

Stereometrie

Jaroslav Drobek

jaroslav.drobek@goa-orlova.cz

Gymnázium a Obchodní akademie Orlová

4. Metrické úlohy

GOA –
ORLOVA.CZ

Odchylky přímek

Základní pravidla:

- Odchylka dvou různoběžných přímek je velikost každého z ostrých nebo pravých úhlů, které přímky spolu svírají.

Odchylky přímek

Základní pravidla:

- ▶ Odchylka dvou různoběžných přímek je velikost každého z ostrých nebo pravých úhlů, které přímky spolu svírají.
- ▶ Odchylka dvou rovnoběžných přímek je 0° .

Odchylky přímek

Základní pravidla:

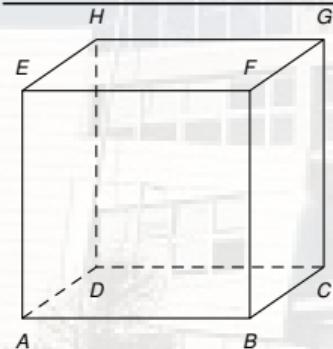
- ▶ Odchylka dvou různoběžných přímek je velikost každého z ostrých nebo pravých úhlů, které přímky spolu svírají.
- ▶ Odchylka dvou rovnoběžných přímek je 0° .
- ▶ Odchylka dvou mimoběžných přímek je odchylka různoběžných přímek vedených libovolným bodem prostoru rovnoběžně s danými mimoběžkami.

Odchylky přímek

Příklad 4.1 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BG a GD .

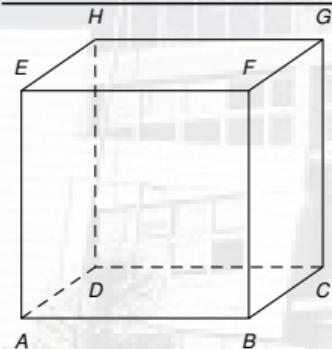
Odchylky přímek

Příklad 4.1 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BG a GD .



Odchylky přímek

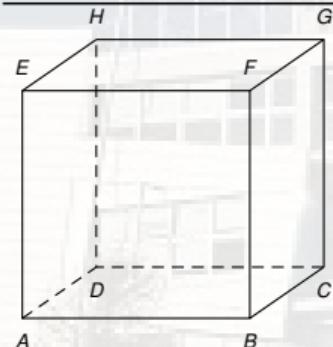
Příklad 4.1 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BG a GD .



- ▶ $\triangle BGD$ je rovnostranný

Odchylky přímek

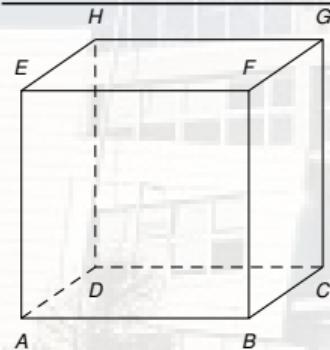
Příklad 4.1 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BG a GD .



- ▶ $\triangle BGD$ je rovnostranný
- ▶ $|\angle BGD| = 60^\circ$

Odchylky přímek

Příklad 4.1 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BG a GD .



- ▶ $\triangle BGD$ je rovnostranný
- ▶ $|\angle BGD| = 60^\circ$
- ▶ $|\angle(BG, GD)| = 60^\circ$

Odchylky přímek

Příklad 4.2 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek AS_{BC} a AD , kde bod S_{BC} je střed hrany BC .

Odchylky přímek

Příklad 4.2 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek AS_{BC} a AD , kde bod S_{BC} je střed hrany BC .

► $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$

Odchylky přímek

Příklad 4.2 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek AS_{BC} a AD , kde bod S_{BC} je střed hrany BC .

- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$

Odchylky přímek

Příklad 4.2 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek AS_{BC} a AD , kde bod S_{BC} je střed hrany BC .

- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ $\triangle ABS_{BC}$ je pravoúhlý

Odchylky přímek

Příklad 4.2 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek AS_{BC} a AD , kde bod S_{BC} je střed hrany BC .

- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ $\triangle ABS_{BC}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$

Odchylky přímek

Příklad 4.2 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek AS_{BC} a AD , kde bod S_{BC} je střed hrany BC .

- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ $\triangle ABS_{BC}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ potom $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{|AB|}{|BS_{BC}|} = \frac{|AB|}{\frac{|AB|}{2}} = 2$

Odchylky přímek

Příklad 4.2 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek AS_{BC} a AD , kde bod S_{BC} je střed hrany BC .

- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ $\triangle ABS_{BC}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ potom $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{|AB|}{|BS_{BC}|} = \frac{|AB|}{\frac{|AB|}{2}} = 2$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici

$$\operatorname{tg} \alpha = 2$$

$$\alpha = \operatorname{arctg} 2$$

$$\alpha = 63,43^\circ$$

Odchylky přímek

Příklad 4.2 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek AS_{BC} a AD , kde bod S_{BC} je střed hrany BC .

- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ $\triangle ABS_{BC}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(AS_{BC}, BC)$
- ▶ potom $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{|AB|}{|BS_{BC}|} = \frac{|AB|}{\frac{|AB|}{2}} = 2$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici $\operatorname{tg} \alpha = 2$
$$\alpha = \operatorname{arctg} 2$$
$$\alpha = 63,43^\circ$$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = 63,43^\circ$

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

► $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶ $\triangle BDS_{DH}$ je pravoúhlý

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶ $\triangle BDS_{DH}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$, $a = |AB|$

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶ $\triangle BDS_{DH}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$, $a = |AB|$
- ▶ potom $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶ $\triangle BDS_{DH}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$, $a = |AB|$
- ▶ potom $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$
$$\alpha = \operatorname{arctg} 2\sqrt{2}$$
$$\alpha = 70,53^\circ$$

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶ $\triangle BDS_{DH}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$, $a = |AB|$
- ▶ potom $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$
$$\alpha = \operatorname{arctg} 2\sqrt{2}$$
$$\alpha = 70,53^\circ$$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = 70,53^\circ$

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶ $\triangle BDS_{DH}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$, $a = |AB|$
- ▶ potom $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$
$$\alpha = \operatorname{arctg} 2\sqrt{2}$$
$$\alpha = 70,53^\circ$$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = 70,53^\circ$

Odchylky přímek

Příklad 4.3 Je dána krychle $ABCDEFGH$. Vypočítejte odchylku přímek BS_{DH} a AE , kde bod S_{DH} je střed hrany DH .

- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = ?$
- ▶ $\sphericalangle(BS_{DH}, AE) = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$
- ▶ $\triangle BDS_{DH}$ je pravoúhlý
- ▶ označme $\alpha = \sphericalangle(BS_{DH}, DH)$, $a = |AB|$
- ▶ potom $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{protilehlá}}{\text{přilehlá}} = \frac{\sqrt{2}a^2}{\frac{a}{2}} = 2\sqrt{2}$
- ▶ řešme goniometrickou rovnici $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$
$$\alpha = \operatorname{arctg} 2\sqrt{2}$$
$$\alpha = 70,53^\circ$$
- ▶ $\sphericalangle(AS_{BC}, AD) = 70,53^\circ$

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.4 V kvádru $ABCDEFGH$ platí: $|AB| = 6 \text{ cm}$, $|BC| = 4 \text{ cm}$, $|AE| = 8 \text{ cm}$. Určete vzdálenost bodů E , S , kde bod S je střed podstavy $ABCD$.

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.4 V kvádru $ABCDEFGH$ platí: $|AB| = 6 \text{ cm}$, $|BC| = 4 \text{ cm}$, $|AE| = 8 \text{ cm}$. Určete vzdálenost bodů E , S , kde bod S je střed podstavy $ABCD$.

- ▶ $|ES|$ je délka přepony v pravoúhlém $\triangle ASE$, v němž

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.4 V kvádru $ABCDEFGH$ platí: $|AB| = 6 \text{ cm}$, $|BC| = 4 \text{ cm}$, $|AE| = 8 \text{ cm}$. Určete vzdálenost bodů E , S , kde bod S je střed podstavy $ABCD$.

- ▶ $|ES|$ je délka přepony v pravoúhlém $\triangle ASE$, v němž
- ▶ známe délku odvěsny AE

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.4 V kvádru $ABCDEFGH$ platí: $|AB| = 6 \text{ cm}$, $|BC| = 4 \text{ cm}$, $|AE| = 8 \text{ cm}$. Určete vzdálenost bodů E , S , kde bod S je střed podstavy $ABCD$.

- ▶ $|ES|$ je délka přepony v pravoúhlém $\triangle ASE$, v němž
- ▶ známe délku odvěsny AE
- ▶ pokusíme se dopočítat délku odvěsny AS :

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.4 V kvádru $ABCDEFGH$ platí: $|AB| = 6 \text{ cm}$, $|BC| = 4 \text{ cm}$, $|AE| = 8 \text{ cm}$. Určete vzdálenost bodů E , S , kde bod S je střed podstavy $ABCD$.

- ▶ $|ES|$ je délka přepony v pravoúhlém $\triangle ASE$, v němž
- ▶ známe délku odvěsny AE
- ▶ pokusíme se dopočítat délku odvěsny AS :
 - ▶ $|AS|$ je polovina délky přepony v rovnoramenném pravoúhlém $\triangle ABC$, v němž známe délky obou odvěsen AB, BC

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.4 V kvádru $ABCDEFGH$ platí: $|AB| = 6 \text{ cm}$, $|BC| = 4 \text{ cm}$, $|AE| = 8 \text{ cm}$. Určete vzdálenost bodů E , S , kde bod S je střed podstavy $ABCD$.

- ▶ $|ES|$ je délka přepony v pravoúhlém $\triangle ASE$, v němž
- ▶ známe délku odvěsny AE
- ▶ pokusíme se dopočítat délku odvěsny AS :
 - ▶ $|AS|$ je polovina délky přepony v rovnoramenném pravoúhlém $\triangle ABC$, v němž známe délky obou odvěsen AB , BC
 - ▶ podle Pythagorovy věty $|AC|^2 = |AB|^2 + |BC|^2 = 6^2 + 4^2 = 52$

$$|AC| = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$

$$|AS| = \frac{1}{2} |AC| = \underline{\underline{\sqrt{13}}}$$

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.4 V kvádru $ABCDEFGH$ platí: $|AB| = 6 \text{ cm}$, $|BC| = 4 \text{ cm}$, $|AE| = 8 \text{ cm}$. Určete vzdálenost bodů E , S , kde bod S je střed podstavy $ABCD$.

- ▶ $|ES|$ je délka přepony v pravoúhlém $\triangle ASE$, v němž
- ▶ známe délku odvěsny AE
- ▶ pokusíme se dopočítat délku odvěsny AS :
 - ▶ $|AS|$ je polovina délky přepony v rovnoramenném pravoúhlém $\triangle ABC$, v němž známe délky obou odvěsen AB , BC
 - ▶ podle Pythagorovy věty $|AC|^2 = |AB|^2 + |BC|^2 = 6^2 + 4^2 = 52$

$$|AC| = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$

$$|AS| = \frac{1}{2} |AC| = \underline{\underline{\sqrt{13}}}$$

- ▶ nyní opět podle Pythagorovy věty $|ES|^2 = |AS|^2 + |AE|^2 = 13 + 64 = 77$

$$\underline{\underline{|ES| = \sqrt{77} \text{ cm}}}$$

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
 - b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .
-

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a) ► jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce AH procházející bodem S ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce AH procházející bodem S ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj. a

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce AH procházející bodem S ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj. a
 - ▶ $|S \leftrightarrow AH| = a$

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce AH procházející bodem S ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj. a
 - ▶ $|S \leftrightarrow AH| = a$
 - b)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S_{AB} a body přímky GH .

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce AH procházející bodem S ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj. a
 - ▶ $|S \leftrightarrow AH| = a$
 - b)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S_{AB} a body přímky GH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce GH procházející bodem S_{AB} ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce AH procházející bodem S ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj. a
 - ▶ $|S \leftrightarrow AH| = a$
 - b)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S_{AB} a body přímky GH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce GH procházející bodem S_{AB} ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná úsečka BG

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce AH procházející bodem S ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj. a
 - ▶ $|S \leftrightarrow AH| = a$
 - b)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S_{AB} a body přímky GH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce GH procházející bodem S_{AB} ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná úsečka BG
 - ▶ úsečka BG je přeponou v rovnoramenném a pravoúhlém $\triangle BCG$

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce AH procházející bodem S ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj. a
 - ▶ $|S \leftrightarrow AH| = a$
 - b)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S_{AB} a body přímky GH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce GH procházející bodem S_{AB} ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná úsečka BG
 - ▶ úsečka BG je přeponou v rovnoramenném a pravoúhlém $\triangle BCG$
 - ▶ podle Pythagorovy věty $|BG|^2 = |BC|^2 + |CG|^2 = a^2 + a^2 = 2a^2$

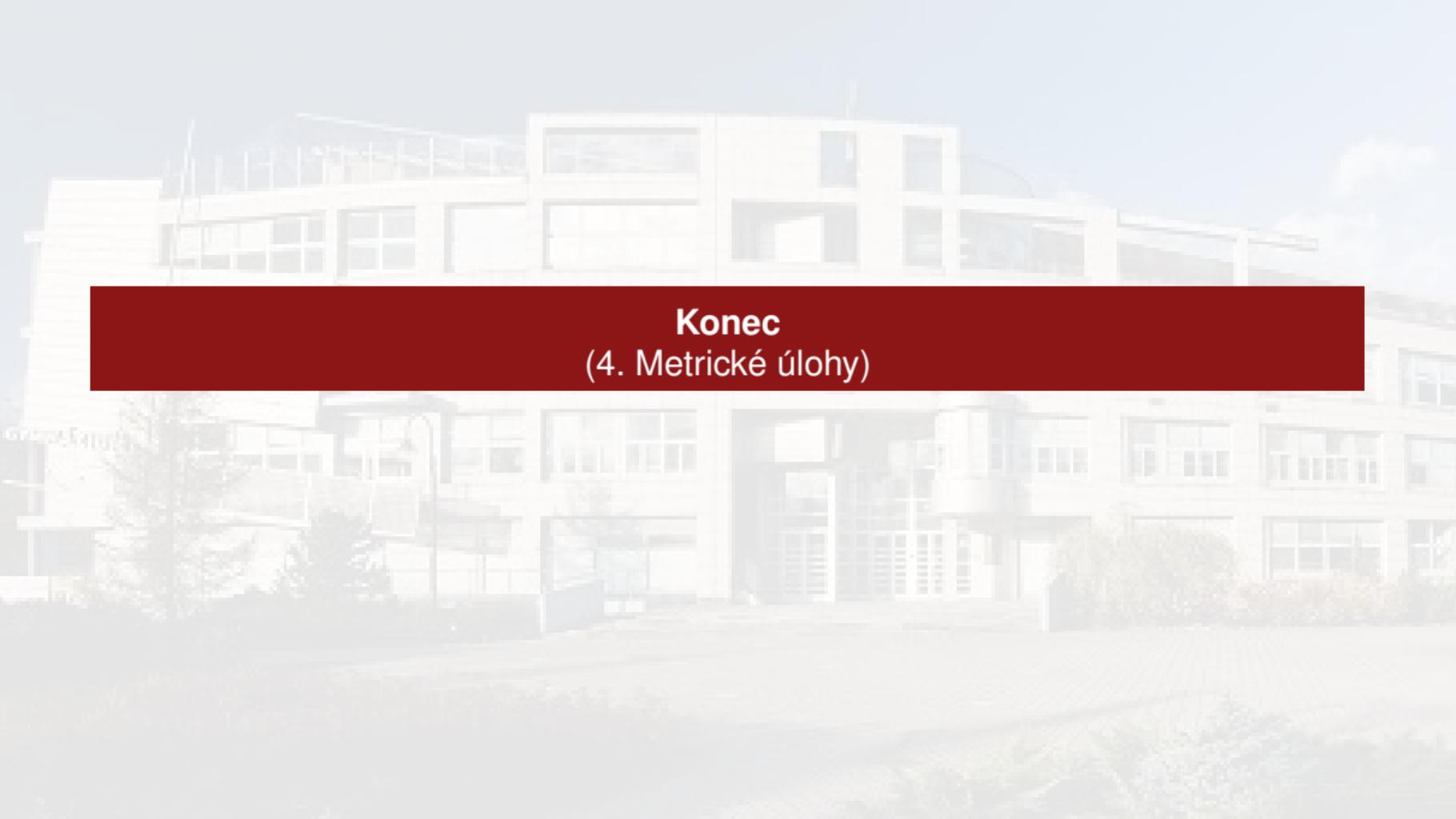
$$|BG| = \sqrt{2}a$$

Vzdálenosti bodů, přímek

Příklad 4.5 Je dána krychle $ABCDEFGH$ s hranou délky a . Určete

- a) vzdálenost bodu S (střed úhlopříčky CF) od přímky AH ,
- b) vzdálenost bodu S_{AB} (střed hrany AB) od přímky GH .

-
- a)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S a body přímky AH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce AH procházející bodem S ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná hrana krychle, tj. a
 - ▶ $|S \leftrightarrow AH| = a$
 - b)
 - ▶ jde o délku nejkratší možné spojnice mezi bodem S_{AB} a body přímky GH .
 - ▶ nejkratší možná spojnice leží na kolmici k přímce GH procházející bodem S_{AB} ; jejím druhým koncovým bodem je pata kolmice
 - ▶ tato spojnice má stejnou délku jako s ní rovnoběžná úsečka BG
 - ▶ úsečka BG je přeponou v rovnoramenném a pravoúhlém $\triangle BCG$
 - ▶ podle Pythagorovy věty $|BG|^2 = |BC|^2 + |CG|^2 = a^2 + a^2 = 2a^2$
$$|BG| = \sqrt{2}a$$
 - ▶ $|S_{AB} \leftrightarrow GH| = \sqrt{2}a$



Konec
(4. Metrické úlohy)