

Q1. 다음 코드의 실행결과와 형태를 예측하시오.

NL.eig(a1_1)

>> a1_1 행렬의 eigen value 와 normalized eigen vector 를 리턴.

NL.eig(a1_2)

>> error! non-square matrix 는 eigen value 를 구할 수 없다.

NL.svd(a1_1, full_matrices=True)

>> a1_1 을 svd 하여 u, s, v 로 분해하여 리턴.

u.shape=(2,2) / s.shape=(2,) / v.shape=(2,2)

NL.svd(a1_1, full_matrices=False)

>> svd 하려는 행렬이 정방행렬일 경우 full_matrices 여부와 관련없이 똑같은 값 리턴.

NL.svd(a1_2, full_matrices=True)

>> a1_2 를 svd 함. u.shape=(m,m)=(3,3) / s.shape=(n,)=(2,) / v.shape=(n,n)=(2,2)

NL.svd(a1_2, full_matrices=False)

>> a1_2 가 정방행렬이 아니므로 mxn 행렬 A 에서 구한 $k=\min(m,n)$ 에 의해

u.shape=(m,k)=(3,2) / s.shape=(2,) / v.shape=(k,n)=(2,2)

Q2. 주어진 코드와 실행 결과가 다음과 같을 때, 결과 값 x, y 의 의미와 그 관계에 대해 설명하시오.

a2 = np.array([[7,1],[1,7]])

x, y = NL.eig(a2)

>> x 는 eigenvalues, y 는 eigenvectors.

정의에 의해서 $a2 * v = \lambda * v$ 이므로, 각각의 eigenvalue 와 eigenvector 에 대하여...

$np.matmul(a2, y[:,0]) == x[0]*y[:,0]$

$np.matmul(a2, y[:,1]) == x[1]*y[:,1]$

Q3. 주어진 코드의 실행 결과인 U, S, V 의 형태를 예측하고 , 각 결과 값이 의미하는 바를 쓰시오.

```
a3 =  
np.array([[1,1,1,0,0],[3,3,3,0,0],[4,4,4,0,0],[5,5,5,0,0],[0,2,0,4,4],[0,0,0,5,5],[0,1,0,2,2]])  
U,S,V = NL.svd(a3, full_matrices=False)
```

>> a3.shape=(m,n)=(7,5) 이고, full_matrices=False 이므로 Reduced SVD 하면..

U.shape=(m, min(m,n))=(7,5)

S.shape=(n,)=(5,)

V.shape=(min(m,n), n)=(5,5)

>> U 는 orthogonal matrix, 각 column 은 AA^T 의 eigenvectors.

S 는 diagonal matrix Σ 의 0이 아닌 대각성분으로 1차 행렬이고, 각 요소는 eigenvalue.

V 는 orthogonal matrix, 각 column 은 A^TA 의 eigenvectors.

Q4. 주어진 1 차원 ndarray 를 A 와 같이 다차원 형태로 변환하는 코드를 적고 , 변환된 값을 활용하여 B 와 같이 출력하는 코드를 적어라.

```
a4 = np.array([1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18])
```

```
# answer A
```

```
a4_rs = a4.reshape(3,2,3)
```

```
# answer B
```

```
for dim1 in a4_rs.reshape(6,-1):
```

```
    print(dim1)
```

```
    print('----')
```

Q5. 아래 코드의 실행 결과를 적고 , 두 함수의 차이점을 기술하시오.

```
a5 = np.array([[1,2],[3,4]])
```

```
b5 = np.array([[1,3],[2,4]])
```

```
np.dot(a5,b5)
```

```
>> array([[5,11],  
          [11,25]])
```

행렬 곱 연산

```
a5*b5
```

```
>> array([[1,6],  
          [6,16]])
```

요소 곱 연산

Q6. 다음 코드의 실행 결과를 보이시오.

```
a6_1 = np.zeros((5,5))
```

```
a6_1 += np.arange(5)
```

```
a6_1
```

```
>> array([[0., 1., 2., 3., 4.],  
          [0., 1., 2., 3., 4.],  
          [0., 1., 2., 3., 4.],  
          [0., 1., 2., 3., 4.],  
          [0., 1., 2., 3., 4.]])
```

(5x5) matrix 에 (5,) 를 더하기 위해 broadcasting 하여 (5,) -> (5,5) 로 변환하고 덧셈.

```
a6_2 = np.full((4,5,3),3)
```

```
np.cov(a6_2)
```

```
a6_2
```

```
>> error!
```

np.cov 는 1-D 혹은 2-D array 를 받는데, broadcasting 으로 array 차원 축소는 불가능.