

Модель боевых действий

Ласурия Данил НПИбд-01-19

26 февраля, 2022, Москва, Россия

Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи работы

Цель лабораторной работы

Рассмотрим некоторые простейшие модели боевых действий – модели Ланчестера.

Задание к лабораторной работе

1. Изучить два случая модели Ланчестера
2. Построить графики изменения численности войск
3. Определить победившую сторону

Процесс выполнения лабораторной работы

В первом случае модель боевых действий между регулярными войсками описывается следующим образом

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Во втором случае в борьбу добавляются партизанские отряды. В результате модель принимает вид:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)x(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -h(t)y(t) - c(t)x(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Условие задачи

Между страной X и страной Y идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями $x(t)$ и $y(t)$. В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 250 000 человек, а в распоряжении страны Y армия численностью в 380 000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a, b, c, h постоянны. Также считаем $P(t), Q(t)$ непрерывные функции. Постройте графики изменения численности войск армии X и армии Y для следующих случаев:

Случай 1. Модель боевых действий между регулярными войсками

1. Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.4x(t) - 0.607y(t) + 2\sin(3t) \\ \frac{dy}{dt} = -0.667x(t) - 0.42y(t) + 2\cos(6t) \end{cases}$$

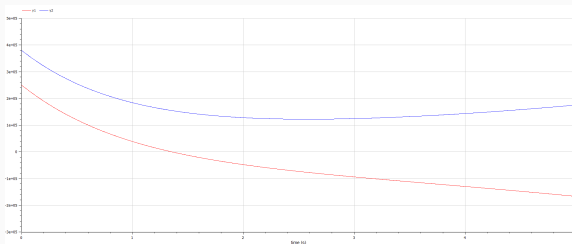


Figure 1: График численности для случая 1

Случай 2. Модель боевых действий между регулярными войсками и партизанами

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.337x(t) - 0.733y(t) + \sin(2t) + 1 \\ \frac{dy}{dt} = -0.29x(t)y(t) - 0.8y(t) + 2\cos(t) \end{cases}$$

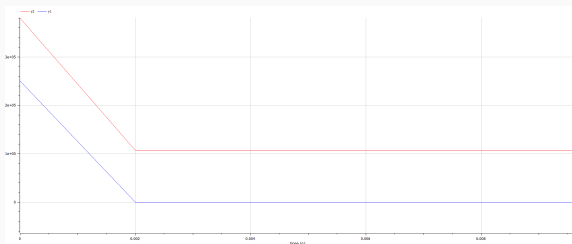


Figure 2: График численности для случая 2

Выводы по проделанной работе

В результате проделанной лабораторной работы мы познакомились с моделью «Модель боевых действий». Проверили, как работает модель в различных ситуациях, построили графики $y(t)$ и $x(t)$ в рассматриваемых случаях.