9

### Contents 10 11 1 基礎 1 12 13 14 15 16 3 圖論 17 1 3.1 並查集 1 18 3.2 最小生成樹 19 20 } 4 數學

# STL

### binarySearch

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
4 int binary_search(const vector<int> &data, int key)
5 {
6
      int low = 0;
      int high = data.size()-1;
7
8
      while (low <= high)</pre>
9
10
          int mid = int((low + high) / 2);
11
          if (key == data[mid])
12
              return mid;
          else if (key > data[mid])
13
              low = mid + 1;
14
15
          else
              high = mid - 1;
16
17
18
      return -1;
19 }
20
21 int main()
22
  {
      vector<int> data = {1, 9, 2, 7, 4, 10, 3, 8, 5,
23
           6};
24
      int key = 7;
25
26
      sort(data.begin(), data.end());
27
28
      int ret = binary_search(data, key);
      if (ret == -1)
29
          cout << "找不到\n";
30
31
          cout << "找到索引值" << ret << "\n";
32
                                  //最左邊 ≥ k 的位置
33
    //lower\_bound(a, a + n, k);
                                     //最左邊 > k 的位置
34
    //upper_bound(a, a + n, k);
35
    //upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
    //lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
36
    //[lower_bound, upper_bound) //等於 k 的範圍
37
38
    //equal_range(a, a+n, k);
39 }
```

### 1.2 stringstream

```
1 #include <sstream>
2 using namespace std;
3
4 int main()
5 {
6
    stingstream ss;
    int num = 1234;
```

### 2.1 map

string output;

string\_to\_int << ss;

ss >> output; //integer to string

ss.clear(); //initialization

string\_to\_int >> num; //string to integer

ss << num;

ss.str("");

return 0;

```
#include <bits/stdc++.h> // #include <map>
  using namespace std;
  int main()
 4
 5
  {
     map<int, string> m = {{1, "Tom"}};
 6
     m.insert(pair<int, string>(7, "Jack"));
     m[15] = "John";
 8
     for (const auto& s : m) // map<int,</pre>
 9
         string>::iterator it = m.begin()
10
     {
       cout << s.first << " " << s.second << endl;</pre>
11
     }
12
13
     m.erase(7);
     for (auto it = m.rbegin(); it!= m.rend(); it++)
14
15
16
       cout << it->first << " " << it->second << endl;</pre>
17
18
     m.clear();
19
     return 0;
20 }
```

### 3.1 並查集

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2
  using namespace std;
3
  #define N 10
  int p[N], rank[N]; // rank -> tree height, sz ->
5
       group size
  void init()
6
7
  {
8
       for (int i = 0; i < N; i++)
9
       {
10
           p[i] = i;
11
           rank[i] = 1;
12
13 }
  int Find(int x)
14
15
       if (x == p[x])
16
17
           return x;
       return p[x] = Find(p[x]);
18
19
  }
20
  void Union(int a, int b) // tree height
21
22
       a = Find(a);
23
       b = Find(b);
24
       if (a == b)
           return;
25
       if (rank[a] < rank[b])</pre>
26
```

```
27
           p[a] = b;
       else if (rank[a] > rank[b])
28
29
           p[b] = a;
30
       else
31
       {
32
            p[a] = b;
33
            rank[a]++;
34
       }
35 }
36 // void Union(int a, int b) // group size
37 // {
38 //
          a = Find(a):
39 //
          b = Find(b);
          if (a == b)
40 //
41 //
               return;
42 //
           if (sz[a] < sz[b])
43 //
               swap(a, b);
44 //
           sz[a] += sz[b];
45 //
          p[b] = a;
46 // }
47
48 int main()
49 {
    init();
50
51
     for (int i = 0; i < N; i++)</pre>
52
53
       int a, b;
       cin >> a >> b;
54
55
       Union(a, b);
56
57
     return 0;
58 }
```

# 3.2 最小生成樹

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
4 #define N 10
5 int p[N], sz[N];
6 struct Edge
7 | {
8
9
       Edge(int s, int t, int w) : s(s), t(t), w(w) {}
10
       bool operator < (const Edge &rhs) const { return</pre>
            w < rhs.w; }
11 };
12 void init()
13 {
14
       for (int i = 1; i <= N; i++)</pre>
15
            p[i] = i;
16
17
            sz[i] = 1;
       }
18
19 }
20 int Find(int x)
21 {
22
       if (x == p[x])
23
           return x;
24
       return p[x] = Find(p[x]);
25 }
26 void Union(int a, int b) // group size
27 \ {
28
       a = Find(a);
29
       b = Find(b);
       if (a == b)
30
31
            return;
       if (sz[a] < sz[b])</pre>
32
33
            swap(a, b);
34
       sz[a] += sz[b];
35
       p[b] = a;
36 }
37 int kruskal()
38 {
39
       int cost = 0;
       vector < Edge > E;
40
```

```
41
       init();
       for (int i = 0; i < N; i++)
42
43
44
           int s, t, w;
45
           cin >> s >> t >> w;
46
           E.push_back(Edge(s,t,w));
47
48
       sort(E.begin(), E.end());
49
       for (auto it : E)
50
51
           it.s = Find(it.s);
           it.t = Find(it.t);
52
53
            if (it.s == it.t)
54
                continue:
55
            cost += it.w;
           Union(it.s, it.t);
56
57
58
       return cost;
59
  }
60
  int main()
61
62
  {
63
       init();
       int cost = kruskal();
64
65
       cout << cost << endl;</pre>
       return 0;
66
67 }
```

# 3.3 最長共同子序列-LCS

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
4
  #define N 120
  string strA , strB ;
6 int t[N*N] , d[N*N] , num[N*N] ; //t and d 是 LIS
7 // d 用來記住 LIS 中此數字的前一個數字
8 // t 當前 LIS 的數列位置
9 // num 則是我們根據 strB 的字元生成數列,用來找出最長
      LIS 長度
10 map < char, vector < int >> dict ; //記住每個字串出現的
      index 位置
11
12
  int bs(int 1 , int r , int v ){ //binary search
13
      int m :
14
      while(r>1){
15
         m = (1+r) /2;
16
         if(num[v] > num[t[m]]) 1 = m+1 ;
         else if (num[v] < num[t[m]]) r = m ;</pre>
17
18
         else return m ;
19
     }
20
      return r ;
21
  }
22
  int lcs(){
      dict.clear(); //先將 dict 先清空
24
25
      for(int i = strA.length()-1; i >= 0; i--)
         dict[strA[i]].push_back(i) ;
      // 將每個字串的位置紀錄並放入 vector 中,請記住 i
26
         = strA.length() -1 才可以達到逆續效果
27
      int k = 0; //紀錄生成數列的長度的最長長度
28
      for(int i = 0; i < strB.length(); i++){ // 依據
29
          strB 的每個字元來生成數列
         for(int j = 0 ; j < dict[strB[i]].size() ;</pre>
30
             j++)
         //將此字元在 strA 出現的位置放入數列
31
             num[++k] = dict[strB[i]][j] ;
32
33
     if(k==0) return 0 ; //如果 k = 0
34
          就表示他們沒有共同字元都沒有於是就直接輸出 0
35
     d[1] = -1, t[1] = 1; //LIS init
36
```

```
int len = 1, cur ; // len 由於前面已經把 LCS = 0
37
           的機會排除,於是這裡則從 1 開始
38
       // 標準的 LIS 作法,不斷嘗試將 LCS 生長
39
      for(int i = 1 ; i <= k ; i++ ){</pre>
40
41
          if(num[i] > num[t[len]]) t[++len] = i , d[i]
              = t[len-1];
42
           else{
              cur = bs(1,len,i);
43
44
               t[cur] = i ;
              d[i] = t[cur-1];
45
46
47
          //debug
48
49
         // for(int i = 1 ; i <= k ; i++)
         // cout << num[t[i]] << ' ';
50
         // cout << '\n' ;
51
52
53
      return len ;
54
55 }
56
57 int main()
58 {
59
      getline(cin, strA);
60
      getline(cin, strB);
61
      cout << lcs() << endl;</pre>
      return 0;
62
63 }
```

## 3.4 Floyd-Warshall

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
4 #define N 10+5
6 int main()
7 {
8
    int G[N][N];
    for (int i = 0; i < N; i++)</pre>
9
10
11
       for (int j = 0; j < N; j++)
12
13
         cin >> G[i][j];
14
         G[j][i] = G[i][j];
15
16
    }
17
    for (k = 0; k < n; k++)
18
         for (i = 0; i < n; i++)
19
             for (j = 0; j < n; j++)
                  w[i][j] = w[j][i] = min(w[i][j],
20
                      w[i][k] + w[k][j]);
21
     return 0:
22 }
```

# 4 數學

## 4.1 質數表

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3
4  #define maxn 100+5
5  vector<int> p;
6  bitset<maxn> is_notp;
7  void PrimeTable(int n)
8  {
9    is_notp.reset();
10    is_notp[0] = is_notp[1] = 1;
11    for (int i = 2; i <= n; i++)
12</pre>
```

```
13
            if (is_notp[i])
                 continue:
14
15
            p.push_back(i);
            for (int j = i * i; j <= n; j += i)</pre>
16
17
18
                 is_notp[j] = 1;
19
20
       }
21 }
22
23
  int main()
24 {
25
     PrimeTable(100);
     cout << is_notp[3];</pre>
26
27
     return 0;
28 }
```

### 4.2 gcd-lcm

```
1 | #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
 4
  int gcd(int a, int b)
 5
    if (b == 0) return a;
6
    return gcd(b, a%b);
 8 }
10
  int lcm(int a, int b)
11 {
     if (a < b) swap(a, b);</pre>
13
     return a / gcd(a, b) * a;
14 }
15
  int main()
16
17 {
18
    int a, b;
19
     cin >> a >> b;
20
    cout << gcd(a, b) << endl << lcm(a, b) << endl;</pre>
21
     return 0;
22 }
```