## PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATÓLICA DEL PERÚ FACULTAD DE CIENCIAS E INGENIERÍA

## FUNDAMENTOS DE PROGRAMACIÓN

3ra práctica (tipo a) (Segundo semestre de 2011)

> Horario 0581: prof. V.Khlebnikov Horario 0582: prof. A.Bello R.

Duración: 1 hora 50 min.

Nota: No se puede usar ningún material de consulta.

La presentación, la ortografía y la gramática influirán en la calificación.

Puntaje total: 20 puntos

## Pregunta 1 (6 puntos) Calculo de predicados

- a) (2 puntos) Determine ¿cómo están relacionados los siguientes pares de predicados? (cuál es más débil o más fuerte), si ellos está relacionados en absoluto. Justifique brevemente en cada caso.
  - $x \ge 1$  y  $(\exists i : i \ge 0 : x = i)$
  - $(\forall : P : Q) \vee (\exists i : P : Q)$
- **b)** (2 puntos) Determine en Y : las soluciones más débiles y más fuertes de las siguientes ecuaciones (No considere los valores True y False o sus equivalentes):
  - $Y: [Y \Rightarrow P \lor Q]$
  - $Y : [Y \lor Q \Rightarrow P \lor Q]$
- c) (1 puntos) Argumente porqué es falso  $[(\exists i: R: P) \land (\exists i: R: Q) \equiv (\exists : R: P \land Q)]$
- d) (1 puntos) Lleve a cabo la siguiente sustitución:  $(a \equiv b)(a := a \equiv b)$ .

Pregunta 2 (2 puntos) La sentencia abort se especifica de la siguiente forma:

$$\{P\}$$
 abort  $\{Q\}$  es equivalente a  $[P \equiv false]$ 

- a) (1 punto) Proporcionar una interpretación operacional para abort. Justifique brevemente en cada caso.
- b) (1 punto) Determinar wp.abort

Pregunta 3 (2 puntos) Argumente o refute la corrección de los siguientes programas.

- a) (1 punto) || var x, y:bool;  $\{x \equiv y\}$  skip  $\{x \Rightarrow y\}$ ||
- b) (1 punto) || var x, y:bool;  $\{x \equiv y\}$  skip  $\{x \lor y\}$ ||

<u>Pregunta 4</u> (*D. Gries*) (4 puntos) Determine el predicado más debil *P* que satisface las siguientes especificaciones y preséntelo en forma más simple (y legible) posible:

- a)  $\{P\}\ z, y := z * x, y 1 \ \{y \ge 0 \land z * x^y = c\}$
- **b)**  $\{P\}$  s, i := s + b[i], i + 1  $\{i > 0 \land s = \Sigma i : 0 < i < i : b[i]\}$
- c)  $\{P\}\ x, y := x y, y x \{x + y = c\}$
- d)  $\{P\}\ x, y := x y, x + y \ \{x + y = c\}$

## Pregunta 5 (A. Kaldewaij) (2 puntos)

- a) (0,5 puntos) Determine el predicado más debil P que satisface la siguiente especificación y preséntelo en forma más simple (y legible) posible:  $\{P\}$  x := y; y := x  $\{x = A \land y = B\}$
- b) (1,5 puntos) Calcule la expresión E tal que  $\{\text{true}\}\ y := E; x := x \text{ div } 2\ \{2*x = y\}$ . Las operaciones definidas sobre enteros son +, -, \*,  $\max$ ,  $\min$ , div, mod. Pero la expresión E no debe tener ni \*, ni div.

Pregunta 6 (D. Gries) (4 puntos) Presente la definición de wp.IF.R (1 punto), y calcule (3 puntos)  $\overline{wp.}$  (if  $b[i] > 0 \rightarrow p, i := p+1, i+1 \mid b[i] < 0 \rightarrow i := i+1$  fi). $(i \le m \land p = \mathcal{N}j : 0 \le j < i : b[j] > 0)$  para un vector b[0 : m-1].



La práctica fue preparada por AB(1-3) y VK(4-6)

Profesores del curso: V.Khlebnikov A.Bello R.

Pando, 24 de octubre de 2011