

Konzeptsammlung Python

Thorbjörn Siaenen

Version v. 13. Oktober 2025

Dieses Werk ist lizenziert unter einer Creative Commons “Namensnennung 4.0 International” Lizenz.



Inhaltsverzeichnis

1	Syntax	2
1.1	Zeilenumbruch im Code	2
1.2	Kommentare	2
1.3	Mehrzeilenkommentare	2
1.4	Variablentypen ermitteln	2
1.5	Einzelne Variablen löschen	2
2	Zahlen-Operationen	2
2.1	Komplexe Zahlen	2
2.2	Real- und Imaginärteil extrahieren	3
2.3	Quadrieren	3
2.4	Ganzzahlige Division	3
2.5	Modulo-Operator (Divisionsrest)	3
2.6	Aufrunden	3
2.7	Abrunden	3
2.8	Vergleiche Float und Integer	4
3	Kontrollstrukturen	4
3.1	Funktionen	4
3.2	Fallunterscheidung mit if	4
3.3	Fallunterscheidung mit if (ternary operator)	4
3.4	for Schleife	4
3.5	Boolsche Ausdrücke	5
4	Objektorientierung	5
4.1	Klassen	5

5	Listen/Arrays/Datenstrukturen	6
5.1	Range	6
6	Datenstrukturen	6
6.1	Dictionarys	6
6.2	Tupel	6
6.3	Set	7
6.4	Arrays gleicher Länge zu Tupeln	7
6.5	Arrays verbinden	7
6.6	Array um ein Element verlängern	7
6.7	Länge eines Arrays	7
6.8	deep und shallow copy	7
7	Strings (Zeichenketten)	8
7.1	Strings aneinanderhängen	8
7.2	Strings mit Trennstring aneinanderhängen	8
7.3	Strings formatieren	8
7.4	Substrings extrahieren	9
7.5	Substring finden	9
7.6	String in Int umformen	9
7.7	Int in String umformen	9
7.8	float in String umformen	9
8	Jupyter Lab	9
8.1	Start von .ipynb-Dateien per Doppelklick (Windows)	9
8.2	Zugriff auf andere Laufwerke (Windows)	10
8.3	Hotkeys	10
8.4	Sinnvolle Extensions	10
8.5	interact	11
8.6	Flickern interaktiver Grafiken verhindern	11
8.7	Anzeigegröße von Grafiken ändern	11
8.8	Anzeige von Markdown-Code aus einer Python-Zelle	12
8.9	Automatisiert erstellte Tabelle in Markdown	12
9	VisualStudio Code (Jupyter Lab)	13
9.1	Installation	13
9.2	Tastaturkürzel	13
9.3	Neues Notebook anlegen	14
9.4	Mehrzeilige Formeln einfach editieren	14
9.5	Sinnvolle Einstellungen	14
9.6	Standardkernel einstellen	14
10	Jupyter lab	14
10.1	Eingabe griechischer Buchstaben	14

10.2	Markdown	15
10.2.1	Zwischenzeilenformeln	15
10.2.2	Abgesetzte Formeln	15
11	VisualStudio Code (Python, iPython)	15
11.1	iPython Zellen	15
11.2	iPython Variablen-Browser	15
11.3	Debugger	16
11.4	Cursorposition Anzeigen	16
12	Dateien	16
12.1	Textdateien zeilenweise lesen	16
12.2	Textdateien zeilenweise schreiben	16
12.3	Textdateien ganz lesen	16
12.4	Über alle Zeilen iterieren	16
13	SQLite-Datenbank	17
13.1	Daten abfragen	17
14	Systemzugriff	17
14.1	Dateiname des Programms	17
14.2	Sound/Wave/Audio ausgeben	17
14.3	Datum und Zeit	17
15	Mathematische Funktionen	18
15.1	Fakultät ($x!$)	18
15.2	arctan2	18
15.3	Exponentialfunktion	18
16	Numpy/Numerik	18
16.1	Numpy Array erzeugen	18
16.2	Numpy Arrays verbinden	19
16.3	Numpy Matrix aus Vektoren, vertikal	19
16.4	Numpy Matrix aus Vektoren, horizontal	19
16.5	Kreuzprodukt	19
16.6	Länge (Norm) eines Vektors	20
16.7	Skalarprodukt	20
16.8	nparray 1 D adressieren	20
16.9	nparray 1 D Differenzen	20
16.10	Numpy arrays	20
16.11	nparray 2 D	21
16.12	nparray Größe	21
16.13	nparray transponieren	21
16.14	Inverse Matrix (Matrix invertieren)	21
16.15	Pseudoinverse einer Matrix	21

16.16	narray umdrehen	22
16.17	Lineares Gleichungssystem lösen	22
16.18	Polynomdivision	22
16.19	Integrale (Trapezregel)	23
16.20	Potenz einer Matrix	23
16.21	Integral einer Funktion	23
16.22	Zweidimensionales Integral	24
16.23	Integral einer komplexwertigen Funktion	24
16.24	Dreifachintegral	24
16.25	DGL 1. Ordnung numerisch lösen	25
16.25.1	Faktorisierung eines Polynoms	25
16.25.2	Koeffizienten eines Polynoms	25
16.25.3	Einheitsmatrix	26
16.25.4	Determinante	26
16.25.5	Elementmanipulation	26
16.25.6	Matrizenmultiplikation	26
16.25.7	Vektoren und Matrizen aneinanderhängen	26
16.25.8	XY-Matrizen	27
16.25.9	Zufallszahlen	27
16.25.10	lineare Differenzialgleichung n-ter Ordnung lösen	28
16.25.11	nichtlineare Differenzialgleichung n-ter Ordnung	29
16.26	Werteliste nahe Null zu Null runden	30
16.27	Abschnittsweise definierte Funktionen	30
16.28	Heaviside-Funktion (Sprungfunktion)	30
17	Symbolische Mathematik	31
17.1	Brüche	31
17.2	Terme rational machen	31
18	Faktoren eines Teilausdruckes ermitteln	31
19	Komplexe Zahlen	31
19.1	Ableitungen	32
19.2	Integrieren	32
19.3	Ausmultiplizieren	33
19.4	Ersetzungen	33
19.5	Numerische Auswertung	33
19.6	Evaluation verhindern	33
19.7	Vereinfachungen	34
19.8	Automatische Vereinfachung	34
19.9	Ausklammern	34
19.10	Vereinfachung von Rationalen Funktionen (Polynombrüche)	34
19.11	Partialbruchzerlegung	35
19.12	Ausmultiplizieren von Partialbrüchen	35

19.13	Ausgabe in Formel-Schreibweise	35
19.14	Lineare Gleichungssysteme exakt lösen	35
19.15	Matrix symbolisch invertieren	36
20	Anaconda-Spezialitäten	36
20.1	graphviz	36
20.2	Anaconda aufräumen	37
20.3	Anaconda Updates installieren	37
21	Regular Expressions	37
21.1	Extrakte	37
21.2	Muster	37
21.3	Substrings ersetzen	38
21.4	Test auf Funde	38
22	Matplotlib	38
22.1	Einfachster Plot	38
22.2	Schriftart Stix	38
22.3	Ausgabe verfügbarer Schriftarten	39
22.4	Auflösung von Rastergrafiken	39
22.5	Universal-Plot	39
22.6	Kommas statt Punkte	40
22.7	Achsenzahlen verschieben	40
22.8	Positionen Hilfsgitterlinien	40
22.9	Beschriftungspfeile	41
22.10	Beschriftungstext	41
22.11	Größe der Abbildung	41
22.12	Grenzen der Achsen	41
22.13	Plotstile	42
22.14	Höhen-Breitenverhältnis	42
22.15	Höhen-Breitenverhältnis	42
22.16	Statistik	42
22.17	Statistik 2	43
22.18	Verschiebung der Achsenbeschriftungen A	44
22.19	Verschiebung der Achsenbeschriftungen B	44
22.20	Achsen teilweise oder vollständig ausblenden	45
22.21	Schraffierte Flächen	45
22.22	Gefüllte Plots	45
22.23	Pixelanzeige einer Matrix	46
22.24	2D-Flächenplot	46
22.25	Plot nach DIN	47
22.26	Gantt-Chart	49
22.27	Bode - Diagramm	52
22.28	Ortskurve	53

22.29	Halb und doppeltlogarithmische Plots	53
22.30	Tortendiagramm	54
22.31	Box-Plot	55
22.32	Sankey Diagramm	56
23	Anwendungen	57
23.1	Lineare Regression mit Pandas	57
23.2	Impulsplot	58
23.3	Mehrere Plots übereinander	59
23.4	Pixel-Farbnetz	60
23.5	Benutzerspezifische Achsenbeschriftung	60
24	PDF-Dateierzeugung	61
24.1	PDF-Dateiausgabe	61
25	Pandas	61
25.1	Tabellenbreite in Pandas	61
25.2	Mehrzeilenstring als Datenquelle	62
25.3	Spalten kombinieren	62
26	Konsolenanwendungen	62
26.1	Benutzereingaben in der Konsole	62
27	GUIs	63
27.1	Messagebox	63
28	XML-Dateien	63
28.1	Elemente finden	63
28.2	Subelemente ermitteln	63
29	Interaktive Plots	63
29.1	Interaktive Plots mit iPython	63

Einleitung

Diese Sammlung zum Thema Python soll dazu helfen, ingenieurwissenschaftliche Aufgabenstellungen schnell nachrechnen zu können. Dazu gehört auch das Erstellen von Grafiken. Dieses Dokument wurde mit Sorgfalt erstellt. Dennoch können Fehler oder Ungenauigkeiten nicht ausgeschlossen werden. Sollten Sie einen Verbesserungsvorschlag haben, senden Sie ihn bitte an:

t.siaenen@ostfalia.de

1 Syntax

1.1 Zeilenumbruch im Code

Der Zeilenumbruch wird mit dem \ Backslash gemacht. Allgemein sollte eine Code-Zeile nicht breiter als 79 Zeichen sein. Quelle: PEP 8 Style Guide <https://www.python.org/dev/peps/pep-0008/>

```
1 z = Q3/((X-xp3)**2+ Y**2)+ \
2 Q4/((X-xp4)**2+ (Y-yp4)**2)**0.5
```

Alternativ kann der Backslash auch entfallen, wenn Code in runden Klammern steht:

```
1 z = 15/((20-13)**2
2      + 7**2)
```

1.2 Kommentare

Kommentare werden mit einem Lattenkreuz gekennzeichnet

```
1 # Dies ist ein Kommentar
```

1.3 Mehrzeilenkommentare

Kommentare über mehrere Zeilen werden mit drei Kochkommas gekennzeichnet:

1.4 Variablentypen ermitteln

Variablen gehören einer Klasse an, die ermittelt werden kann

```
1 print(type(12)) # <class 'int'>
2 print(type(1.2)) # <class 'float'>
3 print(type('foobar')) # <class 'str'>
```

1.5 Einzelne Variablen löschen

Einzelne Variablen können gelöscht werden

```
1 x = 42.3
2 y = 32.1
3 del x, y # Löscht die Variablen
```

2 Zahlen-Operationen

2.1 Komplexe Zahlen

Eine komplexe Zahl wird mit einem angehangenen j gekennzeichnet. Beispiel: $a = 3 + j4$

```
1 a = 3+4j
```

Euler-Form:

```
1 import cmath
2 from math import pi
3 z = 3*cmath.exp(1j*2*pi/6)
4 print(z) #1.5+2.59j
```

2.2 Real- und Imaginärteil extrahieren

```
1 a = 3+4j
2 a.real # = 3
3 b.imag # = 4
```

2.3 Quadrieren

3^2

```
1 3**2
```

2.4 Ganzzahlige Division

Division ohne Rest. Beispiel: $14 \div 4 = 3$ Rest 2

```
1 14//4
```

2.5 Modulo-Operator (Divisionsrest)

Rest einer Division. Beispiel: $14 \div 5 = 2$ Rest 4

```
1 rest = 14%5
```

Alternativ

```
1 import numpy as np
2 rest = np.mod(4.32, 2) # ergibt 0.32
```

2.6 Aufrunden

Aufrunden auf die nächste Ganzzahl

```
1 import math
2 math.ceil(3.14) #ergibt 4
```

2.7 Abrunden

Aufrunden auf die nächste Ganzzahl

```
1 import math
2 math.floor(3.14) #ergibt 3
```


2.8 Vergleiche Float und Integer

Bei Zahlenvergleichen wird gerundet:

```
1 1.0000000000000001==1 # True
2 1.0000000000000001==1 # False
```

3 Kontrollstrukturen

3.1 Funktionen

Funktionen haben einen Funktionsnamen, einen oder mehrere Parameter und eventuell einen Rückgabewert.

```
1 def plusneun(zahl):
2     erg = zahl + 9
3     return(erg)
4 print(plusneun(1))
5 # ergibt 10
```

3.2 Fallunterscheidung mit if

Fallunterscheidungen:

```
1 a = 42
2 if 10 < a:
3     print('10 < a')
4 elif 10 == a:
5     print('10 == a')
6 else:
7     print('a < 10')
```

3.3 Fallunterscheidung mit if (ternary operator)

Fallunterscheidungen:

```
1 a = 42
2 if 10 < a:
3     print('10 < a')
4 elif 10 == a:
5     print('10 == a')
6 else:
7     print('a < 10')
```

3.4 for Schleife

For schleife (k durchläuft alle Zahlen zwischen 0 und 6. Die Schleife ende bei $k = 3$)

```
1 for k in range(7):
2     if k == 3:
3         break
```

3.5 Boolsche Ausdrücke

Boolsche Ausdrücke: (a <= b) and (c != d) or (e == f)

Boolsche Vergleiche von numpy-Arrays mit Wahrheitswerten (und = &, oder = |):

```
1 import numpy as np
2 x = np.array(range(1,10))
3 y = (3<=x) & (x<7)
4 z = (x<=3) | (7<x)
5 print(y*x)
6 print(z*x)
```

ergibt:

```
1 [0 0 3 4 5 6 0 0 0]
2 [1 2 3 0 0 0 0 8 9]
```

4 Objektorientierung

4.1 Klassen

Klassenvariablen sind in allen Objekten der Klasse gleich. Wird die Klassenvariable in einer Instanz (aka Objekt) geändert, ist sie auch in einer anderen Instanz geändert.

```
1 class Kumpel:
2     alter = 18 # Klassenvariable
3     # Methoden:
4     def gruss(self):
5         print('Glueck_Auf!')
6     pass
```

Mit der Instanzierung wird eine Instanz (ein Objekt) der Klasse gebildet:

```
1 Maria = Kumpel()
```

Der Konstruktor (Es gibt in Python kein Überladen, also mehrere Funktionen gleichen Namens und unterschiedlichen Parametern) heißt `__init__` und ermöglicht das Setzen von Instanzvariablen (Variablen die zu dem Objekt gehören):

```
1 class Kumpel:
2     # Konstruktor:
3     def __init__(self, N, A=2):
4         self.Nachname = N
5         self.Arme = A
6     pass
7 Maria = Kumpel('Schulz')
8 Jo = Kumpel('Jo', 3)
9 print(Maria.Nachname) # 'Schulz'
```

Optionale Parameter können mit Default-Werten angegeben werden. Wenn diese Parameter nicht angegeben werden, werden die Default-Werte verwendet.

Ein Objekt kann in einen String über die Funktion `__str__` gewandelt werden:

```
1 class Kumpel:
2     def __init__(self, N):
3         self.Nachname = N
4     def __str__(self):
5         return('Nachname= '\
```

```

6     + self.Nachname)
7     pass
8
9 Maria = Kumpel('Schulz')
10 print(Maria) # 'Schulz'

```

5 Listen/Arrays/Datenstrukturen

Siehe auch Listen und Arrays bei Numpy im Abschnitt xxxx

5.1 Range

Die Funktion `range(k)` liefert alle Zahlen zwischen 0 und k-1

```

1 for k in range(3):
2     print(k) # 0, 1, 2

```

6 Datenstrukturen

6.1 Dictionaries

Dictionaries sind eine Name-Wert-Datenstruktur. Die Werte können über den Namen ausgelesen werden:

```

1 mydict = {'alter':41, 'groesse_cm':190, 'Name':'Markus'}
2 print(mydict['Name']) # 'Markus'

```

Dictionaries können auch in Listen zusammengefasst sein:

```

1 mydict = []
2 mydict.append({'alter':41, 'groesse_cm':190, 'Name':'Markus'})
3 mydict.append({'alter':42, 'groesse_cm':175, 'Name':'Pascal'})
4 print(len(mydict)) # 2
5 print(mydict[0]['Name']) # 'Markus'

```

Dictionary erweitern:

```

1 my_dict = {"username": "XYZ"}
2 my_dict['name'] = 'Nick'

```

6.2 Tupel

Tupel sind aneinandergehängte Elemente. Die Liste an Elementen kann im nachhinein nicht geändert werden.

```

1 L = (1, 2, 3)
2 print(L[0]) # 1
3 L[0] = 7 # geht nicht

```

6.3 Set

Sets sind im mathematischen Sinne Mengen. Ein Element kann nur einmal vorhanden sein. Die Reihenfolge ist nicht definiert

```

1 L = {1, 2, 3}
2 print(len(L)) # Laenge, ergibt 3
3 L.remove(2) # Fehler, wenn nicht vorhanden
4 L.discard(3) # Kein Fehler, wenn nicht vorhanden
5 print(L) # ergibt {3}
6 L.union({4, 5}) # ergibt {1, 4, 5}

```

6.4 Arrays gleicher Länge zu Tupeln

Zwei Arrays gleicher Länge können zu einer Liste von Tupeln umgewandelt werden

```

1 A = [1, 2, 3]
2 B = [10, 9, 8]
3 C = zip(A, B)
4 print(list(C))
5 # [(1, 10), (2, 9), (3, 8)]

```

6.5 Arrays verbinden

Aneinanderhängen von Listen zu einer Gesamt-Liste

```

1 y = [1] + [2, 3, 4] + [5]
2 # ergibt: [1, 2, 3, 4, 5]

```

6.6 Array um ein Element verlängern

```

1 y = [1, 3, 4]
2 y.append(42) # Bsp: Zugabewert ist none
3 print(y) # ergibt [1, 3, 4, 42]

```

6.7 Länge eines Arrays

Länge eines Arrays

```

1 y = [2, 3, 4]
2 len(y) # ergibt: 3

```

6.8 deep und shallow copy

Das Erzeugen einer neuen Variablen erzeugt nicht zwangsläufig ein neues unabhängiges Objekt. Mit copy und deepcopy können flache und tiefe Kopien erstellt werden. Bei der flachen Kopie wird ein neues Objekt auf höchster Ebene erzeugt. Bei der tiefen Kopie werden alle verzweigten Objekte dupliziert. Beispiel:

```

1 import copy
2 z = 666
3 A = [z, 2, 3]
4 B = A # zusaetzliche Variable fuer gleiches Objekt
5 B[1]=42
6 print(A) # ergibt [42, 2, 3]
7 print(B) # ergibt [42, 2, 3]
8 print((id(A), id(B), id(A[0]), id(B[0])))
9
10 A = [z, 2, 3]
11 B = copy.copy(A) # shallow copy
12 B[1]=42
13 print(A) # ergibt [42, 2, 3]
14 print(B) # ergibt [42, 2, 3]
15 print((id(A), id(B), id(A[0]), id(B[0])))
16
17 A = [z, 2, 3]
18 B = copy.deepcopy(A)
19 B[0]=42
20 print(A) # ergibt [1, 2, 3]
21 print(B) # ergibt [42, 2, 3]
22 print((id(A), id(B), id(A[0]), id(B[0])))

```

7 Strings (Zeichenketten)

7.1 Strings aneinanderhängen

Eine list von Strings zu einem einzigen String aneinanderhängen:

```

1 neustr = "".join(["a", "b", "c"])

```

Alternativ:

```

1 neustr = "a" + "b" + "c"

```

7.2 Strings mit Trennstring aneinanderhängen

Eine list von Strings zu einem einzigen String mit Trennstring aneinanderhängen:

```

1 s = "_kennt_".join(["Markus", "Maria", "Andrea"])
2 print(s) # Markus kennt Maria kennt Andrea

```

7.3 Strings formatieren

Variablen und Textbausteine zu einem String zusammenbauen:

```

1 x = 5
2 y = 7
3 neustr = f"x={x}, y={y}"
4 # ergibt "x = 5, y = 7"

```

7.4 Substrings extrahieren

Unter-Zeichenketten extrahieren. Mit den eckigen Klammern kann eine Startposition, Endposition und eine Schrittweite angegeben werden. Wird eine Zahl als Grenze ausgelassen, bedeutet das soviel wie „alle“.

```
1 zk = 'hallo_welt'
2 print(zk[0:5]) # hallo
3 print(zk[0:5:2]) # hlo
4 print(zk[4::-1]) # ollah
5 print(zk[:-1]) # hallo wel
```

7.5 Substring finden

Suchstring in einem anderen String finden. Das Ergebnis ist die Startposition des ersten gefundenen Substrings:

```
1 pos = "Hallo_Welt".find("l")
```

7.6 String in Int umformen

```
1 zahl = int("123")
```

7.7 Int in String umformen

```
1 zahl_s = str(123)
```

7.8 float in String umformen

```
1 x=13.1415
2 e = 'pi={:f}'.format(x)
3 s = 'pi={0:1.2f}'.format(x)
4 print(e) # 'pi = 13.141500'
5 print(s) # 'pi = 13.14'
6 # Integer-Wert
7 print('Wert:{0:d}'.format(27828))
8 # fuehrende Nullen:
9 print('{:03d}'.format(7)) # 007
10 # Scientific (nicht Eng.) Format:
11 print(f'{0.000002342:.3E}') # 2.342E-6
12 print(f'{0.000002342:E}') # 2.342000E-6
```

8 Jupyter Lab

8.1 Start von .ipynb-Dateien per Doppelklick (Windows)

Jupyter Lab kann mit einem Doppelklick auf eine .ipynb-Datei gestartet werden, indem eine Batch-Datei zum Starten verwendet wird. Die Batch-Datei `jupyterlabopenwith.bat` hat

folgenden Inhalt (UN steht für den Benutzernamen unter dem die Anaconda-Distribution zu finden ist):

```
1 start C:\Users\UN\anaconda3\pythonw.exe ^
2 C:\Users\UN\anaconda3\cwp.py ^
3 C:\Users\UN\anaconda3 "C:\Users\UN\anaconda3\pythonw.exe" ^
4 "C:\Users\UN\anaconda3\Scripts\jupyter-lab-script.py" %1
5 timeout 3
```

Die Batch-Datei wird in einem leicht zu merkenden Verzeichnis gespeichert. Mit dem Kontext-Menü „Öffnen mit...“ einer .ipynp-Datei im Windows-Explorer wird die Batch-Datei ausgewählt. Wenn anschließend mit einem Doppelklick auf eine .ipynb-Datei geklickt wird, öffnet sich automatisch Jupyter Lab mit dieser Datei.

8.2 Zugriff auf andere Laufwerke (Windows)

Wenn JupyterLab gestartet wurde, hat es ein bestimmtes Startverzeichnis erhalten. Notebook-Dateien können dabei nicht oberhalb oder außerhalb dieses Verzeichnisses gespeichert und geöffnet werden, nur in Unterverzeichnissen dieses Startverzeichnisses. Der Pfad des Startverzeichnisses wird nicht angezeigt, nur der Inhalt links in der Verzeichnisansicht.

Es kann ein alternatives Startverzeichnis und Startlaufwerk verwendet werden. Dazu wird im Anaconda-Browser eine Kommandozeile geöffnet (Anaconda Navigator → CMD.exe Prompt), dann in das gewünschte Laufwerk (beispielsweise h:) und das gewünschte Verzeichnis gewechselt (beispielsweise `cd MeineProjekte\Masterarbeit`). Dann wird mit `jupyter lab` die Entwicklungsumgebung gestartet.

8.3 Hotkeys

- Enter: Wechsle in den Zellenmodus (Zelle wird editiert)
- Esc: Beende den Zellenmodus (Zelle wird nicht mehr editiert)
- Strg + Enter: Führe aktuelle Zelle aus
- Eingabe griechischer Buchstaben: \alpha tab für α

8.4 Sinnvolle Extensions

- jupyter-matplotlib. Dies ermöglicht ein `%matplotlib` notebook erfordert das Paket `ipympl`. Danach in der Anaconda-Shell:
 - `jupyter labextension install @jupyter-widgets/jupyterlab-manager`
 - `jupyter lab build`

8.5 interact

Interact ermöglicht interaktive Berechnungen mit Auswahlfeldern und Zeigern:

```
1 from __future__ import print_function
2 from ipywidgets import interact,\
3   interactive, fixed, interact_manual
4 import ipywidgets as widgets
5 def f(x):
6     return x*2
7 interact(f, x=(0.0,10.0))
```

Funktionen mit mehreren Parametern:

```
1 L = ['eins', 'zwei']
2 def f(A, B):
3     print(A)
4     print(B)
5     pass
6 # Laesst den Benutzer fuer A einen
7 # Wert aus der Liste L auswaehlen:
8 interact(f, A=L, B=(0,2.0,0.1))
9 # uebergibt die gesamte Liste L an
10 # den Parameter A:
11 interact(f,A=fixed(L), B=(0,2.0,0.1))
```

8.6 Flickern interaktiver Grafiken verhindern

Am Ende der Funktion, die die Grafik erzeugt muss `clear_output(wait=true)` stehen:

```
1 from ipywidgets import interact, interactive, fixed, interact_manual
2 import ipywidgets as widgets
3 %matplotlib inline
4 import matplotlib.pyplot as plt
5 import numpy as np
6 from IPython.display import clear_output
7 import math
8 def f(x=0):
9     fig, ax = plt.subplots()
10    fig.set_size_inches(120/25.4, 80/25.4)
11    wanderpunkt = plt.Circle((np.cos(x*2*math.pi), 0),0.1)
12    ax.add_artist(wanderpunkt)
13    ax.set_xlim([-1.2,1.2])
14    ax.set_ylim([-0.8,0.8])
15    clear_output(wait=True)
16 interact(f, x=(0.0,1.0,0.01))
```

8.7 Anzeigegröße von Grafiken ändern

Wenn Grafiken beispielsweise mit Matplotlib erzeugt werden, haben sie eine Standardgröße, die recht klein ist. Sie kann wie folgt mit dem Parameter `dpi` verändert werden (150 = groß):

```
1 from ipywidgets import interact, interactive, fixed, interact_manual
2 import ipywidgets as widgets
3 %matplotlib inline
4 import matplotlib.pyplot as mpl
5 from IPython.display import clear_output
6 mpl.rcParams['figure.dpi'] = 150
```


8.8 Anzeige von Markdown-Code aus einer Python-Zelle

Mit folgendem Code kann in Python Markdown-Code erzeugt werden, der dann in Jupyter Lab als gesetzte Elemente angezeigt werden:

```
1 from IPython.display import display, Markdown, Latex
2 display(Markdown('*hervorgehobener Text*\n\n'+
3               'Formel: \sin(2\pi f t)\n'+
4               '#Ueberschrift\n'+
5               'Dies ist die erste Zeile\n'+
6               '|spalte1|spalte2|\n'+
7               '|-----|-----|\n'+
8               '|3,54|3,24|\n'+
9               '|3,54|3,24|\n'+
10              '|-----|-----|\n'+
11              '*Aufzaehlung Punkt 1\n'+
12              '*Aufzaehlung Punkt 2'))
```

Dies erzeugt folgende Ausgabe:

hervorgehobener Text

Formel: $\sin(2\pi f t)$

Ueberschrift

Dies ist die erste Zeile

spalte 1	spalte 2
3,54	3,24
3,54	3,24

- Aufzaehlung Punkt 1
- Aufzaehlung Punkt 2

8.9 Automatisiert erstellte Tabelle in Markdown

```
1 from IPython.display import display, Markdown, Latex
2 import numpy as np
3 mdstring = '|spalte1|spalte2|\n|:-----|-----|\n'
4 for x in np.linspace(0,3.14, 4):
5     mdstring = mdstring + "{:1.4}|{:1.4}\n".format(x,x**2)
6 display(Markdown(mdstring))
7 print(mdstring)
```

Dies ergibt:

spalte 1	spalte 2
0.0	0.0
1.047	1.096
2.093	4.382
3.14	9.86


```

| spalte 1 | spalte 2 |
| :----- | :----- |
0.0 | 0.0
1.047 | 1.096
2.093 | 4.382
3.14 | 9.86

```

9 VisualStudio Code (Jupyter Lab)

9.1 Installation

- Im Anaconda -> cmd.exe Prompt -> „conda install ipykernel”

Informationen über den Kernel einholen:

```

1 import sys
2 print(sys.executable)
3 print(sys.version)
4 print(sys.version_info)

```

Besser: Statt Anaconda Miniconda installieren. In Miniconda sind nur wenige packages vorhanden. Diese können wie folgt installiert werden.

```

1 PS C:\Users\USERNAME\AppData\Local\miniconda3\Scripts> .\conda.exe install matplotlib

```

9.2 Tastaturkürzel

- Markierte Zelle -> y: Code-Zelle
- Markierte Zelle -> m: markdown-Zelle
- Alt + Enter: Zelle ausführen und neue Zelle hinzufügen
- Strg + Shift + Enter: Zelle ausführen
- F5: Starte Debugger
- F10: Nächster Schritt

9.3 Neues Notebook anlegen

- Strg + Shift + p (Eine Kommandozeile wird angezeigt)
- „Create: New Jupyter Notebook” RET

9.4 Mehrzeilige Formeln einfach editieren

- In LyX eine abgesetzte Formel erstellen und dort ein Array mit zwei Spalten anlegen
- Dieses markieren, kopieren und in die Markdown-Zelle einfügen
- In der Markdown-Zelle „Strg + RET” drücken, sodass die Zelle in eine Formel gewandelt wird.

9.5 Sinnvolle Einstellungen

Unter File -> Preferences -> Settings wird nach „Scroll” gesucht. Im Bereich „Jupyter” gibt es die Einstellung „Jupyter: Always Scroll On New Cell”. Dies sollte aktiviert sein. Damit zeigt das Ausgabefenster immer die letzten Ausgaben. Ein manuelles Scrollen zu den Ausgaben entfällt.

Weiterhin sollte eine Abfrage erscheinen, ob eine Datei gespeichert werden soll, wenn VS-Code geschlossen wird und noch nicht gespeicherte Code-Dateien offen sind: File → Preferences → Setting → Text Editor → Hot Exit: Off.

9.6 Standardkernel einstellen

View -> Extensions -> Python -> RMB Extension Settings -> Python: Default Interpreter Path editieren. (Beispiel C:\Users\UNAME\anaconda3\python.exe)

(Oder auch C:\Users\USERNAME\AppData\Local\Continuum\anaconda3)

- Etwas ungewöhnlich ist, dass der Standard-Kernel für die Jupyter Lab-extension in der Python extension eingestellt wird.

10 Jupyter lab

10.1 Eingabe griechischer Buchstaben

In Code-Zellen können mit LaTeX-Befehlen einzelne griechische Buchstaben gesetzt werden, indem zuerst der Rückschrägstrich (\), dann der Name des griechischen Buchstabens (beipieelsweise pi) eingegeben wird und dann die Tabulatortaste gedrückt wird. Es erscheint ein Auswahldialog mit einem Eintrag und der kann mit der Eingabetaste geschlossen werden. Beispielsweise erzeugt \pi tab den Buchstaben π .

10.2 Markdown

10.2.1 Zwischenzeilenformeln

Formeln innerhalb eines Textes können mit LaTeX beschrieben werden und werden in Dollar-Zeichen eingesetzt.

Beispielcode:

```
Satz des Pythagoras:  $x^2 + y^2 = z^2$  #
```

Ausgabe:

Satz des Pythagoras: $x^2 + y^2 = z^2$

10.2.2 Abgesetzte Formeln

Abgesetzte Formeln stehen in einer separaten Zeile. Abgesetzte Formeln werden mit zwei Dollarzeichen eingefasst. Beispielcode:

```
Satz des Pythagoras: 
$$x^2 + y^2 = z^2$$

```

Ausgabe:

Satz des Pythagoras:

$$x^2 + y^2 = z^2$$

11 VisualStudio Code (Python, iPython)

11.1 iPython Zellen


iPython-Zellen werden erzeugt, indem als Kommentar `# %%` zugefügt wird. Alles was danach kommt gehört zu einer Zelle. Eine Zelle wird ausgeführt, indem Strg+Ret gedrückt wird.

Die Zelle wird ausgeführt und eine neue Zelle erzeugt mit Shift + Ret.

Mit Alt+Ret wird die aktuelle Zelle nicht ausgeführt und eine neue Zelle erzeugt.

11.2 iPython Variablen-Browser

Der Variablenbrowser wird angezeigt, indem der Cursor in das Interaktive Ausgabefenster

(häufig „Interactive-1“) auf  geklickt wird. Alternativ: View -> open view -> „view variables“

11.3 Debugger

Wenn ein Haltepunkt gesetzt wurde und dann RMB → Edit Breakpoint... → Log Message gewählt wurde, wird mit Wert = {Variablenname} an der Stelle des Breakpoints der Wert der Variablen am Haltepunkt in der Debug-Console ausgegeben. Beispiel: Wert = 42.

11.4 Cursorposition Anzeigen

Die Cursorposition wird in der Status-Bar angezeigt. Sollte die Ausgeblendet sein, wird sie unter View->Apperance->Show Status Bar wieder angezeigt.

12 Dateien

12.1 Textdateien zeilenweise lesen

Textdateien können ohne zusätzliche importierte Module gelesen werden ('r' für 'read'):

```
1 fd = open("Datei.lyx", 'r')
2 print(fd.readline()) # zeige Zeile 1
3 fd.close()
```

12.2 Textdateien zeilenweise schreiben

Textdateien können ohne zusätzliche importierte Module gelesen werden ('w' für 'write'):

```
1 fd = open("Datei.txt", 'w') # 'a' fuer anhaengen/append
2 fd.write('Hallo_Welt\n')
3 fd.close()
```

12.3 Textdateien ganz lesen

Textdateien können ohne zusätzliche importierte Module gelesen werden ('r' für 'read') in einen String eingelesen werden:

```
1 fd = open("Testdatei.text", 'r')
2 inhalt = fd.read() # Lese Datei
3 fd.close()
```

12.4 Über alle Zeilen iterieren

Textdateien können ohne zusätzliche importierte Module gelesen werden:

```
1 fd = open("Datei.lyx", 'r')
2 for line in fd:
3     print(line) # zeige Zeile
4 fd.close()
```

13 SQLite-Datenbank

13.1 Daten abfragen

Daten aus einer SQLite-Datenbank abfragen:

```

1 import sqlite3
2 con = sqlite3.connect("Moduldaten.db")
3 cur = con.cursor()
4 res = cur.execute("SELECT Spalte1, Spalte2 from Tabelle;")
5 print(res.fetchone()) #gibt das erste aus
6 print(res.fetchall()) #gibt den Rest aus
7 # [('a','b'), ('c','d'),('e','f')...]
8 con.close()

```

14 Systemzugriff

14.1 Dateiname des Programms

Der Dateiname des Python-Programms (Funktioniert nicht mit iPython & Jupyter) wird wie folgt ermittelt:

```

1 import os
2 print(__file__) # ganzer Pfad
3 # Nur Dateiname (programm.py):
4 print(os.path.basename(__file__))
5 # Pfad des Programms:
6 print(os.path.dirname(__file__))

```

Mit Jupyter wird folgender Code zur Ermittlung des Programmnamens verwendet:

```

1 print(os.path.basename(sys.argv[0]))

```

14.2 Sound/Wave/Audio ausgeben

Ausgabe eines Audiosignales, welches auf einer Funktion beruht (Funktioniert mit iPython & Jupyter):

```

1 """
2 import numpy as np
3 from IPython.display import Audio
4 from math import pi
5 fsample = 44000 # Abtastfrequenz
6 f1 = 440
7 f2 = 441
8 tmax = 5 #Maximaldauer
9 t = np.linspace(0,tmax,tmax*fsample)
10 wave_audio = 0.2*(np.cos(2*pi*f1*t)+np.cos(2*pi*f2*t))
11 Audio(wave_audio, rate=fsample)

```

14.3 Datum und Zeit

Ausgabe eines ISO-Zeitstempels#%

```

1 import datetime print(datetime.datetime.now(
2     datetime.timezone.utc).strftime("%Y-%m-%d_%H:%M_Uhr"))
3 # erzeugt 2024-10-30 20:15 Uhr
4 print(datetime.datetime.now().isoformat())
5 # erzeugt 2024-10-30T17:48:16.600919

```

15 Mathematische Funktionen

15.1 Fakultät (x!)

Die Fakultät einer ganzen Zahl ist das Produkt aller Zahlen von 1 bis zu dieser Zahl:

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (n-2) \cdot (n-1) \cdot n$$

Beispiel:

$$7! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 = 5040$$

```

1 import math
2 print(math.factorial(5)) # 5! = 120
3 # oder
4 import numpy as np
5 print(np.math.factorial(5))

```

15.2 arctan2

Der Winkel eines Zeigers auf eine Koordinate mit x- und y-Anteil, kann mit der Funktion `arctan2` berechnet werden. Diese funktioniert in jedem Quadranten. Das folgende Code-Beispiel zeigt die Berechnung des Winkels des Zeigers auf die Koordinate (-3;-3). Das Ergebnis liegt im Bogenmaß vor.

```

1 import numpy as np
2 phi = arctan2(-3,-3)

```

15.3 Exponentialfunktion

Die Funktion 10^x kann über 2 Varianten berechnet werden:

```

1 import numpy as np
2 x = 3
3 a = np.power(10, x)
4 import math
5 b = math.pow(10, x)

```

16 Numpy/Numerik

16.1 Numpy Array erzeugen

Numpy Array erzeugen aus einem normalen Array

```

1 import numpy as np
2 x = np.array([1, 2, 3])

```

16.2 Numpy Arrays verbinden

Mehrere Numpy-Arrays können wie folgt zu einem gemeinsamen Numpy-Array verbunden werden:

```

1 import numpy as np
2 x = np.concatenate([np.array([1]), np.array([2, 3, 4]), np.array([5])])
3 # ergibt array([1, 2, 3, 4, 5])

```

16.3 Numpy Matrix aus Vektoren, vertikal

Mehrere Numpy-2D-Arrays können wie folgt zu einer gemeinsamen Numpy-Matrix verbunden werden:

```

1 import numpy as np
2 hv1 = np.array([11, 12, 13])
3 hv2 = np.array([21, 22, 23])
4 Mh = np.vstack((hv1, hv2))
5 # ergibt: [[11 12 13]
6           [21 22 23]]

```

16.4 Numpy Matrix aus Vektoren, horizontal

Mehrere Numpy-2D-Arrays können wie folgt zu einer gemeinsamen Numpy-Matrix nebeneinander verbunden werden:

```

1 import numpy as np
2 v1 = [[11], [21], [31]]
3 v2 = [[12], [22], [32]]
4 # Argument als Tupel mit ( ... )
5 # Die Argumente werden automatisch
6 # zu np.arrays gemacht
7 Mh = np.hstack((v1, v2))
8 # ergibt: [[11 12]
9           [21 22]
10          [31 32]]

```

16.5 Kreuzprodukt

$$\vec{a} \times \vec{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

```

1 import numpy as np
2 x = [1, 0, 0]
3 y = [0, 1, 0]
4 np.cross(x, y) # ergibt: array([0, 0, 1])

```


16.6 Länge (Norm) eines Vektors

$$|\vec{a}| = \left| \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 12 \end{pmatrix} \right| = \sqrt{3^2 + 4^2 + 12^2} = 13$$

```
1 import numpy as np
2 v = np.array([3,4,12])
3 print(np.linalg.norm(v)) # ergibt: 13.0
```

16.7 Skalarprodukt

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = 1 \cdot 2 + 0 \cdot 1 + 0 \cdot 0 = 2$$

```
1 import numpy as np
2 x = [1, 0, 0]
3 y = [2, 1, 0]
4 np.dot(x, y) # ergibt: 2
```

16.8 ndarray 1 D adressieren

Ein eindimensionales Numpy-Array (Liste von Zahlenwerten) hat im Gegensatz zum normalen Array mehr Anwendungsmöglichkeiten.

```
1 import numpy as np
2 x = np.arange(0,7)
3 print(x)
4 # ergibt [0 1 2 3 4 5 6 7]
5 print(x[1:4]) #1 bis 3, 4 fehlt
6 print(x[1:]) # 1 bis ende
7 print(x[:-2]) # ohne letzte 2
```

16.9 ndarray 1 D Differenzen

Differenzen zwischen Werten in einem Numpy-Array berechnen:

```
1 import numpy as np
2 x = np.array([0, 1, 3, 4, 5])
3 print(np.diff(x))
4 # ergibt [1 2 1 1]
```

Das Ergebnis hat ein Element weniger als das Argument der Funktion diff.

16.10 Numpy arrays

Verschiedene Methoden zur Arrayerzeugung:

```

1 import numpy as np
2 a = np.array([0, 1, 3, 4, 5])
3 # Start, Stop, Schrittweite:
4 b = np.arange(-3,4,0.5)
5 # Start, Stop, Anzahl Zahlen
6 c = np.linspace(-3,4,100)

```

16.11 ndarray 2 D

Ein zweidimensionales Numpy-Array hat im Gegensatz zum normalen Array mehr Anwendungsmöglichkeiten (Transponieren, Matrizenmultiplikation) und wird mit folgendem Code erzeugt:

```

1 import numpy as np
2 A = np.array([[11, 12, 13],\
3              [21, 22, 23]])

```

16.12 ndarray Größe

Gesamtzahl der Elemente in einem Array und Anzahl Zeilen und Spalten

```

1 import numpy as np
2 x = np.array([[11, 12], [21, 22], [31, 32]])
3 print(x.shape) # ergibt (3, 2)(Zeilen, Spalten)
4 print(x.size) # ergibt 6

```

16.13 ndarray transponieren

Ein Numpy-Array wird folgendermaßen transponiert::

```

1 import numpy as np
2 A = np.array([[11, 12, 13],\
3              [21, 22, 23]])
4 B = A.transpose()

```

16.14 Inverse Matrix (Matrix invertieren)

Eine quadratische Matrix wird wie folgt invertiert:

```

1 import numpy as np
2 X = np.array([[2, 3], [3, 4]])
3 X_inv = np.linalg.inv(X)
4 # ergibt [[-4, 3], [3, -2]]

```

16.15 Pseudoinverse einer Matrix

Eine quadratische Matrix wird wie folgt invertiert:

```

1 import numpy as np
2 X = np.array([[2, 3], [3, 4], [4, 6]])
3 np.linalg.pinv(X)
4 # ergibt [[-0.8, 3, -1.6], [0.6, -2, 1.2]]

```

16.16 nparray umdrehen

Die Reihenfolge aller Element ein einem numpy-array wird umgedreht:

```
1 import numpy as np
2 A = np.flip(np.array([1, 2, 3])) # [3, 2, 1]
```

16.17 Lineares Gleichungssystem lösen

Ein lineares Gleichungssystem in Matrizenschreibweise

$$\begin{pmatrix} 1 & 3 & -5 \\ -4 & 0 & -4 \\ -3 & 0 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ -3 \end{pmatrix}$$

wird wie folgt gelöst:

```
1 import numpy as np
2 M = np.array([[1, 3, -5],
3              [-4, 0, -4], [-3, 0, -1]])
4 b = np.array([2], [-3], [-3])
5 x = np.linalg.solve(M,b)
6 print(x)
```

Dies ist auch mit komplexen Werten möglich. Das Gleichungssystem

$$\begin{pmatrix} 1+j5 & 3-j2 & -5 \\ 3+j2 & 0 & -4 \\ -5 & -4 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ -3 \end{pmatrix}$$

kann wie folgt gelöst werden:

```
1 import numpy as np
2 M = np.array([
3     [ 1+5j,  3-2j, -5],
4     [ 3+2j,  0   , -4],
5     [-5     , -4   , -1]])
6 b = np.array([2], [-3], [-3])
7 x = np.linalg.solve(M,b)
8 print(x)
```

16.18 Polynomdivision

Eine Polynomdivision wird wie folgt mit der Bibliothek numpy durchgeführt. Beispiel:

$$\frac{2x^5 - 11x^4 + 18x^3 - 20x^2 + 56x - 65}{x^3 - 7x^2 + 16x - 12}$$

```
1 import numpy as np
2 # Zaehlerkoeffizienten:
3 Z = np.array([2, -11, 18, -20, 56, -65])
4 # Nennerkoeffizienten:
5 N = np.array([1, -7, 16, -12])
6 E = np.polydiv(Z, N)
```

```

7 print(E) # ergibt (array([2., 3., 7.]), array([ 5., -20., 19.]))
8 def pl(kp):
9     if kp == 0:
10        return("")
11    else:
12        return("_+_")
13 A = "".join([pl(k)+"("+str(E[0][k])+")*x^"+str(len(E[0])-k-1) for k in range(len(E[0]))])
14 B = "".join([pl(k)+"("+str(E[1][k])+")*x^"+str(len(E[1])-k-1) for k in range(len(E[1]))])
15 C = "".join([pl(k)+"("+str(N[k])+")*x^"+str(len(N)-k-1) for k in range(len(N))])
16 print( A + "_+_(" + B + ")/(" + C + ")" )

```

Ergebnis:

$$2x^2 + 3x + 7 + \frac{5x^2 - 20x + 19}{x^3 - 7x^2 + 16x - 12}$$

16.19 Integrale (Trapezregel)

Wenn eine Kurve in x-y-Koordinaten vorliegt, kann mit der Trapezregel die Fläche berechnet werden. Beispiel Halbkreis:

```

1 import numpy as np
2 import scipy.integrate
3 t = np.linspace(0,3.14159265,10000)
4 x = np.cos(t)
5 y = np.sin(t)
6 # Achtung: zuerst y, dann x:
7 A = scipy.integrate.trapz(y,x)
8 print(A*2) # = -pi
9 # -pi, weil die x-werte absteigend

```

16.20 Potenz einer Matrix

Einzelne Elemente einer Matrix oder ganze Zeilen oder Spalten können folgendermaßen manipuliert werden. Beispiel

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}^3$$

```

1 import numpy as np
2 e=np.array([[1,0,0],[0,2,0],[0,0,3]])
3 ep=np.linalg.matrix_power(e,3)

```

16.21 Integral einer Funktion

Wenn eine Funktion gegeben ist, kann mit numerisch das Integral berechnet werden: Beispiel

$$\int_{x=0}^4 x^2 dx$$

```

1 from scipy import integrate
2 y = lambda x:x**2
3 integrate.quad(y,0,4)[0]

```

Erhöhte Genauigkeit wird wie folgt erreicht (parameter epsabs und epsrel, keine Zahl = große Genauigkeit):

```
1 from scipy import integrate
2 y = lambda x:x**2
3 integrate.quad(y,0,4,epsabs=1.49e-13, epsrel=1.49e-13)[0]
```

16.22 Zweidimensionales Integral

Mehrfachintegral am Beispiel:

$$R = \int_{a=2}^5 \int_{b=\sin(a)}^{a^2} a \cdot b \, db \, da$$

```
1 import numpy as np
2 from scipy import integrate
3
4 def bunten(apar):
5     return(np.sin(apar))
6
7 def boben(apar):
8     return(apar**2)
9
10 # der erste Parameter ist die Integrationsvariable des inneren Integrals
11 def ing(bpar, apar):
12     return(apar*bpar)
13
14 R = integrate.dblquad(ing, 2, 5, bunten,
15     boben, epsabs=1.5e-8, epsrel=1.5e-8)[0]
16 print(R) # ergibt 1293.96
```

16.23 Integral einer komplexwertigen Funktion

Das Integral einer komplexwertigen Funktion wird gebildet, indem Realteil und der Imaginärteil getrennt voneinander integriert werden: $\int_{t=0}^2 e^{j\pi t} dt = \int_{t=0}^2 \operatorname{Re}(e^{j\pi t}) dt + j \int_{t=0}^2 \operatorname{Im}(e^{j\pi t}) dt$

```
1 import numpy as np
2 import math
3 from scipy import integrate
4 y_re=lambda x: np.real(\
5     np.exp(1j*math.pi*x))
6 y_im=lambda x: np.imag(\
7     np.exp(1j*math.pi*x))
8 z = integrate.quad(y_re,0,2)[0]+\
9     1j*integrate.quad(y_im,0,2)[0]
10 print(z)
```

16.24 Dreifachintegral

Das Integral: $I = \int_{z=0}^9 \int_{\varphi=-\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{6}} \int_{r=\cos(\varphi)}^7 f(r,\varphi,z) dr d\varphi dz$ mit $f(r,\varphi,z) = r^3 7$ wird wie folgt berechnet:

```

1 from scipy import integrate
2 from math import pi, cos
3 import numpy as np
4 def integrant(r, phi, z):
5     return(r**3)*7
6 E,F=integrate.tplquad(integrant,0,9,\
7     lambda z:-pi/6, lambda z: pi/6,\
8     lambda z, phi: cos(phi),\
9     lambda z, phi: 7)
10 print(E) # Ergebnis
11 print(F) # Fehler

```

Wichtig: Die Integrationsvariable des innersten Integrals ist das erste Argument der Funktion. Die Grenzen des innersten Integrals sind die letzten beiden Argumente der Funktion `tplquad`. Merke: Erstes Argument des Integranden \leftrightarrow Letzte beiden Argumente der Funktion `tplquad`

16.25 DGL 1. Ordnung numerisch lösen

Lösung der DGL $y' = 2t y + 5t$

```

1 from scipy.integrate import solve_ivp
2 import numpy as np
3 #Reihenfolge wichtig: erst t dann y!
4 def dydt(t,y):
5     retval = 2*t*y + 5*t
6     return(retval)
7 tend=0.017
8 t = np.linspace(0,tend,100)
9 s=solve_ivp(dydt, [0, tend], [3], t_eval=t, rtol=1e-9)
10 import matplotlib.pyplot as mpl
11 fig, ax = mpl.subplots()
12 ax.plot(s.t, s.y[0])
13 ax.grid()
14 ax.set_ylim([0,50])
15 yana = 11/2*np.exp(t**2)-5/2
16 ax.plot(t, yana, 'rx')

```

16.25.1 Faktorisierung eines Polynoms

Faktorisierung eines Polynoms am Beispiel $f(x) = x^4 + 4x^2$:

```

1 from sympy import *
2 x = symbols('x')
3 y = factor(x**4+4*x**2)
4 print(y) # ergibt x**2*(x**2 + 4)

```

16.25.2 Koeffizienten eines Polynoms

Berechnet werden die Koeffizienten des Polynoms, welches faktorisiert $(y - 2) \cdot (y - 3)$ lautet. Ausmultipliziert ist dies $y^2 - 5y + 6$. Die Koeffizienten sind also 1, -5 und 6.

```

1 import sympy as sp
2 y = sp.symbols('y')
3 exp = (y-2)*(y-3) # y^2 - 5*y + 6
4 Ply = sp.Poly(exp,y)
5 print(Ply.all_coeffs()) # ergibt [1, -5, 6]

```

16.25.3 Einheitsmatrix

Einheitsmatrix

```

1 import numpy as np
2 # Datentyp float (1.0):
3 e = np.eye(4)
4 # Datentyp int (1):
5 eint = np.eye(4, dtype=int)

```

16.25.4 Determinante

Berechnung der Determinante einer Matrix

```

1 import numpy as np
2 M = [[ 4,  2],\
3      [ 3, -2]]
4 print(np.linalg.det(M))

```

16.25.5 Elementmanipulation

Einzelne Elemente einer Matrix oder ganze Zeilen oder Spalten können folgendermaßen manipuliert werden

```

1 import numpy as np
2 e = eye(3) # Matrix erzeugen
3 e[:,3]=7 # dritte Spalte alle 7
4 e[3,:]=7 # dritte Zeile alle 7
5 e[0:2,:]=7 # erste zwei Zeilen 7
6 # Die Auswahl betrifft alle
7 # bis zur 2. Zeile

```

16.25.6 Matrizenmultiplikation

Zwei Matrizen können mit den folgenden drei Methoden multipliziert werden (Es gibt noch mehr.):

```

1 import numpy as np
2 a = np.array([[1, 2],[3, 4]])
3 amala1 = np.matmul(a,a)
4 amala2 = a@a
5 amala3 = a.dot(a)

```

16.25.7 Vektoren und Matrizen aneinanderhängen

Die Matrix $\begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \\ 31 & 32 \end{pmatrix}$ und der Vektor $\begin{pmatrix} 13 \\ 23 \\ 33 \end{pmatrix}$ werden folgendermaßen aneinandergehängt:

```

1 import numpy as np
2 a = np.array([[11, 12],\
3             [21, 22], [31, 32]])
4 b = np.array([[13], [23], [33]])
5 print(np.c_[a,b])

```

Ergebnis:

```
1 [[11 12 13]
2  [21 22 23]
3  [31 32 33]]
```

Die Matrix $\begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$ und der Vektor $\begin{pmatrix} 31 & 32 \end{pmatrix}$ werden untereinander folgendermaßen aneinandergelagert:

```
1 import numpy as np
2 a = np.array([[11, 12], [21, 22]])
3 b = np.array([[31, 32]])
4 print(np.r_[a,b])
```

Ergebnis:

```
1 [[11 12]
2  [21 22]
3  [31 32]]
```

16.25.8 XY-Matrizen

Im Bereich Datenvisualisierung benötigt man gelegentlich zwei Matrizen gleicher Größe, die jeweils x- und y-Koordinaten angeben. Diese können mit dem Befehl `meshgrid` erzeugt werden. Der Vektor `yv` muss dabei in fallender Richtung (erste Grenze größer als die zweite) und der Vektor `xv` in steigender Richtung (erste Grenze kleiner als die zweite) erzeugt werden.

```
1 import numpy as np
2 xv=np.linspace(2,4,3)
3 yv=np.linspace(2,-2,5)
4 Mx,My=np.meshgrid(xv,yv)
```

Ergebnisse:

$$\vec{x} = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 4 \end{pmatrix} \quad \vec{y} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 & -1 & -2 \end{pmatrix}$$

$$\vec{X} = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 \end{pmatrix} \quad \vec{Y} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & -1 \\ -2 & -2 & -2 \end{pmatrix}$$

16.25.9 Zufallszahlen

Integer Zufallszahl zwischen 1 und 90

```
1 import random
2 z = random.randint(1,90)
```

Startwert-seed für den Zufallsgenerator setzen. Die danach erzeugten Zufallszahlen sehen immer gleich aus.

```
1 import random
2 random.seed(1)
3 z = random.randint(1,90)
```


Reelle Zufallszahl zwischen 0,0 und 1,0

```
1 import random
2 random.seed(1)
3 z = random.rand()
```

7 Zufallszahlen mit Normalverteilung mit dem Mittelwert 2 und der Streuung 0,1 erzeugen:

```
1 import numpy as np
2 np.random.seed(0)
3 z = np.random.normal(2, 0.1, 7)
```

Mit `np.random.seed(0)` wird der Zufallsgenerator auf den Startwert 0 gesetzt. Nachfolgende Aufrufe von `np.random` erzeugen eine immer gleiche Abfolge von Zufallszahlen.

16.25.10 lineare Differenzialgleichung n-ter Ordnung lösen

Eine lineare inhomogene DGL mit konstanten Koeffizienten kann in folgende explizite Form gebracht werden:

$$y^{(n)}(t) = \overbrace{a_0 y(t) + a_1 y'(t) + \dots + a_{n-1} y^{(n-1)}(t)}^{\text{steigende Ableitungen}} + g(t)$$

Darin ist $y(t)$ die gesuchte Funktion und $g(t)$ das Störglied.

Diese DGL wird zunächst in Systemdarstellung überführt:

$$\begin{pmatrix} y'(t) \\ y''(t) \\ y'''(t) \\ \vdots \\ y^{(n)}(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & \dots & 0 \\ \vdots & 0 & 1 & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 1 \\ a_0 & a_1 & a_2 & \dots & a_{n-1} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y(t) \\ y'(t) \\ y''(t) \\ \vdots \\ y^{(n-1)}(t) \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ \vdots \\ \vdots \\ 0 \\ g(t) \end{pmatrix}$$

Darin ist der **grün** eingezeichnete Bereich eine Einheitsmatrix und die **blauen** Bereiche sind mit Nullen gefüllt.

Die rechte Seite wird für die numerische Lösung als Funktion definiert. Dies wird Anhand des Beispiels

$$\underbrace{\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -3 & -4 \end{pmatrix}}_A \underbrace{\begin{pmatrix} y(t) \\ y'(t) \end{pmatrix}}_y + \underbrace{\begin{pmatrix} 0 \\ 200 \sin(6\pi t) \end{pmatrix}}_b$$

gezeigt:

```
1 from scipy.integrate import solve_ivp
2 import numpy as np
3 import matplotlib.pyplot as plt
4 import os
5
6 def dydt(tp, yT):
7     A = np.array([[0, 1], [-3, -4]])
8     b = np.array([[0], [200*np.sin(6*pi*tp)]])
9     retval = ((np.array([yT@A.transpose()])).transpose()+b).transpose()[0]
10    return(retval)
```

Die ungewöhnliche Darstellung mit den Transponierten wurde gewählt, weil die Zustandsvariablen y^T als Zeilenvektoren übergeben werden und in der mathematischen Systemdarstellung eigentlich Spaltenvektoren verwendet werden.

Es gilt $(A y)^T = y^T A^T \Rightarrow A y = (y^T A^T)^T$. Darin ist y^T der Zeilenvektor y^T in Python. Bei der Berechnung des Rückgabewertes `retval` wird am Ende das erste Element aus einer Matrix mit `[0]` extrahiert. Das ist notwendig, weil als Rückgabewert ein Zeilenvektor erwartet wird. Ohne die Extraktion wäre es eine Matrix mit einer Zeile und zwei Spalten.

Mit dem nachfolgenden Code wird das Anfangswertproblem (die DGL) mit den Anfangswerten `[3, 0]` gelöst. Dies steht für $y(0) = 3$ und $y'(0) = 0$. In Matrizenschreibweise ist dies

$$\begin{pmatrix} y(0) \\ y'(0) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

Die numerischen und die analytischen Werte werden zu den Zeitpunkten ermittelt, die in `t` angegeben sind. Ein graphischer Vergleich der analytischen und der numerischen Lösung wird als PDF-Grafik gespeichert. Ebenfalls wird die maximale Abweichung zwischen den ermittelten Funktionswerten ausgegeben. Der Parameter `rtol` ist standardmäßig $1e-3$ und beschreibt die relative Genauigkeit des Löser.

```

1 tend=4
2 t = np.linspace(0,tend,175)
3 s=solve_ivp(dydt, [0, tend], [3, 0], t_eval=t, rtol=1e-9)
4 yana = np.sin(6*pi*t) #ana. Lsng
5 fig, ax = mpl.subplots()
6 ax.grid()
7 g1, = ax.plot(t, yana, 'g-', label='analytisch')
8 g2, = ax.plot(t, s.y[0], 'rx', label='numerisch')
9 ax.legend(handles=[g1,g2])
10 print("max. Diff. ana.-num. Lsng: {}".format(max(s.y[0]-yana)))
11 import os
12 mpl.savefig(os.path.basename(__file__).replace('.py','') + '_gen.pdf')
13 # Mit Jupyter: mpl.savefig(os.path.basename(sys.argv[0]).replace('.py','') + '_gen.pdf')
14 mpl.close("all")

```

16.25.11 nichtlineare Differenzialgleichung n-ter Ordnung

Gegeben sei die nichtlineare DGL $y''(t) = -1/(t + y(t)^2)$. Dies wird zunächst in eine vektorielle Schreibweise überführt:

$$\begin{pmatrix} y(t) & y'(t) \end{pmatrix}' = \begin{pmatrix} y'(t) & \frac{-1}{t+y(t)^2} \end{pmatrix}$$

Die Lösung kann mit `solve_ivp` berechnet werden. Die Funktion `nonlinearfunktion` beschreibt die DGL in der vektoriellen Schreibweise. Der Funktionsverlauf wird an denjenigen Zeitpunkten ausgegeben, die mit `t_eval` definiert sind.

```

1 import numpy as np
2 from scipy.integrate import solve_ivp
3 import matplotlib.pyplot as mpl
4 def nonlinearfunktion(t,Yvec):return np.array([Yvec[1], -1/(t+Yvec[0]**2)])
5 t0 = 0 # Startzeit
6 tend = 20.5 # Endzeit
7 Yvecnull = [3, 0] # Anfangswerte [y(0), y'(0)]
8 R =solve_ivp(nonlinearfunktion,[t0, tend], Yvecnull, t_eval=np.linspace(t0,tend,25))

```

```

9 # Ergebnis plotten:
10 fig, ax = mpl.subplots()
11 ax.plot (R.t, R.y[0], 'rx')
12 ax.grid()

```

16.26 Werteliste nahe Null zu Null runden

Werte in der Nähe zu Null zu Null runden

```

1 import numpy as np
2 def tszero(v):
3     return(np.array([int(not(x)) for x in np.isclose(v,0.0*v)])*v)
4 print(tzero(np.array([0.234]))) # [0.234]
5 print(tzero(np.array([0.234e-14]))) # [0.]

```

16.27 Abschnittsweise definierte Funktionen

Abschnittsweise definierte Funktionen können mit if/then/else-Konstruktionen erzeugt werden oder mit np.piecewise.

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 def fvonx(x):
4     fx = np.piecewise(x, [x<3, (3<=x) & (x<3.5), (3.5<=x) ],
5         [lambda x: 0.0, lambda x: (x-3)**2, lambda x: -(x-4)**2+1/2])
6     return(fx)
7 fig, ax = plt.subplots()
8 x = np.linspace(0,7,150)
9 y = fvonx(x)
10 ax.plot(x,y,'r-')
11 ax.grid()
12 plt.show()

```

16.28 Heaviside-Funktion (Sprungfunktion)

Die Heaviside- oder Sprungfunktion ist wie folgt definiert:

$$f(t) = \begin{cases} 1 & 0 < t \\ x & t = 0 \\ 0 & t < 0 \end{cases}$$

```

1 import numpy as np
2 x = 2
3 t = 3.14
4 print(np.heaviside(t, x)) # ergibt 1
5 print(np.heaviside(0, x)) # ergibt 2
6 print(np.heaviside(-10, x)) # ergibt 0

```

17 Symbolische Mathematik

17.1 Brüche

Brüche mit sympy. Beispiel: $\frac{1}{3}$

```
1 from sympy import Rational
2 b = sympy.Rational(1,3)
```

Leider kann ein Rational-Ausdruck nicht als Argument an einen Rational-Ausdruck übergeben werden. Beispiel: $z = \frac{\sqrt{3}}{2}$

```
1 #Fehler:
2 z = sympy.Rational(\
3     3**sympy.Rational(1,2),2)
```

Abhilfe: $z = \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2^2}} = \sqrt{\frac{3}{2^2}}$

```
1 #funktionier:
2 z = sympy.Rational(\
3     3,2**2)**sympy.Rational(1,2)
```

17.2 Terme rational machen

Ausdrücke in einen einzelnen Bruch umformen

```
1 import sympy
2 x = sympy.symbols('x')
3 f = (-2*x+3)/((x-1)**2+2**2)+(5)/(x-3)
4 print(sympy.ratsimp(f))
5 # ergibt:
6 # (3*x**2-x+16)/(x**3-5*x**2+11*x-15)
```

18 Faktoren eines Teilausdruckes ermitteln

Mit dem Befehl `.coeffs()` können Faktoren eines Teilausdrucks extrahiert werden. So kann beispielsweise aus dem Ausdruck $2a_0 - 10a_1$ der Faktor vor a_0 (also 2) wie folgt extrahiert werden:

```
1 import sympy as sp
2 a0, a1 = sp.symbols('a0 a1')
3 print((2*a0 - 10*a1).coeff(a0))
4 # ergibt 2
```

19 Komplexe Zahlen

Komplexe Zahlen können mit dem Basis-Python verwendet werden:

```
1 z = 4 + 3j
```

Leider wird bei der Multiplikation mit einer komplexen Zahl mit j das Ergebnis in eine Float-Variable geändert. Beispiel:

```
1 from sympy import Rational
2 print(4+Rational(1,3)*1j)
3 # 4 + 0.333333333333333*I
```

Wenn exakte Zahlen, also Brüche, gefordert sind, kann dies mit der Bibliothek sympy berechnet werden. Dazu wird die komplexen Einheit I aus der sympy-Bibliothek importiert und verwendet:

```
1 from sympy import Rational I
2 print(4+Rational(1,3)*I)
3 # ergibt: 4 + I/3
4 print(4+Rational(1,3)*I**2)
5 # ergibt: 11/3
```

19.1 Ableitungen

Ableitung von Funktionen berechnen

```
1 from sympy import *
2 t = symbols('t')
3 expr = Rational(1,2)*log((1+t)/(1-t))
4 pprint(diff(expr, t, 1))
5 # sympy.sqrt() statt math.sqrt()
6 pprint(diff(sqrt(2*t), t, 1))
```

19.2 Integrieren

Symbolisch ein bestimmtes Integral bilden

```
1 from sympy import *
2 init_printing(use_unicode=False, wrap_line=False)
3 del t
4 t = Symbol('t')
5 ak = integrate(2*pi*t*k+4,(t,0,1))
6 print(ak) # ergibt 4 + 15*pi
```

Symbolisch ein unbestimmtes Integral bilden:

```
1 from sympy import *
2 init_printing(use_unicode=False, wrap_line=False)
3 del t
4 t = Symbol('t')
5 ak = integrate(2*pi*t*k+4,t)
6 print(ak) # ergibt 15*pi*t**2 + 4*t
```

Sonderfälle und Fallunterscheidungen im Ergebnis unterdrücken, indem Konstanten als Positive reelle Zahlen definiert werden:

```
1 from sympy import *
2 w, tau, t, tp = symbols('w_tau_t_tp', positive=True, real = True)
3 integrate(exp(-tau*tp)*cos(w*tp),(tp,0,t))
```

19.3 Ausmultiplizieren

Ausmultiplizieren (engl. expand) von Ausdrücken

```
1 from sympy import *
2 x = symbols('x')
3 f = ((x+2)*(x+2)*(x-2)*(x-3))
4 pprint(expand(f))
```

19.4 Ersetzungen

Ersetzen von Teilausdrücken. In diesem Beispiel wird in $-6x^3 + 16x^2 - 84x + 64$ der Ausdruck x^2 ersetzt durch $-2x - 17$:

```
1 from sympy import *
2 x = symbols('x')
3 g = -6*x**3 + 16*x**2 - 84*x+64
4 print(g.subs(x**2, -2*x-17))
```

Eine Schwierigkeit ist, in x^3 den Ausdruck x^2 durch beispielsweise w zu ersetzen zu $x^2 w$. Abhilfe:

```
1 x = symbols('x')
2 w = symbols('w')
3 g = -6*x**3 + 16*x**2 - 84*x+64
4 g = g.replace(x**3, UnevaluatedExpr(x**2)*x)
5 print(r2.subs(x**2, w).doit())
```

19.5 Numerische Auswertung

Ein symbolischer Ausdruck kann mit evalf in einen Zahlenwert umgewandelt werden:

```
1 import sympy
2 y = sympy.sqrt(2)
3 print(y) # sqrt(2)
4 print(y.evalf()) # 1.4142
```

19.6 Evaluation verhindern

Gelegentlich will man eine Auswertung eines Ausdrucks verhindern:

```
1 from sympy import *
2 x = symbols('x')
3 print(x+x) # ergibt 2*x
```

Abhilfe:

```
1 from sympy import *
2 x = symbols('x')
3 print(UnevaluatedExpr(x)+x) # x+x
```

Der Parameter evaluate=False verhindert die Auswertung bis zum nächsten Aufruf

```

1 from sympy import *
2 w = symbols('w')
3 z = Add(w,w,w, evaluate=False)
4 z = Add(z,w, evaluate = False)
5 print(z) # w+w+w+w
6 z = z
7 print(z+1) # z wird evaluiert: 4*w+1

```

Permanente Auswertung wird mit `UnevaluatedExpr()` verhindert und mit `doit()` aufgehoben:

```

1 z = UnevaluatedExpr(w)+w
2 print(z)
3 print(z+1) # z wird nicht evaluiert
4 print((z+1).doit()) # z wird evaluiert

```

19.7 Vereinfachungen

Vereinfachungen können mit `simplify` erfolgen:

```

1 from sympy import *
2 x = symbols('x')
3 print(simplify(x*(x**3*x**2)))
4 # ergibt: x**6

```

19.8 Automatische Vereinfachung

Summen werden automatisch gebildet und Ausdrücke vereinfacht. In diesem Beispiel wird in $4x + 5x^2 - 2x^2 + 2x^2 - 4$ alle gleiche Potenzen von x summiert und ein Polynom gebildet:

```

1 from sympy import *
2 x = symbols('x')
3 g = 4*x+5*x**2-2*x**2+2*x**2-4
4 print(g)
5 #ergibt: 5*x**2 + 4*x - 4

```

19.9 Ausklammern

Ausdrücke können wie folgt ausgeklammert werden:

```

1 from sympy import *
2 t = symbols('t')
3 expr = sin(t)*t+cos(t)*t+\
4     exp(2*t)*t**2+exp(3*t+5)*t**2
5 pprint(collect(expr, [t, t**2]))

```

Ergibt: $t^2 (e^{2t} + e^{3t+5}) + t \cdot (\sin(t) + \cos(t))$

19.10 Vereinfachung von Rationalen Funktionen (Polynombrüche)

Rationale Funktionen sind Brüche mit Polynomen im Zähler und Polynomen im Nenner. Diese können mit `ratsimp` vereinfacht werden.

```

1 from sympy import *
2 t = symbols('t')
3 #expr=Rational(1,2)*log((1+t)/(1-t))
4 #pprint(diff(expr, t, 1))
5 expr = Poly(1,t)/Poly(1-t**2,t)
6 pprint(ratsimp(diff(expr, t, 7)))

```

19.11 Partialbruchzerlegung

Funktion zur Partialbruchzerlegung:

```

1 from sympy import *
2 s = symbols('s')
3 f = s/((s**2+7**2)*\
4      ((s+4)**2+3**2)*(s+5))
5 pprint(apart(f))

```

19.12 Ausmultiplizieren von Partialbrüchen

Ausmultiplizieren der linken Seite der folgenden Gleichung ergibt die rechte:

$$\frac{5}{3} \frac{1}{s+1} - \frac{2}{s+2} + \frac{1}{3} \frac{1}{s-2} = \frac{3s-2}{s^3+s^2-4s-4}$$

```

1 from sympy import *
2 s = symbols('s')
3 expr = (Rational(5,3)*Poly(1,s)/Poly(s+1,s)
4        -2*Poly(1,s)/Poly(s+2,s)
5        + Rational(1,3)*Poly(1,s)/Poly(s-2,s))
6 pprint(ratsimp(expr))

```

19.13 Ausgabe in Formel-Schreibweise

Mit pprint (pretty-print) werden Formeln in Ascii-Art dargestellt:

```

1 from sympy import *
2 t = symbols('t')
3 expr = Poly(1,t)/Poly(1-t**2,t)
4 pprint(ratsimp(diff(expr, t, 1)))

```

Ergibt:

```

1      2*t
2  -----
3      4      2
4  t  - 2*t  + 1

```

19.14 Lineare Gleichungssysteme exakt lösen

Häufig sind lineare Gleichungssysteme gegeben, bei denen als Koeffizienten oder Konstantenvektor als Brüche angegeben sind. Beispiel:

$$\begin{pmatrix} 1/3 & -1/2 & -1/5 \\ 1/4 & -1 & -1/4 \\ 1/2 & -1/3 & -1/6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} A \\ B \\ C \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5/30 \\ 1/16 \\ 9/36 \end{pmatrix}$$

Die exakte Lösung für die Unbekannten sind i.d.R. Brüche und kann mit der Bibliothek sympy und fractions berechnet werden:

```
1 from sympy import *
2 from fractions import Fraction
3 def F(a,b):
4     return(Fraction(a,b))
5 A, B, C = symbols('A B C')
6 system = Matrix(\
7     ((F(1,3),F(-1,2),F(-1,5),F(5,30)),\
8      (F(1,4),F(-1,1),F(-1,4),F(1,16)),\
9      (F(1,2),F(-1,3),F(-1,6),F(9,36))))
10 erg=solve_linear_system(system,A,B,C)
11 print(erg)
```

Ergibt:

```
1 {A: 17/40, B: 1/5, C: -5/8}
```

19.15 Matrix symbolisch invertieren

Eine Matrix soll invertiert werden. Beispiel:

$$M = \begin{pmatrix} L_1 & 0 & L_3 \\ L_1 & L_2 & 0 \\ 0 & -L_2 & 0 \end{pmatrix}$$

Code:

```
1 from math import pi
2 from sympy import *
3 L1, L2, L3 = symbols('L1, L2, L3')
4 Mat = Matrix([[L1, 0, L3],
5               [L1, L2, 0],
6               [0, -L2, 0]
7               ])
8 Mat.inv()
```

Ergibt:

```
1 Matrix([
2 [ 0, 1/L1, 1/L1],
3 [ 0, 0, -1/L2],
4 [1/L3, -1/L3, -1/L3]])
```

20 Anaconda-Spezialitäten

20.1 graphviz

Hinzufügen und die Pakete

- graphviz

- python-graphviz
- pydot

installieren.

20.2 Anaconda aufräumen

In Anaconda → Home → cmd.exe Prompt → „conda clean -a”

20.3 Anaconda Updates installieren

In Anaconda → Home → cmd.exe Prompt → „conda update --all”

oder

In Anaconda → Home → cmd.exe Prompt → „conda update jupyterlab”

21 Regular Expressions

21.1 Extrakte

Wenn aus dem String „magicwoche 12” die Zahl 12 extrahiert werden soll, dann kann das mit folgendem Befehl erfolgen

```
1 import re #regular expressions
2 s1 = "magicwoche_12"
3 p = re.compile('magicwoche_([0-9]+)')
4 print(p.match(s1).group(1))
```

Die runden Klammern um `[0-9]+` bilden eine Gruppe. Diese Gruppe wird mit `.match(s).group(1)` angesprochen. Mit Match werden nur Treffer zu Beginn eines Strings gefunden. Für eine Volltextsuche sollte man `search` verwenden.

21.2 Muster

Muster	Wirkung
<code>\s</code>	Whitespace
<code>\S</code>	alles außer Whitespace
<code>[(]</code>	eine geöffnete runde Klammer
<code>[a-z]</code>	ein kleiner Buchstabe
<code>[0-9]</code>	eine Ziffer

Muster	Wirkung
<code>[0-9]{4}</code>	vier Ziffern
<code>[0-9]{4,}</code>	vier oder mehr Ziffern
<code>[0-9]{2,5}</code>	zwischen 2 und 5 Ziffern
<code>[0-9]?</code>	Keine oder eine Ziffer
<code>[0-9]*</code>	keine, eine oder mehrere Ziffer
<code>[0-9]+</code>	eine oder mehrere Ziffern

21.3 Substrings ersetzen

Mit regular expressions können substrings gefunden werden, die dann durch andere Strings ersetzt werden:

```
1 import re
2 erg = re.sub('y($|[\^~])', # Muster
3 'y(t)', # Ersatzstring
4 r'9*y~{\prime}(t) + 20*y') # Suchtext
5 print(erg) #ergibt 9*y~{\prime}(t) + 20*y(t)
```

In diesem Beispiel bedeutet $(\$|[\^~])$, dass y am Ende stehen muss (\$) oder nicht von einem \wedge gefolgt wird. Was in runden Klammern steht ist eine Gruppe.

21.4 Test auf Funde

Mit dem folgenden Code wird überprüft, ob ein String zu einer regular expression passt. `match` gibt `None` zurück, wenn nichts gefunden wurde.

```
1 import re
2 p = re.compile('hal')
3 if p.match("hallo")!=None:
4     print(p.match("hallo").group(1))
```

22 Matplotlib

22.1 Einfachster Plot

```
1 t=[k for k in range(0,round(70/0.2))]
2 tbl=[1/(1+k*0.2) for k in t]
3 import matplotlib
4 matplotlib.pyplot.plot(t,tbl)
5 matplotlib.pyplot.grid()
```

22.2 Schriftart Stix

In dem folgenden Code-Beispiel ist erklärt, wie in einer Matplotlib-Grafik die Schriftart Stix (<https://www.stixfonts.org/>) aktiviert ist. In der Windows-Zeichentabelle muss dazu die Schriftart „STIX Two Text“ erscheinen.

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 plt.rcParams['font.family']=\
4     'STIXGeneral'
5 plt.rcParams['mathtext.fontset']=\
6     'stix'
7 x = np.linspace(0, 12, 150)
8 fig, ax = plt.subplots()
9 fig.set_size_inches(80/25.4,50/25.4)
10 g1, = ax.plot(x, np.sin(x))
11 plt.grid()
12 plt.xlabel('$x$')
```

```

13 plt.ylabel('$y$')
14 plt.subplots_adjust(left=0.22,\
15 right=0.97, top=0.97, bottom=0.22)
16 plt.savefig('bilddatei.pdf')

```

22.3 Ausgabe verfügbarer Schriftarten

In dem folgenden Code-Beispiel werden die installierten Schriftarten angezeigt:

```

1 import matplotlib.font_manager
2 fpaths = matplotlib.font_manager.findSystemFonts()
3
4 for i in fpaths:
5     f = matplotlib.font_manager.get_font(i)
6     print(f.family_name)

```

22.4 Auflösung von Rastergrafiken

Rastergrafiken können mit einer explizit angegebenen Anzahl pro Bildpunkten pro Zoll (dpi = dots per inch) exportiert werden. Beispiel für 300 Bildpunkte pro Zoll (Standard sind 100 dpi):

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 x = np.linspace(-15, 15, 150)
4 fig, ax = plt.subplots()
5 fig.set_size_inches(120/25.4, 80/25.4)
6 g1, = ax.plot(x, np.sin(x))
7 plt.savefig('bilddatei.png', dpi=300)

```

22.5 Universal-Plot

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 a = 0.3
4 wc = 5
5 wk = np.linspace(-15, 15, 500)
6 A, B, C, D = -1/2, wc/2, -1/2, -wc/2
7 impt3 = (A*wk+B)/((wk-wc)**2 + a**2)
8 impt4 = (C*wk+D)/((wk+wc)**2 + a**2)
9 fig, ax = plt.subplots()
10 fig.set_size_inches(120/25.4, 80/25.4)
11 g1, = ax.plot(wk, impt3, 'g-', \
12 lw=5, label=r'$\frac{1}{2}$')
13 g2, = ax.plot(wk, impt4, 'r-', \
14 label=r'$\omega_{\mathrm{k}}$')
15 # fuer Legende: Komma nach g1 und g2
16 # nicht vergessen beim Plot-Befehl!
17 plt.legend(handles=[g1, g2])
18 plt.xticks(np.arange(-2, 13, step=1))
19 plt.yticks(np.arange(0, 6, step=1))
20 ax.set_xlim([-15, 15])
21 ax.set_ylim([-1, 1])
22 plt.grid()
23 plt.xlabel('$\omega$')
24 plt.ylabel('Imaginaerteil')

```

```

25 plt.subplots_adjust(left=0.17,\
26     right=0.97, top=0.97, bottom=0.15)
27 plt.savefig('bilddatei.pdf')

```

22.6 Kommas statt Punkte

In diesem Minimalbeispiel wird gezeigt, wie als Dezimaltrennzeichen das Komma verwendet werden kann

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.ticker as tkr
3
4 def func(x, pos): # formatter
5     s1 = '{:1.1f}'.format(x)
6     s2 = s1.replace('.',',')
7     return s2
8 y_frmt = tkr.FuncFormatter(func)
9
10 t = [k for k in range(10)]
11 y = [1/(k+1) for k in t]
12 fig, ax = plt.subplots()
13 p1 = ax.plot(t, y)
14 ax.yaxis.set_major_formatter(y_frmt)
15 plt.show()

```

22.7 Achsenzahlen verschieben

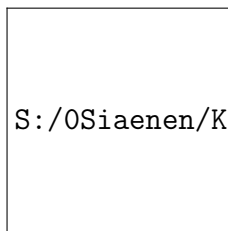
Die Achsenzahlen ('ticks') können von der Achse weg oder zur Achse und darüber hinaus verschoben werden.

```

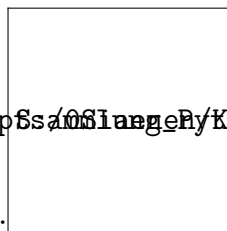
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 t = [k for k in range(10)]
3 y = [1/(k+1) for k in t]
4 fig, ax = plt.subplots()
5 p1 = ax.plot(t, y)
6 ax.xaxis.set_tick_params(pad=-15)
7 plt.show()

```

Ergibt:



statt:



22.8 Positionen Hilfsgitterlinien

In diesem Minimalbeispiel wird gezeigt, wie die Positionen der Hilfsgitterlinien eingestellt werden können

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 t = np.linspace(0,12,100)
4 y = 4*t**2-3*t+3

```

```

5 fig, ax = plt.subplots()
6 p1 = ax.plot(t, y)
7 plt.xticks(np.arange(0,12+1,step=1))
8 plt.yticks(np.arange(0,601,step=50))
9 ax.grid()
10 plt.show()

```

22.9 Beschriftungspfeile

In der Grafik kann über verschiedene Wege eine Pfeil eingefügt werden. Eine gute Lösung ist:

```

1 plt.annotate("", xy=(-1,2.3),
2 xytext=(0,2.3),\
3 arrowprops=dict(arrowstyle="|-|",\
4 linewidth=1.3, color='k',shrinkA=0,\
5 shrinkB=0, capstyle='round'))

```

Darin sind die ersten Koordinaten -1;2,3 und die zweiten Koordinaten 0;2.3. Für die Pfeilart gibt es, unter anderen, die Möglichkeiten „|-|“, „-|>“ und „<|-“. Die Koordinaten werden in Daten-Koordinaten angegeben.

22.10 Beschriftungstext

In der Grafik kann Text als Beschriftung eingefügt werden.

```

1 plt.text(0.5,2.4,"$T_0$", ha='center')

```

Darin ist 0,5 die x-Koordinate, 2,4 die y-Koordinate. Der Text ist als Latex-Formel gesetzt. Die horizontale Ausrichtung ist zentriert.

22.11 Größe der Abbildung

Die Anzeigegröße von matplotlib-plots in Rastergrafiken kann wie folgt vergrößert werden:

```

1 fig, ax = plt.subplots()
2 ...
3 fig.set_dpi(150)

```

je größer die dpi-zahl ist, desto größer wird die Abbildung angezeigt.

22.12 Grenzen der Achsen

Die angezeigten Zahlenwerte der Achsen können folgendermaßen geändert werden:

```

1 ax.set_xlim([xmin, xmax])
2 ax.set_ylim([ymin, ymax])

```

22.13 Plotstile

Linien können unterschiedlich gestaltet sein:

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 fig, ax = plt.subplots()
4 x = np.linspace(0,10,100)
5 ax.plot(x,np.sin(x),'g-')
6 # 'g-' ist die Linien-Stildefinition
```

Bei den Farben gibt es: 'b'=blau, 'g'=grün, 'r'=rot, 'c'=cyan, 'm'=magenta, 'y'=gelb, 'k'=schwarz, 'w'=weiß, 'tab:orange', 'tab:purple', 'tab:brown', 'tab:gray', 'tab:pink',

Bei den Linienarten gibt es: '-'=durchgängige Linie, '--'=Gestrichelte Linie, '-.'=Punkt-Strich-Linie, ':'=Gepunktete Linie

Weitere Farben: https://matplotlib.org/3.1.1/gallery/color/named_colors.html#sphx-glr-gallery-color-named-colors-py

22.14 Höhen-Breitenverhältnis

Gelegentlich müssen Achsen gleichskaliert sein. Eine Einheit in der horizontalen Richtung muss einer Einheit in vertikaler Richtung entsprechen. Eine Gerade mit der Steigung 1 wird dann einen Winkel von 45 Grad zur horizontalen Achse einnehmen.

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 fig, ax = plt.subplots()
4 x = np.linspace(0,10,100)
5 ax.plot(x,np.sin(x),'g-')
6 ax.set_aspect('equal')
```

22.15 Höhen-Breitenverhältnis

Gelegentlich müssen Achsen gleichskaliert sein. Eine Einheit in der horizontalen Richtung muss einer Einheit in vertikaler Richtung entsprechen. Eine Gerade mit der Steigung 1 wird dann einen Winkel von 45 Grad zur horizontalen Achse einnehmen.

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 fig, ax = plt.subplots()
4 x = np.linspace(0,10,100)
5 ax.plot(x,np.sin(x),'g-')
6 ax.set_aspect('equal')
```

22.16 Statistik

Einfaches Statistik-Beispiel:

```
1 import numpy as np
2 import random
3 import matplotlib.pyplot as plt
4 Nx = 30000000;
5 x = np.random.randn(Nx)
```

```

6 hist, bin_edges = np.histogram(x)
7 n, bins, patches = plt.hist(x=x,\
8     bins=np.arange(-2.5,2.75,0.25),\
9     color='#0504aa', alpha=0.7, rwidth=0.85)
10 plt.grid(axis='y', alpha=0.75)
11 plt.xlabel('Value')
12 plt.ylabel('Frequency')
13 plt.title('My_Very_Own_Histogram')
14 maxfreq = n.max()
15 # Set a clean upper y-axis limit.
16 plt.ylim(ymax=np.ceil(maxfreq / 10)\
17 * 10 if maxfreq % 10 \
18     else maxfreq + 10)

```

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/011_statistik/statistik.png

22.17 Statistik 2

Beispiel zum Thema Statistik.

```

1 grsse = 3
2 chiv = np.ones(Nx//grsse)
3 for k in range(Nx//grsse):
4     for m in range(grsse):
5         chiv[k] = chiv[k]+\
6             x[k*grsse+m]**2
7 hist, bin_edges = np.histogram(chiv)
8 n, bins, patches = plt.hist(x=chiv,\
9     bins=np.arange(0,15,0.1),\
10    color='#0504aa', alpha=0.7, rwidth=1.0)
11 plt.grid(axis='y', alpha=0.75)
12 plt.xlabel('Value')
13 plt.ylabel('Frequency')
14 plt.title('My_Very_Own_Histogram')
15 maxf = n.max()
16 # Set a clean upper y-axis limit.
17 plt.ylim(ymax=np.ceil(maxf / 10)\
18 * 10 if maxf % 10 else maxf + 10)

```


S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/012_statistik2/statistik2.png

22.18 Verschiebung der Achsenbeschriftungen A

Die Achsenbeschriftungen können mit dem Parameter `labelpad` von den Achsen weg verschoben werden. Negative Werte für `labelpad` führen zu einer Verschiebung zu den Achsen hin.

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 t = [k for k in range(10)]
3 y = [1/(k+1) for k in t]
4 fig, ax = plt.subplots()
5 p1 = ax.plot(t, y)
6 plt.xlabel('xlbl', labelpad=0)
7 plt.ylabel('ybl', labelpad=0)
8 plt.show()
```

22.19 Verschiebung der Achsenbeschriftungen B

Die Achsenbeschriftungen können auf bestimmte Positionen verschoben werden. Die Koordinatenangaben erfolgen in relativen Koordinaten zur Zeilenfläche (rechts = 1,0, links = 0, unten = 0, oben = 1,0). Weiterhin kann die Drehung und Ausrichtung eingestellt werden

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 t = [k for k in range(10)]
3 y = [1/(k+1) for k in t]
4 fig, ax = plt.subplots()
5 p1 = ax.plot(t, y)
6 ax.set_xlabel('xlabel')
7 ax.xaxis.set_label_coords(0.95, 0.45)
8 ax.set_ylabel('ybl', rotation=0, ha='left')
9 # Rotation = drehung in Grad
10 # ha = horizontal alignment (Ausrichtung)
11 ax.yaxis.set_label_coords(0.28, 0.95)
12 plt.show()
```

22.20 Achsen teilweise oder vollständig ausblenden

Die Anzeige der Achsen kann teilweise oder vollständig ausgeschaltet werden:

```
1 import matplotlib.pyplot as mpl
2 ...
3 ax1.spines['top'].set_color('none')
4 ax1.spines['right'].set_color('none')
5 ax1.spines['bottom'].set_color('none')
6 ax1.spines['left'].set_color('none')
7 #Alle Achsenteile ausblenden:
8 mpl.axis('off')
```

22.21 Schraffierte Flächen

Flächen können Schraffiert dargestellt werden. Als Optionen für hatch gibt es: \, /, |, -, +, x, o, O, ., *. Die Schraffurfläche kann mit mehrfachen „\” verdichtet werden. Beispiel: hatch='\\\\\\\\\\'

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 fig, ax= plt.subplots()
4 fig.set_size_inches(50/25.4, 50/25.4)
5 xo=np.linspace(0, 0.999, 50)
6 x=np.append([1,0],xo)
7 y=np.append([0,0],np.sqrt(1-xo**2))
8 ax.fill(x,y, fill=False, hatch='\\\\')
9 plt.subplots_adjust(left=0.22,\
10     right=0.97,top=0.97, bottom=0.22)
11 ax.set_aspect('equal')
12 fig.show()
```

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/015_schraffu

22.22 Gefüllte Plots

Mit dem Befehl fill statt plot können Flächen unter Kurven ausgefüllt werden:

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 fig, ax= plt.subplots()
4 xorig=np.linspace(0,1,30)
5 x=np.append([0], xorig)
6 y=np.append([0], np.sqrt(1-xorig**2))
7 ax.fill(x,y)
8 ax.plot(x,y,'k-')
9 fig.show()
```

22.23 Pixelanzeige einer Matrix

Werte einer Matrix können als gerasterte Fläche dargestellt werden. Die Angabe `extent=[xmin, xmax, ymin, ymax]` gibt die Koordinatengrenzen der gerasterten Fläche an. Der Wert der einzelnen Matrixelemente wird in eine Farbe umgerechnet. Die Umrechnungsformel wird mit dem Parameter `cmap` angegeben. Einige mögliche sind: `'jet'`, `'gist_earth'` oder `'gnuplot'`

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 #linspace in y Richtung abfallend
4 xv=np.linspace(-2,2,10)
5 yv=np.linspace(4,1,5)
6 Mx, My = np.meshgrid(xv, yv)
7 Mz = np.sqrt(Mx**2+My**2)
8 fig, ax= plt.subplots()
9 fig.set_size_inches(50/25.4, 50/25.4)
10 ax.imshow(Mz, extent=[-5, 2, -3, 4],\
11     aspect='auto', cmap='jet',\
12     interpolation = 'none')
13 ax.grid(lw=1)

```

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/017_bilderar

22.24 2D-Flächenplot

2D-Werte über eine Fläche Plotten, wobei den Koordinaten Funktionswerte zugeordnet werden und diese Funktionswerte in eine Farbe übersetzt wird.

```

1 phi00 = 1
2 phi01 = 2
3 phi10 = 3
4 phi11 = 7
5 x0 = 1
6 x1 = 5
7 y0 = 1
8 y1 = 5
9
10 def phixy(xp, yp):
11     retval = 1/((y1-y0)*(x1-x0)) * (((x1-xp)*phi00 + (xp-x0)*phi10)
12     * (y1-yp) + ((x1-xp)*phi01 + (xp-x0)*phi11) * (yp-y0))
13     return(retval)
14
15 import numpy as np
16 import matplotlib.pyplot as plt
17 from matplotlib import cm
18
19 xv=np.linspace(x0,x1,15)
20 yv=np.linspace(y0,y1,15)

```

```

21 Mx,My=np.meshgrid(xv,yv)
22 phi = phixy(Mx,My)
23 plt, ax = plt.subplots()
24 surf = ax.contourf(Mx, My, phi, 100, cmap=cm.jet)
25 plt.show()

```

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/025_2dplot/

22.25 Plot nach DIN

Das nachfolgende Programm erzeugt einen Funktionsplot nach DIN-Norm:

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import math
4 from matplotlib import rc
5 rc('text', usetex=True)
6 rc('legend',**{'fontsize':10})
7 t0 = 0.0
8 t1 = 1.5
9 steps = 100
10 xvals = np.linspace(t0,t1,steps)
11 yvals1 = xvals**2
12 yvals2 = np.sin(xvals*2*math.pi)
13 fig = plt.figure()
14 #Hoehe, Breite und Position des Plot
15 rect = 0.14, 0.17, 0.84, 0.80
16 ax1 = fig.add_axes(rect, frameon=True)
17 ax1.set_ylim([-2,2])
18 ax1.set_xlim([t0,t1])
19 stromplot = ax1.plot(xvals, yvals1,\
20     label="$x^2$", c='b', lw=0.7/0.3527)
21 sinusplot = ax1.plot(xvals, yvals2,\
22     label="$\sin(x)$", color = 'b',\
23     ls='--', lw=0.7/0.3527)
24 ax1.set_xlabel('$t$')
25 ax1.xaxis.set_label_coords(0.55,\
26     0.07, transform=fig.transFigure)
27 ax1.set_ylabel('$i$')
28 ax1.yaxis.set_label_coords(0.05,\
29     0.5, transform=fig.transFigure)
30 legend=ax1.legend(\
31     loc='lower_left', shadow=False)
32 xls = 0.2
33 xachseeneinheit_str = 's'
34 x=[ax1.get_xlim()[0]+k*xls for k in \
35     range(math.floor((ax1.get_xlim()[1]\
36     -ax1.get_xlim()[0])*\
37     (1.0+1e-12)/xls)+1)]
38 lbls=[("%.1f"%d).replace('.',',',')\

```

```

39     for d in x]
40 lbls[-2]=xachseneinheit_str
41 plt.xticks(x, lbls)
42 # Y-Achse:
43 yachseneinheit_str = 'A'
44 yls = 0.5
45 y=[ax1.get_ylim()[0]+k*yls for k in\
46     range(math.floor((ax1.get_ylim()[1]\
47         -ax1.get_ylim()[0])*\
48             (1.0+1e-12)/yls)+1)]
49 lblsy=[("%.1f"%d).replace('.',',')\
50     for d in y]
51 lblsy[-2]=yachseneinheit_str
52 w35=0.35/0.3527
53 w18=0.18/0.3527
54 plt.yticks(y, lblsy)
55 ax1.spines['top'].set_color('none')
56 ax1.spines['right'].set_color('none')
57 ax1.spines['bottom'].set\
58     set_position('zero')
59 ax1.spines['left'].set_linewidth(w35)
60 ax1.spines['bottom'].set\
61     set_linewidth(w35)
62 print(ax1.xaxis.get_ticks_position())
63 ax1.xaxis.set_ticks_position('bottom')
64 ax1.grid(b=True, which='both',\
65     axis='x', c='k', ls='-', lw=w18)
66 ax1.grid(b=True, which='both',\
67     axis='y', c='k', ls='-', lw=w18)
68 fig.set_size_inches(100/25.4, 63/25.4)

```

```

1 dstaxtxpt=fig.get_size_inches()[1]*\
2     25.4*rect[3]/0.3527*(0-\
3     ax1.get_ylim()[0])/ \
4     (ax1.get_ylim()[1]-\
5     ax1.get_ylim()[0])+2
6 ax1.tick_params(axis='x', \
7     which='major', pad=dstaxtxpt)
8 # Achsenpfeil X:
9 b_mm=math.tan(7.5*math.pi/180)*20*0.35
10 arrowlen_mm = 12.0
11 deltax_frac = arrowlen_mm /\
12     (fig.get_size_inches()[0]*25.4)
13 arrowfrac = 10*0.35/arrowlen_mm
14 ybf = 0.048
15 xbf = 0.57
16 ax1.annotate('', \
17     xy=(xbf+deltax_frac, ybf), \
18     xycoords='figure_fraction', \
19     xytext=(xbf, ybf), \
20     textcoords='figure_fraction', \
21     arrowprops=dict(width=w35, \
22     frac=arrowfrac, facecolor='black', \
23     edgecolor='none', \
24     headwidth=b_mm/0.3527))
25 # Achsenpfeil Y:
26 deltax_frac = arrowlen_mm /\
27     (fig.get_size_inches()[1]*25.4)
28 ybyf = 0.52
29 xbyf = 0.03
30 ax1.annotate('', \
31     xy=(xbyf, ybyf+deltax_frac), \
32     xycoords='figure_fraction', \
33     xytext=(xbyf, ybyf), \
34     textcoords='figure_fraction', \
35     arrowprops=dict(width=w35, \

```

```

36     frac=arrowfrac,facecolor='black',\
37     edgecolor= 'none', \
38     headwidth=b_mm/0.3527))
39 plt.savefig('plot_din.pdf',\
40             format='pdf')
41 plt.savefig('plot_din.png',\
42             format='png',dpi=600)
43 plt.close("all")

```

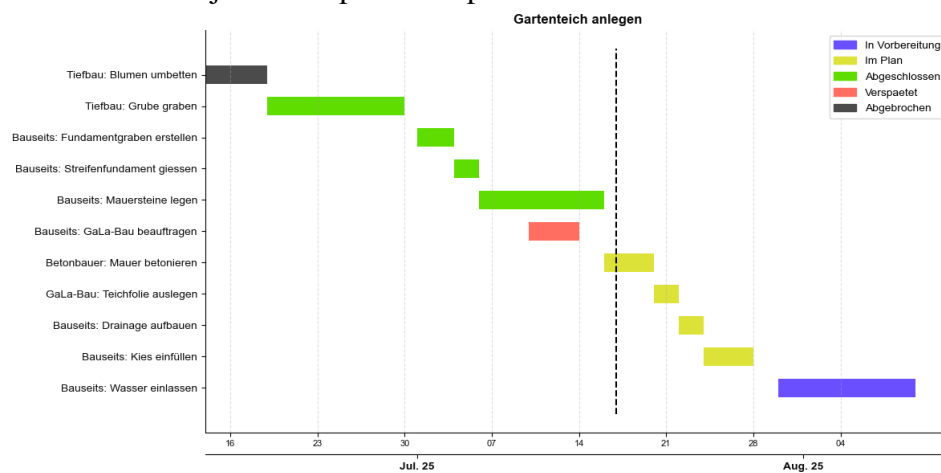
Ausgabe:



S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/019_plotnachdin/plot_

22.26 Gantt-Chart

Ein Gantt-Chart ist ein Projektablaufplan. Beispiel:



Quellcode:

```
1 ###
```

```

2 import pandas as pd
3 import numpy as np
4 import matplotlib.pyplot as plt
5 import matplotlib.dates as mdates
6 import matplotlib.patches as mpatches
7 import datetime
8
9 from matplotlib import rcParams
10
11 DATE_FORMAT = '%Y-%m-%d'
12 TODAY = '2025-07-17'
13
14 TITLE = "Gartenteich anlegen"
15 TITLE_SIZE = 12
16 TITLE_FONT_WEIGHT = "bold"
17
18 FONT_COLOR = "#0C0C0C"
19
20 X_LABEL = ""
21 Y_LABEL = ""
22 LABEL_SIZE = 8
23
24 DAY_FONT_SIZE = 8
25 MONTH_FONT_SIZE = 10
26 MONTH_FONT_WEIGHT = "bold"
27
28 BAR_COLOR = "#30C7DC"
29 TASKTYPE_BAR_COLORS = {
30     "In_Vorbereitung": "#694fff",
31     "Im_Plan": "#dce238",
32     "Abgeschlossen": "#5fdc00",
33     "Verspaetet": "#ff6e61",
34     "Abgebrochen": "#4b4b4b"
35 }
36
37 FONT_FAMILY = "sans-serif"
38 FONT_SANS_SERIF = ["Arial", "Roboto", "DejaVuSans"]
39
40
41
42 rcParams['font.family'] = FONT_FAMILY
43 rcParams['font.sans-serif'] = FONT_SANS_SERIF
44 rcParams['axes.titlesize'] = TITLE_SIZE
45 rcParams['axes.labelsize'] = LABEL_SIZE
46
47 def build_week_ticks(start_date, end_date):
48
49     mondays = pd.date_range(start=start_date, end=end_date, freq='W-MON')
50     return mondays, [d.strftime('%d') for d in mondays]
51
52 def plot_gantt(tasks, output_path=None):
53     if tasks.empty:
54         print("No tasks to plot.")
55         return
56
57     start_date = tasks['start_date'].min()
58     end_date = tasks['end_date'].max()
59
60     tasks = tasks.sort_values(by=['start_date', 'task_group'],
61                               ascending=False)
62
63     fig, ax = plt.subplots(figsize=(12, 6))
64
65     bars = []
66
67     for _, task in tasks.iterrows():

```

```

68     duration = (task['end_date'] - task['start_date']).days
69     bar = ax.barh(
70         task['task_group'] + ':_' + task['task_description'],
71         width=duration,
72         height=0.6,
73         left=task['start_date'],
74         color=TASKTYPE_BAR_COLORS.get(task['task_status'], BAR_COLOR)
75     )
76
77     ax.plot(mdates.date2num(datetime.datetime.fromisoformat(TODAY))*np.array([1, 1]),
78             ax.get_ylim(), 'k--')
79
80     week_positions, week_labels = build_week_ticks(start_date, end_date)
81
82     ax.set_title(TITLE,
83                 fontsize=TITLE_SIZE, color=FONT_COLOR).set_fontweight(TITLE_FONT_WEIGHT)
84     ax.set_xlabel(X_LABEL, fontsize=LABEL_SIZE, color=FONT_COLOR)
85     ax.set_ylabel(Y_LABEL, fontsize=LABEL_SIZE, color=FONT_COLOR)
86     ax.tick_params(axis='both', colors=FONT_COLOR)
87     ax.set_xticks(week_positions)
88     ax.set_xticklabels(week_labels, fontsize=DAY_FONT_SIZE,
89                       color=FONT_COLOR)
90     ax.grid(axis='x', linestyle='--', alpha=0.4)
91
92     sec_ax = ax.secondary_xaxis('bottom')
93     sec_ax.xaxis.set_major_formatter(mdates.DateFormatter('%b. _%y'))
94     sec_ax.xaxis.set_major_locator(mdates.MonthLocator())
95     sec_ax.tick_params(axis='x', labelsiz=MONTH_FONT_SIZE,
96                      colors=FONT_COLOR)
97     sec_ax.spines['bottom'].set_position(('outward', 20))
98
99     # Monatslinie
100    for label in sec_ax.get_xticklabels():
101        label.set_fontsize(MONTH_FONT_SIZE)
102        label.set_weight(MONTH_FONT_WEIGHT)
103        label.set_color(FONT_COLOR)
104
105    for spine in ['top', 'right']:
106        ax.spines[spine].set_visible(False)
107        sec_ax.spines[spine].set_visible(False)
108
109    # Legende
110    handles = []
111    for task_status, color in TASKTYPE_BAR_COLORS.items():
112        patch = mpatches.Patch(color=color, label=task_status)
113        handles.append(patch)
114
115    ax.legend(handles=handles, loc='best', framealpha=0.8)
116
117    plt.tight_layout()
118
119    if output_path:
120        plt.savefig(output_path, dpi=300, bbox_inches='tight')
121        plt.close()
122    else:
123        plt.show()
124
125    t1 = pd.DataFrame(columns=('task_group', 'task_description', 'task_status',
126                             'start_date', 'end_date'))
127    t1.loc[0] = ["Tiefbau", "Blumen_umbetten", "Abgebrochen", "2025-06-14", "2025-06-19"]
128    t1.loc[len(t1)] = ["Tiefbau", "Grube_graben", "Abgeschlossen", "2025-06-19", "2025-06-30"]
129    t1.loc[len(t1)] = ["Bauseits", "Fundamentgraben_erstellen", "Abgeschlossen",
130                     "2025-07-01", "2025-07-04"]
131    t1.loc[len(t1)] = ["Bauseits", "Streifenfundament_giessen", "Abgeschlossen",
132                     "2025-07-04", "2025-07-06"]
133    t1.loc[len(t1)] = ["Bauseits", "GaLa-Bau_beauftragen", "Verspaetet",

```



```

134         "2025-07-10", "2025-07-14"]
135 tl.loc[len(tl)]=["Bauseits", "Mauersteine legen", "Abgeschlossen",
136                 "2025-07-06", "2025-07-16"]
137 tl.loc[len(tl)]=["Betonbauer", "Mauer betonieren", "Im Plan",
138                 "2025-07-16", "2025-07-20"]
139 tl.loc[len(tl)]=["GaLa-Bau", "Teichfolie auslegen", "Im Plan",
140                 "2025-07-20", "2025-07-22"]
141 tl.loc[len(tl)]=["Bauseits", "Drainage aufbauen", "Im Plan",
142                 "2025-07-22", "2025-07-24"]
143 tl.loc[len(tl)]=["Bauseits", "Kies einfüllen", "Im Plan",
144                 "2025-07-24", "2025-07-28"]
145 tl.loc[len(tl)]=["Bauseits", "Wasser einlassen", "In Vorbereitung",
146                 "2025-07-30", "2025-08-10"]
147 print(tl)
148 tl['start_date'] = pd.to_datetime(tl['start_date'], format=DATE_FORMAT)
149 tl['end_date'] = pd.to_datetime(tl['end_date'], format=DATE_FORMAT)
150 tl.set_index(pd.DatetimeIndex(tl['start_date'].values), inplace=True)
151 plot_gantt(tl)

```

22.27 Bode - Diagramm

Das Bode-Diagramm kommt in der Regelungstechnik vielfältig zum Einsatz und wird für die Analyse des Systemverhaltens, Stabilitätsuntersuchungen und Auslegung von Regelkreisen verwendet. In dem folgenden Code-Beispiel wird angezeigt, wie man das Bode-Diagramm einer Tiefpass 1. Ordnung mit der Bibliothek Spicy darstellt:

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 from scipy import signal
4
5 # Übertragungsfunktion  $F(p) = 1/(Tp+1)$  (Tiefpass 1. Ordnung)
6 num = [1]
7 den = [1, 1]
8 system = signal.TransferFunction(num, den)
9
10 # Frequenzbereich logarithmisch wählen
11 w = np.logspace(-2, 2, 500) # von  $10^{-2}$  bis  $10^2$  rad/s
12
13 # Frequenzgang berechnen
14 w, mag, phase = signal.bode(system, w=w)
15 fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(2, 1, figsize=(8,6))
16
17 # Betrag in dB
18 ax1.semilogx(w, mag)
19 ax1.set_title("Bode-Diagramm", fontsize=10, fontweight="bold")
20 ax1.set_ylabel('$Magnitude_{dB}$')
21 ax1.grid(True, which="both", linestyle="--", linewidth=0.5)
22
23 # Phase in Grad
24 ax2.semilogx(w, phase)
25 ax2.set_xlabel('$Frequenz_{rad/s}$')
26 ax2.set_ylabel('$Phase_{Grad}$')
27 ax2.grid(True, which="both", linestyle="--", linewidth=0.5)
28
29 fig.set_size_inches(200/25.4, 150/25.4) # Umwandlung von millimeter in Zoll
30 plt.tight_layout() # sorgt fuer schoene Abstaende
31 plt.show()

```

22.28 Ortskurve

Eine Ortskurve stellt dar, wie sich die komplexe Übertragungsfunktion eines Systems abhängig von der Frequenz in der komplexen Ebene verhält. In dem folgenden Code-Beispiel wird wie oben die Ortskurve für einen Tiefpass erste Ordnung dargestellt:

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3
4
5 # Uebertragungsfunktion  $F(j\omega) = 1 / (1 + j\omega T)$  Tiefpass 1er Ordnung mit  $T = 1$ 
6 def F(w):
7     return 1 / (1 + 1j*w)
8
9 # Frequenzbereich  $\omega$  waehlen
10 w = np.linspace(0, 20, 500)
11 F_vals = F(w) # F_vals enthaelt alle komplexen Punkte der Ortskurve
12
13
14 # Figure
15 plt.figure(figsize=(8,6))
16 plt.plot(F_vals.real, F_vals.imag, 'b-', label="Ortskurve") # F_vals.real, F_vals.imag Real- und Imagin
17
18
19 # fuer  $\omega = 0$ ;  $\omega = \omega_0$  und  $\omega = \infty$  markieren. Mit  $\omega_0 = 1$ 
20 points = {
21     r"$\omega=0$": F(0),
22     r"$\omega=1$": F(1),
23     r"$\omega\to\infty$": 0
24 }
25
26 for label, val in points.items():
27     x, y = (val.real, val.imag) if val != 0 else (0, 0)
28     plt.plot(x, y, 'ro')
29     plt.text(x+0.05, y+0.05, label, color='red')
30
31 # Zeiger hinzufuegen, um die Richtung von  $\omega$  zu zeigen
32 mid = len(F_vals)//2
33 plt.arrow(F_vals.real[mid], F_vals.imag[mid],
34           F_vals.real[mid+1]-F_vals.real[mid],
35           F_vals.imag[mid+1]-F_vals.imag[mid],
36           shape='full', head_width=0.02, color='green')
37
38 # Formatierung
39 plt.axhline(0, color='black', lw=0.5)
40 plt.axvline(0, color='black', lw=0.5)
41 plt.xlabel('$Real$')
42 plt.ylabel('$Imaginaer$')
43 plt.title("Ortskurve", fontsize=10, fontweight="bold")
44 plt.grid()
45 plt.axis("equal")
46 plt.legend()
47 plt.show()

```

22.29 Halb und doppeltlogarithmische Plots

Beim halblogarithmische Plots ist nur eine Achse logarithmisch skaliert. Doppeltlogarithmische Plots hingegen weisen die beiden Achsen logarithmisch auf. Die Daten werden nach Auftragen auf einer logarithmischen Skala als gerade erscheinen. Beispiel-Code von halb und dop-

peltlogarithmische Plots

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3
4 x = np.logspace(0.1, 2, 400) # x von 10^0.1 bis 10^2
5 y = np.sqrt(x)
6
7 fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2) # eine Reihe, Zwei Spalten
8
9 # Halblogarithmische Plots (Semi-Log-Diagramm)
10
11 ax1.semilogx(x, y, color="blue", linewidth=2) # x-Achse logarithmisch
12 ax1.set_xlabel('$xlog$')
13 ax1.set_ylabel('$ylinear$')
14 ax1.set_title("Halblogarithmischer Plot", fontsize=10, fontweight="bold")
15 ax1.grid(True, which="both") # grid on both axis
16
17 # Doppeltlogarithmische Plots
18
19 ax2.loglog(x, y, color="blue", linewidth=2) # beide Achsen logarithmisch
20 ax2.set_xlabel('$xlog$')
21 ax2.set_ylabel('$ylog$')
22 ax2.set_title("Doppeltlogarithmischer Plot", fontsize=10, fontweight="bold")
23 ax2.grid(True, which="both")
24
25 fig.set_size_inches(200/25.4, 150/25.4) # Umwandlung von millimeter in Zoll
26 plt.tight_layout() # sorgt fuer schoene Abstaende
27 plt.show()

```

22.30 Tortendiagramm

Mit Tortendiagramm werden Daten als Sektoren eines Kreises dargestellt. Jede Sektorgröße repräsentiert den Anteil an der Gesamtmenge.

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2
3 # Dieses Beispiel stellt so ein, dass alles um 90 Grad gegen den Uhrzeigersinn gedreht
4 # wird und die Herzstueckscheibe auf der positiven y-Achse beginnt.
5
6 labels = 'Stromkosten', 'Nebenkosten', 'Kaltmiete', 'Internet'
7 sizes = [51, 72.90, 462.95, 49.99]
8 explode = (0, 0.1, 0, 0) # Das zweites Stueckt ist leicht herausgezogen
9
10 fig, ax = plt.subplots()
11 fig.set_size_inches(200/25.4, 150/25.4) # Umwandlung von millimeter in Zoll
12
13 ax.set_title("Tortendiagramm fuer Kosten einer Mietwohnung")
14 ax.title.set_fontsize(10)
15 ax.title.set_fontweight("bold")
16 ax.pie(sizes, explode=explode, labels=labels, autopct= lambda p: f'{p*sum(sizes)/100:.1f}%',
17       shadow=True, startangle=90)
18 ax.axis('equal') # Der Kuchen wird als Kreis gezeichnet
19 plt.show()

```

22.31 Box-Plot

Ein Boxplot-Diagramm stellt wichtige Kenngröße einer Stichprobe graphisch dar beziehungsweise den kleinsten Stichprobenwert (Minimum), das untere Quartil (Q1), den Stichprobenmedian (Mittelwert), das obere Quartil (Q2), den größten Stichprobenwert (Maximum), und den Quartilsabstand (IQR). Es wird in der Regel verwendet, um Ausreißer zu erkennen sowie die Streuung und die Asymmetrie der Datenverteilung zu verstehen. Diese Ausreißer können dazu führen, dass statistische Analysen sowie den Mittelwert verfälscht werden und somit zu fehlerhaften Interpretationen der Daten führen. Das folgende Code-Beispiel stellt ein Beispiel für ein BoxPlot Diagramm dar:

```

1  # 22.32 BoxPlot
2
3  import numpy as np
4  import matplotlib.pyplot as plt
5  import os
6
7  # Zufallsdaten erstellen
8  np.random.seed(0)
9  data_1 = np.random.normal(100, 10, 200)
10 data_2 = np.random.normal(90, 20, 200)
11 data_3 = np.random.normal(80, 30, 200)
12 data = [data_1, data_2, data_3]
13
14 fig, ax = plt.subplots()
15 fig.set_size_inches(200/25.4, 150/25.4)
16
17 # Boxplot erstellen
18 bp = ax.boxplot(data, patch_artist=True, notch=True, vert=0)
19
20 # Farben anpassen
21 colors = ['#0000FF', '#00FF00', '#FFFF00', '#FF00FF']
22 for patch, color in zip(bp['boxes'], colors):
23     patch.set_facecolor(color)
24
25 # Linien anpassen
26 for whisker in bp['whiskers']:
27     whisker.set(color='#8B008B', linewidth=1.5, linestyle=":")
28
29 for cap in bp['caps']:
30     cap.set(color='#8B008B', linewidth=2)
31
32 for median in bp['medians']:
33     median.set(color='red', linewidth=3)
34
35 for flier in bp['fliers']:
36     flier.set(marker='D', color='#e7298a', alpha=0.5)
37
38 print("data_1: ", data_1)
39 print(f"\ndata_2: {data_2}")
40 print(f"\ndata_3: {data_3}")
41
42
43 # Statistische Werte berechnen und anzeigen
44 for i, d in enumerate(data, start=1):
45     Q1 = np.percentile(d, 25)
46     Q3 = np.percentile(d, 75)
47     IQR = Q3 - Q1
48
49     lower_whisker = Q1 - 1.5 * IQR
50     upper_whisker = Q3 + 1.5 * IQR

```

```

51     outliers = d[(d < lower_whisker) | (d > upper_whisker)]
52
53     print(f"\nDatensatz_{i}:_data_{i}")
54     print(f"Q1_(25%):_{Q1:.2f}")
55     print(f"Q3_(75%):_{Q3:.2f}")
56     print(f"IQR:_{IQR:.2f}")
57     print(f"Unterer_Whisker_(Grenze):_{lower_whisker:.2f}")
58     print(f"Oberer_Whisker_(Grenze):_{upper_whisker:.2f}")
59     print(f"Ausreißer:_{outliers if len(outliers) > 0 else 'Keine'}")
60
61 plt.xlabel('$Datensatz$')
62 plt.ylabel('$Messwert$')
63 plt.title("BoxPlot_Diagramm", fontsize=10, fontweight="bold")
64 plt.grid()
65 plt.savefig(os.path.join("C:/Users/E1AJRWG/KonzeptsammlungPython_Copy/Kapitel22_Matplotlib/Kapitel22_Gr",
66                             "Box-Plot.png"), dpi=300, bbox_inches='tight')
67
68 plt.show()

```

22.32 Sankey Diagramm

Ein Sankey Diagramm ist eine spezielle Form von Flussdiagramm, bei denen die Breite der Pfeile proportional zur dargestellten Flussmenge ist. Sankey Diagramm wird typischerweise verwendet, um Energie-, Material- oder Kostenströme zwischen verschiedenen Prozessen anschaulich darzustellen. Für die Erstellung von Sankey Diagramm verwenden wir das Modul `matplotlib.sankey`. In dem folgenden Beispiel-Code wird das Sankey Diagramm einer Halogenlampe, wobei ihre zugeführte Energie beziehungsweise Nutz- und Wärmeenergie gezeigt wird, dargestellt.

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 from matplotlib.sankey import Sankey
3
4 fig = plt.figure()
5
6 ax = fig.add_subplot(1, 1, 1, xticks=[], yticks=[],
7                       title="Sankey_Diagramm_einer_Halogenlampe")
8 ax.title.set_fontsize(10)
9 ax.title.set_fontweight("bold")
10 sankey = Sankey(ax=ax, scale=0.01, offset=0.2, head_angle=180,
11                 format='%0f', unit='J')
12 sankey.add(flows=[35, -30, -5],
13             labels=['Gesamte_zugefuehrte_Energie', 'Waermeenergie', 'Nutzenergie'],
14             orientations=[0, -1, 0],
15             pathlengths=[0.25, 0.25, 0.25],
16             patchlabel="Halogenlampe") # Arguments to matplotlib.patches.PathPatch
17 diagrams = sankey.finish()
18 diagrams[0].texts[-1].set_color('r')
19 diagrams[0].text.set_fontweight('bold')
20 fig.set_size_inches(200/25.4, 150/25.4) # Umwandlung von millimeter in Zoll
21 plt.show()

```

23 Anwendungen

23.1 Lineare Regression mit Pandas

Die Bibliothek Pandas ermöglicht die Arbeit mit Tabellen wie mit einem Tabellenkalkulationsprogramm. Anhand eines Beispiels zur linearen Regression wird die Bedienung gezeigt:

```

1 import numpy as np
2 import pandas as pd
3
4 xy = [\
5     (20, 0),\
6     (16, 3),\
7     (15, 7),\
8     (16, 4),\
9     (13, 6),\
10    (10, 10),\
11    ]
12 df = pd.DataFrame(xy, columns=['x', 'y'])
13 print(df)
14 # Mittelwert = Summe durch Anzahl
15 x_avg = df['x'].sum()/df['x'].count()
16 y_avg = df['y'].sum()/df['y'].count()
17 y_avg2 = df['y'].mean() #geht auch
18 # Erzeugung neuer Spalten:
19 df['Dx'] = df['x']-x_avg
20 df['Dy'] = df['y']-y_avg
21 df['Dx*Dy'] = df['Dx']*df['Dy']
22 df['Dx^2'] = df['Dx']**2
23 m = df['Dx*Dy'].sum()/df['Dx^2'].sum() # Steigung
24 b = y_avg-m*x_avg # Offset
25 print(df)
26
27 # Ergebnis plotten:
28 import matplotlib.pyplot as plt
29 fig, ax = plt.subplots()
30 ax.plot(df['x'],df['y'], 'rx')
31 ax.plot(df['x'],m*df['x']+b, 'b-')
32 plt.grid()
33 plt.xlabel('x')
34 plt.ylabel('y')
35 plt.savefig('LinRegPandas.pdf')

```

Erzeugt:

	x	y	Dx	Dy	Dx*Dy	Dx^2
0	20	0	5.0	-5.0	-25.0	25.0
1	16	3	1.0	-2.0	-2.0	1.0
2	15	7	0.0	2.0	0.0	0.0
3	16	4	1.0	-1.0	-1.0	1.0
4	13	6	-2.0	1.0	-2.0	4.0
5	10	10	-5.0	5.0	-25.0	25.0

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/020_LineareregressionMitPandas/LinR

23.2 Impulsplot

Ausgabe von Impulsplots:

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 xavg = 1.5
4 xsigma = 0.15
5 fig, ax = plt.subplots()
6 fig.set_size_inches(120/25.4,80/25.4)
7 np.random.seed(0)
8 x = np.random.normal(xavg, xsigma, 12)
9 y = 0.0*x+1
10 ml, sl, bl = ax.stem(x,y,linefmt='r-',markerfmt='_ ', basefmt='_ ')
11 plt.setp(sl, linewidth=0.5)
12 plt.setp(bl, color="none")
13 ax.grid()
14 ax.set_xlim([0,2])
15 ax.set_ylim([0,1.2])
16 plt.xlabel('Groesse  $x$  (m)')
17 plt.subplots_adjust(left=0.17,\
18     right=0.97, top=0.97, bottom=0.15)
19 plt.savefig('bilddatei.pdf')
20 plt.show()

```

Ausgabe:

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/023_impulsplot/impuls

23.3 Mehrere Plots übereinander

Mehrere Plots übereinander:

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 t = np.linspace(0,10,75)
4 fig, axs = plt.subplots(3)
5 fig.set_size_inches(70/25.4,125/25.4)
6 axs[0].set_ylabel('Position (m)')
7 gxphase1, = axs[0].plot(t, 1/2*t**2, 'r-', label='besch')
8 axs[1].set_ylabel('Geschw. (m/s)')
9 gvphase1, = axs[1].plot(t, t, 'r-')
10 axs[2].set_ylabel('Beschl. $\mathrm{(m/s^2)}$')
11 gaphase1, = axs[2].plot(t, 1+0*t, 'r-')
12
13 axs[0].grid()
14 axs[1].grid()
15 axs[2].grid()
16
17 axs[0].set_xlim([0,10])
18 axs[0].set_xticklabels([])
19 axs[1].set_xlim([0,10])
20 axs[1].set_xticklabels([])
21 axs[2].set_xlim([0,10])
22 axs[0].set_ylim([0,50])
23 axs[1].set_ylim([0,10])
24 axs[2].set_ylim([0,2])
25
26 axs[2].set_xlabel('Zeit (s)')
27 plt.subplots_adjust(left=0.23, right=0.94, top=0.99, bottom=0.09, wspace=0.1, hspace=0.2)
28 fig.show()
29 fig.savefig('x-v-a-diagramm.pdf')

```

Ausgabe:

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/026_P1

23.4 Pixel-Farbnetz

Ein Pixel-Farbnetz wird aus drei Matrizen gleicher Größe erzeugt. Die erste gibt für jeden Pixel die x-Koordinate an. Die zweite Matrix die y-Koordinate und die dritte Matrix den Farbwert des Pixels. Mit der Option `shading='auto'` wird angegeben, dass die Mitte der Pixel den x- und y-Koordinaten entsprechen. Entfällt diese Option, sind die äußeren Ecken der Randpixel an den Maximal-Koordinaten.

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 xv = np.linspace(-1,1,3)
4 yv = np.linspace(4,1,4)
5 Mx, My = np.meshgrid(xv, yv)
6 Mz = np.sqrt(Mx**2+My**2)
7 fig, ax= plt.subplots()
8 fig.set_size_inches(50/25.4, 50/25.4)
9 ax.pcolormesh(Mx, My, Mz,\
10     shading='auto')
11 ax.grid(lw=1)

```

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/018_pcolorme

23.5 Benutzerspezifische Achsenbeschriftung

Die Beschriftung einer Achse lässt sich mit Koordinaten und Strings benutzerspezifisch anpassen. In diesem Beispiel ist die horizontale Achsenbeschriftung ein vielfaches von $\pi/6$

```

1 ###
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import numpy as np
4 from numpy import *
5 from math import pi
6 import os
7
8 fig, ax = plt.subplots()
9 p = np.array([p for p in range(-7,7+1)])
10 t = p/6*pi

```

```

11 lbl = [str(k)+'/6pi' for k in p] # Hier pi durch
12 # das Unicode-Pi ersetzen.
13 # ax.plot(t, il_von_t, 'g-')
14 thighres = np.linspace(-7/6*pi, 7/6*pi, 300)
15 ax.plot(thighres, cos(thighres), 'r-')
16 ax.plot(thighres, sqrt(1-sin(thighres)**2), 'gx')
17 plt.xticks(t, lbl, rotation=90)
18 ax.grid()
19 plt.savefig(os.path.basename(__file__).replace('.py', '') + '_gen.pdf')

```

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/032_be

24 PDF-Dateierzeugung

24.1 PDF-Dateiausgabe

Mit dem folgenden Code wird eine PDF-Datei mit der Breite 80 mm und der Höhe 50 mm erzeugt. In Anaconda muss gegebenenfalls das Paket „reportlab“ installiert werden.

```

1 from reportlab.pdfgen.canvas import Canvas
2 # pagesize units are in 1/72 inch
3 canvas = Canvas("ausgabe.pdf", pagesize=(80/25.4*72, 50/25.4*72))
4 FoSi = 10 # Fontsize
5 canvas.setFont("Times-Roman", FoSi)
6 textobject = canvas.beginText(2, 50/25.4*72 - FoSi)
7 txt = "hallo"
8 txt = txt + "\n_welt"
9 txt = txt + "\n_dritte_Zeile"
10 txt = txt + "\n_vierte_zeile"
11 textobject.textLines(txt)
12 canvas.drawText(textobject)
13 canvas.save()

```

Erzeugt:

S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/014_pdfausgabe/ausgabe.pdf

25 Pandas

25.1 Tabellenbreite in Pandas

Bei der Ausgabe von Tabellen mit Pandas wird ab einer bestimmten Breite ein Zeilenumbruch eingefügt. Der nachfolgende Code verhindert das (juPyter)

```

1 import pandas as pd
2 pd.set_option('display.expand_frame_repr', False)

```

25.2 Mehrzeilenstring als Datenquelle

Die Dateneingabe als mehzeiliger String kann folgendermaßen erfolgen:

```

1 ###
2 import sys
3 import pandas as pd
4 from io import StringIO
5 txtdata = StringIO("""
6 Author;,,,,,Titel;,,ISBN
7 Muster,,Max;,,Test;,,,12345
8 """)
9 df = pd.read_csv(txtdata, sep=";")
10 print(df)

```

25.3 Spalten kombinieren

Inhalt zweier Spalten zusammenführen, in ein Set zusammenfassen und ein Element entfernen

```

1 import pandas as pd
2 dummy_data3 = {
3     'id': ['1', '2', '3'],
4     'F1': [11, 12, 13],
5     'F2': [21, 22, 23],}
6 df3 = pd.DataFrame(dummy_data3)
7 F1L = df3['F1'].tolist()
8 F2L = df3['F2'].tolist()
9 elemente = set(F1L).union(set(F2L))
10 elemente.remove(22)
11 print(elemente) # {21, 23, 11, 12, 13}

```

26 Konsolenanwendungen

26.1 Benutzereingaben in der Konsole

Bei einfachen Anwendungen kann der Benutzer auch in der Konsole Eingaben machen:

```

1 text = input("Eingabe: ")
2 print(text)

```

Dies kann auch in einer Schleife genutzt werden, um den Programmablauf anzuhalten:

```

1 for i in range(10):
2     print(i)
3     input()

```

27 GUIs

27.1 Messagebox

Einfache Messagebox:

```
1 from tkinter import *
2 from tkinter import messagebox
3 root = Tk()
4 root.withdraw()
5 messagebox.showinfo('Dialogtitel', 'Nachricht')
```

Wenn mehrere Messageboxen nacheinander angezeigt werden, sollen sie im Vordergrund angezeigt werden

```
1 root = Tk()
2 root.withdraw()
3 texto = Toplevel(root)
4 messagebox.showinfo('Warn', 'Messagetext', parent=texto)
5 root.destroy()
```

28 XML-Dateien

28.1 Elemente finden

Elemente eines bestimmten Typs (in diesem Beispiel „element“) rekursiv finden:

```
1 import xml.etree.ElementTree as ET
2 tree = ET.parse('schaltplan.get')
3 root = tree.getroot()
4 for e in root.iter('element'):
5     print(e)
```

28.2 Subelemente ermitteln

Ob und wieviele Subelemente (child elements) ein Element hat, lässt sich mit der list-Funktion ermitteln:

```
1 import xml.etree.ElementTree as ET
2 tree = ET.parse('schaltplan.get')
3 root = tree.getroot()
4 print(list(root))
```

29 Interaktive Plots

29.1 Interaktive Plots mit iPython

Plots können mit Schiebereglern zu interaktiven Grafiken gemacht werden. Die Schieberegler bestimmen einen Variablenwert und daraufhin wird die Grafik sofort aktualisiert. Diese Funktionalität ist in JuPyter vorhanden, wird hier aber für iPython gezeigt. Der Vorteil von iPython ist, dass das Dateiformat eine Textdatei ist.

```
1  """
2  # Quelle: https://ipywidgets.readthedocs.io/
3  # en/stable/examples/Using%20Interact.html
4  import matplotlib.pyplot as plt
5  import numpy as np
6  from ipywidgets import interact
7  import ipywidgets as widget
8
9  def f(t0, k):
10     t = np.linspace(-2, 2, 200)
11     y = -np.cos(1/(k/1000+(t-t0)**2))
12     fig, ax = plt.subplots()
13     g1, = ax.plot(t, y, 'r-', lw=2)
14     plt.grid()
15
16  interact(f, t0=(-2,2,0.1), k=(1,500,1))
```

Ausgabe:



S:/0Siaenen/Konzeptsammlung_Python/src/figures/033_sliderinteractiveplot/sliderint