$$|\alpha\rangle_p \longrightarrow \chi^{(2)}$$
 i
 $\sum_{n=0}^{\infty} \chi^n |n\rangle_s |n\rangle_i$