Orlová

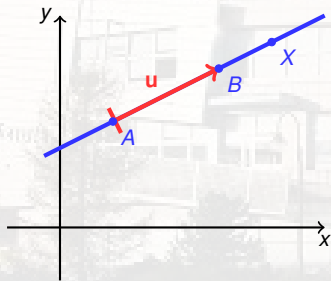
## 2. Přímka

GOA –  
ORLOVA.CZ



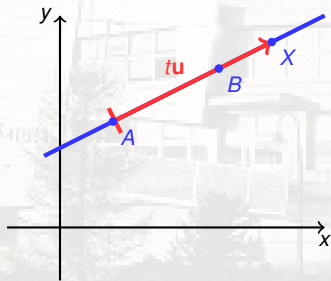


$u$  je nenulový



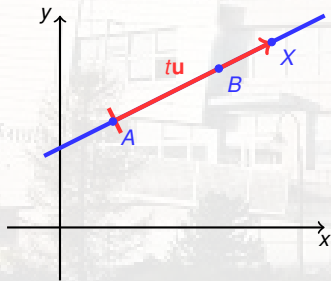
$\mathbf{u}$  je nenulový

$$X = A + tu$$



$u$  je nenulový

$$X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$

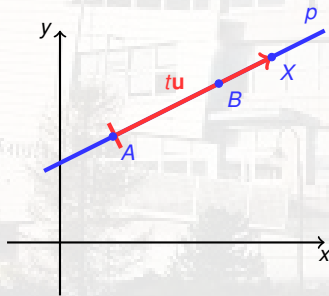


$u$  je nenulový

► Parametrická rovnice přímky

:

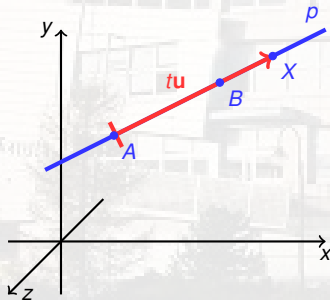
$$p: X = A + tu, t \in \mathbb{R}$$



**u** je nenulový ... **směrový vektor**

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$

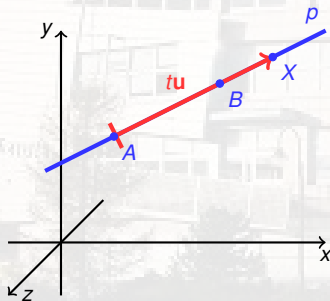


$u$  je nenulový ... **směrový vektor**



- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



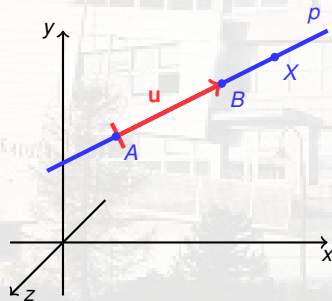
$\mathbf{u}$  je nenulový ... směrový vektor

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... směrový vektor

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

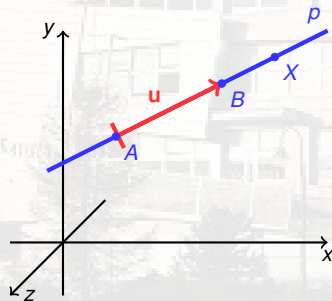
$$p: ax + by + c = 0$$

### Příklad 2.1

Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... směrový vektor

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

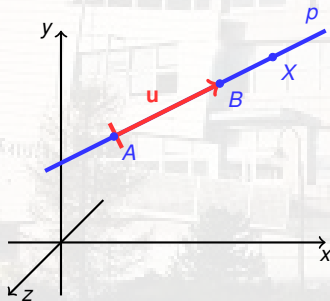
### Příklad 2.1

Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

$$u = B - A = [2, 2, 6] - [1, 2, 5]$$

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... **směrový vektor**

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

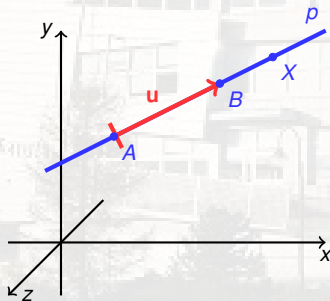
### Příklad 2.1

Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

$$u = B - A = [2, 2, 6] - [1, 2, 5] = (1, 0, 1)$$

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... **směrový vektor**

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

### Příklad 2.1

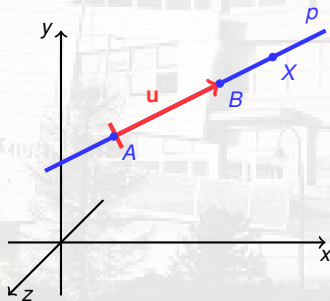
Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

$$u = B - A = [2, 2, 6] - [1, 2, 5] = (1, 0, 1)$$

$$\underline{p: \quad X = [1, 2, 5] + t(1, 0, 1), \quad t \in \mathbb{R}}$$

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... **směrový vektor**

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

### Příklad 2.1

Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

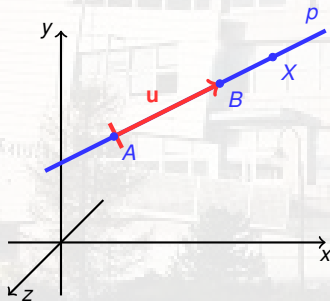
$$u = B - A = [2, 2, 6] - [1, 2, 5] = (1, 0, 1)$$

$$p: \quad X = [1, 2, 5] + t(1, 0, 1), \quad t \in \mathbb{R}$$

$$[x, y, z] = [1, 2, 5] + (t, 0, t)$$

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... **směrový vektor**

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

### Příklad 2.1

Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

$$u = B - A = [2, 2, 6] - [1, 2, 5] = (1, 0, 1)$$

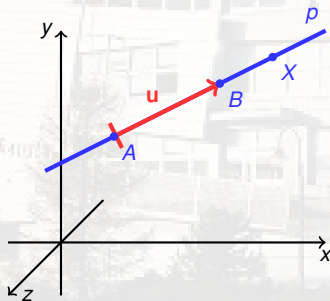
$$p: \quad X = [1, 2, 5] + t(1, 0, 1), \quad t \in \mathbb{R}$$

$$[x, y, z] = [1, 2, 5] + (t, 0, t)$$

$$[x, y, z] = [1 + t, 2, 5 + t]$$

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... **směrový vektor**

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

### Příklad 2.1

Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

$$u = B - A = [2, 2, 6] - [1, 2, 5] = (1, 0, 1)$$

$$p: \quad X = [1, 2, 5] + t(1, 0, 1), \quad t \in \mathbb{R}$$

$$[x, y, z] = [1, 2, 5] + (t, 0, t)$$

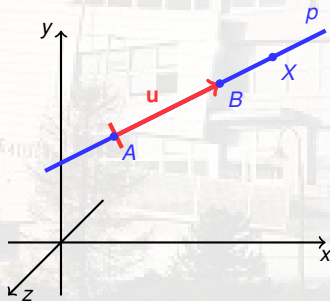
$$[x, y, z] = [1 + t, 2, 5 + t]$$

$$x = 1 + t$$



- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... **směrový vektor**

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

### Příklad 2.1

Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

$$u = B - A = [2, 2, 6] - [1, 2, 5] = (1, 0, 1)$$

$$p: \quad X = [1, 2, 5] + t(1, 0, 1), \quad t \in \mathbb{R}$$

$$[x, y, z] = [1, 2, 5] + (t, 0, t)$$

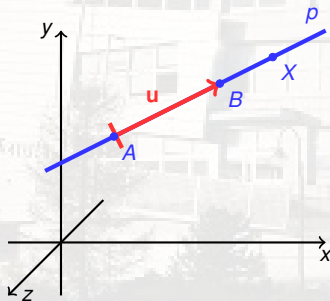
$$[x, y, z] = [1 + t, 2, 5 + t]$$

$$x = 1 + t$$

$$y = 2$$

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... **směrový vektor**

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

### Příklad 2.1

Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

$$u = B - A = [2, 2, 6] - [1, 2, 5] = (1, 0, 1)$$

$$p: \quad X = [1, 2, 5] + t(1, 0, 1), \quad t \in \mathbb{R}$$

$$[x, y, z] = [1, 2, 5] + (t, 0, t)$$

$$[x, y, z] = [1 + t, 2, 5 + t]$$

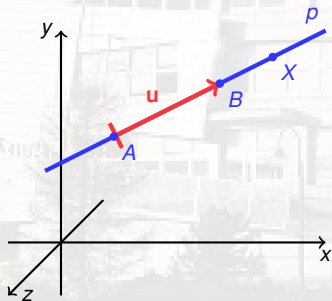
$$x = 1 + t$$

$$y = 2$$

$$z = 5 + t$$

- Parametrická rovnice přímky (v  $E_2$  i  $E_3$ ) :

$$p: X = A + tu, \quad t \in \mathbb{R}$$



$u$  je nenulový ... **směrový vektor**

- Obecná rovnice přímky (jen v  $E_2$ !):

$$p: \quad ax + by + c = 0$$

### Příklad 2.1

Určete parametrickou rovnici přímky  $p \subset E_3$ , která obsahuje body  $A = [1, 2, 5]$ ,  $B = [2, 2, 6]$ .

$$u = B - A = [2, 2, 6] - [1, 2, 5] = (1, 0, 1)$$

$$p: \quad X = [1, 2, 5] + t(1, 0, 1), \quad t \in \mathbb{R}$$

$$[x, y, z] = [1, 2, 5] + (t, 0, t)$$

$$[x, y, z] = [1 + t, 2, 5 + t]$$

$$p: \quad \left. \begin{array}{l} x = 1 + t \\ y = 2 \\ z = 5 + t \end{array} \right\} t \in \mathbb{R}$$

**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2), \quad t \in \mathbb{R}$ ?

---



**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2), \quad t \in \mathbb{R}$ ?

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2), \quad t \in \mathbb{R}$ ?

---

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

Tj. existuje řešení  $t$  této rovnice?

**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2), \quad t \in \mathbb{R}$ ?

---

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

Tj. existuje řešení  $t$  této rovnice?

Upravme pravou stranu – začněme násobením vektoru skalárem  $t$ :

$$[4; 3] = [-4; -6] + (2t; 2t)$$

**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2), \quad t \in \mathbb{R}$ ?

---

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

Tj. existuje řešení  $t$  této rovnice?

Upravme pravou stranu – začněme násobením vektoru skalárem  $t$ :

$$[4; 3] = [-4; -6] + (2t; 2t)$$

Pokračujme – „přidejme“ vektor k bodu:

$$[4; 3] = [-4 + 2t; -6 + 2t]$$



**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2), \quad t \in \mathbb{R}$ ?

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

Tj. existuje řešení  $t$  této rovnice?

Upravme pravou stranu – začněme násobením vektoru skalárem  $t$ :

$$[4; 3] = [-4; -6] + (2t; 2t)$$

Pokračujme – „přidejme“ vektor k bodu:

$$[4; 3] = [-4 + 2t; -6 + 2t]$$

Dostáváme rovnost mezi dvěma body. Kdy jsou si dva body rovny?

**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2), \quad t \in \mathbb{R}$ ?

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

Tj. existuje řešení  $t$  této rovnice?

Upravme pravou stranu – začněme násobením vektoru skalárem  $t$ :

$$[4; 3] = [-4; -6] + (2t; 2t)$$

Pokračujme – „přidejme“ vektor k bodu:

$$[4; 3] = [-4 + 2t; -6 + 2t]$$

Dostáváme rovnost mezi dvěma body. Kdy jsou si dva body rovny?  
Právě tehdy, jsou-li si rovny jejich první a současně druhé souřadnice.

**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2), \quad t \in \mathbb{R}$ ?

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

Tj. existuje řešení  $t$  této rovnice?

Upravme pravou stranu – začněme násobením vektoru skalárem  $t$ :

$$[4; 3] = [-4; -6] + (2t; 2t)$$

Pokračujme – „přidejme“ vektor k bodu:

$$[4; 3] = [-4 + 2t; -6 + 2t]$$

Dostáváme rovnost mezi dvěma body. Kdy jsou si dva body rovny?

Právě tehdy, jsou-li si rovny jejich první a současně druhé souřadnice. Tj., existuje-li řešení soustavy lineárních rovnic:

**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2)$ ,  $t \in \mathbb{R}$ ?

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

Tj. existuje řešení  $t$  této rovnice?

Upravme pravou stranu – začněme násobením vektoru skalárem  $t$ :

$$[4; 3] = [-4; -6] + (2t; 2t)$$

Pokračujme – „přidejme“ vektor k bodu:

$$[4; 3] = [-4 + 2t; -6 + 2t]$$

Dostáváme rovnost mezi dvěma body. Kdy jsou si dva body rovny?

Právě tehdy, jsou-li si rovny jejich první a současně druhé souřadnice. Tj., existuje-li řešení soustavy lineárních rovnic:

$$4 = -4 + 2t$$

$$3 = -6 + 2t$$

**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2), \quad t \in \mathbb{R}$ ?

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

Tj. existuje řešení  $t$  této rovnice?

Upravme pravou stranu – začněme násobením vektoru skalárem  $t$ :

$$[4; 3] = [-4; -6] + (2t; 2t)$$

Pokračujme – „přidejme“ vektor k bodu:

$$[4; 3] = [-4 + 2t; -6 + 2t]$$

Dostáváme rovnost mezi dvěma body. Kdy jsou si dva body rovny?

Právě tehdy, jsou-li si rovny jejich první a současně druhé souřadnice. Tj., existuje-li řešení soustavy lineárních rovnic:

$$4 = -4 + 2t$$

$$3 = -6 + 2t$$

Snadno vidíme, že neexistuje.

**Příklad 2.2** Leží bod  $[4; 3]$  na přímce  $p : X = [-4; -6] + t(2; 2)$ ,  $t \in \mathbb{R}$ ?

Tj. existuje  $t \in \mathbb{R}$  tak, že platí

$$[4; 3] = [-4; -6] + t(2; 2) \quad ?$$

Tj. existuje řešení  $t$  této rovnice?

Upravme pravou stranu – začněme násobením vektoru skalárem  $t$ :

$$[4; 3] = [-4; -6] + (2t; 2t)$$

Pokračujme – „přidejme“ vektor k bodu:

$$[4; 3] = [-4 + 2t; -6 + 2t]$$

Dostáváme rovnost mezi dvěma body. Kdy jsou si dva body rovny?

Právě tehdy, jsou-li si rovny jejich první a současně druhé souřadnice. Tj., existuje-li řešení soustavy lineárních rovnic:

$$4 = -4 + 2t$$

$$3 = -6 + 2t$$

Snadno vidíme, že neexistuje.  $\implies$  Bod  $[4; 3]$  neleží na přímce  $p$ .

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

---



# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

$$n_p = (1; 2)$$





# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$



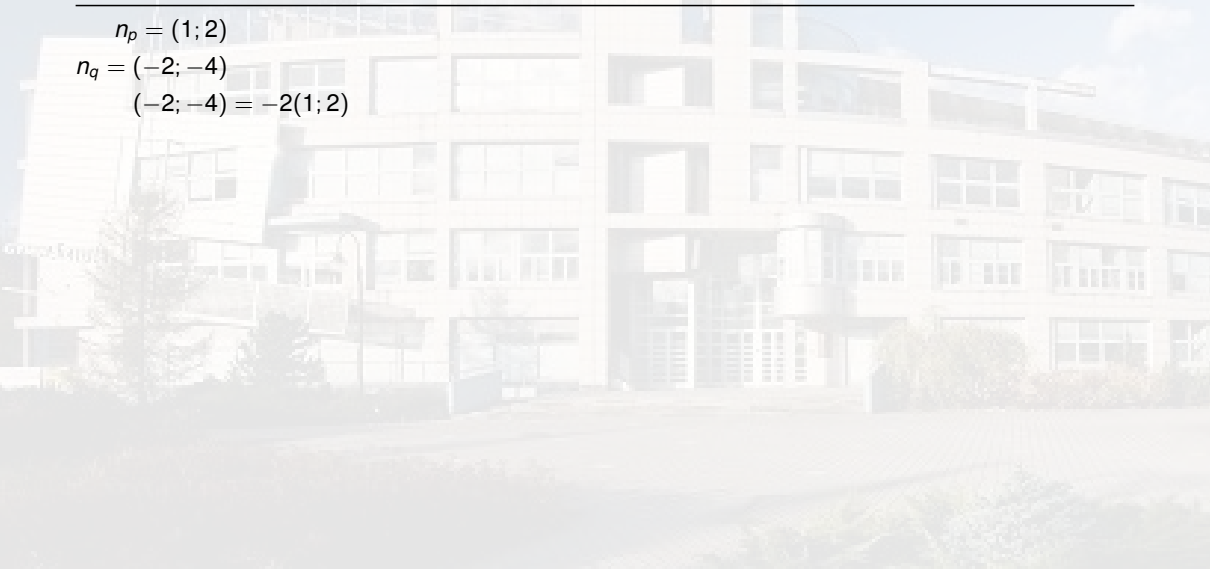
# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$



# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p$$

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q$$

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou rovnoběžné}}}$$

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

---

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou rovnoběžné}}}$$

**Příklad 2.4** Jsou přímky  $p: -2x + y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y - 2 = 0$  kolmé?

---

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

---

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou rovnoběžné}}}$$

**Příklad 2.4** Jsou přímky  $p: -2x + y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y - 2 = 0$  kolmé?

---

$$n_p = (-2; 1)$$

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

---

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou rovnoběžné}}}$$

**Příklad 2.4** Jsou přímky  $p: -2x + y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y - 2 = 0$  kolmé?

---

$$n_p = (-2; 1)$$

$$n_q = (-2; -4)$$



# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

---

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou rovnoběžné}}}$$

**Příklad 2.4** Jsou přímky  $p: -2x + y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y - 2 = 0$  kolmé?

---

$$n_p = (-2; 1)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$n_p \cdot n_q = (-2; 1) \cdot (-2; -4)$$

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

---

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou rovnoběžné}}}$$

**Příklad 2.4** Jsou přímky  $p: -2x + y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y - 2 = 0$  kolmé?

---

$$n_p = (-2; 1)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$n_p \cdot n_q = (-2; 1) \cdot (-2; -4) = (-2) \cdot (-2) + 1 \cdot (-4) = 0$$

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

---

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou rovnoběžné}}}$$

**Příklad 2.4** Jsou přímky  $p: -2x + y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y - 2 = 0$  kolmé?

---

$$n_p = (-2; 1)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$n_p \cdot n_q = (-2; 1) \cdot (-2; -4) = (-2) \cdot (-2) + 1 \cdot (-4) = 0$$

$$n_p \cdot n_q = 0$$

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

---

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou rovnoběžné}}}$$

**Příklad 2.4** Jsou přímky  $p: -2x + y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y - 2 = 0$  kolmé?

---

$$n_p = (-2; 1)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$n_p \cdot n_q = (-2; 1) \cdot (-2; -4) = (-2) \cdot (-2) + 1 \cdot (-4) = 0$$

$$n_p \cdot n_q = 0 \implies n_p \perp n_q$$

# Vzájemná poloha dvou přímek

**Příklad 2.3** Jsou přímky  $p: x + 2y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y + 4 = 0$  rovnoběžné?

---

$$n_p = (1; 2)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$(-2; -4) = -2(1; 2)$$

$$n_q = -2n_p \implies n_p \parallel n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou rovnoběžné}}}$$

**Příklad 2.4** Jsou přímky  $p: -2x + y + 1 = 0$ ,  $q: -2x - 4y - 2 = 0$  kolmé?

---

$$n_p = (-2; 1)$$

$$n_q = (-2; -4)$$

$$n_p \cdot n_q = (-2; 1) \cdot (-2; -4) = (-2) \cdot (-2) + 1 \cdot (-4) = 0$$

$$n_p \cdot n_q = 0 \implies n_p \perp n_q \implies \underline{\underline{p, q \text{ jsou kolmé}}}$$



**Konec**  
(2. Přímka)