$$\hat{a} \rightarrow \hat{\sigma}^{+} |e\rangle$$

$$\hat{\sigma}^{-} \hat{a}^{\dagger} \rightarrow |g\rangle$$