$$|\alpha\rangle_p - \sqrt{1-\lambda^2} \sum_{n=0}^{\infty} \lambda^n |n\rangle_s |n\rangle_i$$